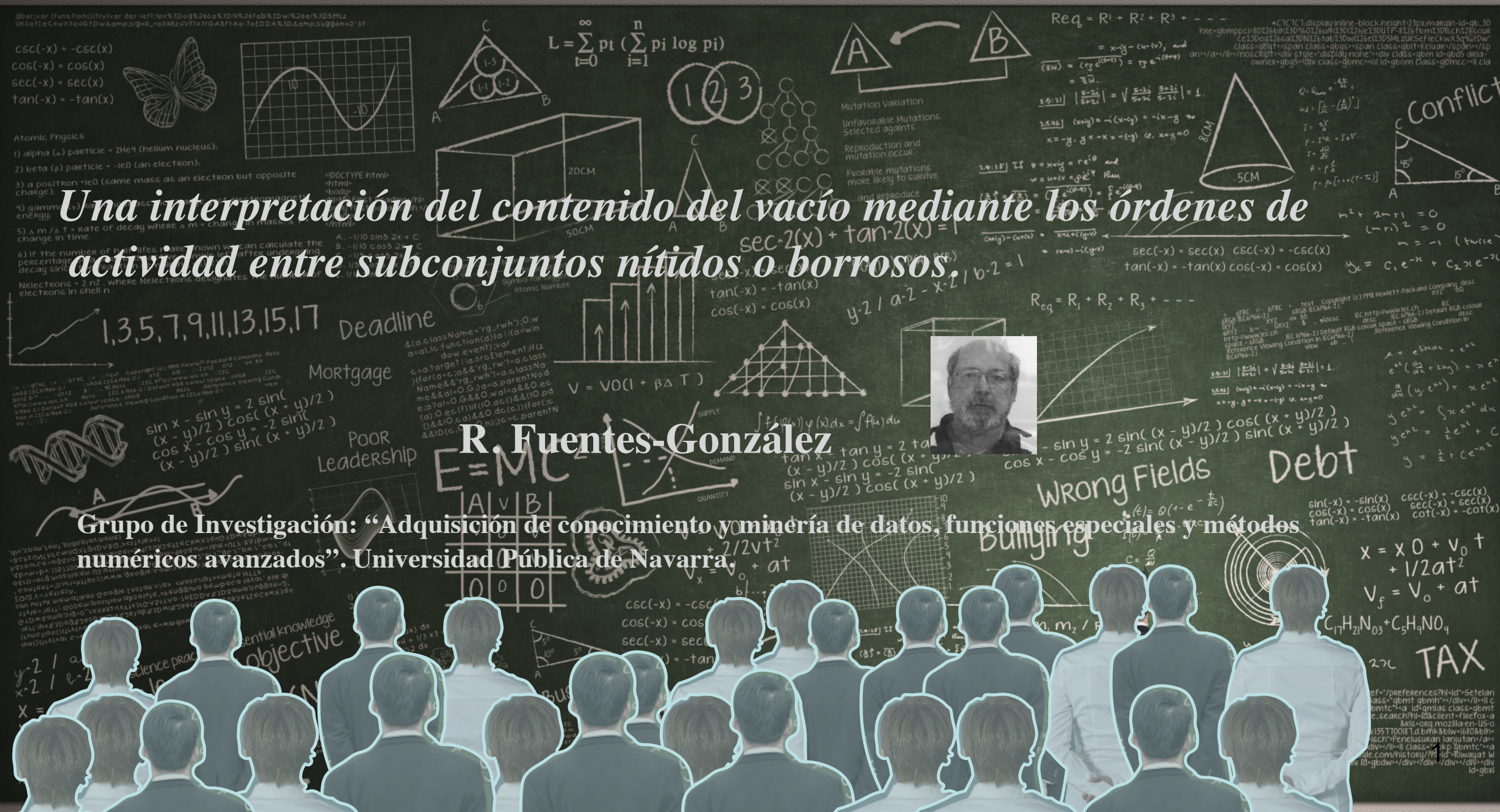


Una interpretación del contenido del vacío mediante los órdenes de actividad entre subconjuntos nítidos o borrosos.

R. Fuentes-González

Grupo de Investigación: "Adquisición de conocimiento y minería de datos, funciones especiales y métodos numéricos avanzados". Universidad Pública de Navarra.





Una interpretación del contenido del vacío mediante los órdenes de actividad entre subconjuntos nítidos o borrosos.

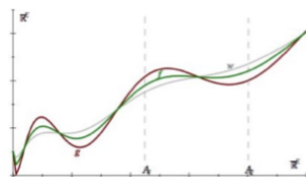
R. Fuentes-González

Grupo de Investigación: "Adquisición de conocimiento y minería de datos, funciones especiales y métodos numéricos avanzados". Universidad Pública de Navarra.



Interpretación de los órdenes de actividad \sqsubseteq^w como nuevas inclusiones entre subconjuntos ordinarios y borrosos

$$f \sqsubseteq^w g \Leftrightarrow (g \wedge w \leq f \leq g \vee w)$$



$Req = R_1 + R_2 + R_3 + \dots$
 $Req = R_1 + R_2 + R_3 + \dots$
 $Req = R_1 + R_2 + R_3 + \dots$

Mutation Variation
 Unfavorable Mutations Selected against
 Reproduction and mutation occur
 Favorable mutations more likely to survive and reproduce

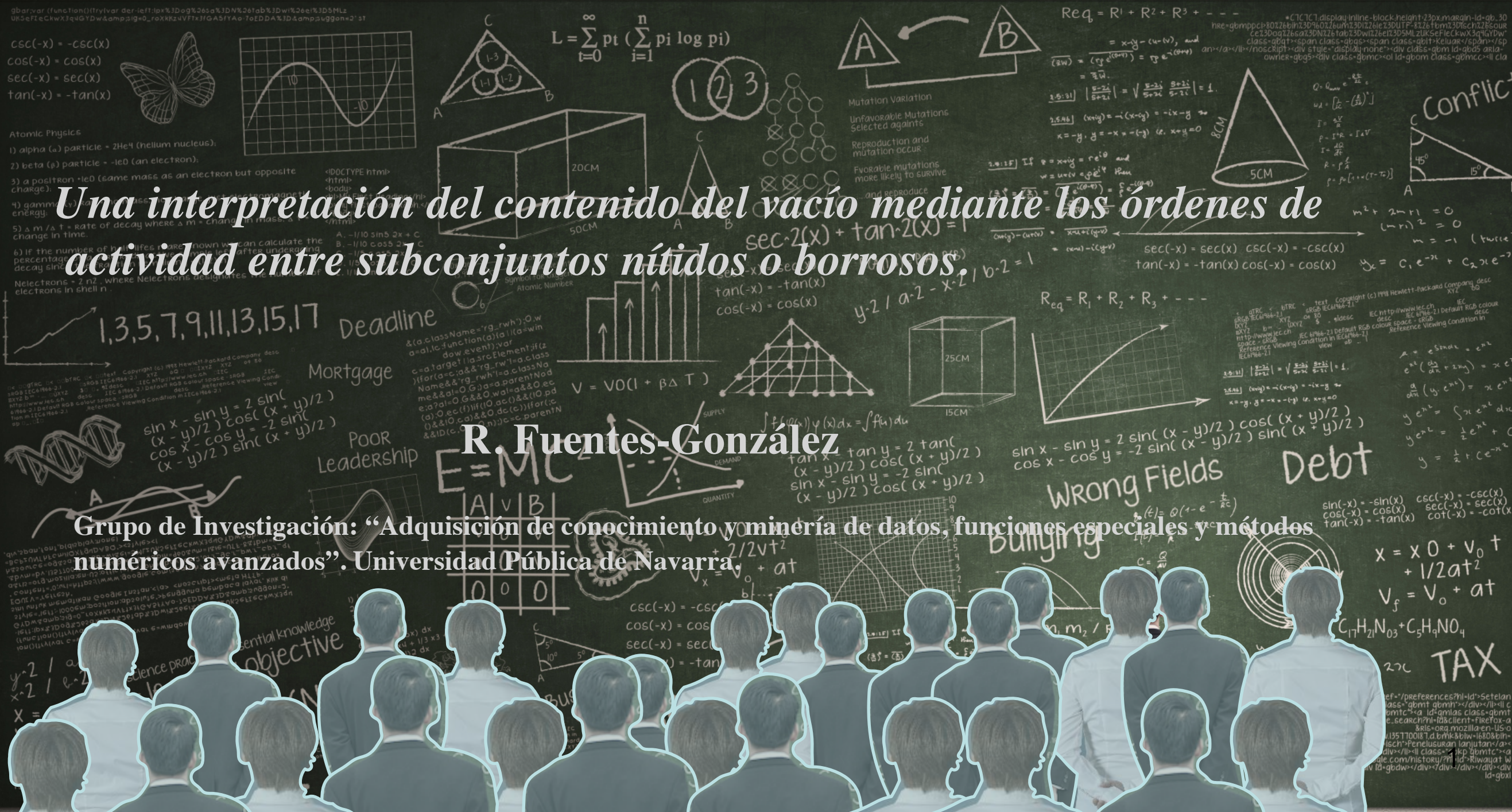
$\tan 2(x) = \frac{2 \tan x}{1 - \tan^2 x}$
 $\sec(-x) = \sec(x)$ $\csc(-x) = -\csc(x)$
 $\tan(-x) = -\tan(x)$ $\cos(-x) = \cos(x)$

Conflict
 45° 15°
 5CM 8CM

Wrong Fields
 Debt
 Bullying

$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$
 $v_f = v_0 + a t$
 $C_{17}H_{21}N_{03} + C_5H_9N_4$
 TAX

HARMONIC 2017
 Vejer de la Frontera



Una interpretación del contenido del vacío mediante los órdenes de actividad entre subconjuntos nítidos o borrosos.

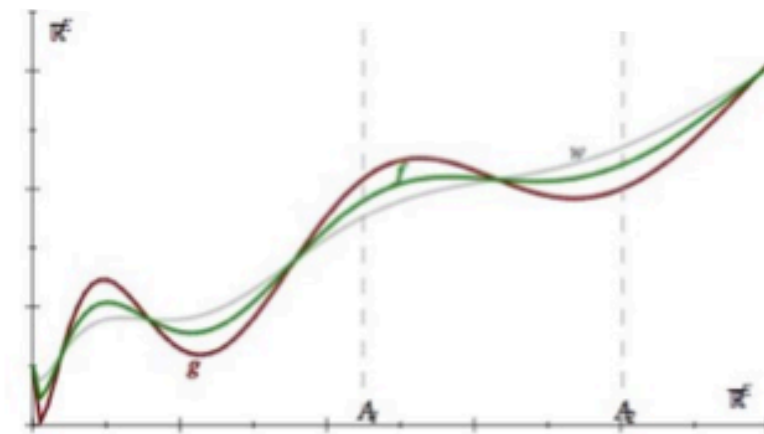
R. Fuentes-González

Grupo de Investigación: "Adquisición de conocimiento y minería de datos, funciones especiales y métodos numéricos avanzados". Universidad Pública de Navarra.

Una interpretación del contenido del vacío mediante los órdenes de actividad entre subconjuntos nítidos o borrosos.

Una interpretación del contenido del vacío mediante los órdenes de actividad entre subconjuntos nítidos o borrosos.

$$f \sqsubseteq^w g \Leftrightarrow (g \cdot w \leq f \leq g + w)$$



(Interpretación en un sentido amplio:

Un subconjunto de elementos irrelevantes, o de elementos no deseados, perjudiciales,...)

Introducción

Conjunto vacío

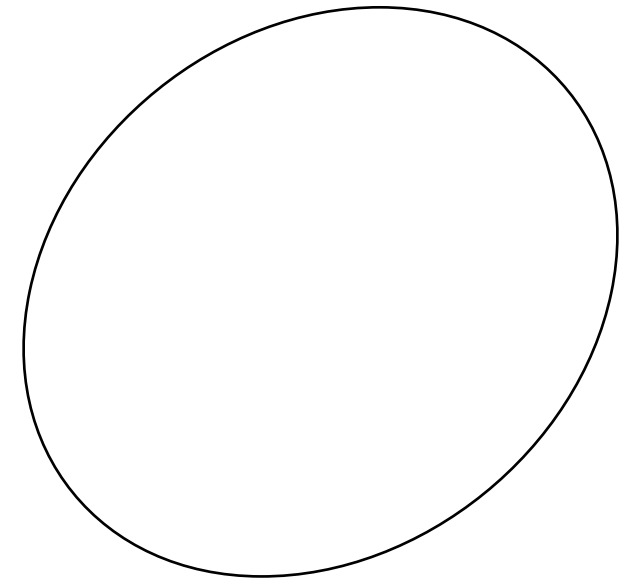
Desde fines del siglo XX, en la [matemática](#), particularmente en la [Teoría axiomática de Conjuntos de ZF](#) o la teoría intuitiva de conjuntos, el **conjunto vacío** es [el](#) que no posee [elemento](#) alguno. Puesto que lo único que define a un conjunto es la propiedad que satisfacen sus elementos, el conjunto vacío es único.

Algunas propiedades de los conjuntos son [obviamente](#) ciertas para el conjunto vacío. En una [teoría axiomática de conjuntos](#), la existencia de un conjunto vacío se postula.

Conjunto vacío $(\nexists x: x \in \emptyset)$

Desde fines del siglo XX, en la **matemática**, particularmente en la **Teoría axiomática de Conjuntos de ZF** o la teoría intuitiva de conjuntos, el **conjunto vacío es el que no posee elemento alguno**. Puesto que lo único que define a un conjunto es la propiedad que satisfacen sus elementos, el conjunto vacío es único.

Algunas propiedades de los conjuntos son **obviamente** ciertas para el conjunto vacío. En una **teoría axiomática de conjuntos**, la existencia de un conjunto vacío se postula.



Conjunto vacío $(\nexists x: x \in \emptyset)$

Desde fines del siglo XX, en la **matemática**, particularmente en la **Teoría axiomática de Conjuntos de ZF** o la teoría intuitiva de conjuntos, el **conjunto vacío es el que no posee elemento alguno**. Puesto que lo único que define a un conjunto es la propiedad que satisfacen sus elementos, el conjunto vacío es único.

Algunas propiedades de los conjuntos son **obviamente** ciertas para el conjunto vacío. En una **teoría axiomática de conjuntos**, la existencia de un conjunto vacío se postula.



Jorge Oteiza



Bruno Catalano

Conjunto vacío ($\nexists x: x \in \emptyset$)

Propiedades

Es necesario y legítimo hablar de «el conjunto vacío»

- El único subconjunto del conjunto vacío

$$A \subseteq \emptyset \text{ si y solo si } A = \emptyset$$

- El número de elementos o cardinal de

$$|\emptyset| = 0$$

En particular, el conjunto vacío es un

- Para todo conjunto A , el conjunto vacío es subconjunto de A :

$$\emptyset \subseteq A$$

- Para todo conjunto A , la unión de A con el conjunto vacío es A :

$$A \cup \emptyset = A$$

- Para todo conjunto A , la intersección de A con el conjunto vacío resulta en el conjunto vacío:

$$A \cap \emptyset = \emptyset$$

- Para todo conjunto A , el producto cartesiano de A y el conjunto vacío es vacío:

$$A \times \emptyset = \emptyset \times A = \emptyset$$



Jorge Oteiza



Bruno Catalano

Conjunto vacío $(\nexists x: x \in \emptyset)$

Propiedades

Es necesario y legítimo hablar de «el conjunto vacío»

- El único subconjunto del conjunto vacío

$$A \subseteq \emptyset \text{ si y solo si } A = \emptyset$$

- El número de elementos o cardinal de

$$|\emptyset| = 0$$

En particular, el conjunto vacío es un

Otras propiedades

- La intersección de un conjunto y su complementario es el conjunto vacío. En símbolos: $A \cap A^c = \emptyset$
- El conjunto \emptyset es abierto y cerrado.
- La diferencia de cualquier conjunto consigo mismo es el conjunto vacío. $A \setminus A = \emptyset$
- En la diferencia simétrica definida en un conjunto potencia, el conjunto vacío es el elemento neutro, esto es, $A \Delta \emptyset = A$
- En una partición de un conjunto inducida por una relación de equivalencia, la intersección de dos clases distintas es el conjunto vacío. $k \neq l \Rightarrow A_k \cap A_l = \emptyset$
- El conjunto vacío es elemento del conjunto potencia de cualquier conjunto, necesariamente. $\emptyset \in \mathcal{P}(A)$ ³
- La unión de una familia vacía de conjuntos es el conjunto vacío.
- la intersección de una familia vacía de conjuntos es el conjunto vacío.
- \emptyset figura como elemento propio de toda topología sobre X . Notación: $\emptyset \in T(X)$. Y es cerrado, a la vez que abierto en cualquier topología.⁴
- La intersección del interior del conjunto A con el interior de su complementario es $A^\circ \cap B^\circ = \emptyset$ donde $B = X \setminus A$
- La intersección del interior con su frontera es $A^\circ \cap \partial A = \emptyset$
- El conjunto $A = \{x/x \in \mathcal{R}\}$ tal que $|x| < 0$ es igual a \emptyset ⁵
- En cálculo de probabilidades el conjunto vacío representa el suceso imposible y $P(\emptyset) = 0$ ⁶

- Para todo conjunto A , el conjunto vacío es subconjunto de A :

$$\emptyset \subseteq A$$

- Para todo conjunto A , la unión de A con el conjunto vacío es A :

$$A \cup \emptyset = A$$

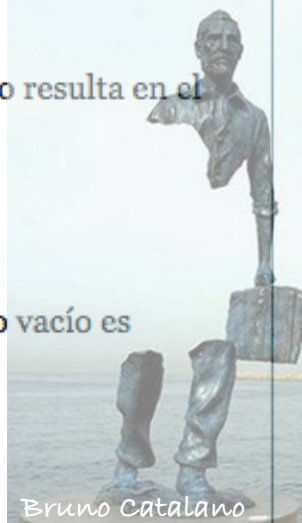
- Para todo conjunto A , la intersección de A con el conjunto vacío resulta en el conjunto vacío:

$$A \cap \emptyset = \emptyset$$

- Para todo conjunto A , el producto cartesiano de A y el conjunto vacío es vacío:



Jorge Oteiza



Bruno Catalano

Conjunto vacío $(\nexists x: x \in \emptyset)$

Propiedades

Es necesario y legítimo hablar de "el conjunto vacío" es la propiedad que satisfacen sus elementos, el conjunto vacío es único.

Desde fines del siglo XX, en la matemática, particularmente en la Teoría axiomática de Conjuntos de ZF o la teoría intuitiva de conjuntos, el conjunto vacío es el que no posee ningún elemento. Puesto que lo único que define un conjunto es la propiedad que satisfacen sus elementos, el conjunto vacío es subconjunto de A .

Algunas propiedades de los conjuntos son obviamente ciertas para el conjunto vacío. En una teoría axiomática de conjuntos, la existencia de un conjunto vacío se postula.

- El único subconjunto del conjunto vacío es el mismo.

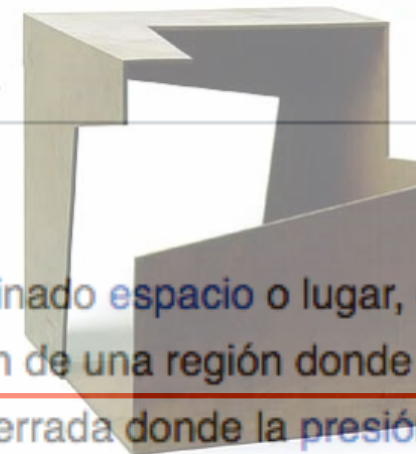
$$A \subset \emptyset \text{ si y solo si } A = \emptyset$$

- Para todo conjunto A , la unión de A con el conjunto vacío es A :

$$A \cup \emptyset = A$$

Vacío

El **vacío** (del latín *vacīvus*) es la ausencia total de material en los elementos (**materia**) en un determinado **espacio** o lugar, o la falta de contenido en el interior de un **recipiente**. Por extensión, se denomina también vacío a la condición de una región donde la **densidad de partículas es muy baja**, como por ejemplo el **espacio interestelar**; o la de una cavidad cerrada donde la **presión del aire u otros gases es menor que la atmosférica**.



Jorge Oteiza



Bruno Catalano

- La diferencia de cualquier conjunto consigo mismo es el conjunto vacío. $A \setminus A = \emptyset$
- En la diferencia simétrica definida en un conjunto potencia, el conjunto vacío es el elemento neutro, esto es, $A \Delta \emptyset = A$
- En una partición de un conjunto inducida por una relación de equivalencia, la intersección de dos clases distintas es el conjunto vacío. $k \neq l \Rightarrow A_k \cap A_l = \emptyset$
- El conjunto vacío es elemento del conjunto potencia de cualquier conjunto, necesariamente. $\emptyset \in \mathcal{P}(A)$ ³
- La unión de una familia vacía de conjuntos es el conjunto vacío.
- La intersección de una familia vacía de conjuntos es el conjunto vacío.
- \emptyset figura como elemento propio de toda topología sobre X . Notación: $\emptyset \in T(X)$. Y es cerrado, a la vez que abierto en cualquier topología.⁴
- La intersección del interior del conjunto A con el interior de su complementario es $A^\circ \cap B^\circ = \emptyset$ donde $B = X \setminus A$
- La intersección del interior con su frontera es $A^\circ \cap \partial A = \emptyset$
- El conjunto $A = \{x/x \in \mathcal{R}\}$ tal que $|x| < 0$ es igual a \emptyset ⁵
- En cálculo de probabilidades el conjunto vacío representa el suceso imposible y $P(\emptyset) = 0$ ⁶

Conjunto vacío $(\nexists x: x \in \emptyset)$

Propiedades

Es necesario y legítimo hablar de «el conjunto vacío» y no de «un conjunto vacío».

Desde fines del siglo XX, en la matemática, particularmente en la Teoría axiomática de Conjuntos de ZF o la teoría intuitiva de conjuntos, el conjunto vacío es el que no posee ningún elemento. Puesto que lo único que define un conjunto es la propiedad que satisfacen sus elementos, el conjunto vacío es único.

Algunas propiedades de los conjuntos son obviamente ciertas para el conjunto vacío. En una teoría axiomática de conjuntos, la existencia de un conjunto vacío se postula.

- Para todo conjunto A , la unión de A con el conjunto vacío es A :

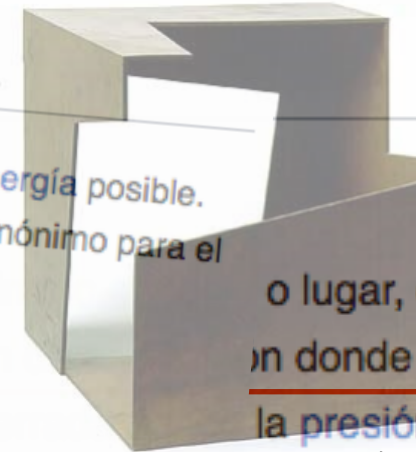
$$A \cup \emptyset = A$$

Vacío cuántico

En la teoría cuántica de campos, el **vacío cuántico** (o simplemente el **vacío**) es el estado cuántico con la menor energía posible. Generalmente no contiene partículas físicas. El término «energía del punto cero» es usado ocasionalmente como sinónimo para el vacío cuántico de un determinado campo cuántico.

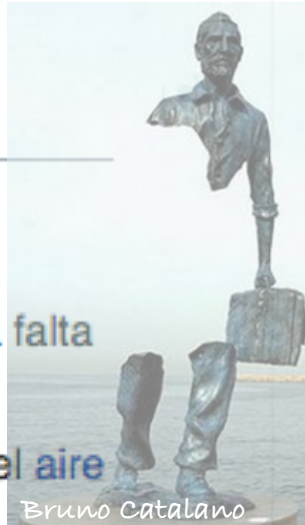
Índice [ocultar]

- 1 Concepto
- 2 Estados del vacío
- 3 Véase también
- 4 Referencias



o lugar, o la falta
on donde la
la presión del aire

Jorge Oteiza



Bruno Catalano

Concepto

De acuerdo a lo que se entiende actualmente por vacío cuántico o «estado de vacío», este «no es desde ningún punto de vista un simple espacio vacío»,¹ y otra vez: «es un error pensar en cualquier vacío físico como un absoluto espacio vacío».² De acuerdo con la mecánica cuántica, el vacío cuántico no está realmente vacío, sino que contiene ondas electromagnéticas fluctuantes y partículas que saltan dentro y fuera de la existencia.^{3 4 5}

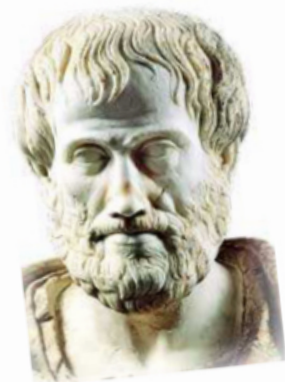
Según las modernas teorías de las partículas elementales, el vacío es un objeto físico, se puede cargar de energía y convertir en varios estados distintos. Dentro de su terminología, los físicos hablan de vacíos diferentes. El tipo de partículas elementales, su masa y sus interacciones, están dados por el vacío subyacente. La relación entre las partículas y el vacío es similar a la relación entre las ondas del sonido y la materia por la que se propagan. Los tipos de ondas y la velocidad a la que viajan varía dependiendo del material.

Conjunto vacío $(\nexists x: x \in \emptyset)$

Propiedades

Desde fines del siglo XX, en la matemática, particularmente en la Teoría axiomática de Conjuntos de ZF o la teoría intuitiva de conjuntos, el conjunto vacío es el que no posee ningún elemento. Puesto que lo único que define un conjunto vacío es la propiedad que satisface sus elementos, el conjunto vacío es único. Algunas propiedades de los conjuntos son obviamente ciertas para el conjunto vacío. En una teoría axiomática de conjuntos, la existencia de un conjunto vacío se postula. El único subconjunto del conjunto vacío es el mismo.

Vacío cuántico

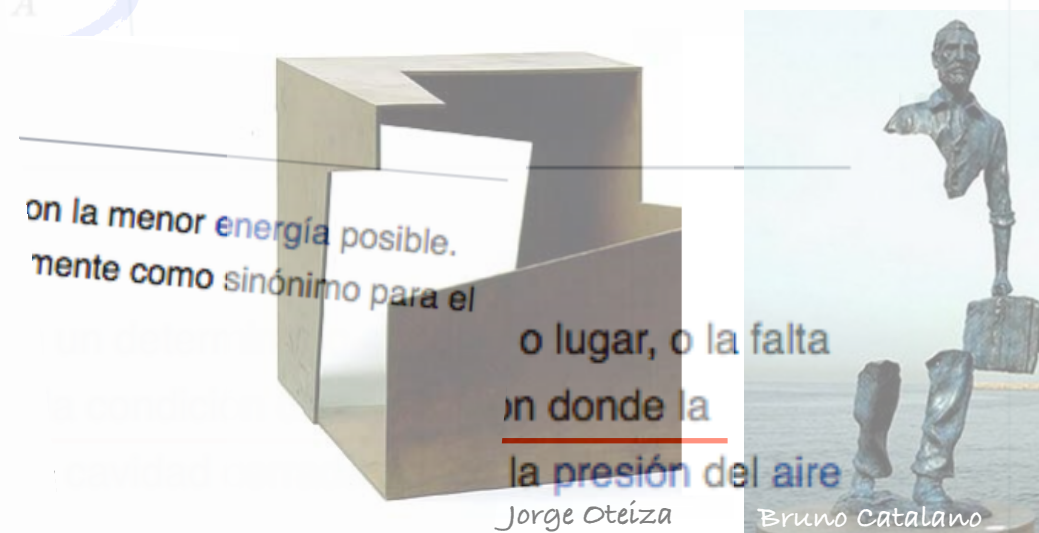
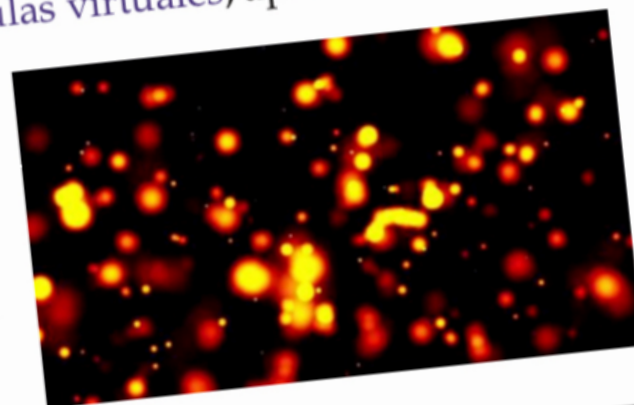
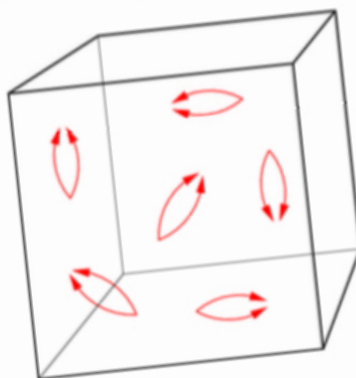


Aristóteles: "Natura abhorret vacuum."

El vacío no existe porque

- la nada no existe
- el vacío no tiene características
- material adyacente llenaría el vacío
- no hay movimiento en el vacío
- colocando un objeto en vacío, ¿dónde iría ese vacío?

Vacío cuántico **no es espacio vacío**, tras quitar moléculas, átomos y fotones
Vacío cuántico es **sopa de partículas virtuales**, apareciendo y desapareciendo



con la menor energía posible.
mente como sinónimo para el

o lugar, o la falta
on donde la
la presión del aire

Jorge Oteiza

Bruno Catalano

B. Janssen (UGR)

Energía y Materia, 27 julio 2017

... diferentes. El tipo de partículas elementales, su carga de energía y convertir en... que se propagan. Los tipos de ondas y la velocidad a la que viajan varía dependiendo

Conjunto vacío

Propiedades

Desde fines del siglo XX, en la teoría intuitiva de conjuntos, el conjunto vacío es la propiedad de ser el único subconjunto del conjunto vacío es el nulo.

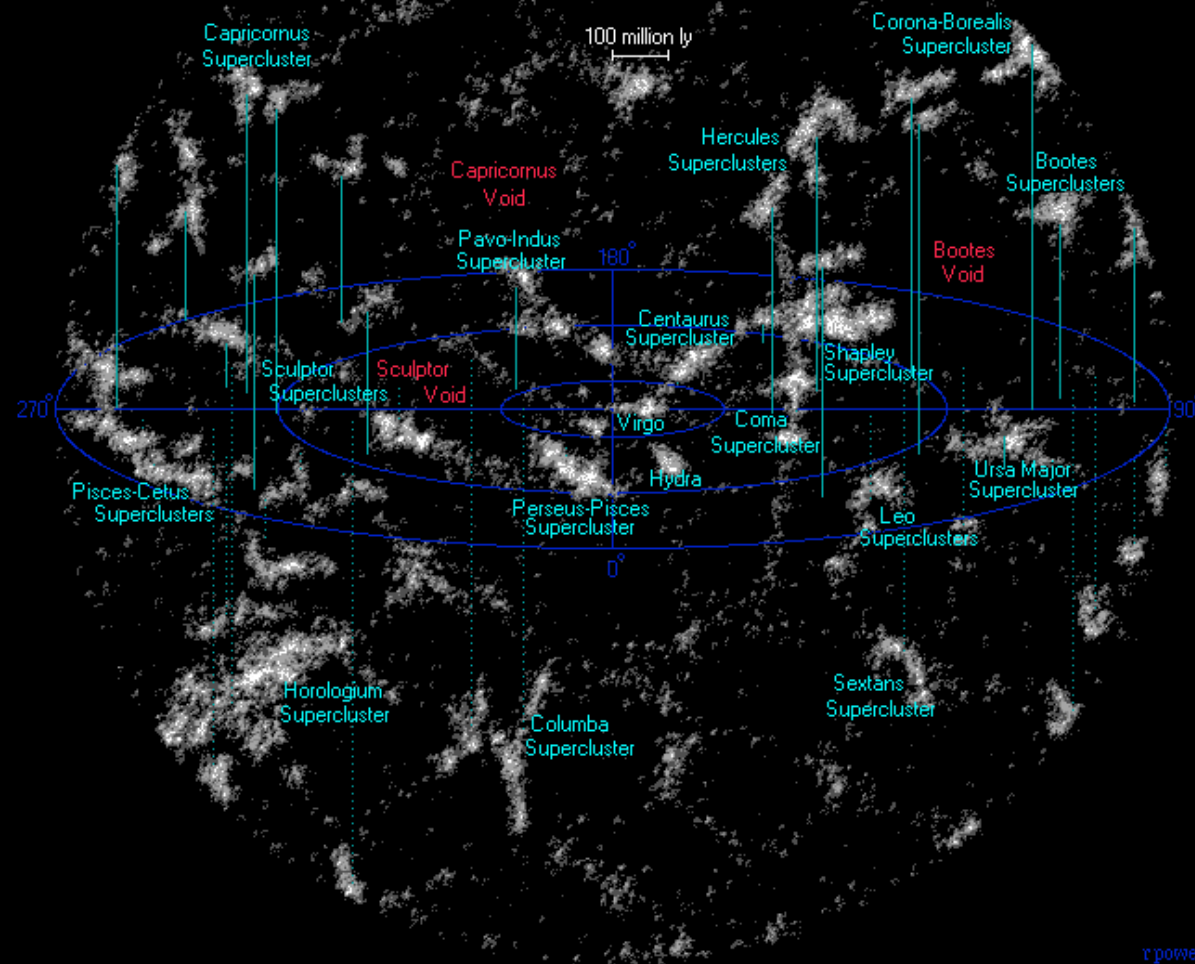
Vacío cuántico

Aristóteles: "Natura abhorret vacuum."

Vacío (astronomía)

En astronomía los **vacíos** son los espacios entre **filamentos**, la estructura de escala en el **Universo**, que contiene **muy pocas** o ninguna **galaxia**. Fueron descubiertos por primera vez en 1978 durante un estudio pionero llevado a cabo por Stephen Gregory y **Laird A. Thompson** en el **Observatorio Nacional de Kitt Peak**. Los vacíos tienen normalmente un diámetro que va desde 11 a 150 **Mpc**; particularmente los referimos a los vacíos grandes, definidos por la ausencia de ricos superclústeres como **supervacíos**. Los vacíos que se encuentran en entornos de alta densidad son más pequeños que los situados en los espacios de baja densidad del universo.

Se cree que los vacíos se formaron debido a la **oscilación acústica de bariones** en el Big Bang a causa del colapso de masas seguido de implosiones de materia comprimida de bariones. El exterior de los vacíos es lo que queda de los choques frontales que se ocasionaron debido a este proceso. El desacoplamiento de la materia respecto a la radiación cuando el universo se volvió transparente "congeló" los vacíos y los choques frontales. [cita requerida]



1000 millones de años luz (307 Mpc) alrededor de la Tierra, mostrando el **supercúmulo** local y los vacíos

El universo 1000 millones de años luz (307 Mpc) alrededor de la Tierra, mostrando el **supercúmulo** local y los vacíos

la relación $B = X/A$
la que viajan varía dependiendo

Conjunto vacío

Propiedades

Desde fines del siglo XX, en la teoría intuitiva de conjuntos, se define el conjunto vacío y no de. Es necesario y legítimo hablar de el conjunto vacío es la pro. Algunas propiedades de los c de conjuntos, la existencia de. El único subconjunto del conjunto vacío es el n

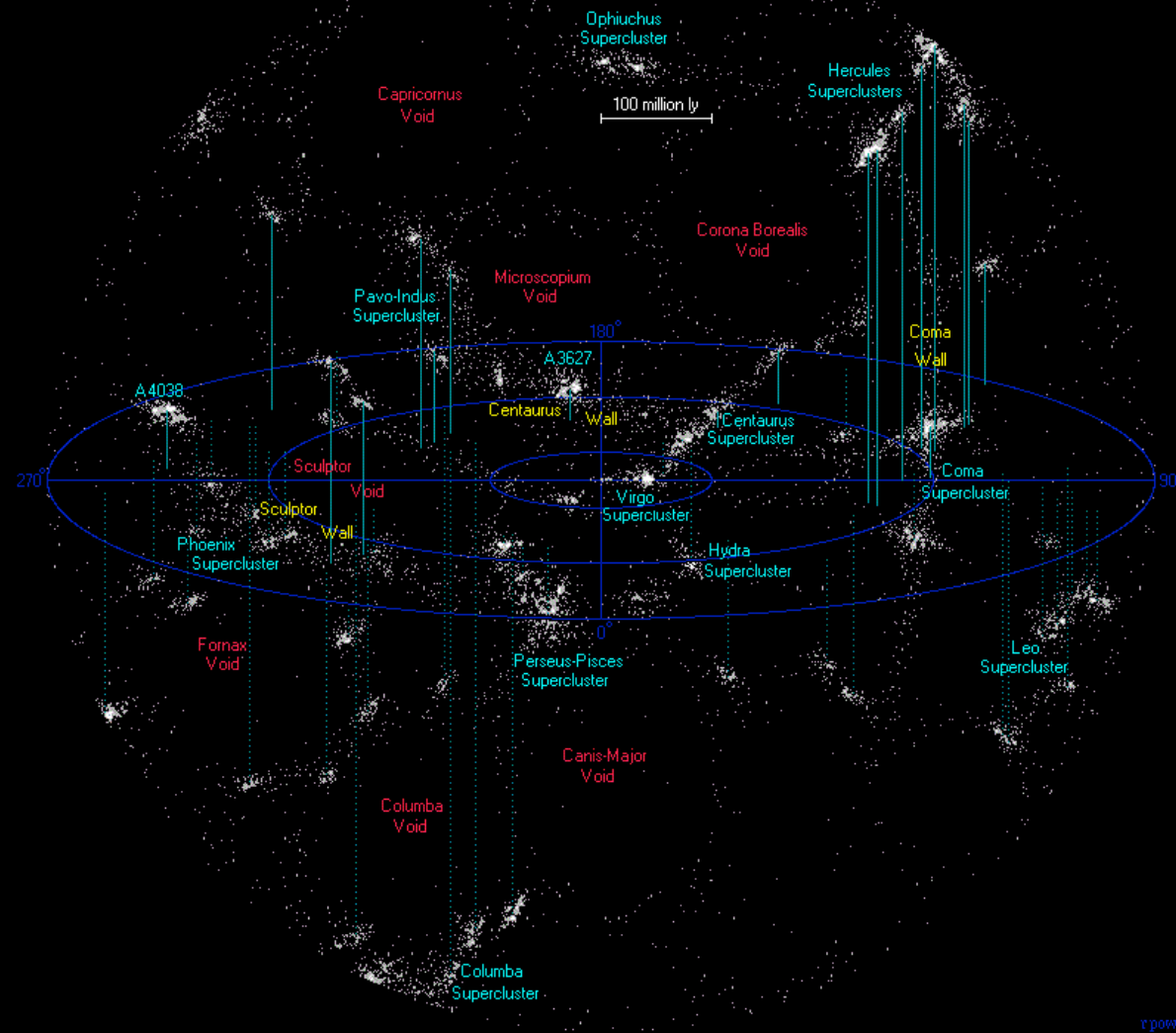
Vacío cuántico

Aristóteles: "Natura abhorret vacuum."

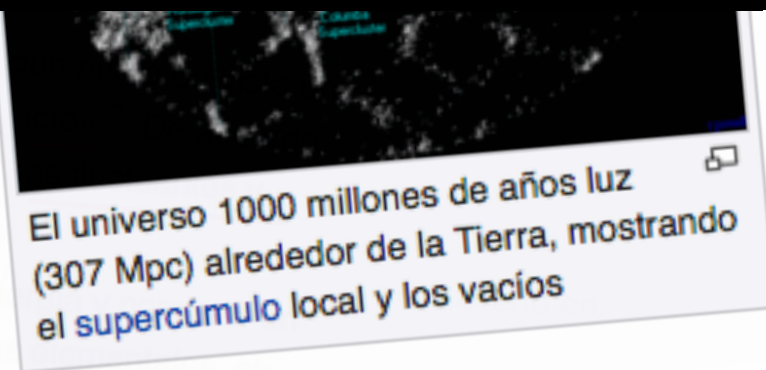
Vacío (astronomía)

En astronomía los **vacíos** son los espacios entre **filamentos**, la estructura de escala en el **Universo**, que contiene **muy pocas** o ninguna **galaxia**. Fueron descubiertos por primera vez en 1978 durante un estudio pionero llevado a cabo por Stephen Gregory y **Laird A. Thompson** en el **Observatorio Nacional de Kitt Peak**. Los vacíos tienen normalmente un diámetro que va desde 11 a 150 **Mpc**; particularmente nos referimos a los vacíos grandes, definidos por la ausencia de ricos supercúmulos como **supervacíos**. Los vacíos que se encuentran en entornos de alta-densidad son más pequeños que los situados en los espacios de baja-densidad del universo.

Se cree que los vacíos se formaron debido a la **oscilación acústica de bariones** en el Big Bang a causa del colapso de masas seguido de implosiones de materia comprimida de bariones. El exterior de los vacíos es lo que queda de los choques frontales que se ocasionaron debido a este proceso. El desacoplamiento de la materia respecto a la radiación cuando el universo se volvió transparente "congeló" los vacíos y los choques frontales. [cita requerida]



500 millones de años luz alrededor de la Tierra, mostrando el **filamento de galaxias** más cercano



El universo 1000 millones de años luz (307 Mpc) alrededor de la Tierra, mostrando el **supercúmulo local** y los vacíos

la relación $B = X/A$ que viajan varía dependiendo

Conjunto vacío $(\nexists x: x \in \emptyset)$

Propiedades

Es necesario y legítimo hablar de "el conjunto vacío" y no de "un conjunto vacío".

Desde fines del siglo XX, en la matemática, particularmente en la Teoría axiomática de Conjuntos de ZF o la teoría intuitiva de conjuntos, el conjunto vacío es el que no posee ningún elemento. Puesto que lo único que define un conjunto es la propiedad que satisfacen sus elementos, el conjunto vacío es único.

Algunas propiedades de los conjuntos son obviamente ciertas para el conjunto vacío. En una teoría axiomática de conjuntos, la existencia de un conjunto vacío se postula.

- El único subconjunto del conjunto vacío es el mismo.

Vacío cuántico

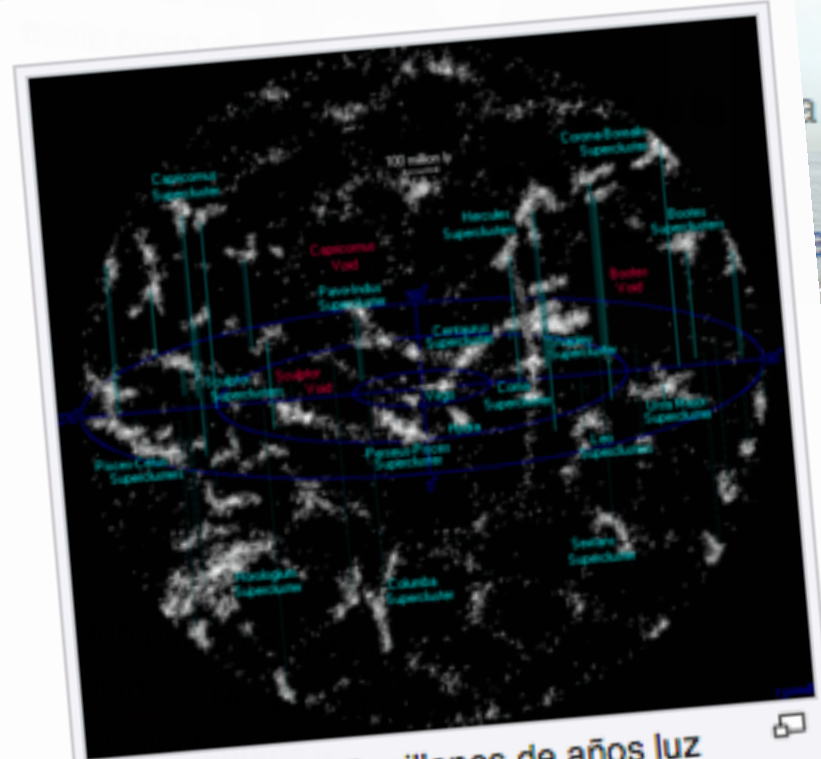
Aristóteles: "Natura abhorret vacuum."



Vacío (astronomía)

En astronomía los **vacíos** son los espacios entre **filamentos**, la estructura de mayor escala en el **Universo**, que contiene **muy pocas** o ninguna **galaxia**. Fueron descubiertos por primera vez en 1978 durante un estudio pionero llevado a cabo por Stephen Gregory y **Laird A. Thompson** en el **Observatorio Nacional de Kitt Peak**.¹ Los vacíos tienen normalmente un diámetro que va desde 11 a 150 **Mpc**; particularmente, nos referimos a los vacíos grandes, definidos por la ausencia de ricos **supercúmulos**, como **supervacíos**. Los vacíos que se encuentran en entornos de alta-densidad son más pequeños que los situados en los espacios de baja-densidad del universo.²

Se cree que los vacíos se formaron debido a la **oscilación acústica de bariones** en el Big Bang a causa del colapso de masas seguido de implosiones de materia comprimida de bariones. El exterior de los vacíos es lo que queda de los choques frontales que se ocasionaron debido a este proceso. El desacoplamiento de la materia respecto a la radiación cuando el universo se volvió transparente "congeló" los vacíos y los choques frontales.^[cita requerida]



El universo 1000 millones de años luz (307 Mpc) alrededor de la Tierra, mostrando el **supercúmulo** local y los vacíos



vacío, vacía

adjetivo

1. [recipiente, espacio] Que no contiene nada.
"tengo el estómago vacío; mi vaso está vacío; los pantanos están casi vacíos a causa de la sequía"
2. [lugar público] Que no tiene gente o tiene muy poca.
"el teatro estaba vacío; las calles de la ciudad están vacías en el verano"

particularmente en la Teoría axiomática de Conjuntos de ZF o la teoría de conjuntos de von Neumann. El conjunto vacío posee ciertas propiedades: el vacío es el que no posee elemento alguno. Puesto que lo único que satisface esa condición es el conjunto vacío, el conjunto vacío es subconjunto de A.

obviamente ciertas para el conjunto vacío. En una teoría axiomática de conjuntos, el conjunto vacío se postula.

Para todo conjunto A, la unión de A con el conjunto vacío es A:



Jorge Oteiza

Bruno Catalano

Vacío (astronomía)

El vacío (del latín *vacivus*) es la ausencia total de materia o energía. En astronomía los vacíos son las grandes regiones del espacio donde la densidad de galaxias es muy baja o ninguna. Los vacíos se descubrieron por primera vez en los años 70 durante un estudio de los descubrimientos por Stephen Gregory y Laird D. Spitzer.

Según las teorías de la física, los vacíos se crean como resultado de la expansión del universo. Los vacíos se expanden a medida que el universo se expande. Los vacíos se crean como resultado de la expansión del universo. Los vacíos se expanden a medida que el universo se expande.

El universo está compuesto por materia y energía. La materia y la energía se expanden a medida que el universo se expande. Los vacíos se crean como resultado de la expansión del universo. Los vacíos se expanden a medida que el universo se expande.

Los vacíos se crean como resultado de la expansión del universo. Los vacíos se expanden a medida que el universo se expande. Los vacíos se crean como resultado de la expansión del universo. Los vacíos se expanden a medida que el universo se expande.

vacío, vacía

adjetivo

1. [recipiente, espacio] Que no contiene nada.
"tengo el estómago vacío; mi vaso está vacío; los pantanos están casi vacíos a causa de la sequía"
2. [lugar público] Que no tiene gente o tiene muy poca.
"el teatro estaba vacío; las calles de la ciudad están vacías en el verano"

particularmente en la Teoría axiomática de Conjuntos de ZF o la teoría de conjuntos de von Neumann, el conjunto vacío posee ciertas propiedades: el vacío es el que no posee elemento alguno. Puesto que lo único que satisface esa condición es el conjunto vacío, el conjunto vacío es subconjunto de A.

obviamente ciertas para el conjunto vacío. En una teoría axiomática de conjuntos, el conjunto vacío se postula.

Para todo conjunto A, la unión de A con el conjunto vacío es A:



Vacío (astronomía)

El vacío (del latín *vacivus*) es la ausencia total de materia o energía. En astronomía los vacíos son las grandes regiones de espacio entre filamentos, la estructura a gran escala del universo. En cosmología, los vacíos son las grandes regiones de espacio entre filamentos, la estructura a gran escala del universo. En cosmología, los vacíos son las grandes regiones de espacio entre filamentos, la estructura a gran escala del universo.

Según las teorías de la materia oscura, los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación. Los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación. Los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación.

El universo observable tiene unos 100 millones de años luz de diámetro. En el centro del universo observable hay una gran concentración de materia, que se denomina galaxias. Las galaxias están distribuidas en filamentos, que se denominan filamentos. Entre los filamentos hay grandes regiones de espacio vacío, que se denominan vacíos.

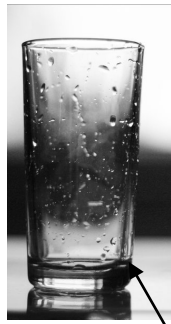
Los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación. Los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación. Los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación.

El universo observable tiene unos 100 millones de años luz de diámetro. En el centro del universo observable hay una gran concentración de materia, que se denomina galaxias. Las galaxias están distribuidas en filamentos, que se denominan filamentos. Entre los filamentos hay grandes regiones de espacio vacío, que se denominan vacíos.

Los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación. Los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación. Los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación.

vacío, vacía

adjetivo



?

1. [recipiente, espacio] Que no contiene nada.
"tengo el estómago vacío; mi vaso está vacío; los pantanos están casi vacíos a sequía"
2. [lugar público] Que no tiene gente o tiene muy poca.
"el teatro estaba vacío; las calles de la ciudad están vacías en el verano"

Conjunto vacío

$$(\forall x: x \in \emptyset)$$

De caminata por un vacío Embalse de Luna (León)



Jorge Oteiza



Bruno Catalano

Vacío

Vacío (astronomía)

El vacío (del latín *vacivus*) es la ausencia total de materia o energía. En astronomía los vacíos son las grandes regiones del espacio que no contienen galaxias o cúmulos de galaxias. Los vacíos se forman durante la expansión del universo, cuando la materia se agrupa en filamentos y las regiones entre ellos se vacían. Los vacíos pueden ser de diferentes tamaños, desde unos pocos millones de años luz hasta cientos de millones de años luz. Según las teorías de la materia oscura, los vacíos se forman debido a la presencia de materia oscura fría, que se acumula en los filamentos y deja vacíos entre ellos. El estudio de los vacíos ayuda a comprender la estructura a gran escala del universo y la naturaleza de la materia oscura.

Según las teorías de la materia oscura, los vacíos se forman debido a la presencia de materia oscura fría, que se acumula en los filamentos y deja vacíos entre ellos. El estudio de los vacíos ayuda a comprender la estructura a gran escala del universo y la naturaleza de la materia oscura.

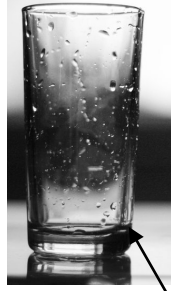
El universo tiene unos 100 millones de años luz de diámetro, y los vacíos ocupan una gran parte de este espacio. Los vacíos se forman durante la expansión del universo, cuando la materia se agrupa en filamentos y las regiones entre ellos se vacían. Los vacíos pueden ser de diferentes tamaños, desde unos pocos millones de años luz hasta cientos de millones de años luz.

Según las teorías de la materia oscura, los vacíos se forman debido a la presencia de materia oscura fría, que se acumula en los filamentos y deja vacíos entre ellos. El estudio de los vacíos ayuda a comprender la estructura a gran escala del universo y la naturaleza de la materia oscura.

vacío, vacía

adjetivo

1. [recipiente, espacio] Que no contiene nada.
"tengo el estómago vacío; mi vaso está vacío; los pantanos están secos"
2. [lugar público] Que no tiene gente o tiene muy poca.
"el teatro estaba vacío; las calles de la ciudad están vacías en la noche"



?

Conjunto vacío

$$\{\exists x: x \in \emptyset\}^?$$



¿calles vacías?

El paro nacional en fotos: calles vacías en Buenos Aires



Consecuencia de la huelga: ¿Aeropuertos llenos? ¡Cabe gente!

LAP informó que desde la madrugada se han cancelado ocho vuelos hacia Argentina, que vive un paro de transporte de 24 horas. (Foto: El Comercio)

Daniel Bedoya
25.06.2018 / 10:40 am

Las consecuencias del **paro nacional que vive Argentina** este lunes también se sienten en nuestro país. Y es que desde muy temprano se han reportado una serie de retrasos y cancelaciones en los vuelos con destino a diferentes puntos del país sureño.

Jorge Oteiza

Bruno Catalano

Vacío

En la teoría cuántica de campos, el vacío cuántico es el estado cuántico con la menor energía posible. El número de partículas en el vacío es cero. El término «energía del punto cero» es usado a veces para referirse al vacío cuántico de un determinado campo cuántico.

Vacío (astronomía)
El vacío (del latín *vacivus*) es la ausencia total de materia y energía. En astronomía los vacíos son las grandes regiones de espacio que están casi completamente vacías. Los vacíos que se encuentran en el universo son de diferentes tamaños, desde unos pocos millones de años luz hasta unos cientos de millones de años luz.

Según las teorías de la física, los vacíos se forman debido a la expansión del universo. Se cree que los vacíos se forman cuando el universo se expande y la materia se agrupa en filamentos y cúmulos, dejando grandes regiones de espacio vacío.

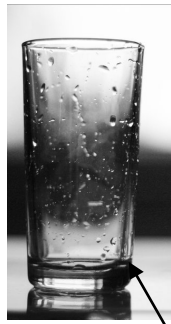
Los vacíos que se encuentran en el universo son de diferentes tamaños, desde unos pocos millones de años luz hasta unos cientos de millones de años luz. Los vacíos más grandes se encuentran en el universo y se llaman vacíos de supervacío.

Los vacíos de supervacío son las regiones más grandes de espacio vacío que se encuentran en el universo. Se cree que los vacíos de supervacío se forman cuando el universo se expande y la materia se agrupa en filamentos y cúmulos, dejando grandes regiones de espacio vacío.

Los vacíos de supervacío son las regiones más grandes de espacio vacío que se encuentran en el universo. Se cree que los vacíos de supervacío se forman cuando el universo se expande y la materia se agrupa en filamentos y cúmulos, dejando grandes regiones de espacio vacío.

vacío, vacías

adjetivo



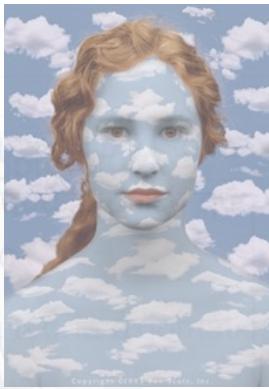
Conjunto vacío

$$(\exists x: x \in \emptyset)?$$

1. [recipiente, espacio] Que no contiene nada.
"tengo el estómago vacío; mi vaso está vacío; los pantanos están casi vacíos a causa de la sequía"
2. [lugar público] Que no tiene gente o tiene muy poca.
"el teatro estaba vacío; las calles de la ciudad están vacías en el verano"



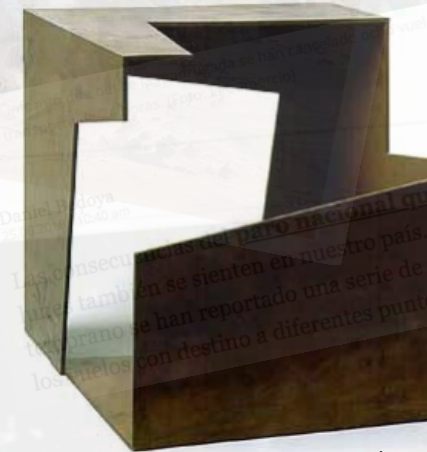
René Magritte



Vacío

Vacío (astronomía)

El vacío (del latín *vacivus*) es la ausencia total de materia o energía. En astronomía los vacíos son los espacios entre filamentos, la estructura del universo. Los vacíos que se encuentran en entornos de alta densidad son como supervacíos. Los vacíos que se encuentran en los espacios de baja densidad son como los vacíos que se encuentran en los espacios de baja densidad. Según las teorías de la materia oscura, los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación. El universo está compuesto de materia oscura y energía oscura. Los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación. El universo está compuesto de materia oscura y energía oscura. Los vacíos se forman debido a la interacción de la materia oscura y la radiación. El universo está compuesto de materia oscura y energía oscura.



Jorge Oteiza



Bruno Catalano

Conjunto vacío

vacío, vacía

Propiedades

adjetivo



Desde fines del siglo XX, en la matemática, particularmente en la teoría intuitiva de conjuntos, el conjunto vacío es el que no contiene nada y no de un conjunto vacío es la propiedad que caracteriza a los conjuntos vacíos.

Algunas propiedades de los conjuntos son obviamente ciertas para el conjunto vacío: la existencia de un elemento vacío se postula.

El único subconjunto del conjunto vacío es el mismo.

Para todo conjunto A, la unión de A con el conjunto vacío es A:

$$A \cup \emptyset = A$$

$$A \cap \emptyset = \emptyset$$

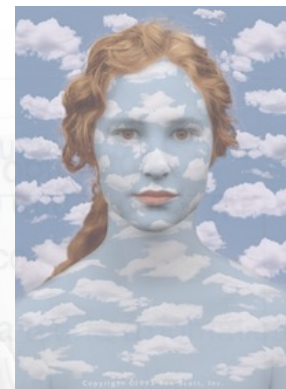
$$A \setminus \emptyset = A$$

$$\emptyset \cap \emptyset = \emptyset$$

$$\emptyset \cup \emptyset = \emptyset$$



René Magritte



Bruno Catalano



Jorge Oteiza

Con el propósito de modelizar estas situaciones, ¿Cómo puede modificarse la definición de inclusión, de unión y de intersección para que tenga sentido algún predicado de los que siguen:

$$(\exists x: x \in \emptyset), (\exists W: W \subset \emptyset), (|\emptyset| > 0),$$

$$(\emptyset \text{ NO es finito}), (\exists B: \emptyset \notin B), (A \cap \emptyset \neq \emptyset),$$

$$(A \cup \emptyset \neq A), (A \cap A^c \neq \emptyset) \dots ?$$

Conjunto vacío

Desde fines del siglo XX, en la matemática, la teoría intuitiva de conjuntos, el conjunto vacío es el conjunto que no tiene elementos y no de propiedades que los miembros del conjunto vacio.

Algunas propiedades de los conjuntos son obviamente ciertas.

El único subconjunto del conjunto vacío es el conjunto vacío.

Para todo conjunto A, la unión de A con el conjunto vacío es A:

$$A \cup \emptyset = A$$

$$A \cap \emptyset = \emptyset$$



René Magritte



Jorge Oteiza



Bruno Catalano

vacío, vacía

Propiedades

adjetivo

1. [recipiente, espacio] Que no contiene nada.

Con el propósito de modelizar estas situaciones,

¿Como puede modificarse la definición de inclusión, de unión y de intersección para que tenga sentido algún predicado de los que siguen:

$(\exists x: x \in \emptyset)$, $(\exists W: W \subset \emptyset)$, $(|\emptyset| > 0)$,

$(\emptyset \text{ NO es finito})$, $(\exists B: \emptyset \not\subseteq B)$, $(A \cap \emptyset \neq \emptyset)$,

$(A \cup \emptyset \neq A)$, $(A \cap A^c \neq \emptyset)$... ?

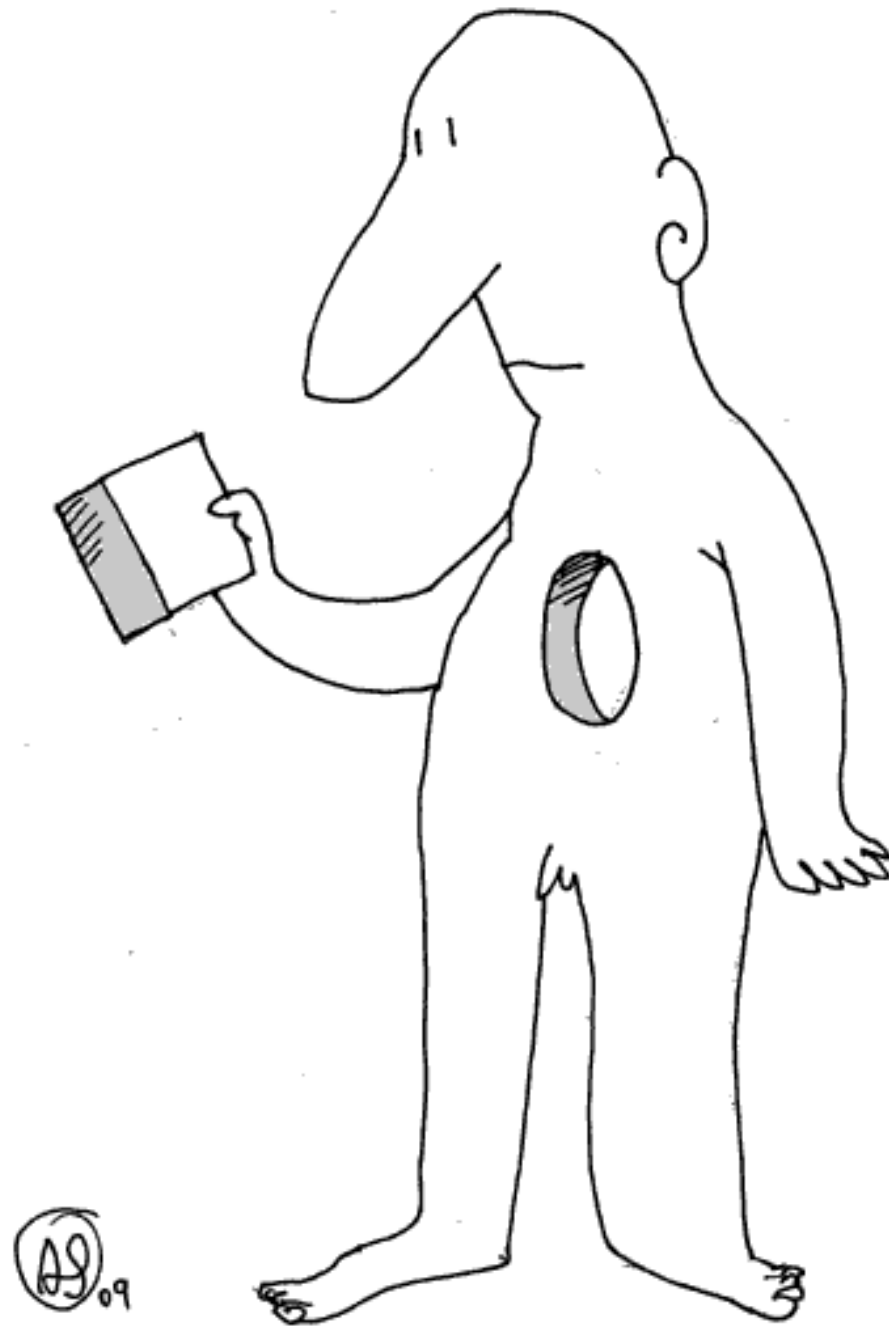
Veremos que la consideración de los órdenes de actividad \sqsubseteq^w en retículos distributivos acotados (L, \leq) , contemplados como nuevas "inclusiones", constituye una herramienta para este fin.

Posibles interpretaciones:

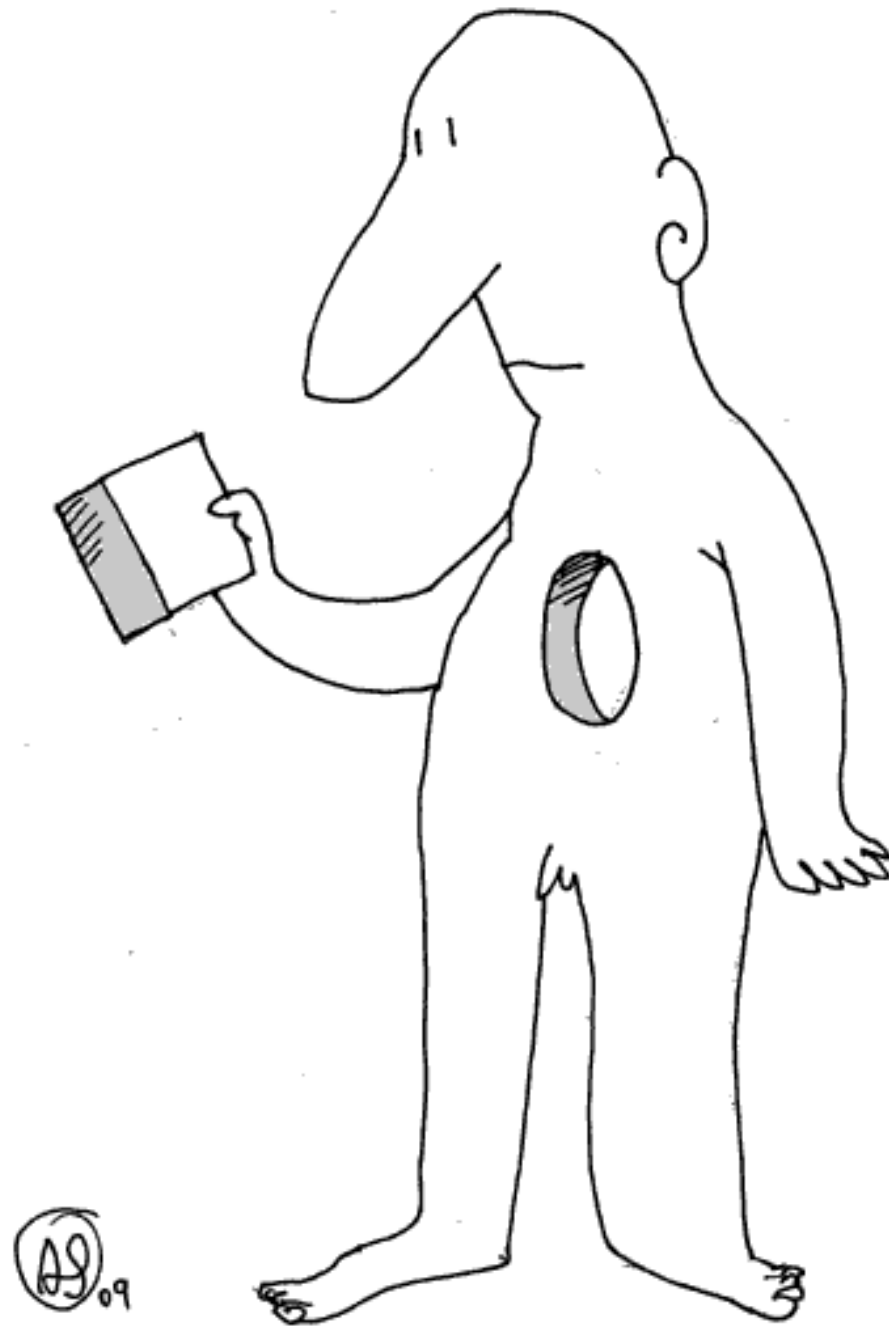
Un subconjunto de elementos irrelevantes, o de elementos no deseados, perjudiciales, ...

O también, elementos con incertidumbre, distinguidos por alguna razón, etc.

EL HOMBRE QUE NO SABÍA
CÓMO LLENAR SU VACÍO.



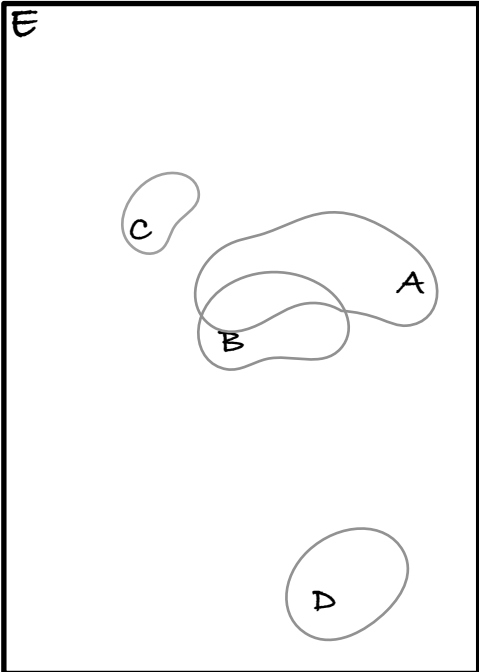
EL HOMBRE QUE NO SABÍA
CÓMO LLENAR SU VACÍO.



Le haremos una propuesta...

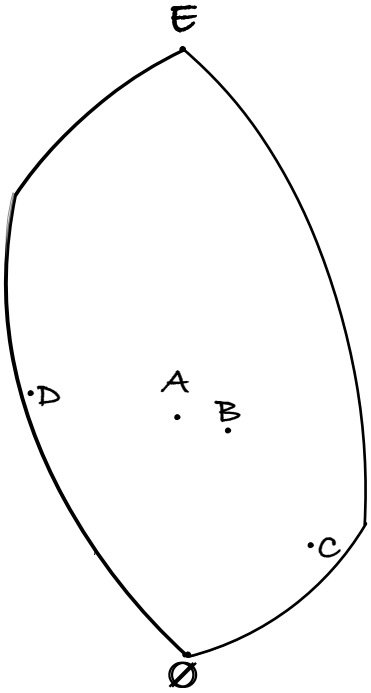
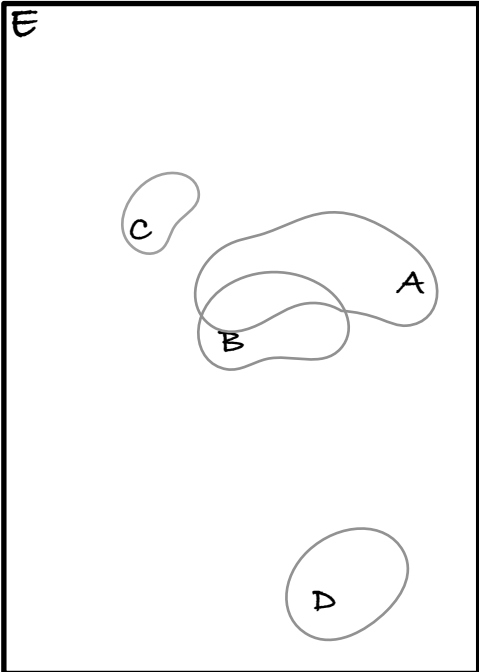
Referencial E y subconjuntos

$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Referencial E y subconjuntos

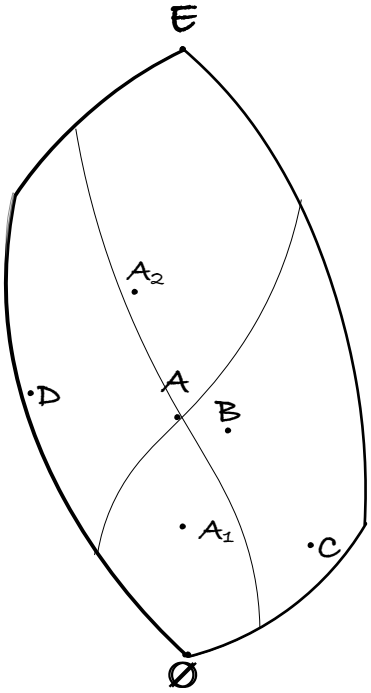
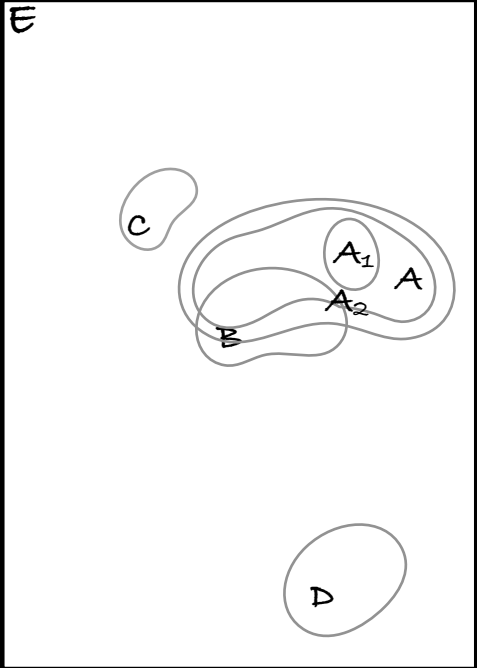
$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Referencial E y subconjuntos

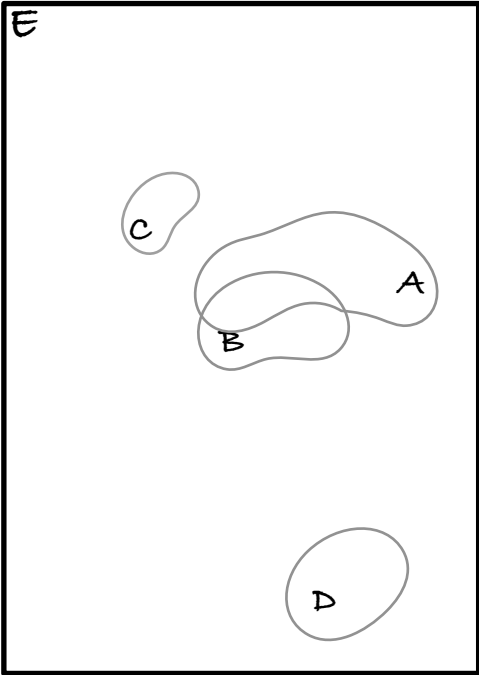
$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



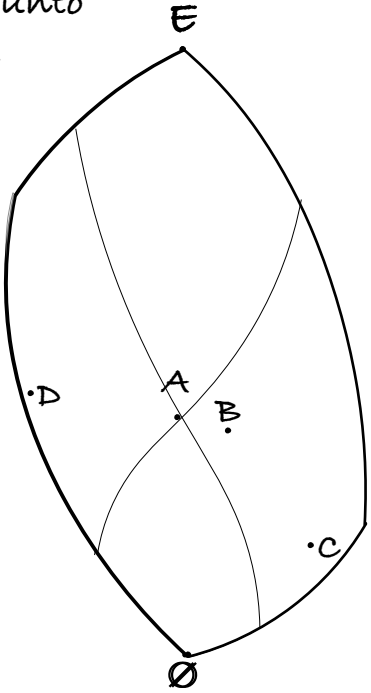
Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Referencial E y subconjuntos

$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$

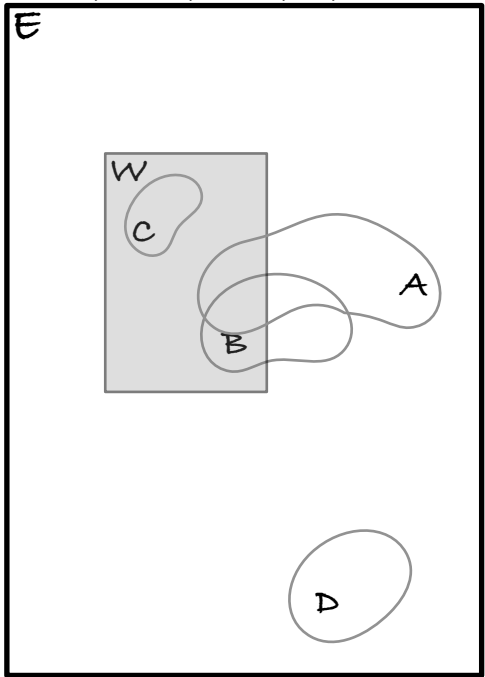


Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \in \{ \emptyset, E \}$

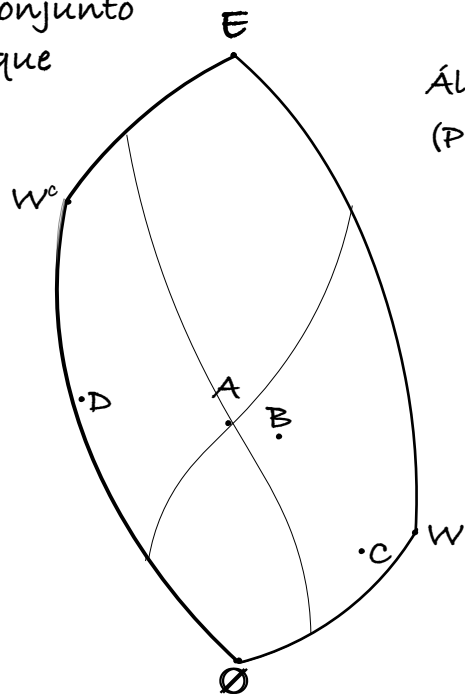


Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



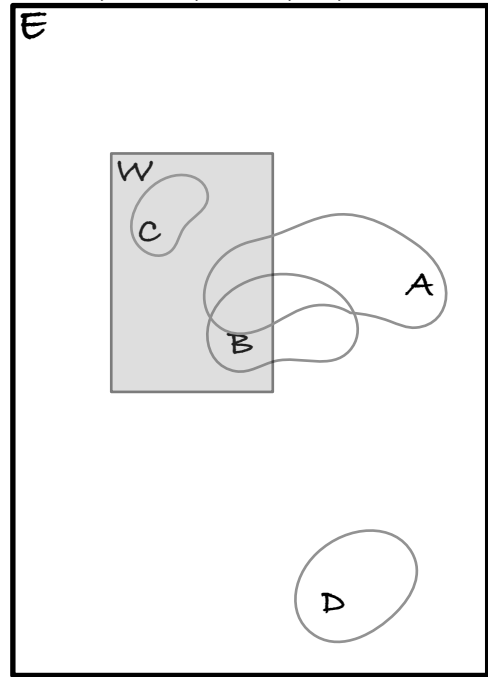
Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



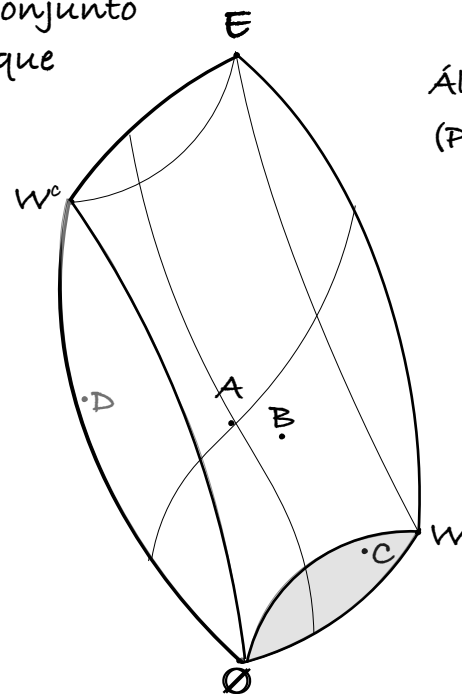
Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W en $\mathcal{P}(E)$
 tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).

Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



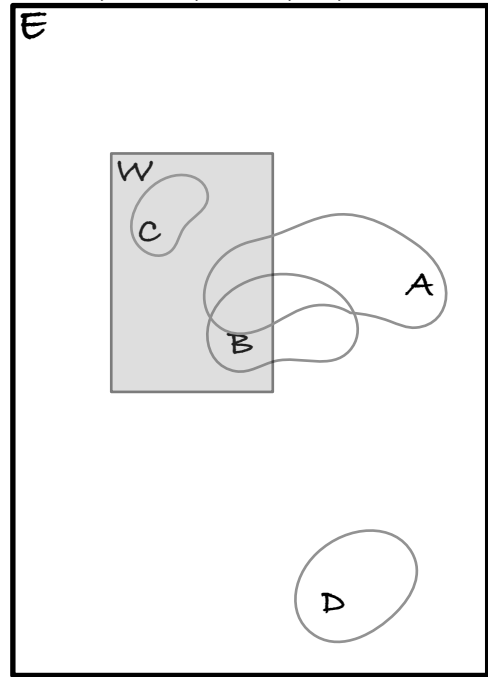
Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



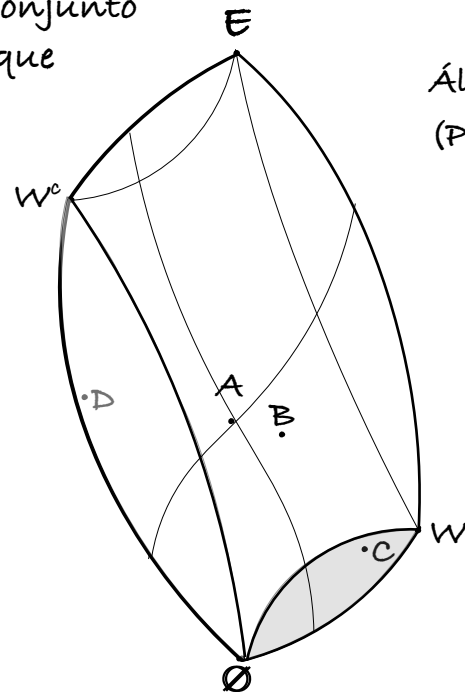
Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W en $\mathcal{P}(E)$ tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).

Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



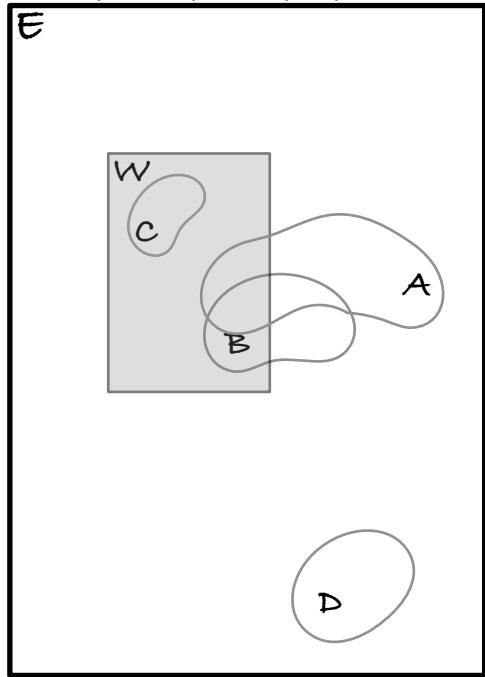
Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



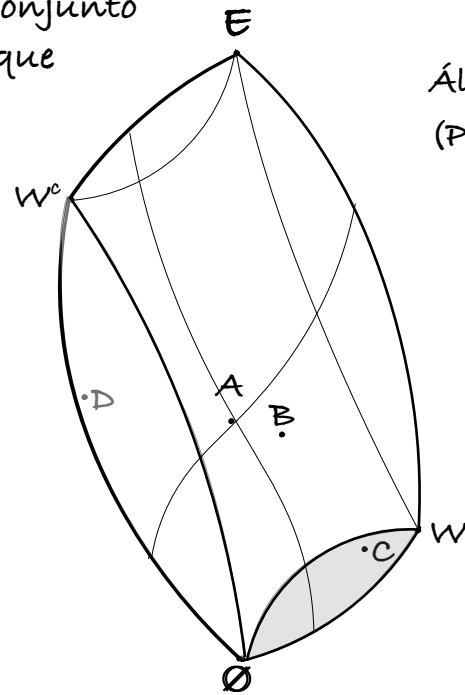
Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W en $\mathcal{P}(E)$
 tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).

Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

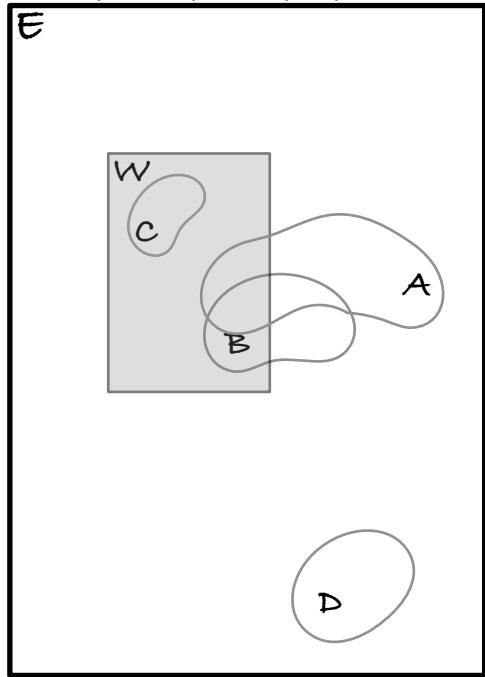
Primera aproximación:

$$A \prec^W B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$$

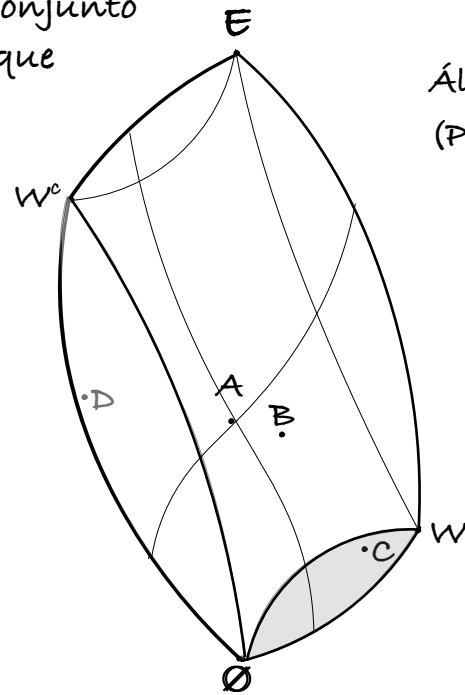
(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \preceq^W en $\mathcal{P}(E)$
 tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).

Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



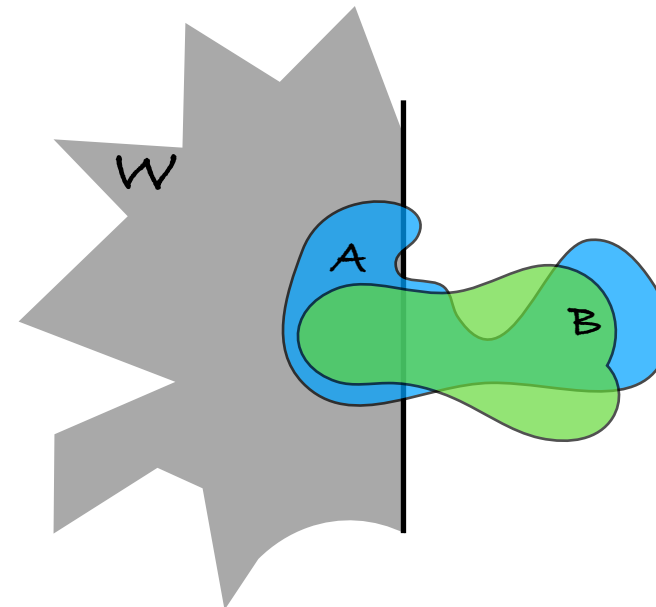
Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Primera aproximación:

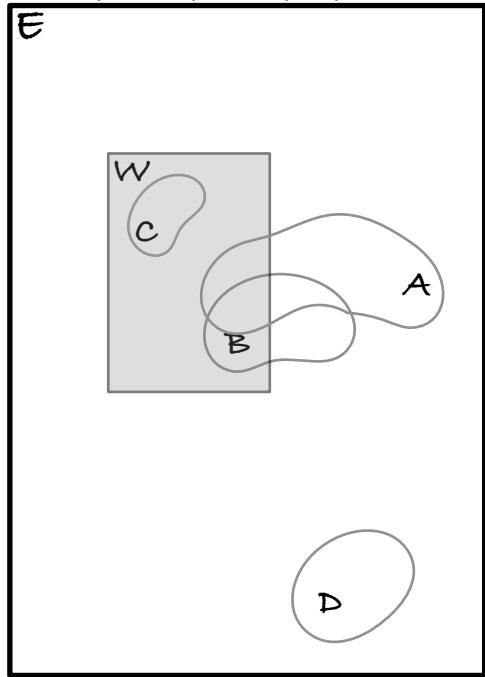
$$A \prec^W B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

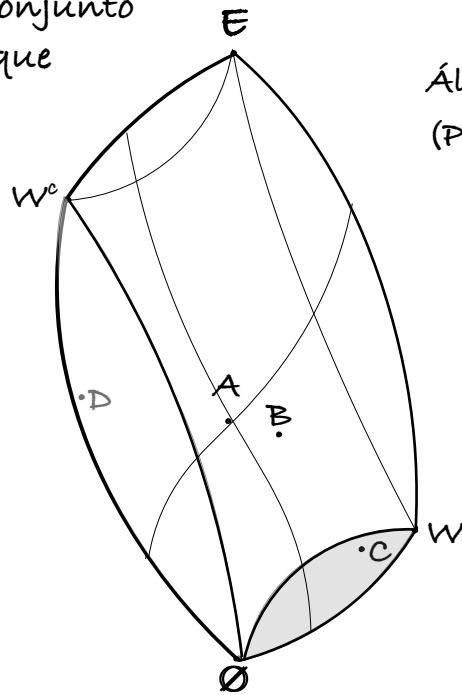
Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \preceq^W en $\mathcal{P}(E)$ tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

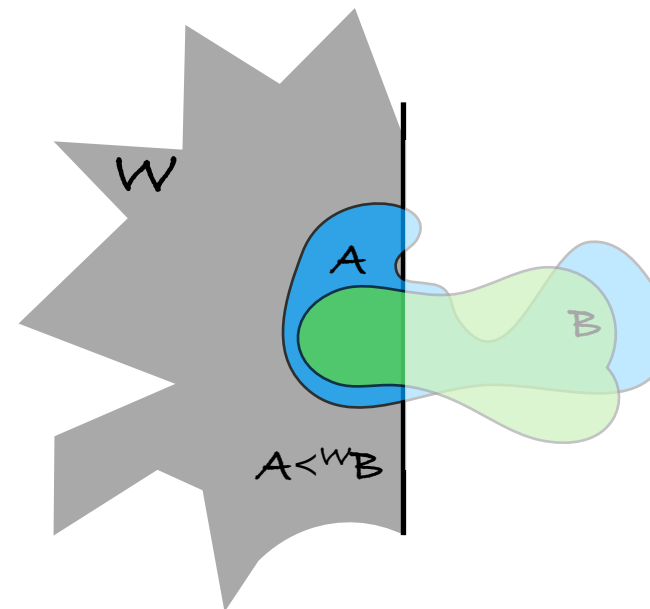
Primera aproximación:

$$A <^W B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$$

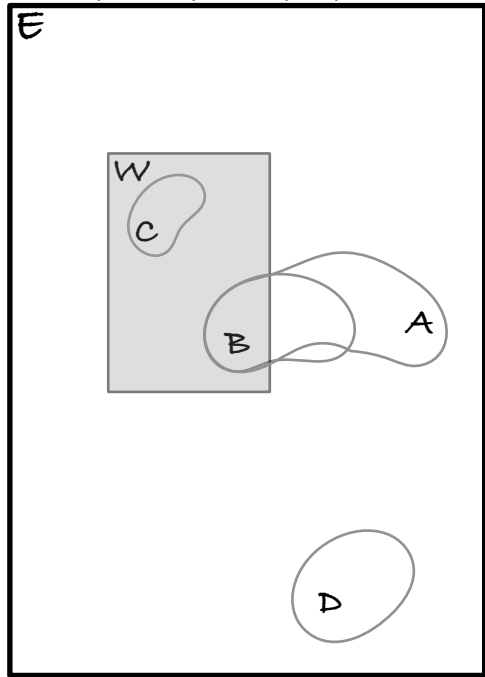
(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^W$ es un preorden en $\mathcal{P}(E)$.

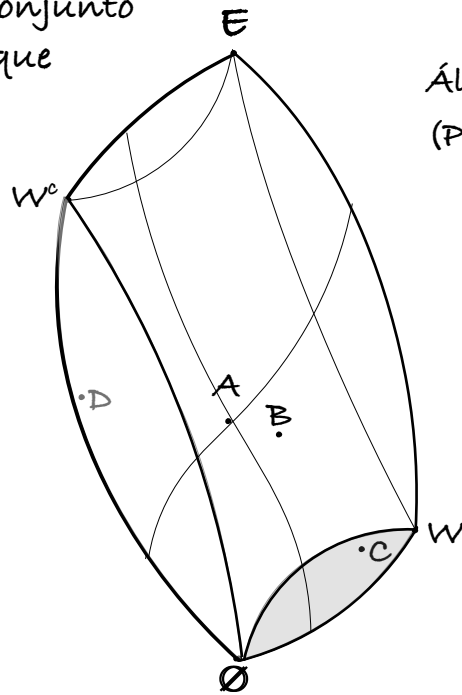
Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W en $\mathcal{P}(E)$ tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Primera aproximación:

$$A <^W B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

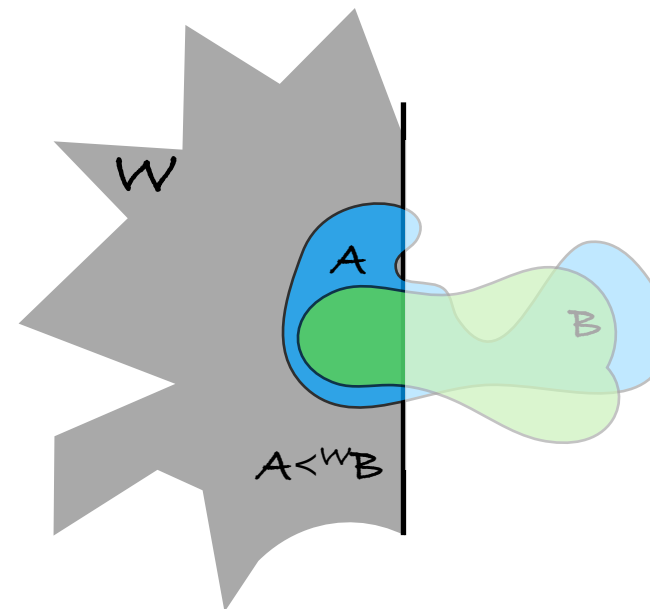
$<^W$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

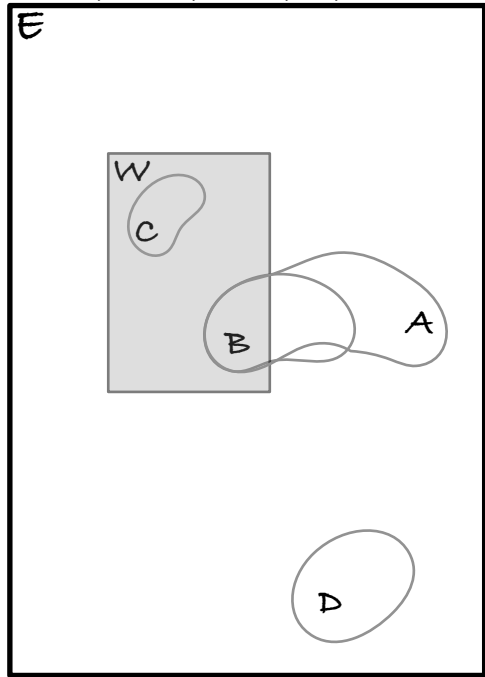
$$A \equiv^W B \Leftrightarrow (A <^W B) \& (B <^W A)$$

$$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W).$$

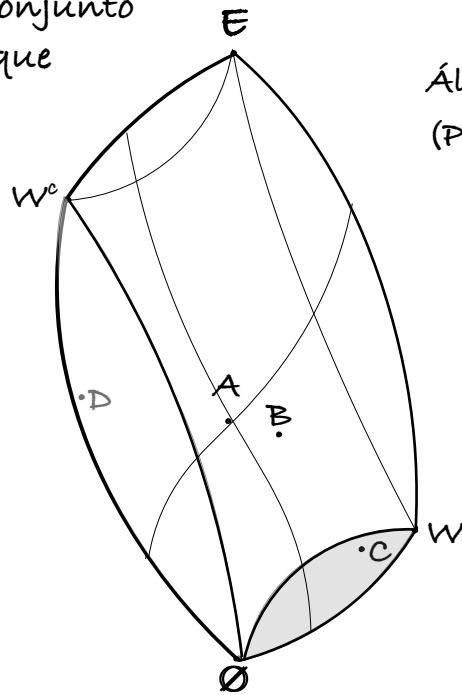
Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W en $P(E)$ tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Primera aproximación:

$$A <^W B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^W$ es un preorden en $\mathcal{P}(E)$.

Equivalencia:

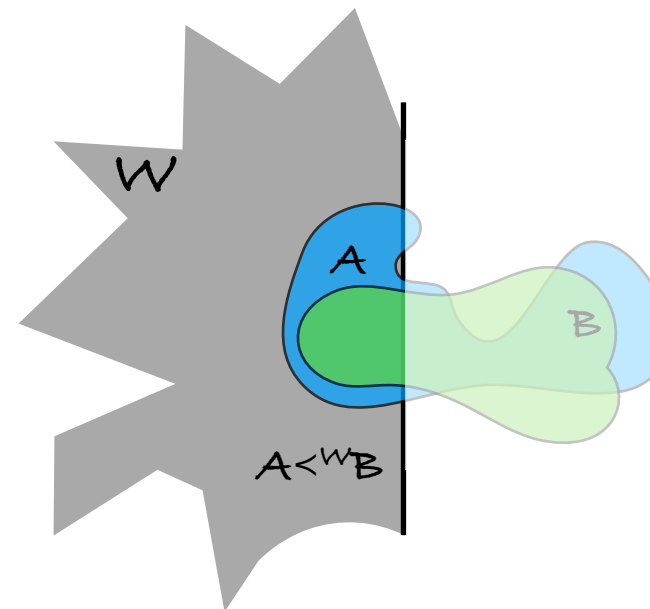
$$A \equiv^W B \Leftrightarrow (A <^W B) \& (B <^W A)$$

$$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W).$$

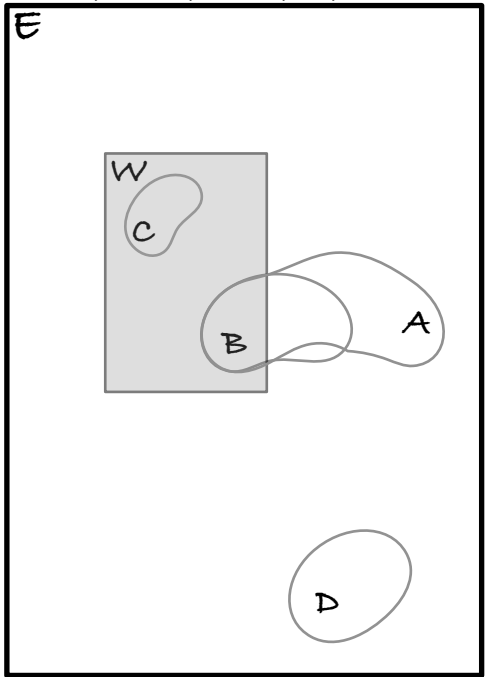
Relación de orden \leq^W entre clases:

$$[A] \leq^W [B] \Leftrightarrow A <^W B$$

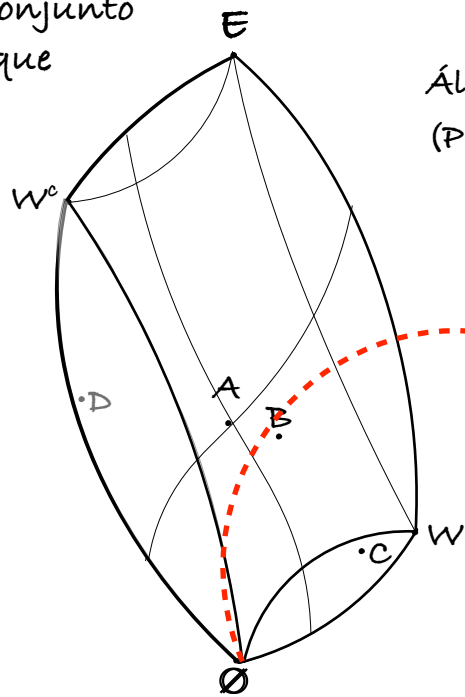
Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W en $\mathcal{P}(E)$ tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Primera aproximación:

$$A <^W B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^W$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

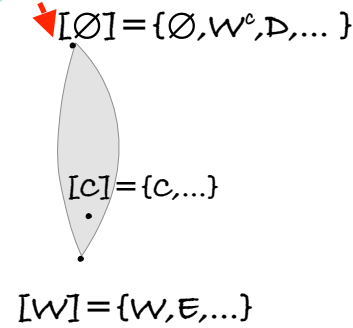
$$A \equiv^W B \Leftrightarrow (A <^W B) \& (B <^W A)$$

$$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W).$$

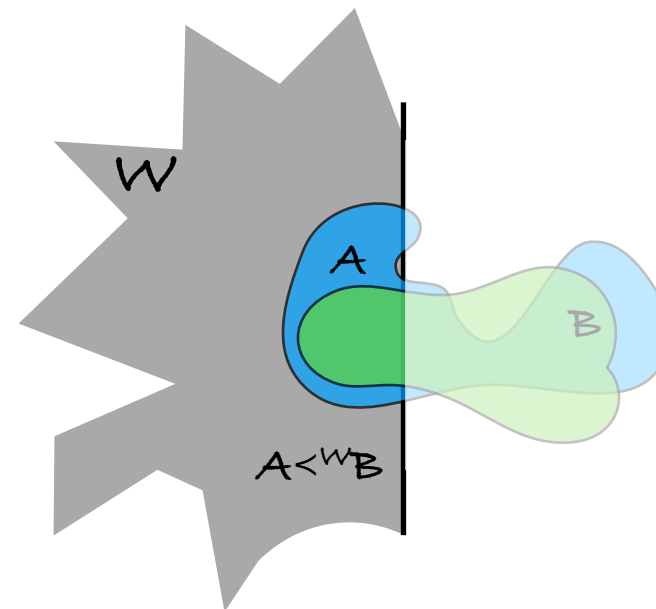
Relación de orden \leq^W entre clases:

$$[A] \leq^W [B] \Leftrightarrow A <^W B$$

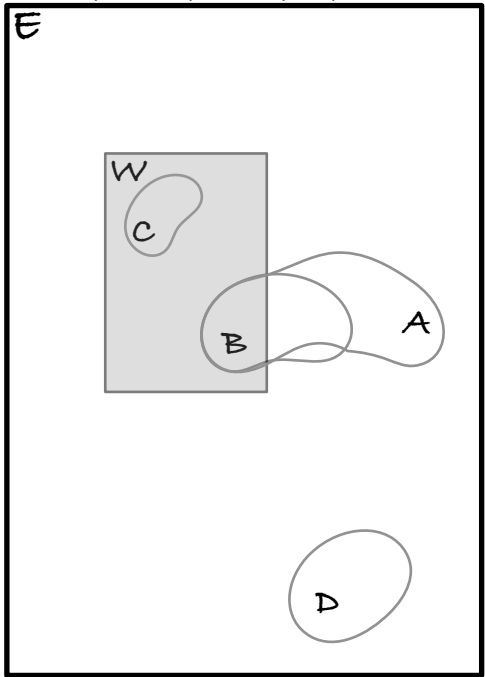
$([P(E)], \leq^W)$ conjunto ordenado.



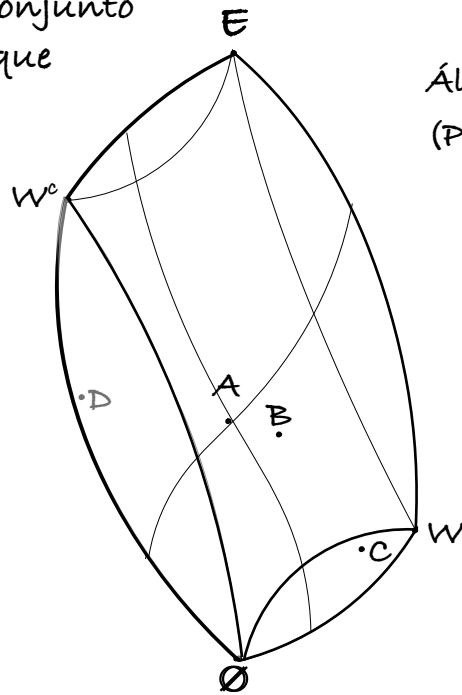
Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W en $P(E)$ tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Primera aproximación:

$$A <^W B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^W$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$$A \equiv^W B \Leftrightarrow (A <^W B) \& (B <^W A)$$

$$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W).$$

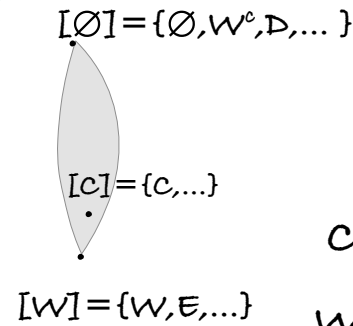
Relación de orden \leq^W entre clases:

$$[A] \leq^W [B] \Leftrightarrow A <^W B$$

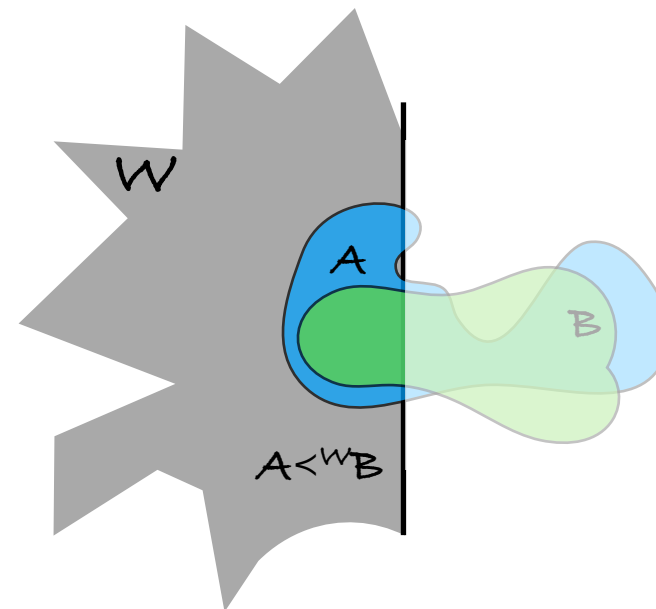
$([P(E)], \leq^W)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , i este último tiene a

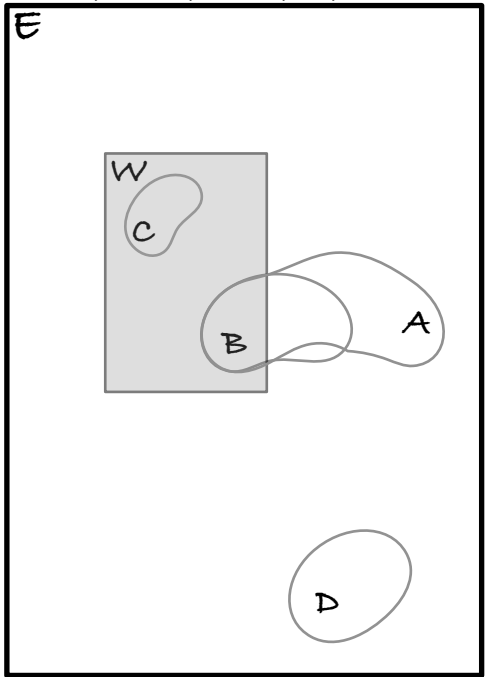
W como " \leq^W -subconjunto" propio: $[W] \leq^W [\emptyset]$!



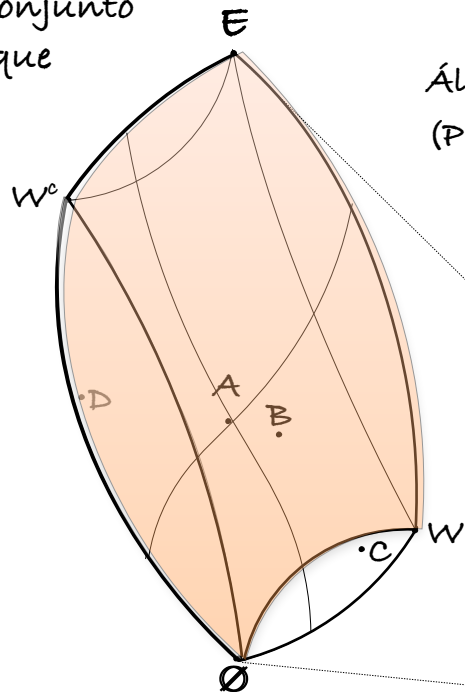
Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W en $P(E)$ tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Primera aproximación:

$$A <^W B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^W$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$$A \equiv^W B \Leftrightarrow (A <^W B) \& (B <^W A)$$

Pero...

$$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W).$$

Relación de orden \leq^W entre clases:

$$[A] \leq^W [B] \Leftrightarrow A <^W B$$

$([P(E)], \leq^W)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , i este último tiene a

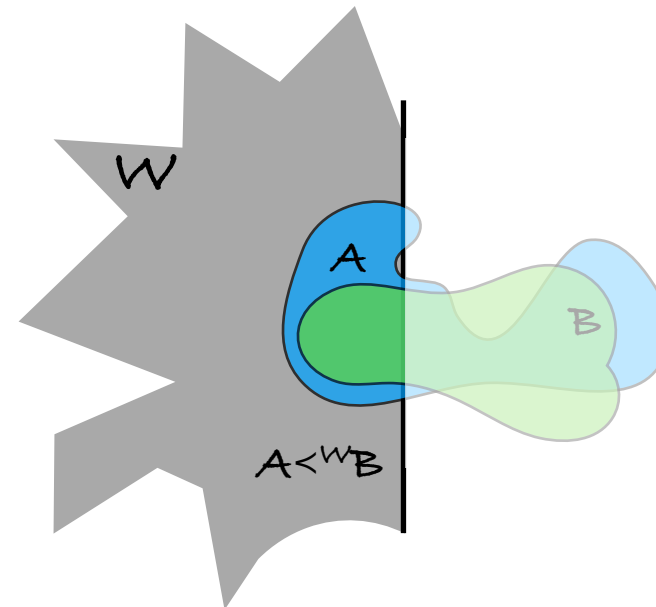
W como " \leq^W -subconjunto" propio: $[W] \leq^W [\emptyset]$!

$$[\emptyset] = \{\emptyset, W^c, D, \dots\}$$

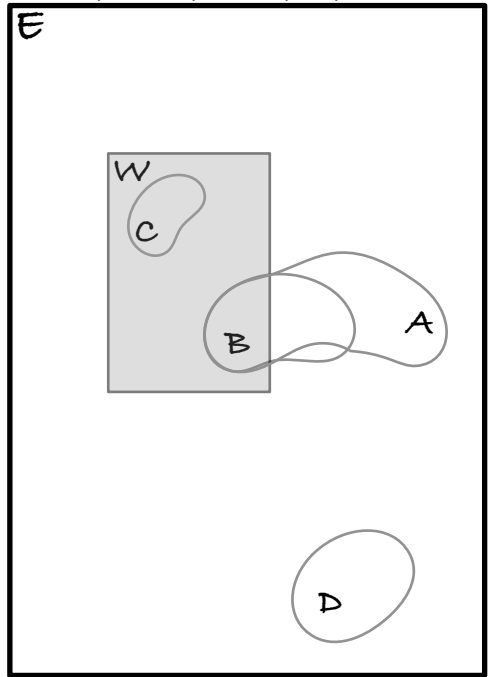
$$[c] = \{c, \dots\}$$

$$[W] = \{W, E, \dots\}$$

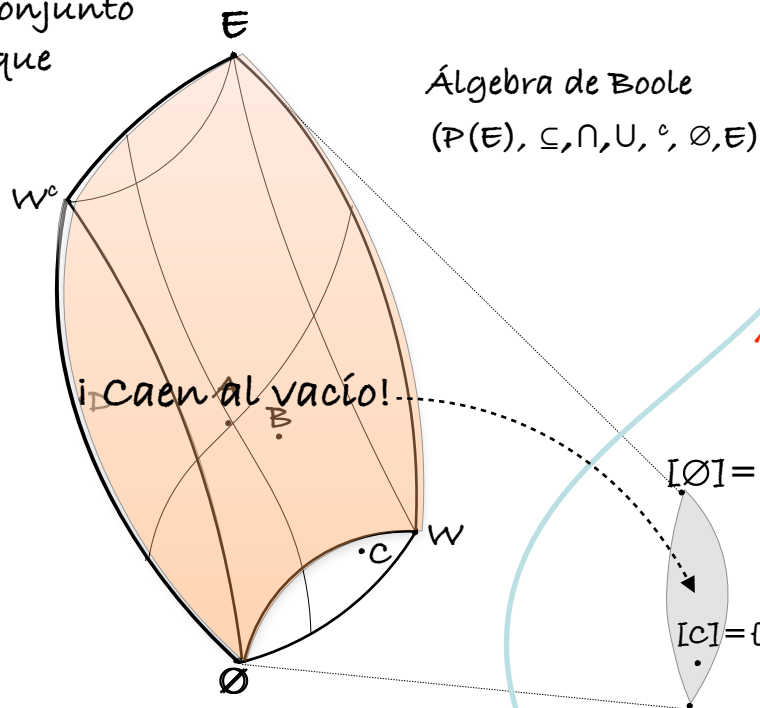
Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W en $P(E)$ tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Primera aproximación:

$$A <^W B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^W$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$$A \equiv^W B \Leftrightarrow (A <^W B) \& (B <^W A)$$

Pero...

¡Se pierde la información "fuera" del ideal $[W]$!

$$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W).$$

Relación de orden \leq^W entre clases:

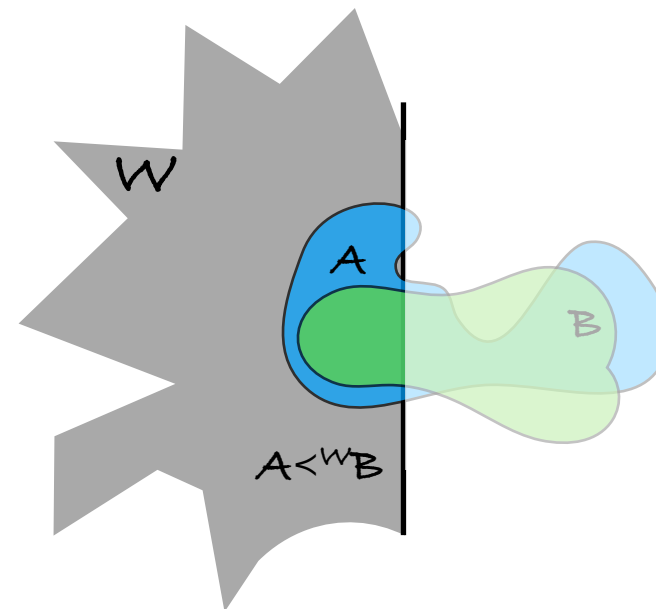
$$[A] \leq^W [B] \Leftrightarrow A <^W B$$

$([P(E)], \leq^W)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , ¡este último tiene a

W como " \leq^W -subconjunto" propio: $[W] \leq^W [\emptyset]$!

Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W en $P(E)$ tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



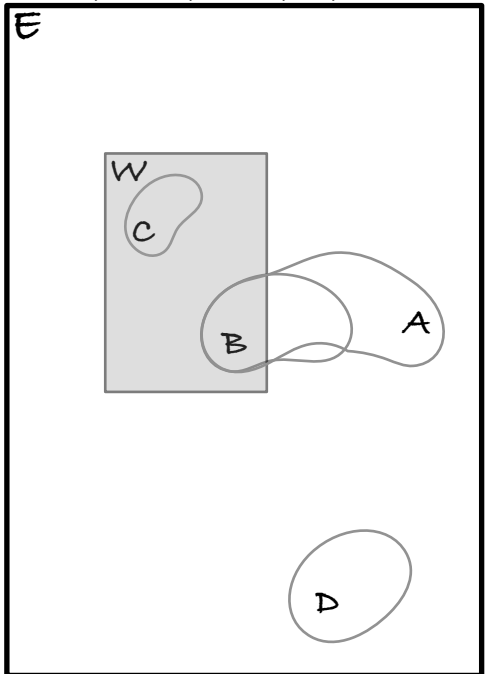
Relación deducida de la anterior (opuesta de $<^w$):

Preorden $A <^w B \Leftrightarrow [(A \cap W^c) \subseteq (B \cap W^c)] \Leftrightarrow [A \subseteq (B \cup W)]$,

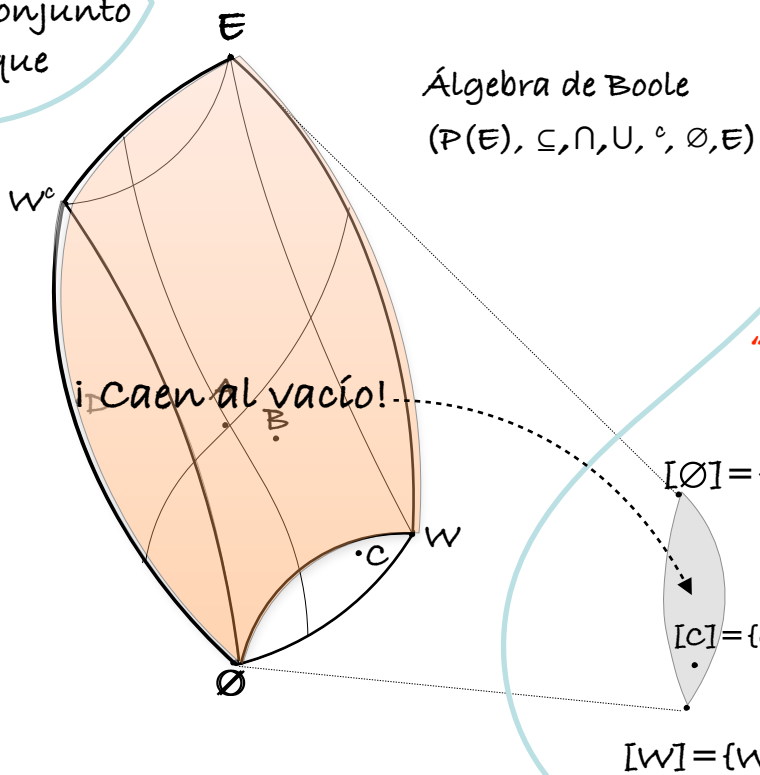
(y orden asociado \leq^w , tal que $([P(E)], \leq^w)$ es conjunto ordenado)

Referencial E y subconjuntos

$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
($P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E$)

Primera aproximación:

$A <^w B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^w$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$A \equiv^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (B <^w A)$

Pero...

¡Se pierde la información "fuera" del ideal $[W]$!

$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W)$.

Relación de orden \leq^w entre clases:

$[A] \leq^w [B] \Leftrightarrow A <^w B$

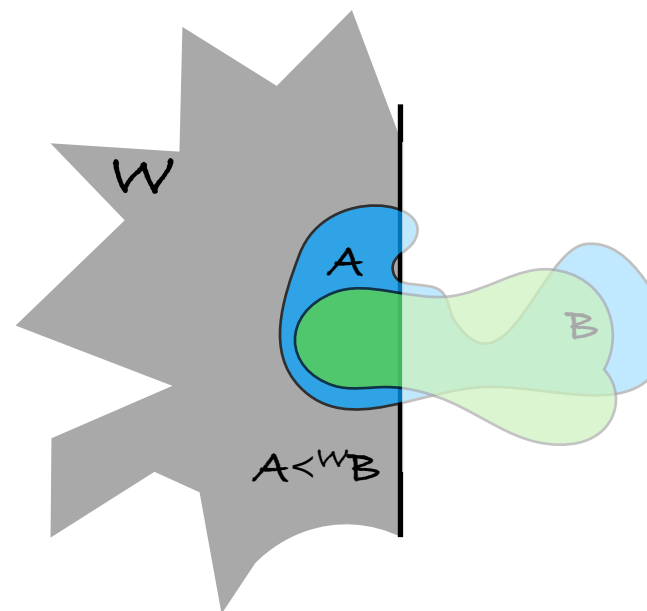
$([P(E)], \leq^w)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , este último tiene a

W como " \leq^w -subconjunto" propio: $[W] \leq^w [\emptyset]$!

Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^w en $P(E)$

tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



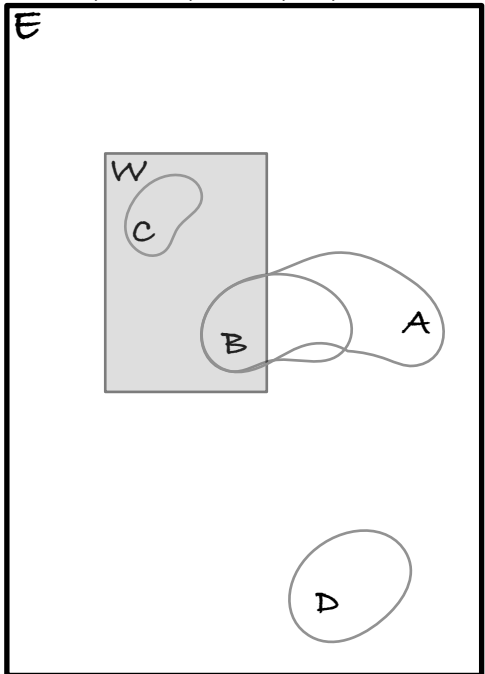
Relación deducida de la anterior (opuesta de $<^w$):

Preorden $A <_w B \Leftrightarrow [(A \cap W^c) \subseteq (B \cap W^c)] \Leftrightarrow [A \subseteq (B \cup W)]$,

(y orden asociado \leq_w , tal que $([P(E)], \leq_w)$ es conjunto ordenado)

Referencial E y subconjuntos

$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



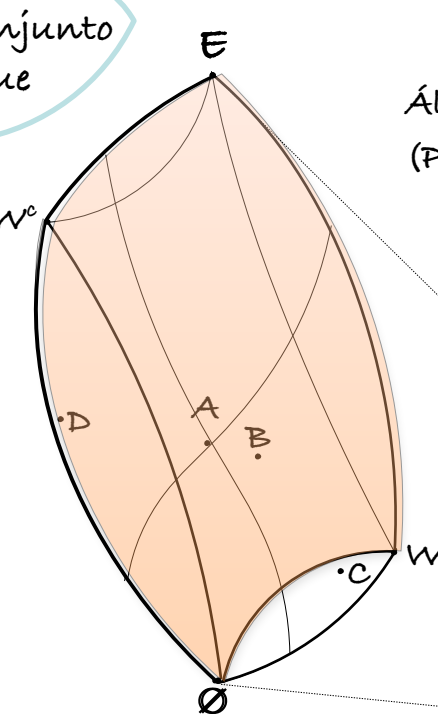
Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$

$[W^c] = \{W^c, E, \dots\}$

$[D]$

$[\emptyset] = \{\emptyset, W, \dots\}$

W^c



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

$[W] = \{W, E, \dots\}$

$[\emptyset] = \{\emptyset, W^c, D, \dots\}$

$[C] = \{C, \dots\}$

Primera aproximación:

$A <^w B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^w$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$A \equiv^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (B <^w A)$

Pero...

¡Se pierde la información "fuera" del ideal $[W]$!

$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W)$.

Relación de orden \leq^w entre clases:

$[A] \leq^w [B] \Leftrightarrow A <^w B$

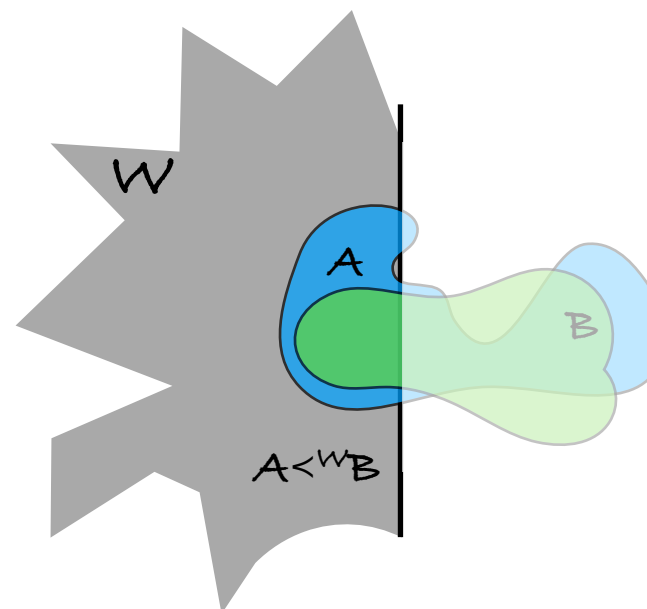
$([P(E)], \leq^w)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , este último tiene a

W como " \leq^w -subconjunto" propio: $[W] \leq^w [\emptyset]$!

Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^w en $P(E)$

tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



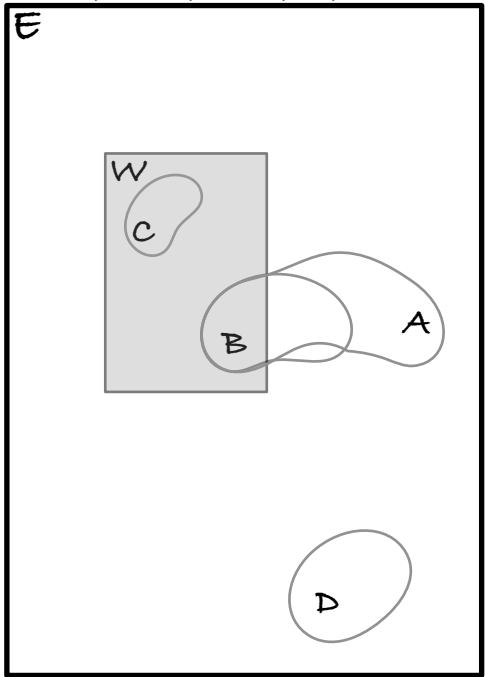
Relación deducida de la anterior (opuesta de $<^w$):

Preorden $A <_w B \Leftrightarrow [(A \cap W^c) \subseteq (B \cap W^c)] \Leftrightarrow [A \subseteq (B \cup W)]$,

(y orden asociado \leq_w , tal que $([P(E)], \leq_w)$ es conjunto ordenado)

Referencial E y subconjuntos

$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$

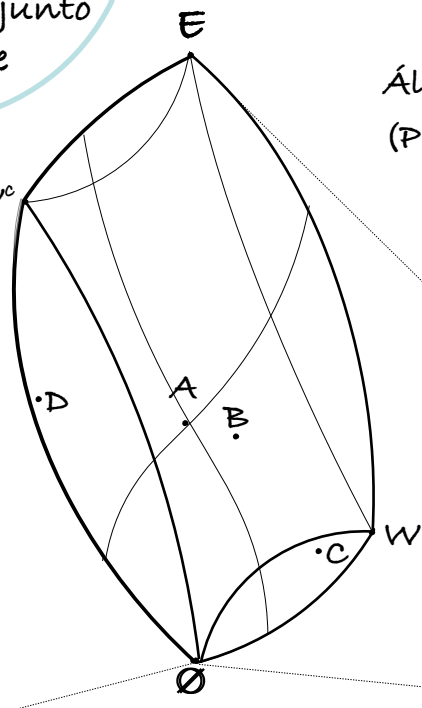


Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$

$[W^c] = \{W^c, E, \dots\}$

$[D]$

$[\emptyset] = \{\emptyset, W, \dots\}$



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Primera aproximación:

$A <^w B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^w$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$A \equiv^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (B <^w A)$

Pero...

¡Se pierde la información "fuera" del ideal $[W]$!

$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W)$.

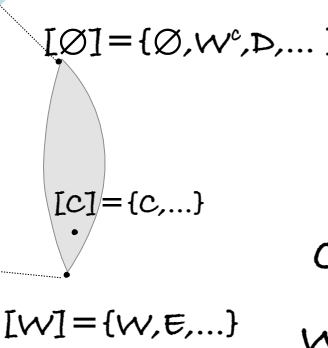
Relación de orden \leq^w entre clases:

$[A] \leq^w [B] \Leftrightarrow A <^w B$

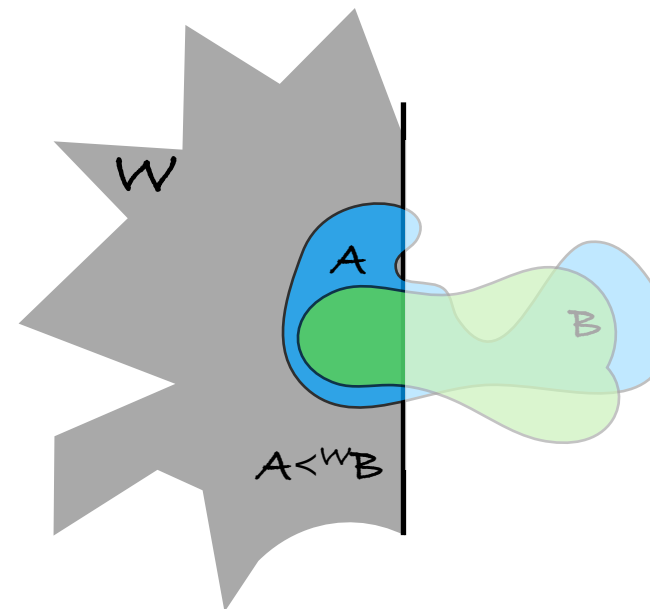
$([P(E)], \leq^w)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , este último tiene a

W como " \leq^w -subconjunto" propio: $[W] \leq^w [\emptyset]$!



Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^w en $P(E)$ tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).



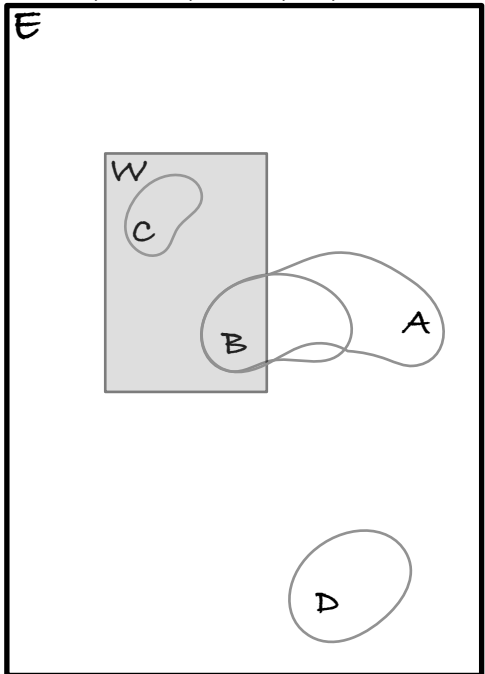
Relación deducida de la anterior (opuesta de $<^w$):

Preorden $A <_w B \Leftrightarrow [(A \cap W^c) \subseteq (B \cap W^c)] \Leftrightarrow [A \subseteq (B \cup W)]$,

(y orden asociado \leq_w , tal que $([P(E)], \leq_w)$ es conjunto ordenado)

Referencial E y subconjuntos

$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$

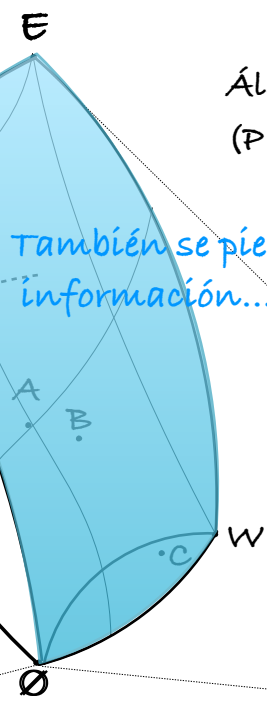


Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$

$[W^c] = \{W^c, E, \dots\}$



$[\emptyset] = \{\emptyset, W, \dots\}$

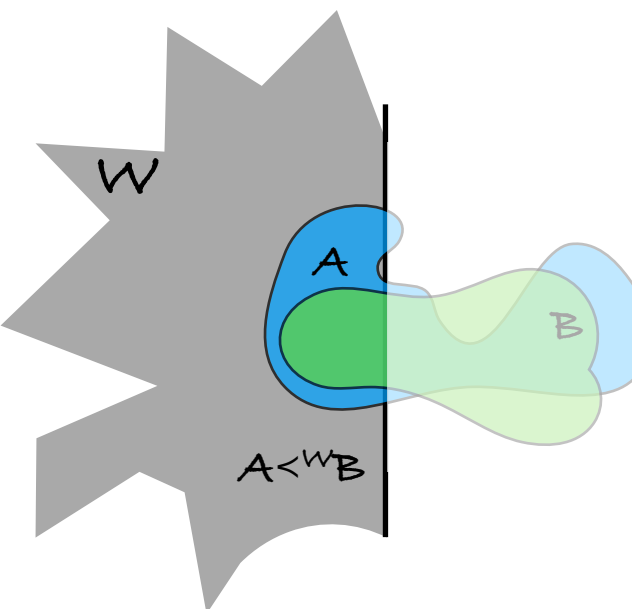


También se pierde información...

Álgebra de Boole $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

$[\emptyset] = \{\emptyset, W^c, D, \dots\}$

$[W] = \{W, E, \dots\}$



Primera aproximación:

$A <^w B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^w$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$A \equiv^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (B <^w A)$

Pero...

¡Se pierde la información "fuera" del ideal $[W]$!

$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W)$.

Relación de orden \leq^w entre clases:

$[A] \leq^w [B] \Leftrightarrow A <^w B$

$([P(E)], \leq^w)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , este último tiene a

W como " \leq^w -subconjunto" propio: $[W] \leq^w [\emptyset]$!

Objetivo: Definir una nueva "inclusión" \sqsubseteq^w en $P(E)$

tal que W sea una "parte propia" de \emptyset . (W parte del vacío).

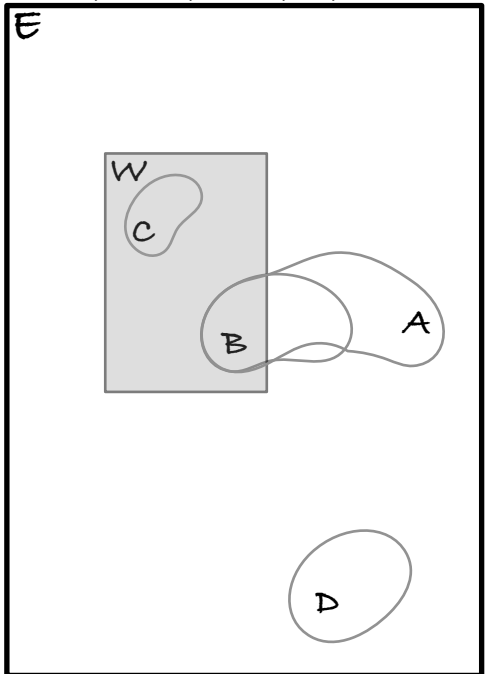
Relación deducida de la anterior (opuesta de $<^w$):

Preorden $A <_w B \Leftrightarrow [(A \cap W^c) \subseteq (B \cap W^c)] \Leftrightarrow [A \subseteq (B \cup W)]$,

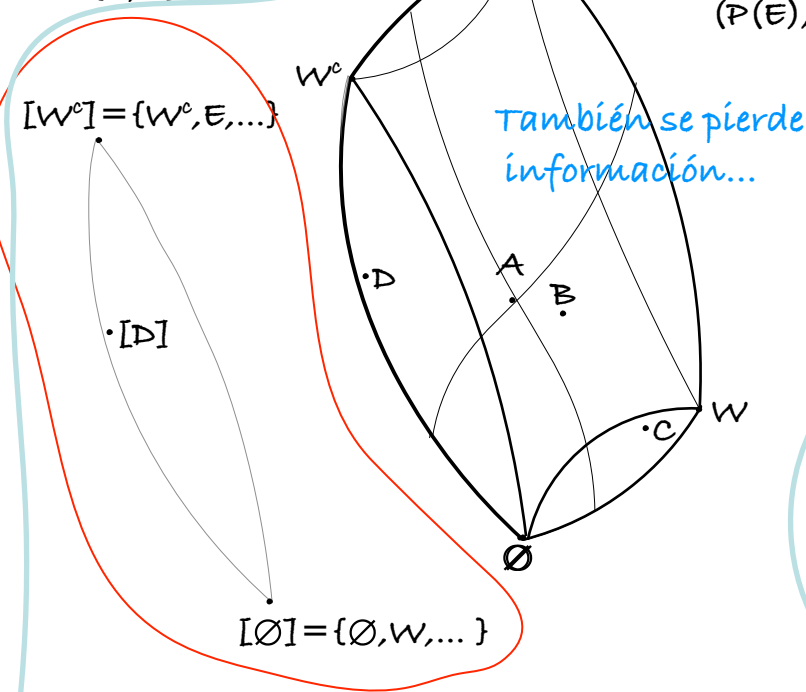
(y orden asociado \leq_w , tal que $([P(E)], \leq_w)$ es conjunto ordenado)

Referencial E y subconjuntos

$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
($P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E$)

Primera aproximación:

$A <^w B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^w$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$A \equiv^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (B <^w A)$

Pero...

¡Se pierde la información "fuera" del ideal (W)! $\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W)$.

Relación de orden \leq^w entre clases:

$[A] \leq^w [B] \Leftrightarrow A <^w B$

$([P(E)], \leq^w)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , este último tiene a

W como " \leq^w -subconjunto" propio: $[W] \leq^w [\emptyset]$!

Propuesta definitiva:

(Intersección de las anteriores)

$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (A <_w B) \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A \subseteq (B \cup W)]$

$(\sqsubseteq^w$ es un "orden de actividad" en $(P(E), \subseteq)$)

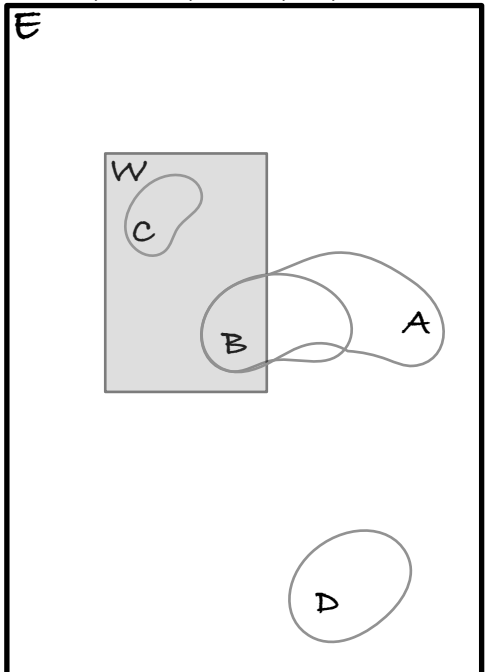
Relación deducida de la anterior (opuesta de $<^{w^c}$):

Preorden $A <_w B \Leftrightarrow [(A \cap W^c) \subseteq (B \cap W^c)] \Leftrightarrow [A \subseteq (B \cup W)]$,

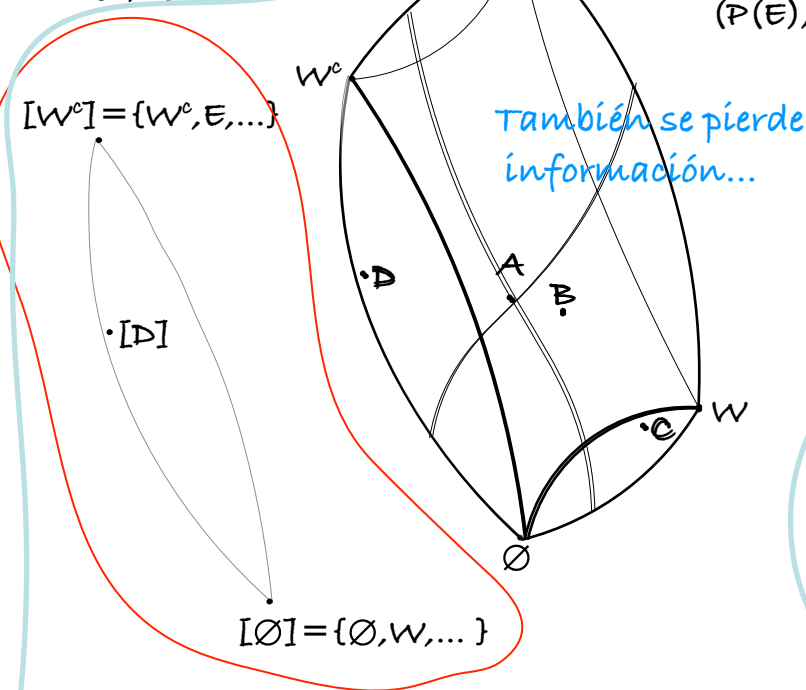
(y orden asociado \leq_w , tal que $([P(E)], \leq_w)$ es conjunto ordenado)

Referencial E y subconjuntos

$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Primera aproximación:

$A <^w B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^w$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$A \equiv^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (B <^w A)$

Pero...

¡Se pierde la información "fuera" del ideal (W)! $\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W)$.

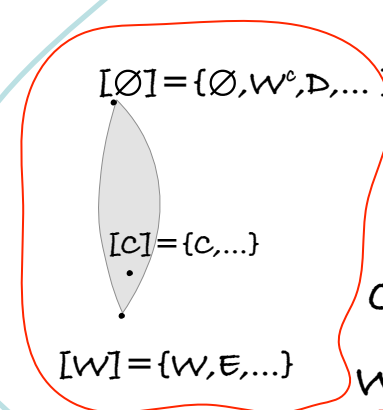
Relación de orden \leq^w entre clases:

$[A] \leq^w [B] \Leftrightarrow A <^w B$

$([P(E)], \leq^w)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , este último tiene a

W como " \leq^w -subconjunto" propio: $[W] \leq^w [\emptyset]$!

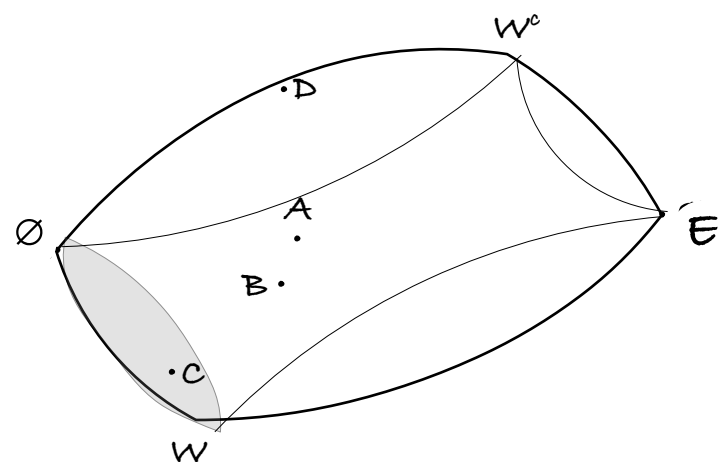


Propuesta definitiva:

(Intersección de las anteriores)

$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (A <_w B) \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A \subseteq (B \cup W)]$

\sqsubseteq^w es un "orden de actividad" en $(P(E), \subseteq)$

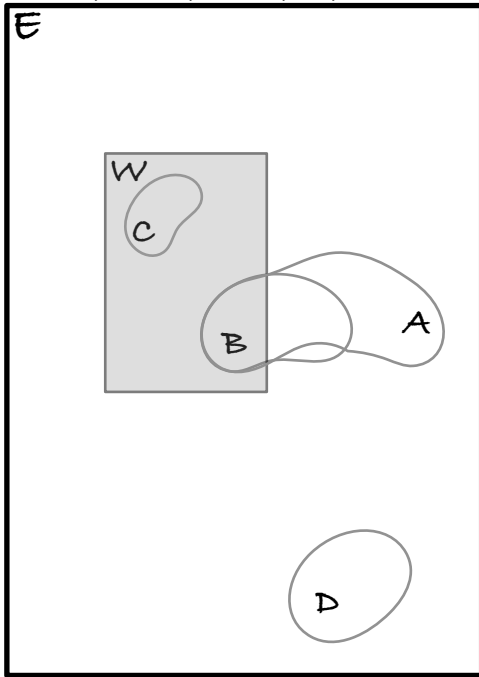


Se obtiene una nueva Álgebra de Boole $(P(E), \sqsubseteq^w, \sqcap^w, \sqcup^w, ^c, W, W^c)$ isomorfa a la inicial

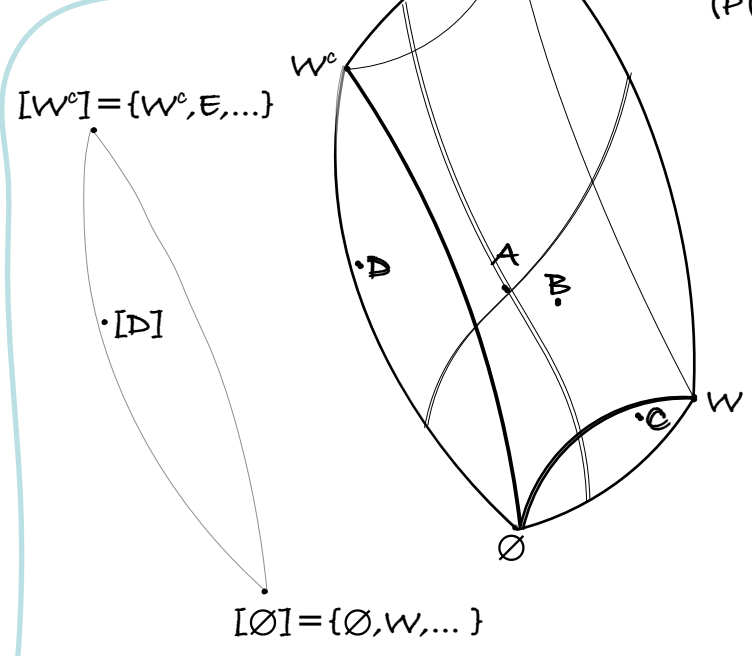
Relación deducida de la anterior (opuesta de $<^{w^c}$):

Preorden $A <_w B \Leftrightarrow [(A \cap W^c) \subseteq (B \cap W^c)] \Leftrightarrow [A \subseteq (B \cup W)]$,
 (y orden asociado \leq_w , tal que $([P(E)], \leq_w)$ es conjunto ordenado)

Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Primera aproximación:

$A <^w B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$
 (Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^w$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$A \equiv^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (B <^w A)$

$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W)$.

Relación de orden \leq^w entre clases:

$[A] \leq^w [B] \Leftrightarrow A <^w B$

$([P(E)], \leq^w)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , i este último tiene a W como " \leq^w -subconjunto" propio: $[W] \leq^w [\emptyset]$!

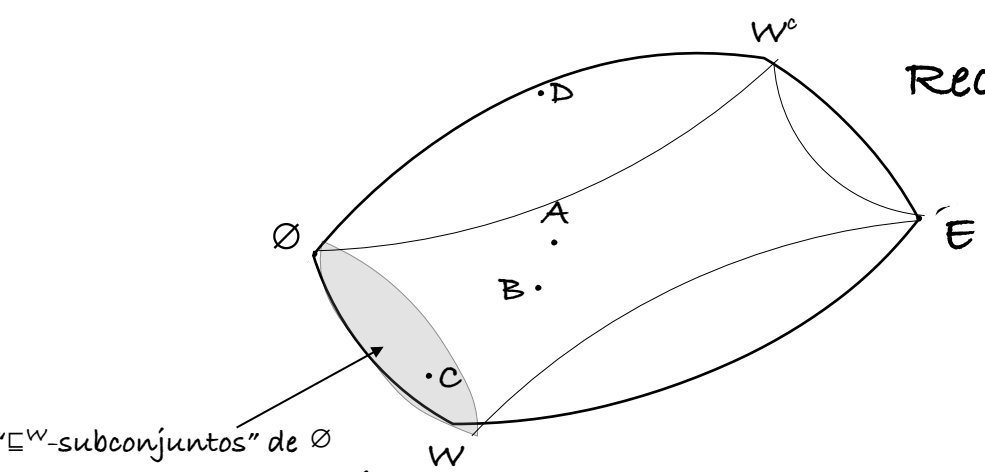
Propuesta definitiva:

(Intersección de las anteriores)

$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (A <_w B) \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A \subseteq (B \cup W)]$

\sqsubseteq^w es un "orden de actividad" en $(P(E), \subseteq)$

Recupera las dos situaciones anteriores y... i no se pierde información!



$(P(E), \sqsubseteq^w)$ Álgebra de Boole).

Sí consideramos \sqsubseteq^w como una inclusión, todo subconjunto usual C de W es una "w-parte" de \emptyset , (es decir, $W \sqsubseteq^w C \sqsubseteq^w \emptyset$).

Se obtiene una nueva Álgebra de Boole $(P(E), \sqsubseteq^w, \cap^w, \cup^w, ^c, W, W^c)$ isomorfa a la inicial

Relación deducida de la anterior (opuesta de $<^w$):

Preorden $A <_w B \Leftrightarrow [(A \cap W^c) \subseteq (B \cap W^c)] \Leftrightarrow [A \subseteq (B \cup W)]$,

(y orden asociado \leq_w , tal que $([P(E)], \leq_w)$ es conjunto ordenado)

Primera aproximación:

$A <^w B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$

(Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^w$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$A \equiv^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (B <^w A)$

$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W)$.

Relación de orden \leq^w entre clases:

$[A] \leq^w [B] \Leftrightarrow A <^w B$

$([P(E)], \leq^w)$ conjunto ordenado.

Como W no es el vacío \emptyset , i este último tiene a

W como " \leq^w -subconjunto" propio: $[W] \leq^w [\emptyset]$!

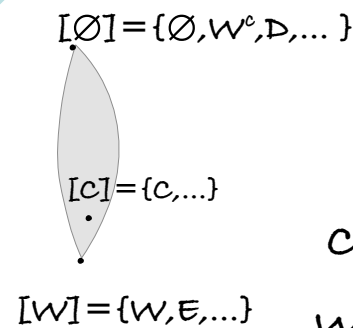
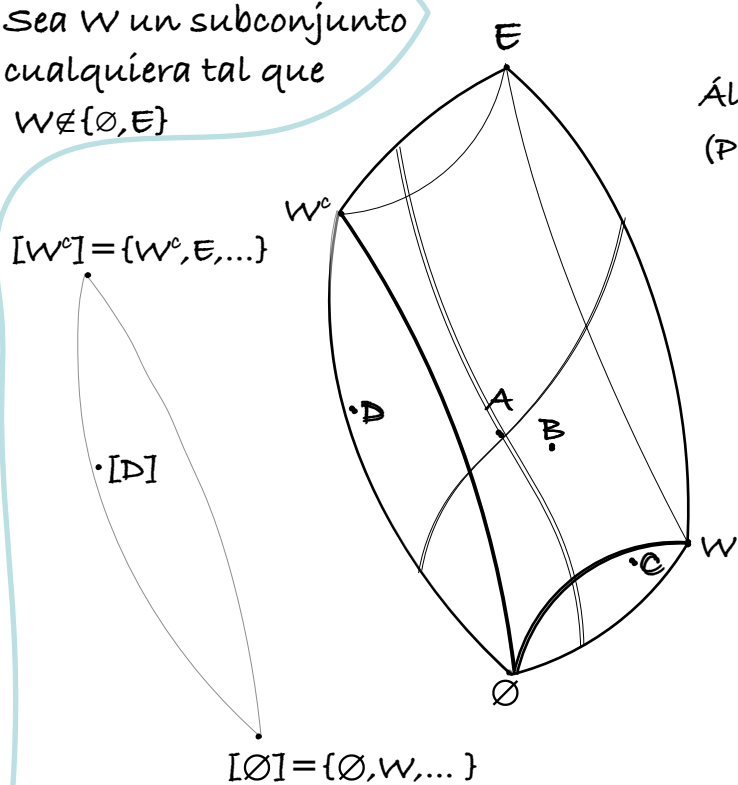
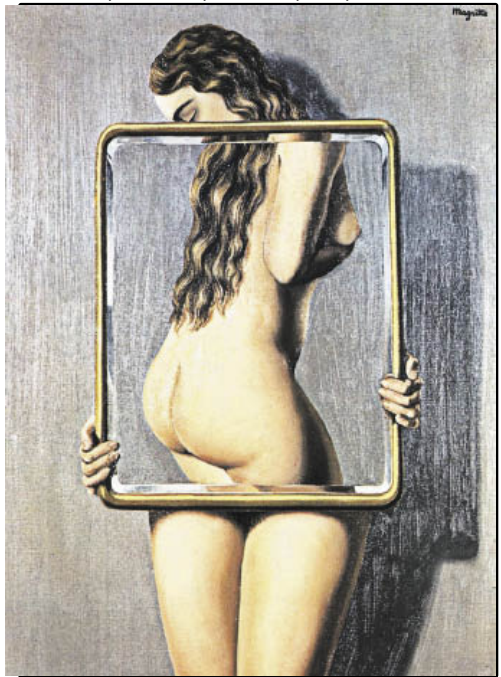
Referencial E y subconjuntos

$\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$

Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \notin \{\emptyset, E\}$

Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

René Magritte



Propuesta definitiva:

(Intersección de las anteriores)

$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (A <_w B) \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A \subseteq (B \cup W)]$

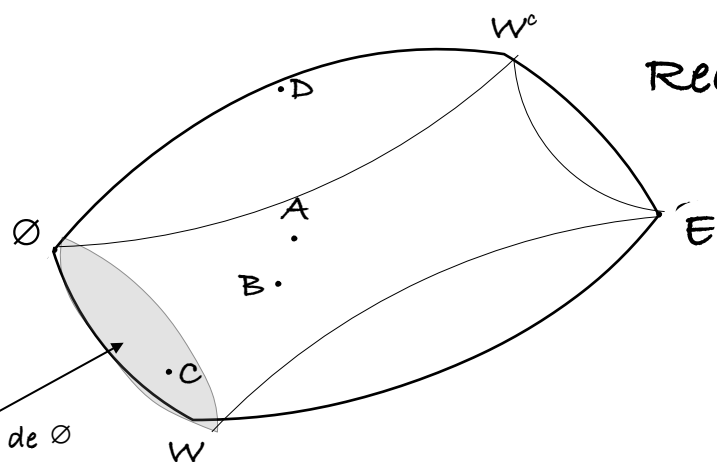
\sqsubseteq^w es un "orden de actividad" en $(P(E), \subseteq)$

Recupera las dos situaciones anteriores y... i no se pierde información!

$(P(E), \sqsubseteq^w)$ Álgebra de Boole).

Si consideramos \sqsubseteq^w como una inclusión, todo subconjunto usual C

de W es una " w -parte" de \emptyset , (es decir, $W \sqsubseteq^w C \sqsubseteq^w \emptyset$).



" \sqsubseteq^w -subconjuntos" de \emptyset

Se obtiene una nueva Álgebra de Boole $(P(E), \sqsubseteq^w, \cap^w, \cup^w, ^c, W, W^c)$ isomorfa a la inicial

Relación deducida de la anterior (opuesta de $<^w$):

Preorden $A <_w B \Leftrightarrow [(A \cap W^c) \subseteq (B \cap W^c)] \Leftrightarrow [A \subseteq (B \cup W)]$,
 (y orden asociado \leq_w , tal que $([P(E)], \leq_w)$ es conjunto ordenado)

Primera aproximación:

$A <^w B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$
 (Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^w$ es un preorden en $P(E)$.

Equivalencia:

$A \equiv^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (B <^w A)$

$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W)$.

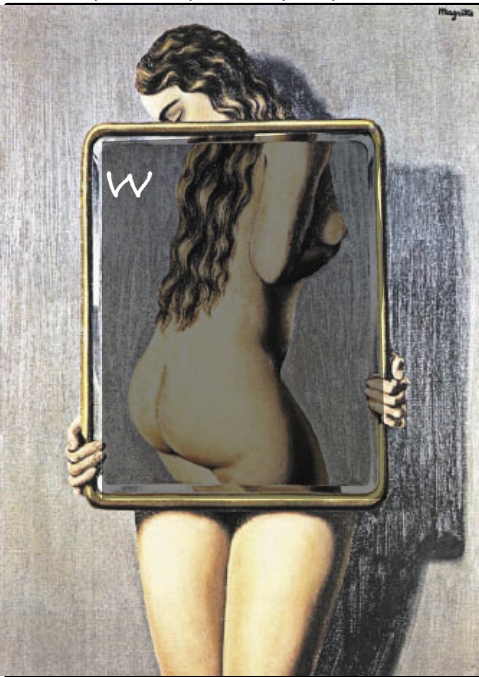
Relación de orden \leq^w entre clases:

$[A] \leq^w [B] \Leftrightarrow A <^w B$

$([P(E)], \leq^w)$ conjunto ordenado.

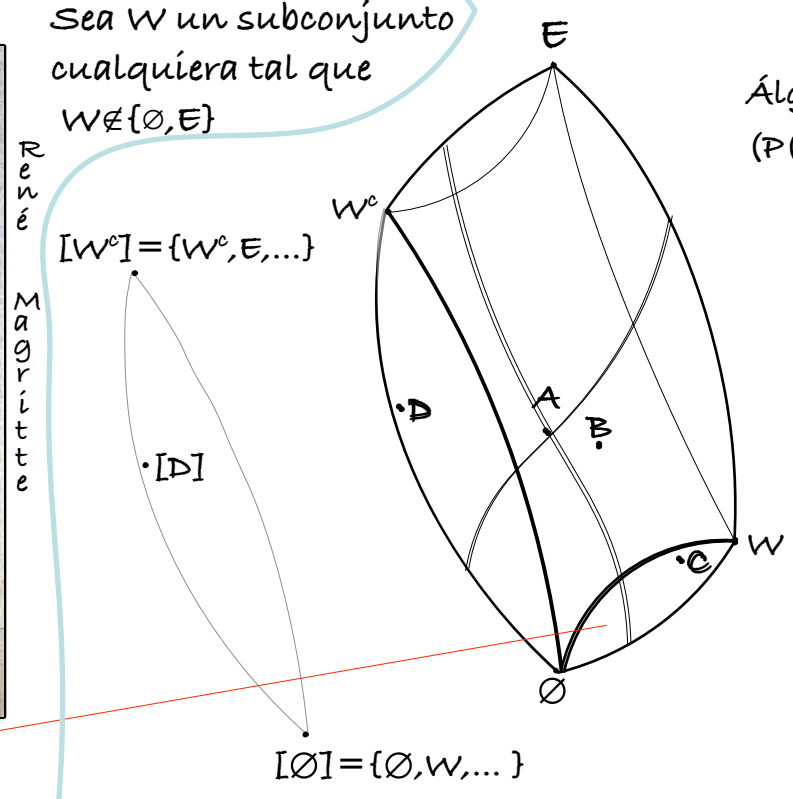
Como W no es el vacío \emptyset , i este último tiene a W como " \leq^w -subconjunto" propio: $[W] \leq^w [\emptyset]!$

Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



En W las cosas se ven de manera distinta...

Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \notin \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Propuesta definitiva:

(Intersección de las anteriores)

$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (A <_w B) \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A \subseteq (B \cup W)]$

\sqsubseteq^w es un "orden de actividad" en $(P(E), \subseteq)$

Recupera las dos situaciones anteriores y... i no se pierde información!

$(P(E), \sqsubseteq^w)$ Álgebra de Boole).

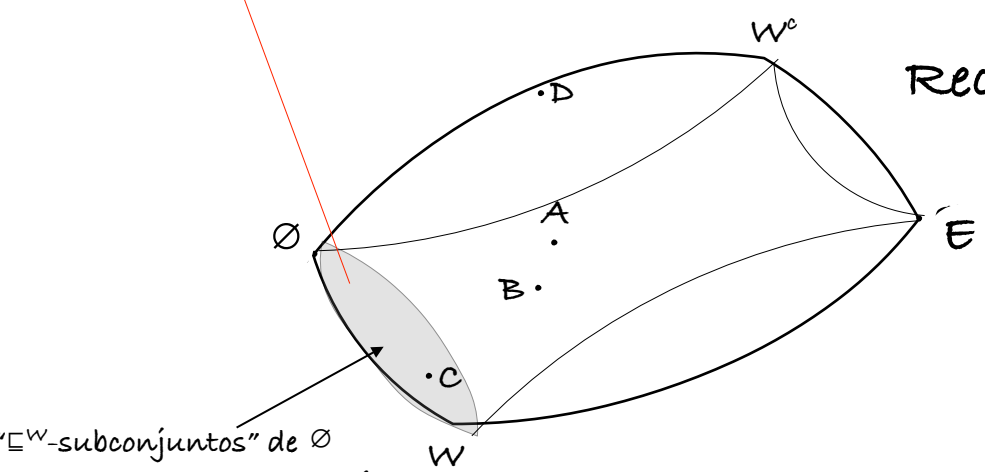
Si consideramos \sqsubseteq^w como una

inclusión, todo subconjunto usual C

de W es una " w -parte" de \emptyset , (es decir, $W \sqsubseteq^w C \sqsubseteq^w \emptyset$).

" \sqsubseteq^w -subconjuntos" de \emptyset

Se obtiene una nueva Álgebra de Boole $(P(E), \sqsubseteq^w, \cap^w, \cup^w, ^c, W, W^c)$ isomorfa a la inicial



Relación deducida de la anterior (opuesta de $<^{w^c}$):

Preorden $A <_w B \Leftrightarrow [(A \cap W^c) \subseteq (B \cap W^c)] \Leftrightarrow [A \subseteq (B \cup W)]$,
 (y orden asociado \leq_w , tal que $([P(E)], \leq_w)$ es conjunto ordenado)

Primera aproximación:

$A <^w B \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq (A \cap W)] \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A]$
 (Es decir, B tiene "menos" parte vacía que A)

$<^w$ es un preorden en $P(E)$.
 Equivalencia:
 $A \equiv^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (B <^w A)$

$\Leftrightarrow (A \cap W = B \cap W)$.

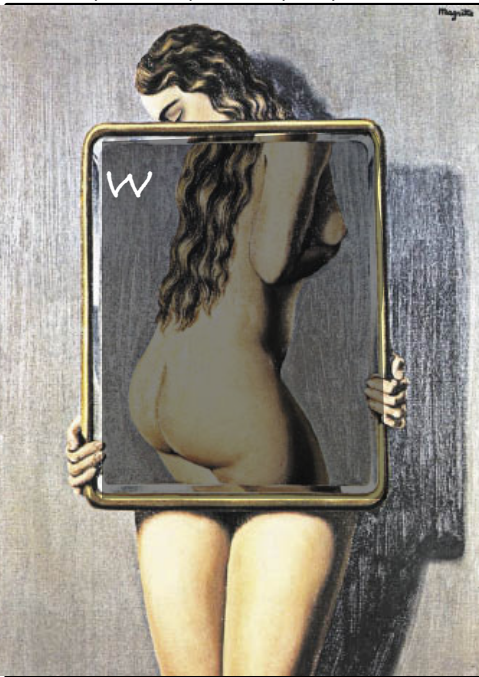
Relación de orden \leq^w entre clases:

$[A] \leq^w [B] \Leftrightarrow A <^w B$

$([P(E)], \leq^w)$ conjunto ordenado.

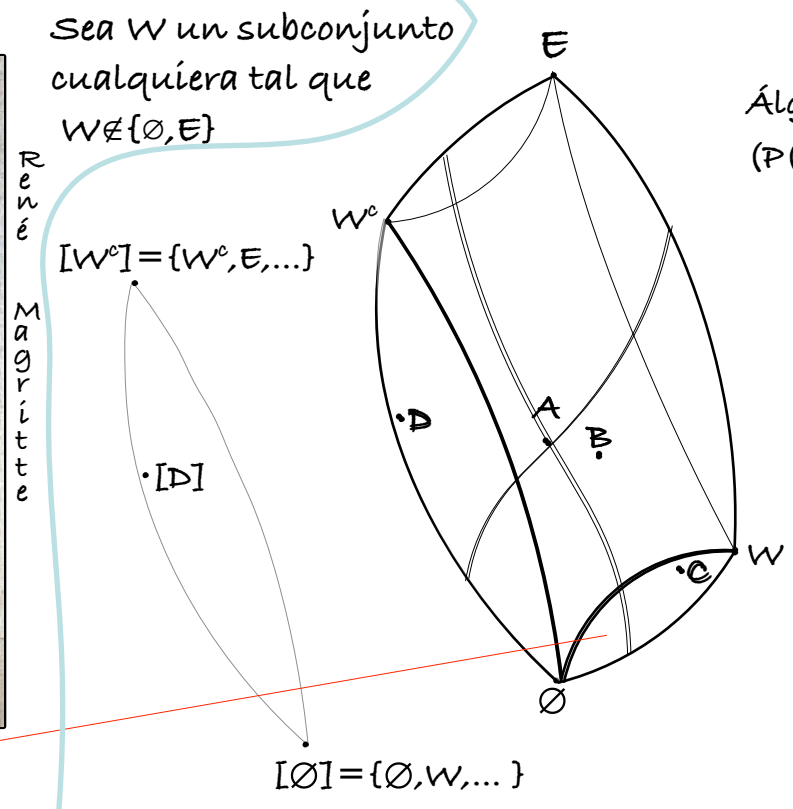
Como W no es el vacío \emptyset , este último tiene a W como " \leq^w -subconjunto" propio: $[W] \leq^w [\emptyset]!$

Referencial E y subconjuntos
 $\emptyset \subseteq E, A \subseteq E, B \subseteq E, \dots, E \subseteq E$



En W las cosas se ven de manera distinta...

Sea W un subconjunto cualquiera tal que $W \neq \{\emptyset, E\}$



Álgebra de Boole
 $(P(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

$[W^c] = \{W^c, E, \dots\}$

$[D]$

$[\emptyset] = \{\emptyset, W, \dots\}$

$[\emptyset] = \{\emptyset, W^c, D, \dots\}$

$[C] = \{C, \dots\}$

$[W] = \{W, E, \dots\}$

Propuesta definitiva:

(Intersección de las anteriores)

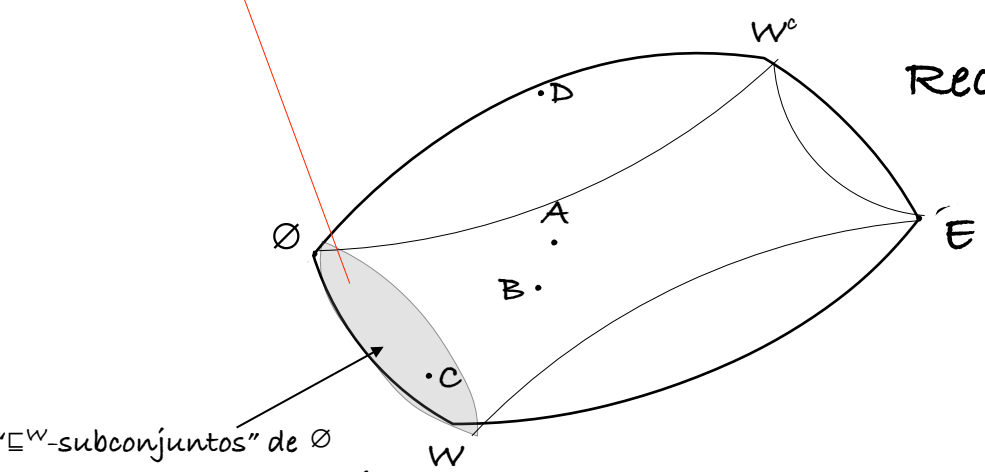
$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow (A <^w B) \& (A <_w B) \Leftrightarrow [(B \cap W) \subseteq A \subseteq (B \cup W)]$

$(\sqsubseteq^w$ es un "orden de actividad" en $(P(E), \subseteq)$)

Recupera las dos situaciones anteriores y... ¡no se pierde información!

$(P(E), \sqsubseteq^w)$ Álgebra de Boole).

Si consideramos \sqsubseteq^w como una inclusión, todo subconjunto usual C de W es una " w -parte" de \emptyset , (es decir, $W \sqsubseteq^w C \sqsubseteq^w \emptyset$).



" \sqsubseteq^w -subconjuntos" de \emptyset

Se obtiene una nueva Álgebra de Boole $(P(E), \sqsubseteq^w, \cap^w, \cup^w, ^c, W, W^c)$ isomorfa a la inicial

Definimos la relación $\in^w \subseteq \text{EXP}(E)$ tal que $(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta W)$, tiene propiedades análogas a la pertenencia usual. (Será una " w -pertenencia"). En particular, $(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in W)$.

Ejemplos

Ejemplo 1. Una interpretación de Ξ^w en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería,... (Mena y ganga).



Bauxita (pulida), mena del aluminio.



Galena, mena del plomo.



Casiterita, mena del estaño.



Pirita, mena del azufre.



Cinabrio, mena del mercurio.



Silvina, mena del potasio.

Ejemplo1. Una interpretación de Ξ^w en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería,... (Mena y ganga).



Cinabrio, mena del mercurio.

Silvina, mena del potasio.

Ejemplo 1. Una interpretación de \square^w en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería, ... (Mena y ganga).



Cuarzo (w)

Cinabrio, mena del mercurio.

Silvina, mena del potasio.

Ejemplo 1. Una interpretación de Ξ^w en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería, ... (Mena y ganga).



Cuarzo (w)

Rubelita o
turmalina roja
(w^c)



Ejemplo 1. Una interpretación de \square^w en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería, ... (Mena y ganga).



w, ganga

w^c, mena

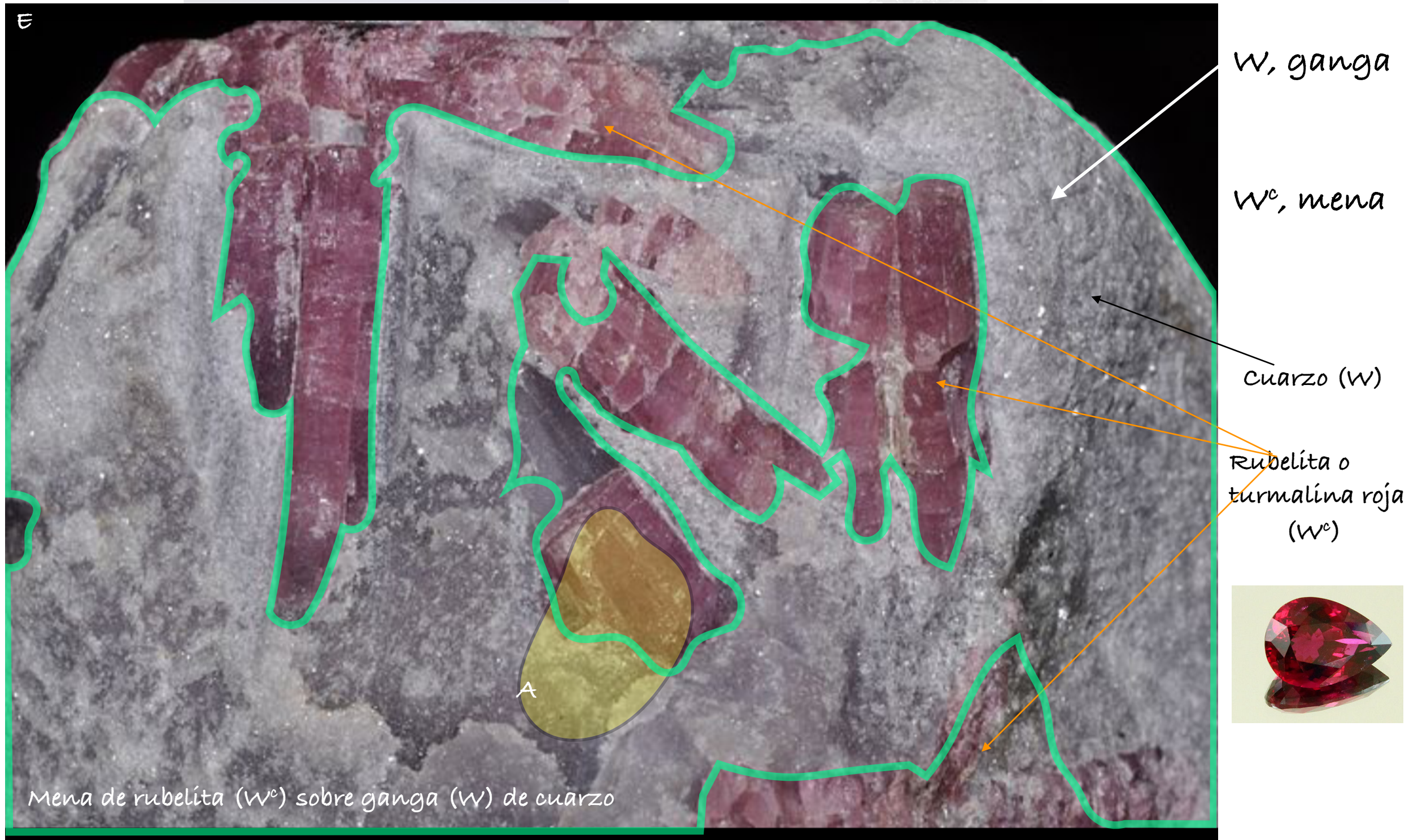
Cuarzo (w)

Rubelita o turmalina roja (w^c)

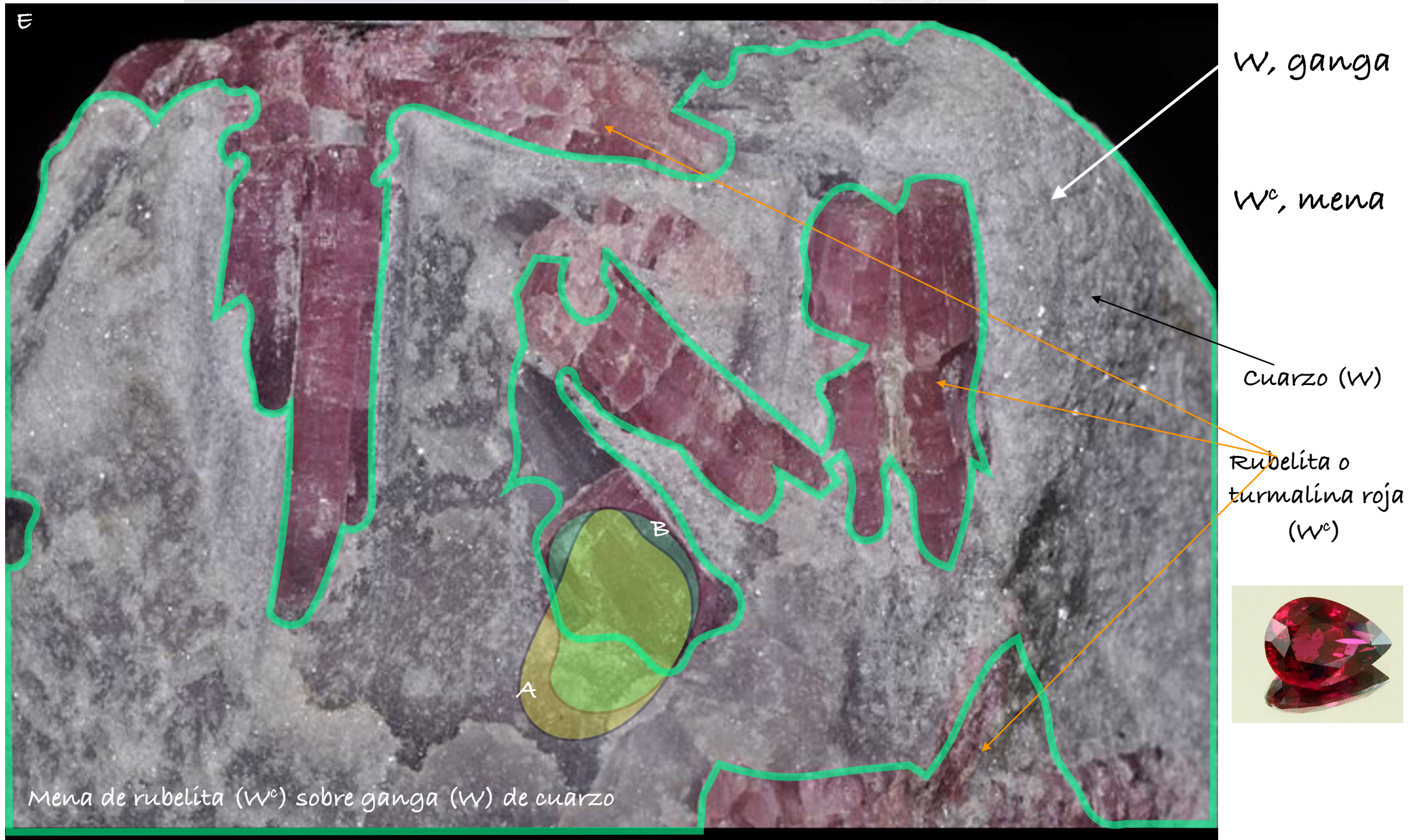


Mena de rubelita (w^c) sobre ganga (w) de cuarzo

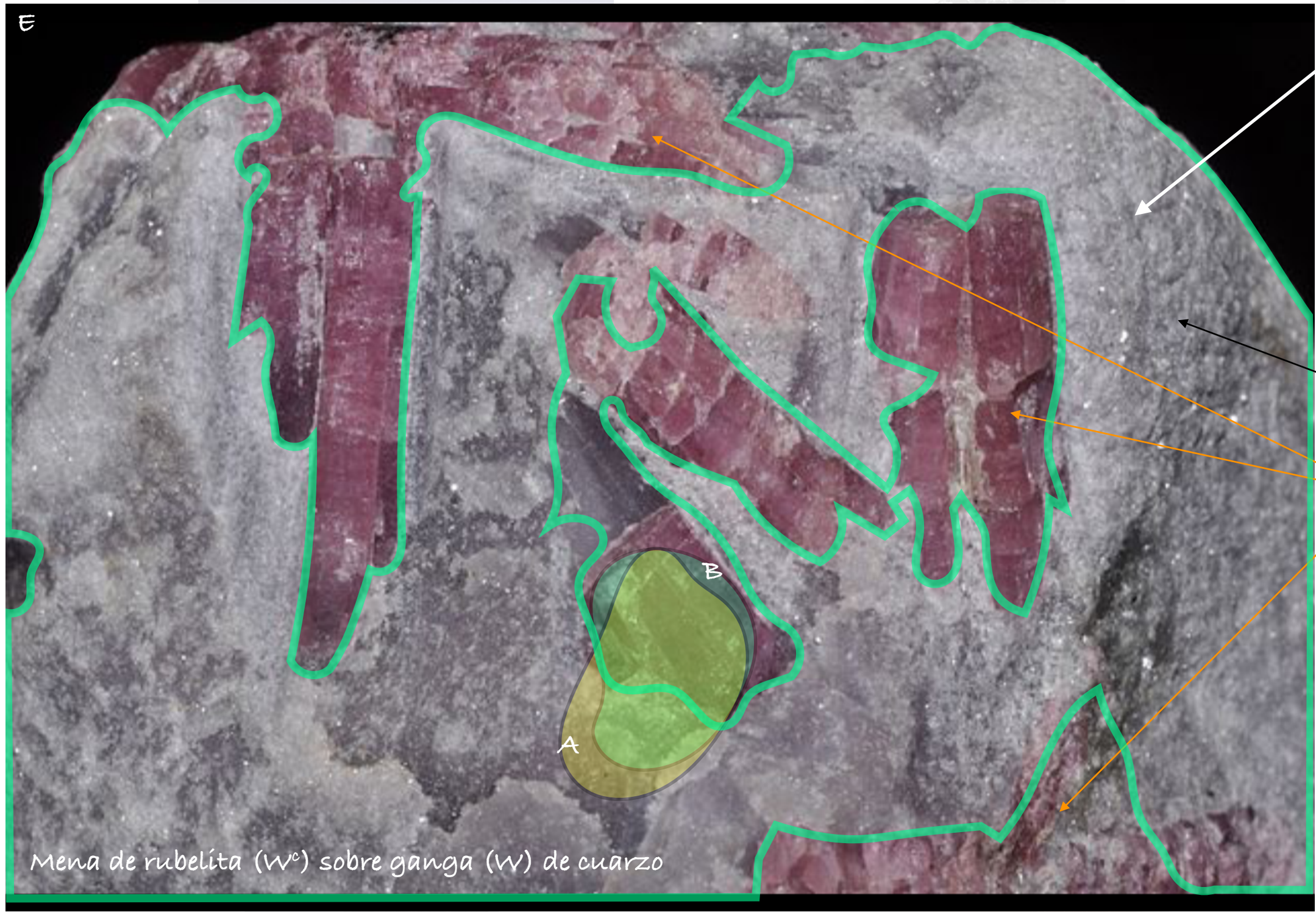
Ejemplo 1. Una interpretación de \square^w en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería, ... (Mena y ganga).



Ejemplo 1. Una interpretación de \square^w en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería, ... (Mena y ganga).



Ejemplo 1. Una interpretación de \sqsubseteq^W en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería, ... (Mena y ganga).



W , ganga
 W^c , mena
Cuarzo (W)
Rubelita o turmalina roja (W^c)



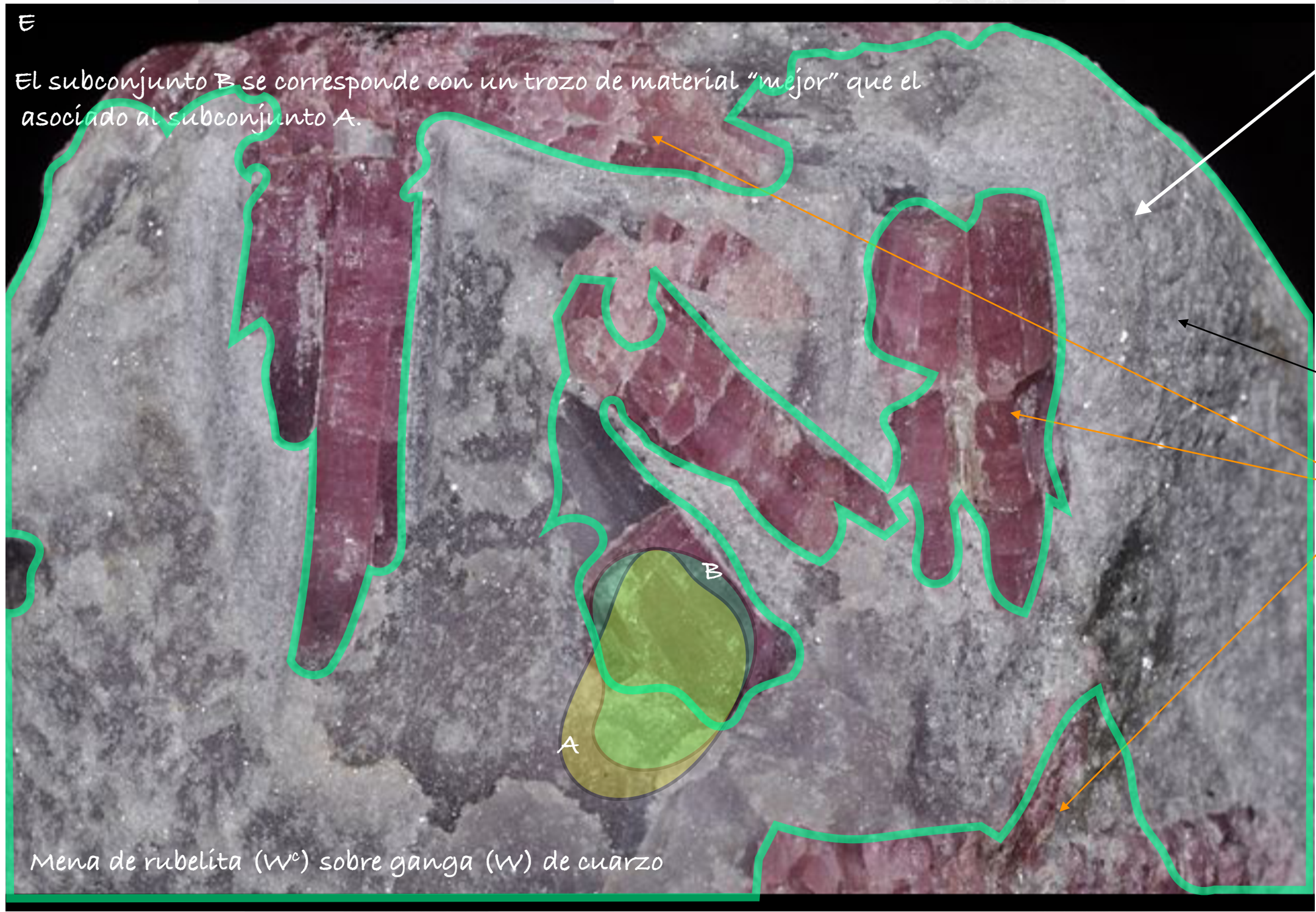
Mena de rubelita (W^c) sobre ganga (W) de cuarzo

$A \not\subseteq B, B \not\subseteq A$

Cinabrio, mena del mercurio.

Silvina, mena del potasio.

Ejemplo 1. Una interpretación de \sqsubseteq^W en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería, ... (Mena y ganga).



E

El subconjunto B se corresponde con un trozo de material "mejor" que el asociado al subconjunto A.

W, ganga

W^c, mena

Cuarzo (W)

Rubelita o
turmalina roja
(W^c)



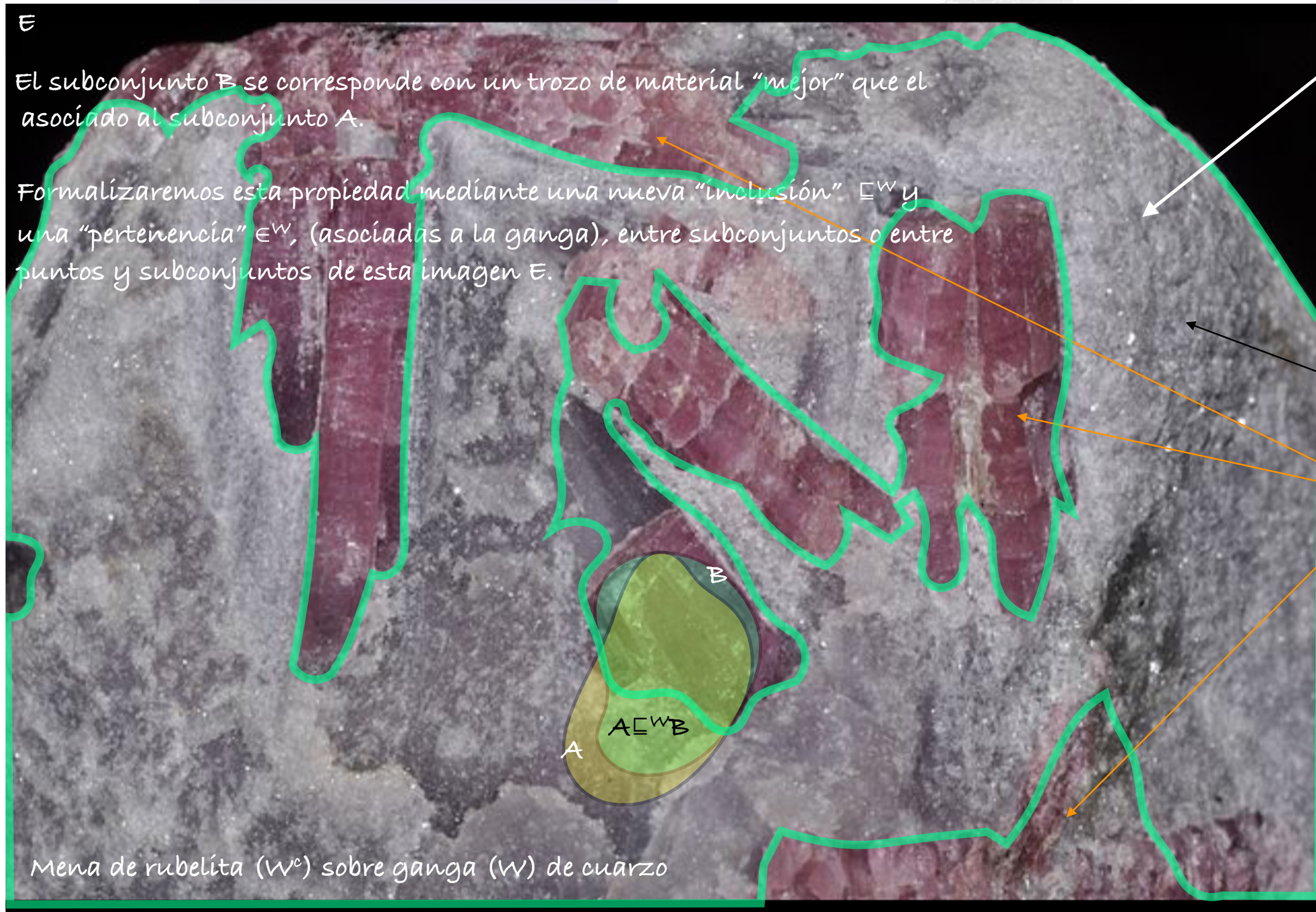
Mena de rubelita (W^c) sobre ganga (W) de cuarzo

$A \not\subseteq B, B \not\subseteq A$

Cinabrio, mena del mercurio.

Silvina, mena del potasio.

Ejemplo 1. Una interpretación de \sqsubseteq^W en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería, ... (Mena y ganga).



W, ganga

W^c , mena

Cuarzo (W)

Rubelita o turmalina roja (W^c)



E

El subconjunto B se corresponde con un trozo de material "mejor" que el asociado al subconjunto A.

Formalizaremos esta propiedad mediante una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W y una "pertenencia" \in^W , (asociadas a la ganga), entre subconjuntos o entre puntos y subconjuntos de esta imagen E.

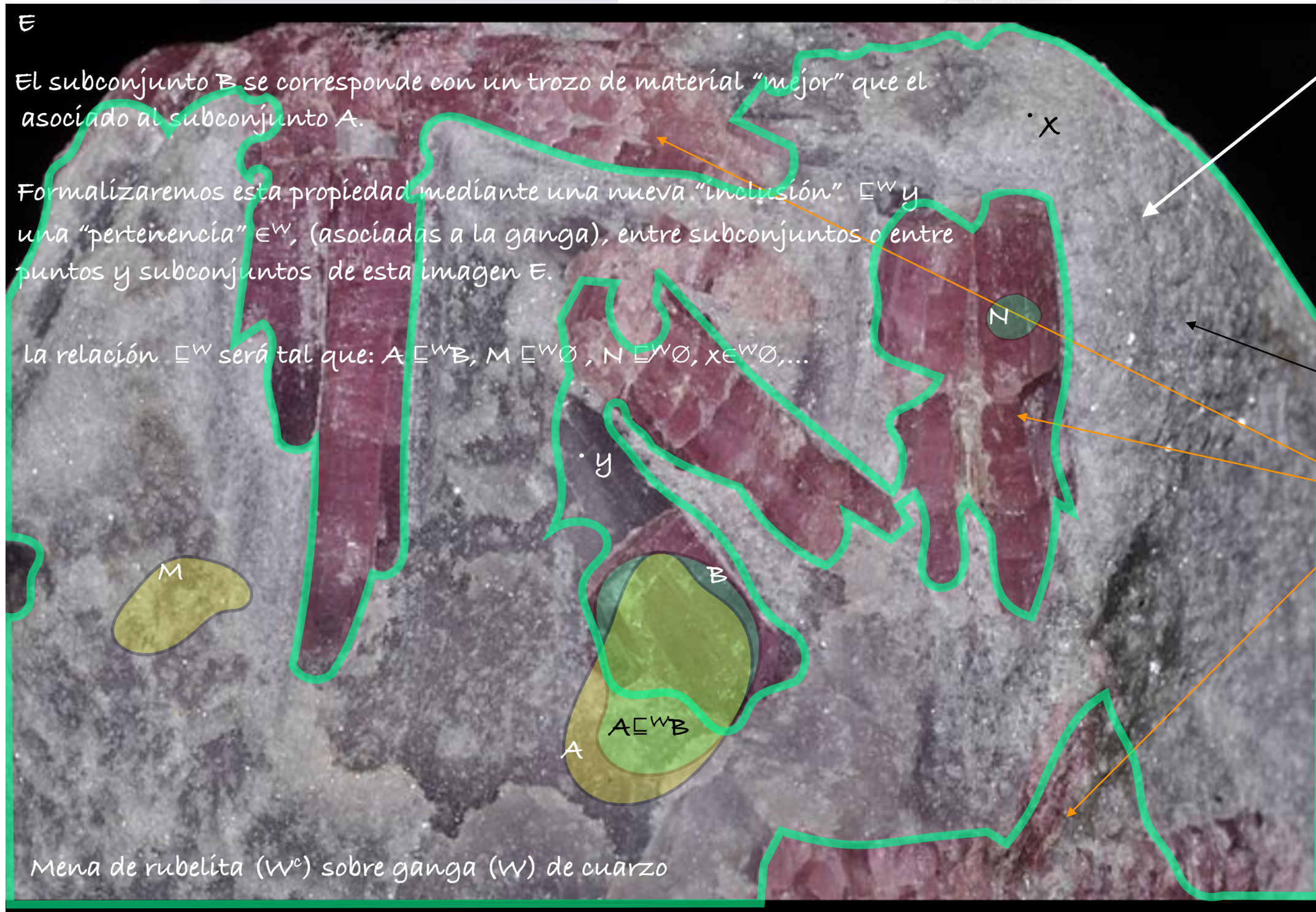
Mena de rubelita (W^c) sobre ganga (W) de cuarzo

$A \not\subseteq B, B \not\subseteq A$

Cinabrio, mena del mercurio.

Silvina, mena del potasio.

Ejemplo 1. Una interpretación de \sqsubseteq^W en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería, ... (Mena y ganga).



W , ganga

W^c , mena

Cuarzo (W)

Rubelita o turmalina roja (W^c)

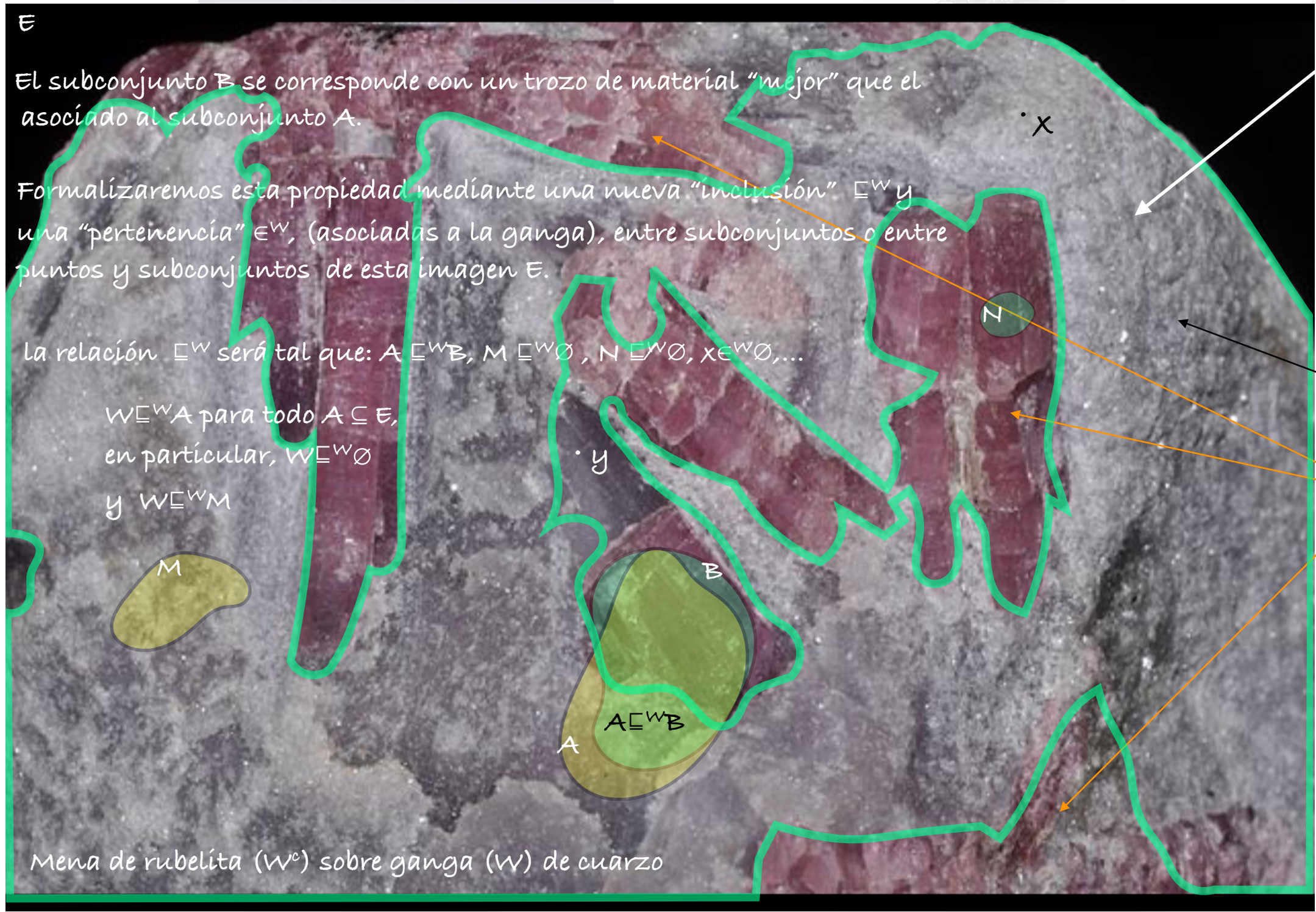


$$A \not\subseteq B, B \not\subseteq A$$

Cinabrio, mena del mercurio.

Silvina, mena del potasio.

Ejemplo 1. Una interpretación de \sqsubseteq^W en imágenes relacionadas con mineralogía, gemología, minería, ... (Mena y ganga).



W, ganga

W^c , mena

Cuarzo (W)

Rubelita o turmalina roja (W^c)



E

El subconjunto B se corresponde con un trozo de material "mejor" que el asociado al subconjunto A.

Formalizaremos esta propiedad mediante una nueva "inclusión" \sqsubseteq^W y una "pertenencia" \in^W , (asociadas a la ganga), entre subconjuntos o entre puntos y subconjuntos de esta imagen E.

La relación \sqsubseteq^W será tal que: $A \sqsubseteq^W B, M \sqsubseteq^W \emptyset, N \sqsubseteq^W \emptyset, X \sqsubseteq^W \emptyset, \dots$

$W \in^W A$ para todo $A \subseteq E$,
 en particular, $W \in^W \emptyset$
 y $W \in^W M$



Mena de rubelita (W^c) sobre ganga (W) de cuarzo

$$A \not\subseteq B, B \not\subseteq A, M \subseteq W$$

Cinabrio, mena del mercurio.

Silvina, mena del potasio.

Ejemplo 2. Una interpretación de \sqsubseteq^w en la gestión de tablas de datos con valores ausentes.

Ejemplo2. Una interpretación de \square^w en la gestión de tablas de datos con valores ausentes.

DATOS DE CLIENTES

	Nombre completo	Correo electrónico	Teléfono móvil	Fecha de nacimiento	Edad	Sexo	Deportes practicados	Frecuencia de COMPRA	Nivel de práctica	Batidos preferidos
8	Adriana Martínez	adrianamartínez@gmail.com	34-60466652		37	F	Maratón	Diaria	Amateur	Varios
9	Aitor Vázquez				49	M	Fútbol	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
10	Aleix Sáez	aleixsáez@gmail.com	34-60467028	07/02/1996	22	M	Fútbol	Cada 2 días	Ocasional	Varios
11	Alejandra González	alejandragonzález@gmail.com		18/12/1993		M		Cada 4 días	Amateur	Varios
12	Alex Suarez	alexsuarez@gmail.com	34-60466844	21/01/1985	33	M	Pesas	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
13	Álvaro López	álvarolópez@gmail.com	34-60466644	18/12/2000	17	M	Tenis	Semanal	Ocasional	Varios
14	Ana Peña	anapeña@gmail.com	34-60466604	16/12/1986	31	F	Fútbol	Diaria	Amateur	Varios
15	Ángela Molina		34-60466852	21/01/1988		F	Golf	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
16	Antonia Torres	antoniatorres@gmail.com			54	F	Fútbol		Ocasional	Varios
17	Biel Lorenzo	biellorenzo@gmail.com			34	M	Tenis	Semanal	Amateur	Isotónico
18	Carlos Álvarez	carlosálvarez@gmail.com	34-60466732	01/01/1996		M	Fútbol			De proteínas pre-ejercicio
19	Cesar Velasco		34-60467036		29	M	Maratón	Cada 2 días		
20	Christian Pastor	christianpastor@gmail.com	34-60467004	04/02/1978	40	M	Fútbol	Cada 2 días	Amateur	De proteínas pre-ejercicio
21	Daniela García	danielagarcía@gmail.com	34-60466612	17/12/1966	51	F		Diaria	Amateur	De proteínas pre-ejercicio
22	David Sánchez	davidsánchez@gmail.com	34-60466660	02/02/1970	48	M	Golf	Semanal	Ocasional	Varios
23	Diego Martin	diegomartin@gmail.com	34-60466684	26/12/1980	37	M	Fútbol	Diaria	Amateur	Energético
24	Enriqueta Santana	enriquetasantana@gmail.com	34-60466956	29/01/1989	29		Fútbol	Diaria	Profesional	Energético
25	Felipe Pirela	felipepirela@gmail.com	34-60466596	15/12/1982		M	Fútbol	Semanal	Ocasional	Varios
26			34-60466924	25/01/1996	22		Fútbol	Diaria	Amateur	
27	Gabriel Rubio	gabrielrubio@gmail.com	34-60466900	22/01/1978	40	M	Pesas	Diaria	Profesional	Isotónico
28	Gonzalo Ortega	gonzaloortega@gmail.com	34-60466868		37	M	Tenis	Semanal		Varios
29	Guillem Carmona		34-60466988		48	M	Golf	Diaria		Varios
30	Guillermo Castro	guillermocastro@gmail.com	34-60466884	20/01/1977	41	M	Golf	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
31	Héctor Blanco	héctorblanco@gmail.com	34-60466836	14/01/1997		M	Tenis	Cada 4 días	Ocasional	Varios
32	Hugo Fernández	hugofernández@gmail.com	34-60466636	18/12/1993	24	M	Fútbol	Diaria	Amateur	
33	Iker Díaz	ikerdíaz@gmail.com	34-60466716	30/12/1999	18	M	Maratón	Diaria	Profesional	Energético

Ejemplo2. Una interpretación de \sqsubseteq^w en la gestión de tablas de datos con valores ausentes.

DATOS DE CLIENTES

	Nombre completo	Correo electrónico	Teléfono móvil	Fecha de nacimiento	Edad	Sexo	Deportes practicados	Frecuencia de COMPRA	Nivel de práctica	Batidos preferidos
8	Adriana Martínez	adrianamartínez@gmail.com	34-60466652		37	F	Maratón	Diaria	Amateur	Varios
9	Aitor Vázquez				49	M	Fútbol	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
10	Aleix Sáez	aleixsáez@gmail.com	34-60467028	07/02/1996	22	M	Fútbol	Cada 2 días	Ocasional	Varios
11	Alejandra González	alejandragonzález@gmail.com		18/12/1993		M		Cada 4 días	Amateur	Varios
12	Alex Suarez	alexsuarez@gmail.com	34-60466844	21/01/1985	33	M	Pesas	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
13	Álvaro López	álvarylópez@gmail.com	34-60466644	18/12/2000	17	M	Tenis	Semanal	Ocasional	Varios
14	Ana Peña	anapeña@gmail.com	34-60466604	16/12/1986	31	F	Fútbol	Diaria	Amateur	Varios
15	Ángela Molina		34-60466852	21/01/1988		F	Golf	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
16	Antonia Torres	antoniatorres@gmail.com			54	F	Fútbol		Ocasional	Varios
17	Biel Lorenzo	biellorenzo@gmail.com			34	M	Tenis	Semanal	Amateur	Isotónico
18	Carlos Álvarez	carlosálvarez@gmail.com	34-60466732	01/01/1996		M	Fútbol			De proteínas pre-ejercicio
19	Cesar Velasco		34-60467036		29	M	Maratón	Cada 2 días		
20	Christian Pastor	christianpastor@gmail.com	34-60467004	04/02/1978	40	M	Fútbol	Cada 2 días	Amateur	De proteínas pre-ejercicio
21	Daniela García	danielagarcía@gmail.com	34-60466612	17/12/1966	51	F		Diaria	Amateur	De proteínas pre-ejercicio
22	David Sánchez	davidsánchez@gmail.com	34-60466660	02/02/1970	48	M	Golf	Semanal	Ocasional	Varios
23	Diego Martin	diegomartin@gmail.com	34-60466684	26/12/1980	37	M	Fútbol	Diaria	Amateur	Energético
24	Enriqueta Santana	enriquetasantana@gmail.com	34-60466956	29/01/1989	29		Fútbol	Diaria	Profesional	Energético
25	Felipe Pirela	felipepirela@gmail.com	34-60466596	15/12/1982		M	Fútbol	Semanal	Ocasional	Varios
26			34-60466924	25/01/1996	22		Fútbol	Diaria	Amateur	
27	Gabriel Rubio	gabrielrubio@gmail.com	34-60466900	22/01/1978	40	M	Pesas	Diaria	Profesional	Isotónico
28	Gonzalo Ortega	gonzaloortega@gmail.com	34-60466868		37	M	Tenis	Semanal		Varios
29	Guillem Carmona		34-60466988		48	M	Golf	Diaria		Varios
30	Guillermo Castro	guillermocastro@gmail.com	34-60466884	20/01/1977	41	M	Golf	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
31	Héctor Blanco	héctorblanco@gmail.com	34-60466836	14/01/1997		M	Tenis	Cada 4 días	Ocasional	Varios
32	Hugo Fernández	hugofernández@gmail.com	34-60466636	18/12/1993	24	M	Fútbol	Diaria	Amateur	
33	Iker Díaz	ikerdíaz@gmail.com	34-60466716	30/12/1999	18	M	Maratón	Diaria	Profesional	Energético

Referencial de registros $E = \{8, 9, 10, \dots, 32, 33\}$.

$W = \{9, 11, 16, 19, 26, 29\}$ Subconjunto (nítido) de registros con tres o más ítems ausentes. (De "peor calidad").

Ejemplo2. Una interpretación de \sqsubseteq^W en la gestión de tablas de datos con valores ausentes.

DATOS DE CLIENTES

	Nombre completo	Correo electrónico	Teléfono móvil	Fecha de nacimiento	Edad	Sexo	Deportes practicados	Frecuencia de COMPRA	Nivel de práctica	Batidos preferidos
8	Adriana Martínez	adrianamartínez@gmail.com	34-60466652		37	F	Maratón	Diaria	Amateur	Varios
9	Aitor Vázquez				49	M	Fútbol	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
10	Aleix Sáez	aleixsáez@gmail.com	34-60467028	07/02/1996	22	M	Fútbol	Cada 2 días	Ocasional	Varios
11	Alejandra González	alejandragonzález@gmail.com		18/12/1993		M		Cada 4 días	Amateur	Varios
12	Alex Suarez	alexsuarez@gmail.com	34-60466844	21/01/1985	33	M	Pesas	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
13	Álvaro López	álvarolópez@gmail.com	34-60466644	18/12/2000	17	M	Tenis	Semanal	Ocasional	Varios
14	Ana Peña	anapeña@gmail.com	34-60466604	16/12/1986	31	F	Fútbol	Diaria	Amateur	Varios
15	Ángela Molina		34-60466852	21/01/1988		F	Golf	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
16	Antonia Torres	antoniatorres@gmail.com			54	F	Fútbol		Ocasional	Varios
17	Biel Lorenzo	biellorenzo@gmail.com			34	M	Tenis	Semanal	Amateur	Isotónico
18	Carlos Álvarez	carlosálvarez@gmail.com	34-60466732	01/01/1996		M	Fútbol			De proteínas pre-ejercicio
19	Cesar Velasco		34-60467036		29	M	Maratón	Cada 2 días		
20	Christian Pastor	christianpastor@gmail.com	34-60467004	04/02/1978	40	M	Fútbol	Cada 2 días	Amateur	De proteínas pre-ejercicio
21	Daniela García	danielagarcía@gmail.com	34-60466612	17/12/1966	51	F		Diaria	Amateur	De proteínas pre-ejercicio
22	David Sánchez	davidsánchez@gmail.com	34-60466660	02/02/1970	48	M	Golf	Semanal	Ocasional	Varios
23	Diego Martin	diegomartin@gmail.com	34-60466684	26/12/1980	37	M	Fútbol	Diaria	Amateur	Energético
24	Enriqueta Santana	enriquetasantana@gmail.com	34-60466956	29/01/1989	29		Fútbol	Diaria	Profesional	Energético
25	Felipe Pirela	felipepirela@gmail.com	34-60466596	15/12/1982		M	Fútbol	Semanal	Ocasional	Varios
26			34-60466924	25/01/1996	22		Fútbol	Diaria	Amateur	
27	Gabriel Rubio	gabrielrubio@gmail.com	34-60466900	22/01/1978	40	M	Pesas	Diaria	Profesional	Isotónico
28	Gonzalo Ortega	gonzaloortega@gmail.com	34-60466868		37	M	Tenis	Semanal		Varios
29	Guillem Carmona		34-60466988		48	M	Golf	Diaria		Varios
30	Guillermo Castro	guillermocastro@gmail.com	34-60466884	20/01/1977	41	M	Golf	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
31	Héctor Blanco	héctorblanco@gmail.com	34-60466836	14/01/1997		M	Tenis	Cada 4 días	Ocasional	Varios
32	Hugo Fernández	hugofernández@gmail.com	34-60466636	18/12/1993	24	M	Fútbol	Diaria	Amateur	
33	Iker Díaz	ikerdíaz@gmail.com	34-60466716	30/12/1999	18	M	Maratón	Diaria	Profesional	Energético

Referencial de registros $E = \{8, 9, 10, \dots, 32, 33\}$.

$W = \{9, 11, 16, 19, 26, 29\}$ Subconjunto (nítido) de registros con tres o más ítems ausentes. (De "peor calidad").

Actividad: Análisis de datos utilizando subconjuntos, (nítidos o borrosos), A, B, \dots etc de E .

Ejemplo2. Una interpretación de \sqsubseteq^w en la gestión de tablas de datos con valores ausentes.

DATOS DE CLIENTES

	Nombre completo	Correo electrónico	Teléfono móvil	Fecha de nacimiento	Edad	Sexo	Deportes practicados	Frecuencia de COMPRA	Nivel de práctica	Batidos preferidos
8	Adriana Martínez	adrianamartínez@gmail.com	34-60466652		37	F	Maratón	Diaria	Amateur	Varios
9	Aitor Vázquez				49	M	Fútbol	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
10	Aleix Sáez	aleixsáez@gmail.com	34-60467028	07/02/1996	22	M	Fútbol	Cada 2 días	Ocasional	Varios
11	Alejandra González	alejandragonzález@gmail.com		18/12/1993		M		Cada 4 días	Amateur	Varios
12	Alex Suarez	alexsuarez@gmail.com	34-60466844	21/01/1985	33	M	Pesas	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
13	Álvaro López	álvarolópez@gmail.com	34-60466644	18/12/2000	17	M	Tenis	Semanal	Ocasional	Varios
14	Ana Peña	anapeña@gmail.com	34-60466604	16/12/1986	31	F	Fútbol	Diaria	Amateur	Varios
15	Ángela Molina		34-60466852	21/01/1988		F	Golf	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
16	Antonia Torres	antoniatorres@gmail.com			54	F	Fútbol		Ocasional	Varios
17	Biel Lorenzo	biellorenzo@gmail.com			34	M	Tenis	Semanal	Amateur	Isotónico
18	Carlos Álvarez	carlosálvarez@gmail.com	34-60466732	01/01/1996		M	Fútbol			De proteínas pre-ejercicio
19	Cesar Velasco		34-60467036		29	M	Maratón	Cada 2 días		
20	Christian Pastor	christianpastor@gmail.com	34-60467004	04/02/1978	40	M	Fútbol	Cada 2 días	Amateur	De proteínas pre-ejercicio
21	Daniela García	danielagarcía@gmail.com	34-60466612	17/12/1966	51	F		Diaria	Amateur	De proteínas pre-ejercicio
22	David Sánchez	davidsánchez@gmail.com	34-60466660	02/02/1970	48	M	Golf	Semanal	Ocasional	Varios
23	Diego Martin	diegomartin@gmail.com	34-60466684	26/12/1980	37	M	Fútbol	Diaria	Amateur	Energético
24	Enriqueta Santana	enriquetasantana@gmail.com	34-60466956	29/01/1989	29		Fútbol	Diaria	Profesional	Energético
25	Felipe Pirela	felipepirela@gmail.com	34-60466596	15/12/1982		M	Fútbol	Semanal	Ocasional	Varios
26			34-60466924	25/01/1996	22		Fútbol	Diaria	Amateur	
27	Gabriel Rubio	gabrielrubio@gmail.com	34-60466900	22/01/1978	40	M	Pesas	Diaria	Profesional	Isotónico
28	Gonzalo Ortega	gonzaloortega@gmail.com	34-60466868		37	M	Tenis	Semanal		Varios
29	Guillem Carmona		34-60466988		48	M	Golf	Diaria		Varios
30	Guillermo Castro	guillermocastro@gmail.com	34-60466884	20/01/1977	41	M	Golf	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
31	Héctor Blanco	héctorblanco@gmail.com	34-60466836	14/01/1997		M	Tenis	Cada 4 días	Ocasional	Varios
32	Hugo Fernández	hugofernández@gmail.com	34-60466636	18/12/1993	24	M	Fútbol	Diaria	Amateur	
33	Iker Díaz	ikerdíaz@gmail.com	34-60466716	30/12/1999	18	M	Maratón	Diaria	Profesional	Energético

Referencial de registros $E = \{8, 9, 10, \dots, 32, 33\}$.

$W = \{9, 11, 16, 19, 26, 29\}$ Subconjunto (nítido) de registros con tres o más ítems ausentes. (De "peor calidad").

Actividad: Análisis de datos utilizando subconjuntos, (nítidos o borrosos), A, B, \dots etc de E .

La expresión $A \sqsubseteq^w B$, representará que B es un ejemplo de "mejor calidad" que A . (De mayor fiabilidad).

Por ejemplo: $\{9, 10, 11, 16, 14\} \sqsubseteq^w \{10, 11, 14, 33\}$,

$\{26, 29\} \sqsubseteq^w \emptyset$,

$19 \in^w \emptyset$.

Ejemplo2. Una interpretación de \sqsubseteq^w en la gestión de tablas de datos con valores ausentes.

DATOS DE CLIENTES

	Nombre completo	Correo electrónico	Teléfono móvil	Fecha de nacimiento	Edad	Sexo	Deportes practicados	Frecuencia de COMPRA	Nivel de práctica	Batidos preferidos
8	Adriana Martínez	adrianamartínez@gmail.com	34-60466652		37	F	Maratón	Diaria	Amateur	Varios
9	Aitor Vázquez				49	M	Fútbol	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
10	Aleix Sáez	aleixsáez@gmail.com	34-60467028	07/02/1996	22	M	Fútbol	Cada 2 días	Ocasional	Varios
11	Alejandra González	alejandragonzález@gmail.com		18/12/1993		M		Cada 4 días	Amateur	Varios
12	Alex Suarez	alexsuarez@gmail.com	34-60466844	21/01/1985	33	M	Pesas	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
13	Álvaro López	álvarolópez@gmail.com	34-60466644	18/12/2000	17	M	Tenis	Semanal	Ocasional	Varios
14	Ana Peña	anapeña@gmail.com	34-60466604	16/12/1986	31	F	Fútbol	Diaria	Amateur	Varios
15	Ángela Molina		34-60466852	21/01/1988		F	Golf	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
16	Antonia Torres	antoniatorres@gmail.com			54	F	Fútbol		Ocasional	Varios
17	Biel Lorenzo	biellorenzo@gmail.com			34	M	Tenis	Semanal	Amateur	Isotónico
18	Carlos Álvarez	carlosálvarez@gmail.com	34-60466732	01/01/1996		M	Fútbol			De proteínas pre-ejercicio
19	Cesar Velasco		34-60467036		29	M	Maratón	Cada 2 días		
20	Christian Pastor	christianpastor@gmail.com	34-60467004	04/02/1978	40	M	Fútbol	Cada 2 días	Amateur	De proteínas pre-ejercicio
21	Daniela García	danielagarcía@gmail.com	34-60466612	17/12/1966	51	F		Diaria	Amateur	De proteínas pre-ejercicio
22	David Sánchez	davidsánchez@gmail.com	34-60466660	02/02/1970	48	M	Golf	Semanal	Ocasional	Varios
23	Diego Martin	diegomartin@gmail.com	34-60466684	26/12/1980	37	M	Fútbol	Diaria	Amateur	Energético
24	Enriqueta Santana	enriquetasantana@gmail.com	34-60466956	29/01/1989	29		Fútbol	Diaria	Profesional	Energético
25	Felipe Pirela	felipepirela@gmail.com	34-60466596	15/12/1982		M	Fútbol	Semanal	Ocasional	Varios
26			34-60466924	25/01/1996	22		Fútbol	Diaria	Amateur	
27	Gabriel Rubio	gabrielrubio@gmail.com	34-60466900	22/01/1978	40	M	Pesas	Diaria	Profesional	Isotónico
28	Gonzalo Ortega	gonzaloortega@gmail.com	34-60466868		37	M	Tenis	Semanal		Varios
29	Guillem Carmona		34-60466988		48	M	Golf	Diaria		Varios
30	Guillermo Castro	guillermocastro@gmail.com	34-60466884	20/01/1977	41	M	Golf	Diaria	Profesional	De proteínas pre-ejercicio
31	Héctor Blanco	héctorblanco@gmail.com	34-60466836	14/01/1997		M	Tenis	Cada 4 días	Ocasional	Varios
32	Hugo Fernández	hugofernández@gmail.com	34-60466636	18/12/1993	24	M	Fútbol	Diaria	Amateur	
33	Iker Díaz	ikerdíaz@gmail.com	34-60466716	30/12/1999	18	M	Maratón	Diaria	Profesional	Energético

Referencial de registros $E = \{8, 9, 10, \dots, 32, 33\}$.

$W = \{9, 11, 16, 19, 26, 29\}$ Subconjunto (nítido) de registros con tres o más ítems ausentes. (De "peor calidad").

Actividad: Análisis de datos utilizando subconjuntos, (nítidos o borrosos), A, B, \dots etc de E .

La expresión $A \sqsubseteq^w B$, representará que B es un ejemplo de "mejor calidad" que A . (De mayor fiabilidad).

Por ejemplo: $\{9, 10, 11, 16, 14\} \sqsubseteq^w \{10, 11, 14, 33\}$, $\{26, 29\} \sqsubseteq^w \emptyset$, $19 \in^w \emptyset$.

W también podría ser un subconjunto borroso de registros, como

$$W = 0.1/8 + 0.8/9 + 0.8/11 + 0.2/15 + 0.8/16 + 0.2/17 + 1/19 + 0.1/21 + 0.1/24 + 0.1/25 + 1/26 + 0.2/28 + 0.8/29 + 0.1/31 + 0.1/32 .$$

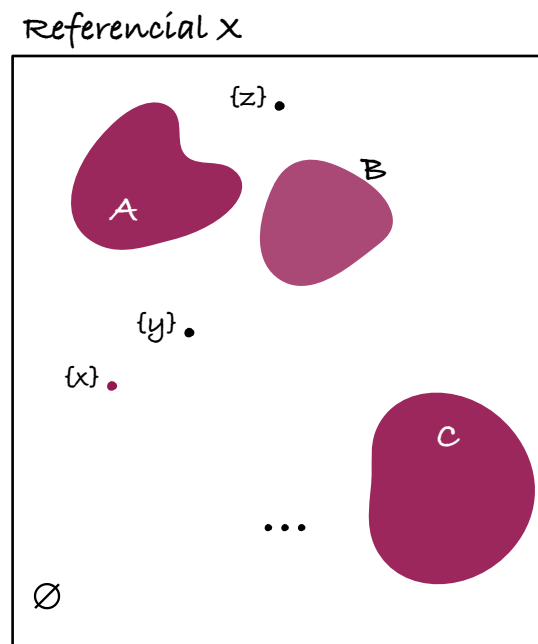
\sqsubseteq^w -inclusión, \sqsubseteq^w -intersección y \sqsubseteq^w -unión
entre subconjuntos ordinarios

$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Referencial X

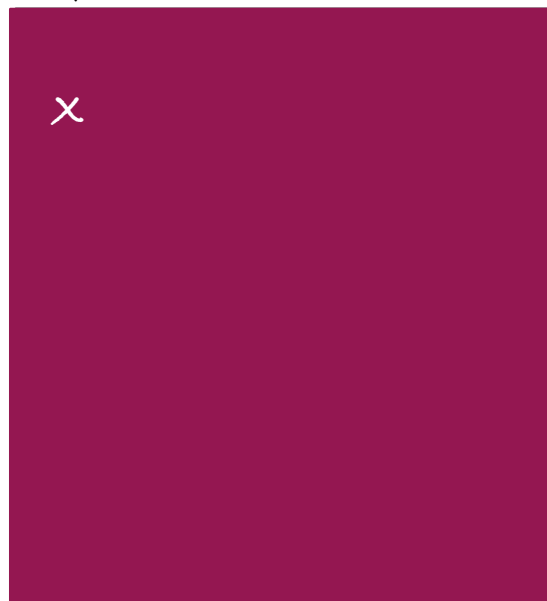


$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :



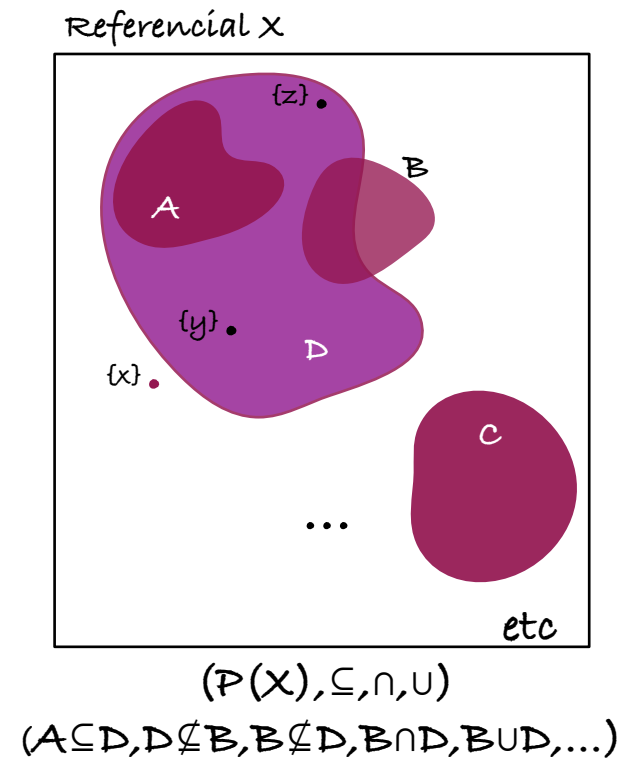
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Referencial X

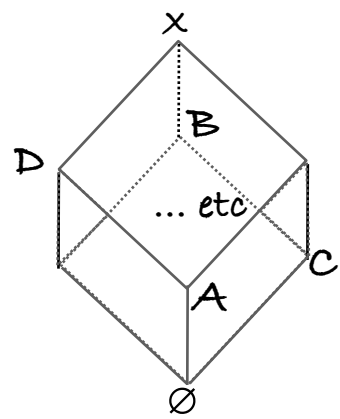


Álgebra de Boole
($\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \complement, \emptyset, X$)

($\mathcal{P}(X), \subseteq$), álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

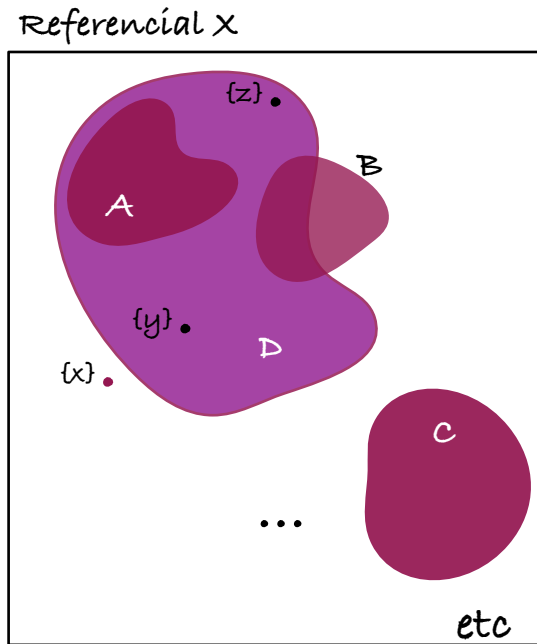


Si $|X|=n$, el álgebra es un hipercubo de dimensión n con el orden \subseteq :



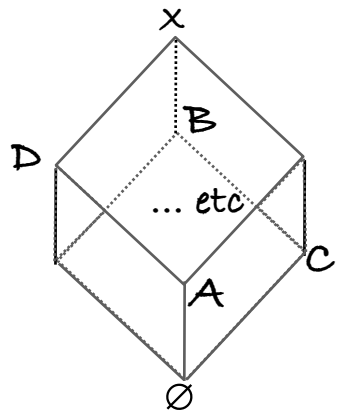
Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \complement, \emptyset, X)$

$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :



$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$
 $(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$

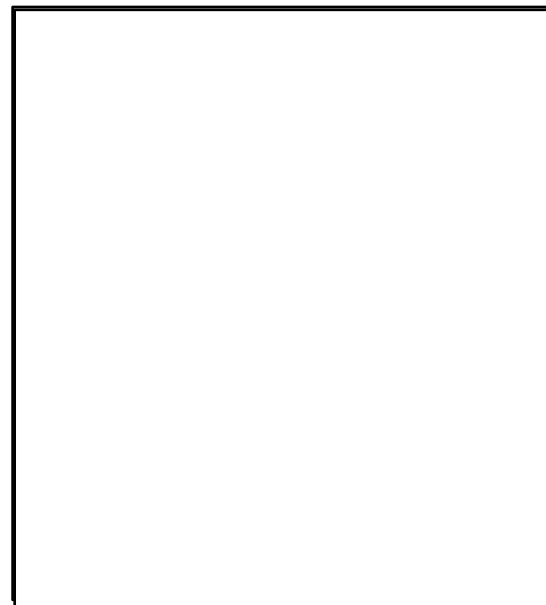
Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \complement, \emptyset, X)$



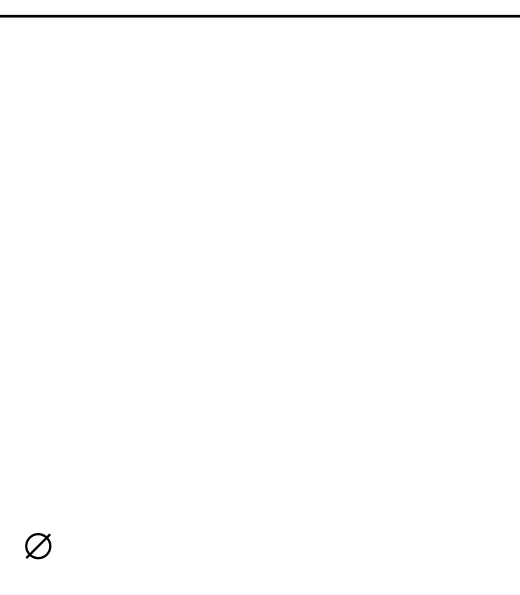
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Interpretación del orden \subseteq
 como una "perspectiva" del
 conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada
 por el subconjunto \emptyset :

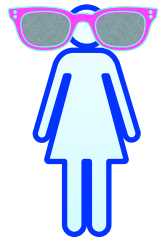
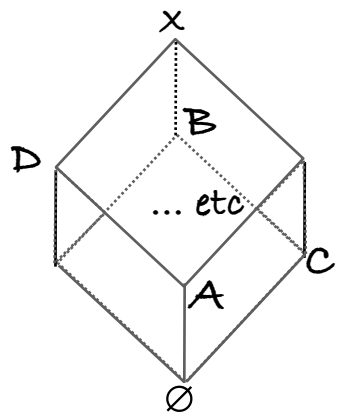
Referencial X



$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$
 $(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$



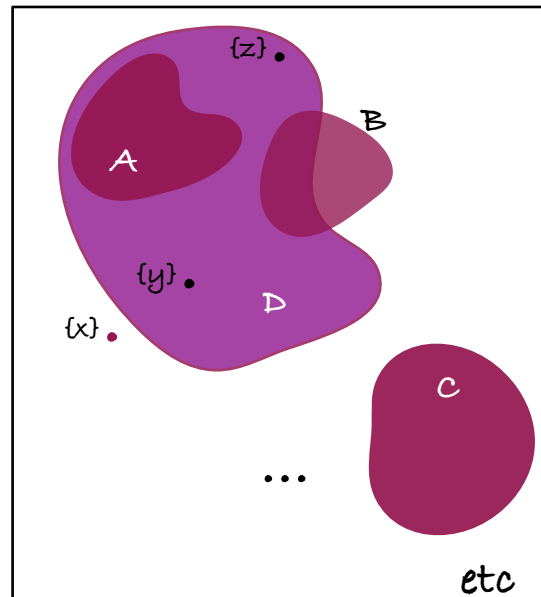
Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \complement, \emptyset, X)$



$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

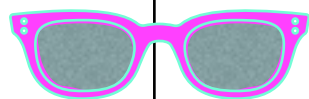
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :

Referencial X



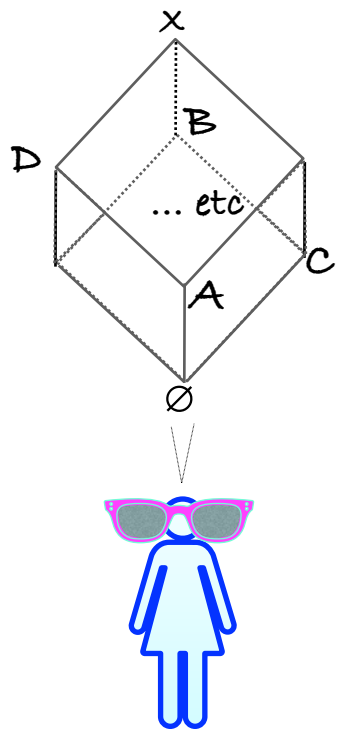
$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$

$(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$



\emptyset

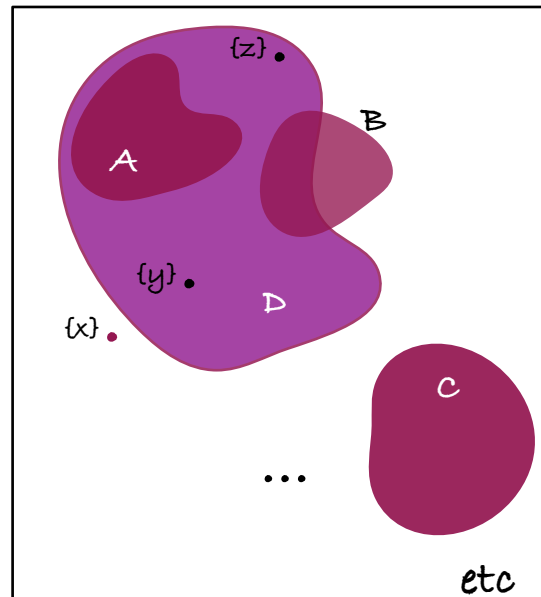
Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \complement, \emptyset, X)$



$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

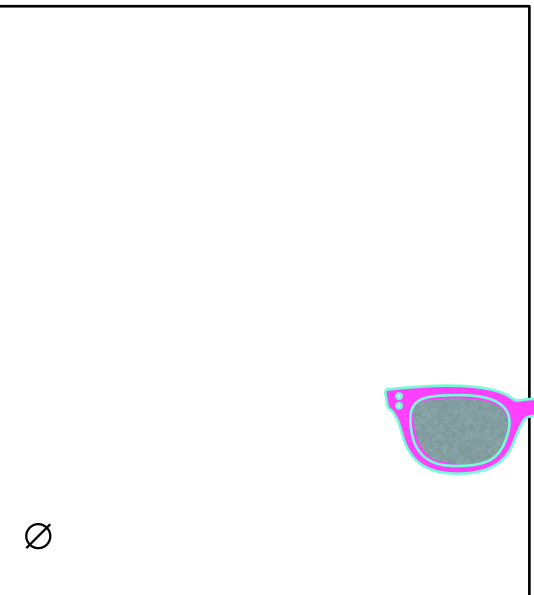
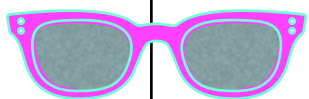
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :

Referencial X

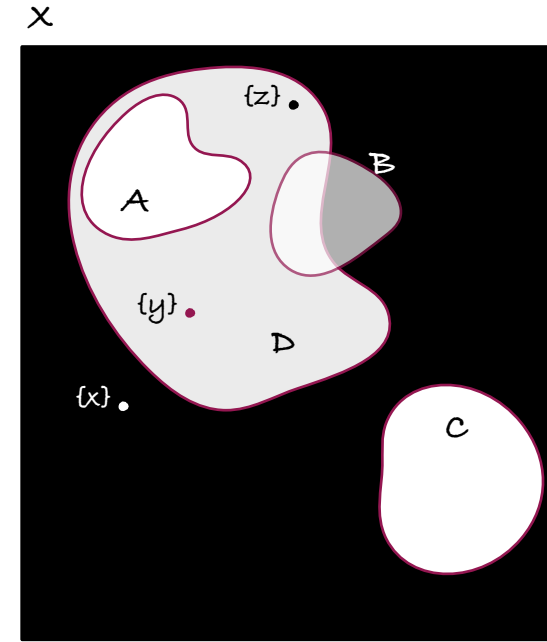
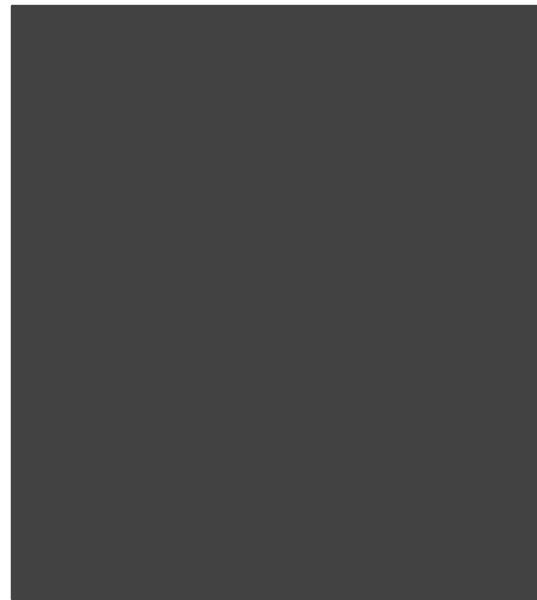
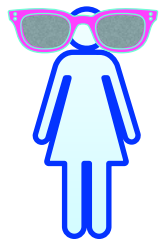
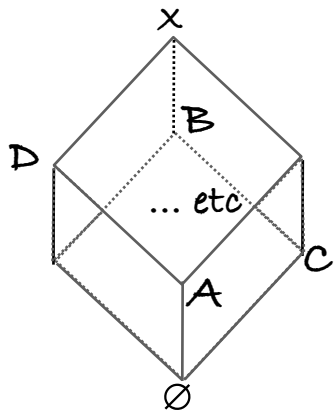


$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$

$(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$



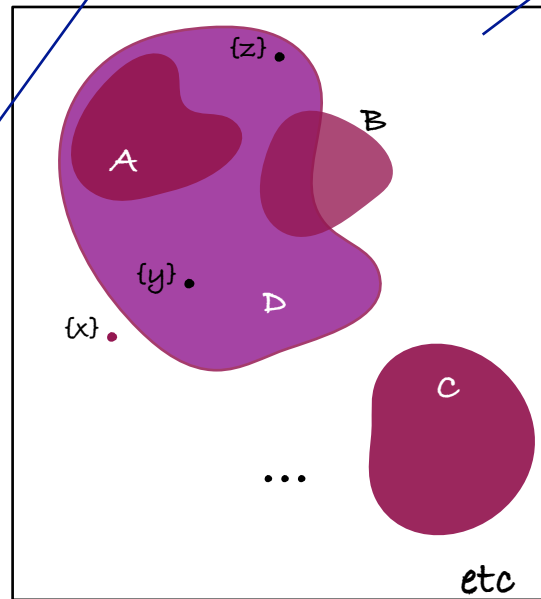
Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \complement, \emptyset, X)$



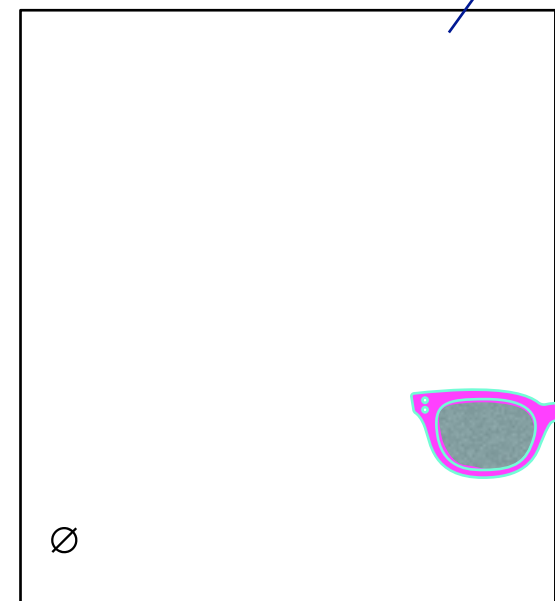
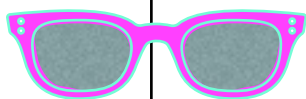
$(D \supseteq A, D \not\supseteq B, B \not\supseteq D, B \cup D, B \cap D, \dots)$

$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X: "Negativos"

Referencial X

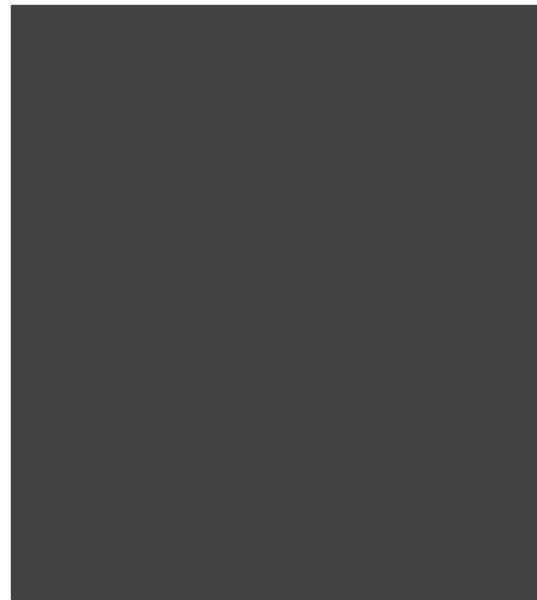
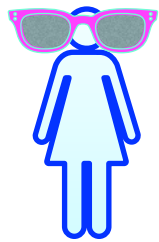
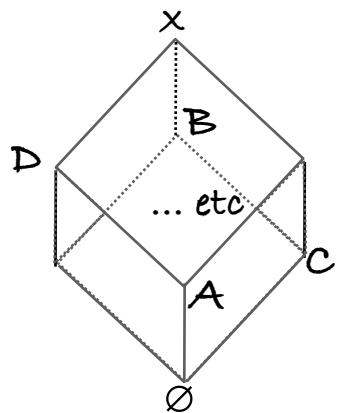


$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$
 $(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$

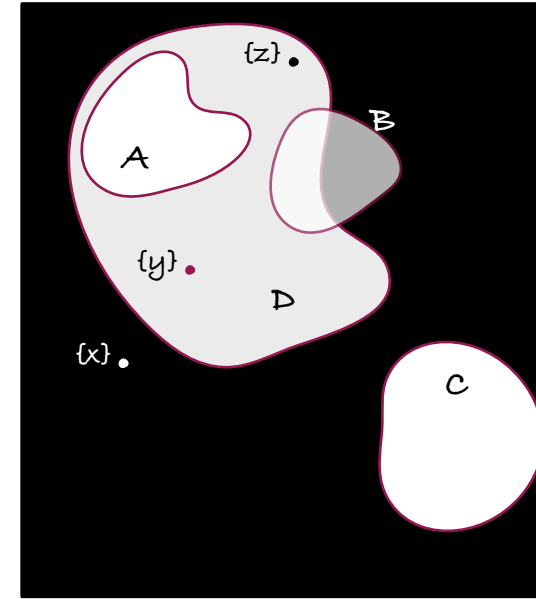


Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :

Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \complement, \emptyset, X)$



x $(\mathcal{P}(X), \supseteq, \cup, \cap)$

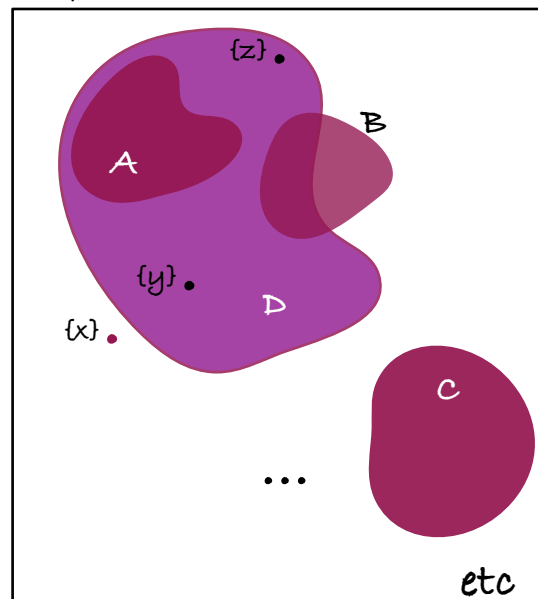


$(D \supseteq A, D \not\supseteq B, B \not\supseteq D, B \cup D, B \cap D, \dots)$

$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :

Referencial X



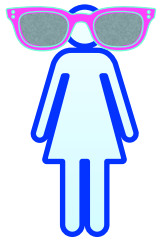
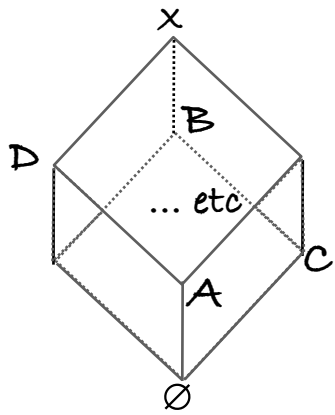
$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$

$(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$

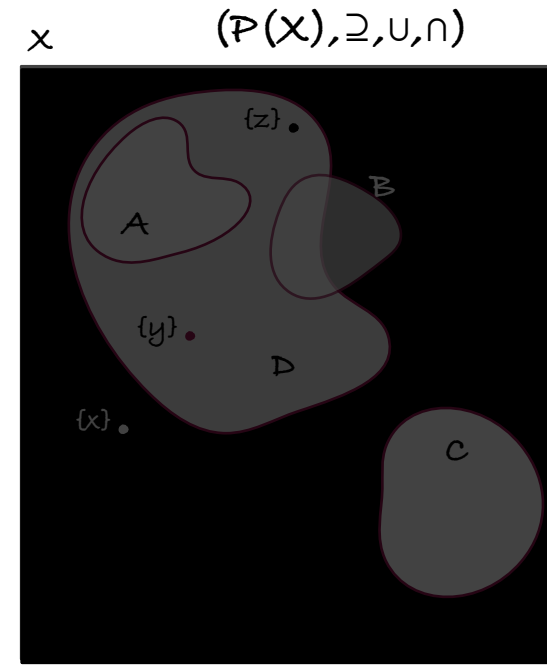


\emptyset

Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \complement, \emptyset, X)$



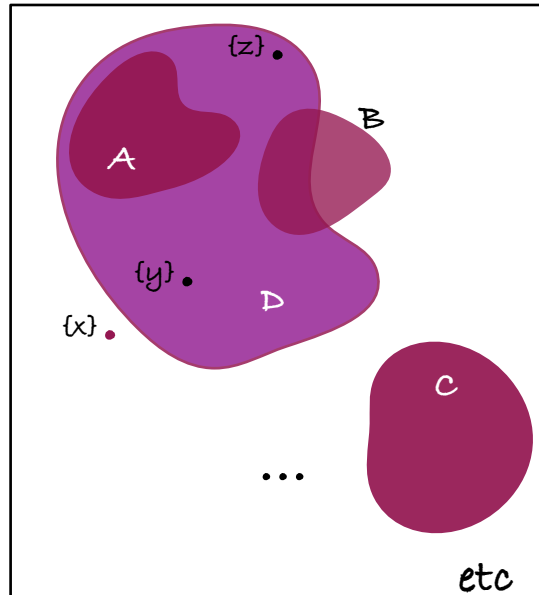
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



$(D \supseteq A, D \not\supseteq B, B \not\supseteq D, B \cup D, B \cap D, \dots)$

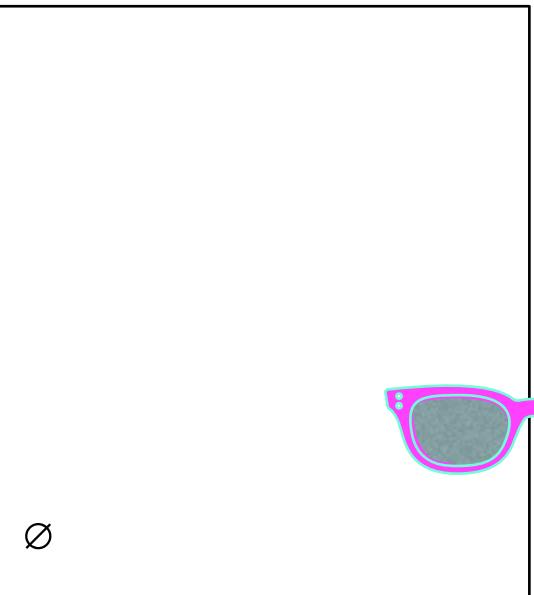
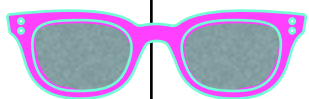
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Referencial X

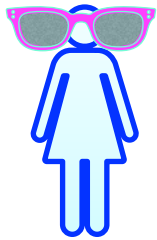
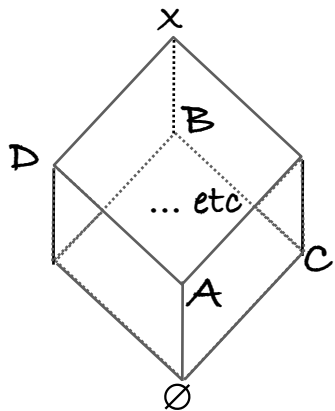


$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$

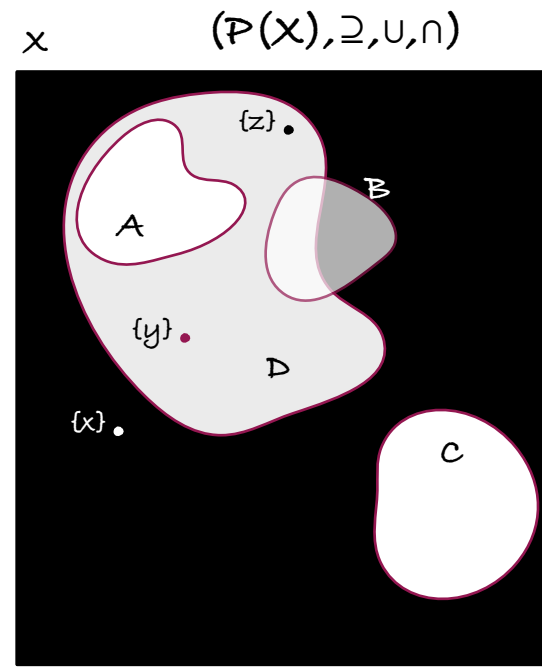
$(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$



Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \circ, \emptyset, X)$



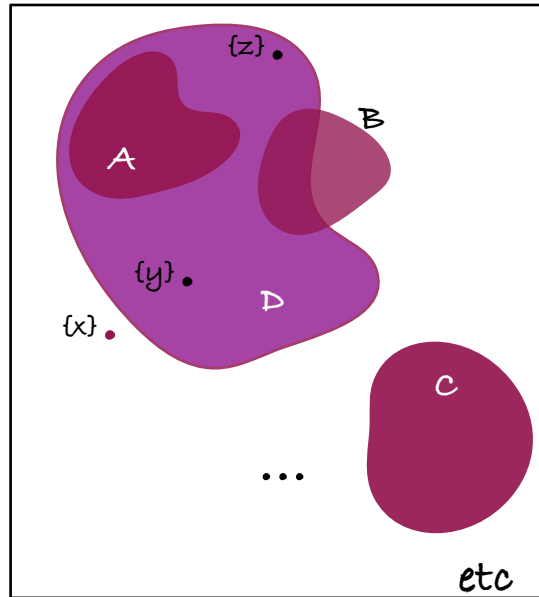
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



$(D \supseteq A, D \not\supseteq B, B \not\supseteq D, B \cup D, B \cap D, \dots)$

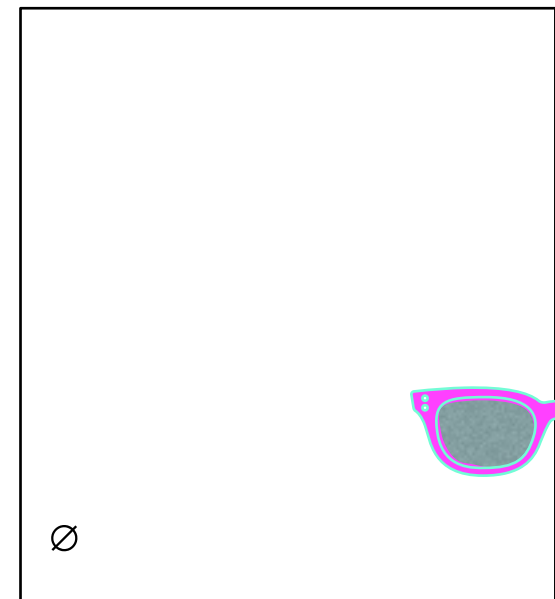
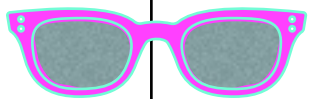
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

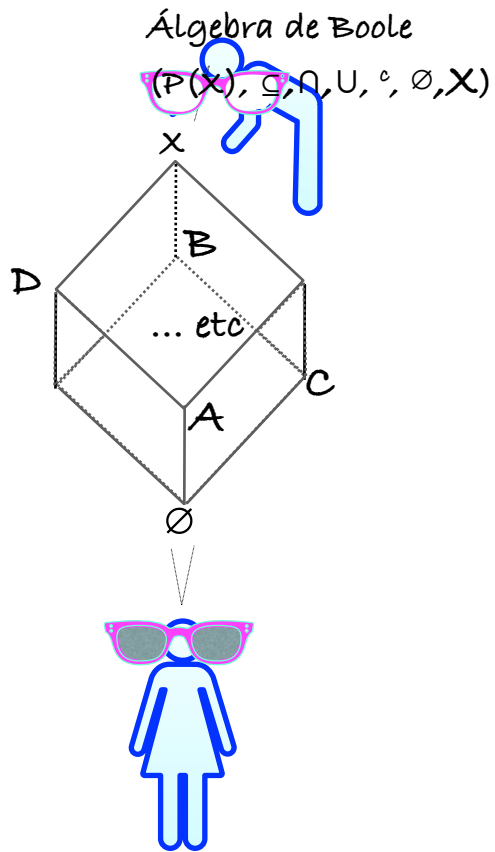
Referencial X



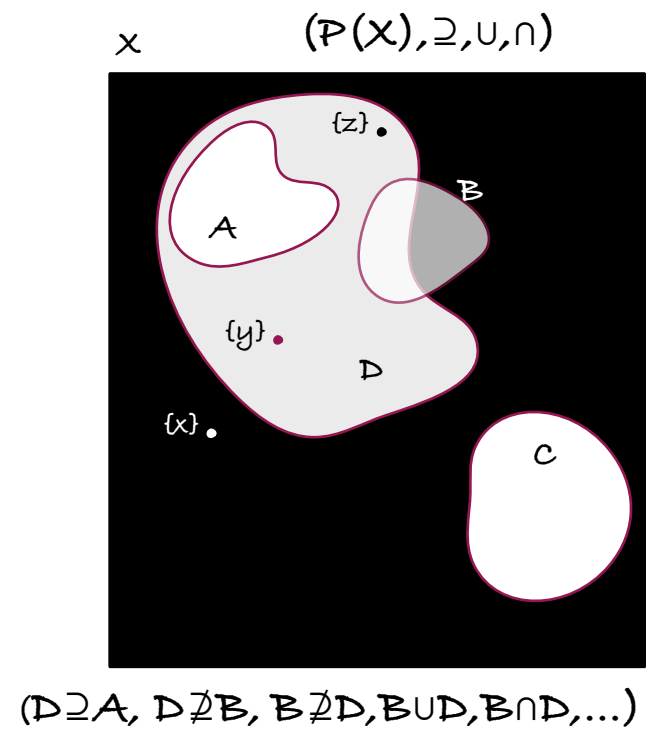
$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$

$(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$



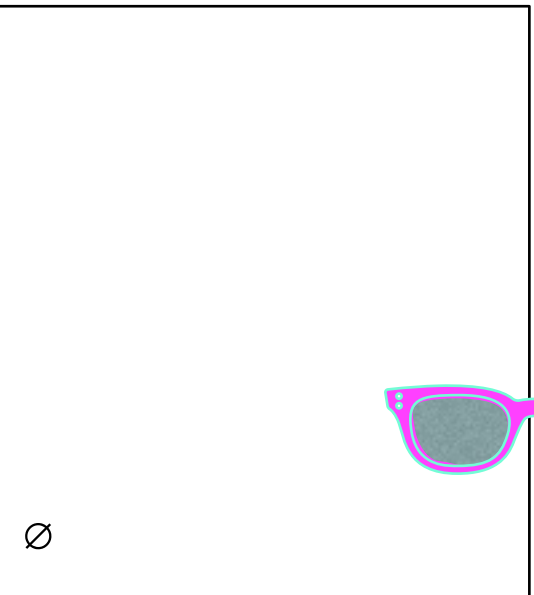
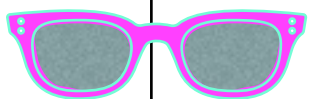
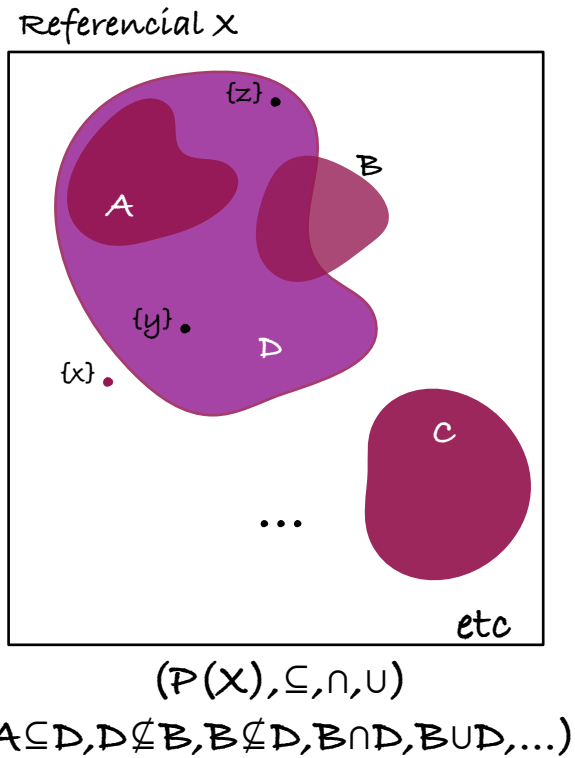


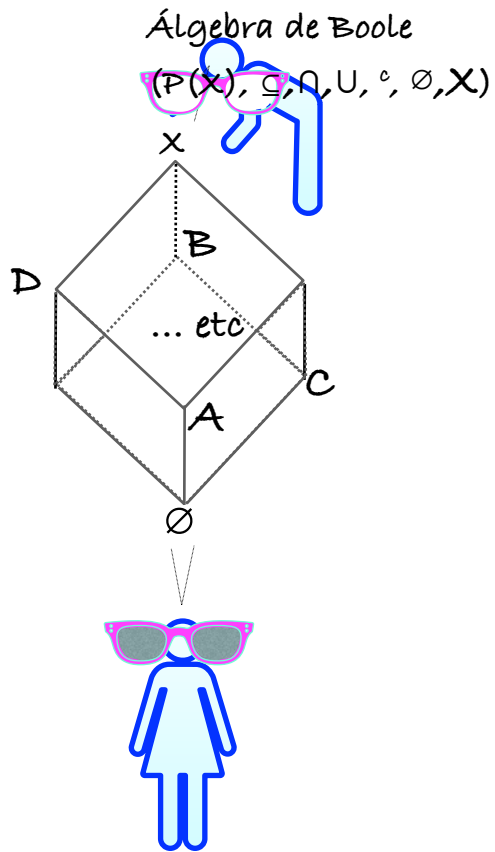
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



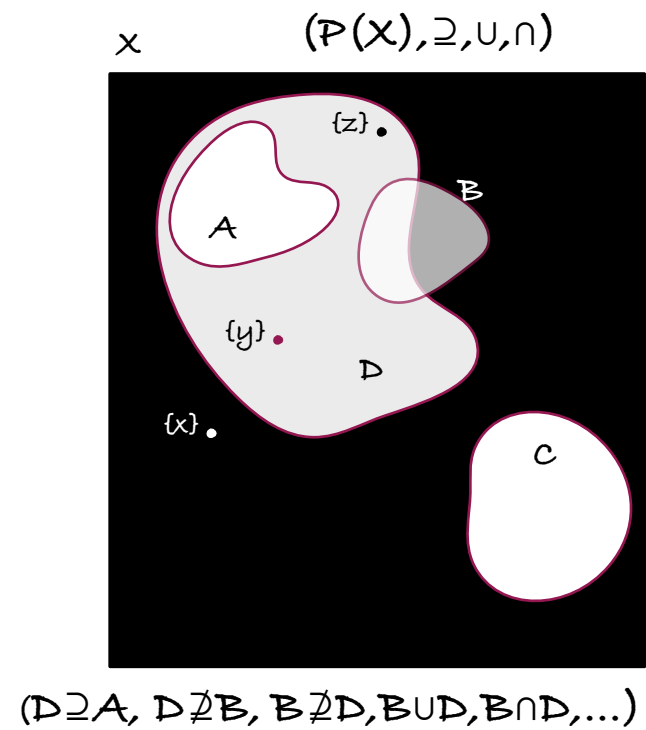
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



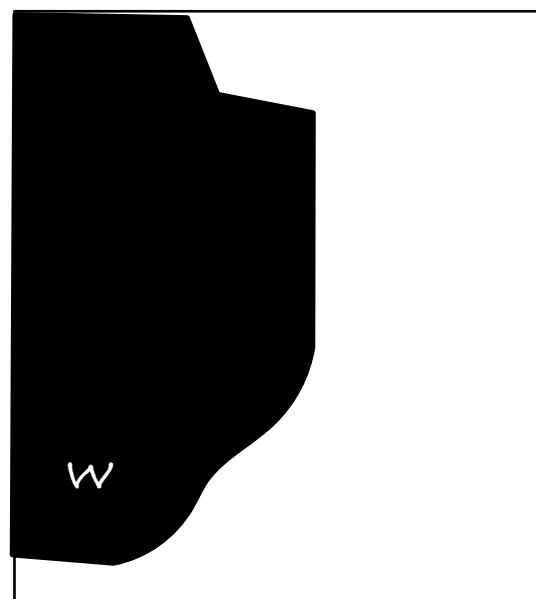
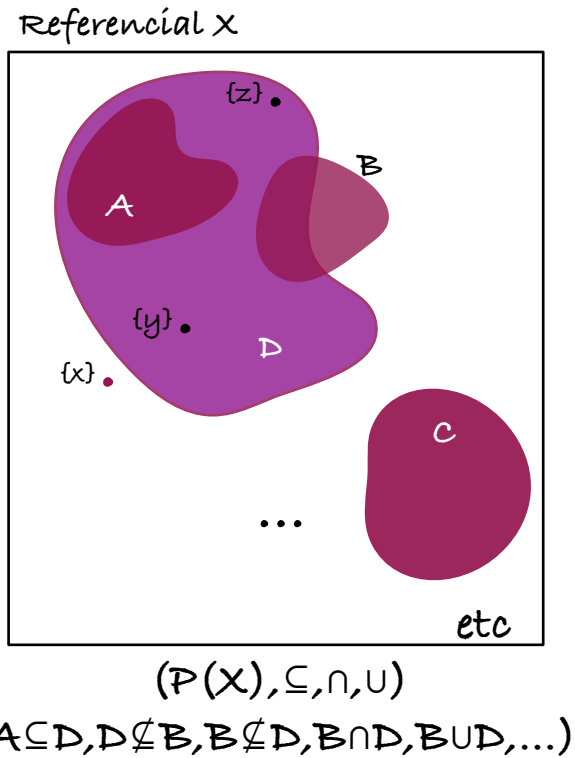


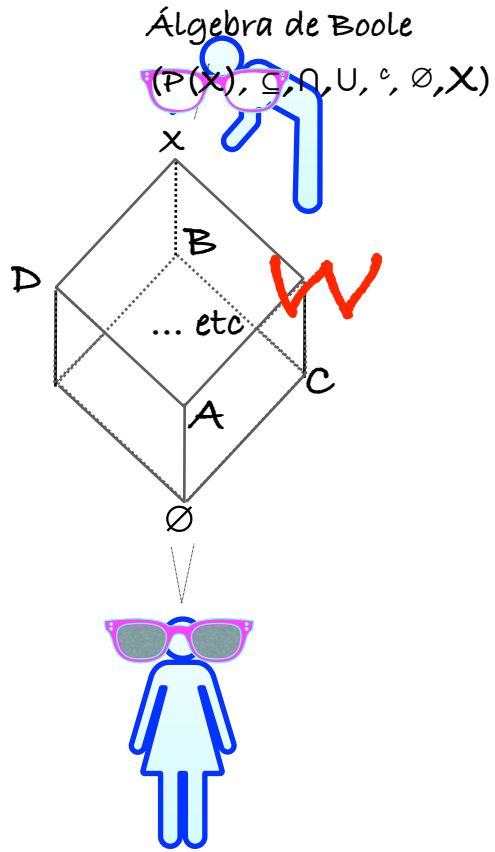
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



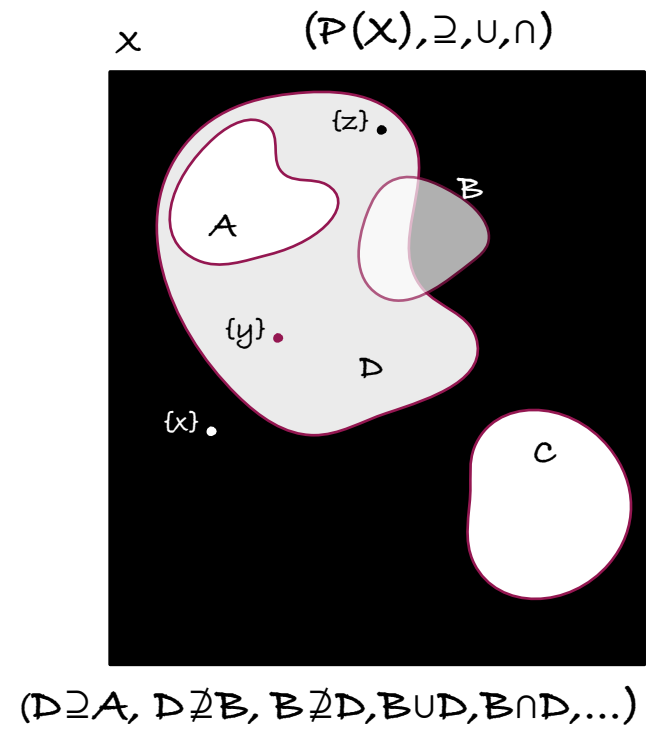
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



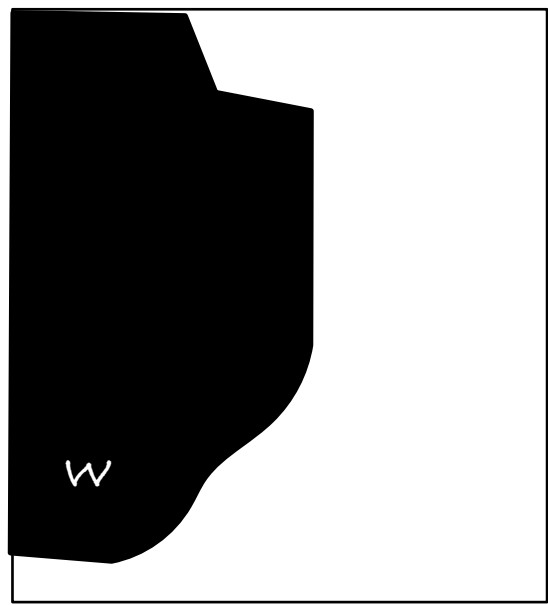
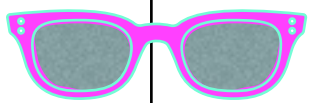
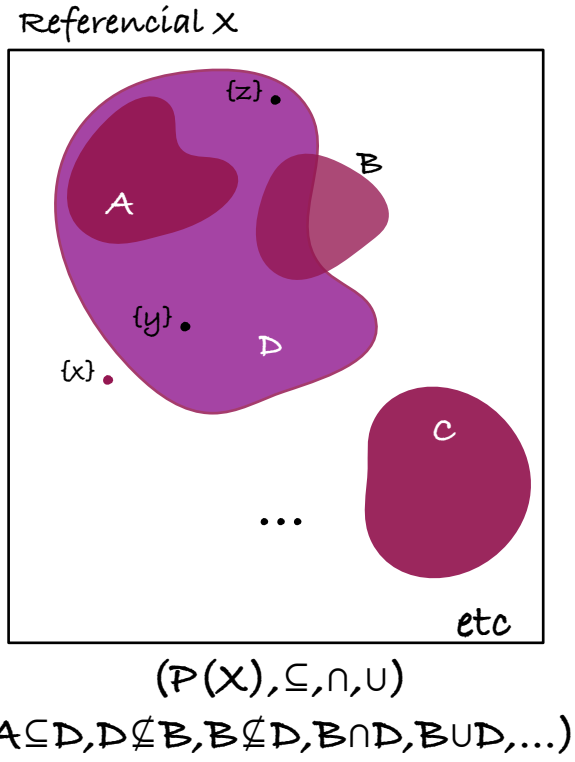


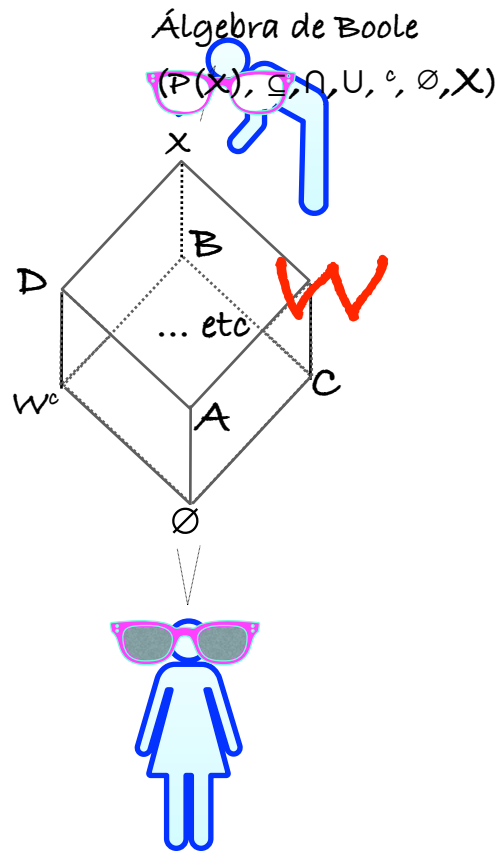
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



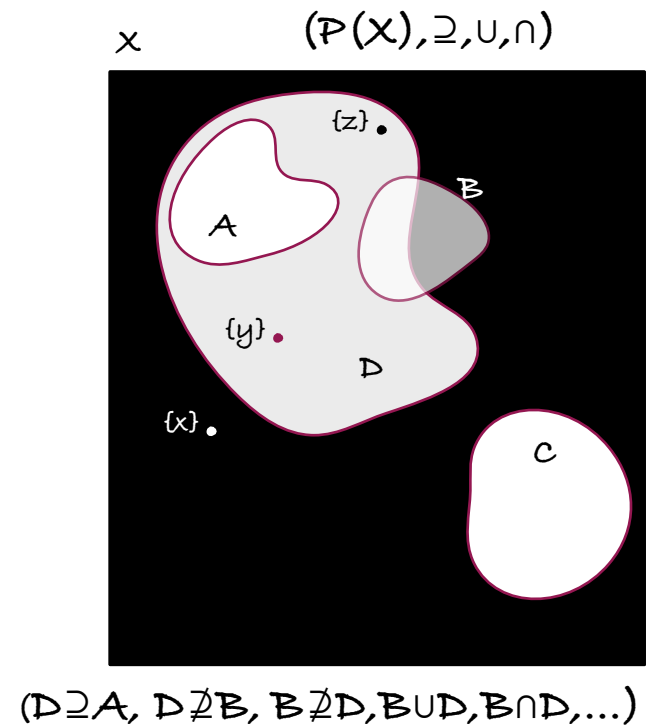
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



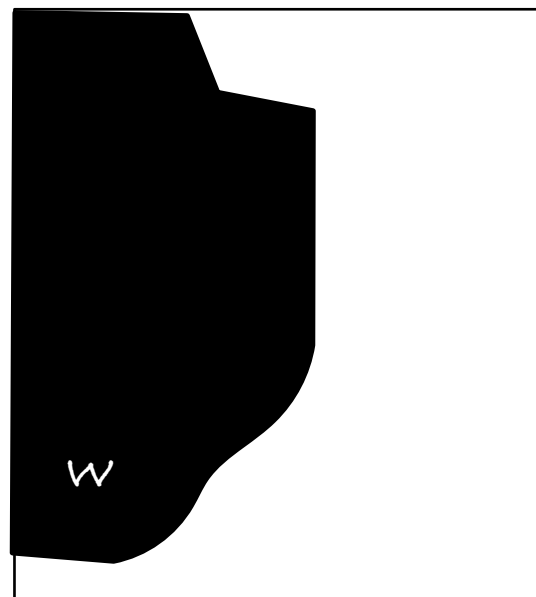
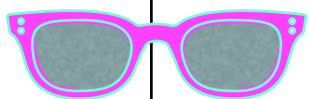
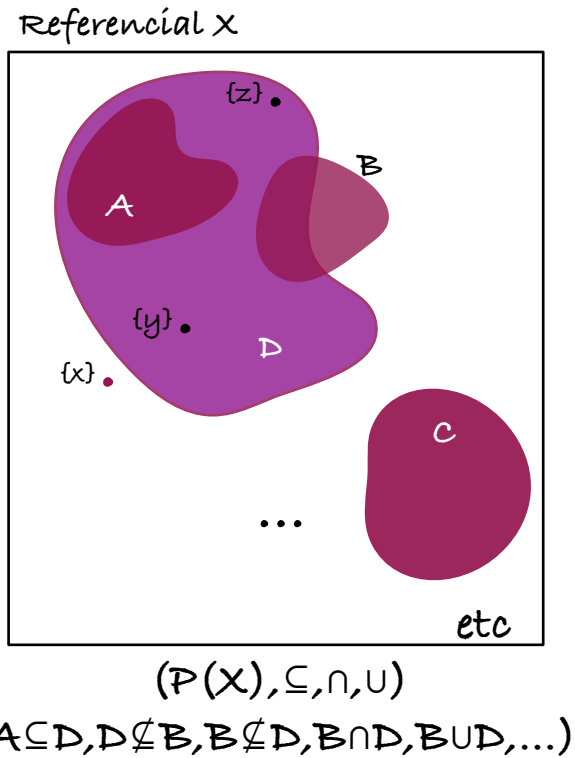


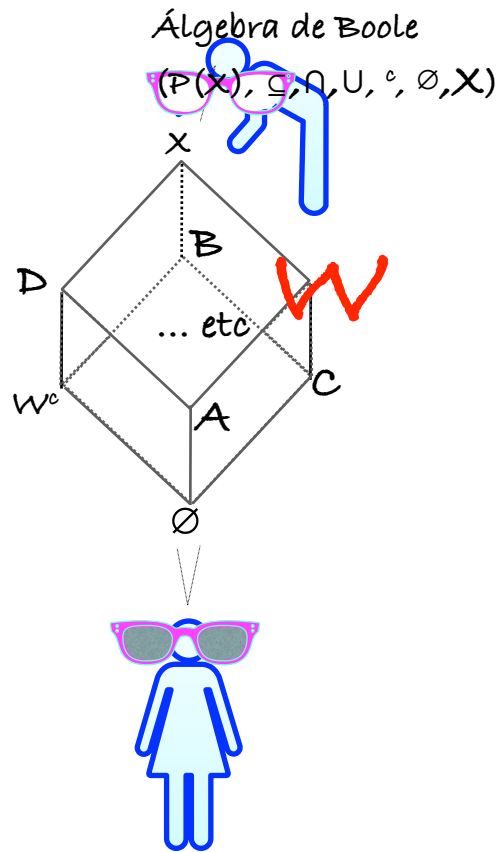
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



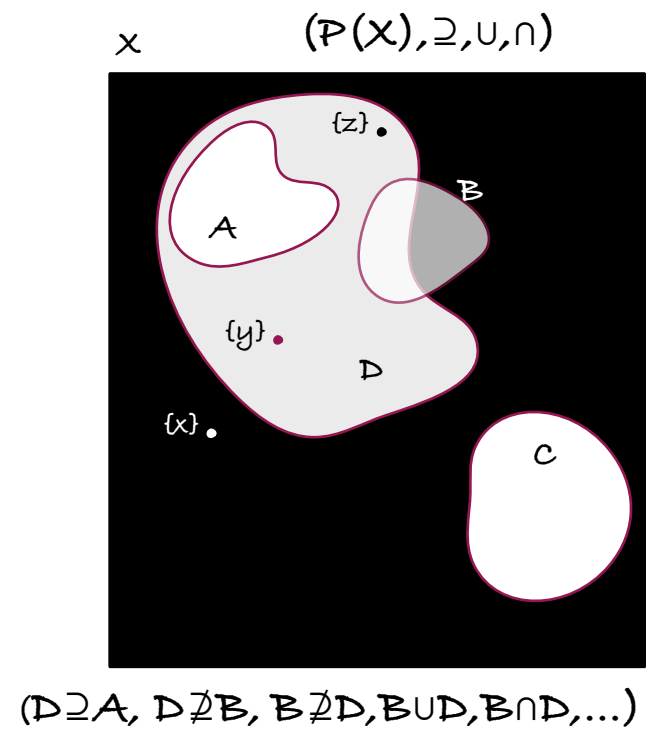
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



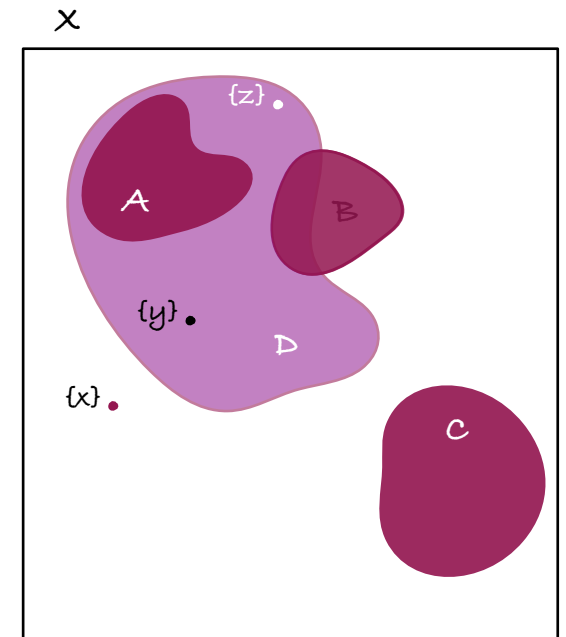
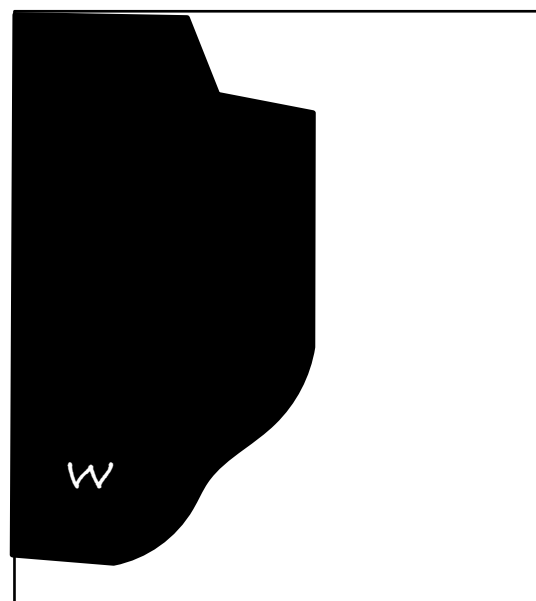
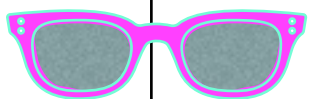
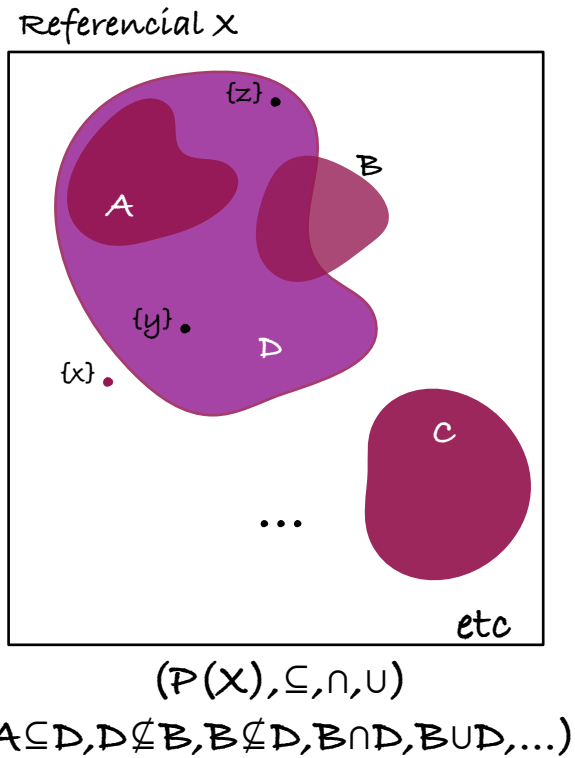


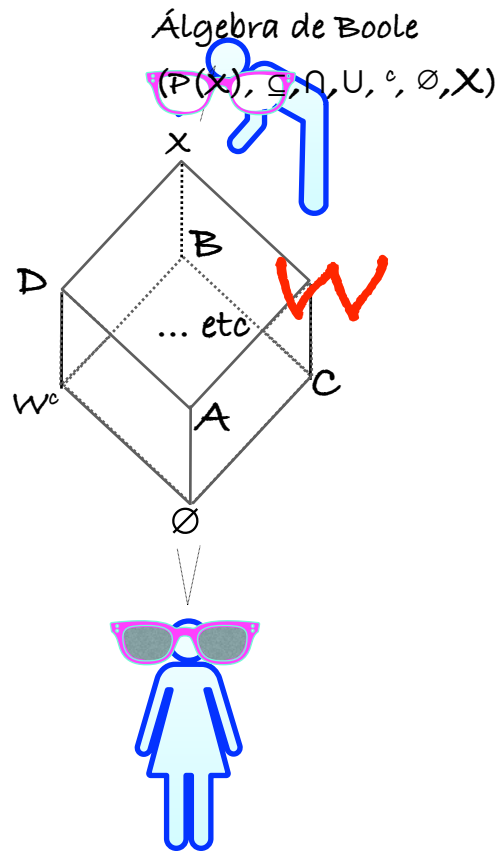
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



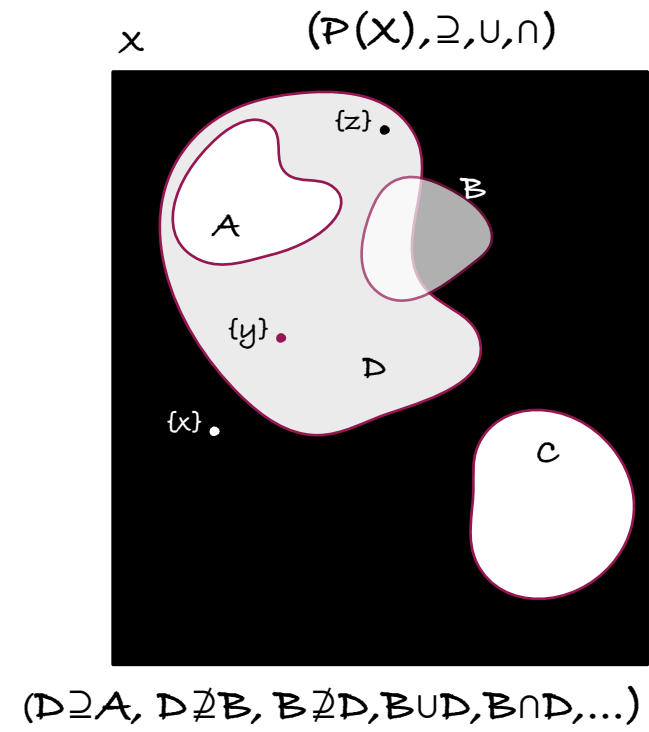
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



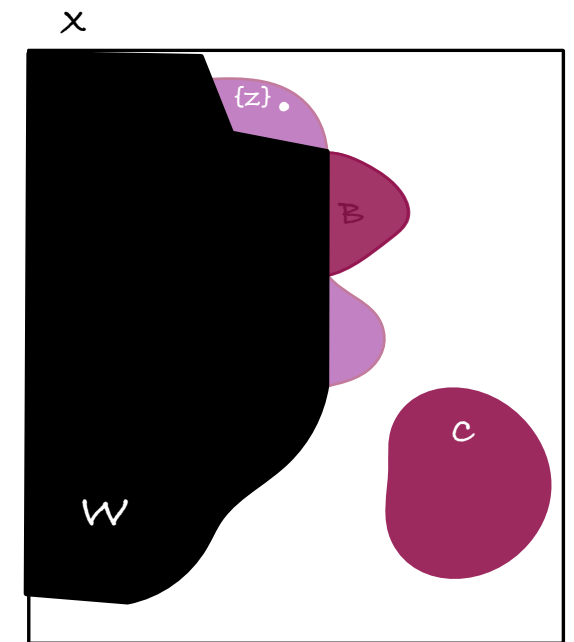
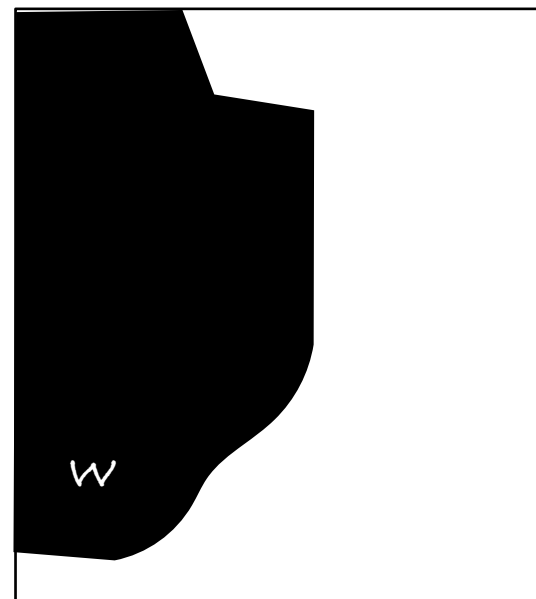
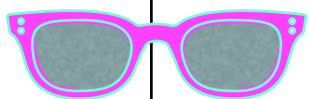
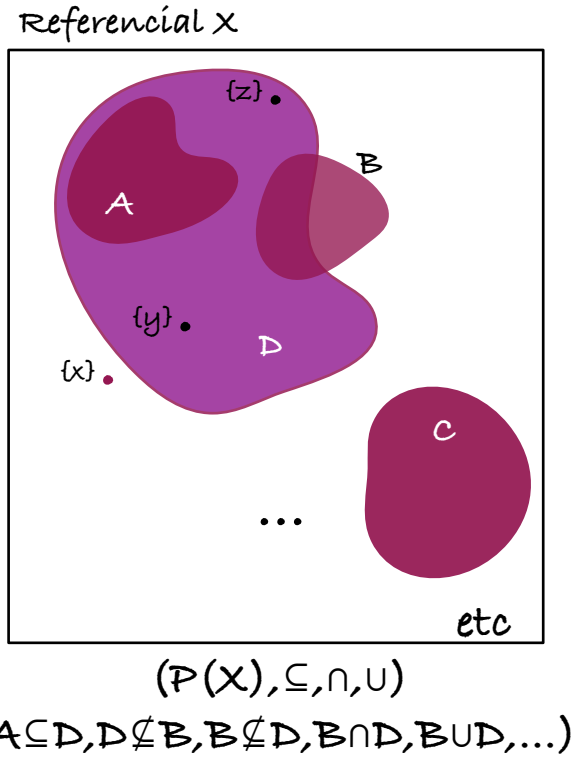


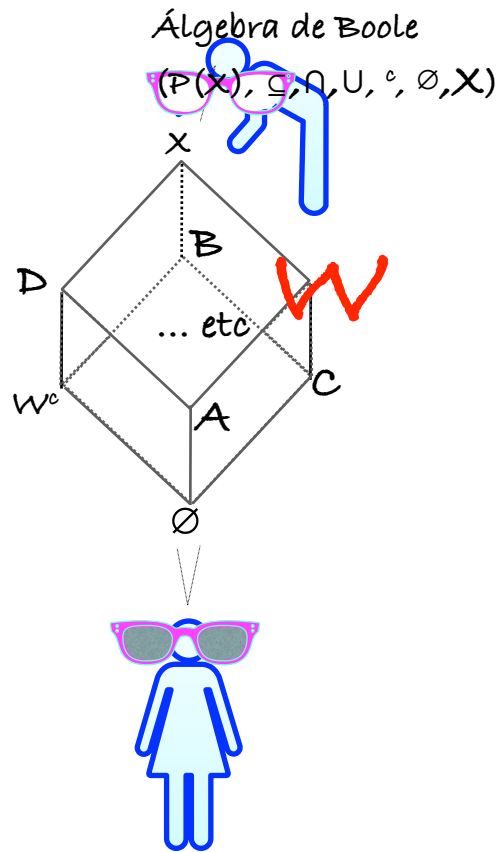
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



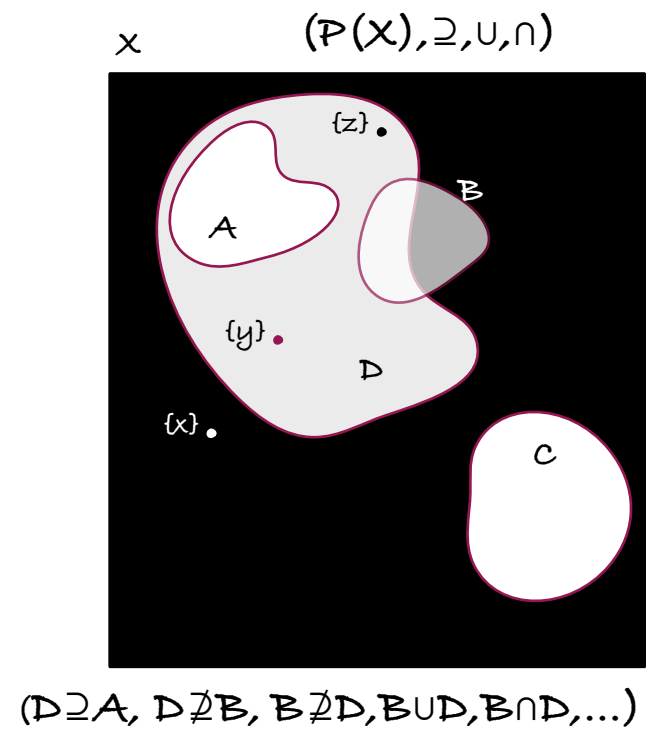
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :





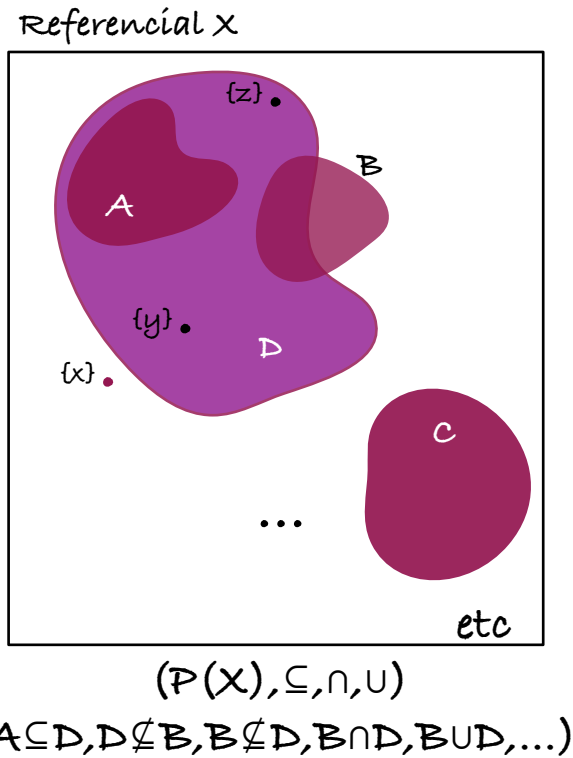
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$

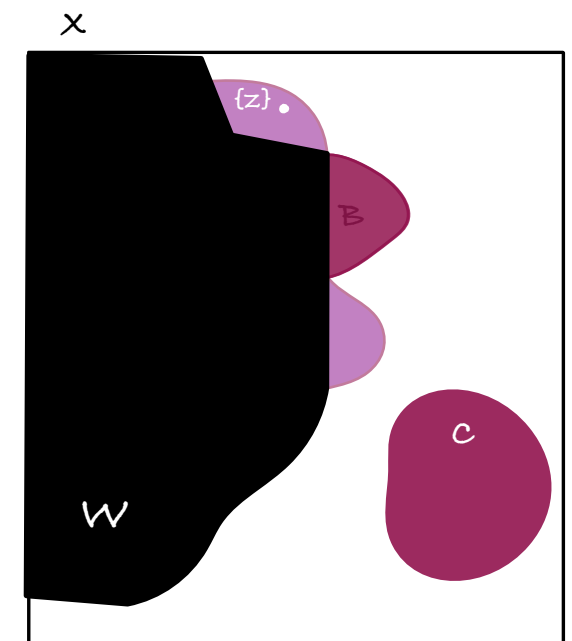
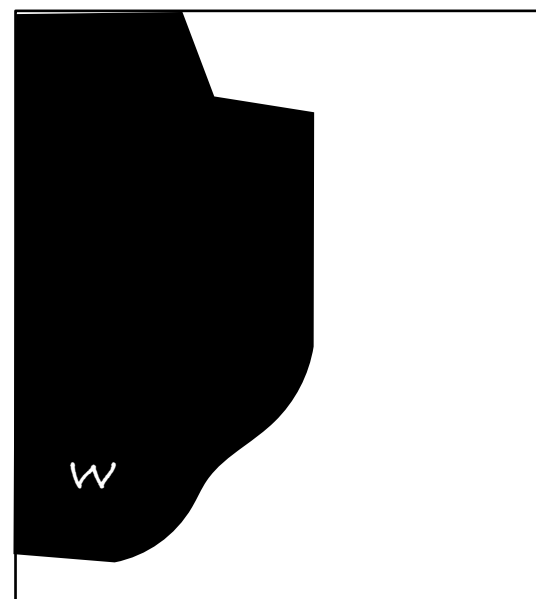
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

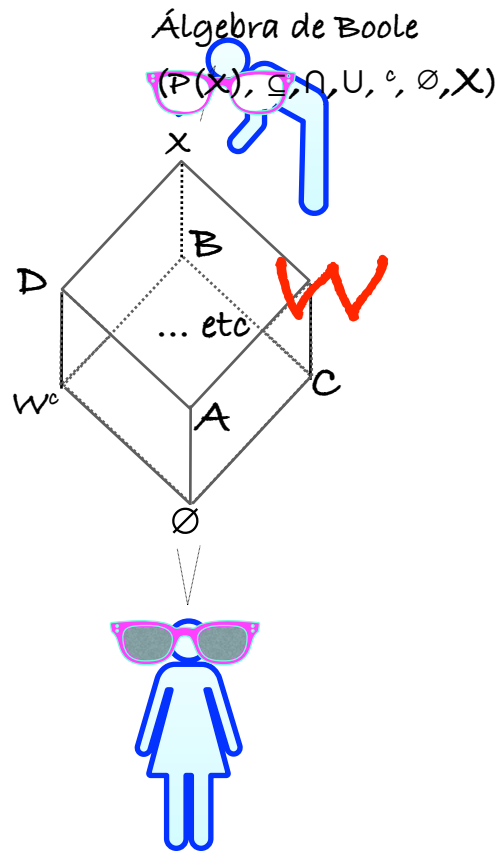
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



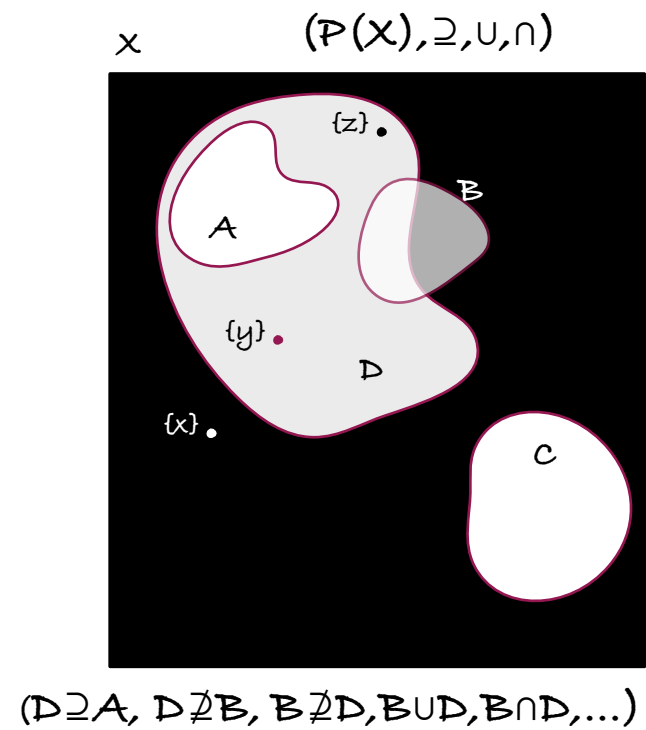
Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".





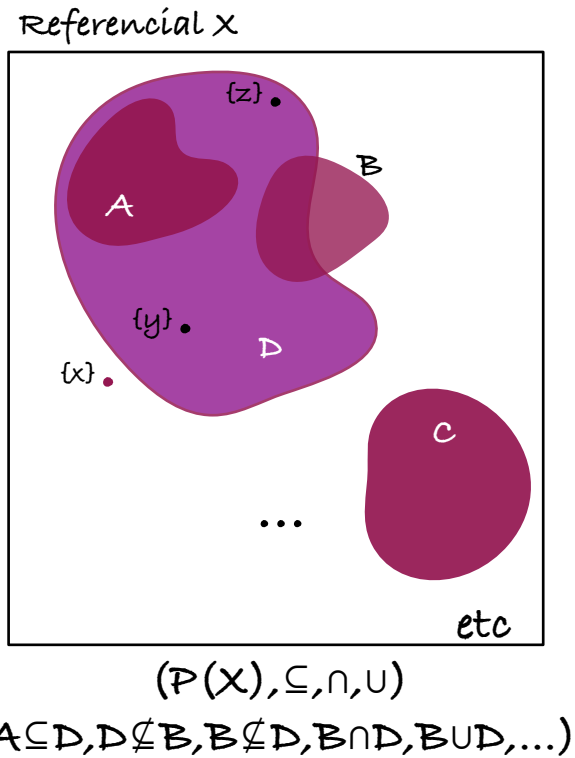
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$

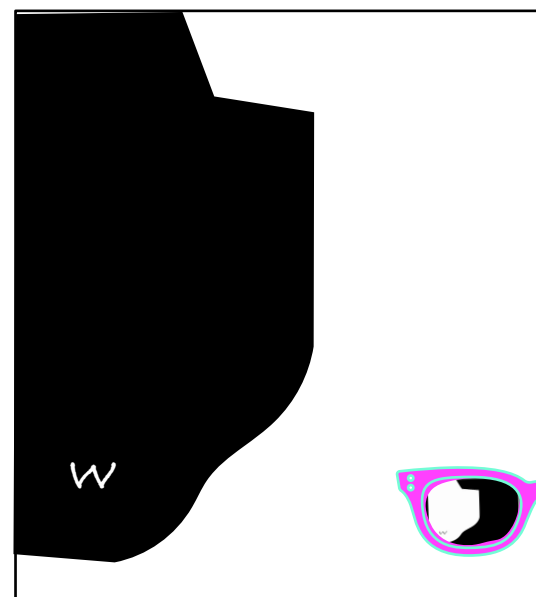
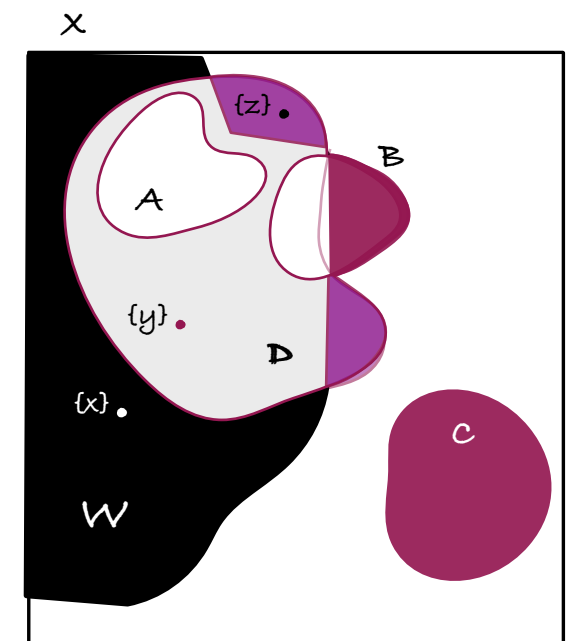
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

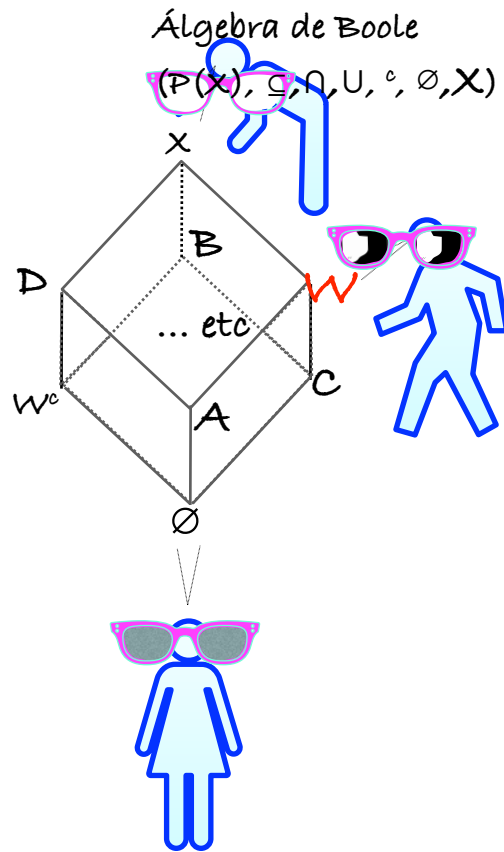
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



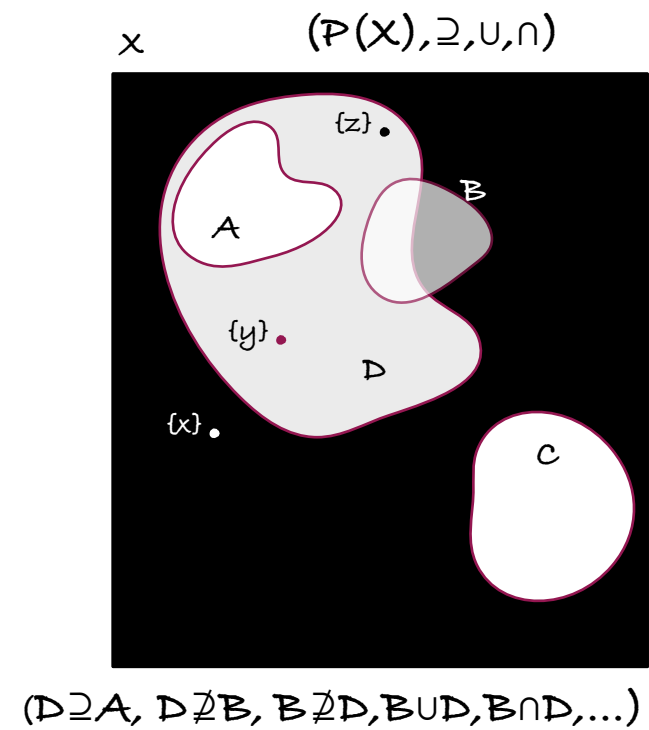
Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".





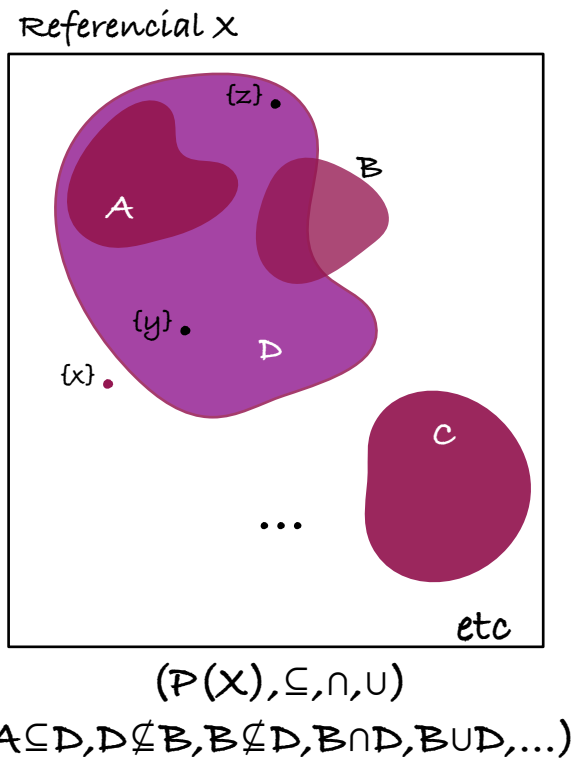
Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$

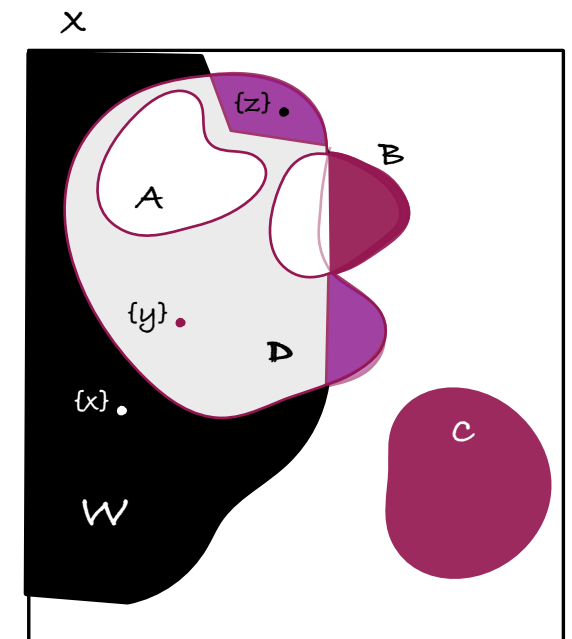
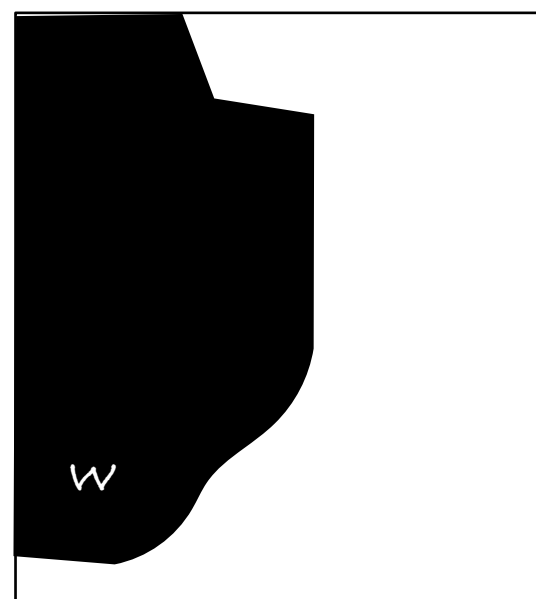
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

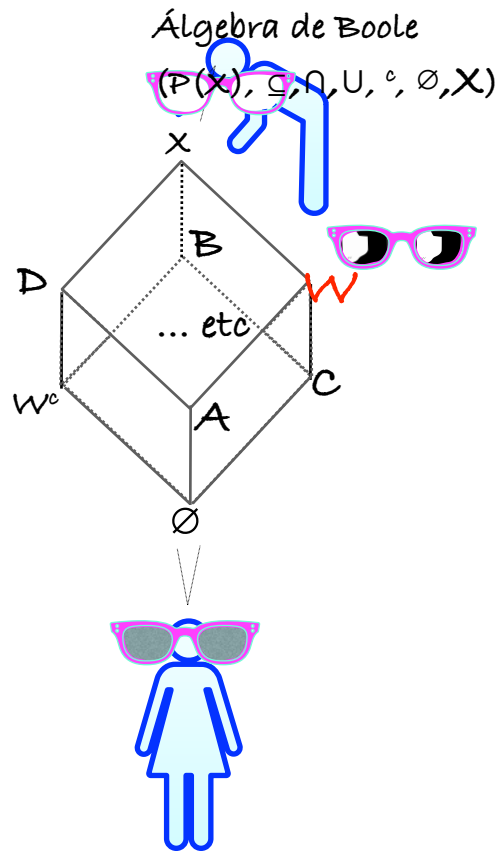
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



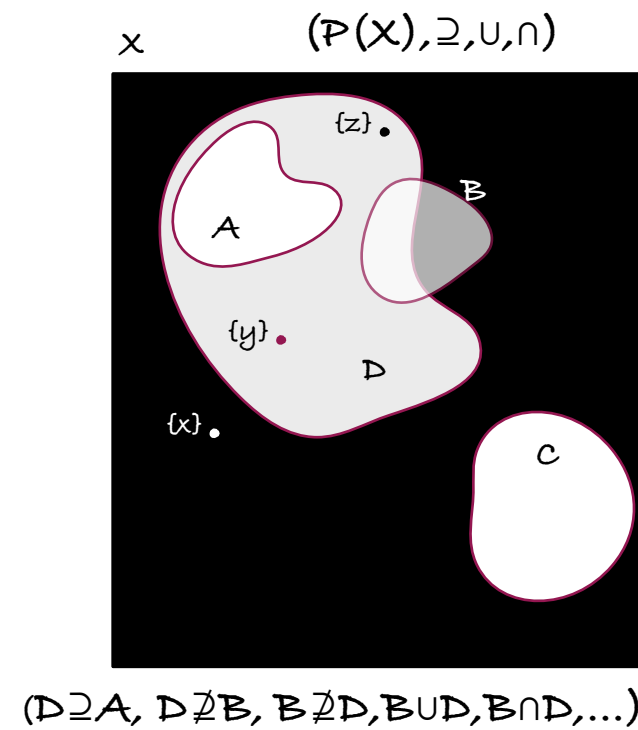
Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".

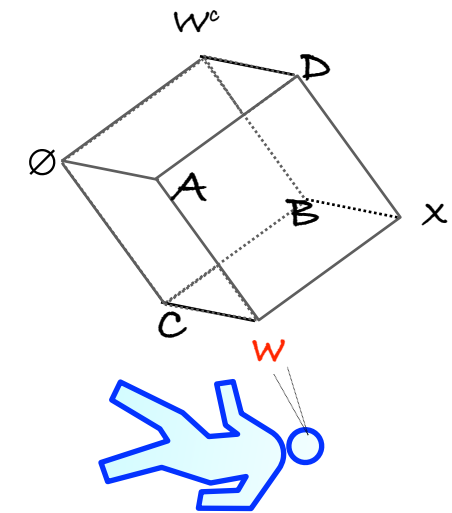




Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .

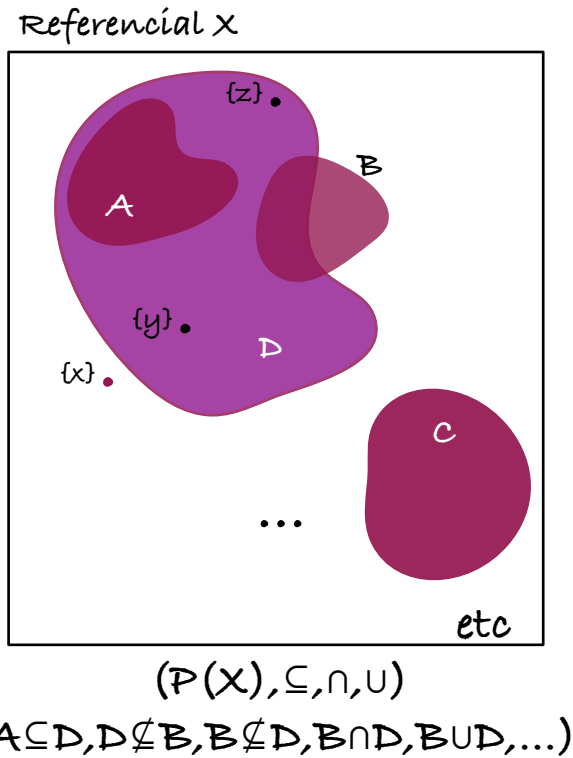


$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$



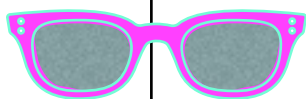
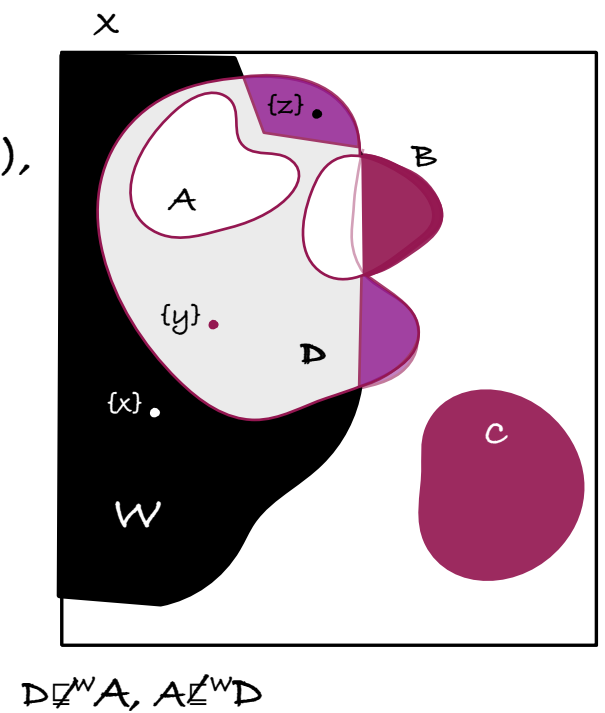
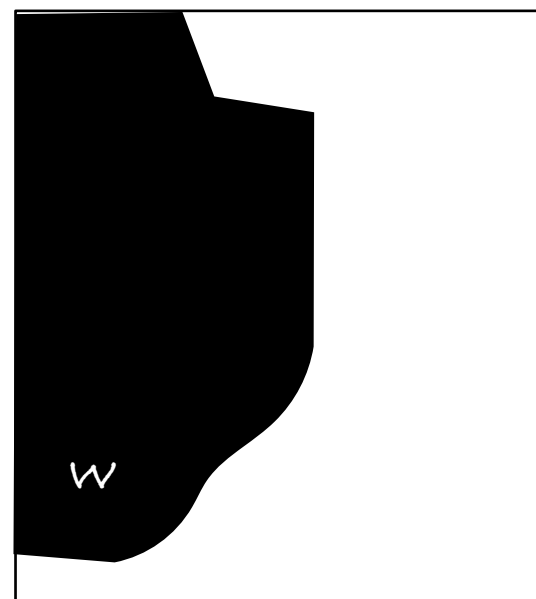
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

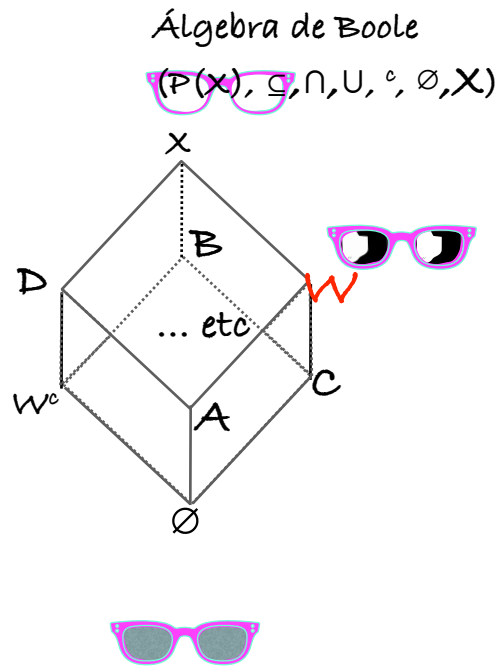
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



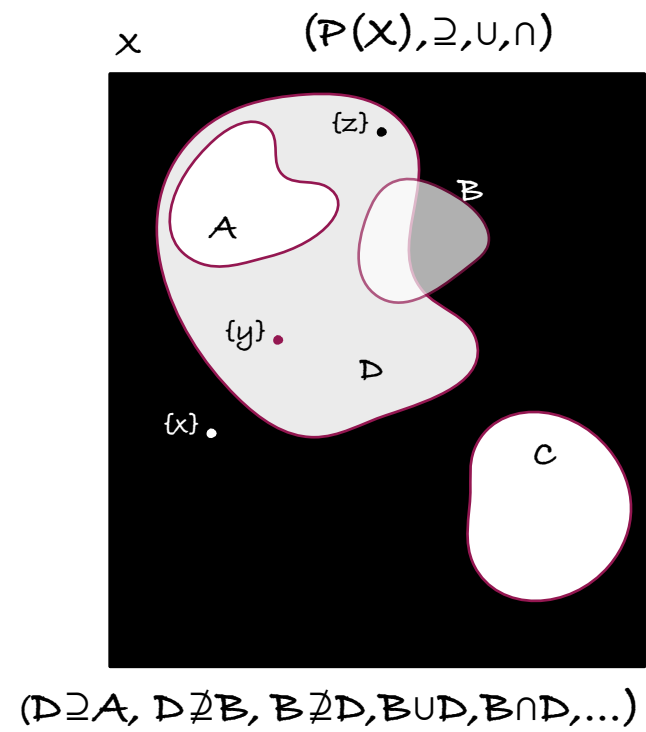
Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".

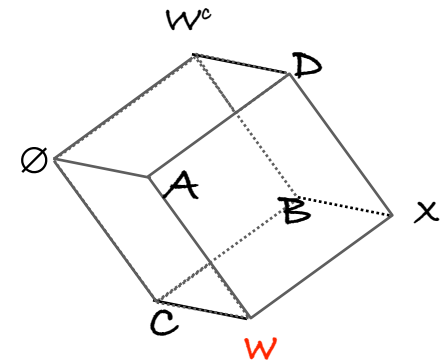




Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .

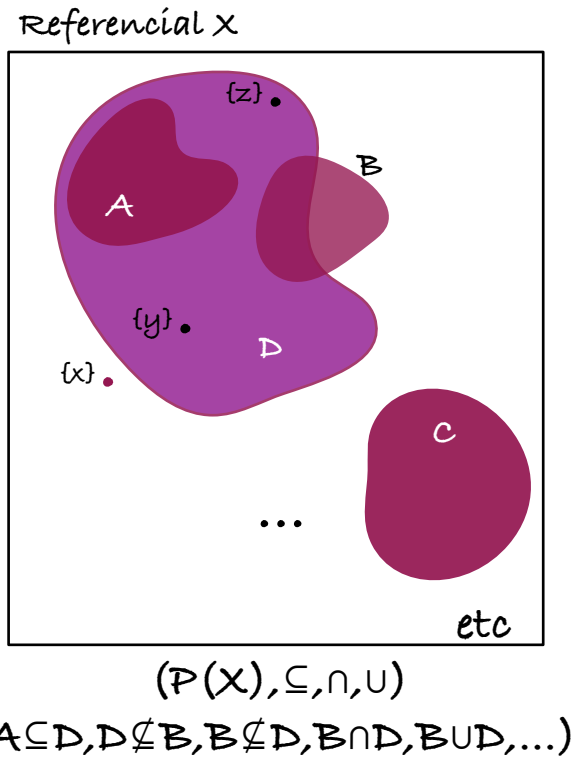


$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$



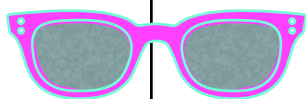
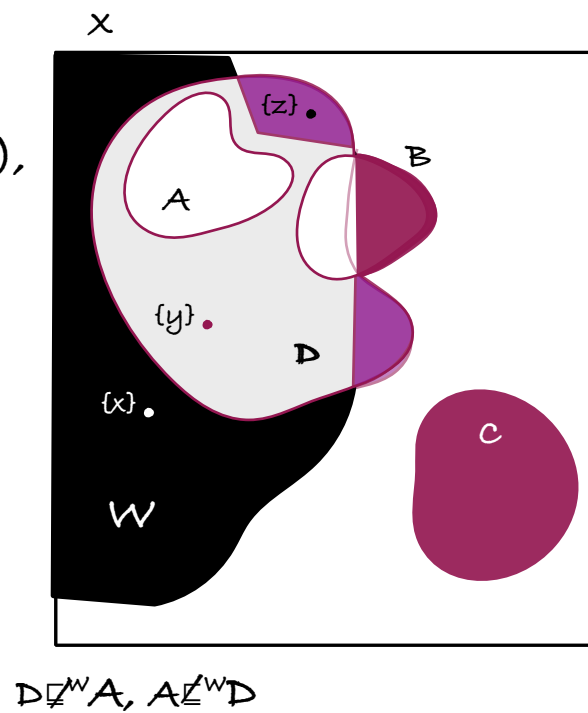
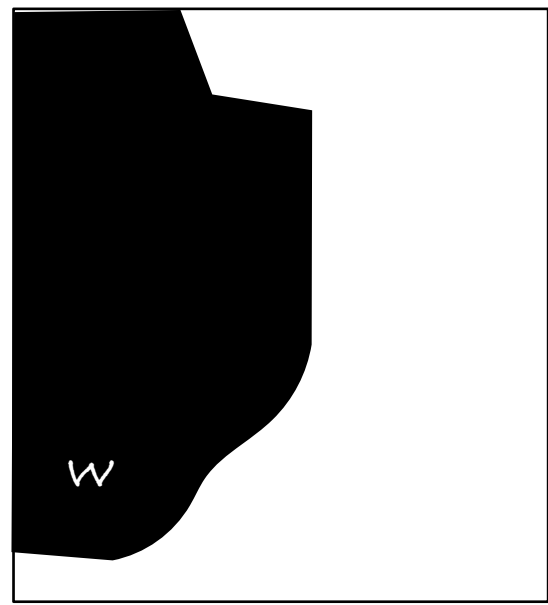
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

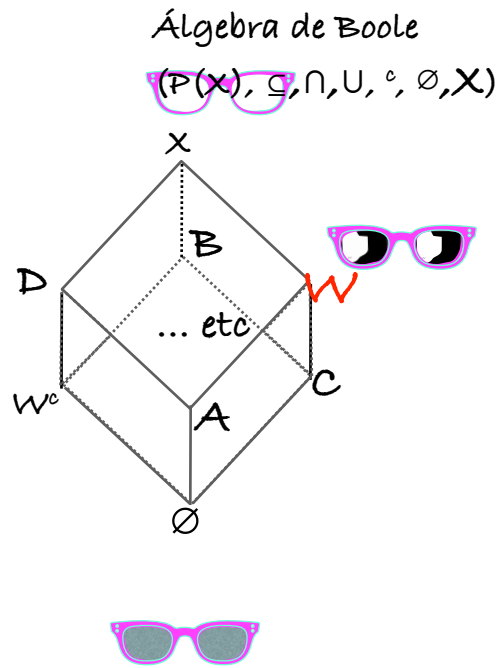
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



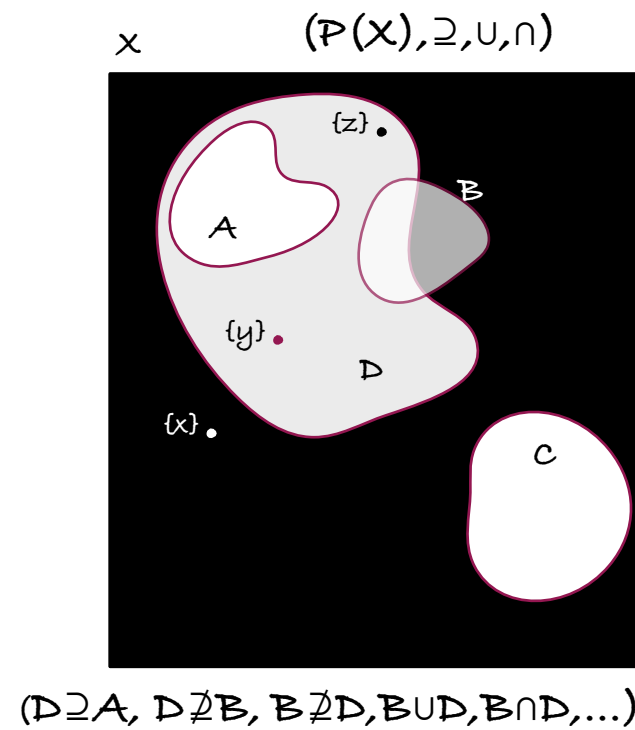
Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



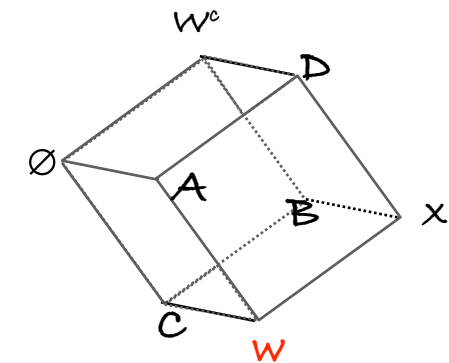


Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



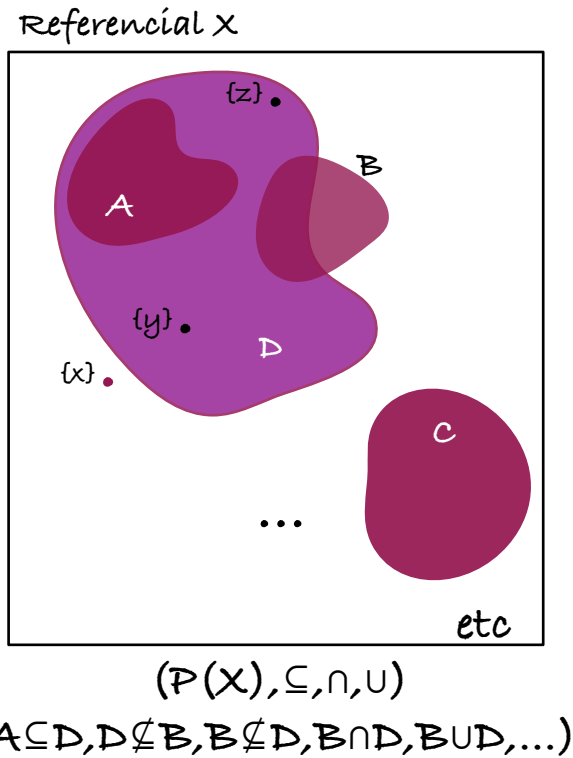
Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$



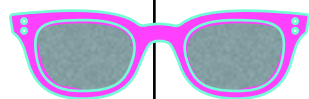
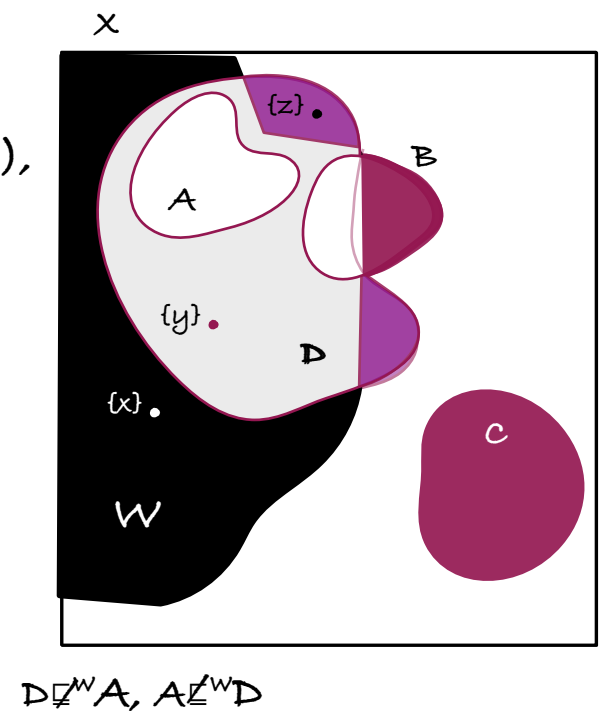
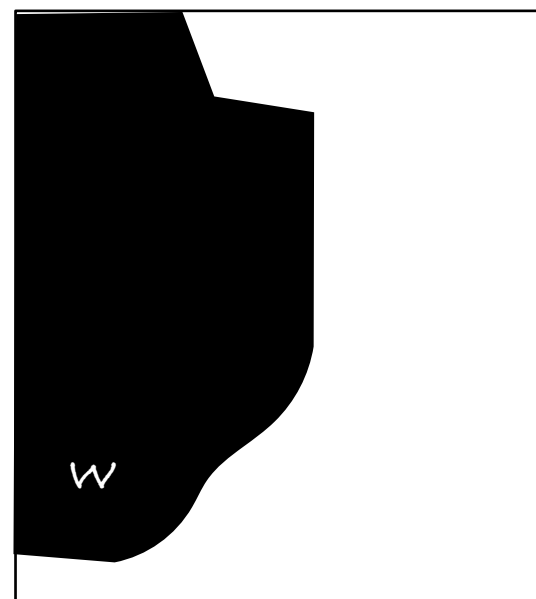
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

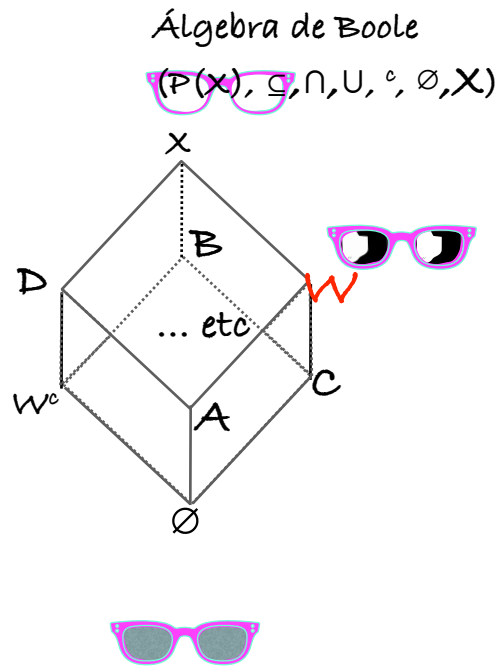
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



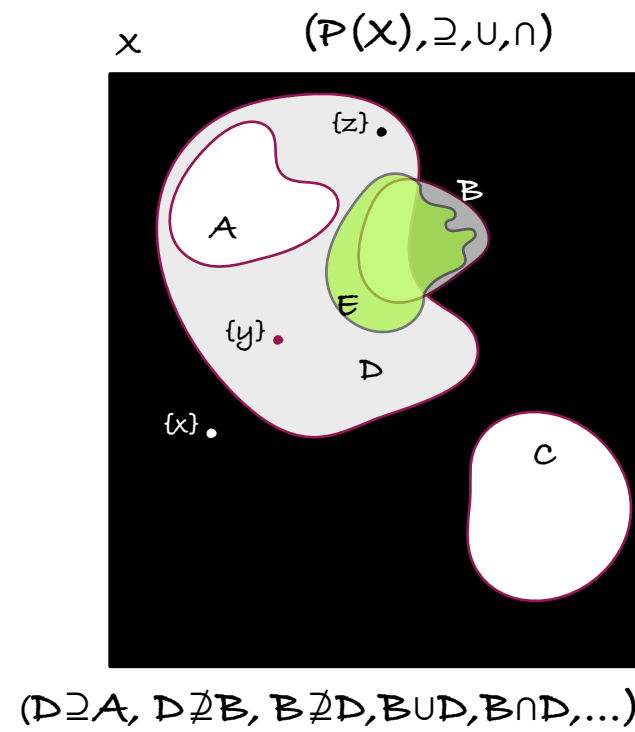
Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



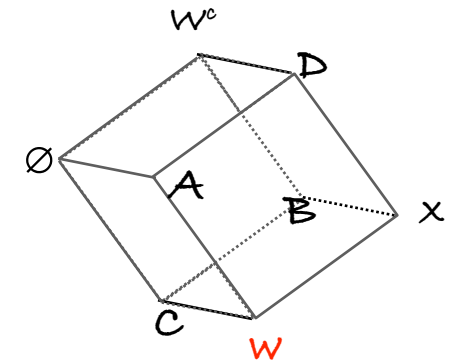


Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



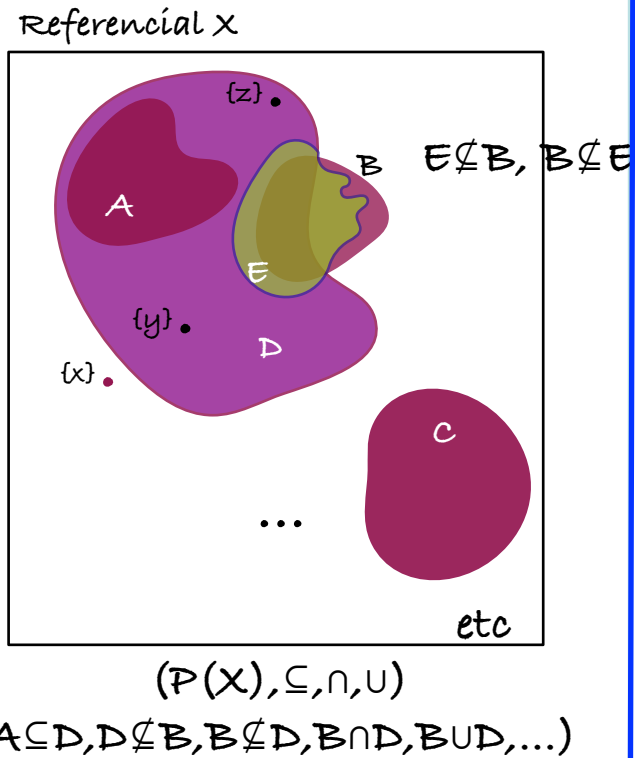
Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$



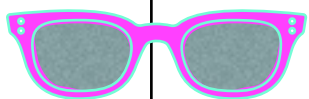
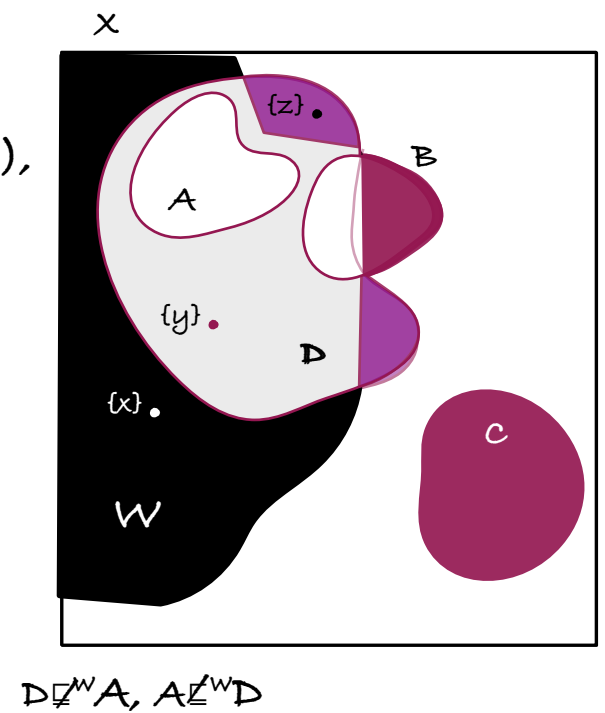
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

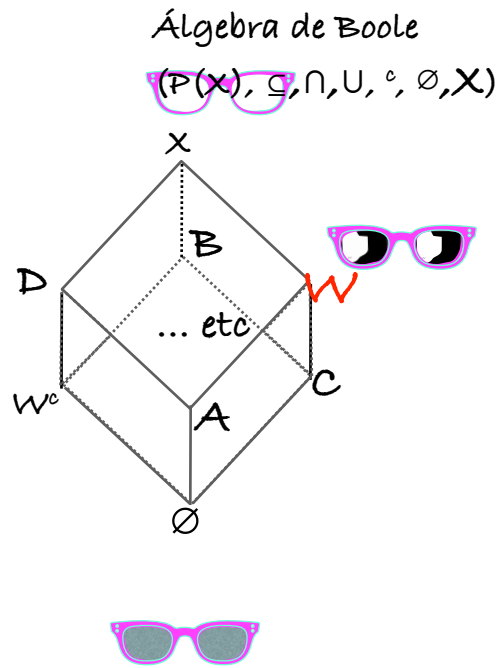
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



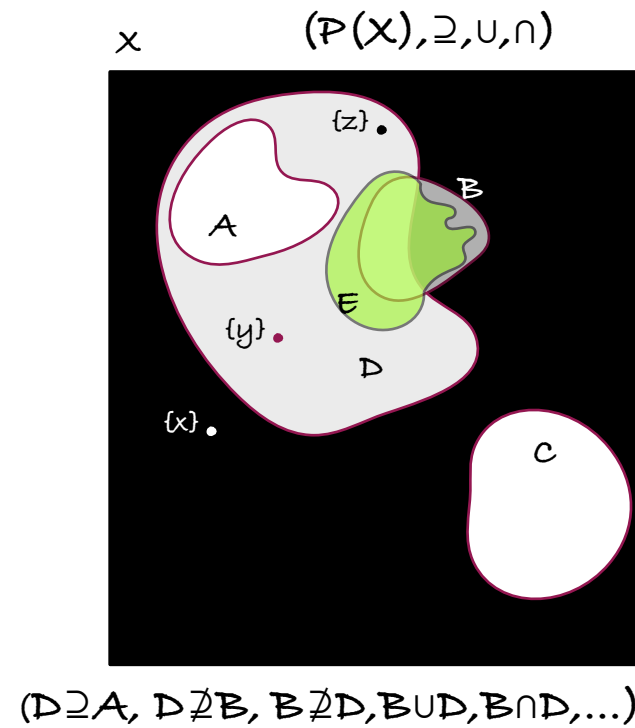
Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



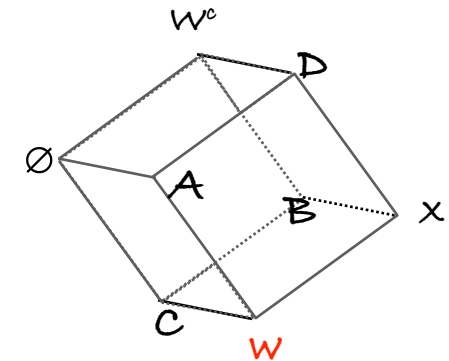


Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



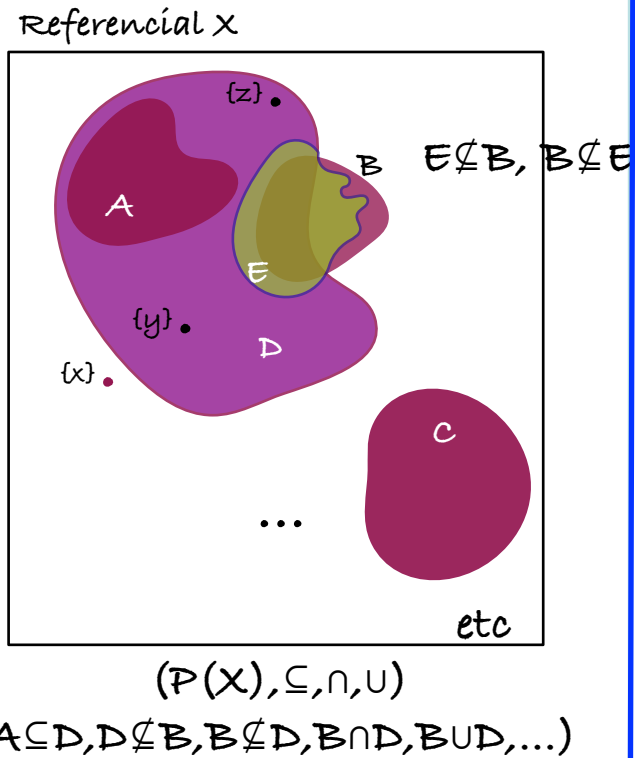
Familia de álgebras:
 $(\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W)_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$



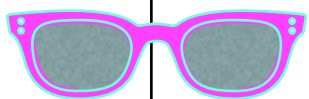
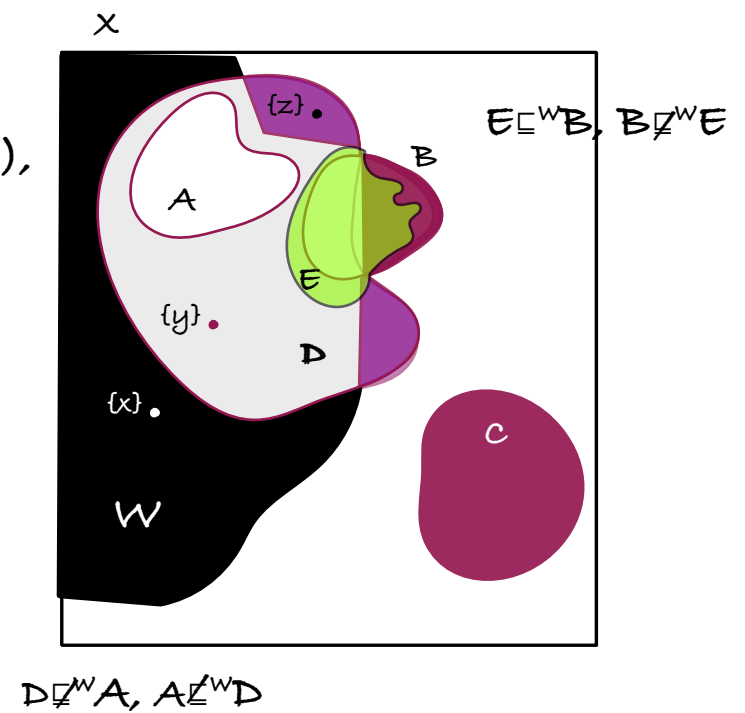
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

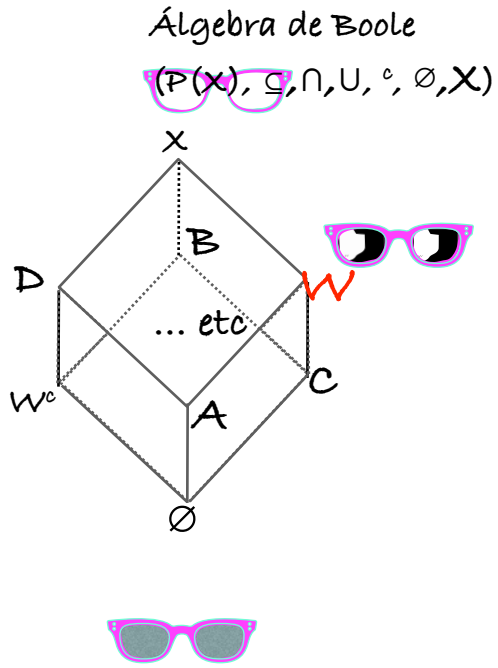
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



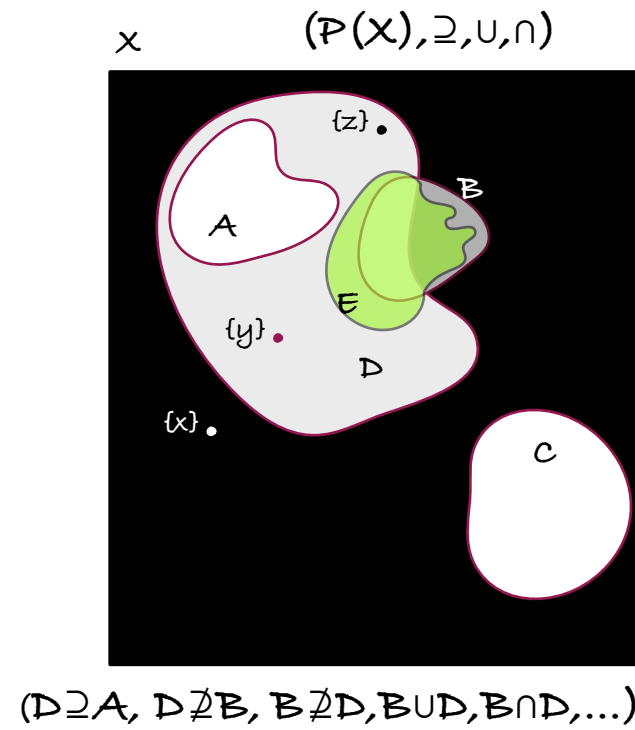
Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



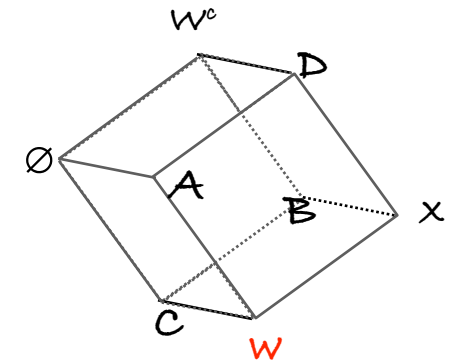


Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .



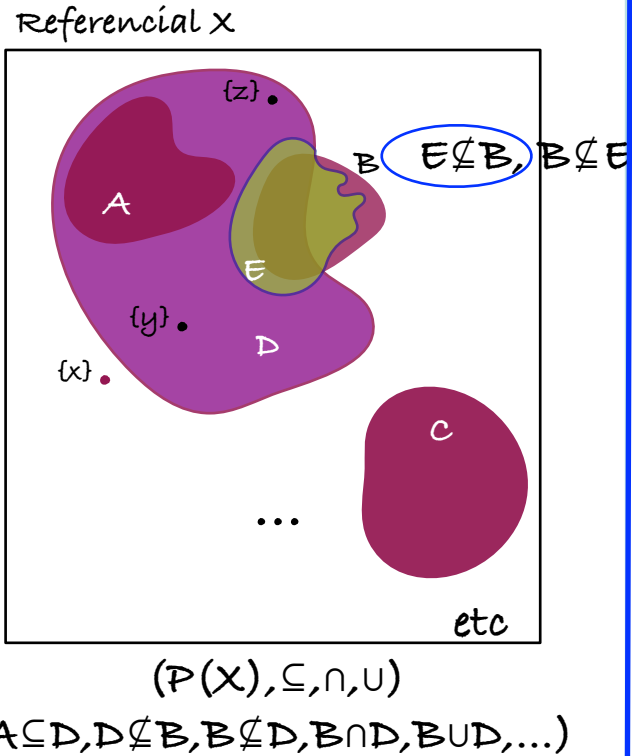
Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$



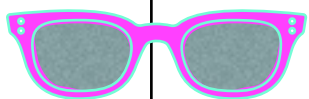
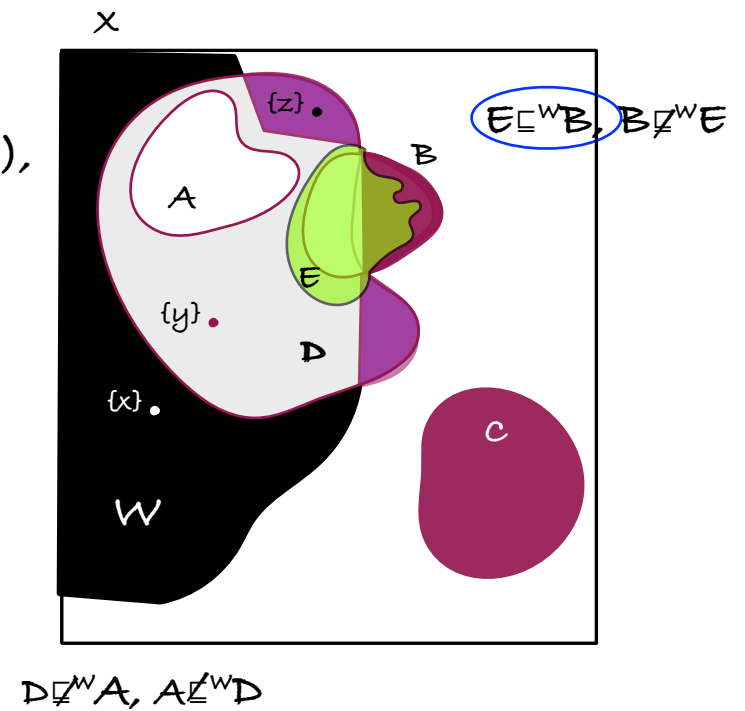
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

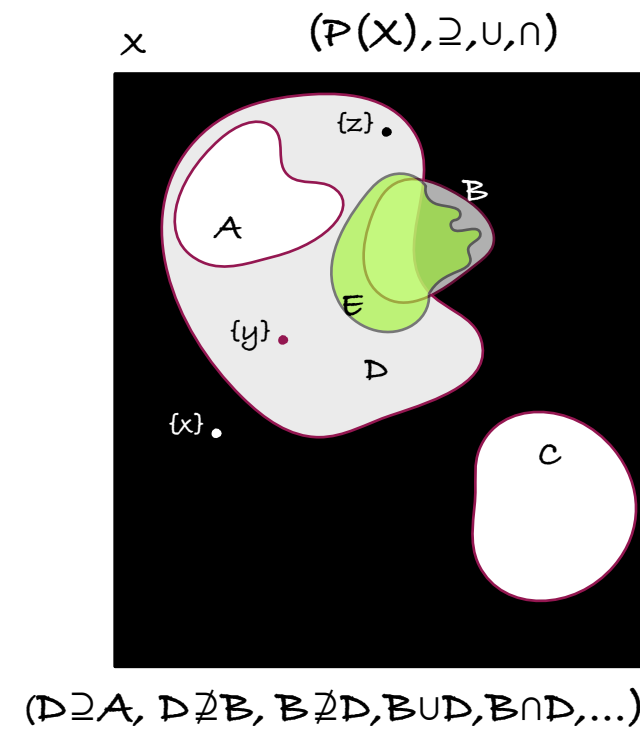
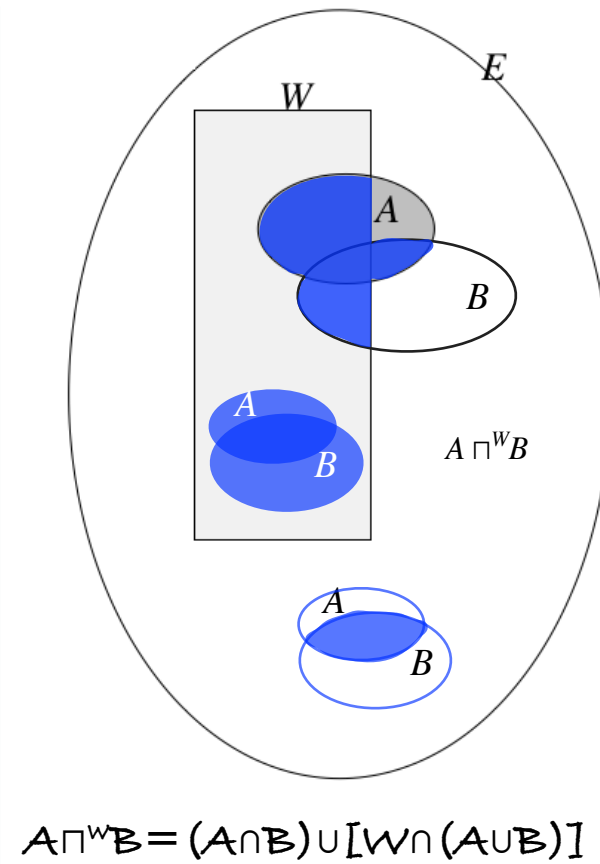
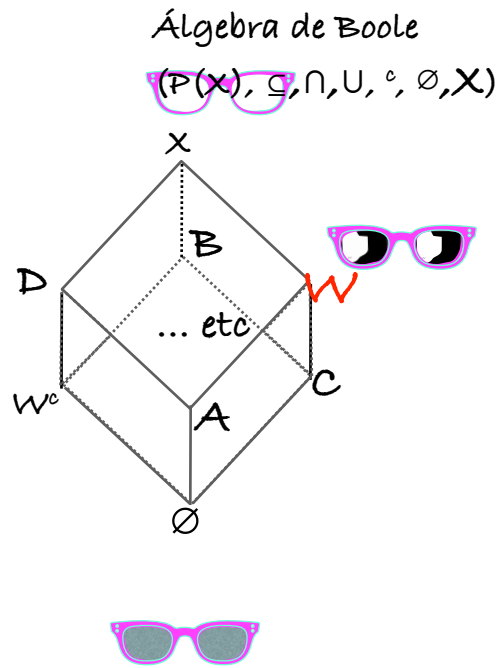
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



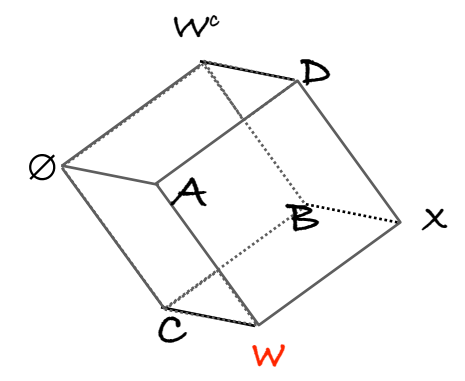
Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



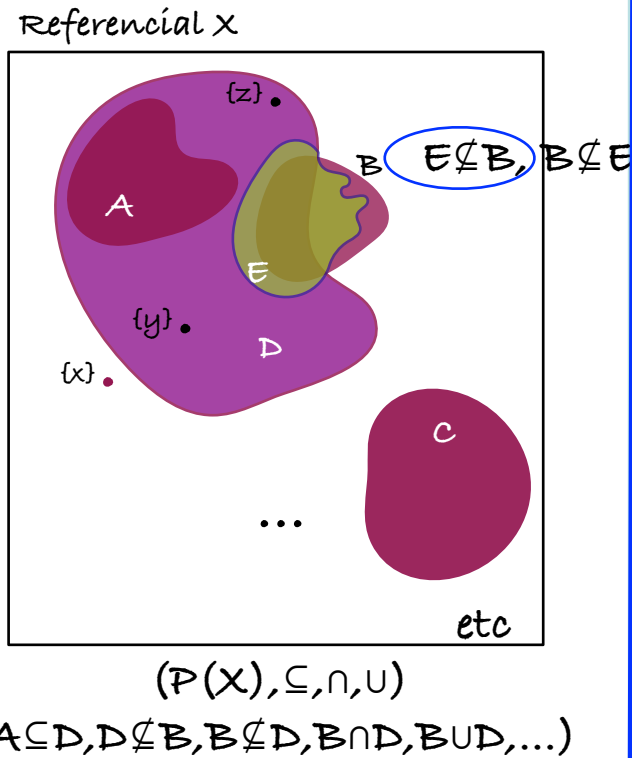


Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$
 $A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$



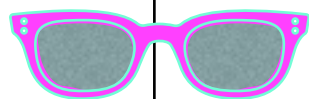
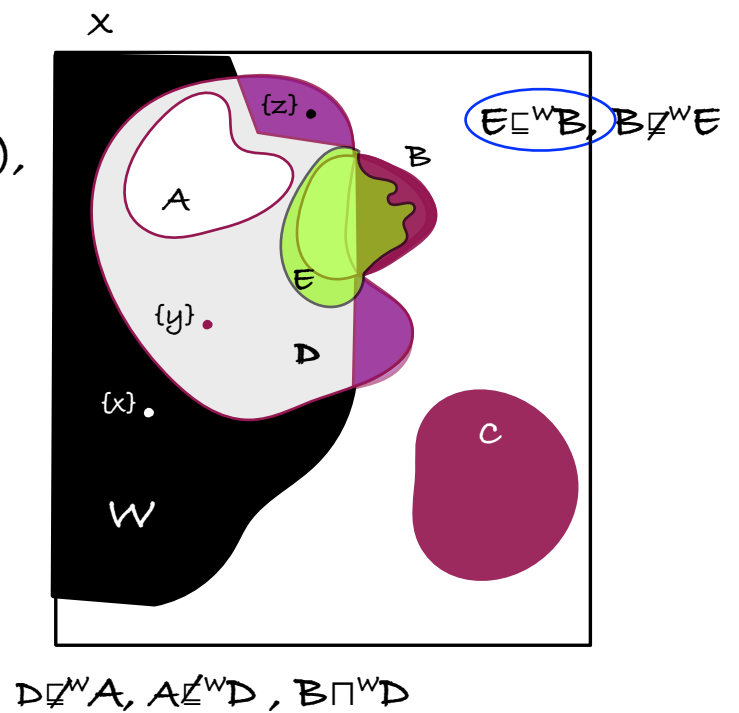
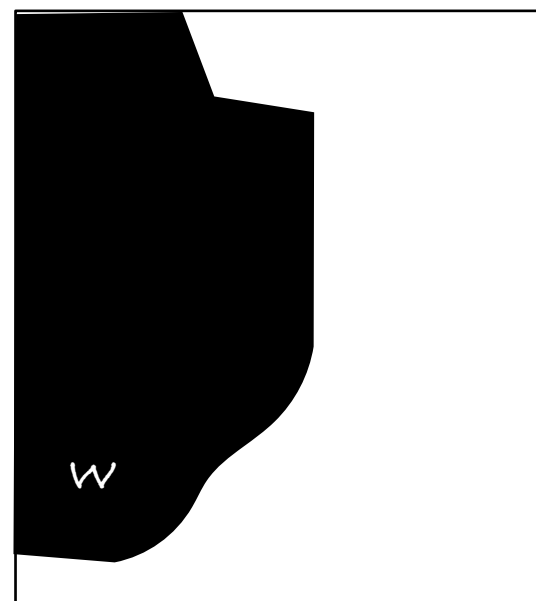
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X:

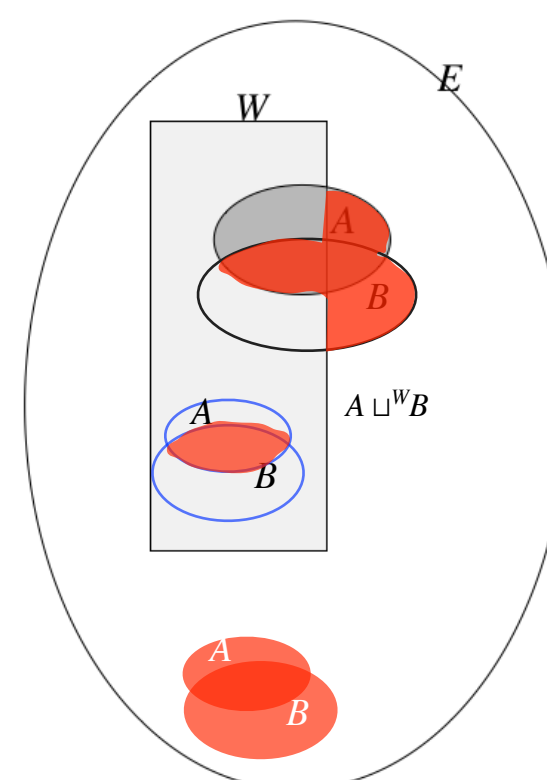
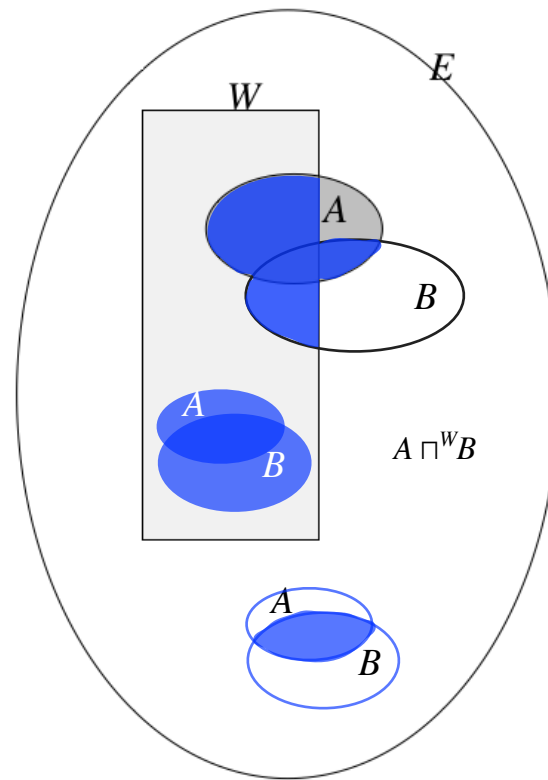
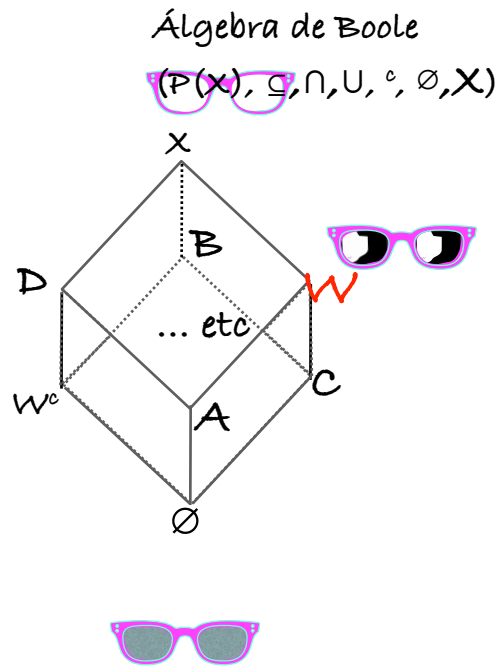
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".





$$A \cap^W B = (A \cap B) \cup [W \cap (A \cup B)]$$

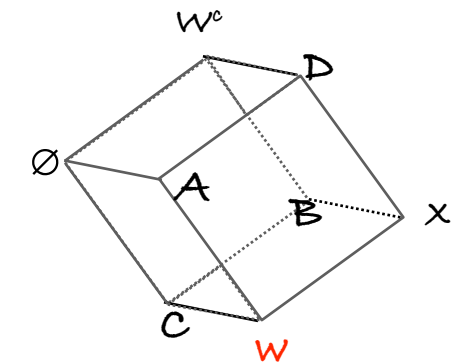
$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cap B) \cup [W^c \cap (A \cup B)]$$

Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$$

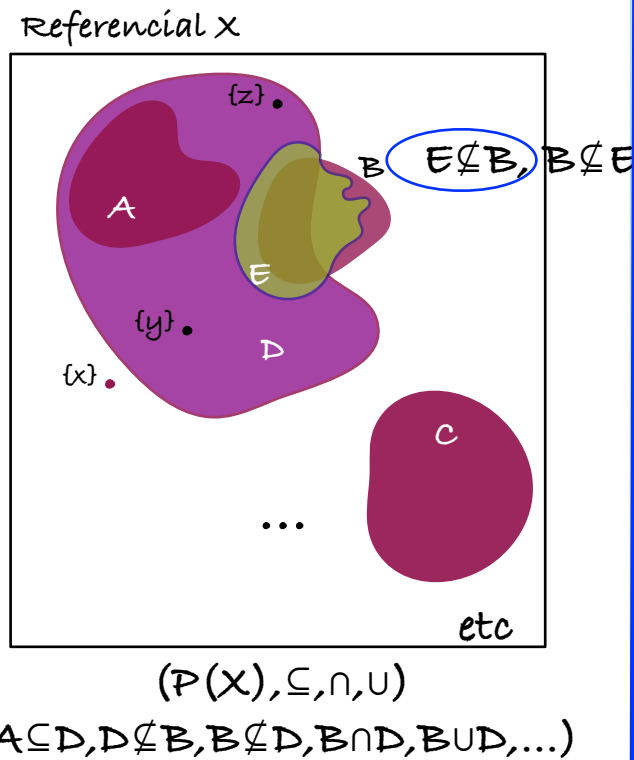
Orden de actividad

$$\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$$



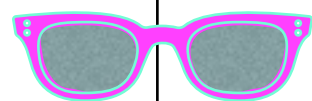
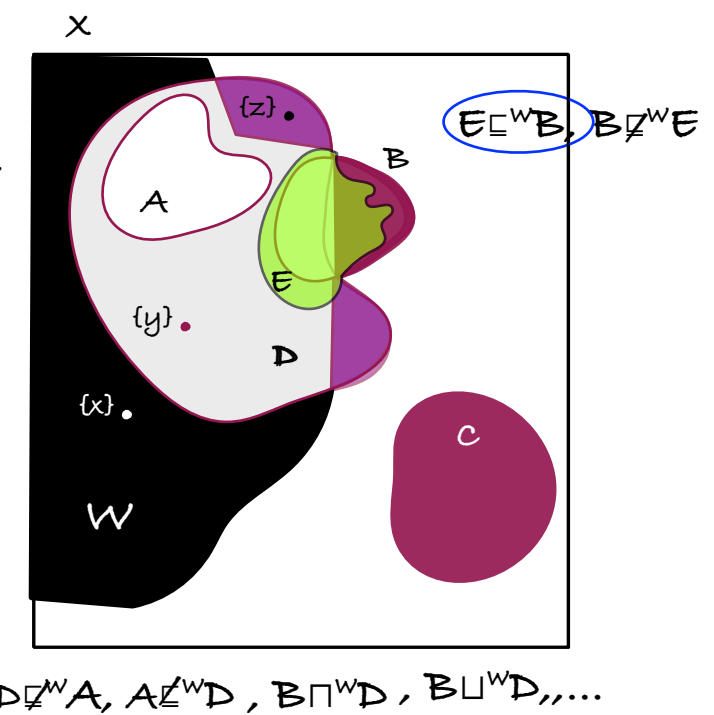
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X:

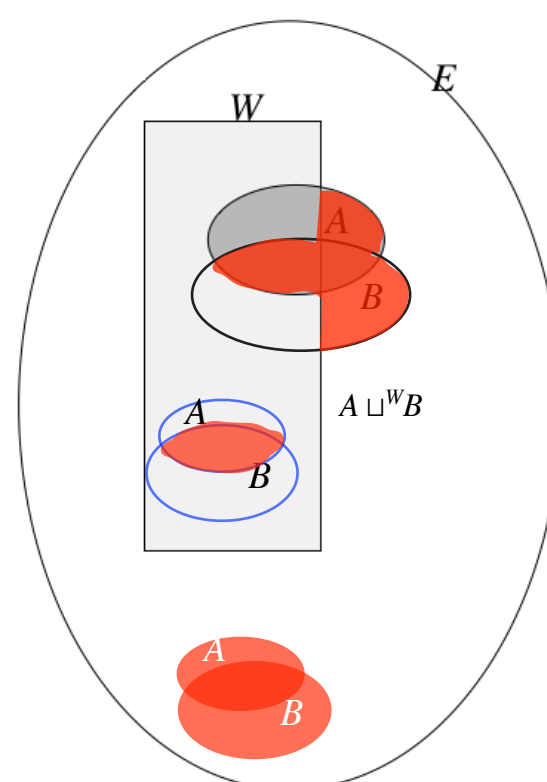
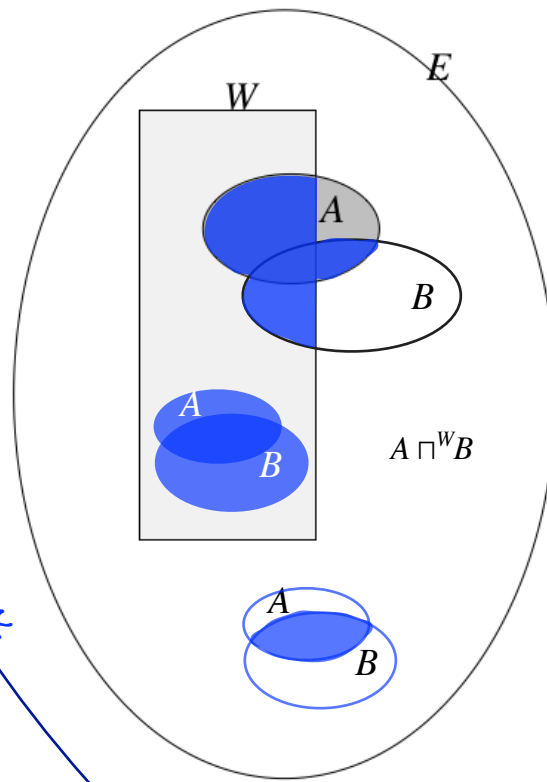
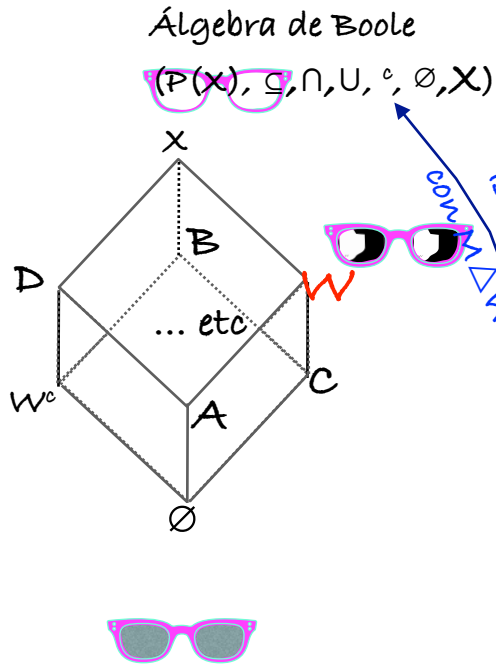
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".



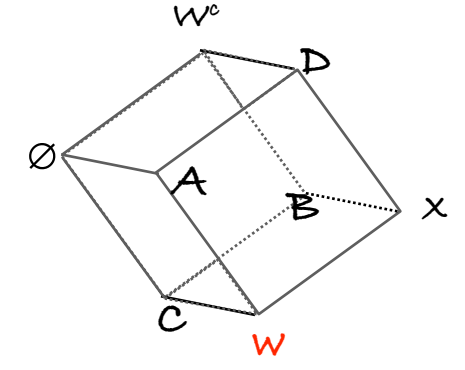


$$A \cap^W B = (A \cap B) \cup [W \cap (A \cup B)]$$

$$A \sqcup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cap B) \cup [W^c \cap (A \cup B)]$$

Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

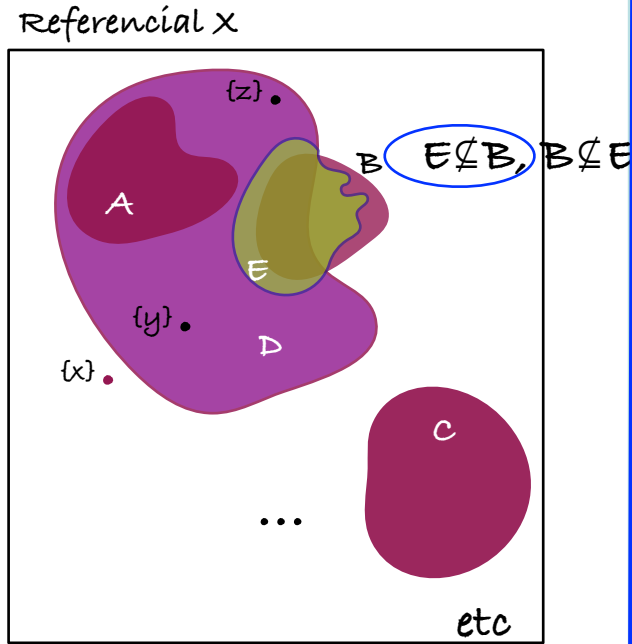
$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$
Orden de actividad
 $\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$



$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X:

$(\mathcal{P}(X), \subseteq^\emptyset, \cap^\emptyset, \cup^\emptyset, ^c, \emptyset, X)$
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq^x, \cap^x, \cup^x, ^c, X, \emptyset)$

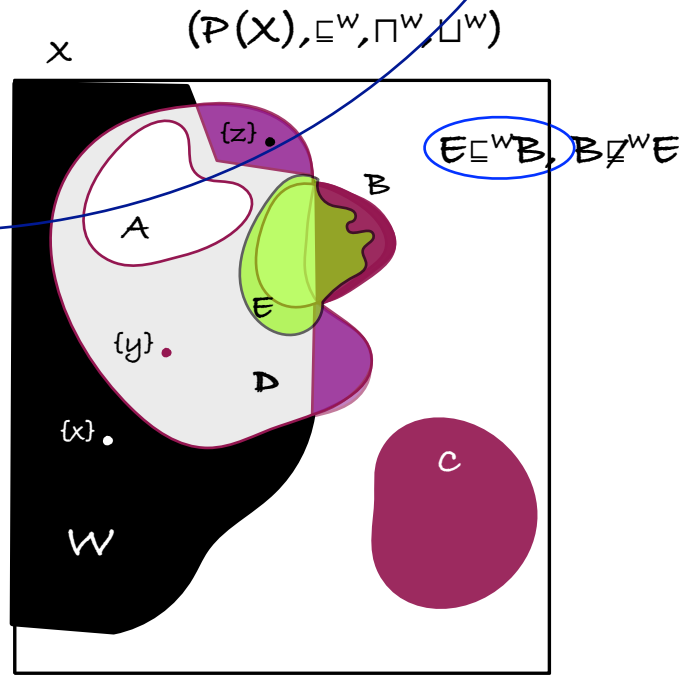
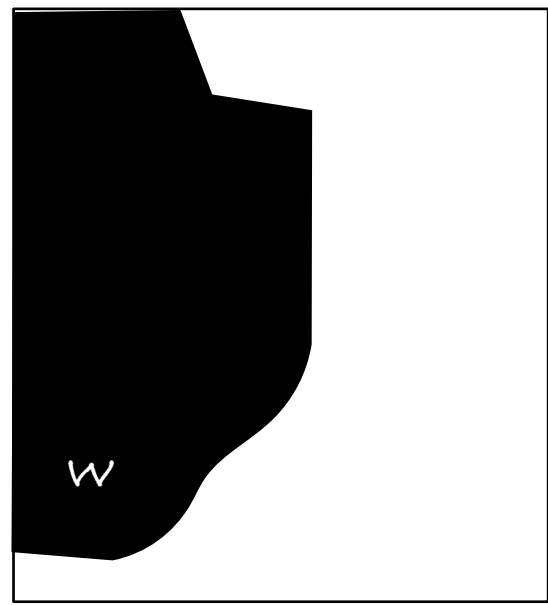
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$
 $(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$

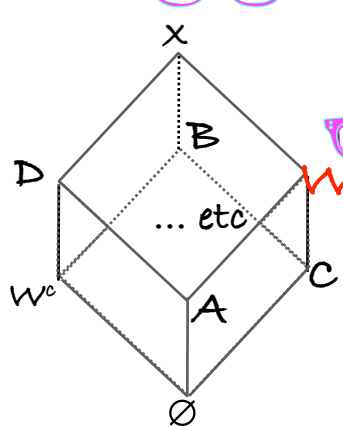
una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".

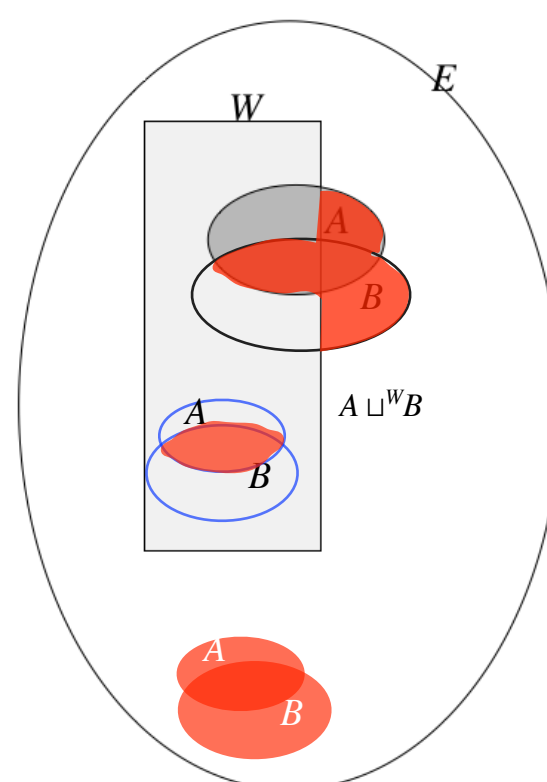
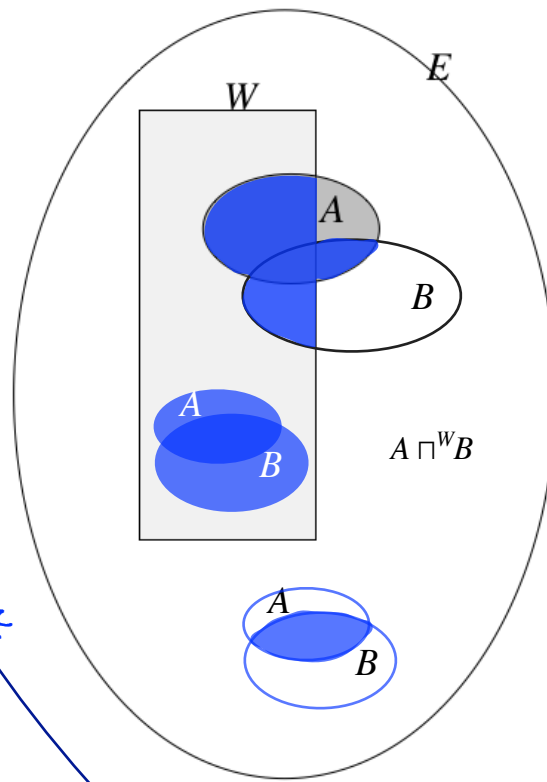


$D \not\sqsubseteq^W A, A \sqsubseteq^W D, B \cap^W D, B \sqcup^W D, \dots$

Álgebra de Boole
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \complement, \emptyset, X)$



Isomorfismo $\mathcal{M} \rightarrow \mathcal{M} \Delta W$
 con $\mathcal{M} \Delta W = (\mathcal{M} \cap W) \cup (\mathcal{M} \cap W^c)$



$$A \cap^W B = (A \cap B) \cup [W \cap (A \cup B)]$$

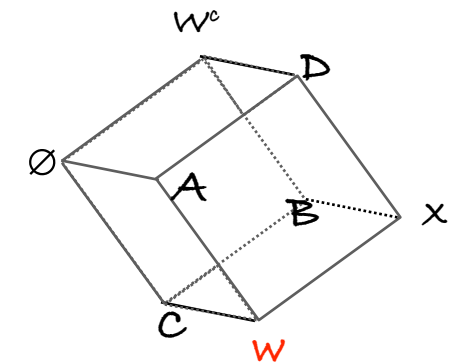
$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cap B) \cup [W^c \cap (A \cup B)]$$

Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$$

orden de actividad

$$\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$$



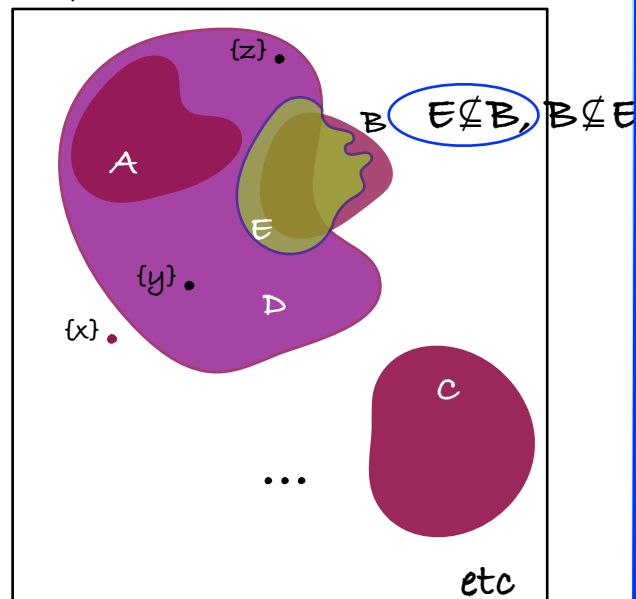
$(\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W, \cap^W, \cup^W, \complement^W, W, W^c)$

$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X:

$(\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^\emptyset, \cap^\emptyset, \cup^\emptyset, \complement^\emptyset, \emptyset, X)$
 $(\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^x, \cap^x, \cup^x, \complement^x, X, \emptyset)$

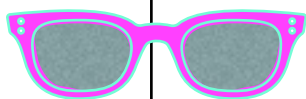
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :

Referencial X



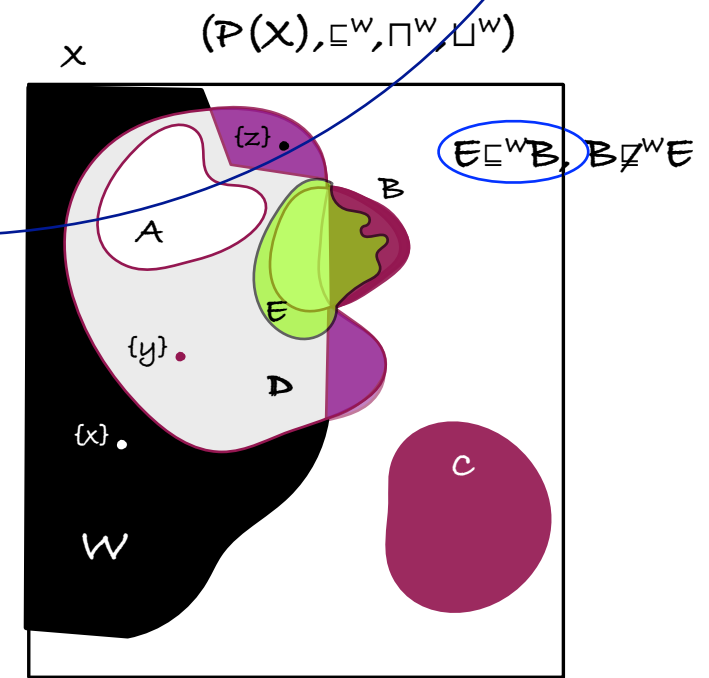
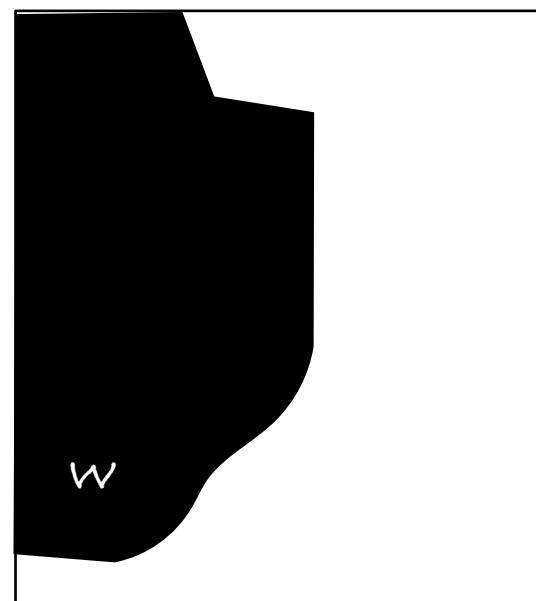
$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$

$(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$

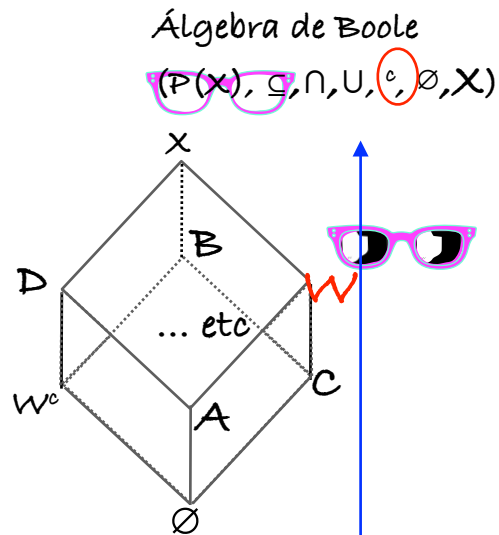


una nueva interpretación

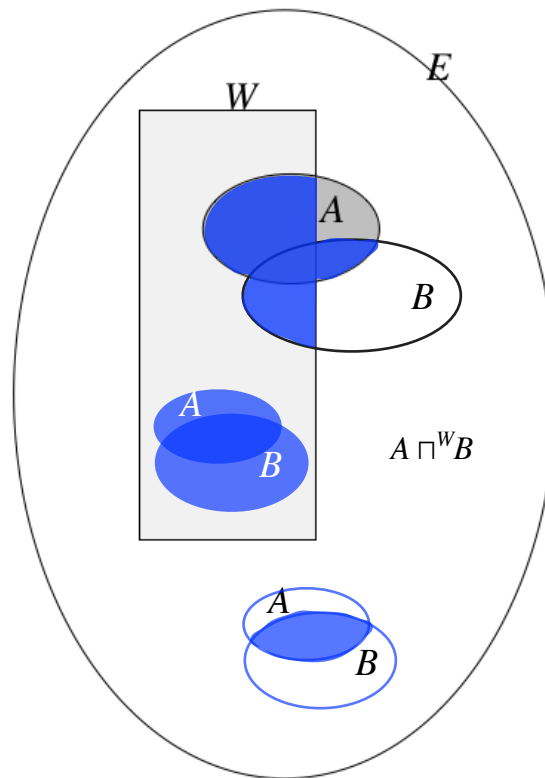
asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".



$D \not\subseteq^W A, A \not\subseteq^W D, B \cap^W D, B \cup^W D, \dots$

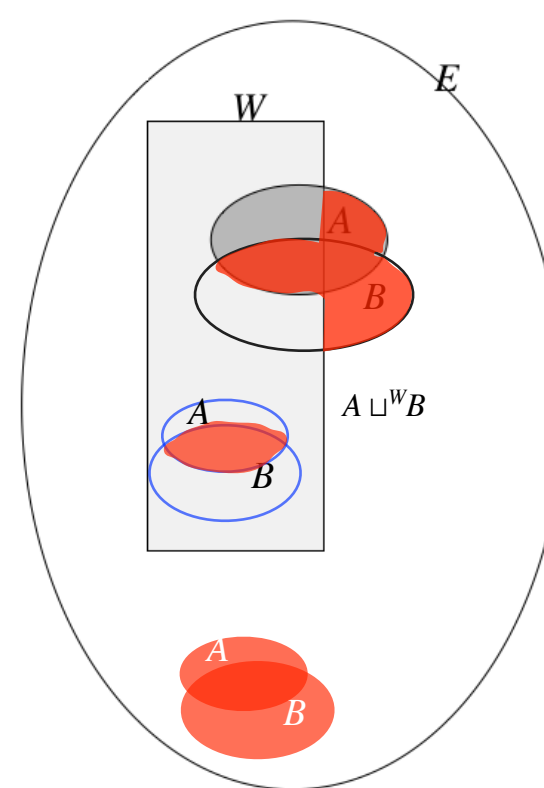


Π^W es una *uninorma* y una *mulnorma* en $(\mathcal{P}(X), \subseteq)$



$$A \cap^W B = (A \cap B) \cup [W \cap (A \cup B)]$$

$$A \sqcup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cap B) \cup [W^c \cap (A \cup B)]$$

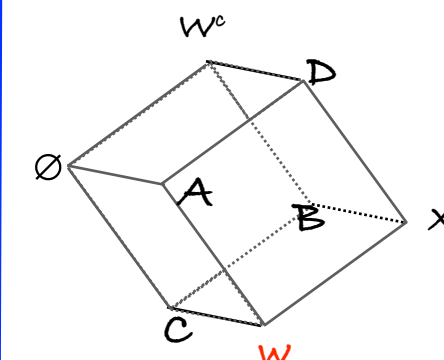


Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$$

Orden de actividad

$$\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$$

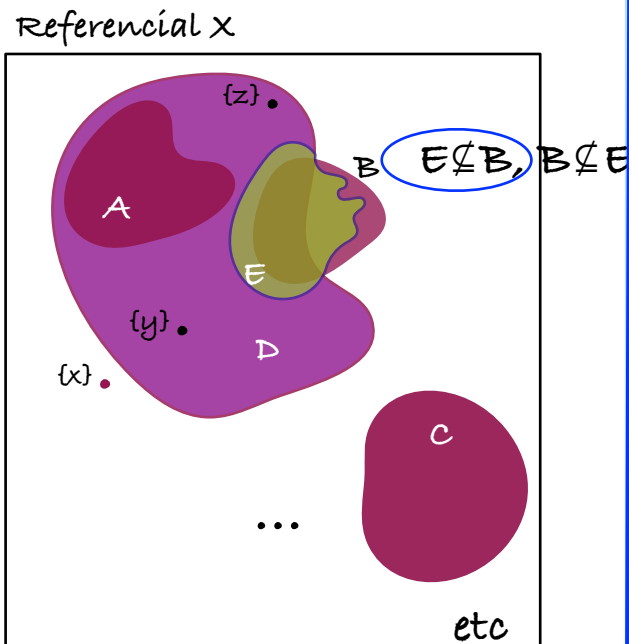


$(\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^W, \Pi^W, \sqcup^W, \complement, W, W^c)$

$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X:

$(\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^\emptyset, \Pi^\emptyset, \sqcup^\emptyset, \complement, \emptyset, X)$
 $(\mathcal{P}(X), \sqsubseteq^X, \Pi^X, \sqcup^X, \complement, X, \emptyset)$

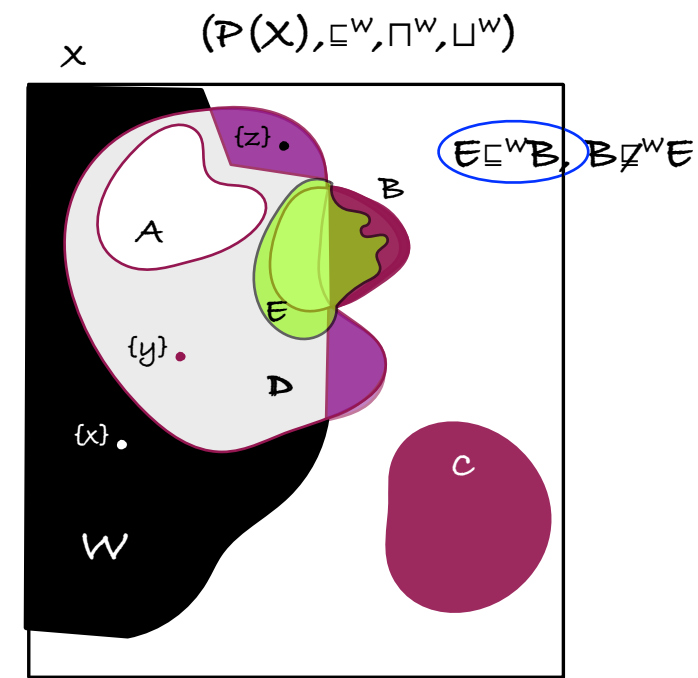
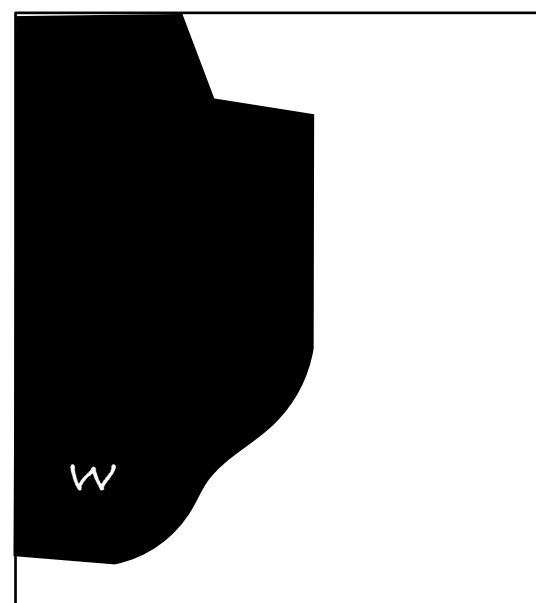
Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



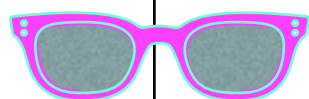
$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$
 $(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$

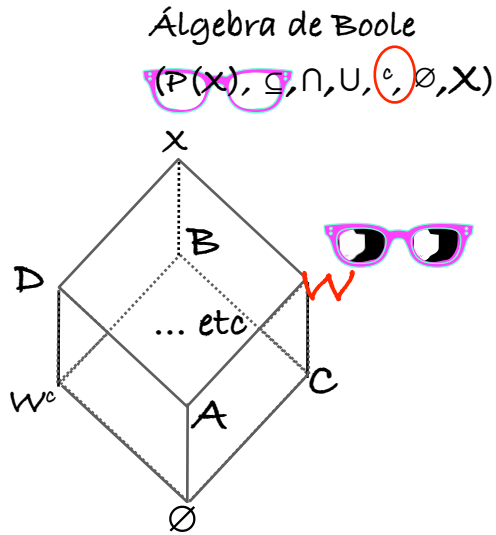
Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".



$D \not\sqsubseteq^W A, A \not\sqsubseteq^W D, B \cap^W D, B \sqcup^W D, \dots$





Π^W es una **uninorma** y una **nulnorma** en $(\mathcal{P}(X), \subseteq)$

Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .

$$A \Pi^W B = (A \cap B) \cup [W \cap (A \cup B)]$$

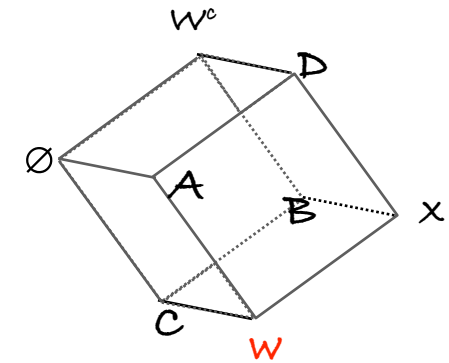
$$A \sqcup^W B = A \Pi^{W^c} B = (A \cap B) \cup [W^c \cap (A \cup B)] \quad (x \notin D, y \in D, z \in D)$$

Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \subseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$$A \subseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$$

Orden de actividad

$$\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$$

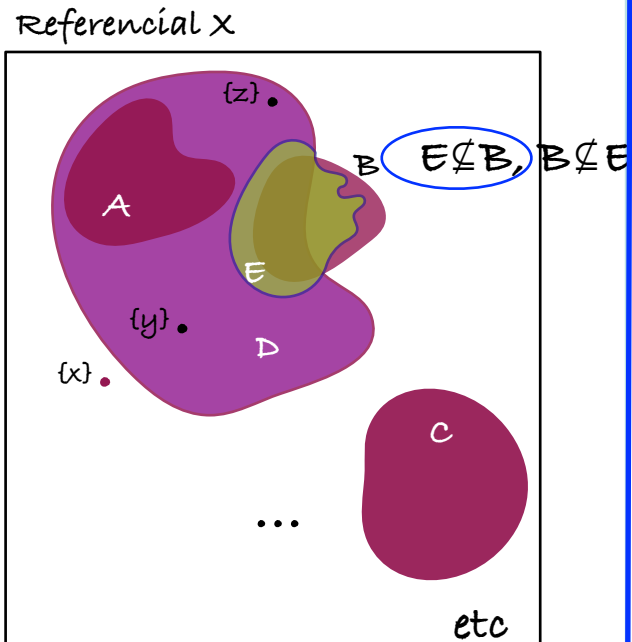


$(\mathcal{P}(X), \subseteq^W, \Pi^W, \sqcup^W, \complement^W, W, W^c)$

$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

$(\mathcal{P}(X), \subseteq^{\emptyset}, \Pi^{\emptyset}, \sqcup^{\emptyset}, \complement^{\emptyset}, \emptyset, X)$
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq^X, \Pi^X, \sqcup^X, \complement^X, X, \emptyset)$

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :

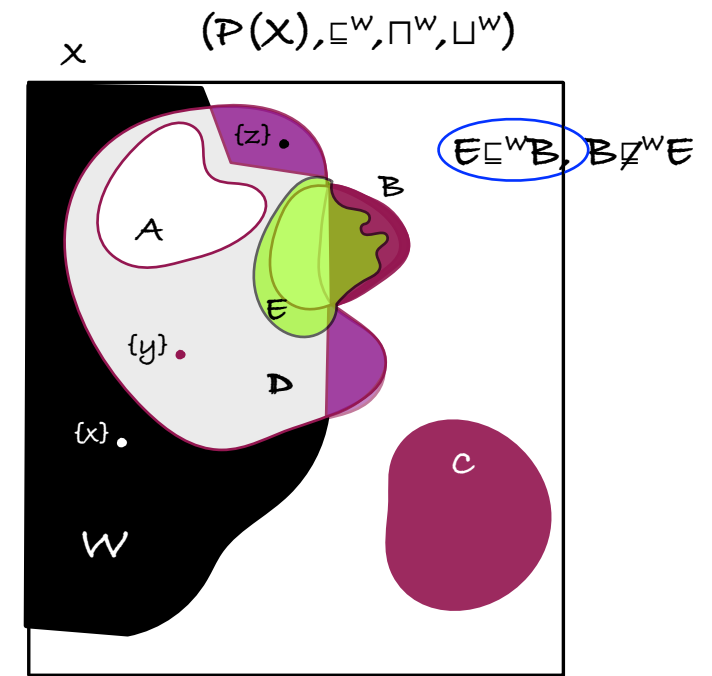
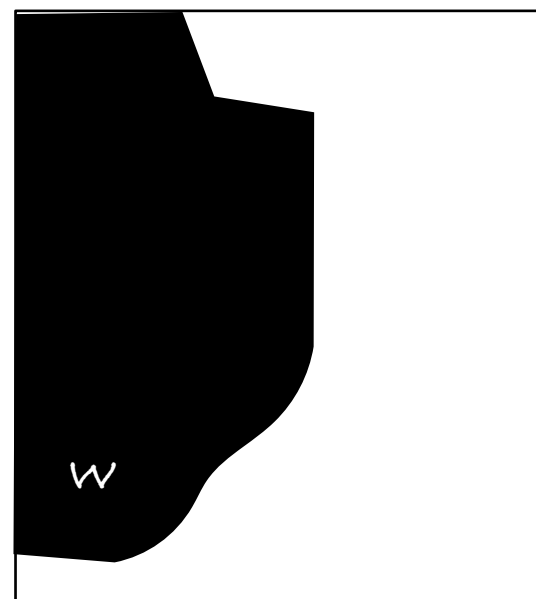


$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$
 $(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$

$(x \notin D, y \in D, z \in D)$

Una nueva interpretación

asociada a un orden \subseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



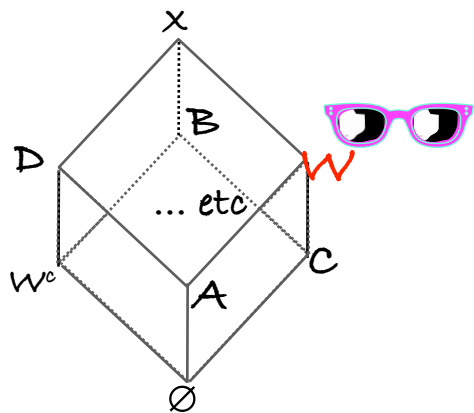
$D \not\subseteq^W A, A \subseteq^W D, B \Pi^W D, B \sqcup^W D, \dots$

"W-pertenencia": $x \in^W A \Leftrightarrow x \in A \Delta W$

$(x \in^W D, y \notin^W D, z \in^W D)$

Álgebra de Boole

$$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup, \complement, \emptyset, X)$$



Π^W es una **uninorma** y una **nulnorma** en $(\mathcal{P}(X), \subseteq)$



$$A \Pi^W B = (A \cap B) \cup [W \cap (A \cup B)]$$

$$A \sqcup^W B = A \Pi^{W^c} B = (A \cap B) \cup [W^c \cap (A \cup B)]$$

$x \notin D, y \in D, z \in D$

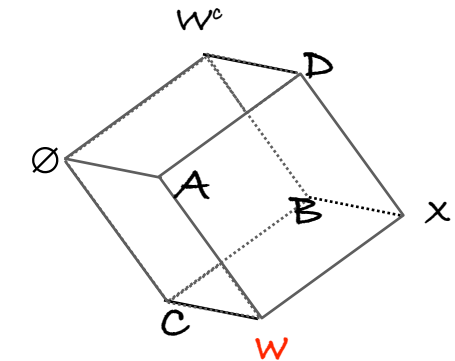
Familia de álgebras:

$$((\mathcal{P}(X), \subseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$$

$$A \subseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$$

Orden de actividad

$$\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$$



$$(\mathcal{P}(X), \subseteq^W, \Pi^W, \sqcup^W, \complement^W, W, W^c)$$

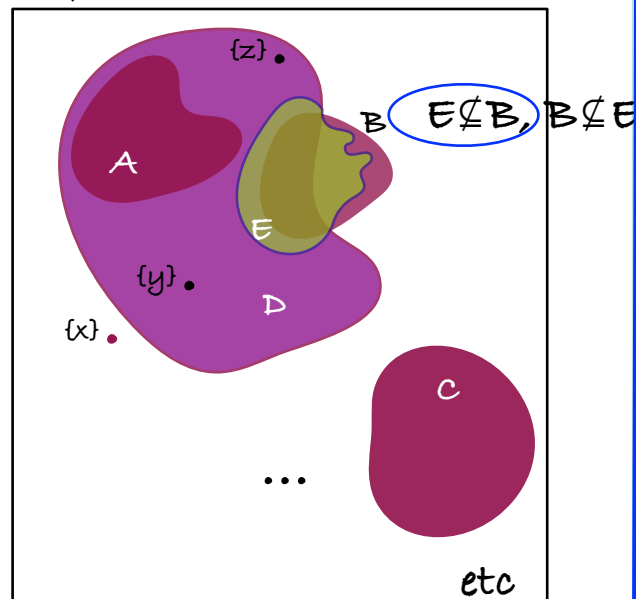
$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

$$(\mathcal{P}(X), \subseteq^{\emptyset}, \Pi^{\emptyset}, \sqcup^{\emptyset}, \complement^{\emptyset}, \emptyset, X)$$

$$(\mathcal{P}(X), \subseteq^X, \Pi^X, \sqcup^X, \complement^X, X, \emptyset)$$

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :

Referencial X



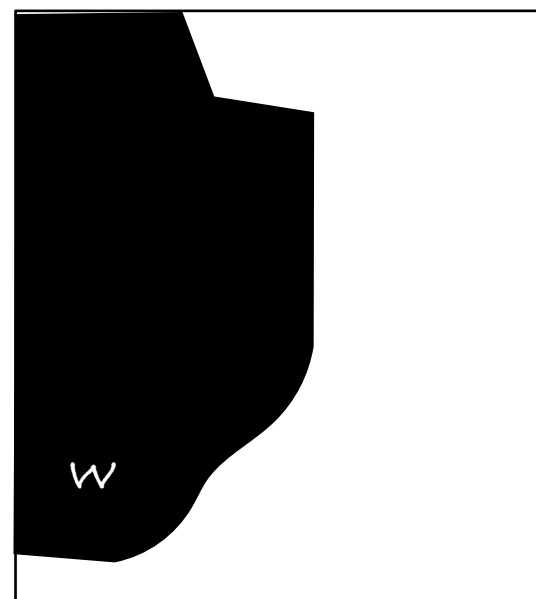
$$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$$

$$(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$$

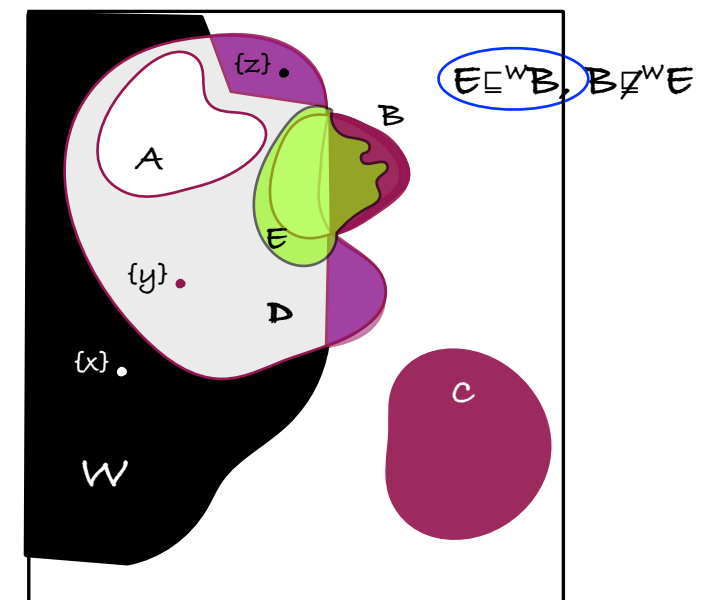
$x \notin D, y \in D, z \in D$

Una nueva interpretación

asociada a un orden \subseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



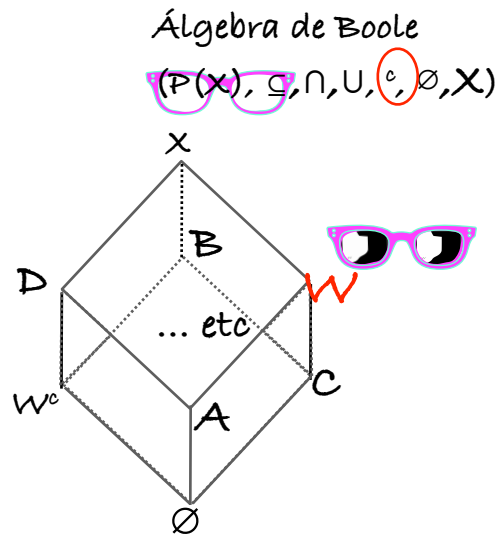
$(\mathcal{P}(X), \subseteq^W, \Pi^W, \sqcup^W)$



$$D \not\subseteq^W A, A \subseteq^W D, B \cap^W D, B \cup^W D, \dots$$

"W-pertenencia": $x \in^W A \Leftrightarrow x \in A \Delta W$

$x \in^W D, y \notin^W D, z \in^W D$



Π^W es una **uninorma** y una **nulnorma** en $(\mathcal{P}(X), \subseteq)$



"W_PERSPECTIVA"

$$A \Pi^W B = (A \cap B) \cup [W \cap (A \cup B)]$$

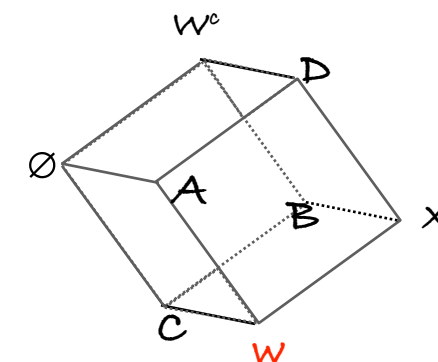
$$A \sqcup^W B = A \Pi^{W^c} B = (A \cap B) \cup [W^c \cap (A \cup B)]$$

$x \notin D, y \in D, z \in D$

Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \subseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$$A \subseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$$

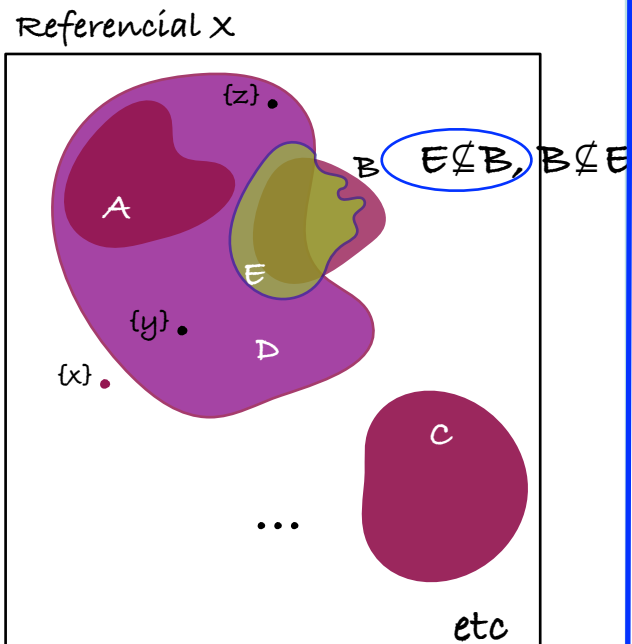


$(\mathcal{P}(X), \subseteq^W, \Pi^W, \sqcup^W, \complement^W, W, W^c)$

$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X:

$(\mathcal{P}(X), \subseteq^{\emptyset}, \Pi^{\emptyset}, \sqcup^{\emptyset}, \complement^{\emptyset}, \emptyset, X)$
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq^X, \Pi^X, \sqcup^X, \complement^X, X, \emptyset)$

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :

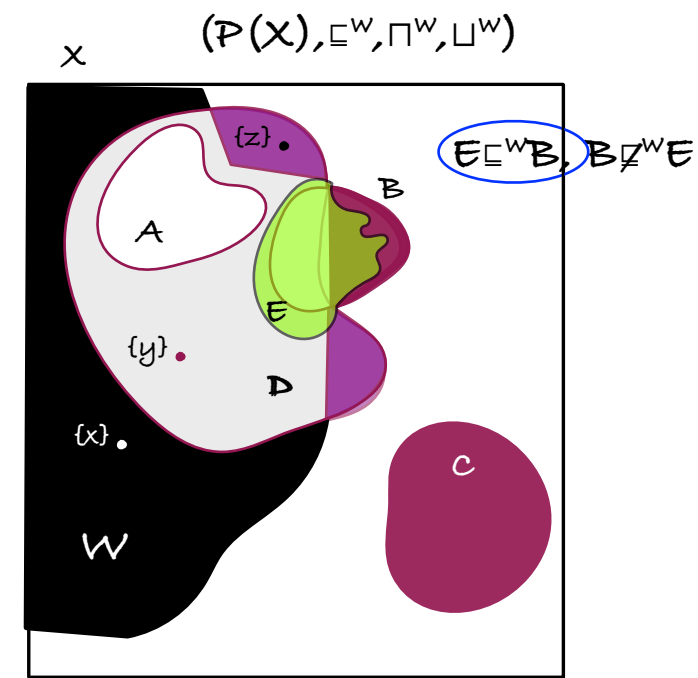
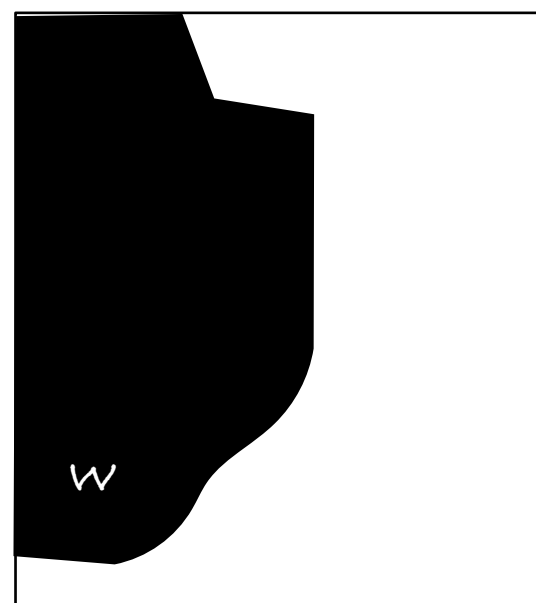


$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$
 $(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$

$x \notin D, y \in D, z \in D$

Una nueva interpretación

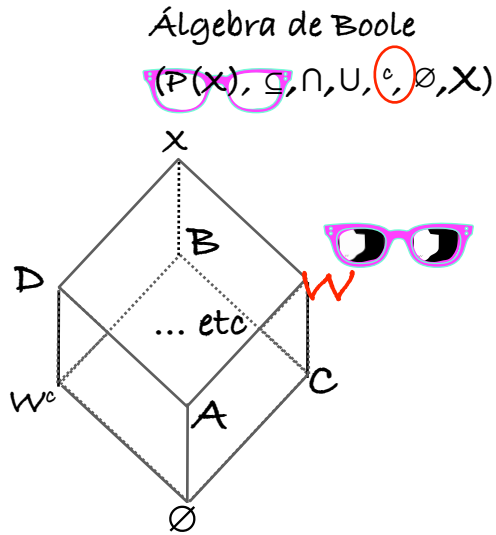
asociada a un orden \subseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".



$D \not\subseteq^W A, A \subseteq^W D, B \cap^W D, B \sqcup^W D, \dots$

"w-pertenencia": $x \in^W A \Leftrightarrow x \in A \Delta W$

$x \in^W D, y \notin^W D, z \in^W D$



Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(\mathcal{P}(X), \subseteq)$

Interpretación de \supseteq : una "perspectiva" del conjunto $\mathcal{P}(X)$ proporcionada por el subconjunto X .

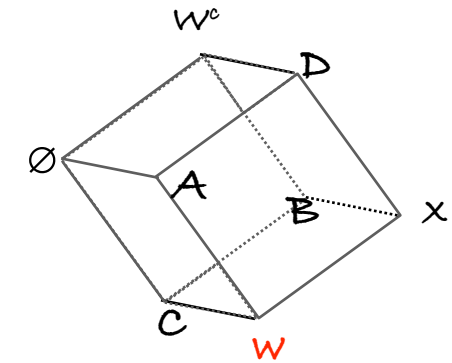
$$A \Pi^W B = (A \cap B) \cup [W \cap (A \cup B)]$$

$$A \sqcup^W B = A \Pi^{W^c} B = (A \cap B) \cup [W^c \cap (A \cup B)] \quad (x \notin D, y \in D, z \in D)$$

Familia de álgebras:
 $((\mathcal{P}(X), \subseteq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$$A \subseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cap W \subseteq A \subseteq B \cup W$$

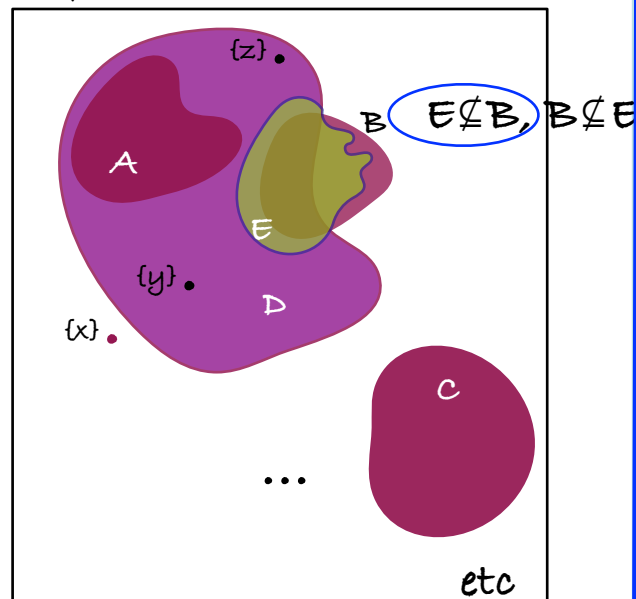


$(\mathcal{P}(X), \subseteq^W, \Pi^W, \sqcup^W, \complement^W, W, W^c)$

$(\mathcal{P}(X), \subseteq)$, álgebra de subconjuntos ordinarios de X :

$(\mathcal{P}(X), \subseteq^\emptyset, \Pi^\emptyset, \sqcup^\emptyset, \complement^\emptyset, \emptyset, X)$
 $(\mathcal{P}(X), \subseteq^X, \Pi^X, \sqcup^X, \complement^X, X, \emptyset)$

Referencial X



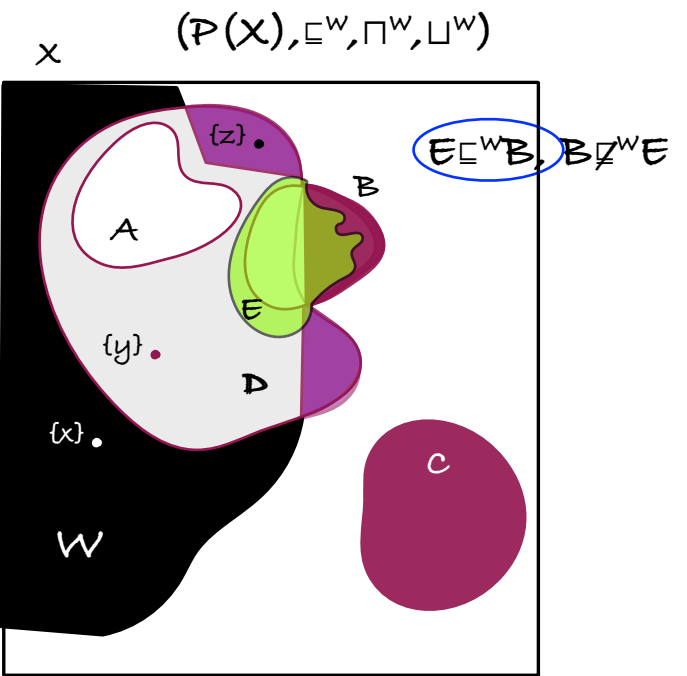
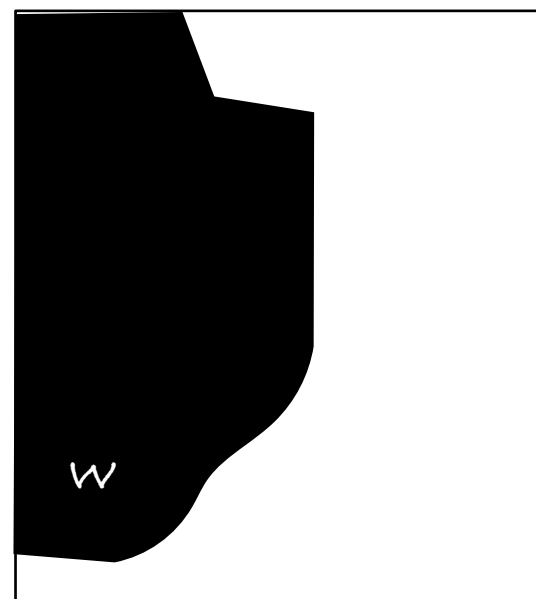
$(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cap, \cup)$

$(A \subseteq D, D \not\subseteq B, B \not\subseteq D, B \cap D, B \cup D, \dots)$

$(x \notin D, y \in D, z \in D)$

Una nueva interpretación

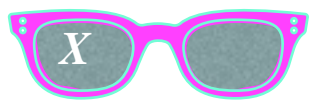
asociada a un orden \subseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



$D \not\subseteq^W A, A \subseteq^W D, B \Pi^W D, B \sqcup^W D, \dots$

"W-pertenencia": $x \in^W A \Leftrightarrow x \in A \Delta W$

$(x \in^W D, y \notin^W D, z \in^W D)$



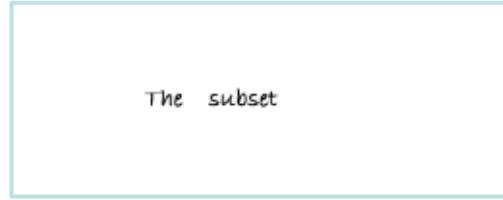
\emptyset



$\subseteq \emptyset$



$\subseteq \emptyset$



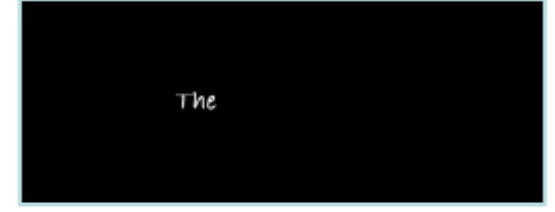
$\subseteq \emptyset$



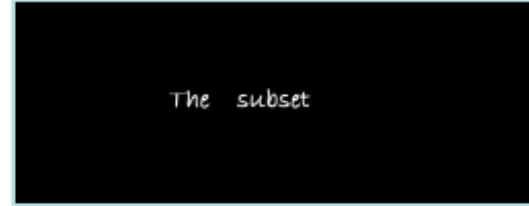
\mathbb{E}



$\subseteq \mathbb{E}$



$\subseteq \mathbb{E}$

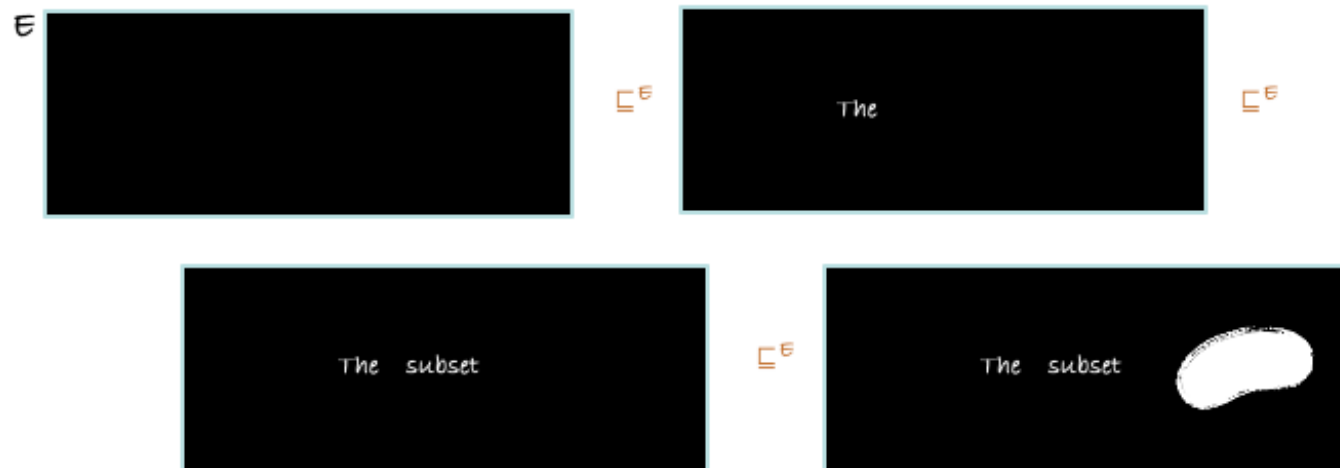


$\subseteq \mathbb{E}$

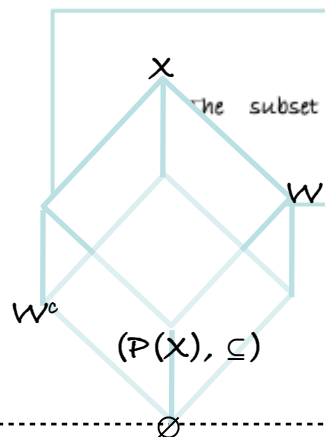




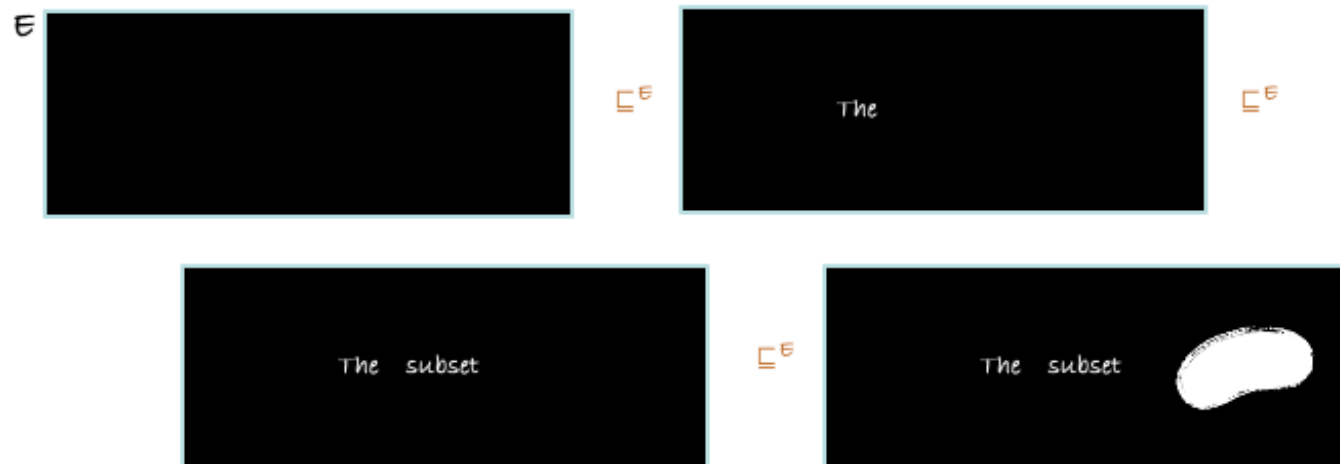
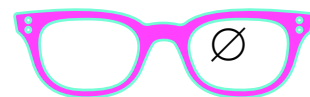
\sqsubseteq^{\emptyset} -cadena



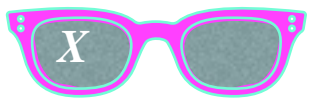
$\sqsubseteq^{\mathbb{E}}$ -cadena



\sqsubseteq^{\emptyset} -cadena



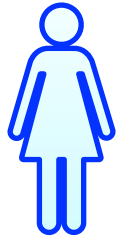
$\sqsubseteq^{\mathbb{E}}$ -cadena

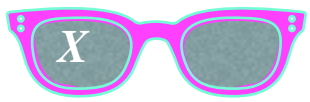


\sqsubseteq^\emptyset -cadena

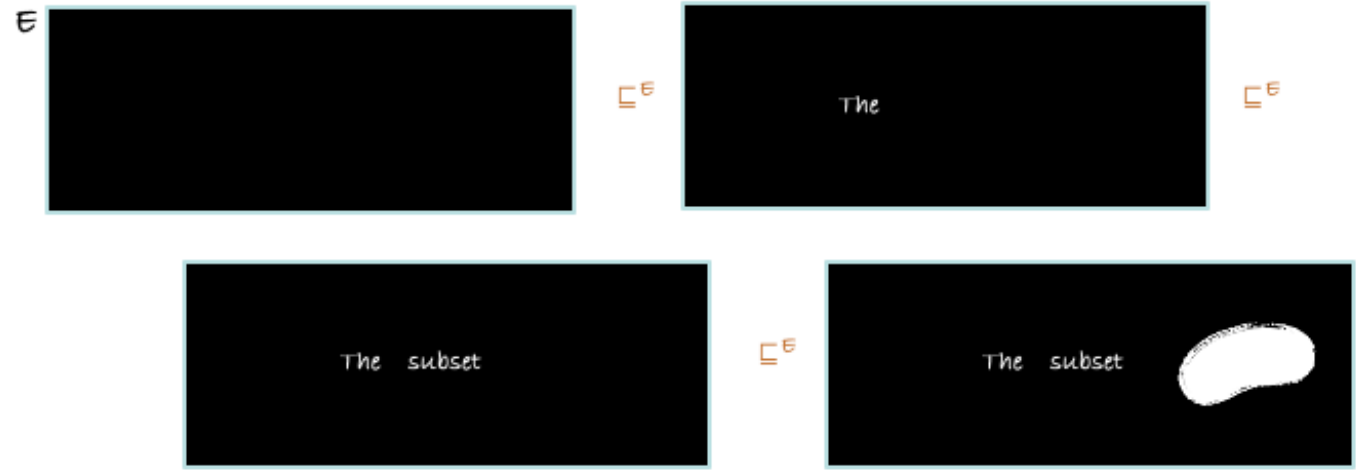


$\sqsubseteq^\mathbb{E}$ -cadena





\sqsubseteq^\emptyset -cadena



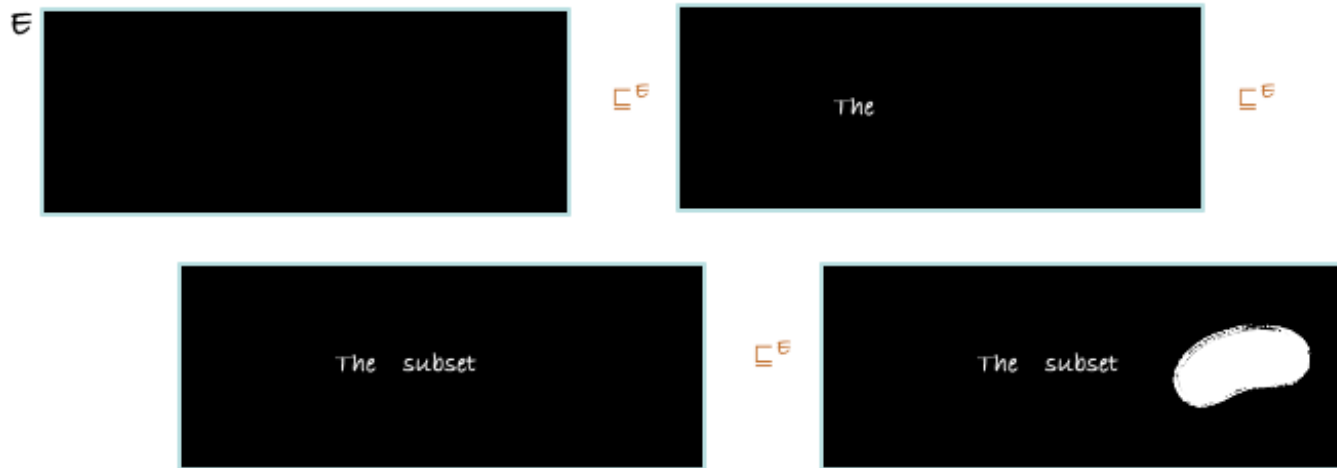
\sqsubseteq^\emptyset -cadena

W



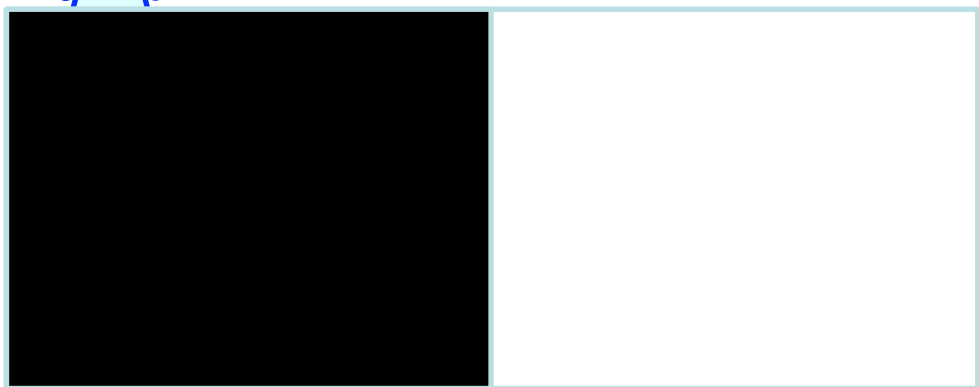


\sqsubseteq^\emptyset -cadena



$\sqsubseteq^\mathbb{E}$ -cadena

W

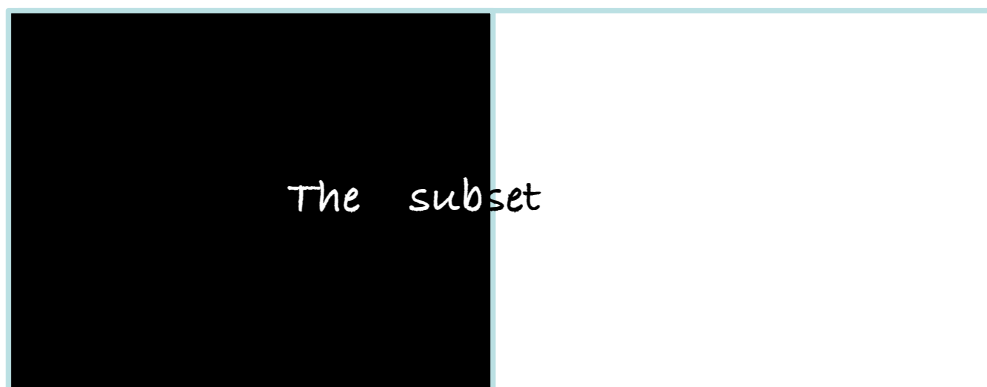


\sqcup

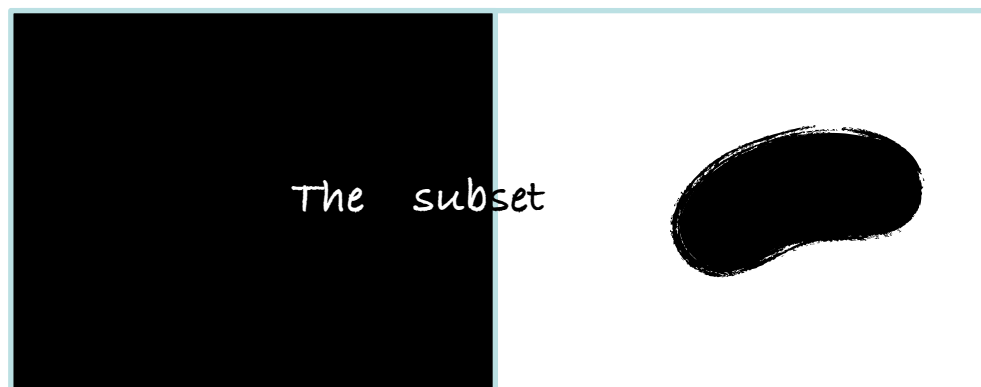


$\not\sqsubseteq$ $\not\sqsubseteq$

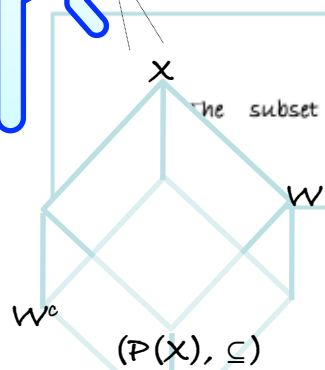
$\not\sqsubseteq$ $\not\sqsubseteq$



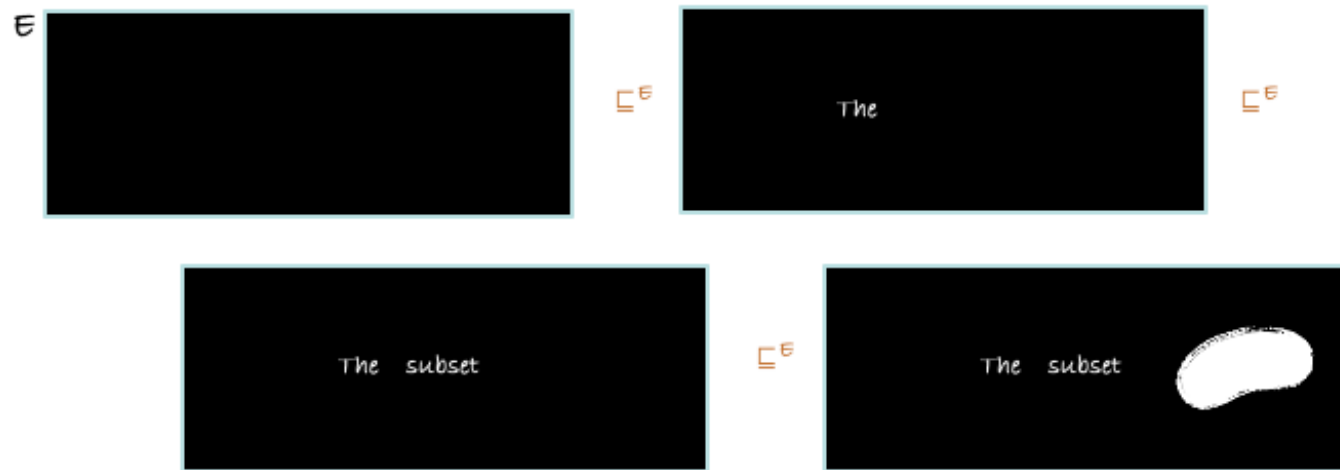
\sqcup



No es \sqsubseteq^\emptyset -cadena ni $\sqsubseteq^\mathbb{E}$ -cadena,

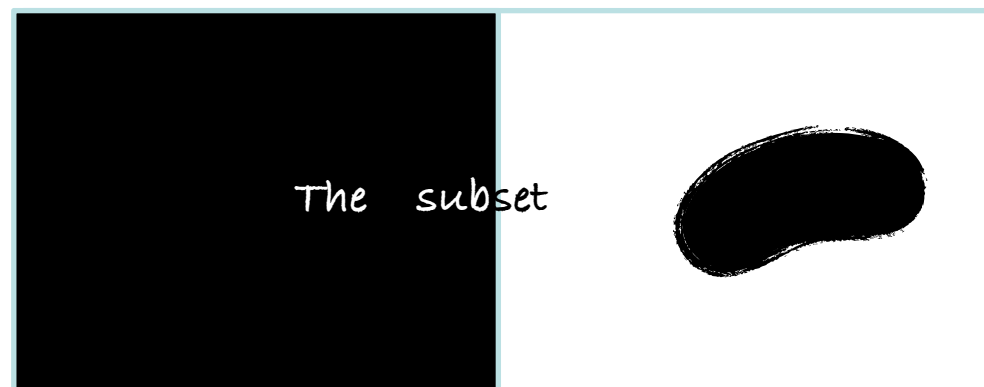
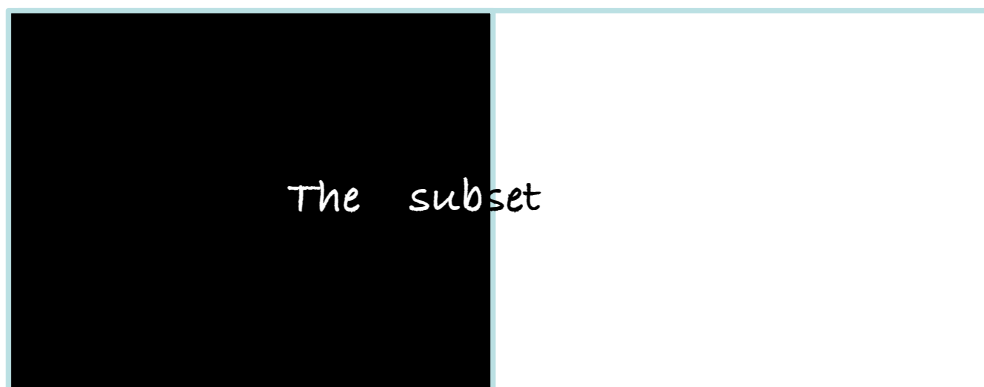
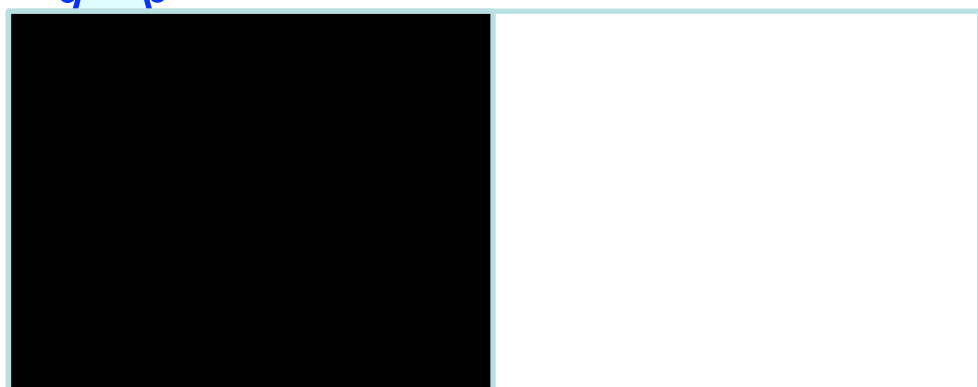


\sqsubseteq^\emptyset -cadena

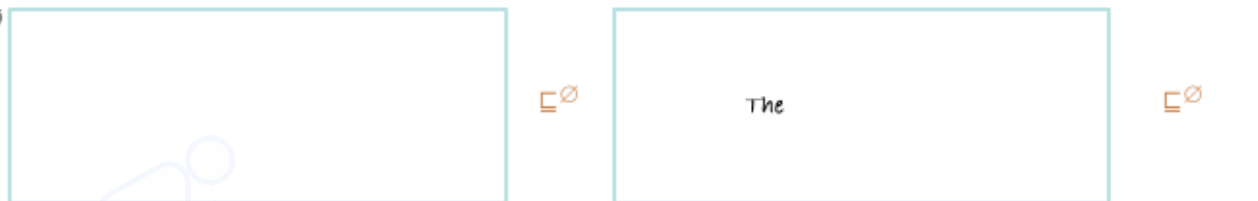


$\sqsubseteq^\mathbb{E}$ -cadena

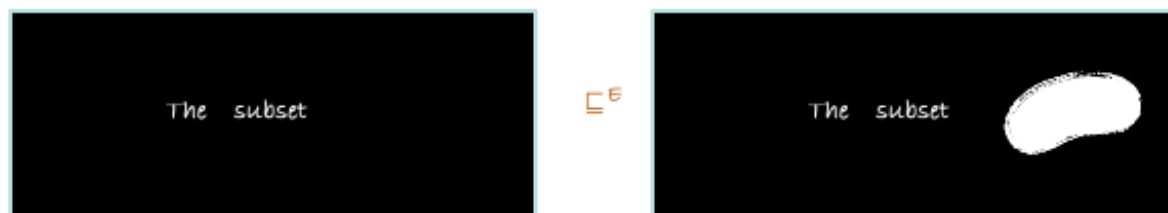
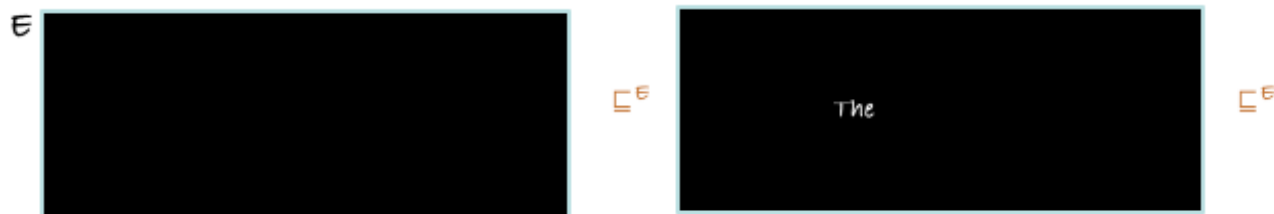
W



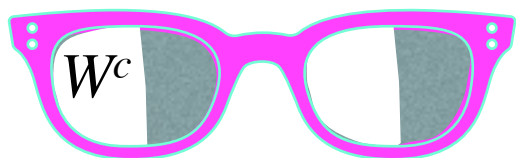
No es \sqsubseteq^\emptyset -cadena ni $\sqsubseteq^\mathbb{E}$ -cadena,



\subseteq^\emptyset -cadena

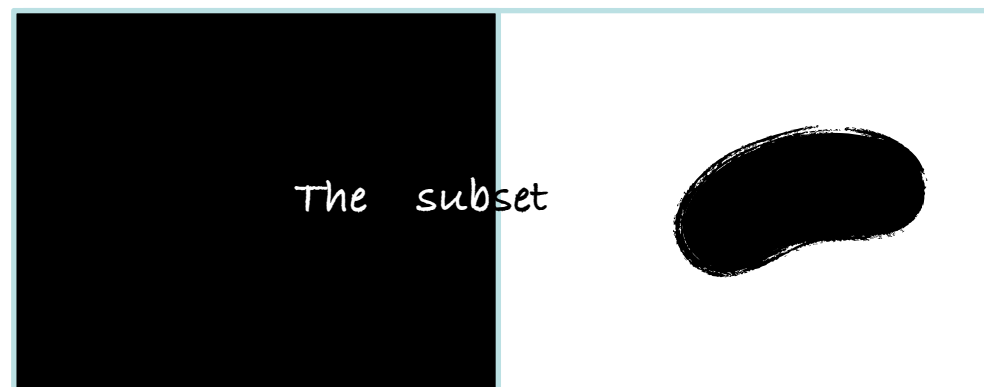
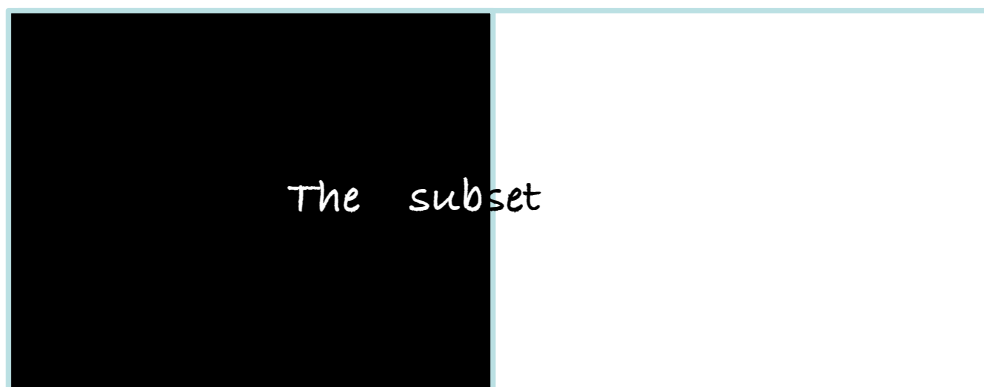
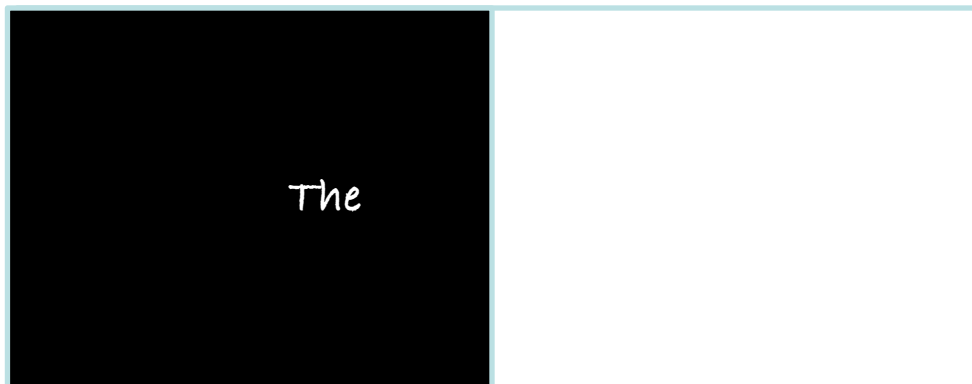
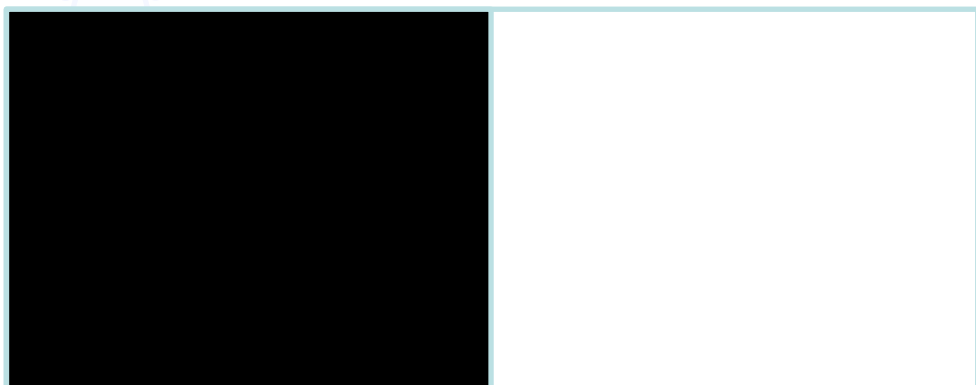


\subseteq^E -cadena

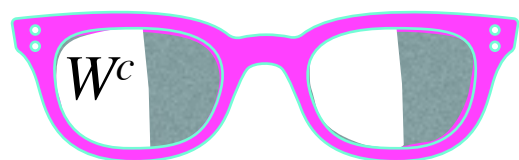
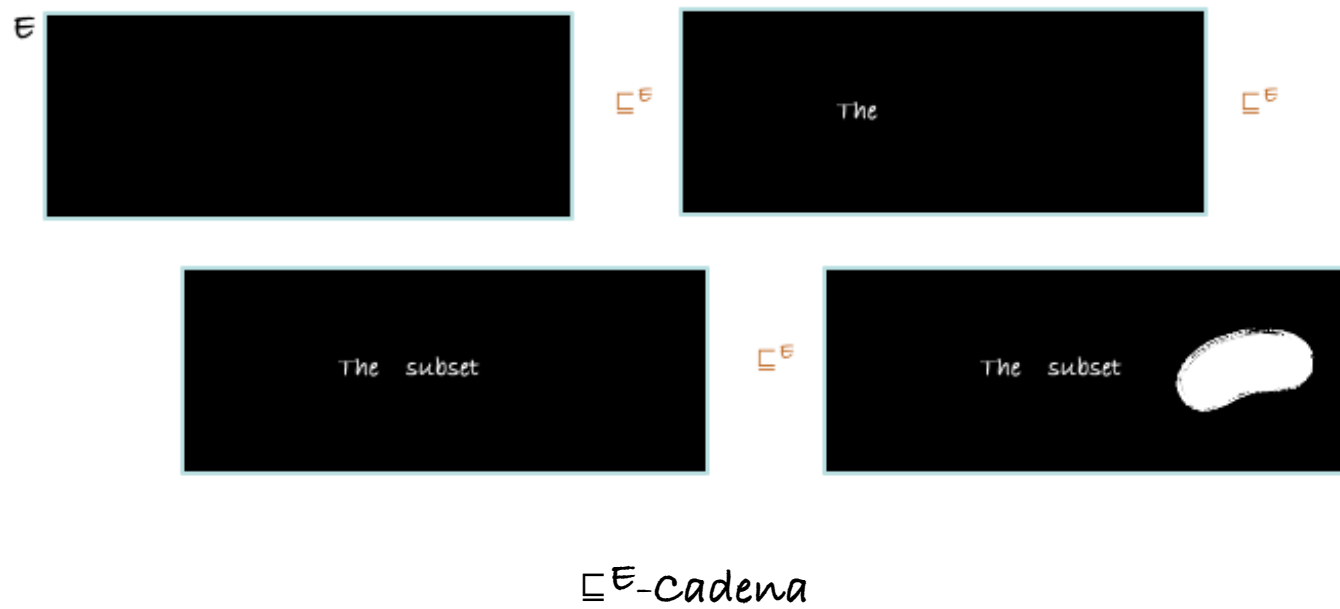
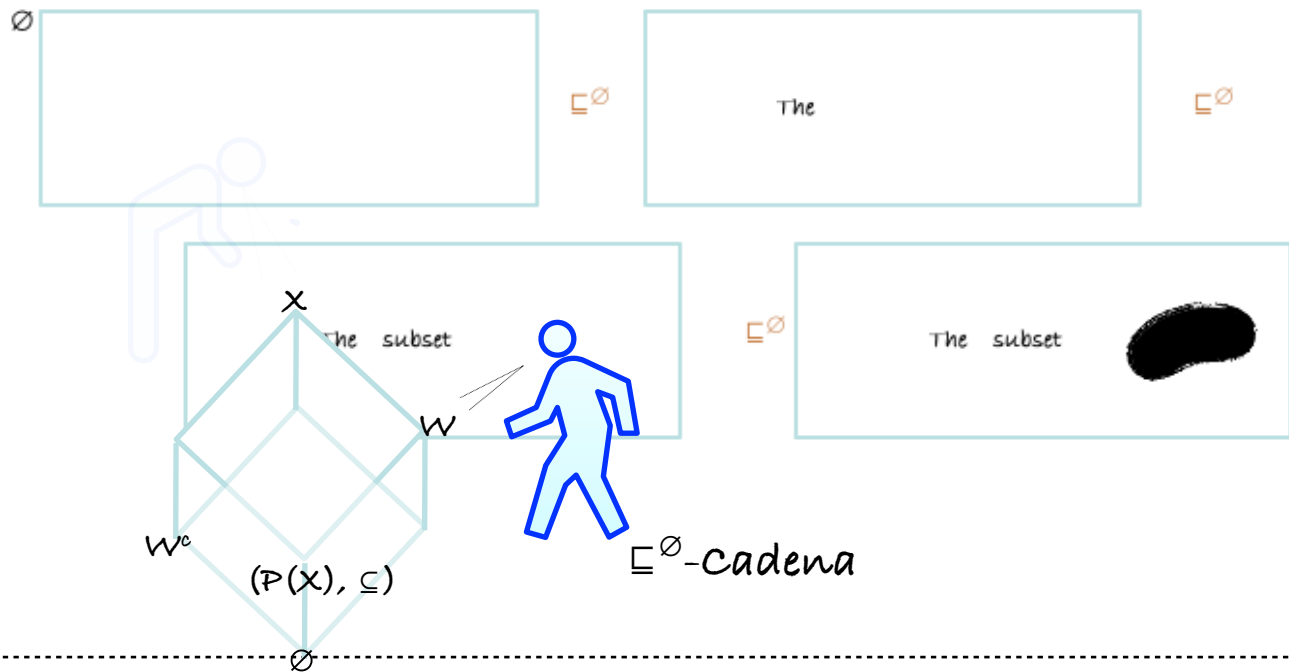


Pero, según el cristal con el que se mire...

W



No es \subseteq^\emptyset -cadena ni \subseteq^E -cadena,



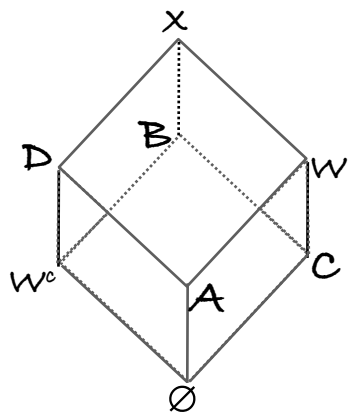
Pero, según el cristal con el que se mire...

W



No es \subseteq^{\emptyset} -cadena ni \subseteq^E -cadena, ¡¡¡Sí es \subseteq^W -cadena !!!!

\sqsubseteq^w -inclusión, \sqsubseteq^w -intersección y \sqsubseteq^w -unión
entre subconjuntos borrosos

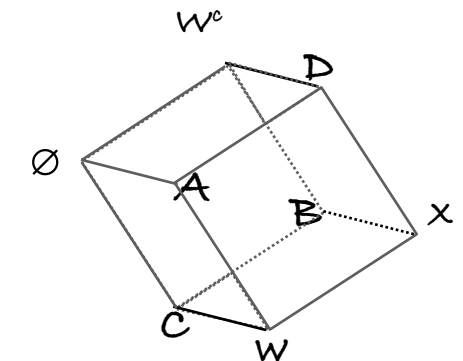


Familia de álgebras:

$$((P(X), \sqsubseteq^W))_{W \in P(X)}$$

$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \subseteq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \subseteq A \subseteq B + W$$

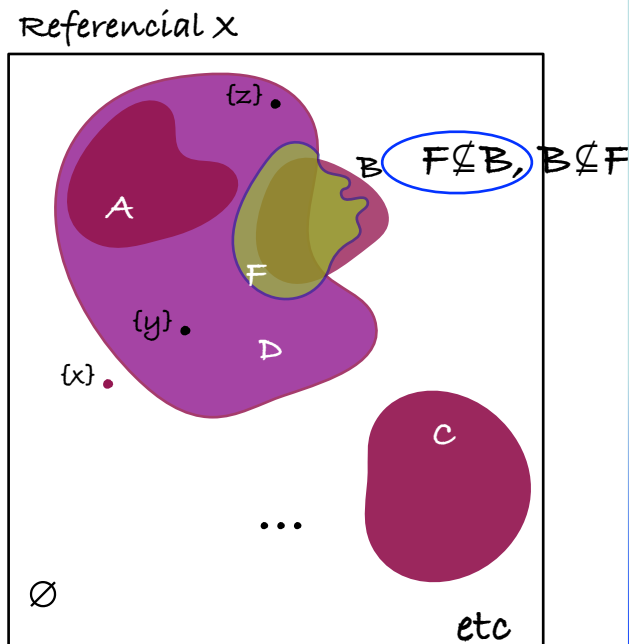


$$(P(X), \sqsubseteq^W, \Pi^W, \sqcup^W, \cdot, +, W^c)$$

Subconjuntos ordinarios de X:

$$(P(X), \sqsubseteq^\emptyset, \Pi^\emptyset, \sqcup^\emptyset, \cdot, +, \emptyset, X)$$

Interpretación del orden \subseteq como una "perspectiva" del conjunto $P(X)$ proporcionada por el subconjunto \emptyset :



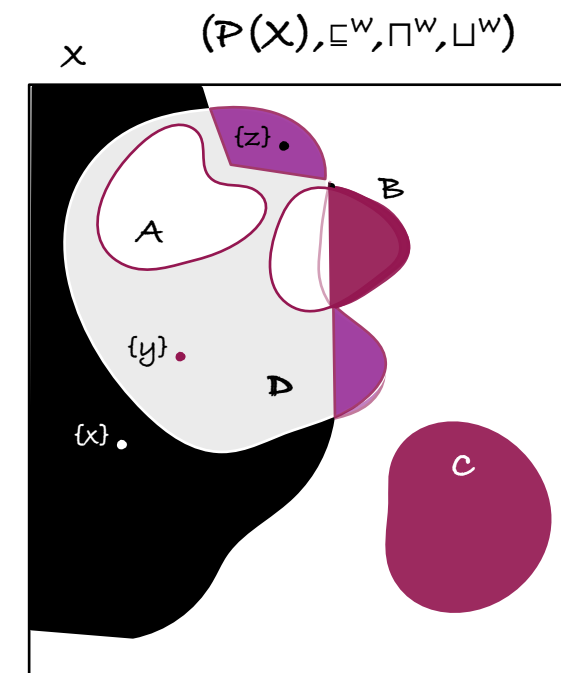
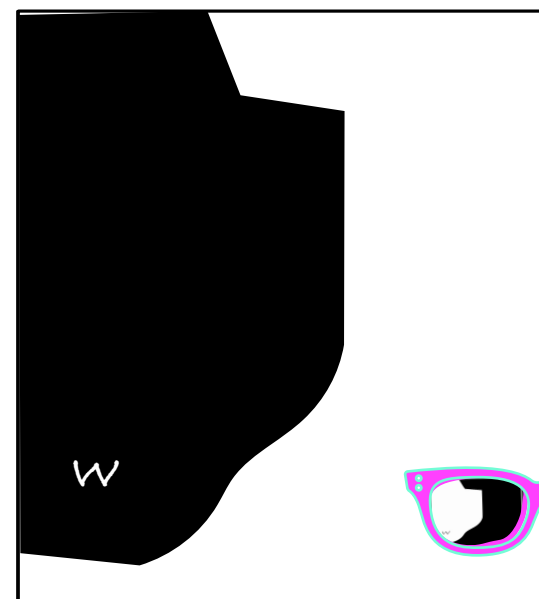
$$(P(X), \subseteq, \cap, \cup)$$

$$(A \subseteq D, C \subseteq A^c, B \cap D, B \cup D, \dots)$$

$$x \in D, y \in D, z \in D$$

Una nueva interpretación

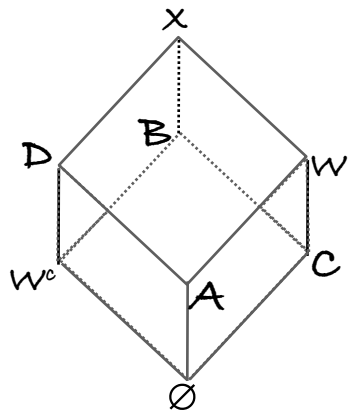
asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $P(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



"w-pertenencia": $x \in^W A \Leftrightarrow x \in A \Delta W$

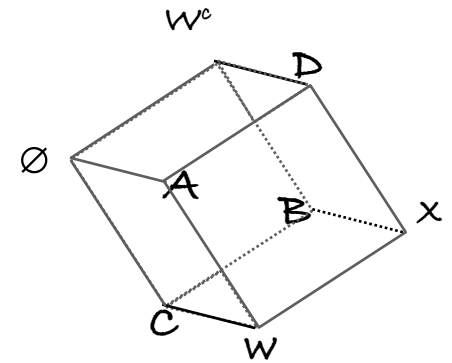
$$x \in^W D, y \notin^W D, z \in^W D$$

10



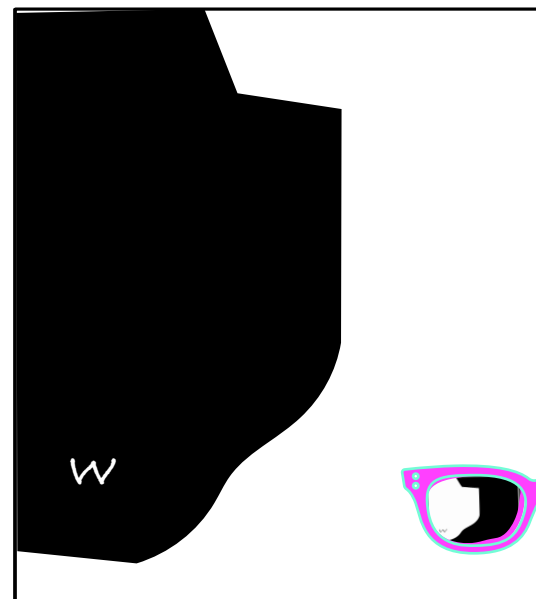
$$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



Una nueva interpretación

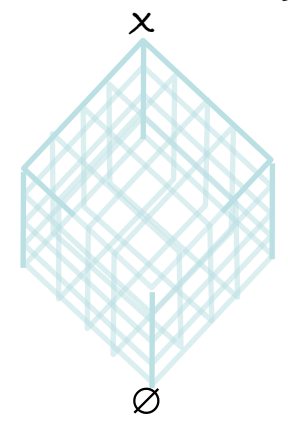
asociada a un orden \sqsubseteq^w que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



"w-pertenencia":

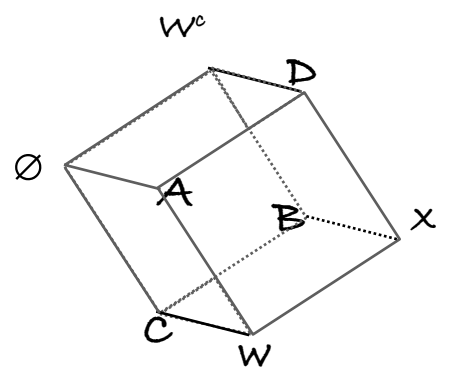
Si L es una cadena finita con una negación fuerte ' tal como: $0 < a = c' < b = b' < c = a' < 1$,

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L -borrosos de X :



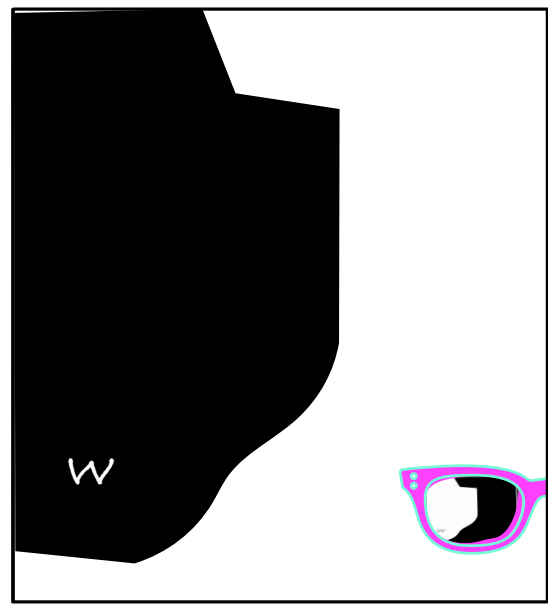
$$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^w que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".

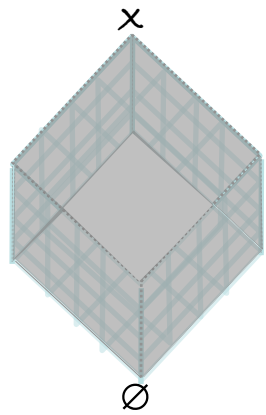


"w-pertenencia":

10

O si $L = [0,1]$ con la negación $x' = 1-x$,

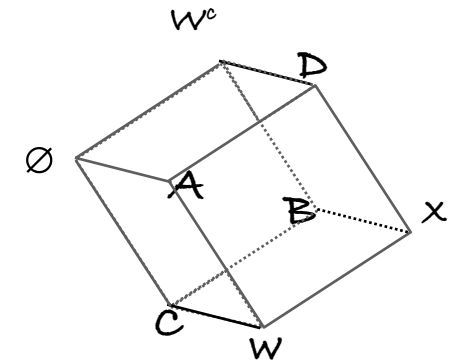
$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L -borrosos de X :



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, \cdot, +, ', \emptyset, X)$ con una negación fuerte

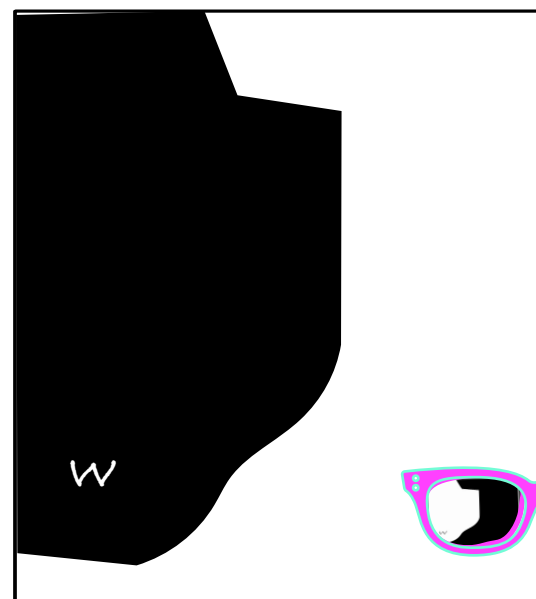
$$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



Una nueva interpretación

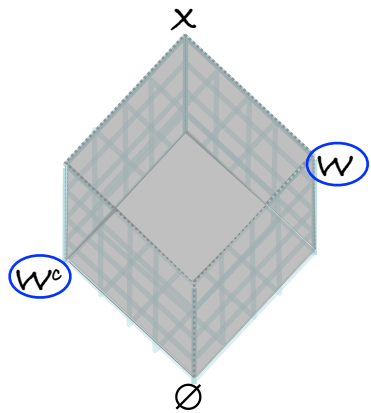
asociada a un orden \sqsubseteq^w que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



"w-pertenencia":

O si $L = [0,1]$ con la negación $x' = 1-x$,

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L -borrosos de X :

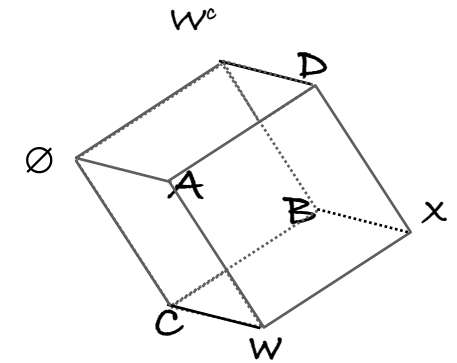


que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, \cdot, +, ', \emptyset, X)$ con una negación fuerte

Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)

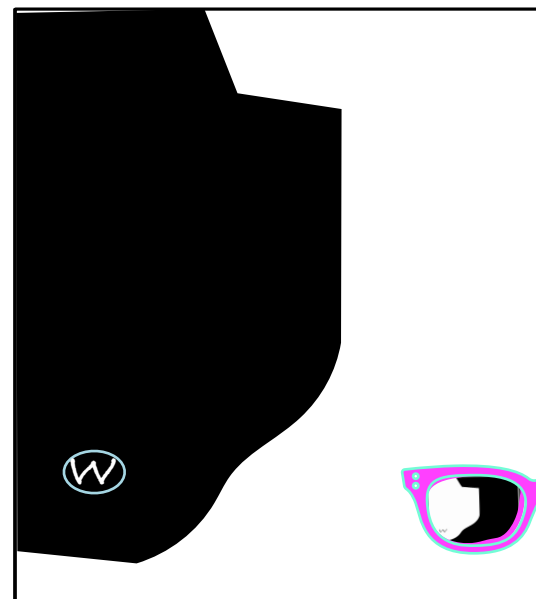
$$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



Una nueva interpretación

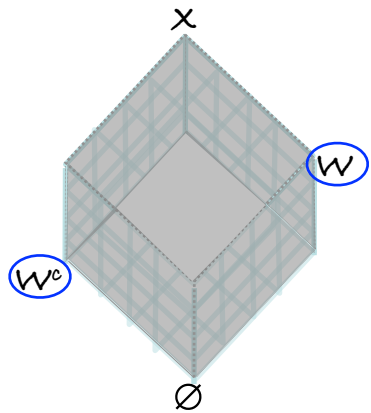
asociada a un orden \sqsubseteq^w que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



"w-pertenencia":

O si $L = [0,1]$ con la negación $x' = 1-x$,

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L -borrosos de X :

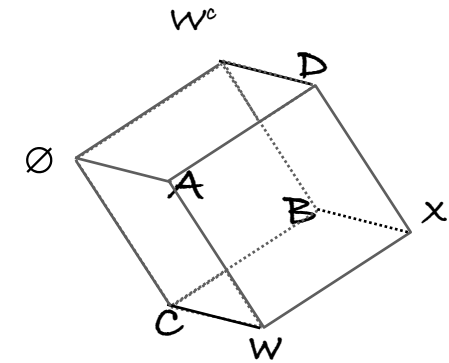


que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, \cdot, +, ', \emptyset, X)$ con una negación fuerte

Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)

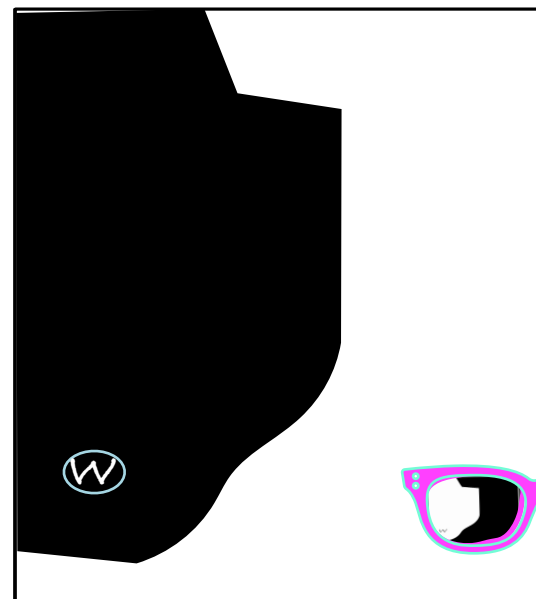
$$A \sqsubseteq^w B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



Una nueva interpretación

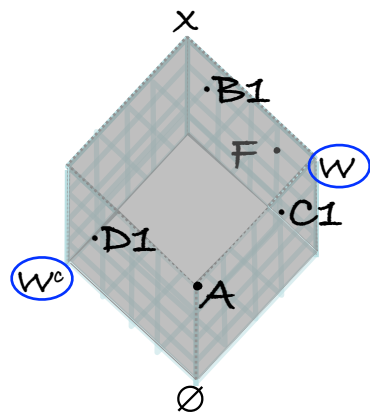
asociada a un orden \sqsubseteq^w que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese $L(X)$ subconjunto w : el orden de "w-inclusión".



"w-pertenencia":

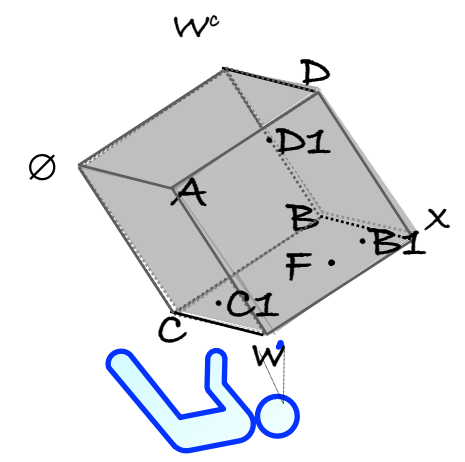
O si $L = [0,1]$ con la negación $x' = 1-x$,

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L -borrosos de X :



$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$

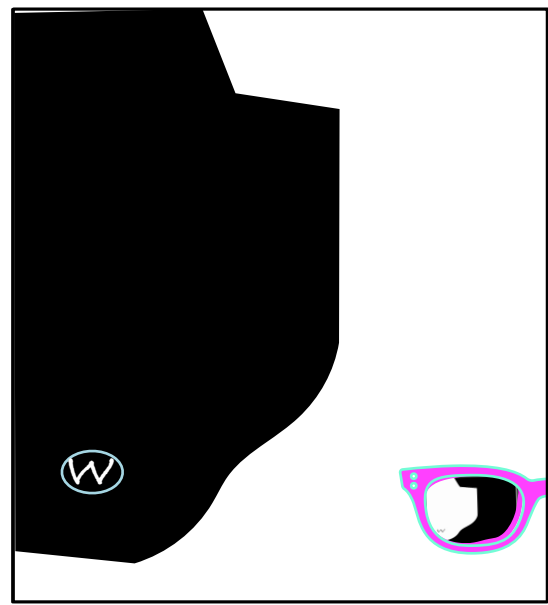
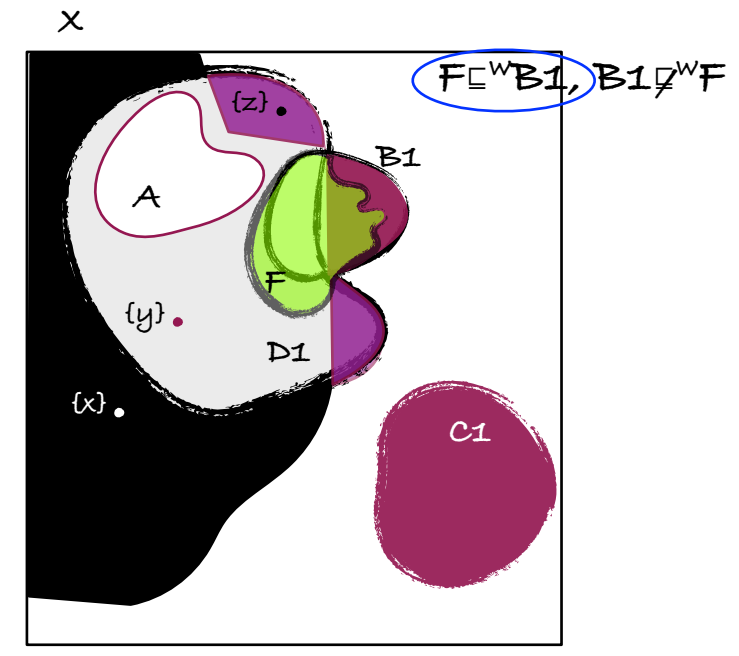


que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, \cdot, +, ', \emptyset, X)$ con una negación fuerte

Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)

Una nueva interpretación

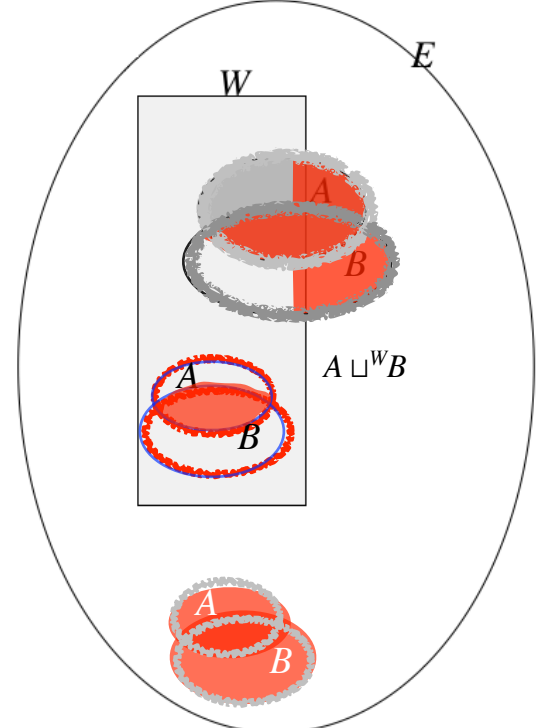
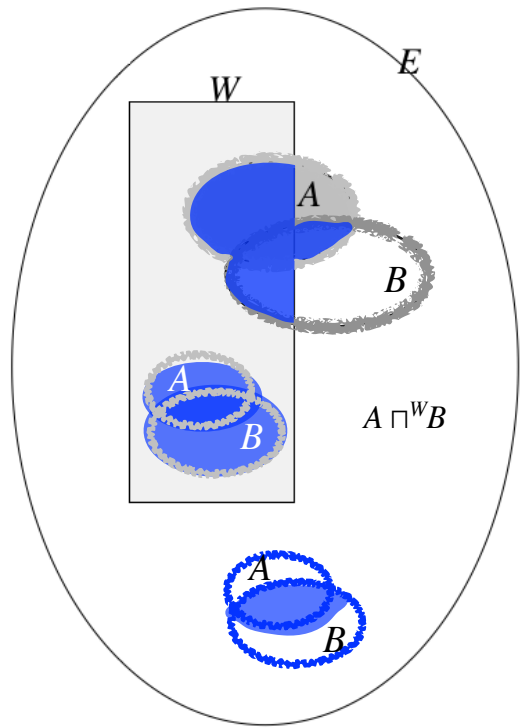
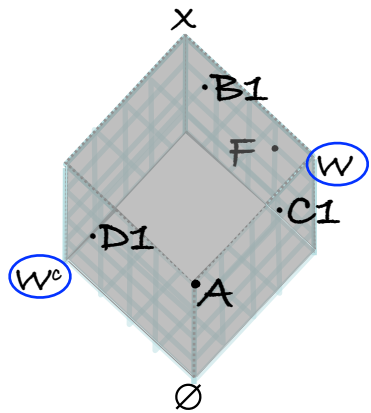
asociada a un orden \sqsubseteq^w que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto w : el orden de "w-inclusión".



"w-pertenencia":

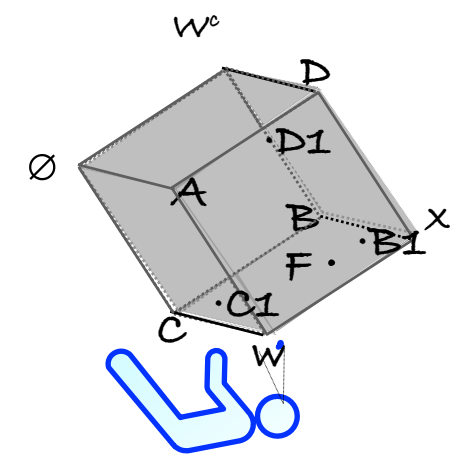
O si $L = [0,1]$ con la negación $x' = 1-x$,

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L -borrosos de X :



$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, \cdot, +, ', \emptyset, X)$ con una negación fuerte

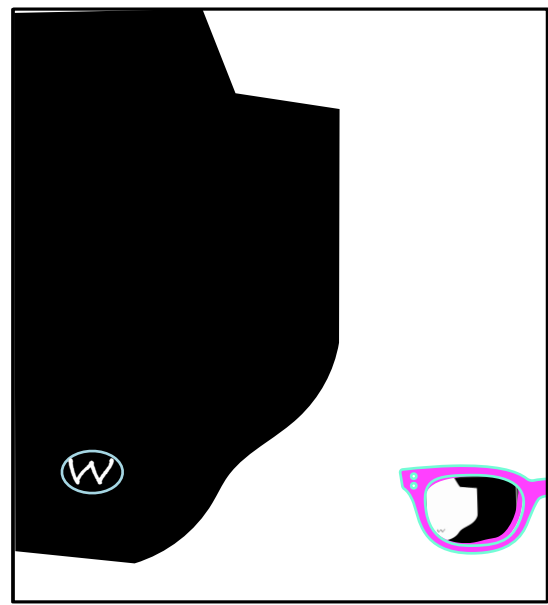
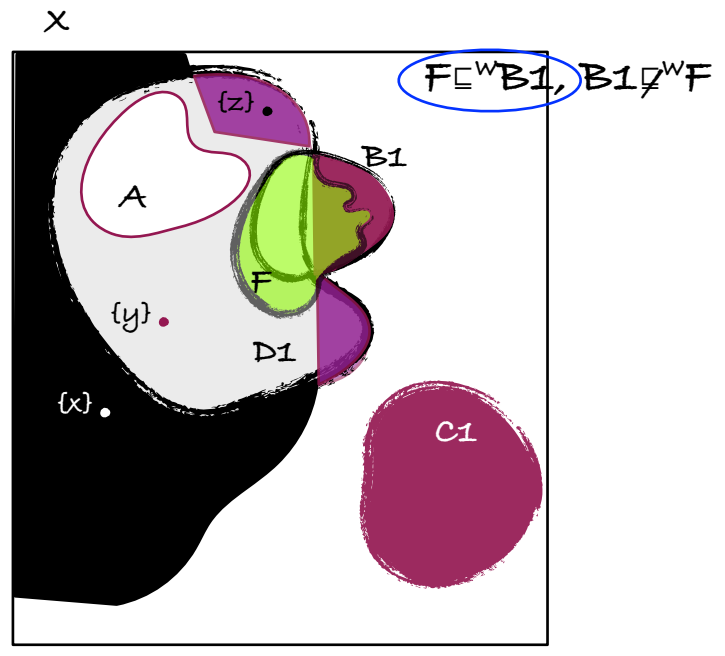
Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)

$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

Una nueva interpretación

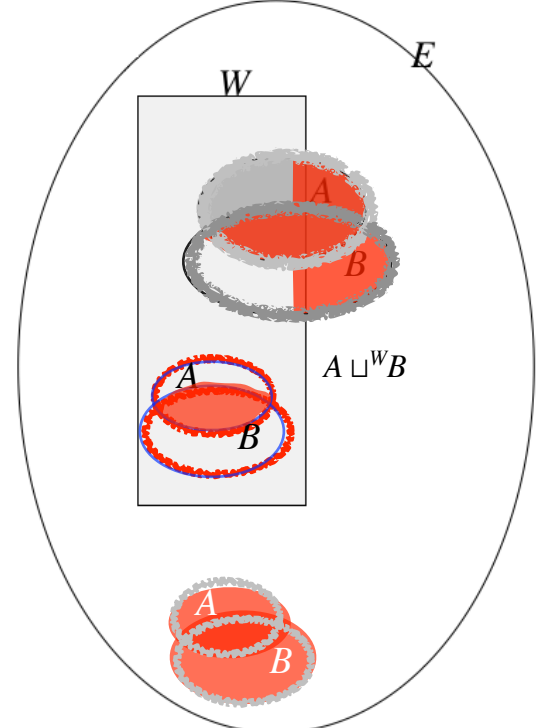
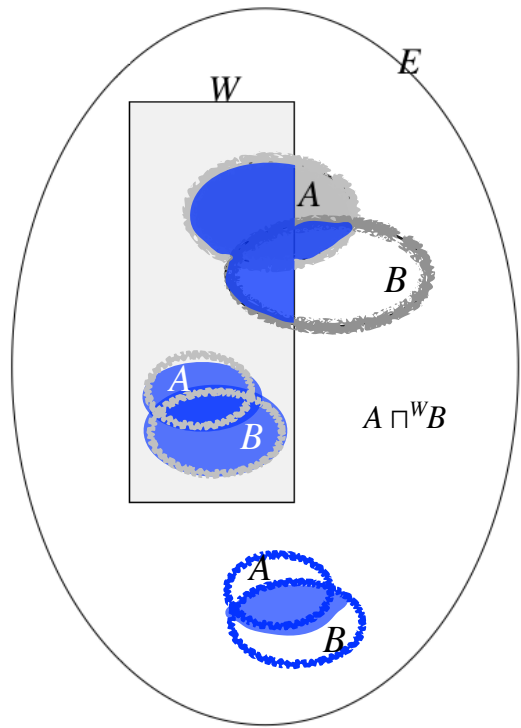
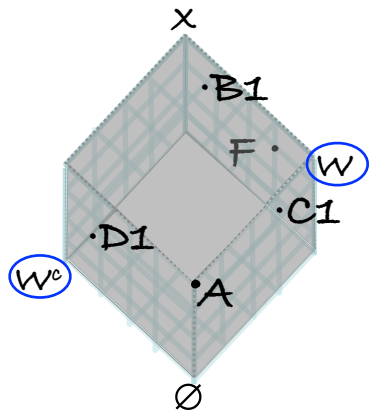
asociada a un orden \sqsubseteq^w que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto w : el orden de "w-inclusión".



"w-pertenencia":

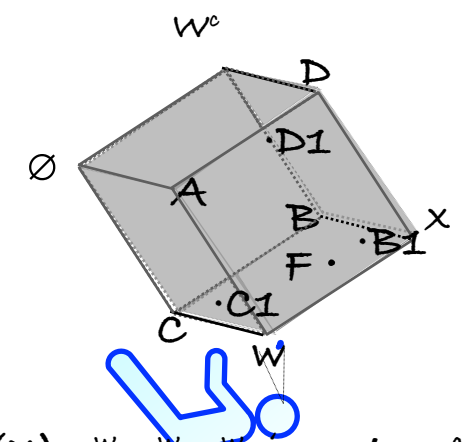
O si $L = [0,1]$ con la negación $x' = 1-x$,

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L -borrosos de X :



$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



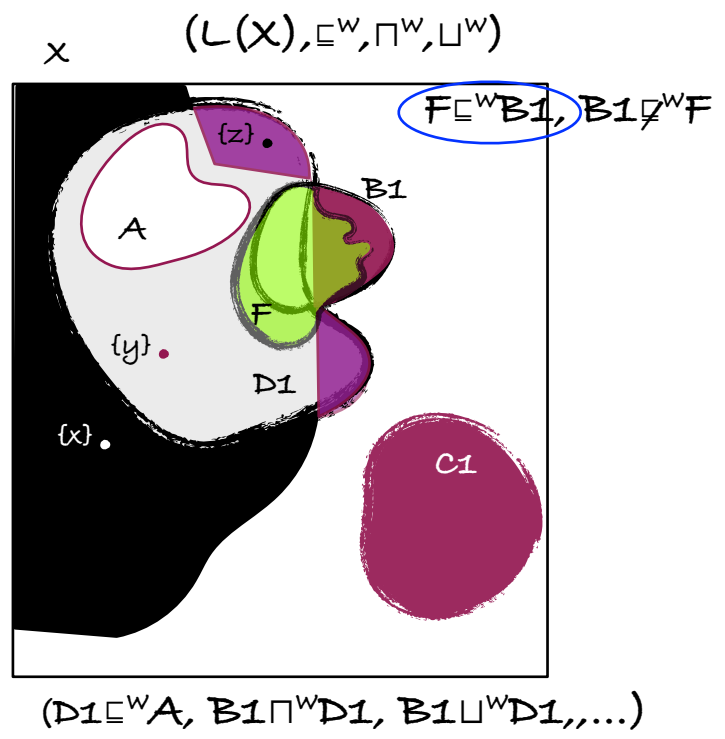
que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, \cdot, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte
 Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)

$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

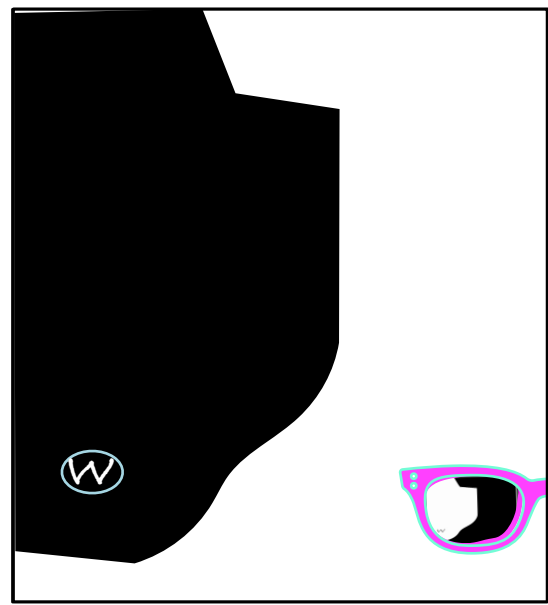
$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

Isomorfismo $M \rightarrow M \Delta W$,
 con $M \Delta W = (M \cdot W^c) + (M \cdot W)$

Una nueva interpretación
 asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



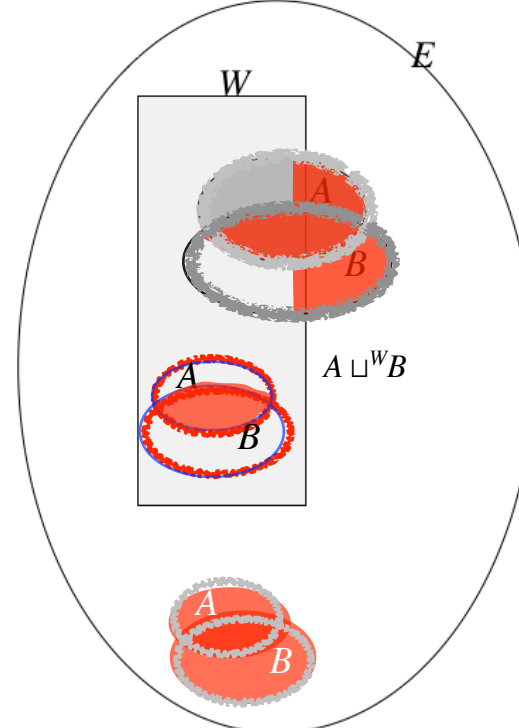
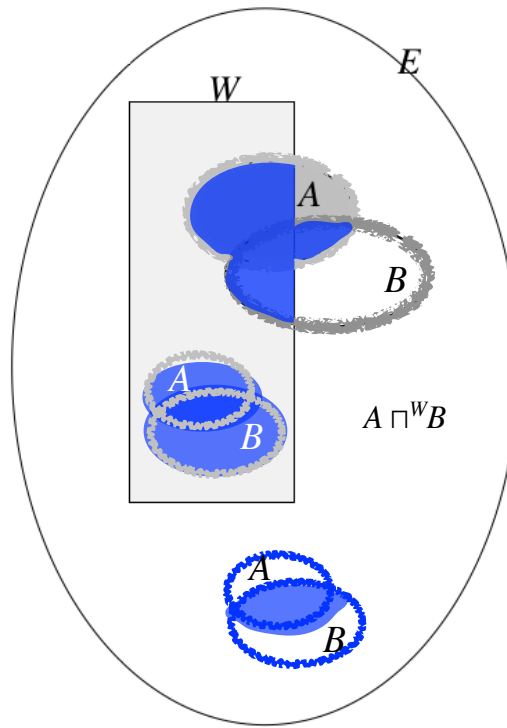
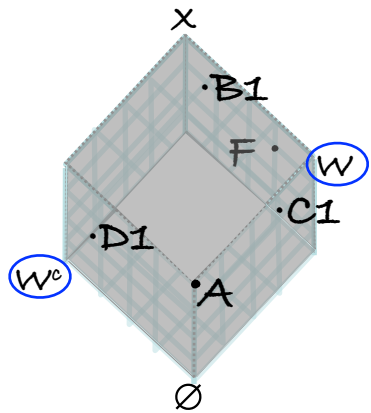
$$(D1 \sqsubseteq^W A, B1 \cap^W D1, B1 \cup^W D1, \dots)$$



"w-pertenencia":

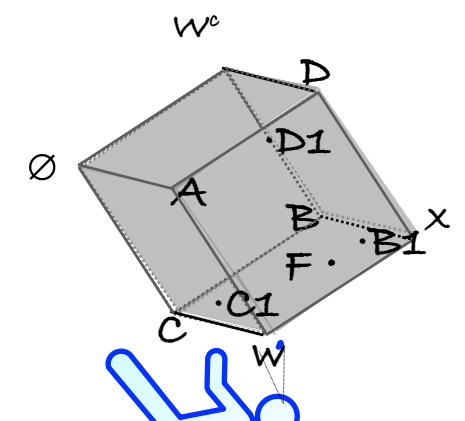
O si $L = [0,1]$ con la negación $x' = 1-x$,

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L -borrosos de X :



$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



$(L(X), \leq^W, \cap^W, \cup^W, \cdot, +, W, W' = W^c)$

$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

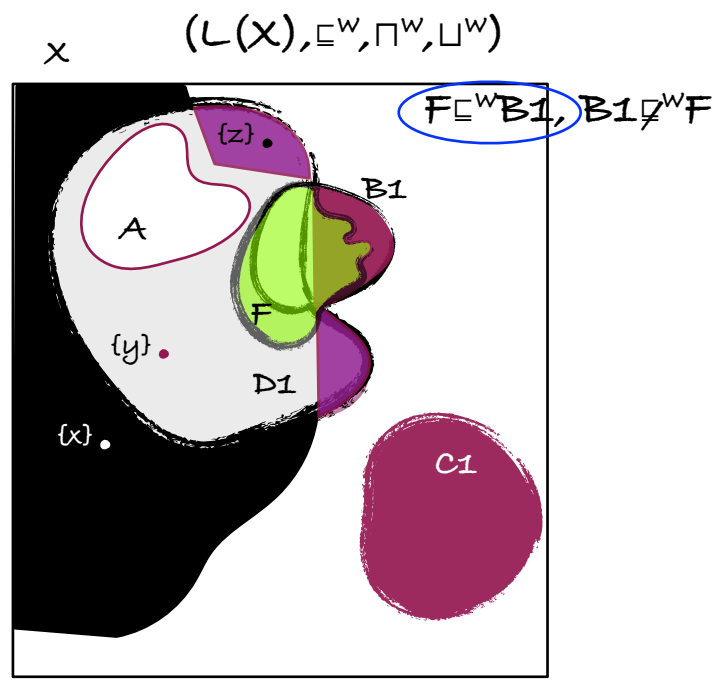
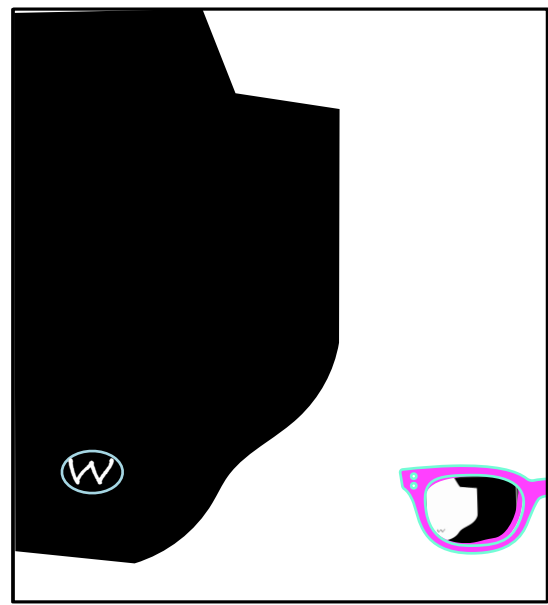
$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, \cdot, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte
 Sea $W \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $W' = W^c$)

Isomorfismo $M \rightarrow M \Delta W$,
 con $M \Delta W = (M \cdot W^c) + (M \cdot W)$

Una nueva interpretación

asociada a un orden \sqsubseteq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".



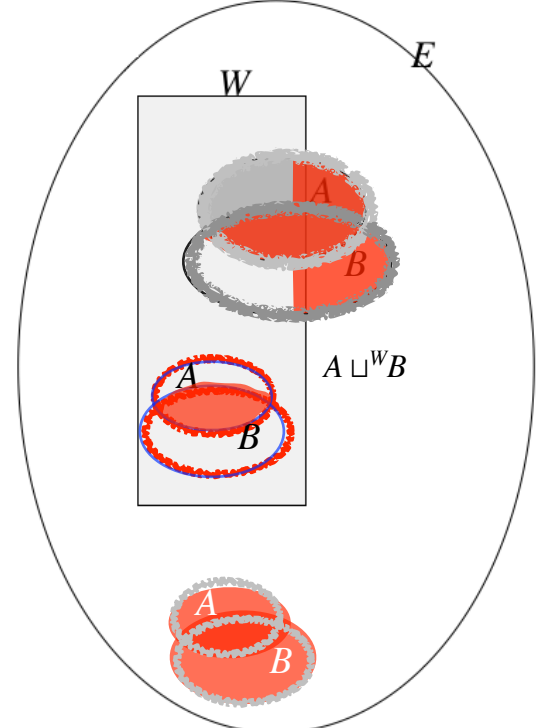
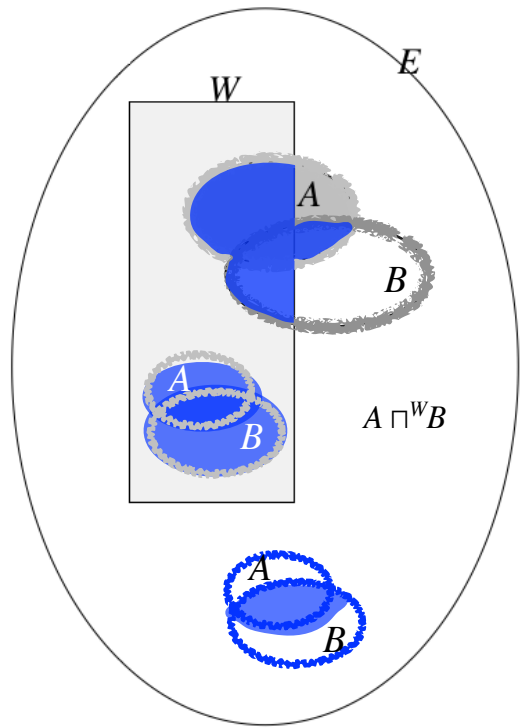
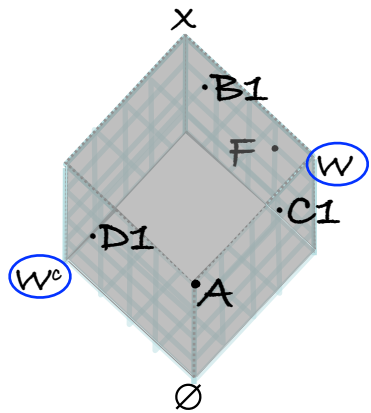
$$(D1 \sqsubseteq^W A, B1 \cap^W D1, B1 \cup^W D1, \dots)$$

"w-pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$

$$(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$$

Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

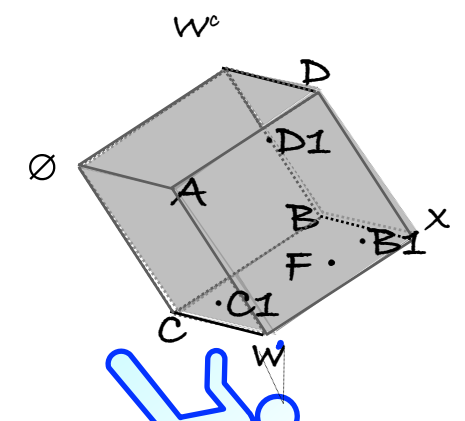
$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X:



Familia de retículos:
 $((L(X), \leq^W))_{W \in P(X)}$

$$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



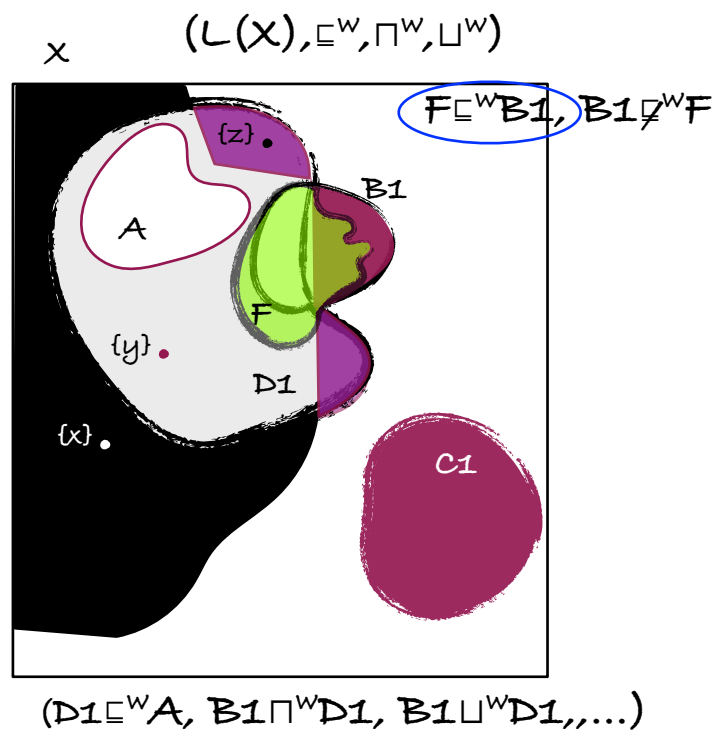
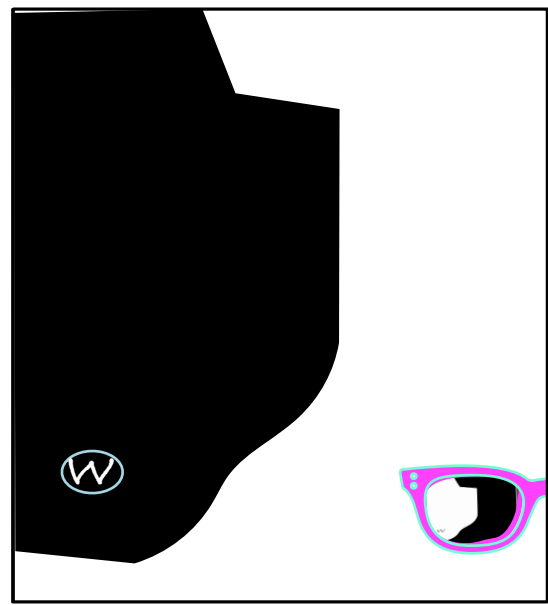
que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte
 Sea $W \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $W' = W^c$)

Isomorfismo $M \rightarrow M \Delta W$,
 con $M \Delta W = (M \cdot W^c) + (M \cdot W)$

$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

Una nueva interpretación
 asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $P(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".

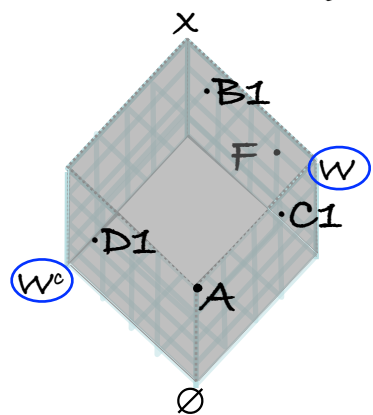


"W-pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$

$(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$

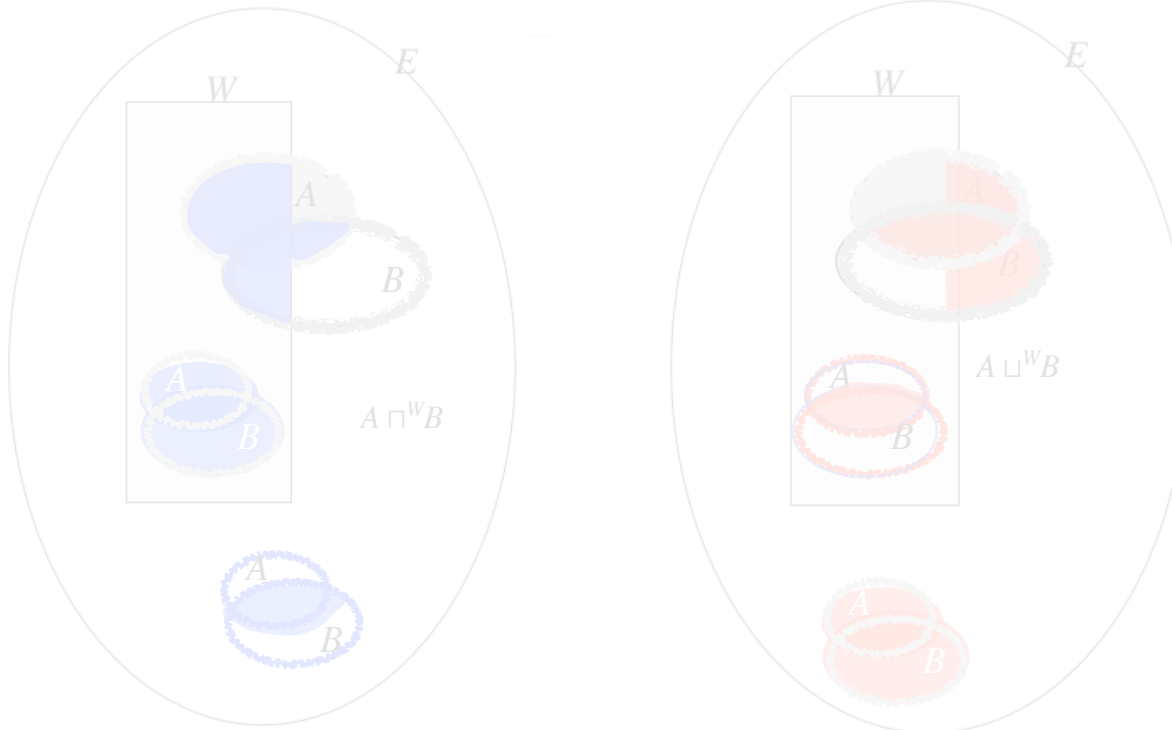
Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X:



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte

Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)



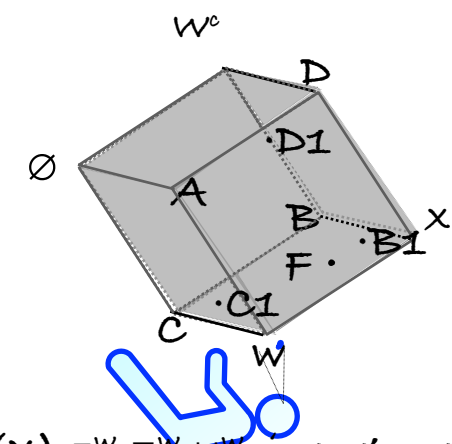
$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

Familia de retículos:
 $((L(X), \leq^W))_{W \in P(X)}$

$$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

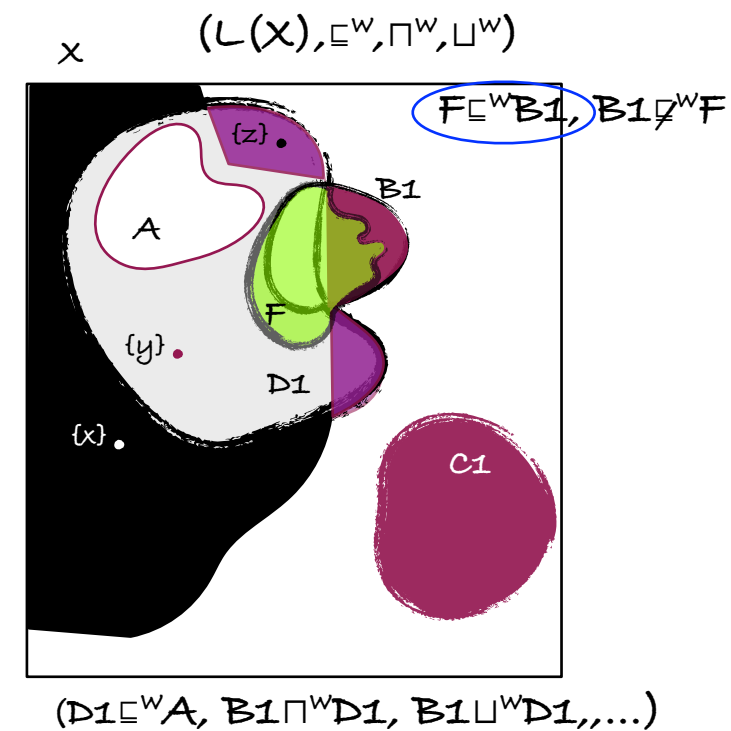
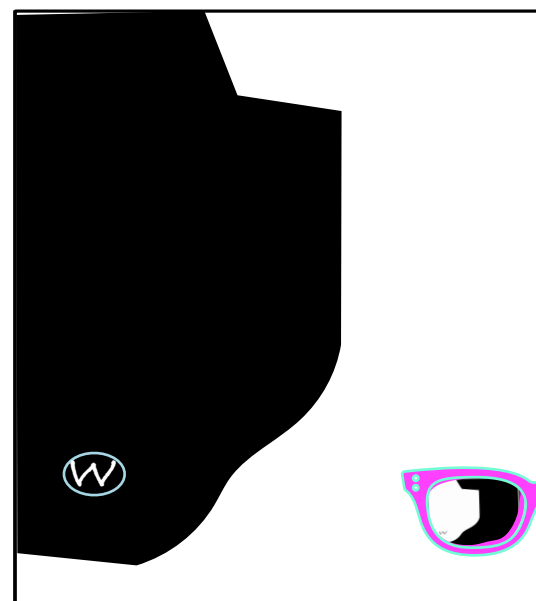
$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



$(L(X), \leq^W, \cap^W, \cup^W, \cdot, +, W, W' = W^c)$

Una nueva interpretación

asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $P(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de "W-inclusión".

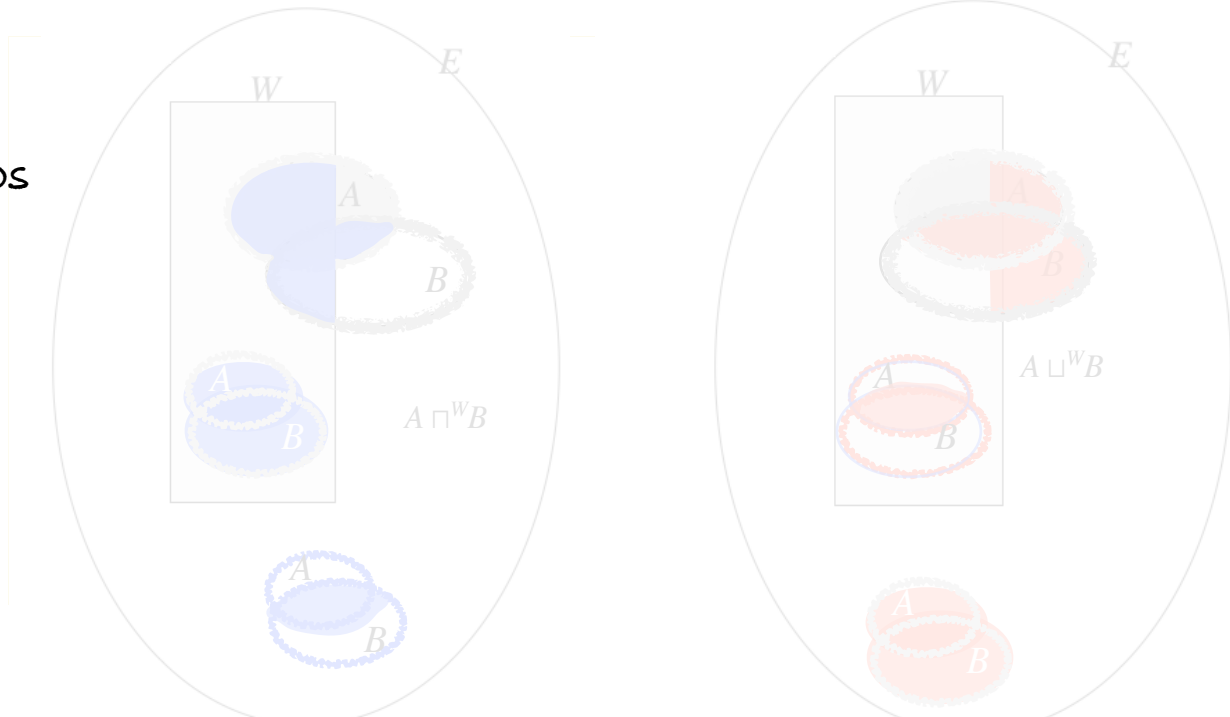
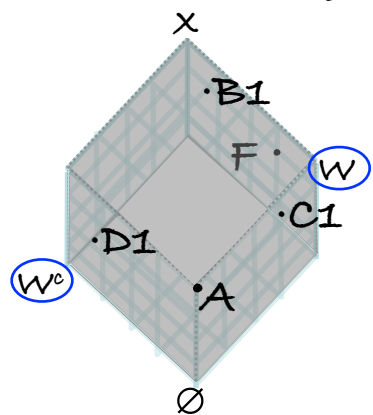


"w-pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$

$(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$

Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

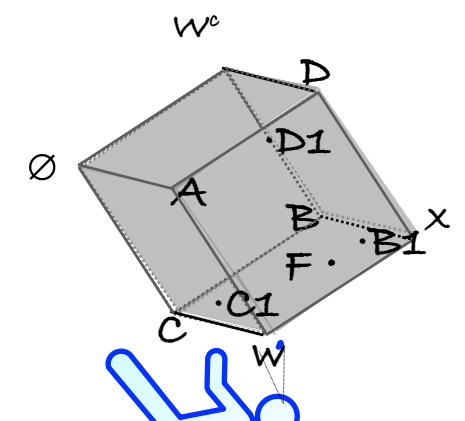
$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X:



Familia de retículos:
 $((L(X), \leq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

$$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



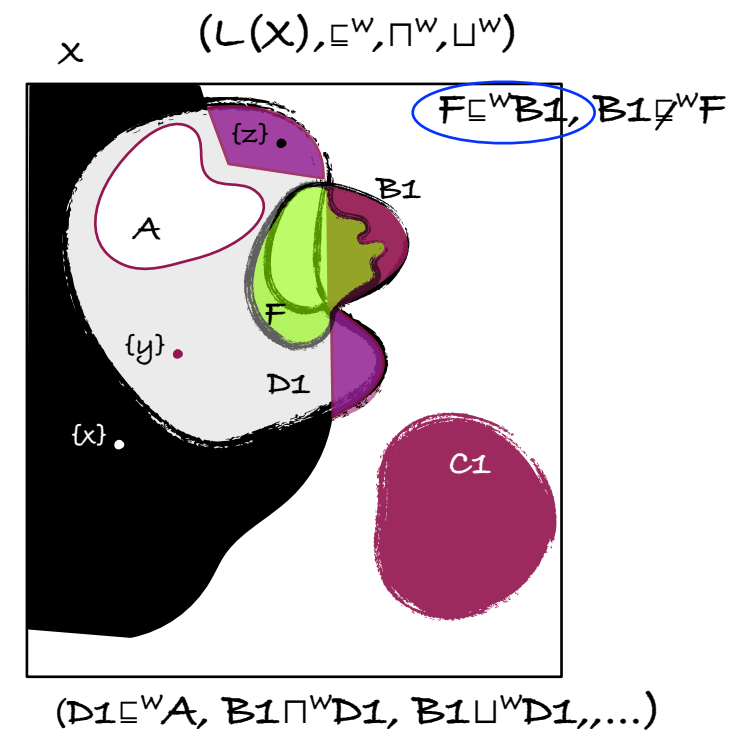
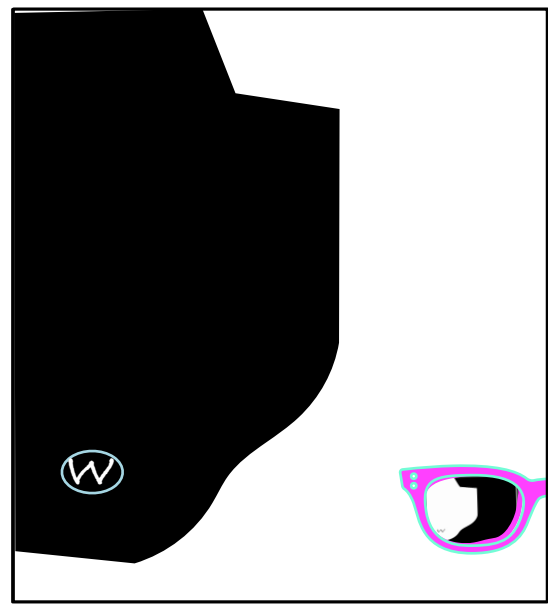
$(L(X), \leq^W, \Pi^W, \cup^W, \cdot, W, W' = W^c)$

$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

W subconjunto borroso propio (no complementado).

Una nueva interpretación
 asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".

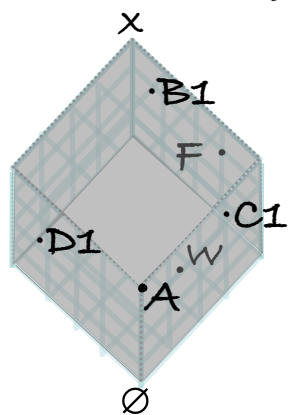


"W-pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$

$(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$

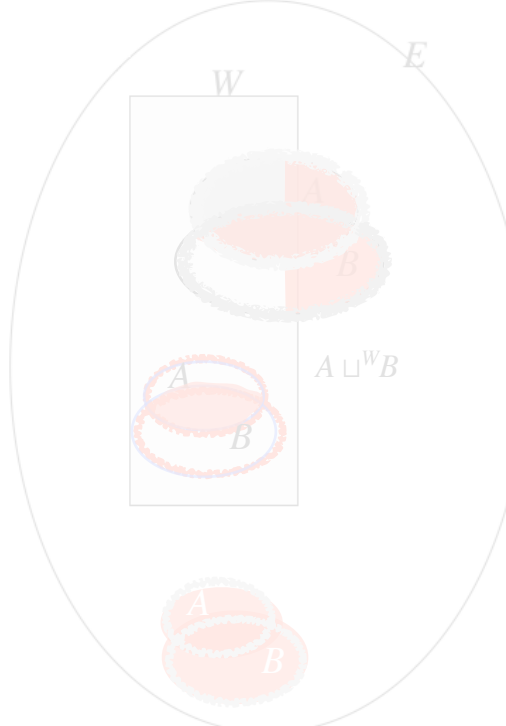
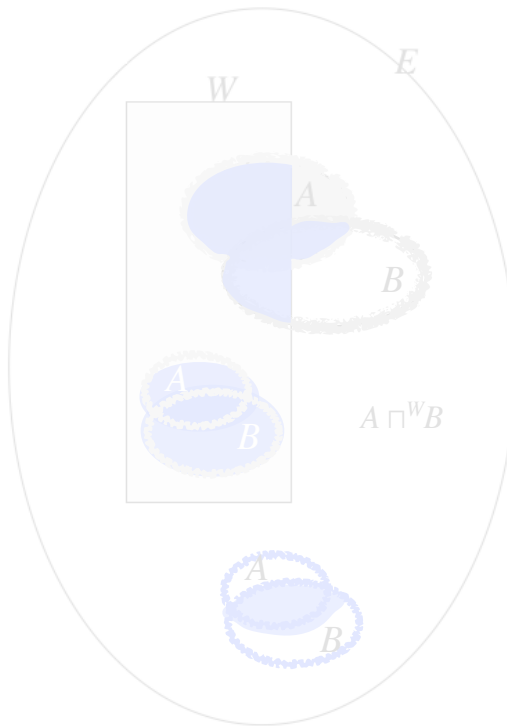
Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X:



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte

Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)



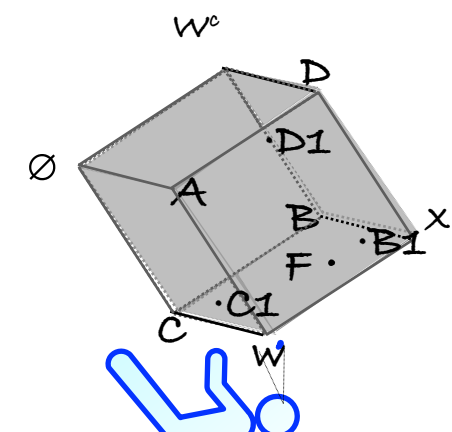
$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

Familia de retículos:
 $((L(X), \leq^W))_{W \in P(X)}$

$$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$

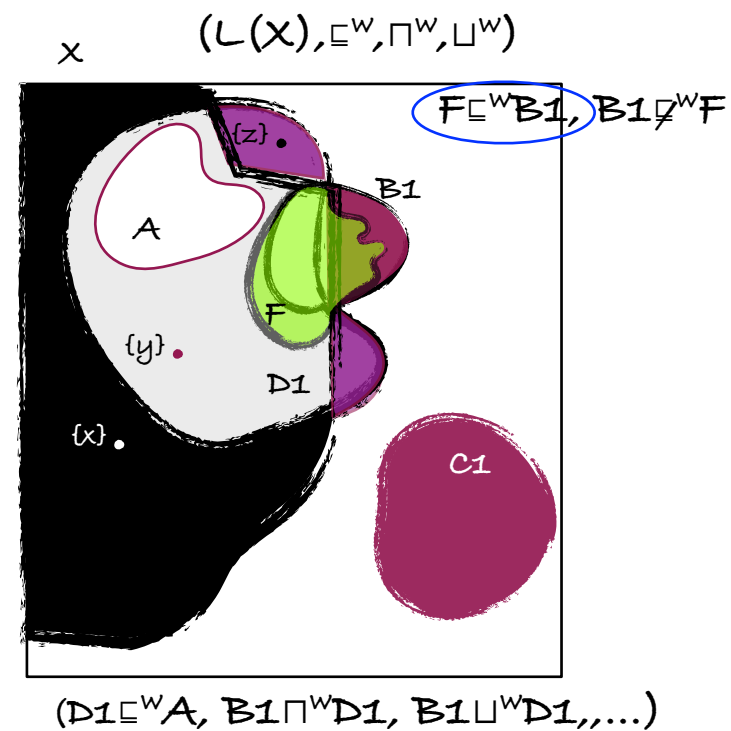
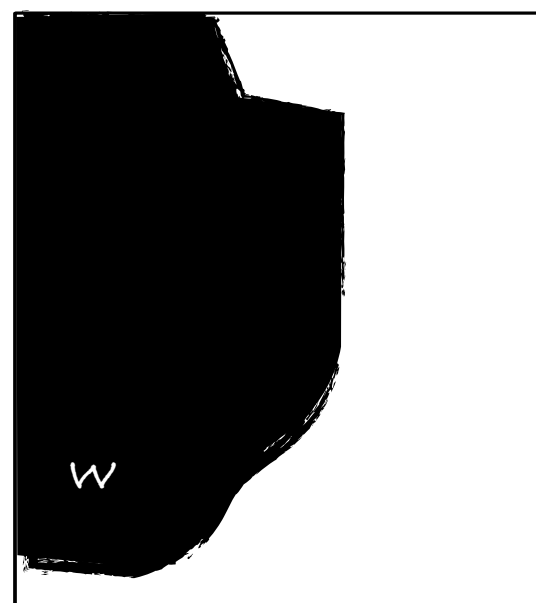


$(L(X), \leq^W, \cap^W, \cup^W, \cdot, +, W, W' = W^c)$

W subconjunto borroso propio (no complementado).

Una nueva interpretación

asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $P(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".

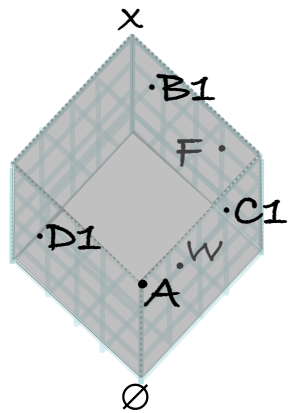


"w-pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$

$(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$

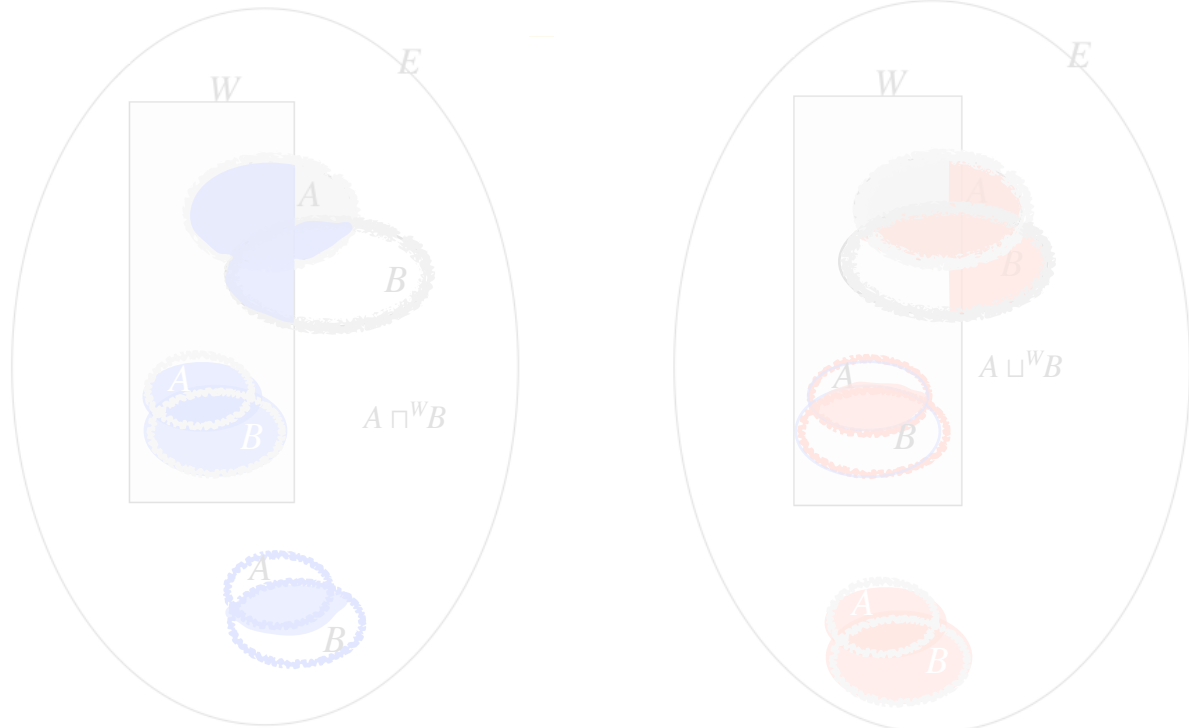
Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X :



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte

Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)

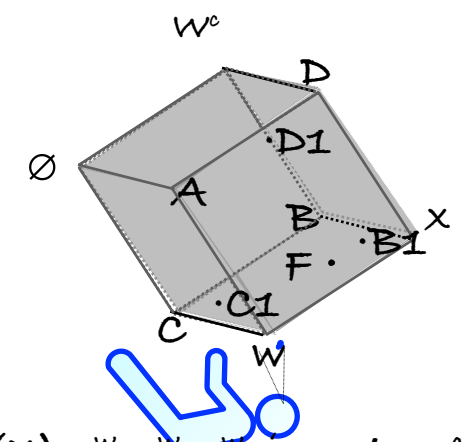


$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

Familia de retículos:
 $((L(X), \leq^W))_{W \in P(X)}$

~~$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$~~
 $\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$



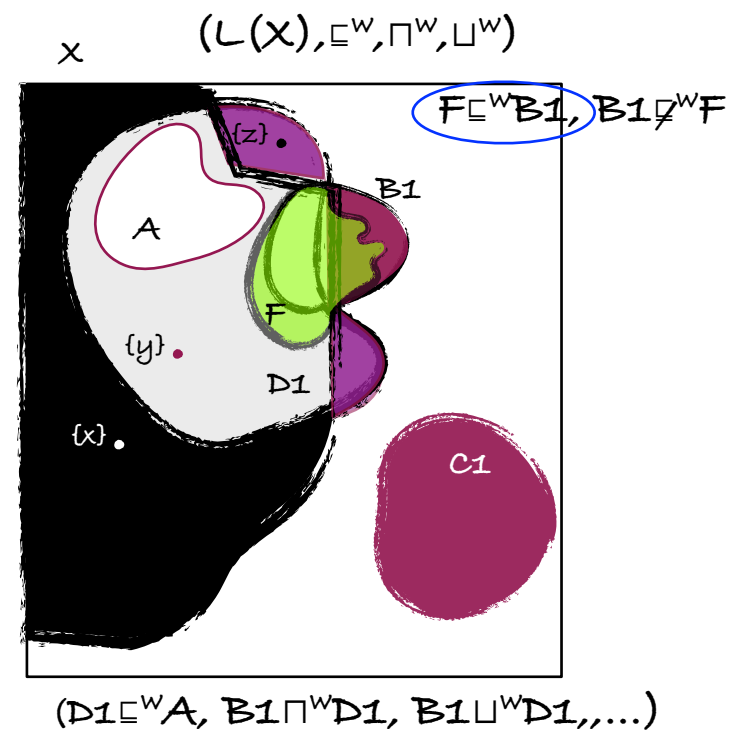
$(L(X), \leq^W, \cap^W, \cup^W, \cdot, +, W, W' = W^c)$

W subconjunto borroso propio (no complementado).

Una nueva interpretación

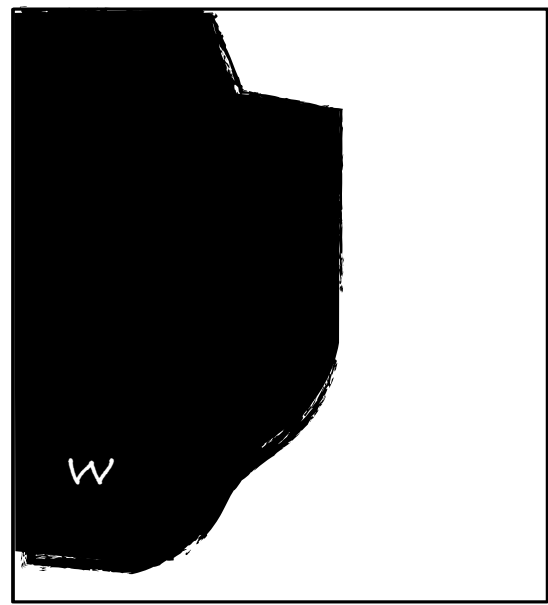
asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $P(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W : el orden de " W -inclusión".

$A \leq^W B \Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$



$(D1 \leq^W A, B1 \cap^W D1, B1 \cup^W D1, \dots)$

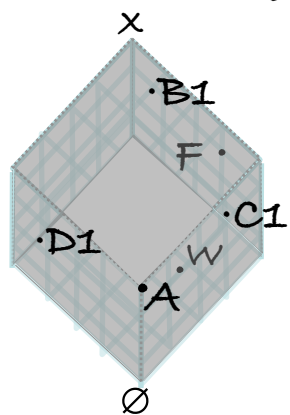
" w -pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$



10
 $(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$

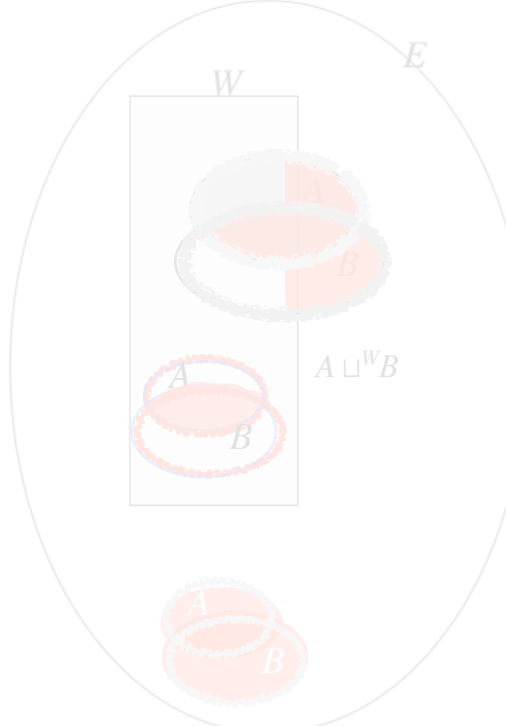
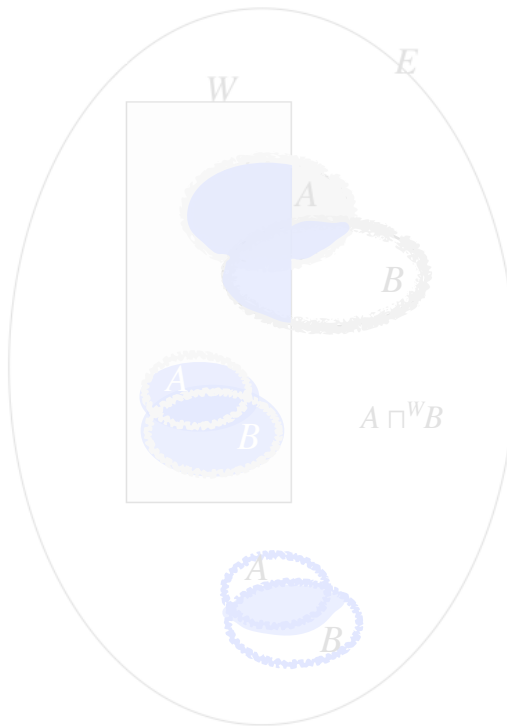
Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X:



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte

Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)



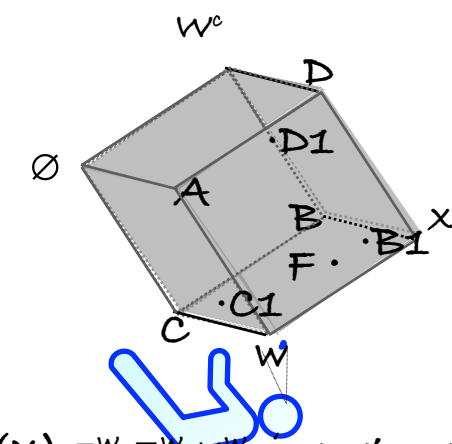
$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

Familia de retículos:
 $((L(X), \leq^W))_{W \in P(X)}$

$$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

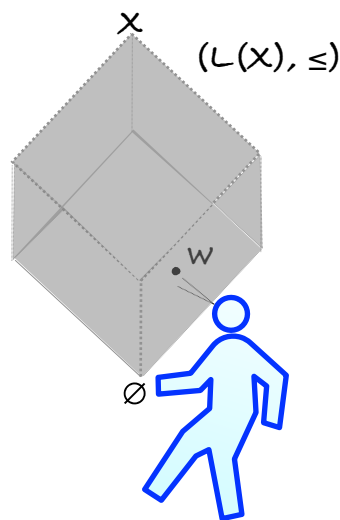
$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



$(L(X), \leq^W, \cap^W, \cup^W, \cdot, +, w, w' = w^c)$

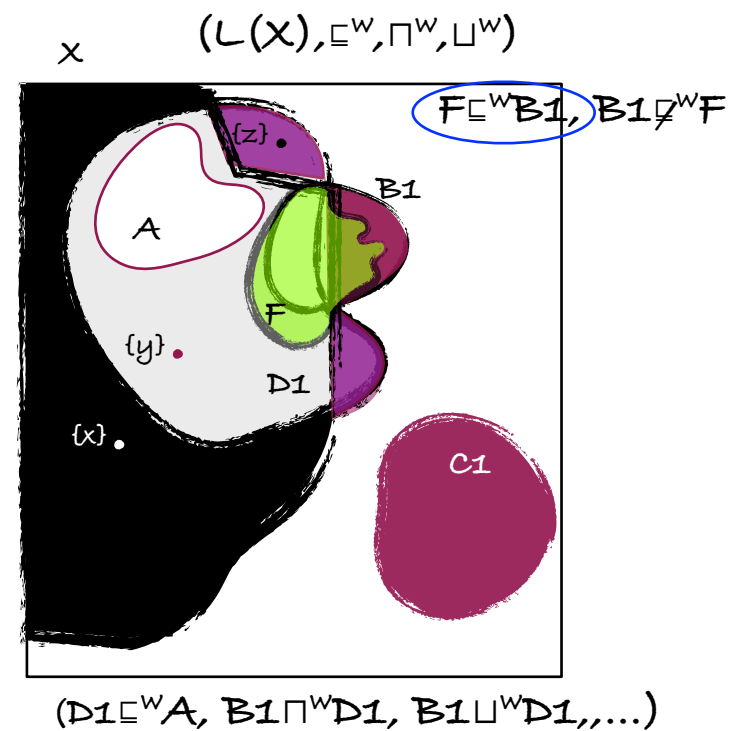
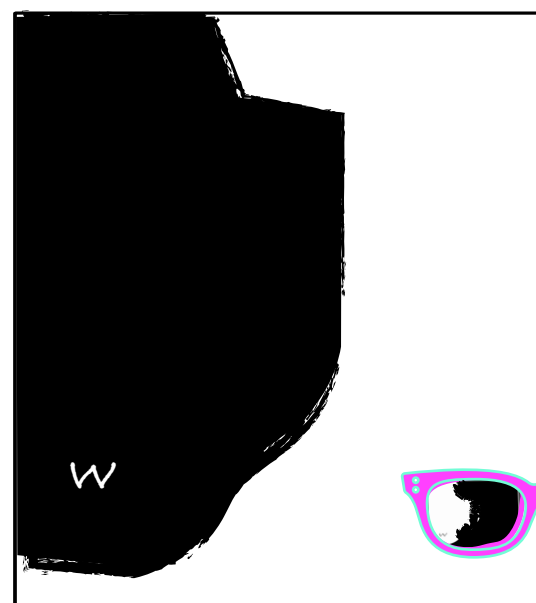
W subconjunto borroso propio (no complementado).

$$A \leq^W B \Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



Una nueva interpretación

asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $P(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".



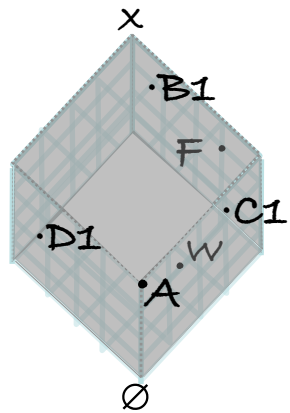
"W-pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$

10

$(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$

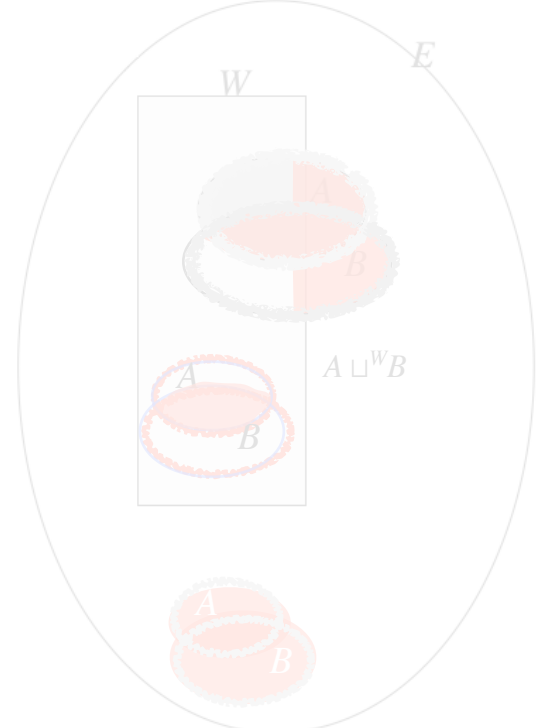
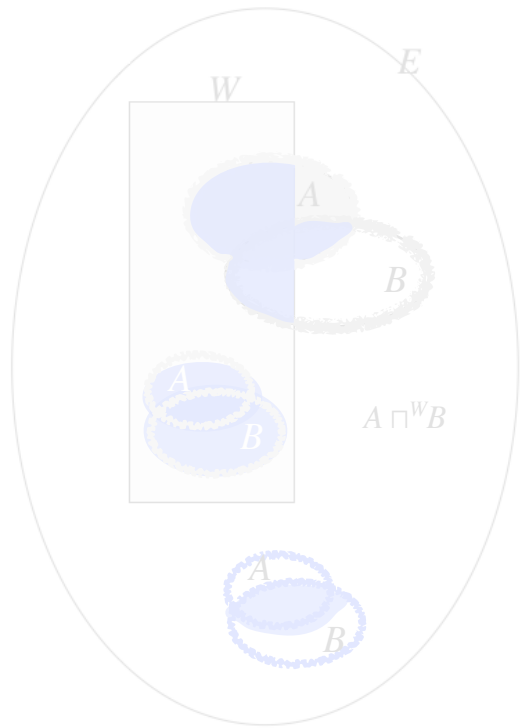
Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X:



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte

Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)



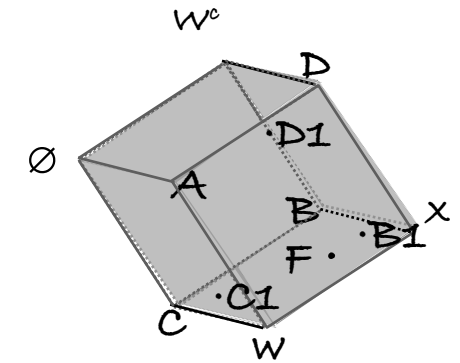
$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

Familia de retículos:
 $((L(X), \leq^W))_{W \in P(X)}$

$$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$$

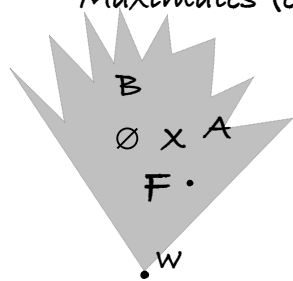
$$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$$



$(L(X), \leq^W, \cap^W, \cup^W, \cdot, w, w' = w^c)$

W subconjunto borroso propio (no complementado).

Maximales (entre ellos los que verifican $w \rightarrow q = q \leftarrow w$)

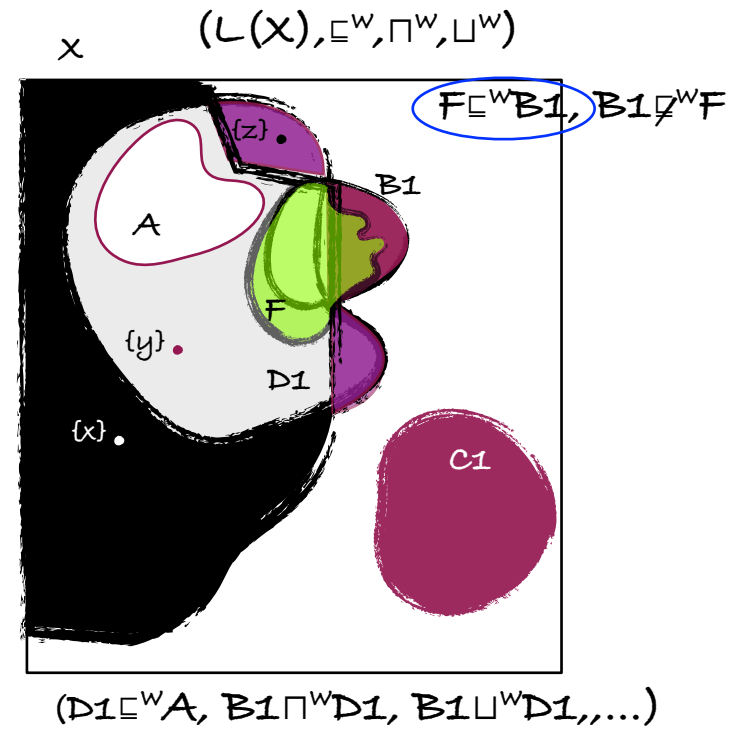
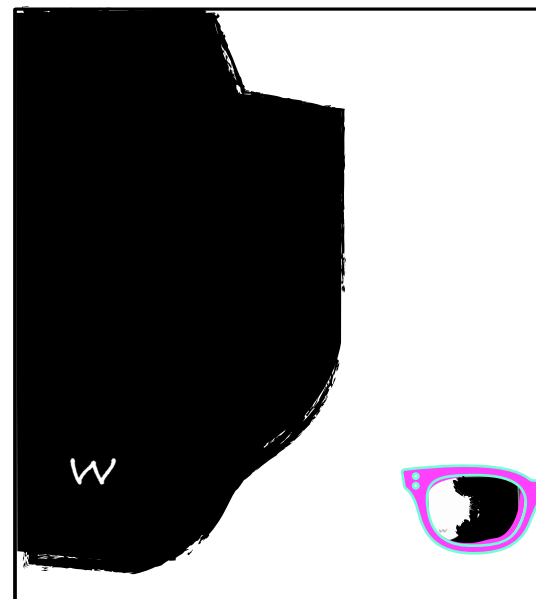


$$A \leq^W B \Leftrightarrow$$

$$B \cdot W \leq A \leq B + W$$

Una nueva interpretación

asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $P(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".



$(D1 \leq^W A, B1 \cap^W D1, B1 \cup^W D1, \dots)$

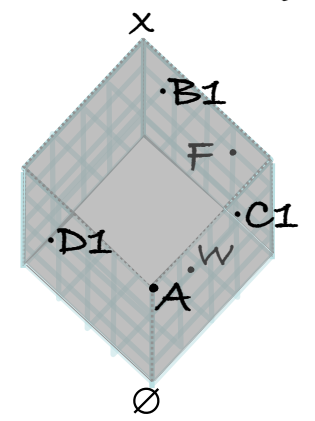
"W-pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$

10

$(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$

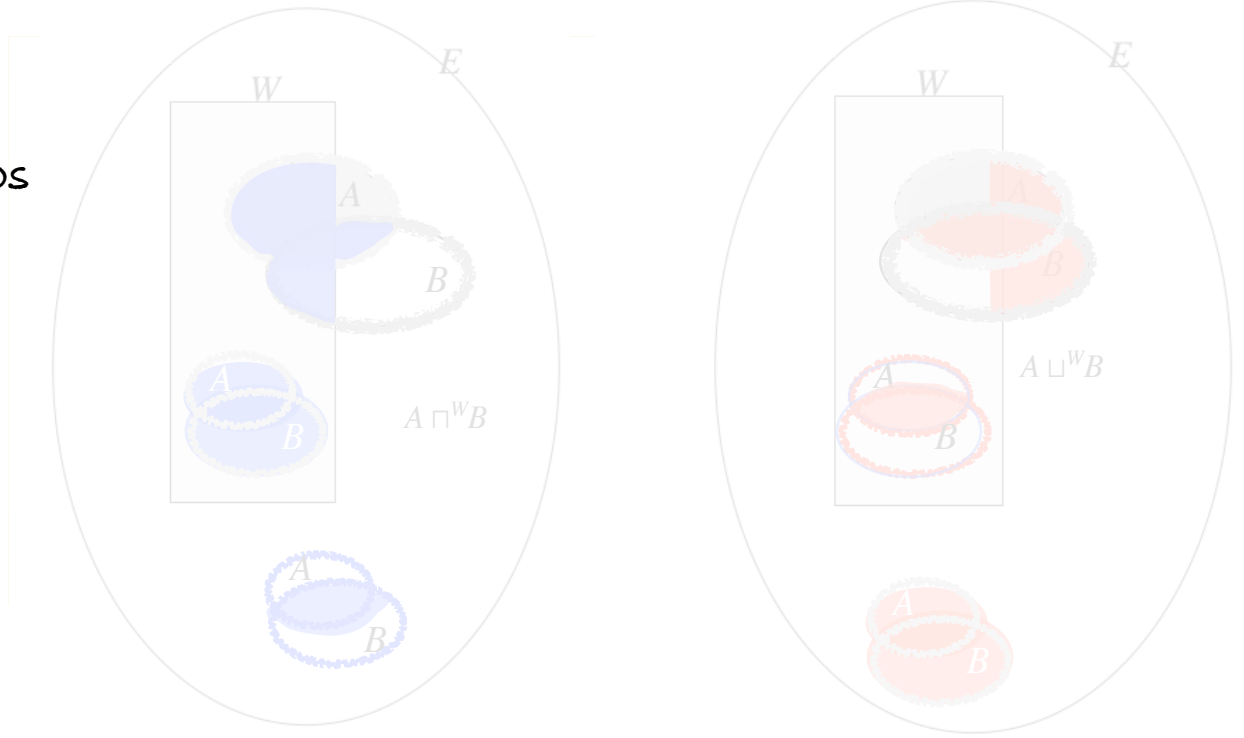
Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X:



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte

Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)



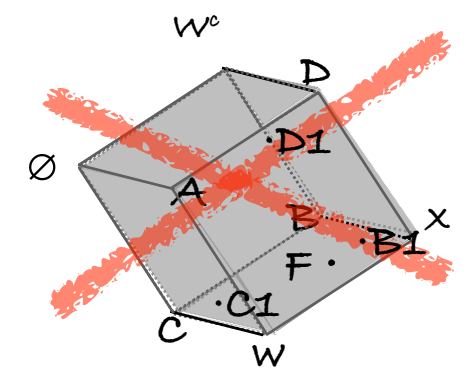
$$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$$

$$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$$

Familia de retículos: $((L(X), \leq^W))_{W \in P(X)}$

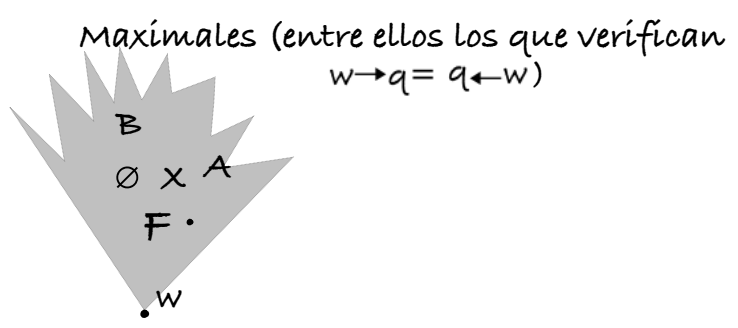
~~$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$~~

~~$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$~~



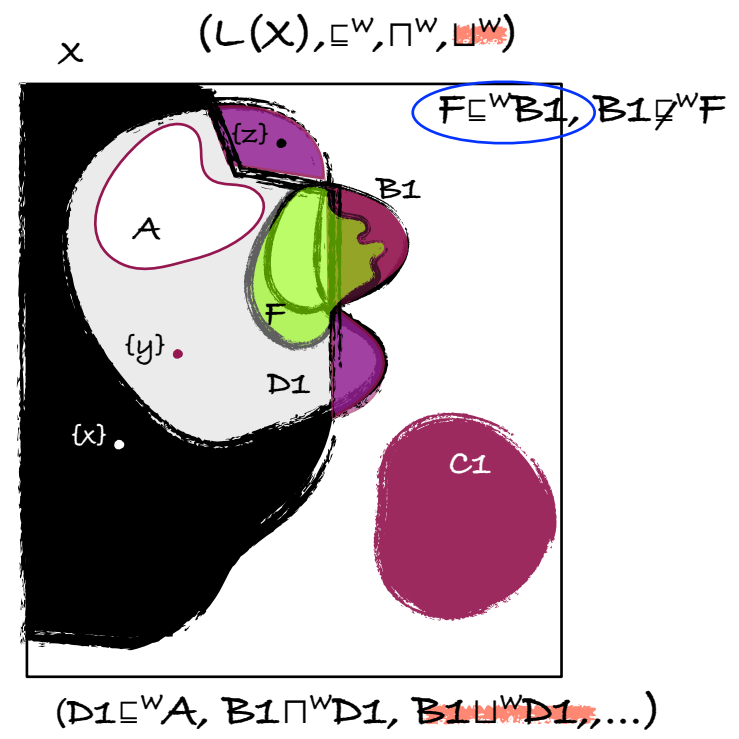
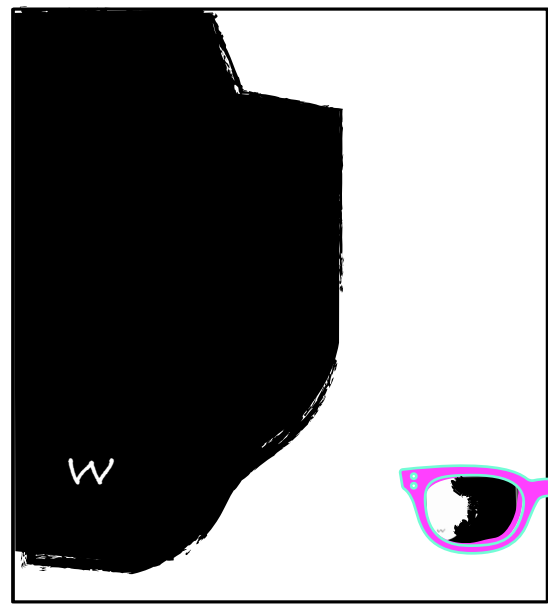
$(L(X), \leq^W, \cap^W, \cup^W, \cdot, w, w' = w^c)$

W subconjunto borroso propio (no complementado).



$A \leq^W B \Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$

Una nueva interpretación asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $P(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".



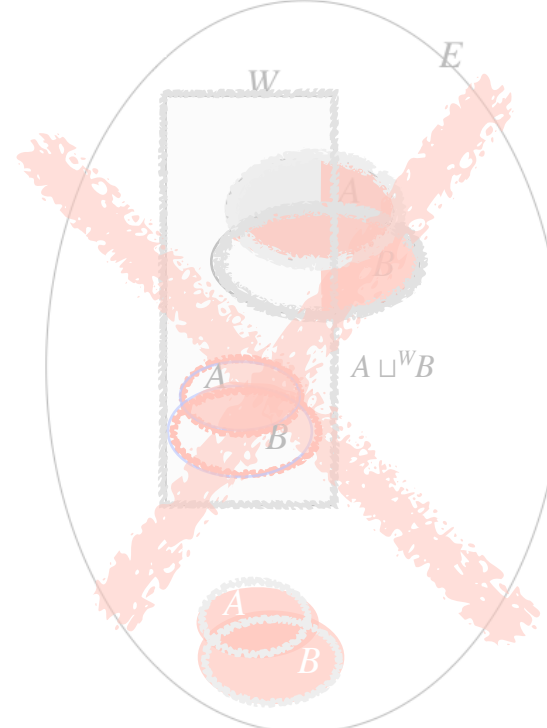
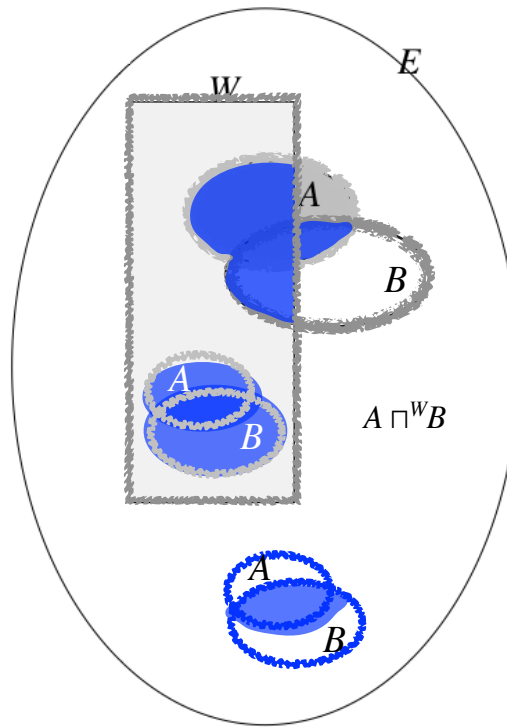
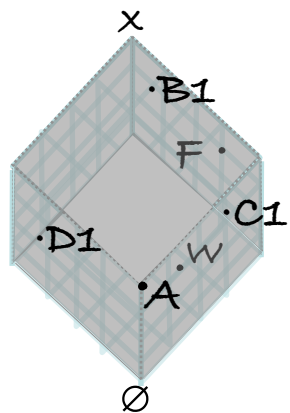
"W-pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$

10

$(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$

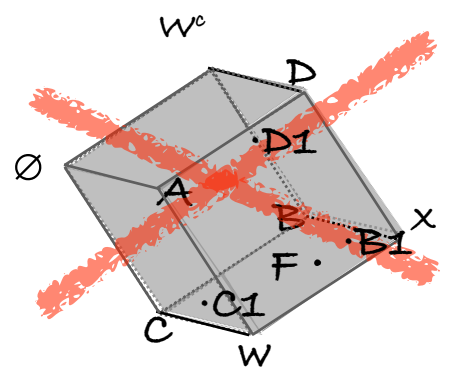
Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X:



Familia de retículos:
 $((L(X), \leq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

~~$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$~~
 ~~$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$~~



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte

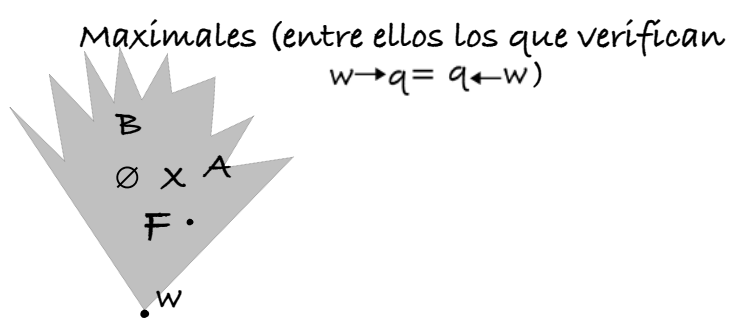
~~Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)~~

$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$

$(L(X), \leq^W, \cap^W, \cup^W, \cdot, w, w' = w^c)$

~~$A \cup^W B = A \cap^{w^c} B = (A \cdot B) + [w^c \cdot (A + B)]$~~

W subconjunto borroso propio (no complementado).

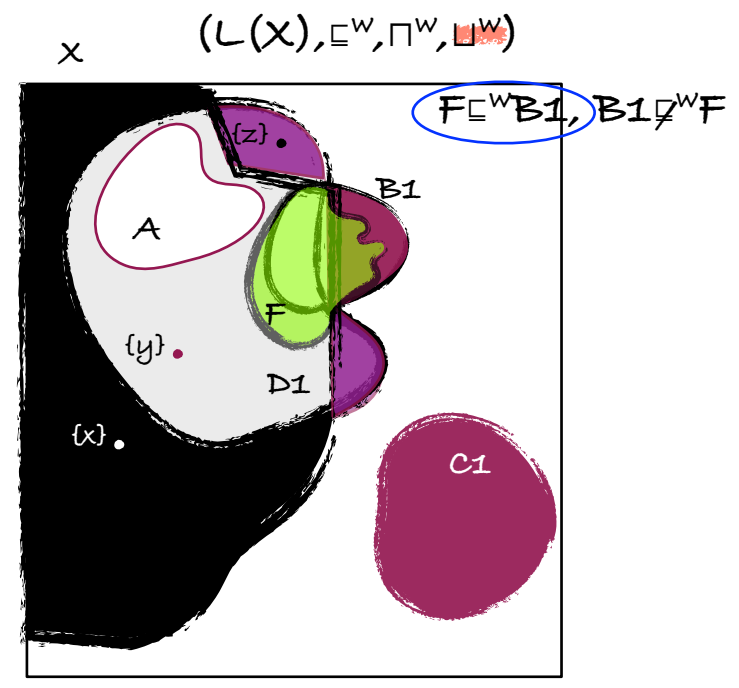


$A \leq^W B \Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$

$(L(X), \leq^W, \cap^W, W)$
 inf-semirretículo con elemento mínimo W.

Una nueva interpretación

asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".



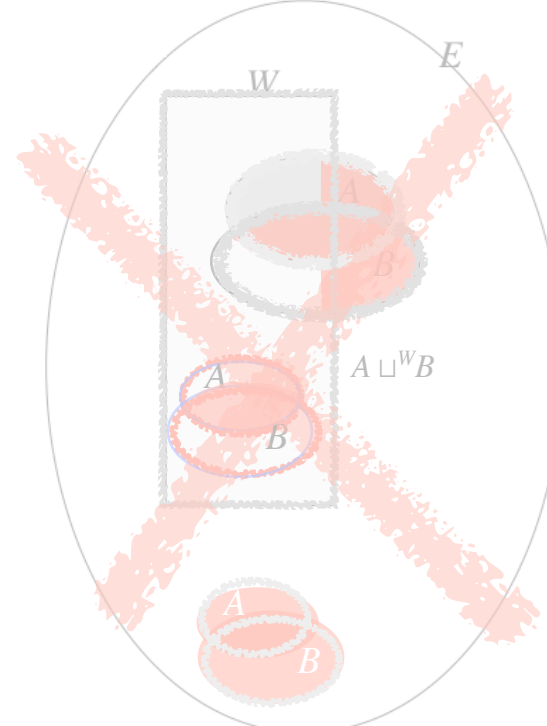
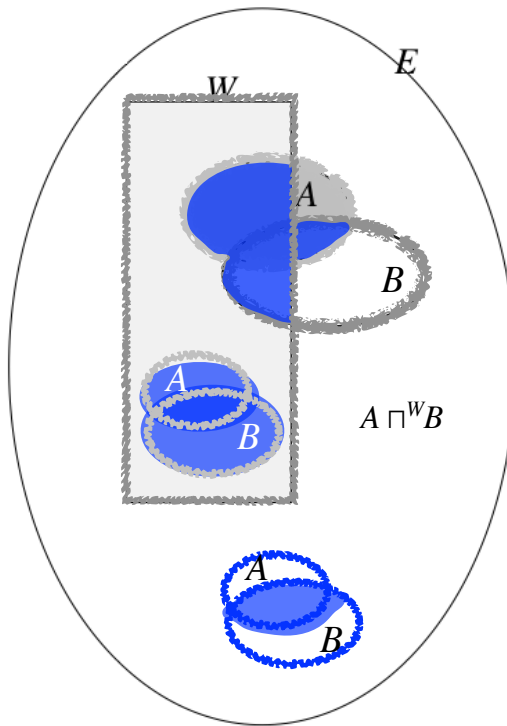
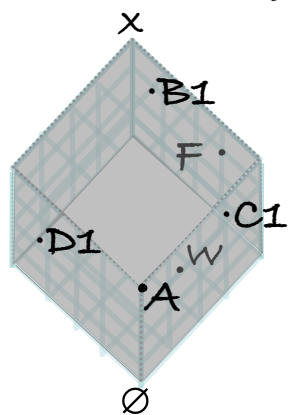
$(D1 \leq^W A, B1 \cap^W D1, B1 \cup^W D1, \dots)$

"w-pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$

$(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$

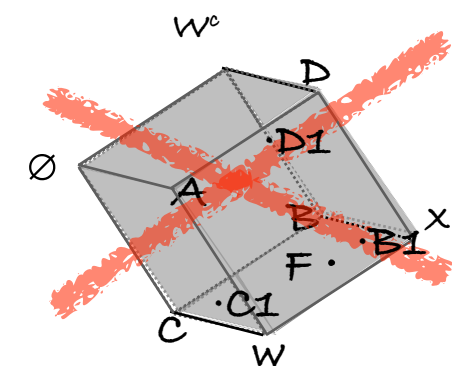
Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X:



Familia de retículos:
 $((L(X), \leq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

~~$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$~~
 ~~$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$~~



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, \cdot, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte

~~Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)~~

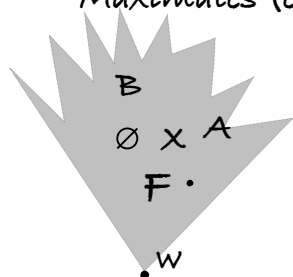
~~$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$~~

~~$(L(X), \leq^W, \cap^W, \cup^W, \cdot, w, w' = w^c)$~~

~~$A \cup^W B = A \cap^{W^c} B = (A \cdot B) + [W^c \cdot (A + B)]$~~

W subconjunto borroso propio (no complementado).

Maximales (entre ellos los que verifican $w \rightarrow q = q \leftarrow w$)



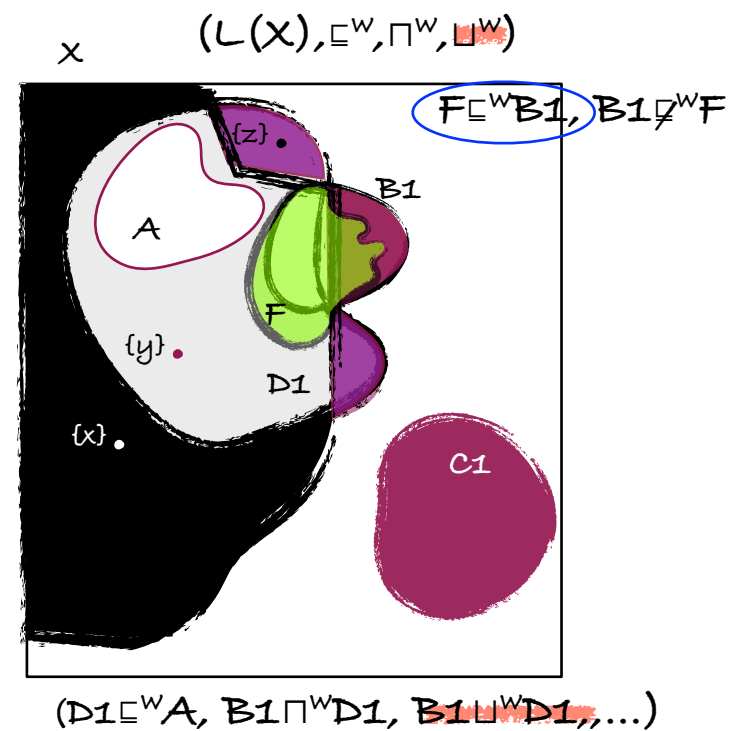
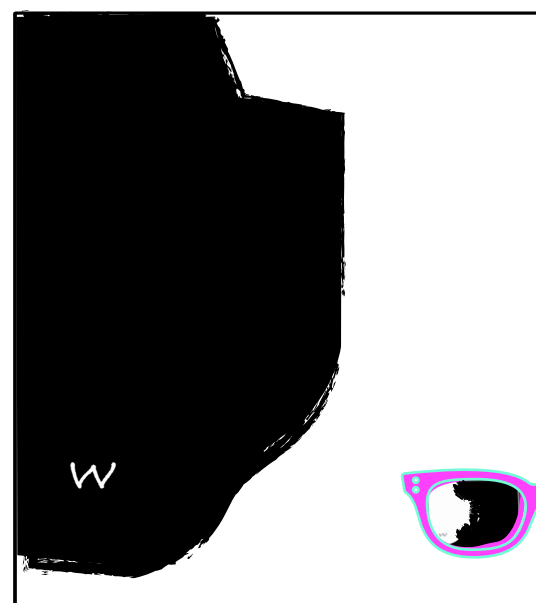
$A \leq^W B \Leftrightarrow$

$B \cdot W \leq A \leq B + W$

$(L(X), \leq^W, \cap^W, W)$
 inf-semirretículo con elemento mínimo W.

Una nueva interpretación

asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".

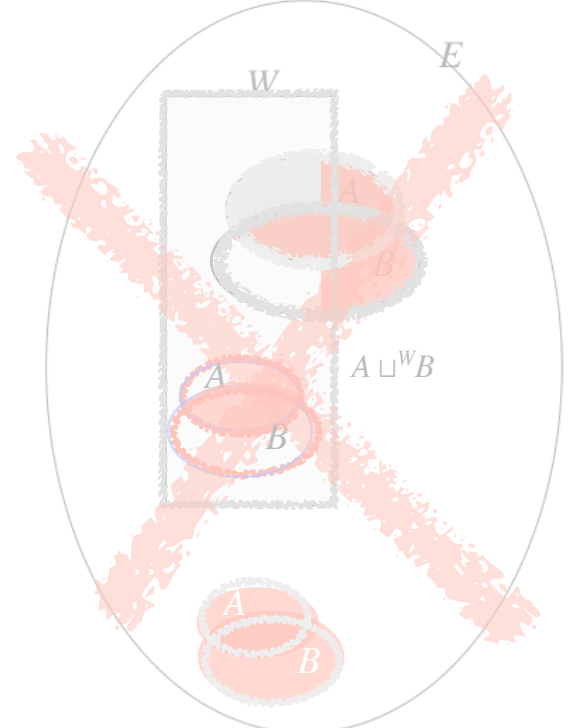
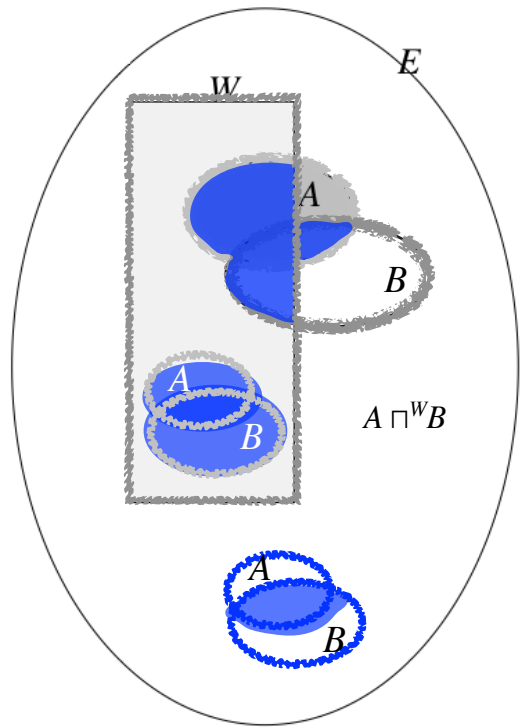
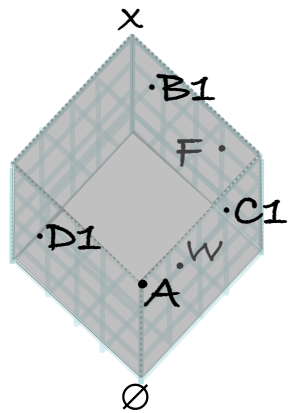


~~"w-pertenencia": $(\epsilon^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$~~

~~$(\epsilon^W D1)(x), (\epsilon^W D1)(y), (\epsilon^W D1)(z)$~~

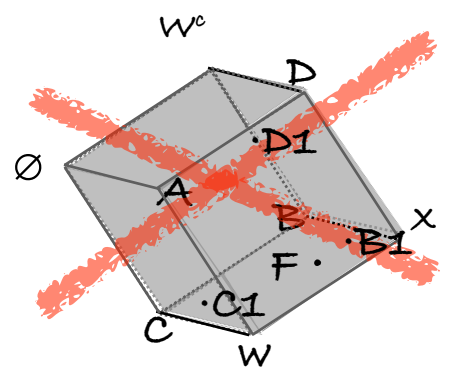
Π^W es una uninorma y una nulnorma en $(L(X), \leq)$

$(L(X), \leq)$ retículo de subconjuntos L-borrosos de X:



Familia de retículos:
 $((L(X), \leq^W))_{W \in \mathcal{P}(X)}$

~~$A \leq^W B \Leftrightarrow A \Delta W \leq B \Delta W$~~
 ~~$\Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$~~



que, en ambos casos, es un retículo distributivo $(L(X), \leq, \cdot, +, \cdot, \emptyset, X)$ con una negación fuerte

Sea $w \in L(X)$ nítido (complementado y tal que $w' = w^c$)

$A \cap^W B = (A \cdot B) + [W \cdot (A + B)]$

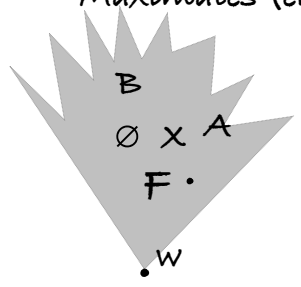
$(L(X), \leq^W, \cap^W, \cup^W, \cdot, w, w' = w^c)$

~~$A \cup^W B = A \cap^{w^c} B = (A \cdot B) + [w^c \cdot (A + B)]$~~

W subconjunto borroso propio (no complementado).

$((L(X), \leq^W))_{W \in L(X)}$

Maximales (entre ellos los que verifican $w \rightarrow q = q \leftarrow w$)

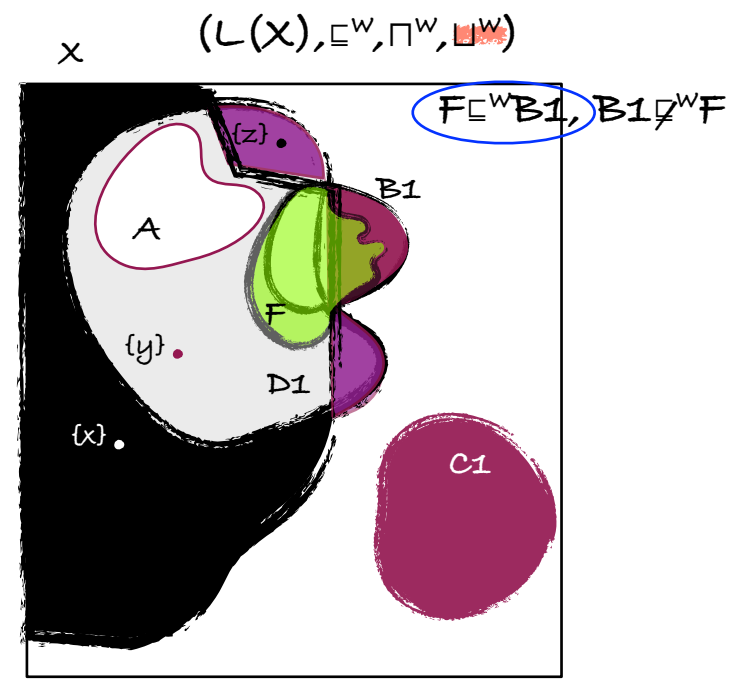
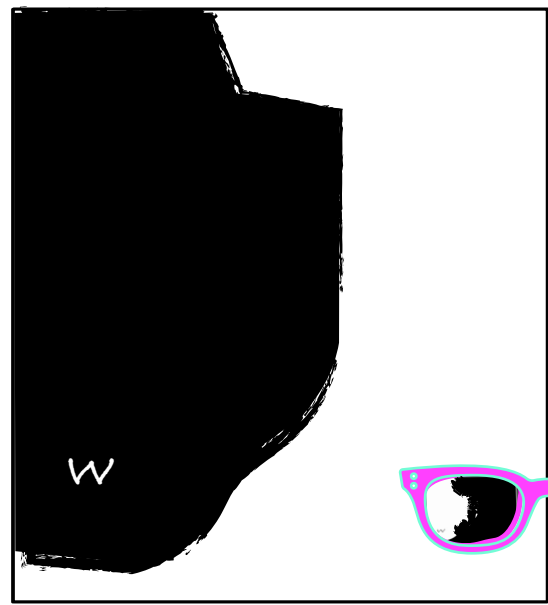


$A \leq^W B \Leftrightarrow B \cdot W \leq A \leq B + W$

$(L(X), \leq^W, \cap^W, W)$
 inf-semirretículo con elemento mínimo W.

Una nueva interpretación

asociada a un orden \leq^W que representa, en el conjunto $\mathcal{P}(X)$, la "perspectiva" desde ese subconjunto W: el orden de "W-inclusión".

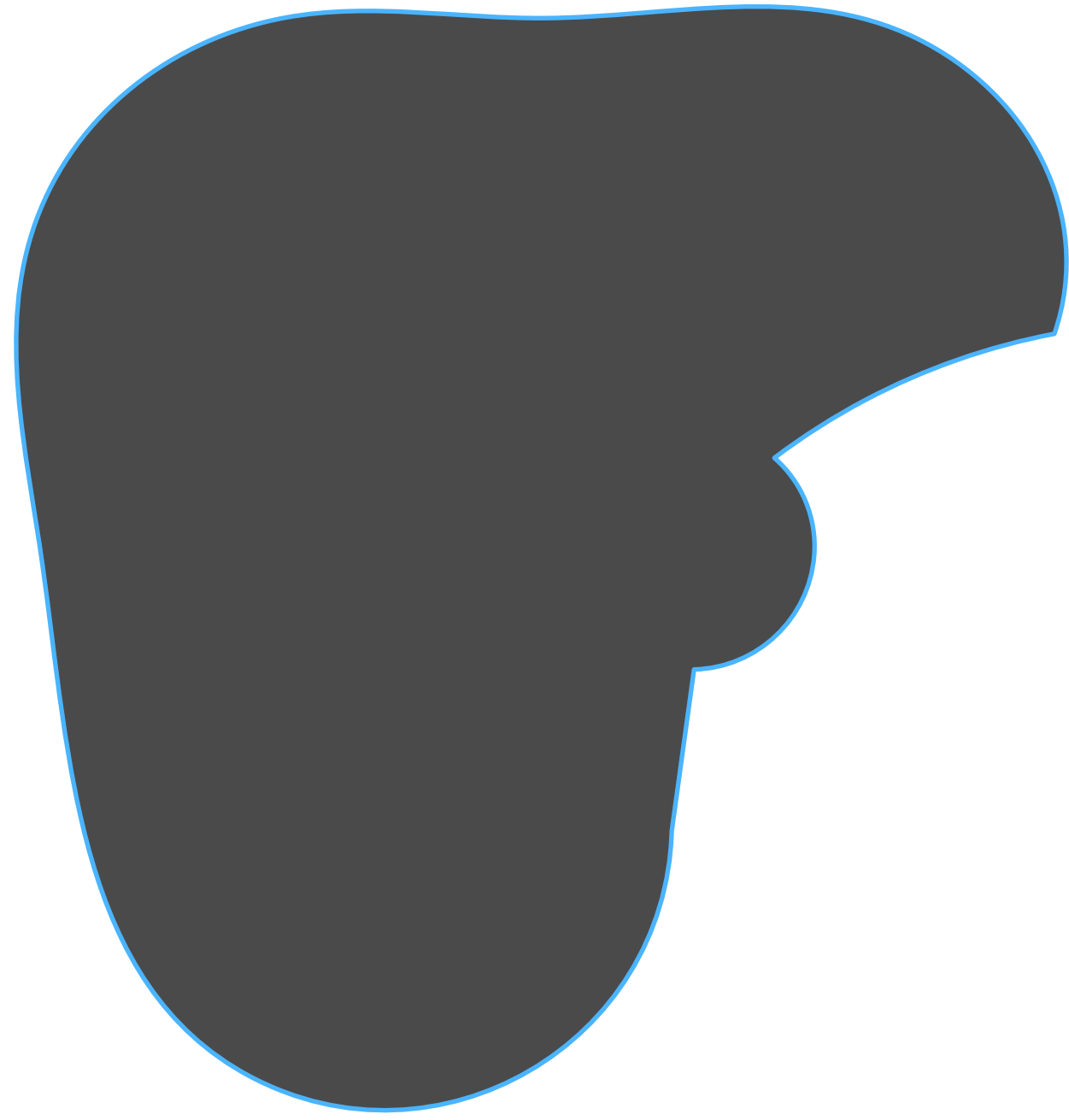


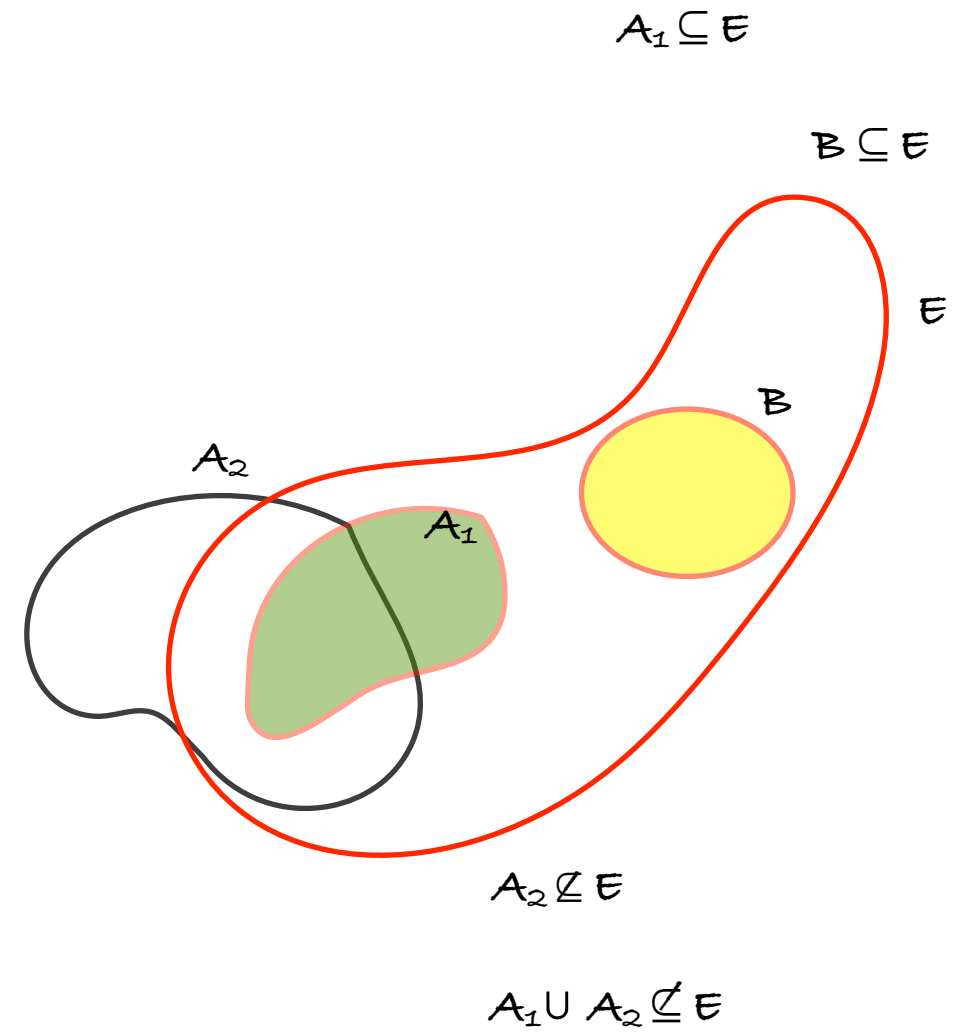
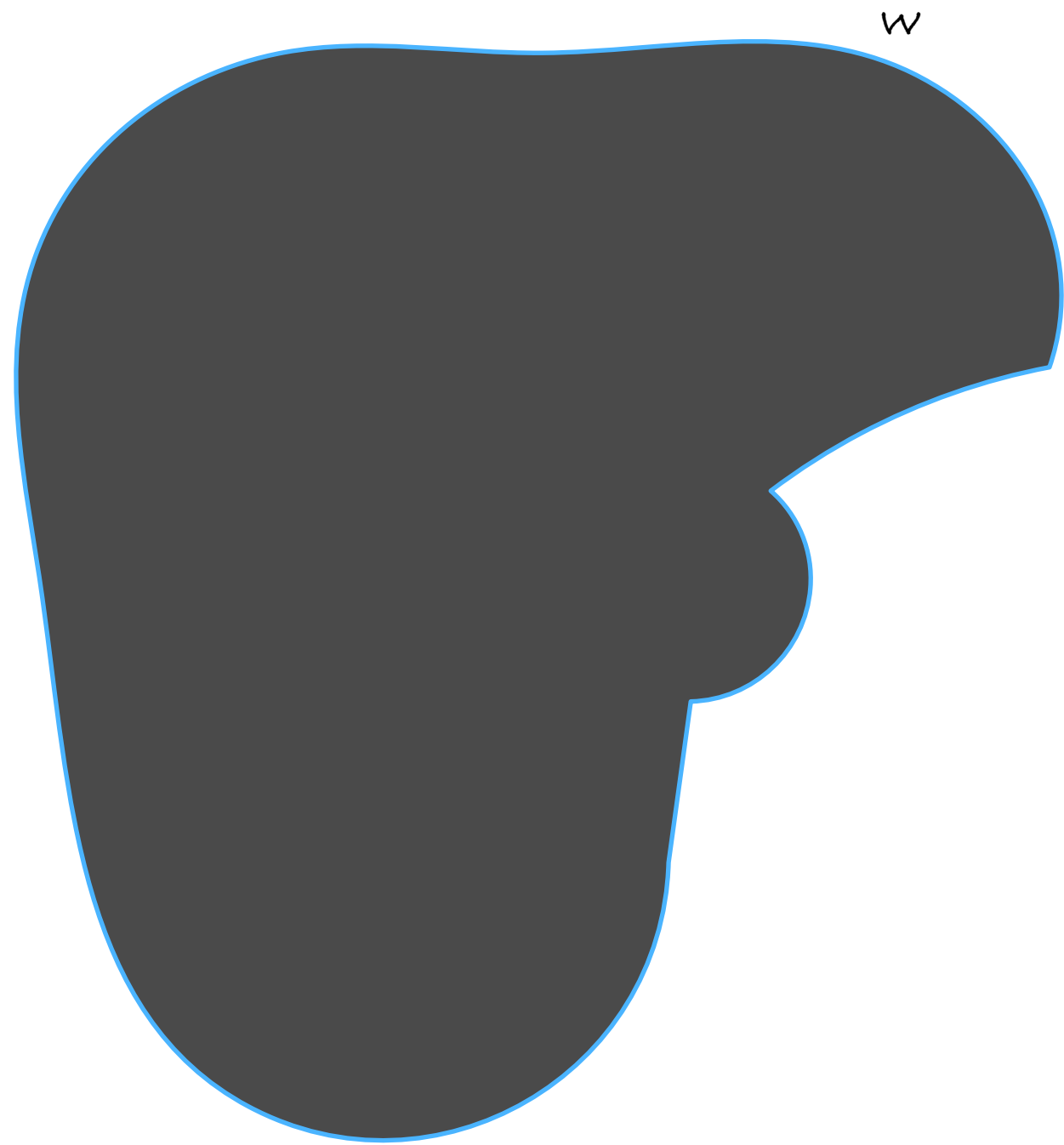
$(D1 \leq^W A, B1 \cap^W D1, B1 \cup^W D1, \dots)$

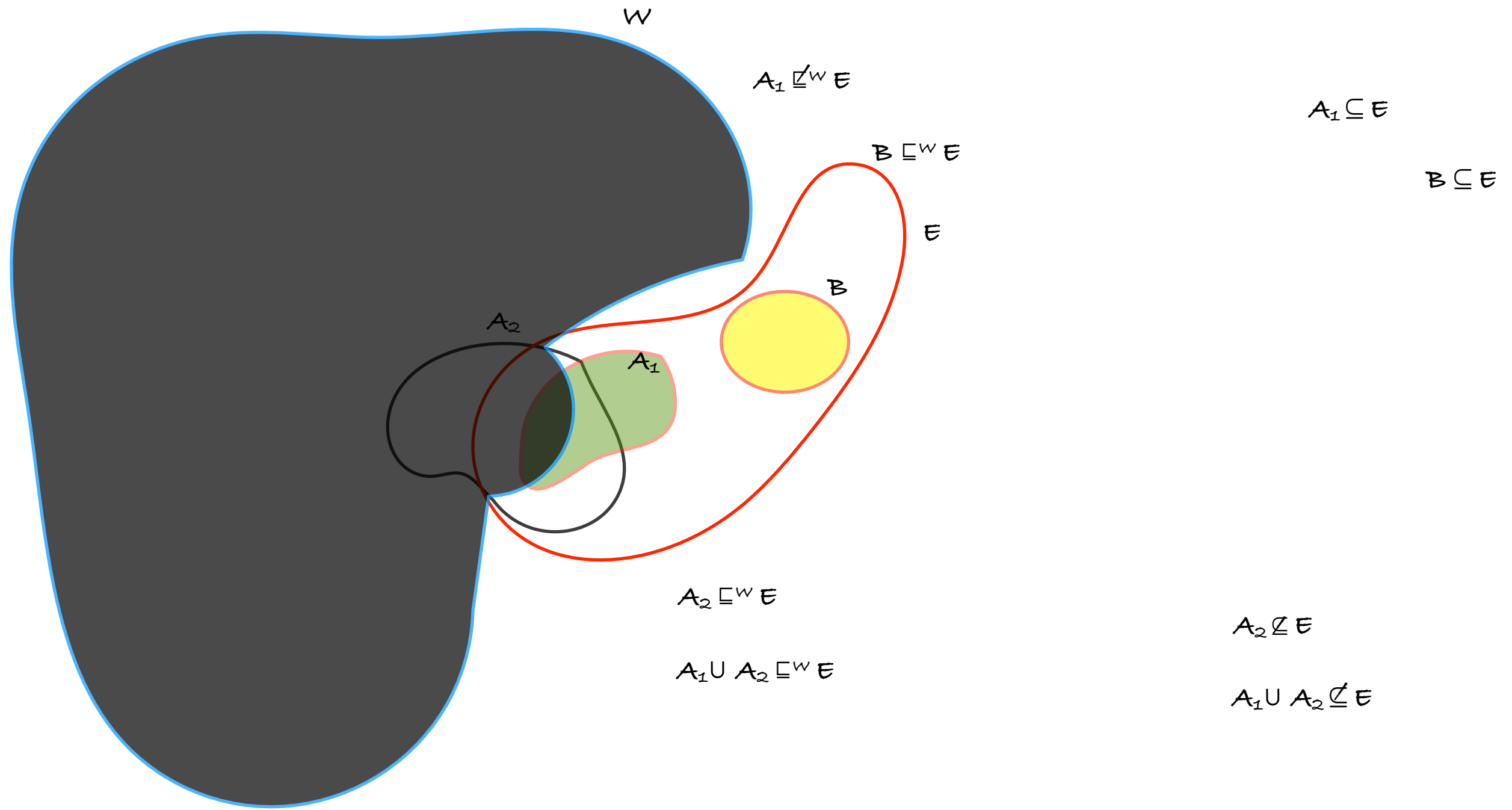
~~"w-pertenencia": $(\leq^W A)(x) = (A \Delta W)(x)$~~

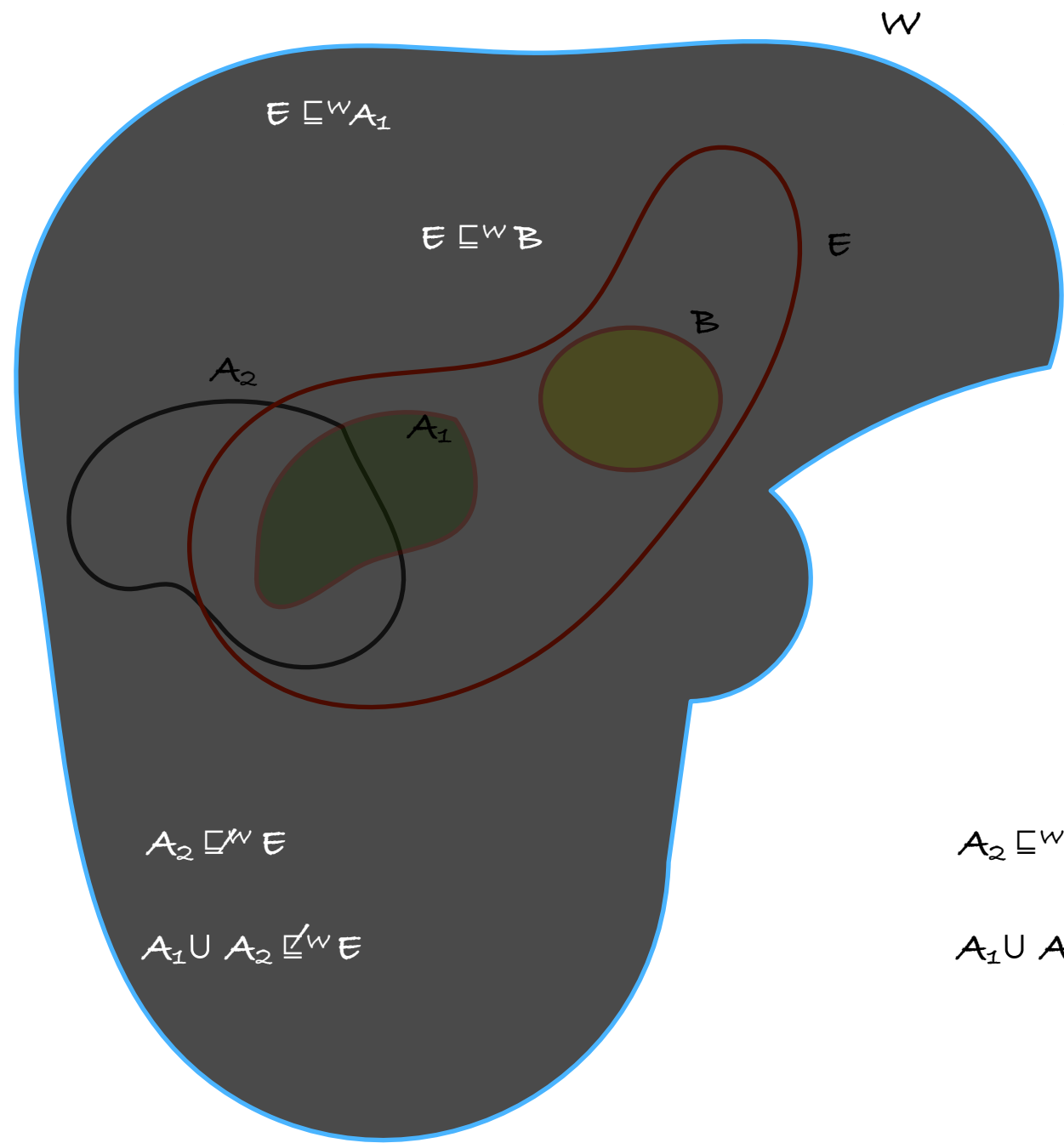
~~$(\leq^W D1)(x), (\leq^W D1)(y), (\leq^W D1)(z)$~~

w









$$A_1 \sqsubseteq^W E$$

$$B \sqsubseteq^W E$$

$$A_1 \subseteq E$$

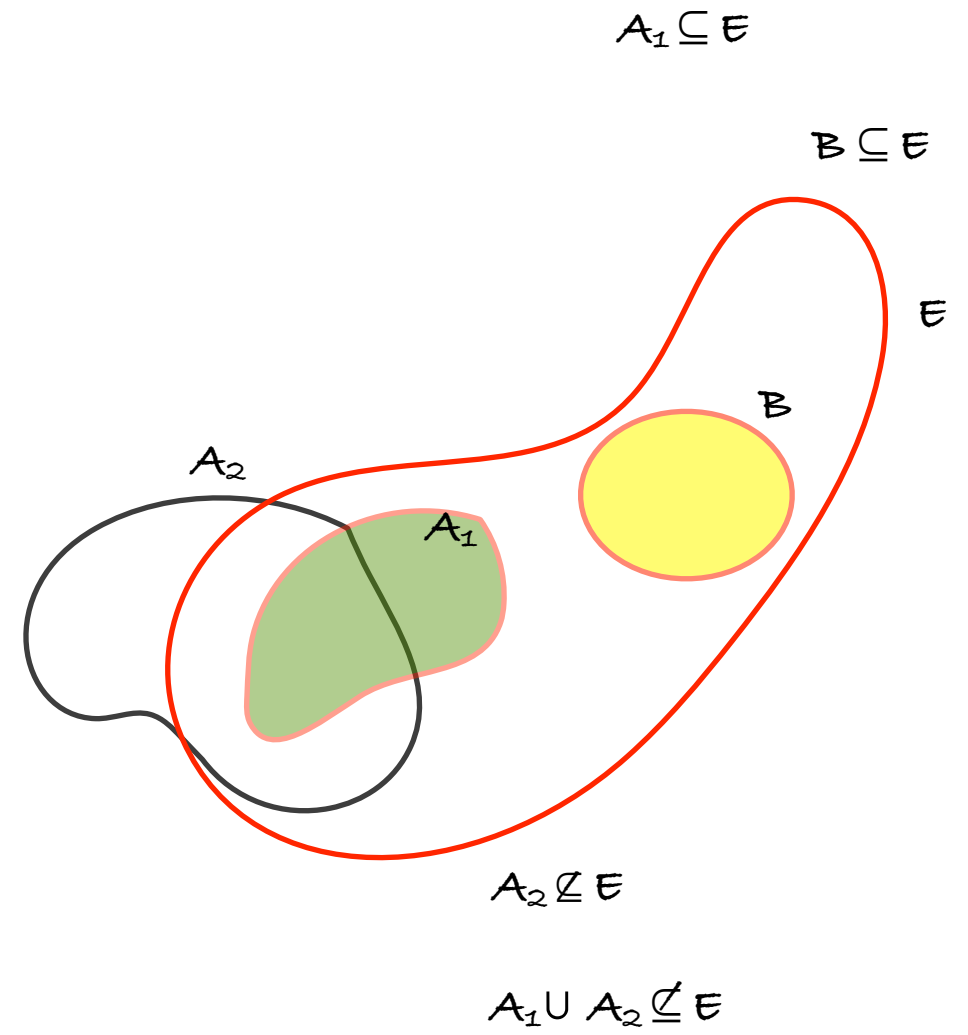
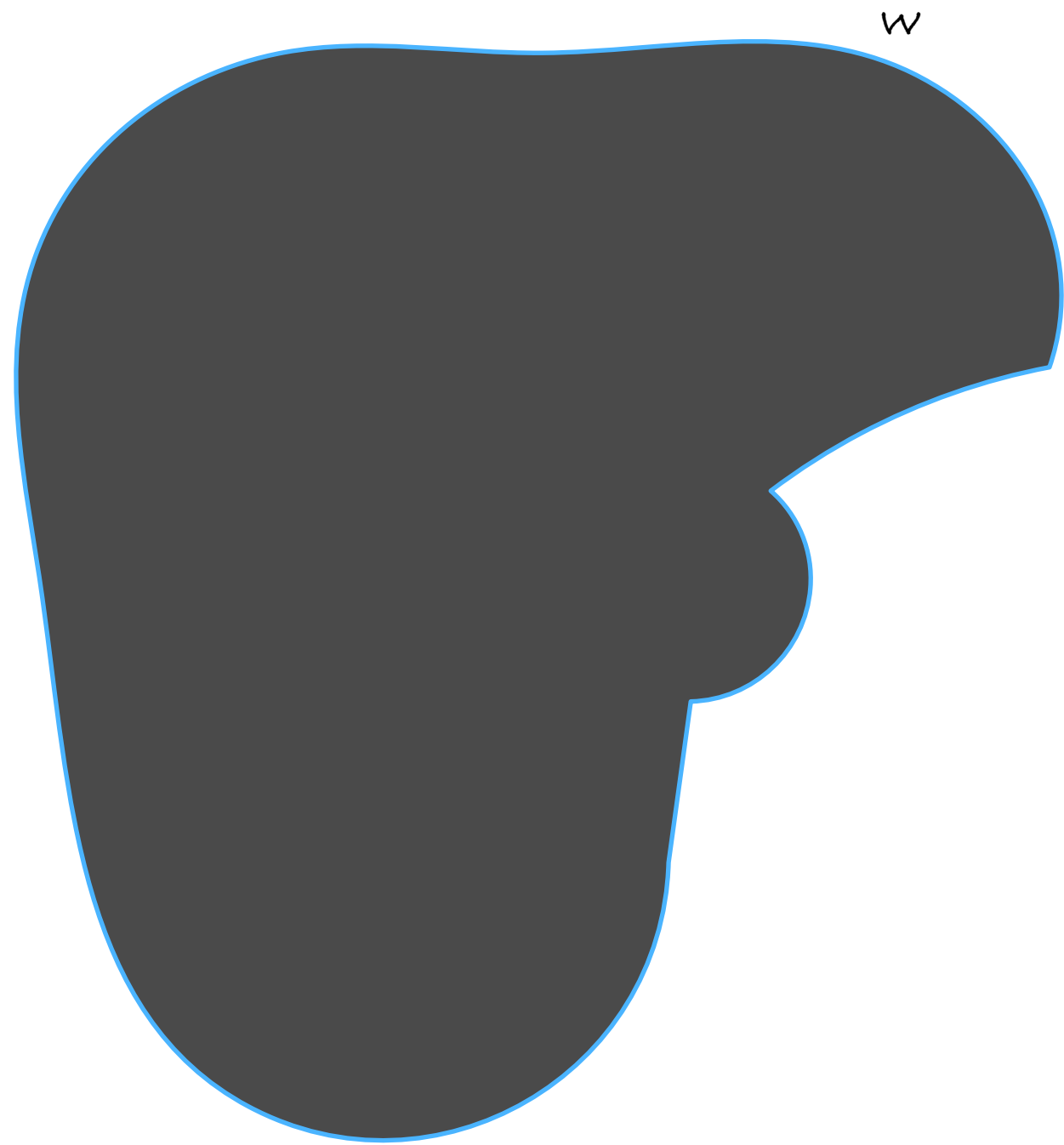
$$B \subseteq E$$

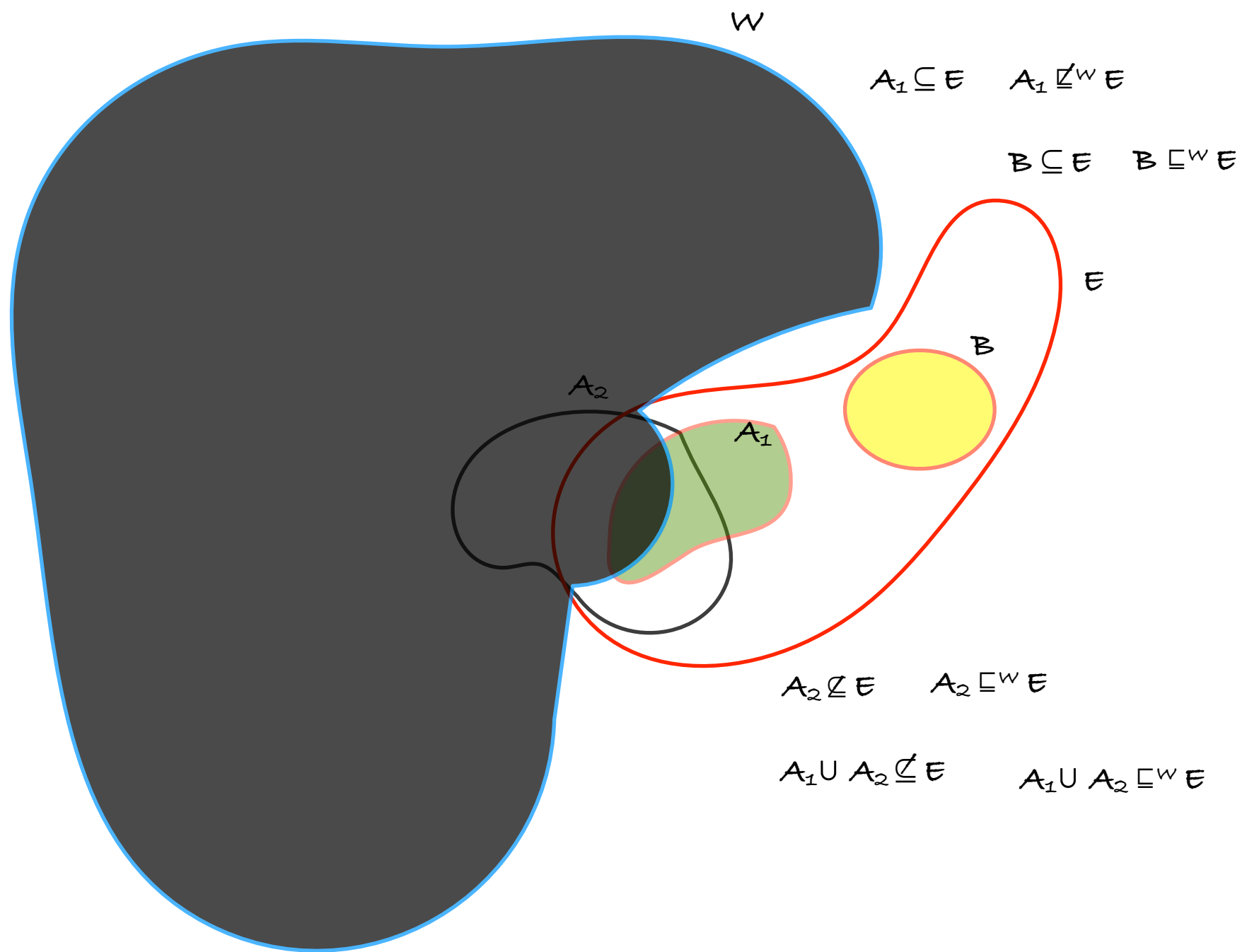
$$A_2 \sqsubseteq^W E$$

$$A_1 \cup A_2 \sqsubseteq^W E$$

$$A_2 \subseteq E$$

$$A_1 \cup A_2 \subseteq E$$





Propiedades de la relación de w -pertenencia \in^w

Relaciones de w -pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos las relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

Relaciones de w -pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos las relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in^{w^c} A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

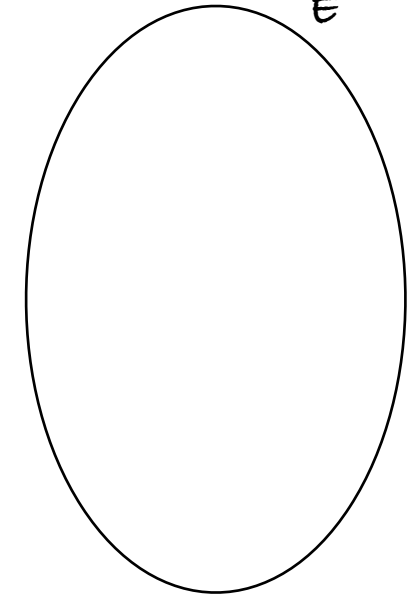
$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin^w A)$$

Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$\begin{aligned} (x \notin^w A) &\Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c) \\ &\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w) \end{aligned}$$

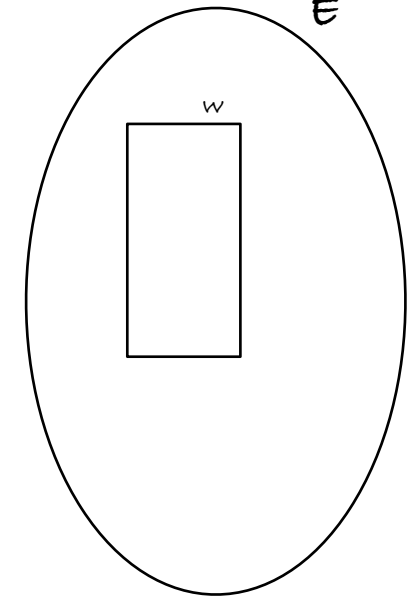


Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$\begin{aligned} (x \notin^w A) &\Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c) \\ &\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w) \end{aligned}$$



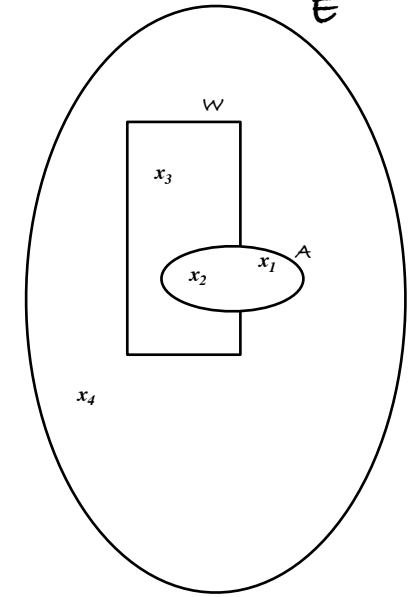
Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$\begin{aligned} (x \notin^w A) &\Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c) \\ &\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w) \end{aligned}$$

- $x_1 \in A$
- $x_2 \in A$
- $x_3 \notin A$
- $x_4 \notin A$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

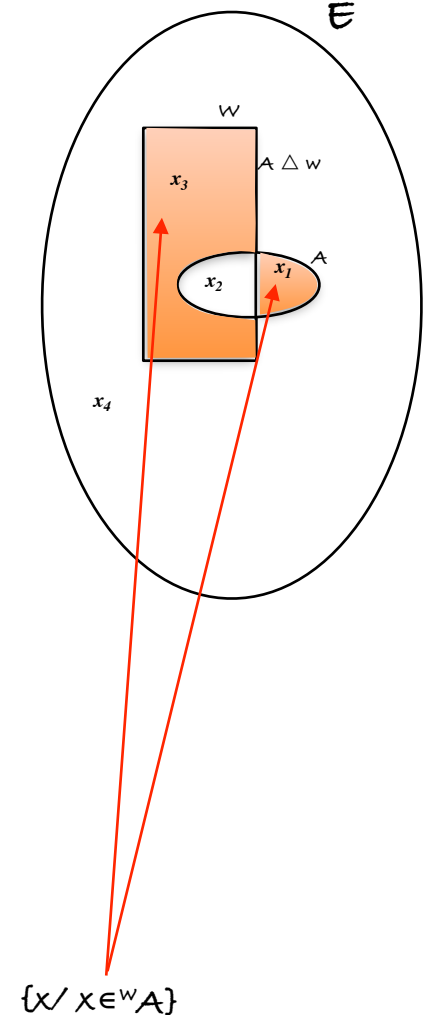
Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

$x_1 \in A$	$x_1 \in^w A$
$x_2 \in A$	$x_2 \notin^w A$
$x_3 \notin A$	$x_3 \in^w A$
$x_4 \notin A$	$x_4 \notin^w A$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

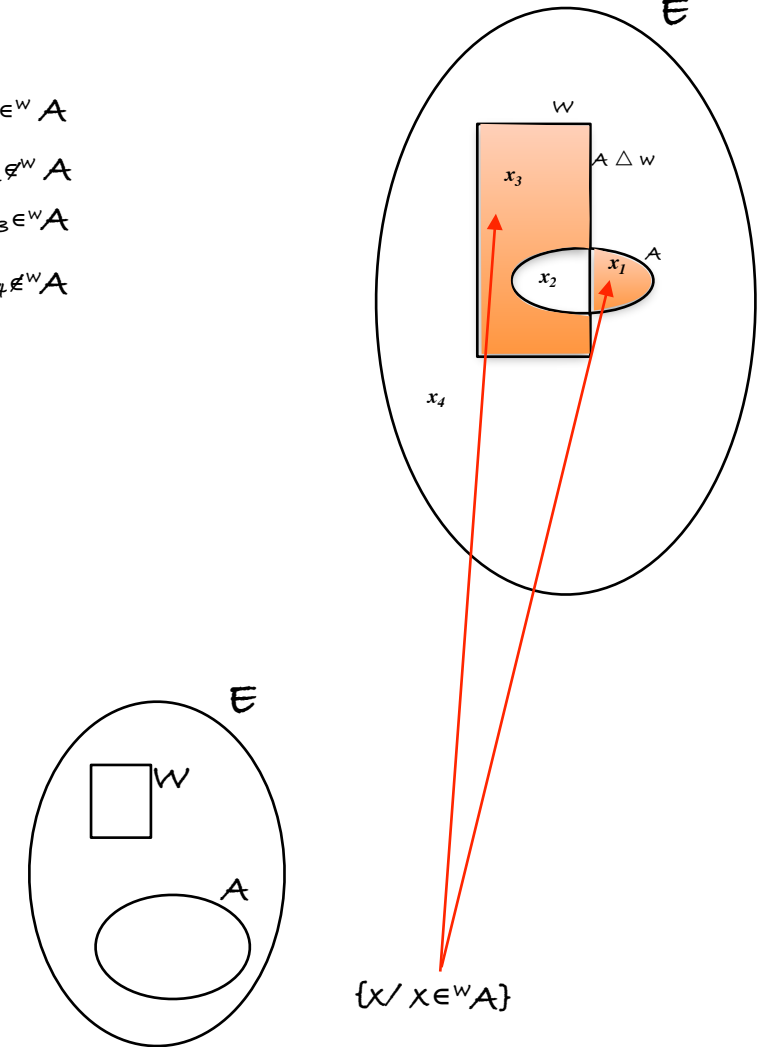
Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow (x \in^w A^c) \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

- | | |
|----------------|------------------|
| $x_1 \in A$ | $x_1 \in^w A$ |
| $x_2 \in A$ | $x_2 \notin^w A$ |
| $x_3 \notin A$ | $x_3 \in^w A$ |
| $x_4 \notin A$ | $x_4 \notin^w A$ |



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

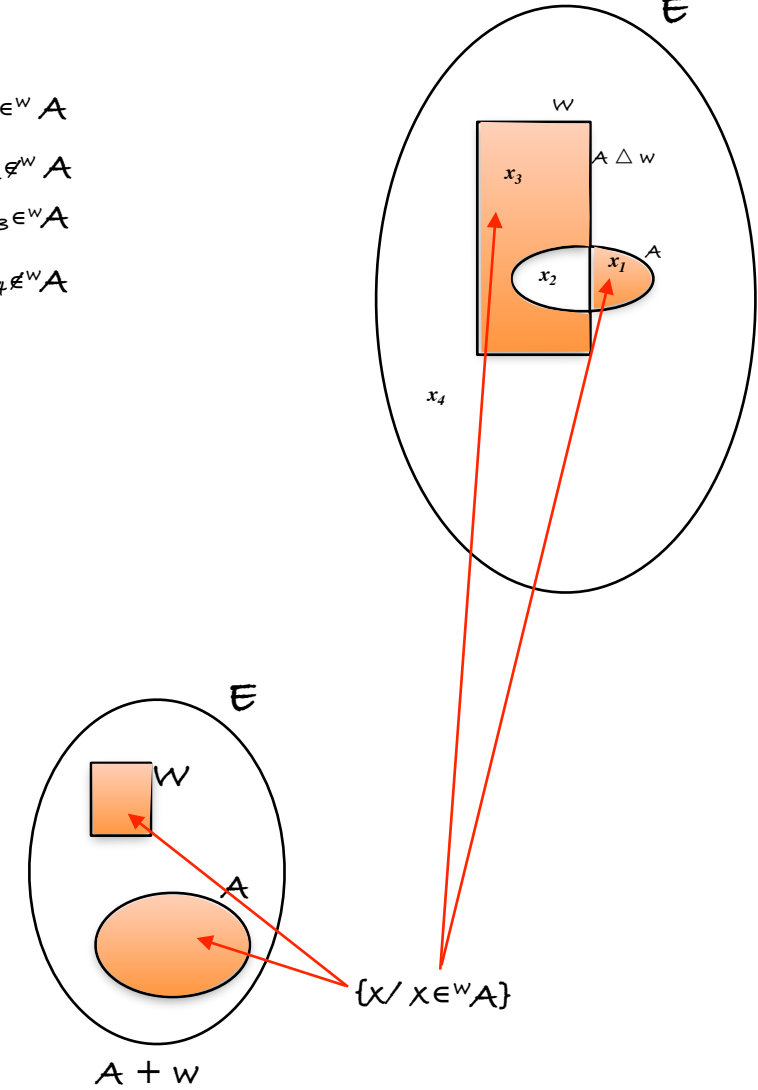
Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

- | | |
|----------------|------------------|
| $x_1 \in A$ | $x_1 \in^w A$ |
| $x_2 \in A$ | $x_2 \notin^w A$ |
| $x_3 \notin A$ | $x_3 \in^w A$ |
| $x_4 \notin A$ | $x_4 \notin^w A$ |



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

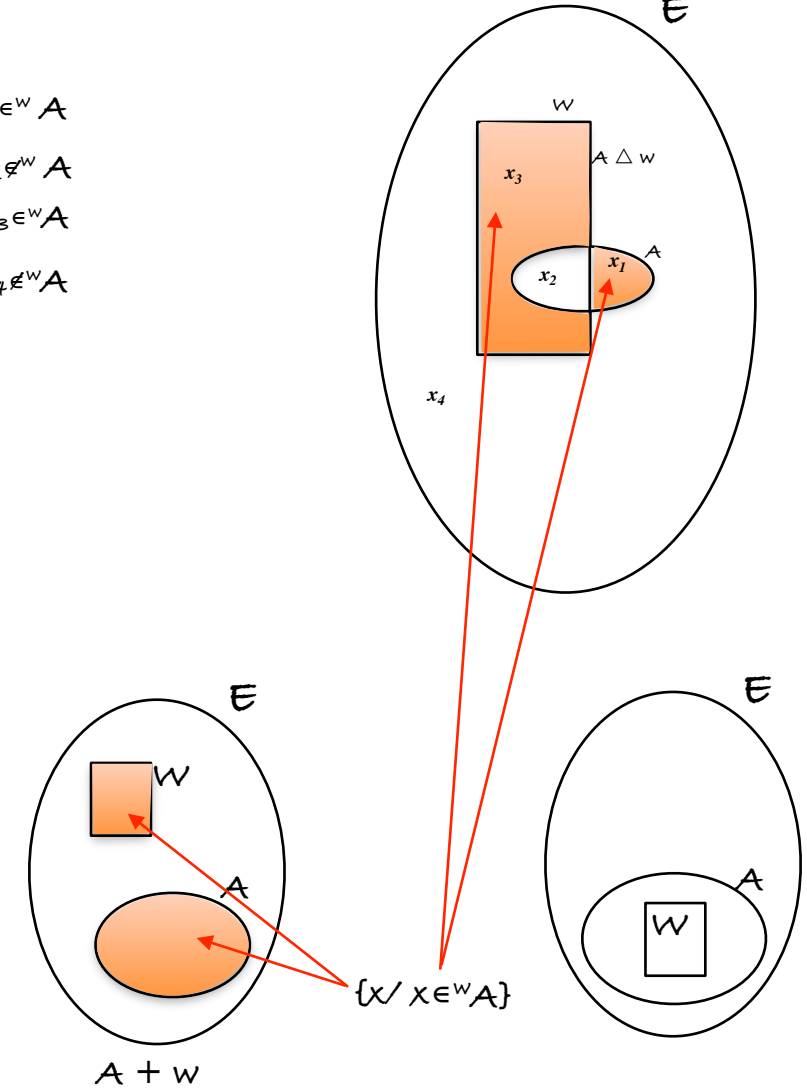
Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow (x \in^w A^c) \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

- | | |
|----------------|------------------|
| $x_1 \in A$ | $x_1 \in^w A$ |
| $x_2 \in A$ | $x_2 \notin^w A$ |
| $x_3 \notin A$ | $x_3 \in^w A$ |
| $x_4 \notin A$ | $x_4 \notin^w A$ |



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

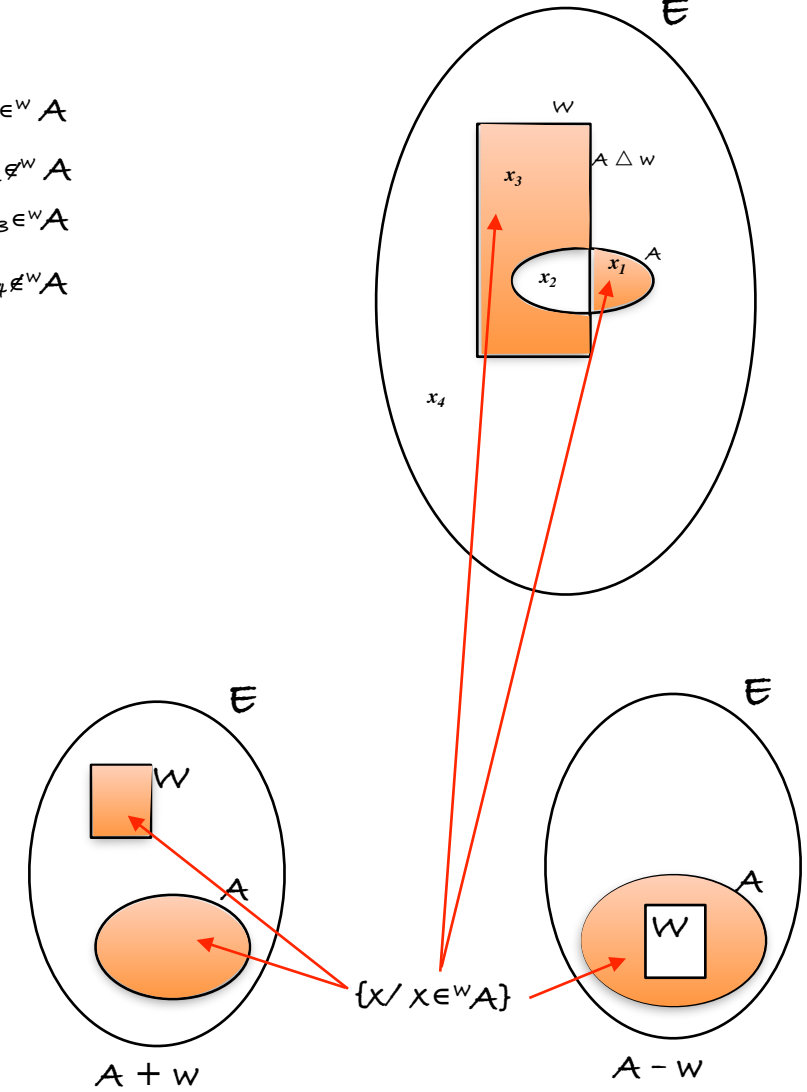
Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

- | | |
|----------------|------------------|
| $x_1 \in A$ | $x_1 \in^w A$ |
| $x_2 \in A$ | $x_2 \notin^w A$ |
| $x_3 \notin A$ | $x_3 \in^w A$ |
| $x_4 \notin A$ | $x_4 \notin^w A$ |



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

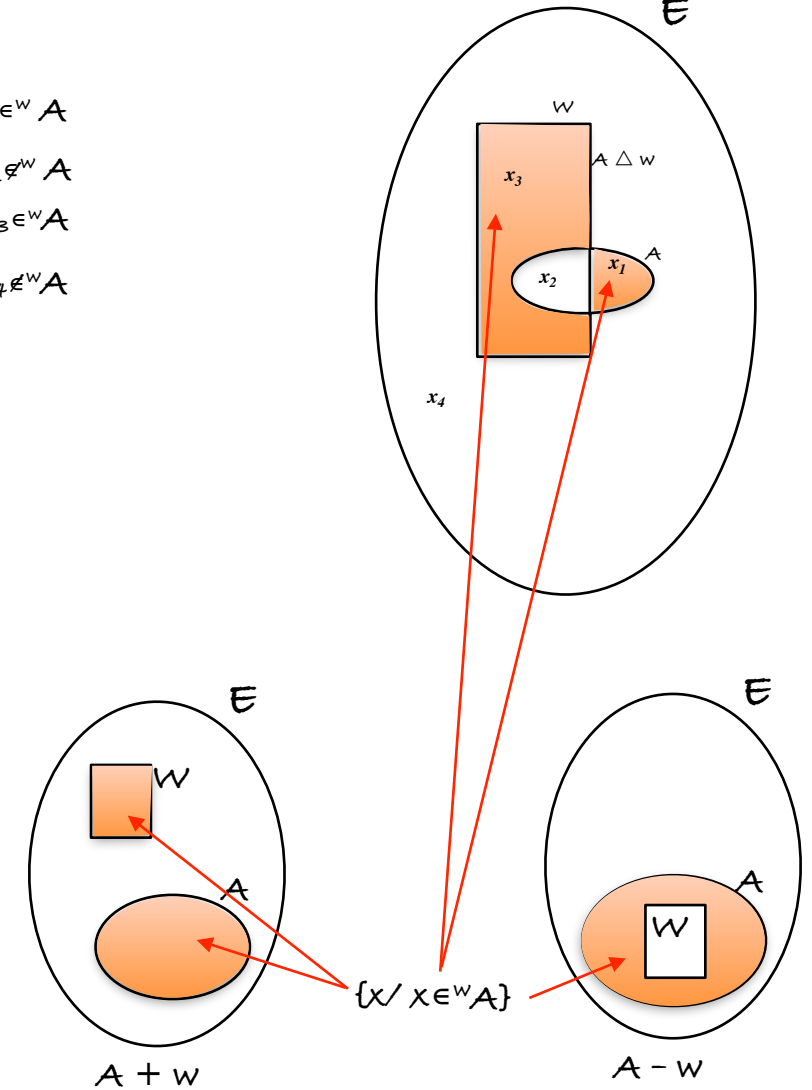
$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

- | | |
|----------------|------------------|
| $x_1 \in A$ | $x_1 \in^w A$ |
| $x_2 \in A$ | $x_2 \notin^w A$ |
| $x_3 \notin A$ | $x_3 \in^w A$ |
| $x_4 \notin A$ | $x_4 \notin^w A$ |



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

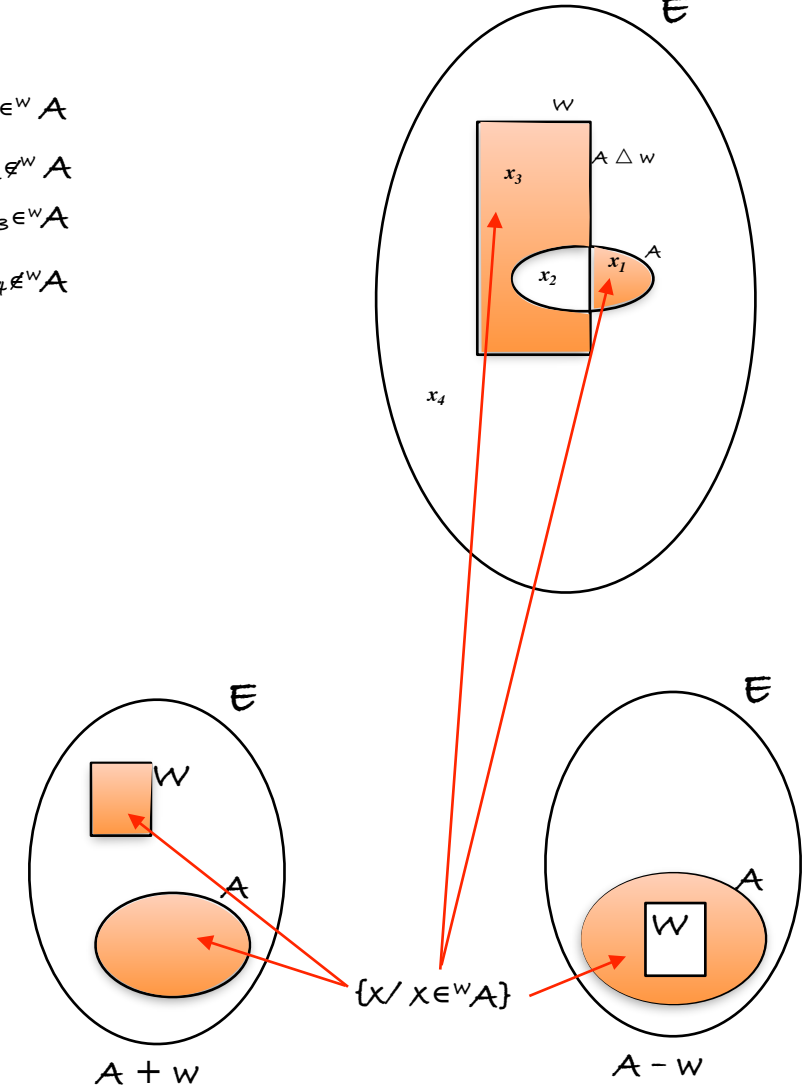
$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

- | | |
|----------------|------------------|
| $x_1 \in A$ | $x_1 \in^w A$ |
| $x_2 \in A$ | $x_2 \notin^w A$ |
| $x_3 \notin A$ | $x_3 \in^w A$ |
| $x_4 \notin A$ | $x_4 \notin^w A$ |



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

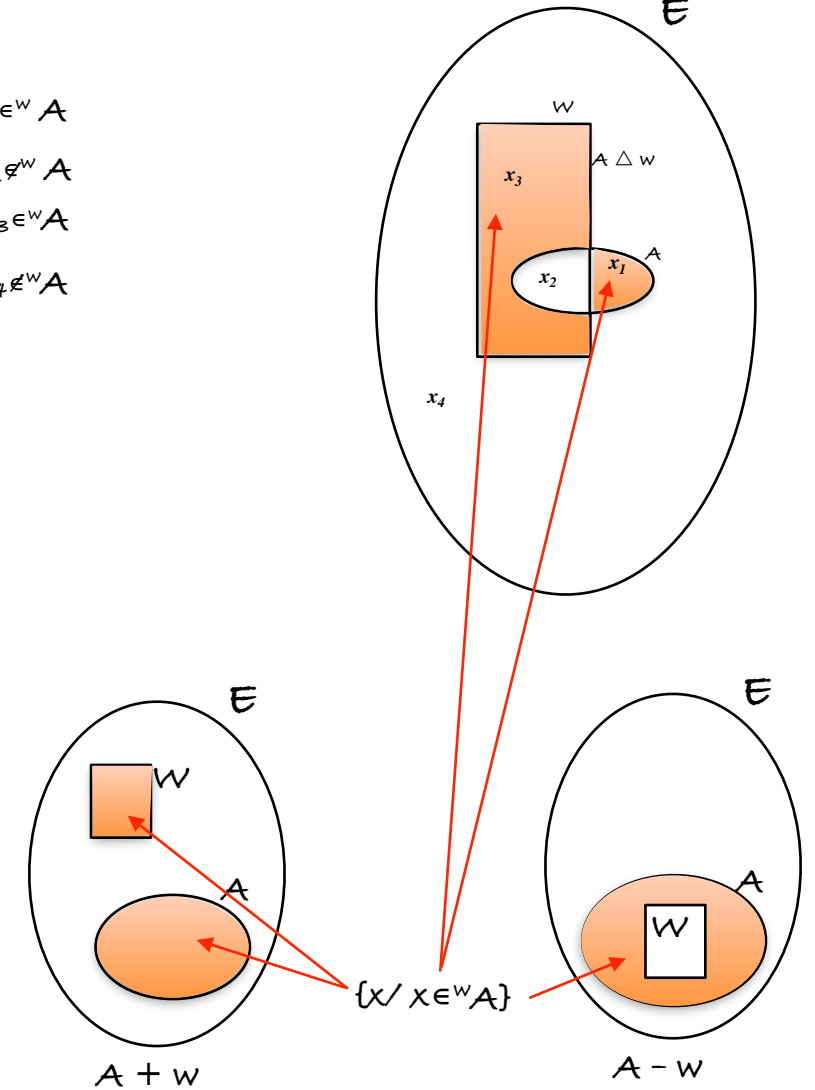
$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

$$(x \in^w E) \Leftrightarrow (x \in w^c)$$

$$(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in w)$$

- | | |
|----------------|------------------|
| $x_1 \in A$ | $x_1 \in^w A$ |
| $x_2 \in A$ | $x_2 \notin^w A$ |
| $x_3 \notin A$ | $x_3 \in^w A$ |
| $x_4 \notin A$ | $x_4 \notin^w A$ |



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in w^c \Delta A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

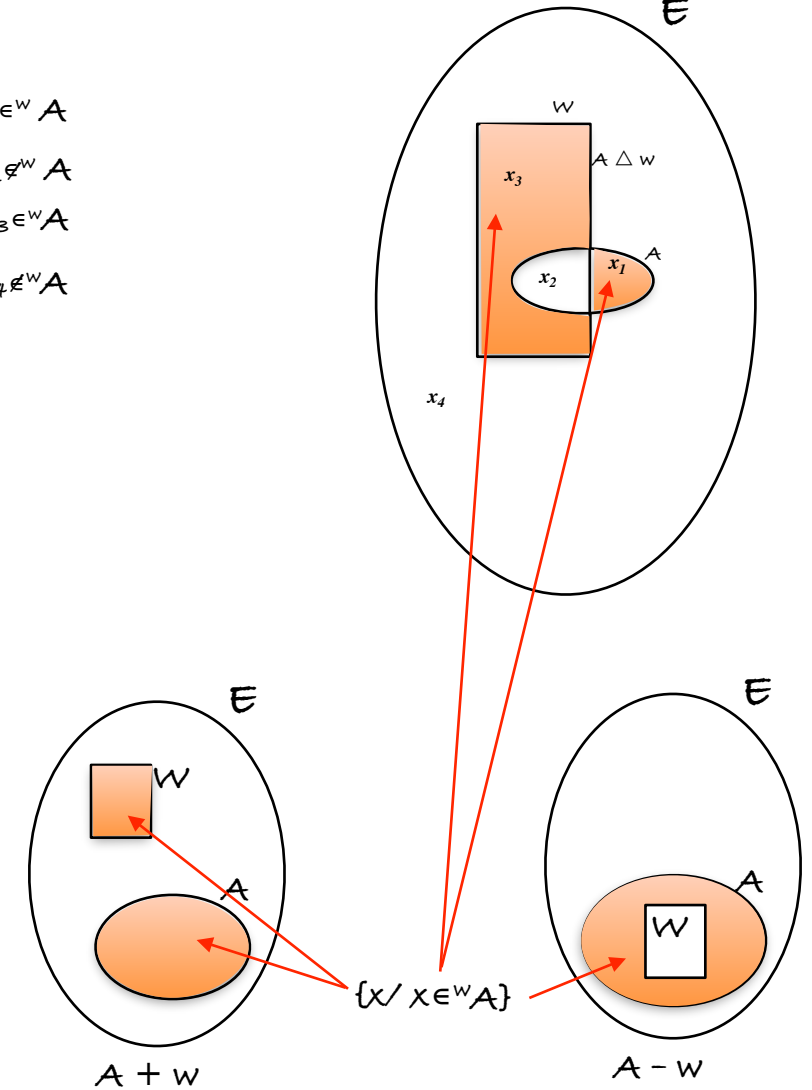
$$(x \in^w E) \Leftrightarrow (x \in w^c)$$

$$(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in w)$$

$$(x \in^\emptyset A) \Leftrightarrow (x \in A)$$

$$(x \in^E A) \Leftrightarrow (x \notin A)$$

$x_1 \in A$	$x_1 \in^w A$
$x_2 \in A$	$x_2 \notin^w A$
$x_3 \notin A$	$x_3 \in^w A$
$x_4 \notin A$	$x_4 \notin^w A$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$x_1 \in A$	$x_1 \in^w A$
$x_2 \in A$	$x_2 \notin^w A$
$x_3 \notin A$	$x_3 \in^w A$
$x_4 \notin A$	$x_4 \notin^w A$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in^{w^c} A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

$$(x \in^w E) \Leftrightarrow (x \in w^c)$$

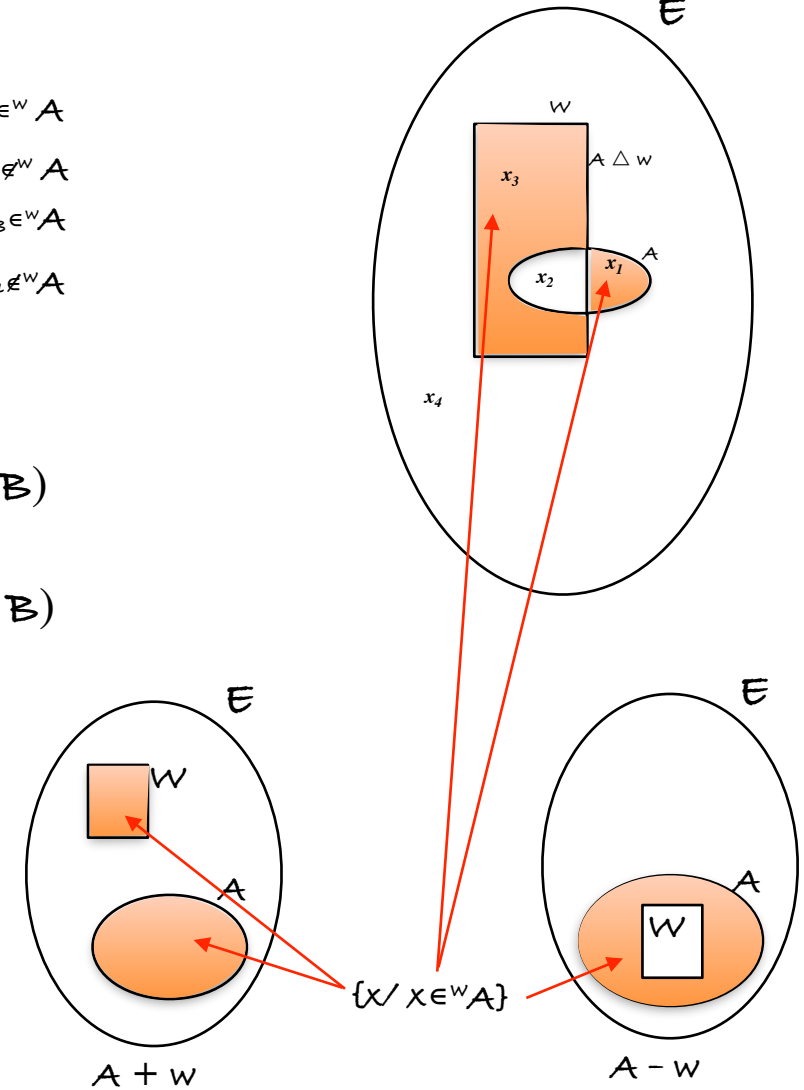
$$(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in w)$$

$$(x \in^{\emptyset} A) \Leftrightarrow (x \in A)$$

$$(x \in^E A) \Leftrightarrow (x \notin A)$$

$$(x \in^w A \cap^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \& (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A \cup^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \text{ ó } (x \in^w B)$$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$x_1 \in A$	$x_1 \in^w A$
$x_2 \in A$	$x_2 \notin^w A$
$x_3 \notin A$	$x_3 \in^w A$
$x_4 \notin A$	$x_4 \notin^w A$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in^{w^c} A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

$$(x \in^w E) \Leftrightarrow (x \in w^c)$$

$$(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in w)$$

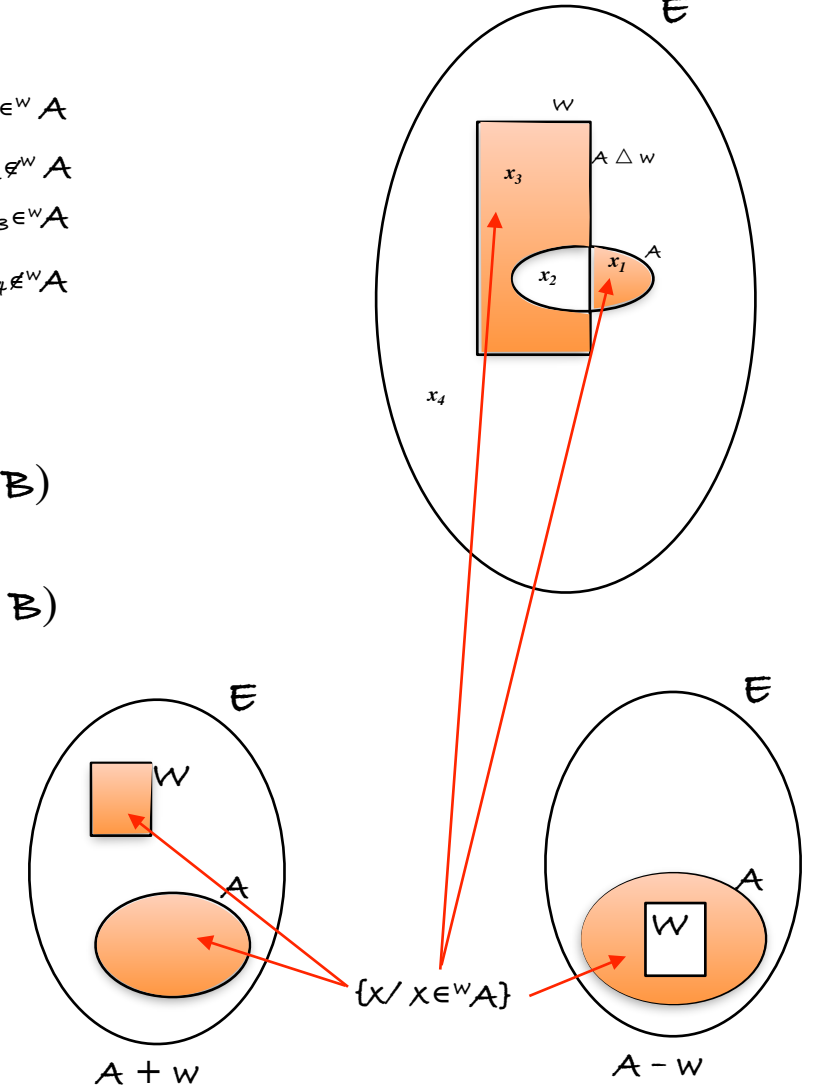
$$(x \in^\emptyset A) \Leftrightarrow (x \in A)$$

$$(x \in^E A) \Leftrightarrow (x \notin A)$$

$$(x \in^w A \cap^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \& (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A \cup^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \text{ ó } (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A^c w)$$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos las relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

- | | |
|----------------|------------------|
| $x_1 \in A$ | $x_1 \in^w A$ |
| $x_2 \in A$ | $x_2 \notin^w A$ |
| $x_3 \notin A$ | $x_3 \in^w A$ |
| $x_4 \notin A$ | $x_4 \notin^w A$ |

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in^{w^c} A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow (x \in^w A^c) \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

$$(x \in^w E) \Leftrightarrow (x \in w^c)$$

$$(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in w)$$

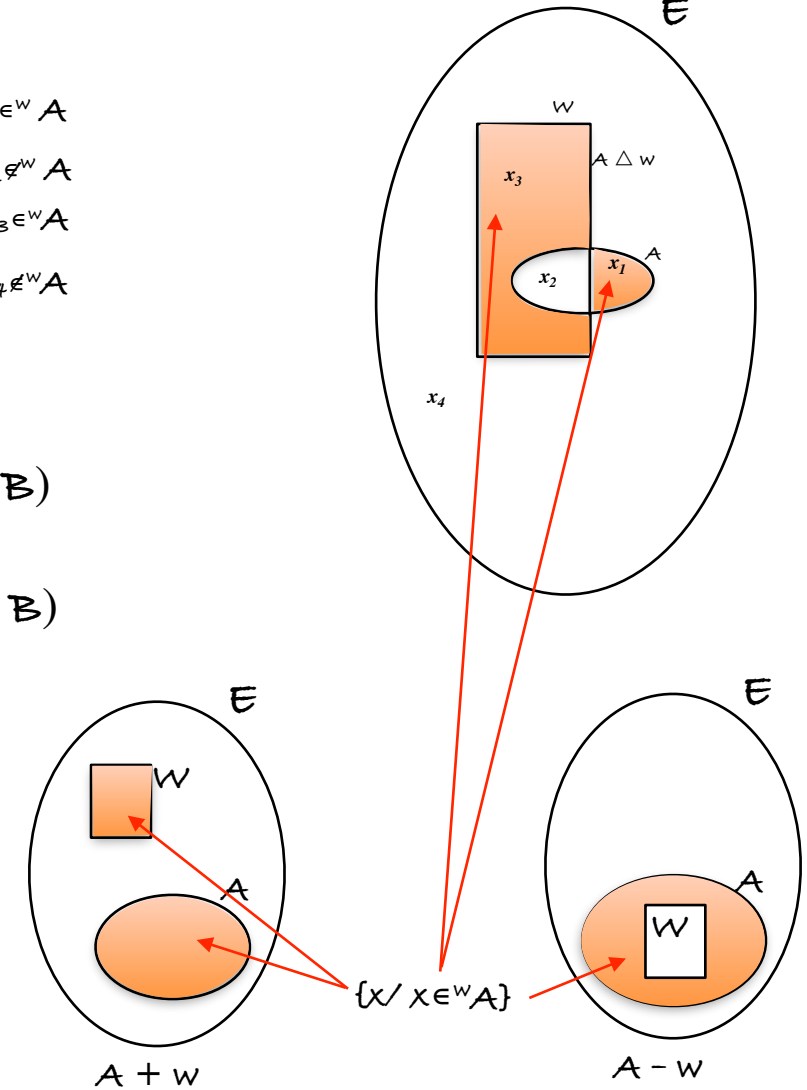
$$(x \in^{\emptyset} A) \Leftrightarrow (x \in A)$$

$$(x \in^E A) \Leftrightarrow (x \notin A)$$

$$(x \in^w A \cap^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \& (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A \cup^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \text{ ó } (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A^c w)$$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, E)$ asociadas a un subconjunto nítido w

Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$x_1 \in A$	$x_1 \in^w A$
$x_2 \in A$	$x_2 \notin^w A$
$x_3 \notin A$	$x_3 \in^w A$
$x_4 \notin A$	$x_4 \notin^w A$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in^{w^c} A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

$$(x \in^w E) \Leftrightarrow (x \in w^c)$$

$$(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in w)$$

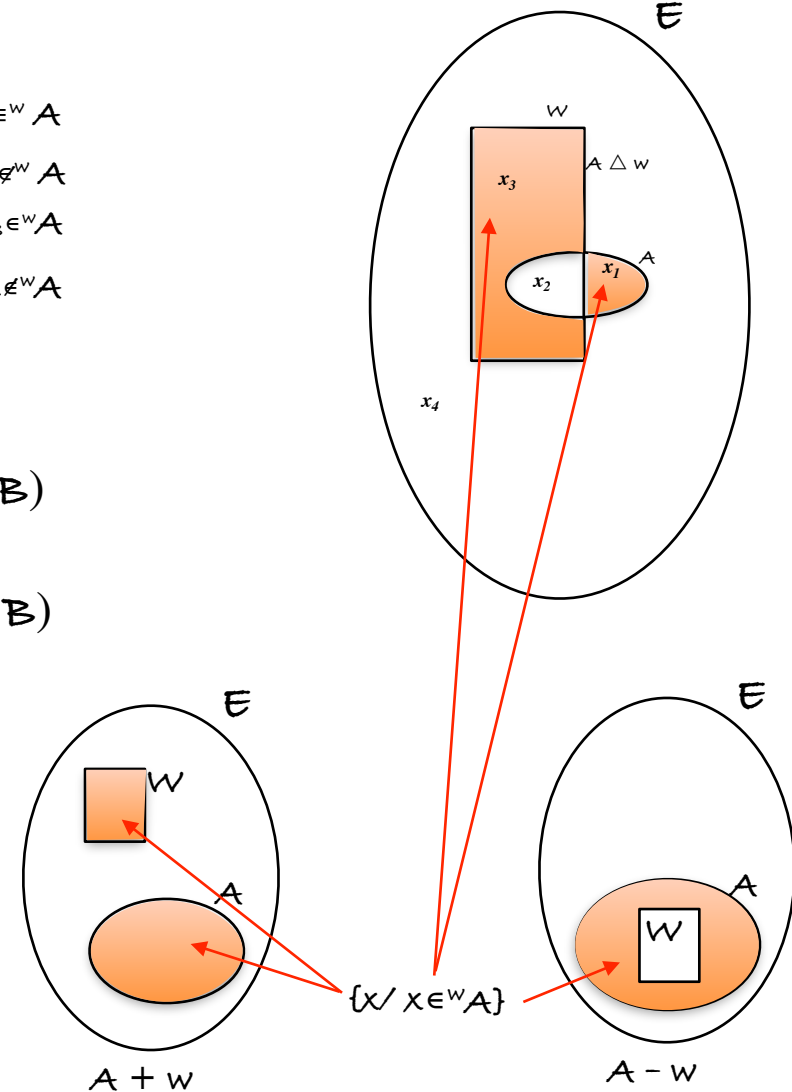
$$(x \in^{\emptyset} A) \Leftrightarrow (x \in A)$$

$$(x \in^E A) \Leftrightarrow (x \notin A)$$

$$(x \in^w A \cap^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \& (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A \cup^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \text{ ó } (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A^c w)$$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, E)$ asociadas a un subconjunto nítido w

Sea L un retículo distributivo acotado con una negación fuerte $'$ y sea E un referencial ordinario. Si A y w son subconjuntos L -borrosos de E tales que w es complementado con complemento $w^c = w'$, consideramos el subconjunto L -borroso asociado $\in^w A$ definido por:

$$(\in^w A)(x) = (A \Delta w)(x) = (A \cdot w^c + A' \cdot w)(x) = (A'(x) \text{ si } x \in w; A(x) \text{ en otro caso}), \quad (\notin^w A) = (\in^{w^c} A)$$

Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$x_1 \in A$	$x_1 \in^w A$
$x_2 \in A$	$x_2 \notin^w A$
$x_3 \notin A$	$x_3 \in^w A$
$x_4 \notin A$	$x_4 \notin^w A$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in^{w^c} A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow (x \in^w A^c) \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

$$(x \in^w E) \Leftrightarrow (x \in w^c)$$

$$(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in w)$$

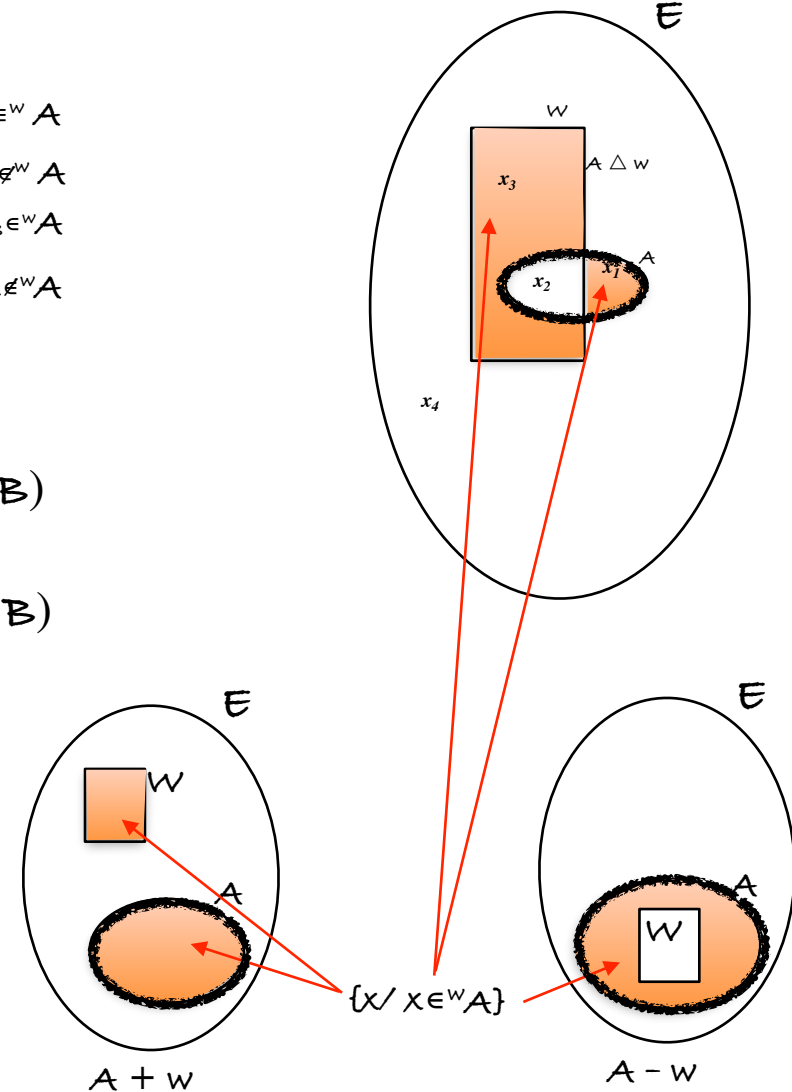
$$(x \in^{\emptyset} A) \Leftrightarrow (x \in A)$$

$$(x \in^E A) \Leftrightarrow (x \notin A)$$

$$(x \in^w A \cap^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \& (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A \cup^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \text{ ó } (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in^A w)$$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, E)$ asociadas a un subconjunto nítido w

Sea L un retículo distributivo acotado con una negación fuerte $'$ y sea E un referencial ordinario. Si A y w son subconjuntos L -borrosos de E tales que w es complementado con complemento $w^c = w'$, consideramos el subconjunto L -borroso asociado $\in^w A$ definido por:

$$(\in^w A)(x) = (A \Delta w)(x) = (A \cdot w^c + A' \cdot w)(x) = (A'(x) \text{ si } x \in w; A(x) \text{ en otro caso}), \quad (\notin^w A) = (\in^{w^c} A)$$

Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$x_1 \in A$	$x_1 \in^w A$
$x_2 \in A$	$x_2 \notin^w A$
$x_3 \notin A$	$x_3 \in^w A$
$x_4 \notin A$	$x_4 \notin^w A$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in^{w^c} A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow (x \in^w A^c) \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

$$(x \in^w E) \Leftrightarrow (x \in w^c)$$

$$(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in w)$$

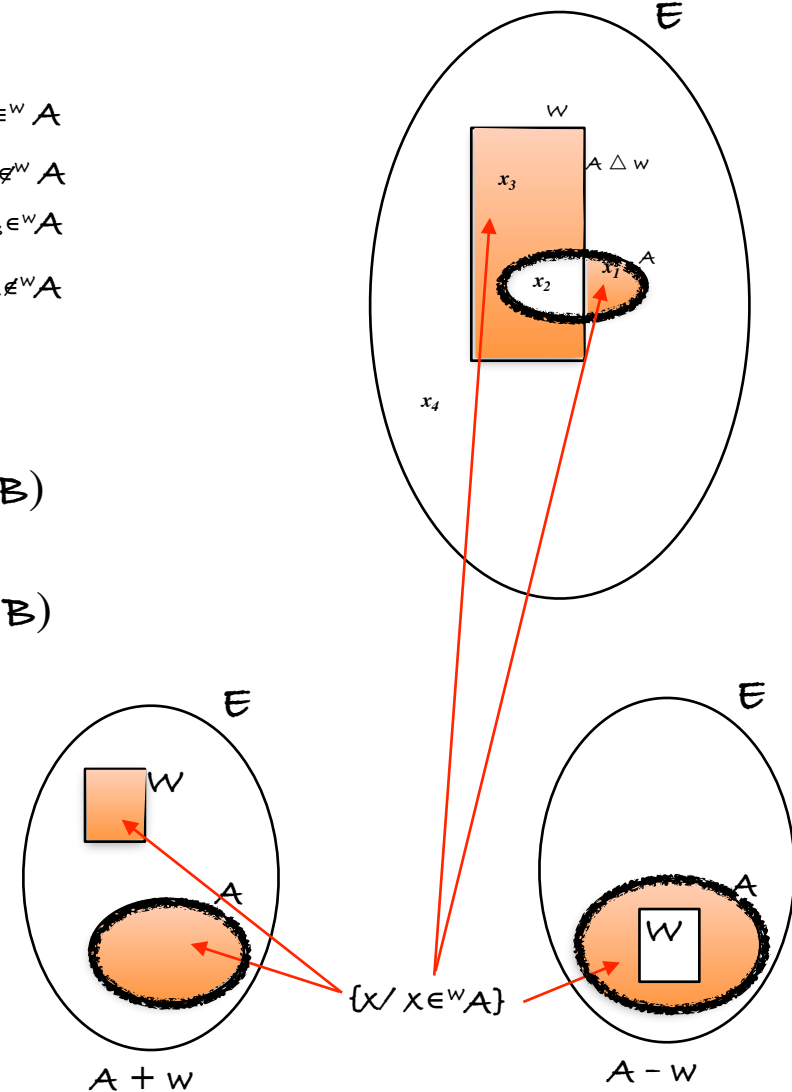
$$(x \in^{\emptyset} A) \Leftrightarrow (x \in A)$$

$$(x \in^E A) \Leftrightarrow (x \notin A)$$

$$(x \in^w A \cap^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \& (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A \cup^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \text{ ó } (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in^A w)$$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, E)$ asociadas a un subconjunto nítido w

Sea L un retículo distributivo acotado con una negación fuerte $'$ y sea E un referencial ordinario. Si A y w son subconjuntos L -borrosos de E tales que w es complementado con complemento $w^c = w'$, consideramos el subconjunto L -borroso asociado $\in^w A$ definido por:

$$(\in^w A)(x) = (A \Delta w)(x) = (A \cdot w^c + A' \cdot w)(x) = (A'(x) \text{ si } x \in w; A(x) \text{ en otro caso}), \quad (\notin^w A) = (\in^{w^c} A)$$

Se verifica: $\in^w (A_1 \cup^w A_2) = \in^w (A_1) + \in^w (A_2)$, $\in^w (A_1 \cap^w A_2) = \in^w (A_1) \cdot \in^w (A_2)$ $\forall w \in \mathcal{P}(E)$, $\forall (A_1, A_2) \in L^E \times L^E$

Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$x_1 \in A$	$x_1 \in^w A$
$x_2 \in A$	$x_2 \notin^w A$
$x_3 \notin A$	$x_3 \in^w A$
$x_4 \notin A$	$x_4 \notin^w A$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in^{w^c} A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow (x \in^w A^c) \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

$$(x \in^w E) \Leftrightarrow (x \in w^c)$$

$$(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in w)$$

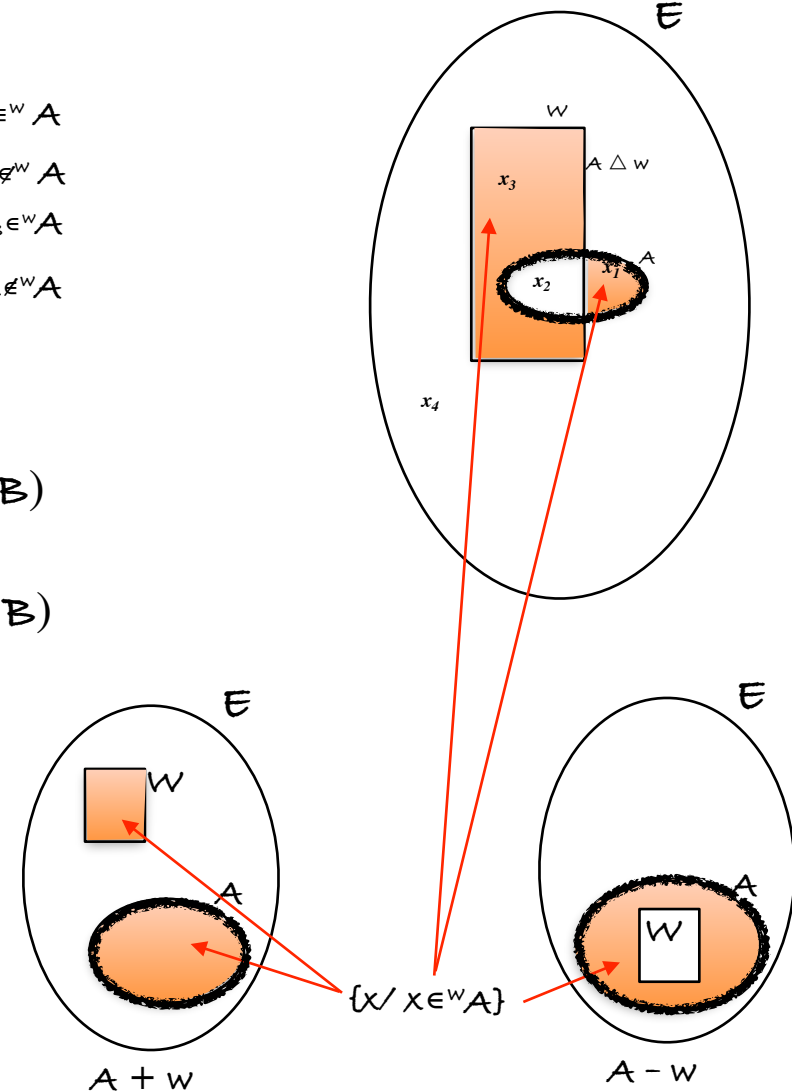
$$(x \in^{\emptyset} A) \Leftrightarrow (x \in A)$$

$$(x \in^E A) \Leftrightarrow (x \notin A)$$

$$(x \in^w A \cap^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \& (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A \cup^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \text{ ó } (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A^c w)$$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, E)$ asociadas a un subconjunto nítido w

Sea L un retículo distributivo acotado con una negación fuerte $'$ y sea E un referencial ordinario. Si A y w son subconjuntos L -borrosos de E tales que w es complementado con complemento $w^c = w'$, consideramos el subconjunto L -borroso asociado $\in^w A$ definido por:

$$(\in^w A)(x) = (A \Delta w)(x) = (A \cdot w^c + A' \cdot w)(x) = (A'(x) \text{ si } x \in w; A(x) \text{ en otro caso}), \quad (\notin^w A) = (\in^{w^c} A)$$

Se verifica: $\in^w (A_1 \cup^w A_2) = \in^w (A_1) + \in^w (A_2)$, $\in^w (A_1 \cap^w A_2) = \in^w (A_1) \cdot \in^w (A_2)$ $\forall w \in \mathcal{P}(E)$, $\forall (A_1, A_2) \in L^E \times L^E$

Se verifica: $\in^w (A_1 + A_2) = \in^w (A_1) \cup^w \in^w (A_2)$, $\in^w (A_1 \cdot A_2) = \in^w (A_1) \cap^w \in^w (A_2)$ $\forall w \in \mathcal{P}(E)$, $\forall (A_1, A_2) \in L^E \times L^E$

Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(\mathcal{P}(E), \subseteq, \cap, \cup, ^c, \emptyset, E)$

Sean w y A subconjuntos de E y sean w^c y A^c sus complementos. Si $A \Delta w = A \cdot w^c + A^c \cdot w$ es su diferencia simétrica, consideremos la relaciones $\in^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ y $\notin^w \subseteq E \times \mathcal{P}(E)$ tales que

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w)$$

$x_1 \in A$	$x_1 \in^w A$
$x_2 \in A$	$x_2 \notin^w A$
$x_3 \notin A$	$x_3 \in^w A$
$x_4 \notin A$	$x_4 \notin^w A$

$$(x \notin^w A) \Leftrightarrow (x \in^{w^c} A) \Leftrightarrow (x \in A \Delta w^c)$$

$$\Leftrightarrow (x \in A^c \Delta w) \Leftrightarrow x \in^w A^c \Leftrightarrow (x \in (A \Delta w)^c) \Leftrightarrow (x \notin A \Delta w)$$

Propiedades:

$$\forall x \in E: (x \in^w w^c)$$

$$\forall x \in E: (x \notin^w w)$$

$$(x \in^w E) \Leftrightarrow (x \in w^c)$$

$$(x \in^w \emptyset) \Leftrightarrow (x \in w)$$

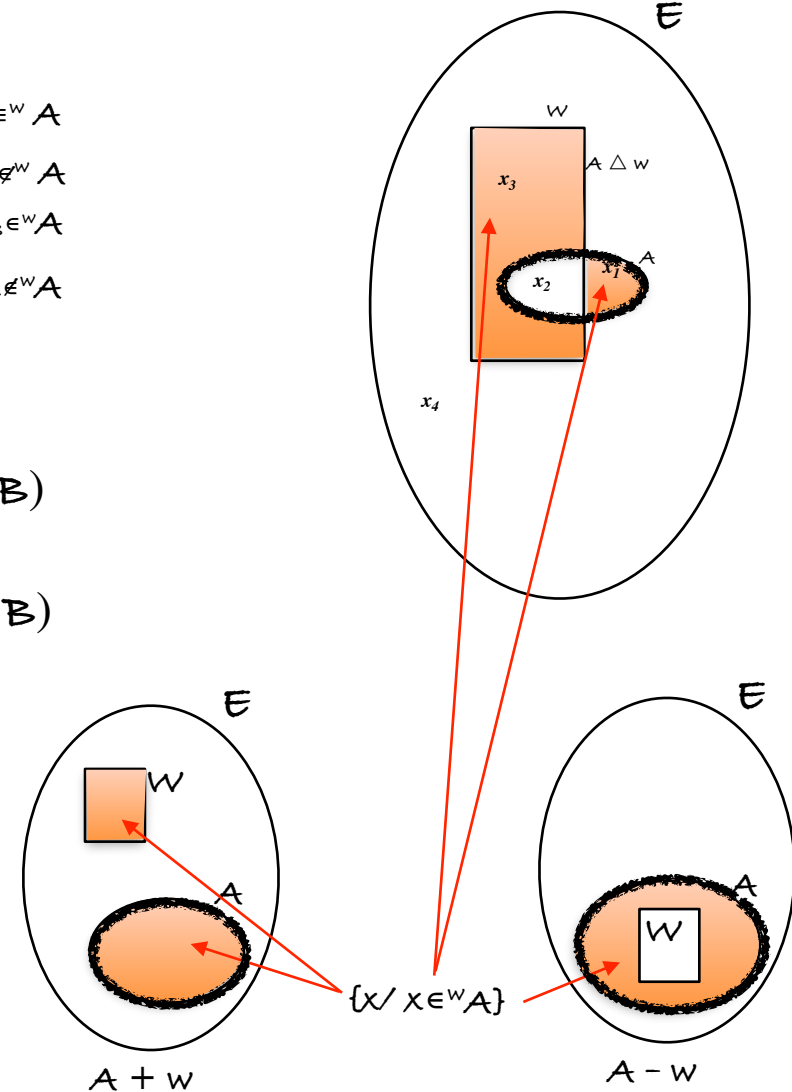
$$(x \in^{\emptyset} A) \Leftrightarrow (x \in A)$$

$$(x \in^E A) \Leftrightarrow (x \notin A)$$

$$(x \in^w A \cap^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \& (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A \cup^w B) \Leftrightarrow (x \in^w A) \text{ ó } (x \in^w B)$$

$$(x \in^w A) \Leftrightarrow (x \in A^c w)$$



Relaciones de w-pertenencia \in^w y \notin^w en $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, E)$ asociadas a un subconjunto nítido w

Sea L un retículo distributivo acotado con una negación fuerte $'$ y sea E un referencial ordinario. Si A y w son subconjuntos L -borrosos de E tales que w es complementado con complemento $w^c = w'$, consideramos el subconjunto L -borroso asociado $\in^w A$ definido por:

$$(\in^w A)(x) = (A \Delta w)(x) = (A \cdot w^c + A' \cdot w)(x) = (A'(x) \text{ si } x \in w; A(x) \text{ en otro caso}), \quad (\notin^w A) = (\in^{w^c} A)$$

Se verifica: $\in^w(A_1 \cup^w A_2) = \in^w(A_1) + \in^w(A_2)$, $\in^w(A_1 \cap^w A_2) = \in^w(A_1) \cdot \in^w(A_2)$ $\forall w \in \mathcal{P}(E)$, $\forall (A_1, A_2) \in L^E \times L^E$

Se verifica: $\in^w(A_1 + A_2) = \in^w(A_1) \cup^w \in^w(A_2)$, $\in^w(A_1 \cdot A_2) = \in^w(A_1) \cap^w \in^w(A_2)$ $\forall w \in \mathcal{P}(E)$, $\forall (A_1, A_2) \in L^E \times L^E$

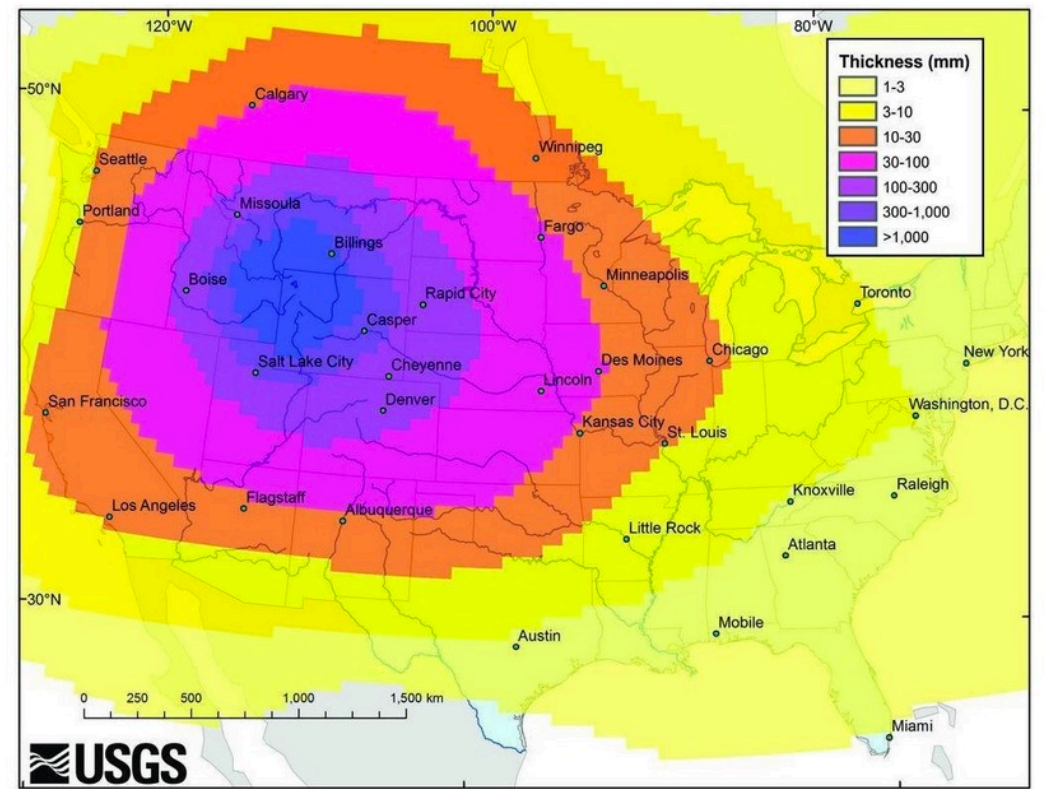
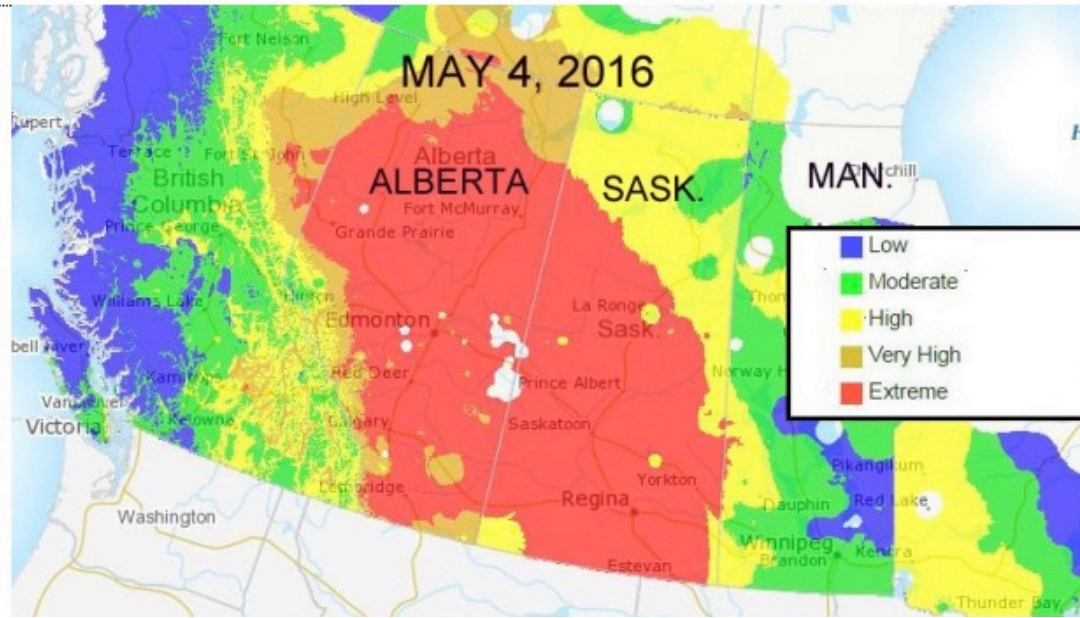
$$A_1 \sqsubseteq^w A_2 \Rightarrow \in^w(A_1) \sqsubseteq^w \in^w(A_2)$$

Aplicación de los órdenes de actividad en
análisis de mapas de riesgos y en
análisis de mapas con curvas de nivel.

Giant red zone: Fire danger extreme across Saskatchewan, Alberta

Danger map shows 'extreme' risk of fires in both provinces

By Joelle Seal, CBC News | Posted: May 04, 2016 5:03 PM CT | Last Updated: May 04, 2016 6:08 PM CT



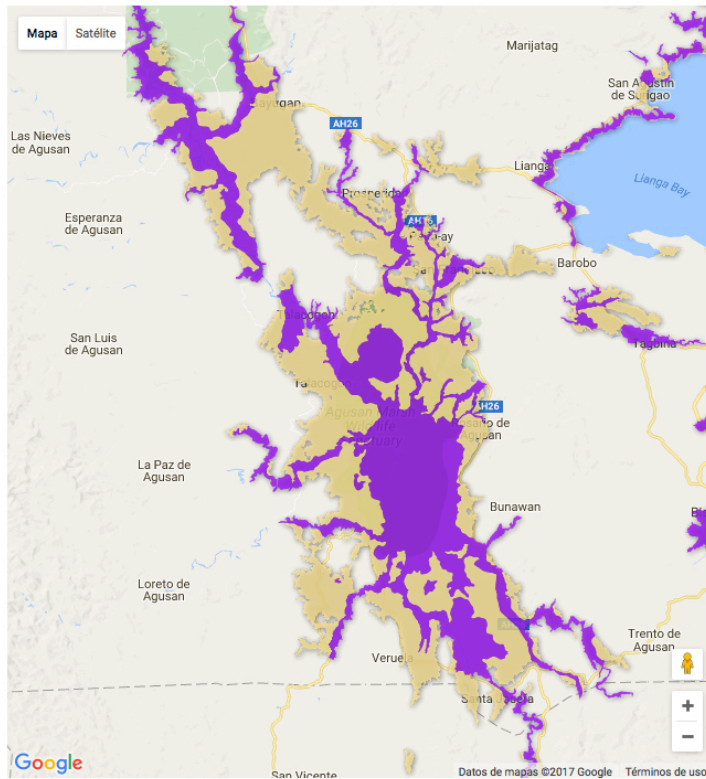
A simulation of the possible distribution of ash from a Yellowstone supereruption United States Geological Survey

The map below shows areas in the Philippines that are susceptible to floods and flashfloods. It is based on shapefile versions of hazard maps produced by the MGB.

According to MGB Lands Geological Survey Division OIC Lilian Rollan, the different colors show different levels of danger. People living in different colored areas also need different levels of preparation.

Rollan explained that:

- Violet areas have high susceptibility to floods. They are usually near bodies of water or prone to flashfloods. According to Rollan, residents in these areas must always be ready to evacuate.
- Light yellow areas have moderate to low susceptibility to floods. These areas, however, are still vulnerable to "dangerous debris flow" during typhoons.

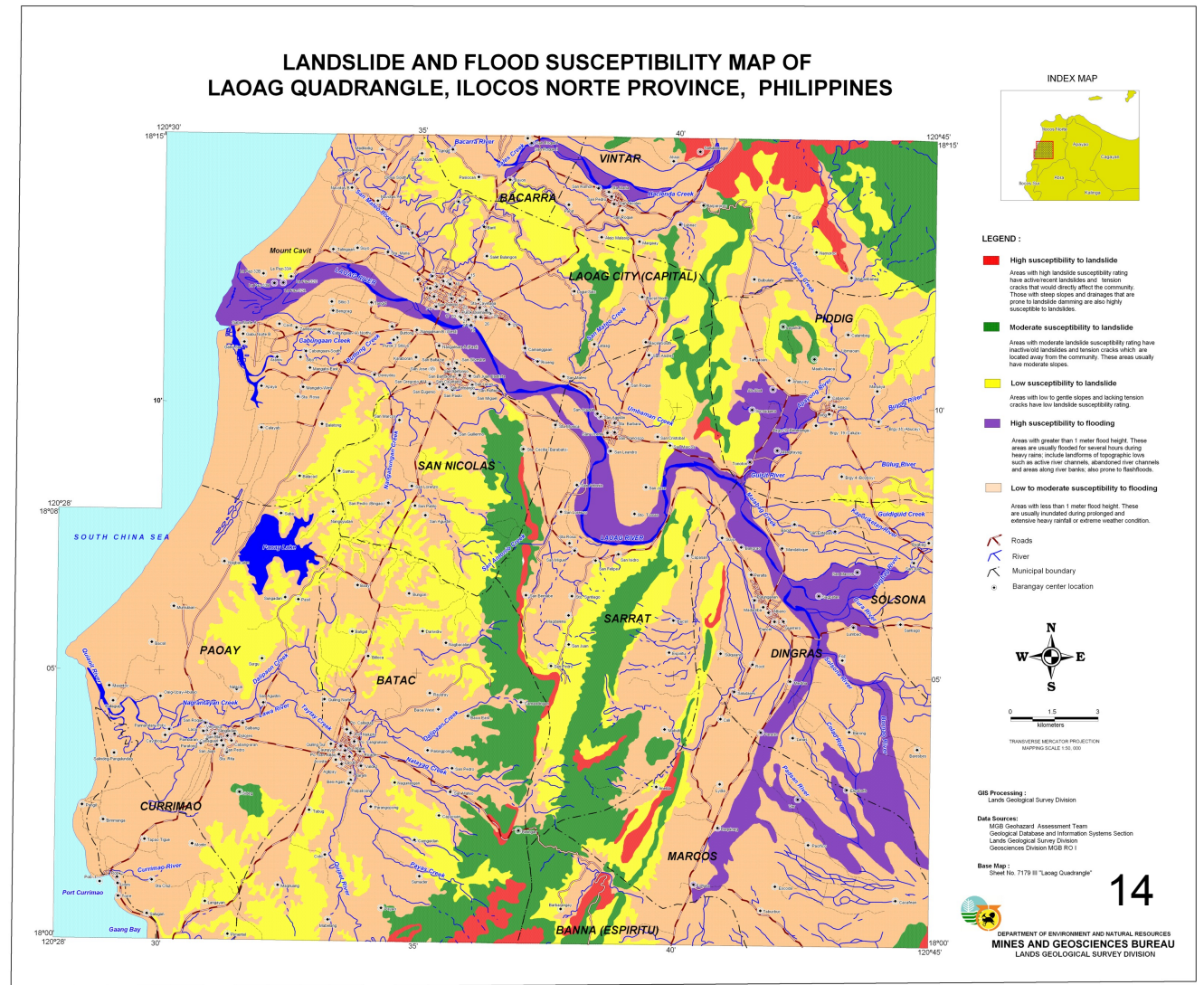


MGB HAZARD MAPS
WHAT THE DIFFERENT COLORS OF THE FLOOD-PRONE AREAS MEAN

HIGH SUSCEPTIBILITY
Be alert and ready to evacuate

MODERATE TO LOW SUSCEPTIBILITY
Be cautious

Source: MGB

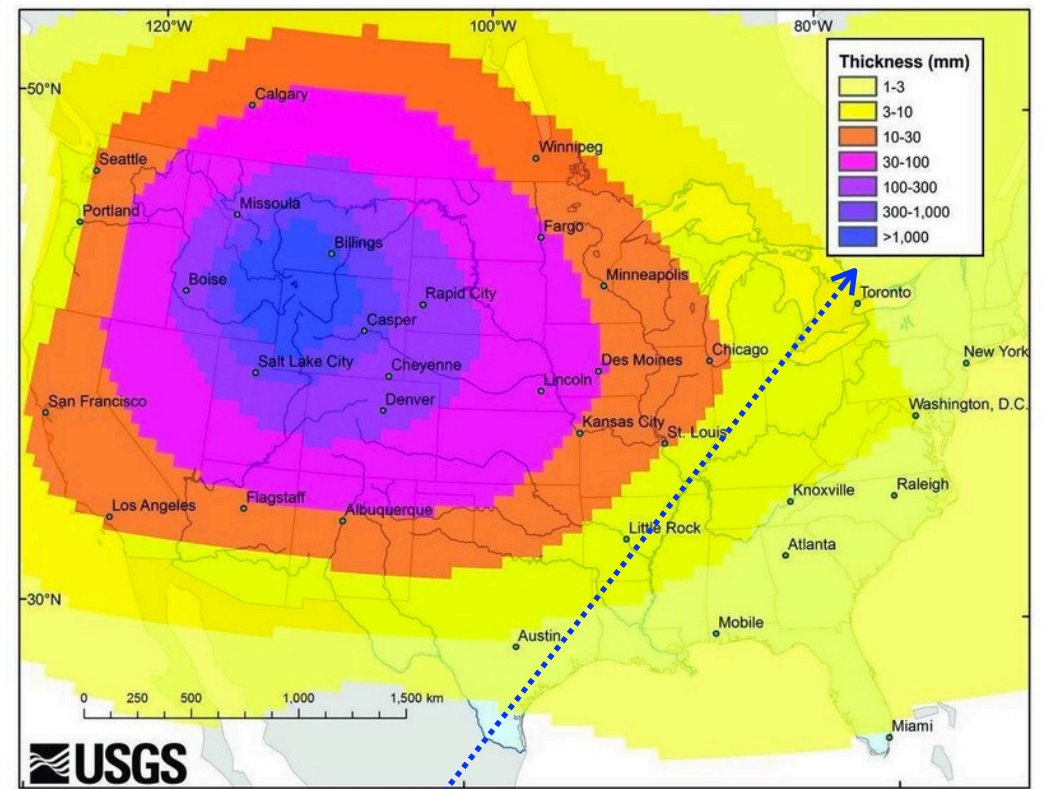
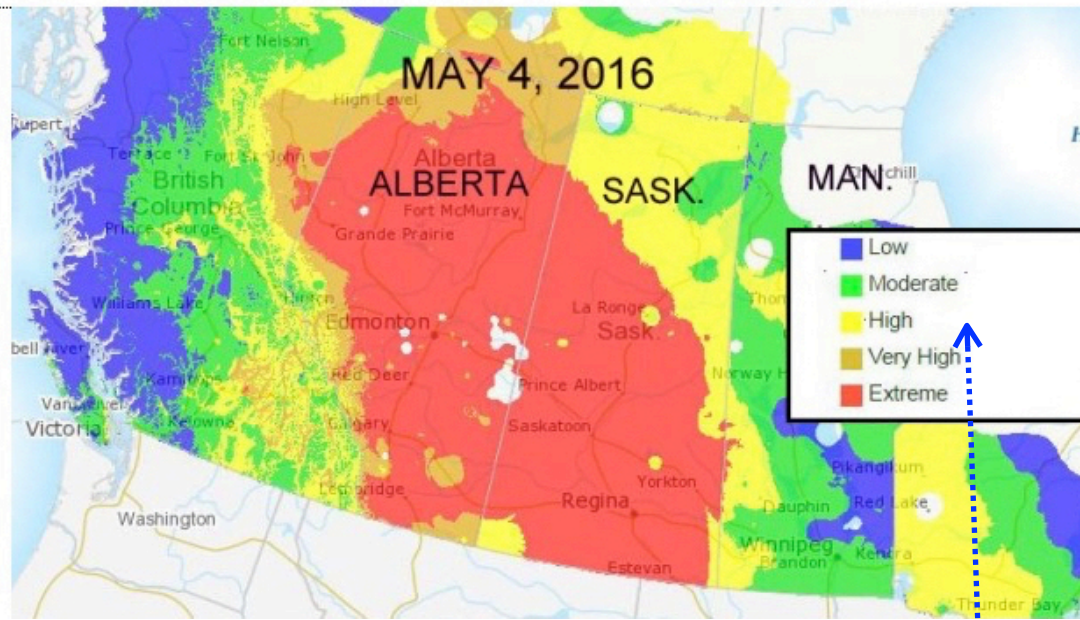


The graphic below shows what each color on the MGB maps mean:

Giant red zone: Fire danger extreme across Saskatchewan, Alberta

Danger map shows 'extreme' risk of fires in both provinces

By Joelle Seal, CBC News | Posted: May 04, 2016 5:03 PM CT | Last Updated: May 04, 2016 6:08 PM CT



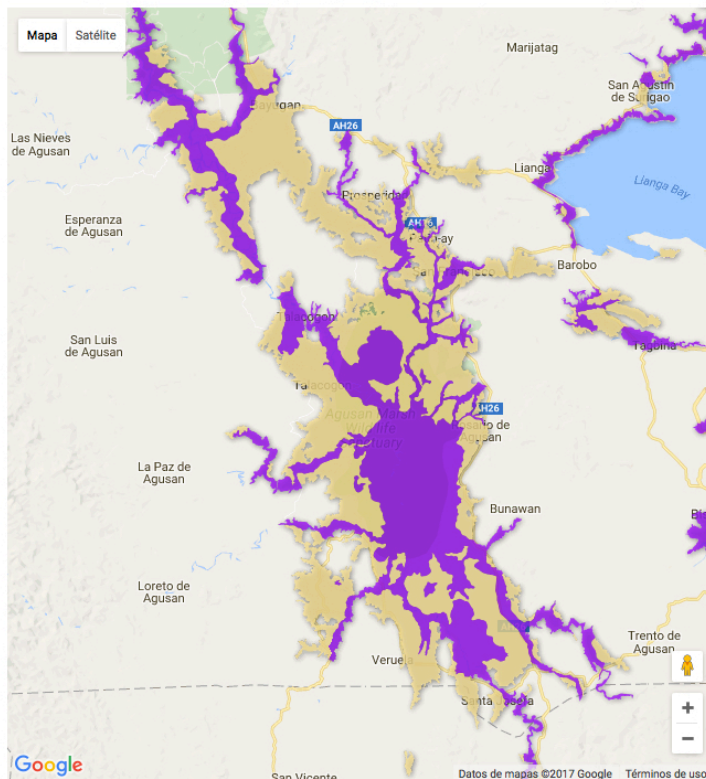
A simulation of the possible distribution of ash from a Yellowstone supereruption United States Geological Survey

The map below shows areas in the Philippines that are susceptible to floods and flashfloods. It is based on shapefile versions of hazard maps produced by the MGB.

According to MGB Lands Geological Survey Division OIC Lilian Rollan, the different colors show different levels of danger. People living in different colored areas also need different levels of preparation.

Rollan explained that:

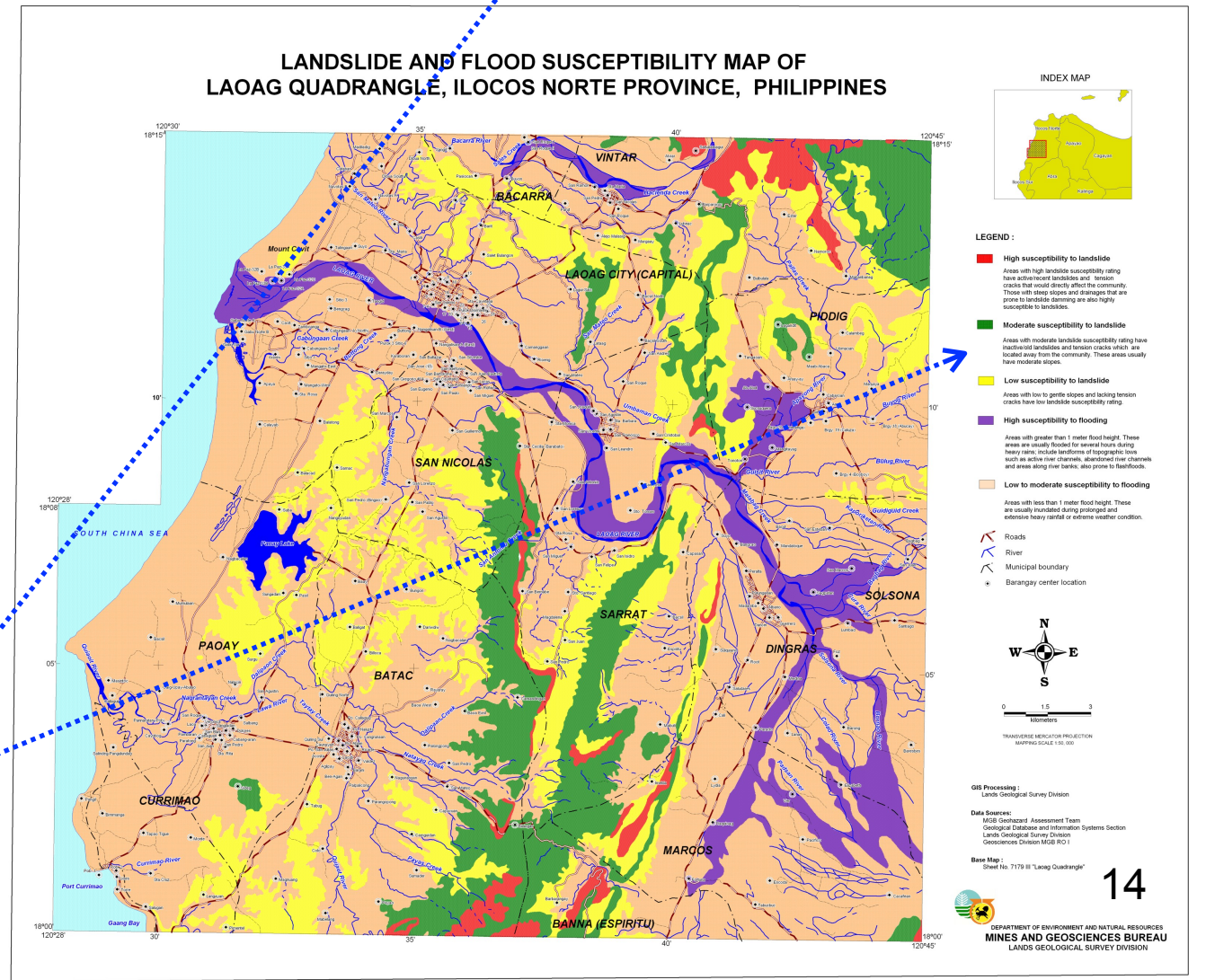
- Violet areas have high susceptibility to floods. They are usually near bodies of water or prone to flashfloods. According to Rollan, residents in these areas must always be ready to evacuate.
- Light yellow areas have moderate to low susceptibility to floods. These areas, however, are still vulnerable to "dangerous debris flow" during typhoons.



MGB HAZARD MAPS
WHAT THE DIFFERENT COLORS OF THE FLOOD-PRONE AREAS MEAN

HIGH SUSCEPTIBILITY
Be alert and ready to evacuate

MODERATE TO LOW SUSCEPTIBILITY
Be cautious

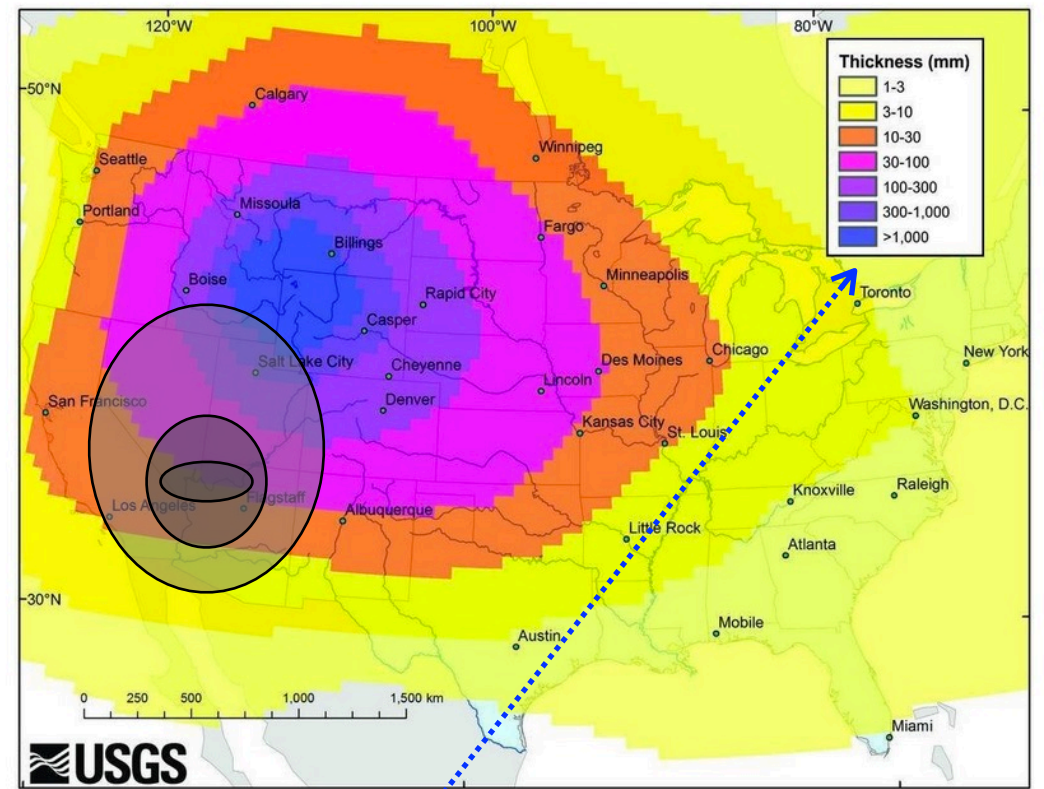
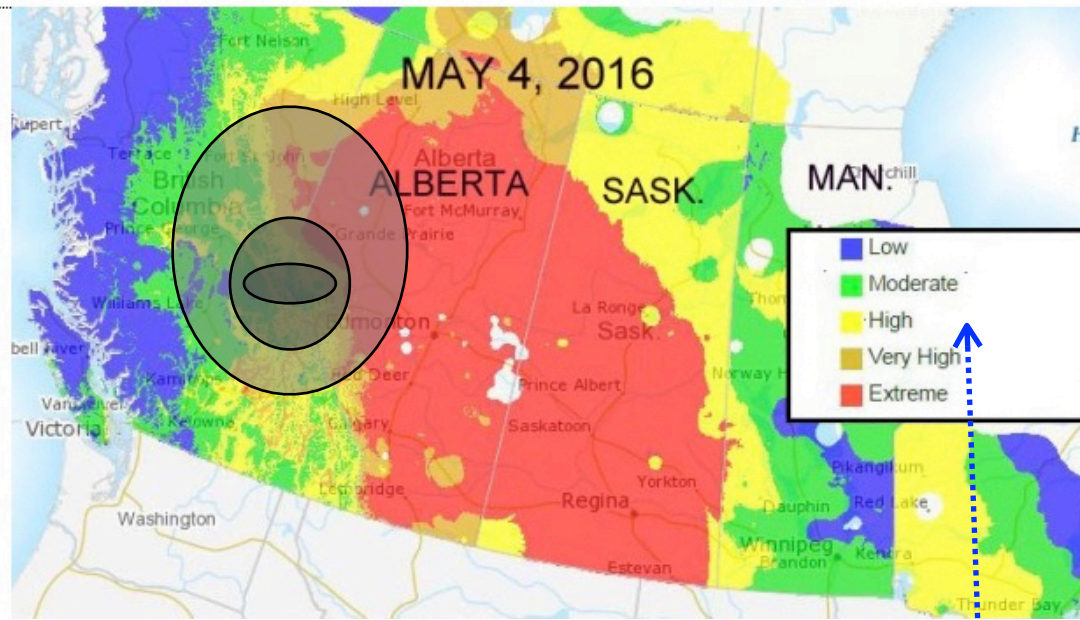


The graphic below shows what each color on the MGB maps mean:

Giant red zone: Fire danger extreme across Saskatchewan, Alberta

Danger map shows 'extreme' risk of fires in both provinces

By Joelle Seal, CBC News | Posted: May 04, 2016 5:03 PM CT | Last Updated: May 04, 2016 6:08 PM CT



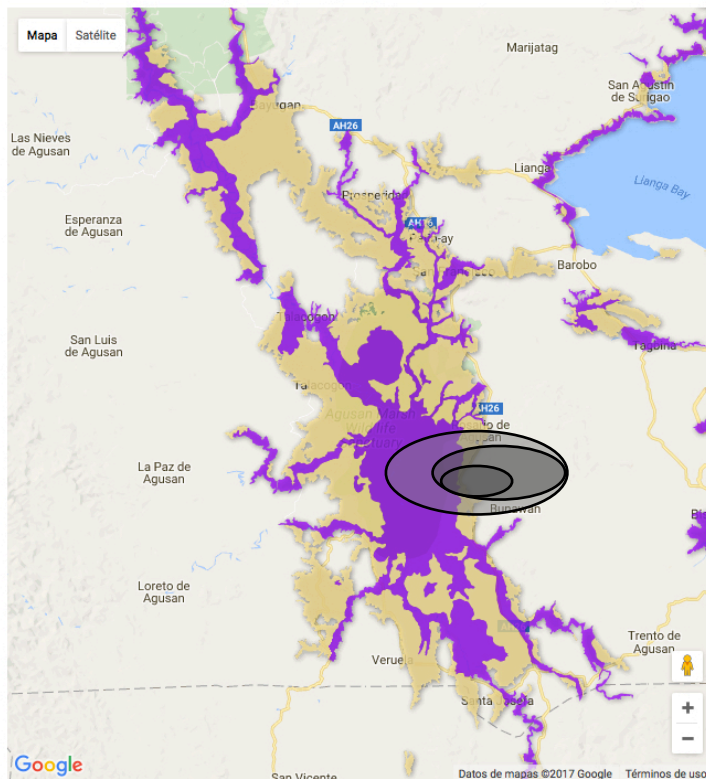
A simulation of the possible distribution of ash from a Yellowstone supereruption United States Geological Survey

The map below shows areas in the Philippines that are susceptible to floods and flashfloods. It is based on shapefile versions of hazard maps produced by the MGB.

According to MGB Lands Geological Survey Division OIC Lilian Rollan, the different colors show different levels of danger. People living in different colored areas also need different levels of preparation.

Rollan explained that:

- Violet areas have high susceptibility to floods. They are usually near bodies of water or prone to flashfloods. According to Rollan, residents in these areas must always be ready to evacuate.
- Light yellow areas have moderate to low susceptibility to floods. These areas, however, are still vulnerable to "dangerous debris flow" during typhoons.

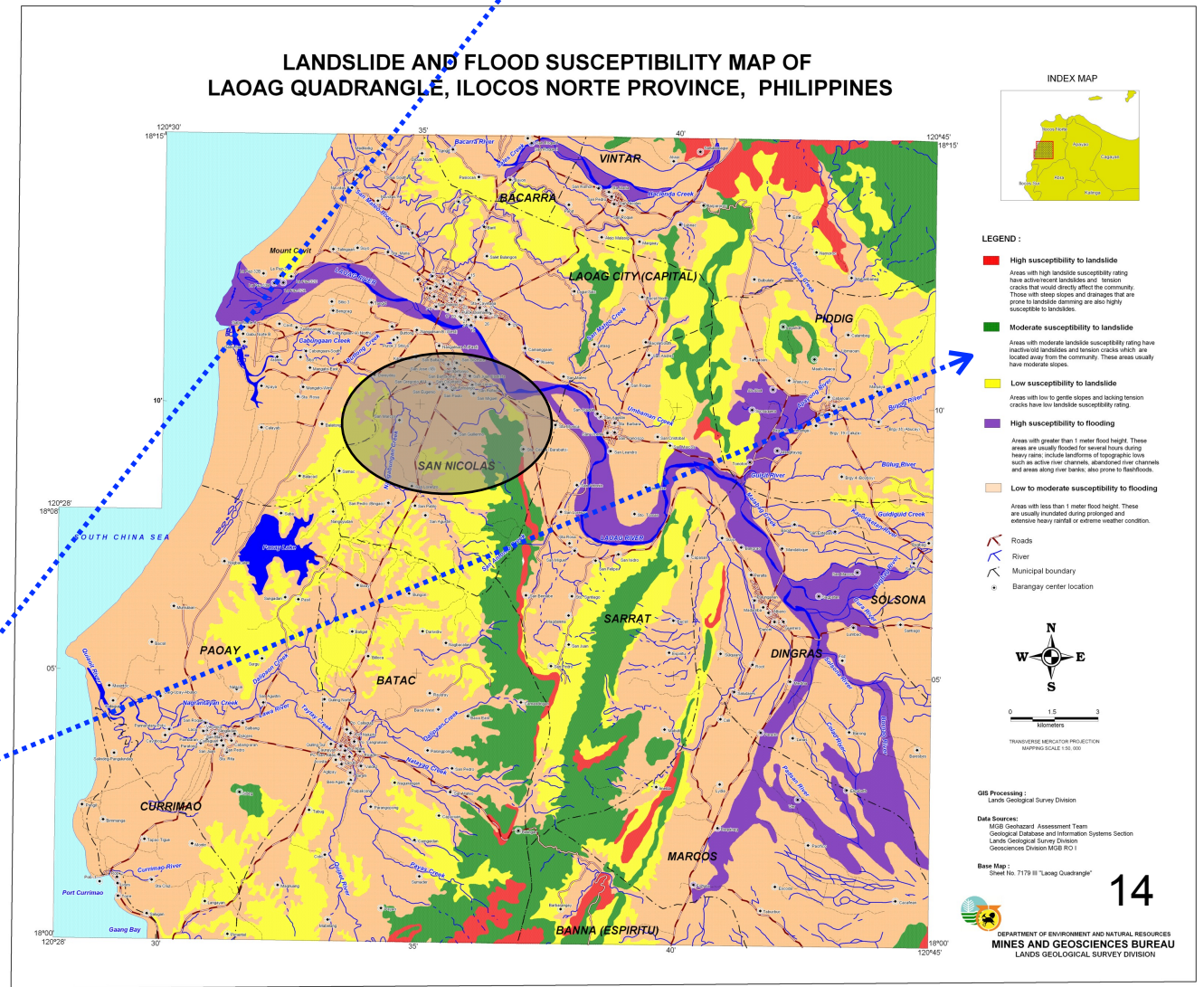


MGB HAZARD MAPS
WHAT THE DIFFERENT COLORS OF THE FLOOD-PRONE AREAS MEAN

HIGH SUSCEPTIBILITY
Be alert and ready to evacuate

MODERATE TO LOW SUSCEPTIBILITY
Be cautious

Source: MGB

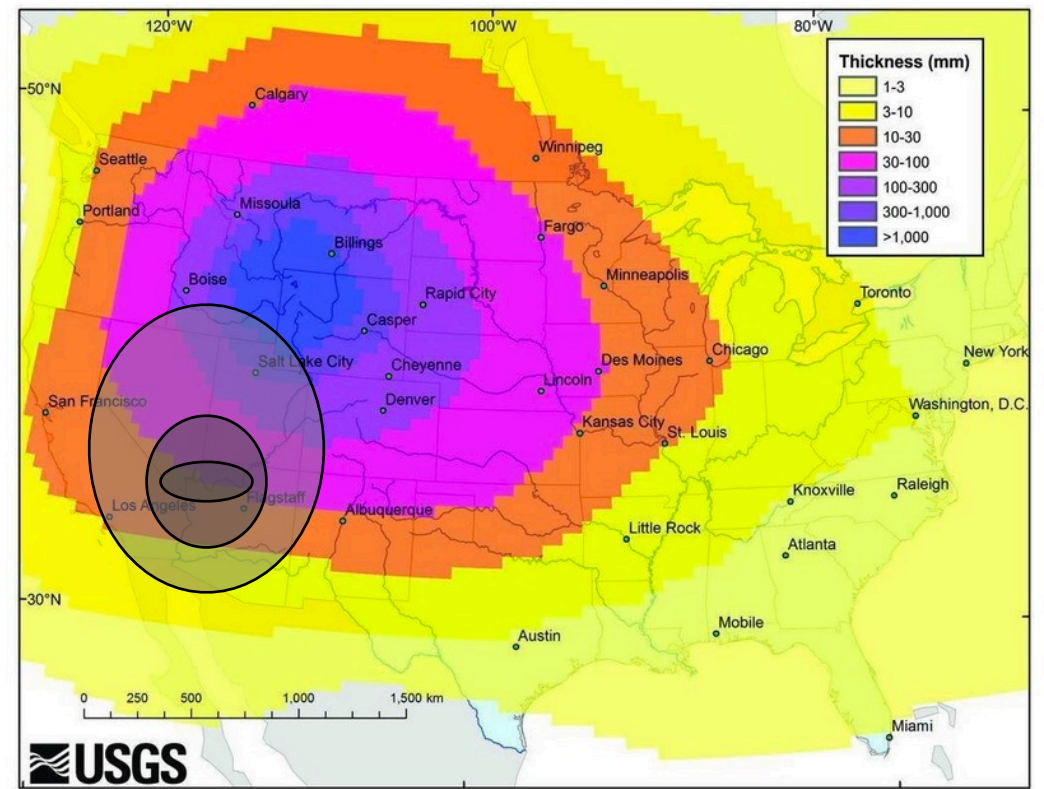
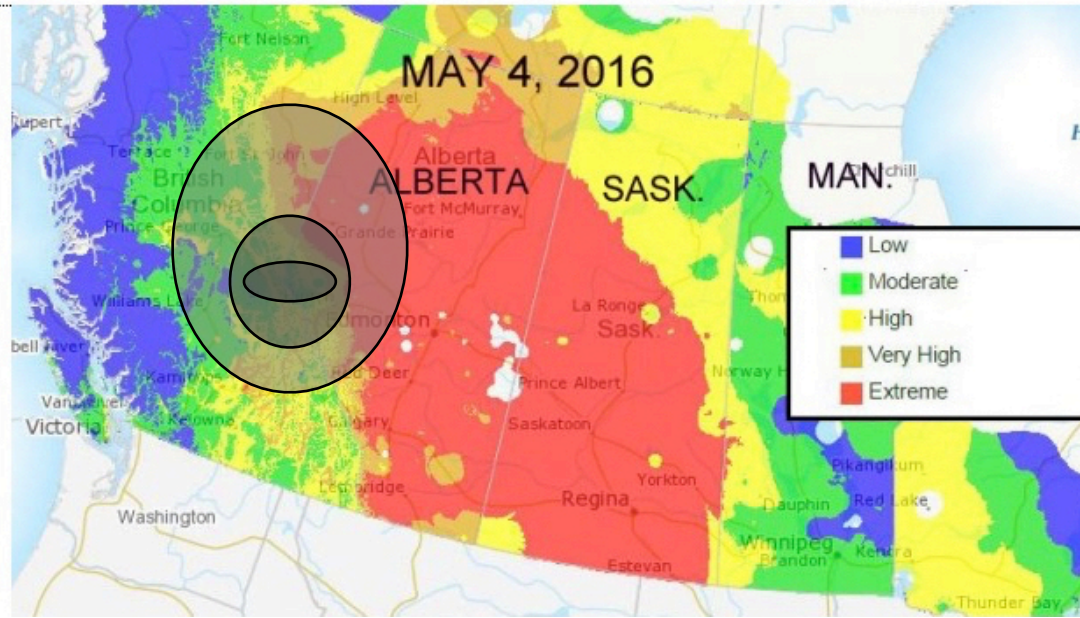


The graphic below shows what each color on the MGB maps mean:

Giant red zone: Fire danger extreme across Saskatchewan, Alberta

Danger map shows 'extreme' risk of fires in both provinces

By Joelle Seal, CBC News | Posted: May 04, 2016 5:03 PM CT | Last Updated: May 04, 2016 6:08 PM CT



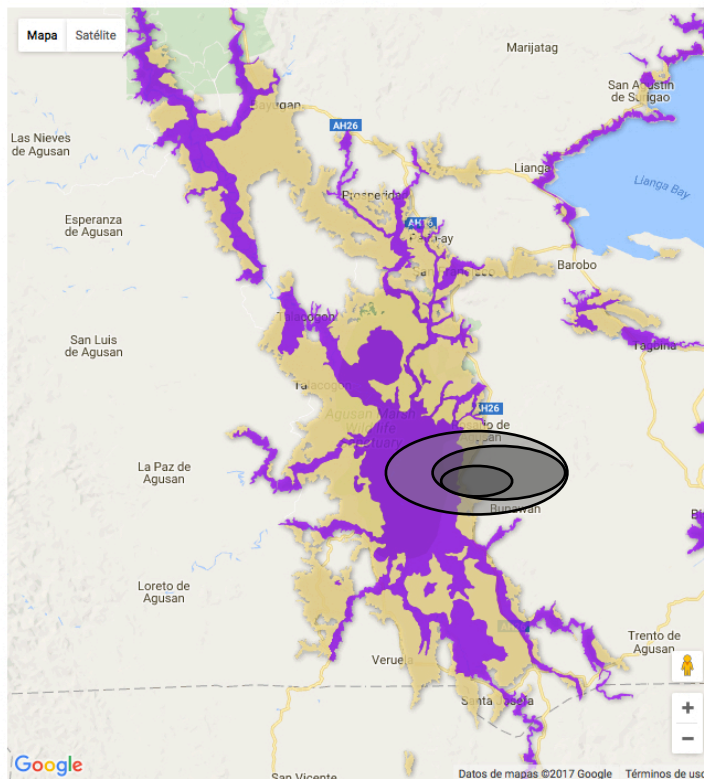
A simulation of the possible distribution of ash from a Yellowstone supereruption United States Geological Survey

The map below shows areas in the Philippines that are susceptible to floods and flashfloods. It is based on shapefile versions of hazard maps produced by the MGB.

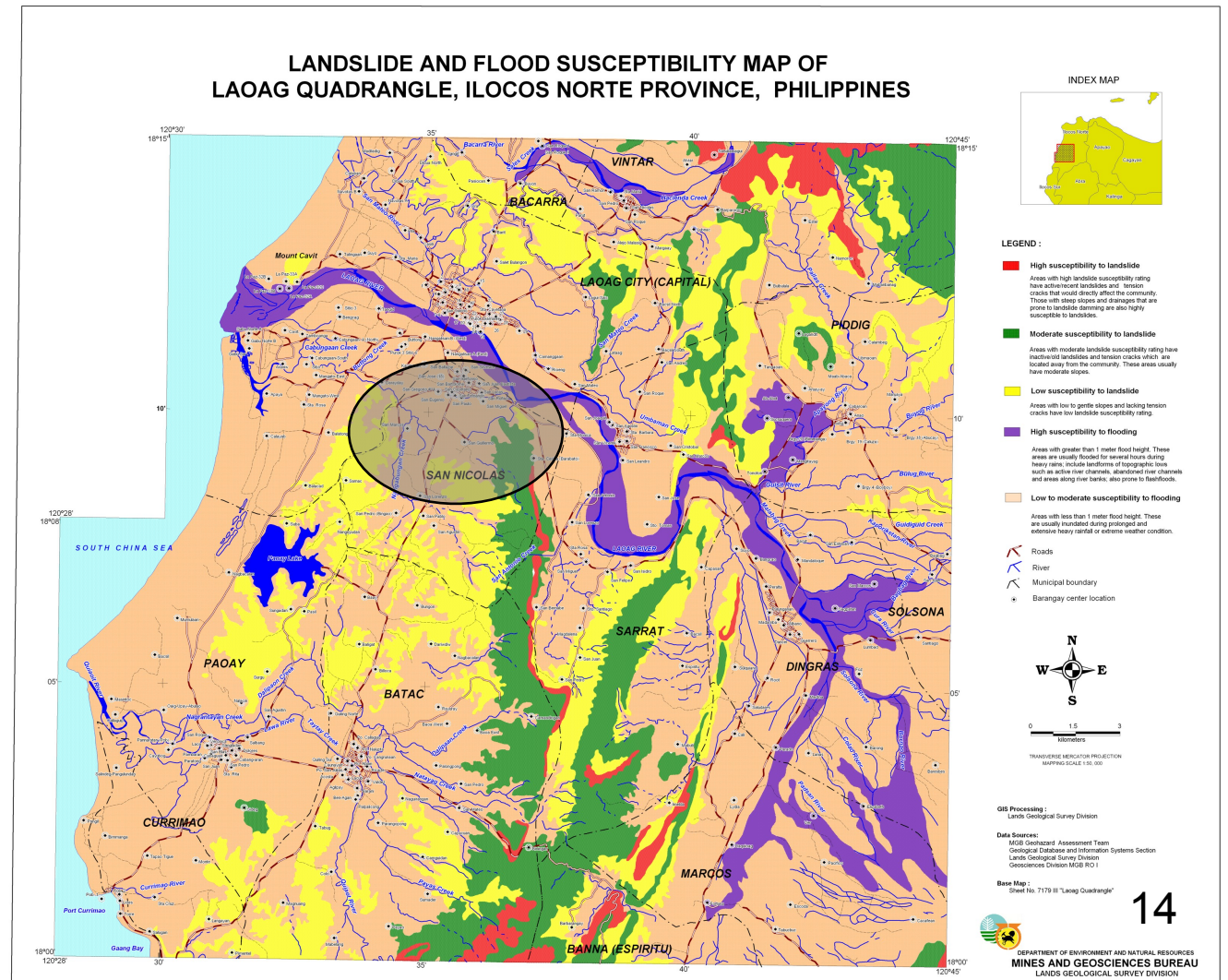
According to MGB Lands Geological Survey Division OIC Lilian Rollan, the different colors show different levels of danger. People living in different colored areas also need different levels of preparation.

Rollan explained that:

- Violet areas have high susceptibility to floods. They are usually near bodies of water or prone to flashfloods. According to Rollan, residents in these areas must always be ready to evacuate.
- Light yellow areas have moderate to low susceptibility to floods. These areas, however, are still vulnerable to "dangerous debris flow" during typhoons.



LANDSLIDE AND FLOOD SUSCEPTIBILITY MAP OF LAOAG QUADRANGLE, ILOCOS NORTE PROVINCE, PHILIPPINES



The graphic below shows what each color on the MGB maps mean:

Búsqueda en la web: plano, zona peligrosa, aludes,...

INCLUSIÓN EN P(E) ASOCIADA A UN SUBCONJUNTO W DE E

Zonas más peligrosas de Dublín – Dangerous areas



Mapa de los barrios más peligrosos de Londres

En el mapa que se muestra aquí abajo, se pueden ver marcados con una X roja los barrios más peligrosos de Londres, en los cuales el turista deberá ir con especial precaución o, sin ir más lejos, evitarlos. Estos barrios son: Tottenham Hale (norte), Seven Sisters (norte), Finsbury Park (norte), Hackney (noreste), Limehouse (este), Canning Town (este), Elephant and Castle (sur), Peckham (sur), Brixton (sur), Stockwell (sur) y Harlesden (oeste), entre otros.

Ver artículo original : « ¿Es Londres peligroso para turistas? »

1 de 12

Foto Siguiente



SEMÁFORO DE LA SEGURIDAD

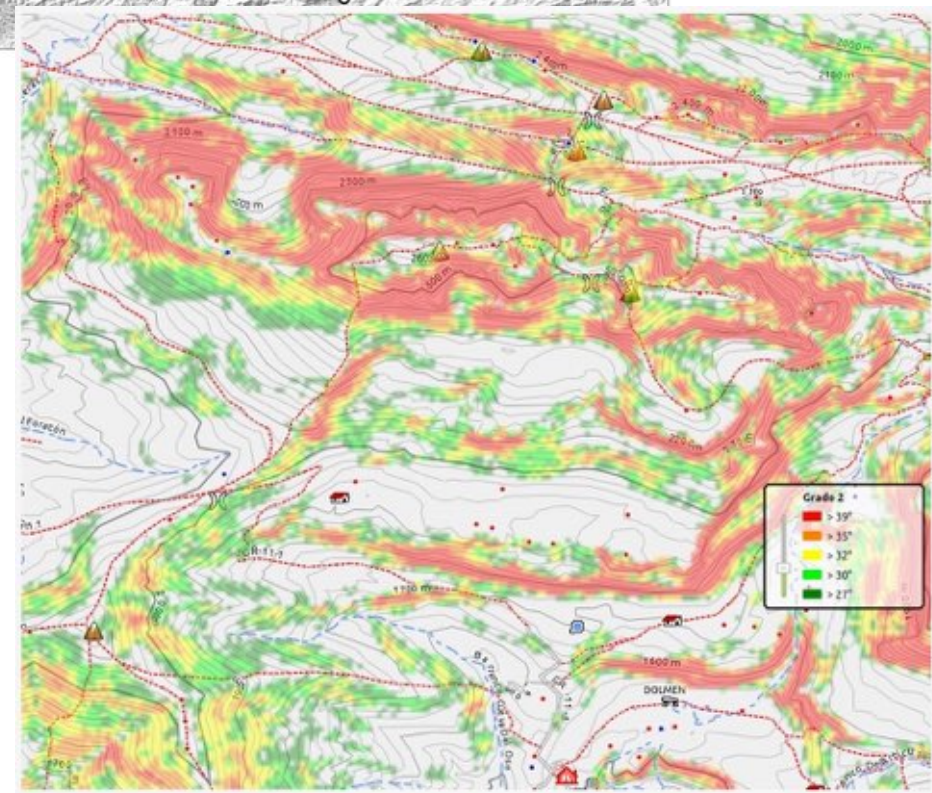
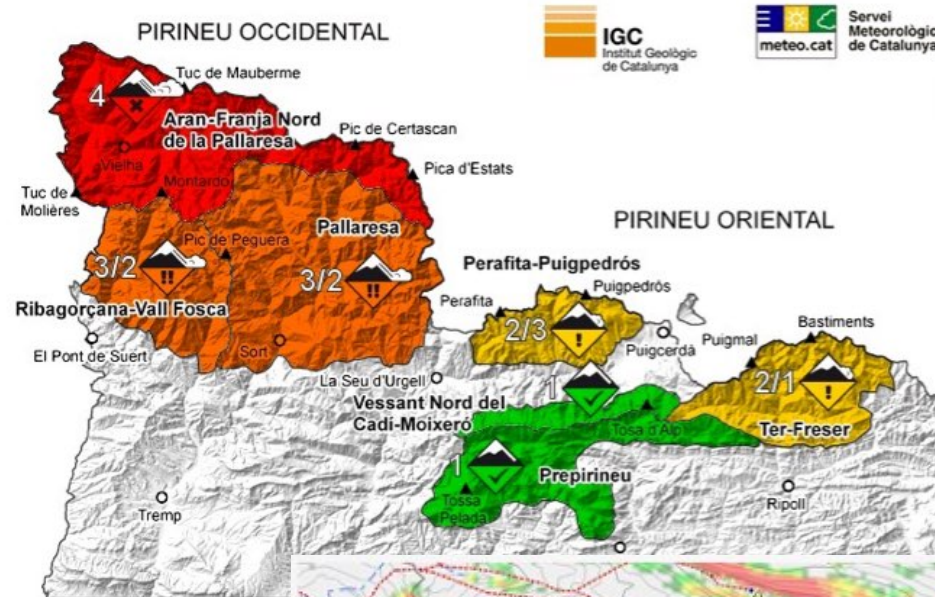
Mexico

En la zona sur del Centro Histórico, debido a su revitalización, se camina sin miedo, aunque excepciones. La parte norte, que colinda con Tepito y La Merced, es considerada "foco rojo"

- Oscuro y peligroso
- Hechos aislados
- Tranquilo con vigilancia e iluminado
- Zona turística



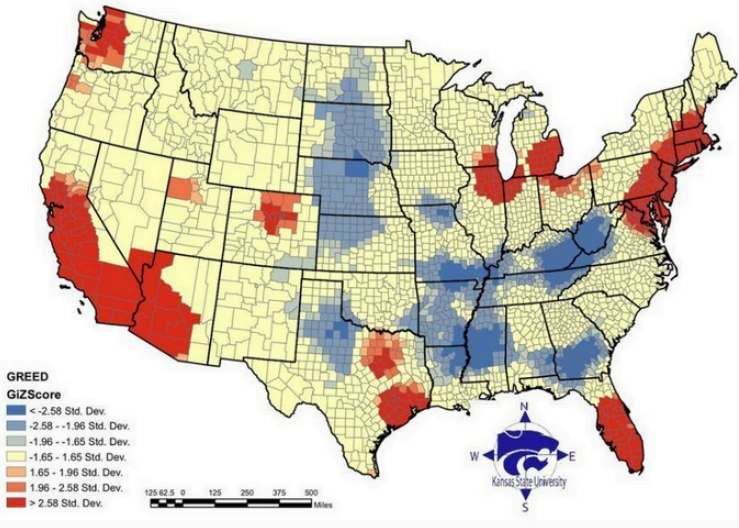
Fuente: Elaboración propia con datos de la Procuraduría Capitalina



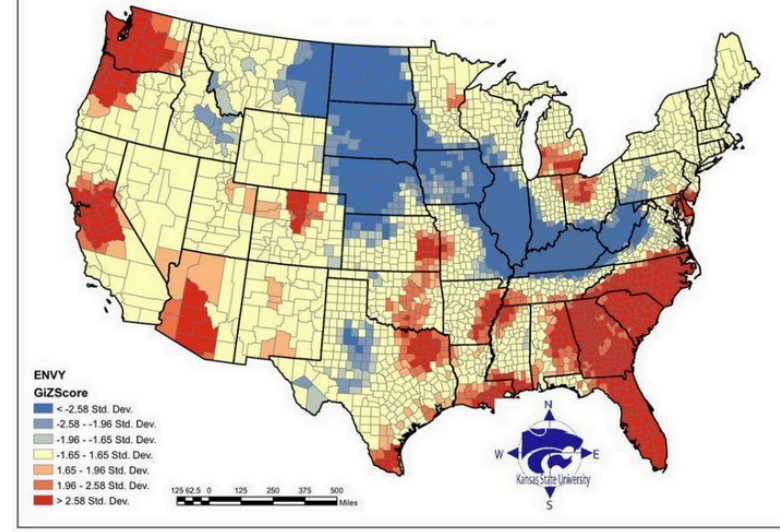
Búsqueda en la web: plano, zona peligrosa, aludes,...

Otros ejemplos

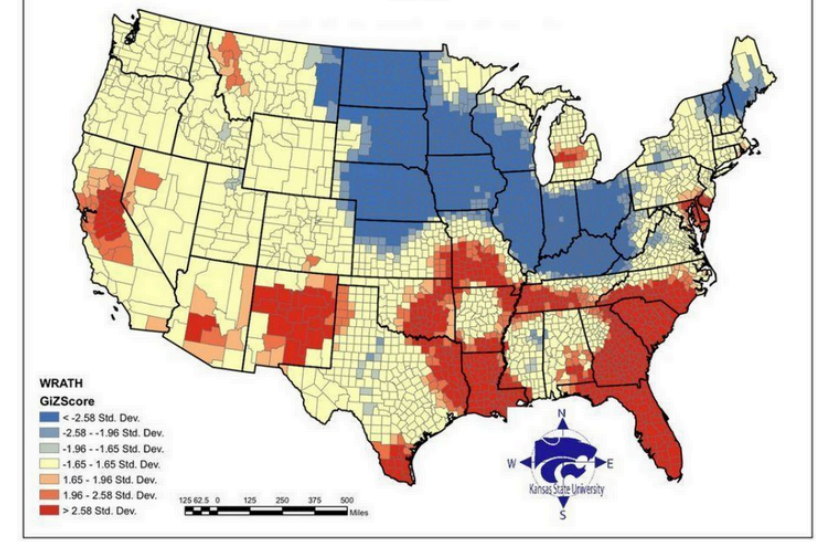
Codicia



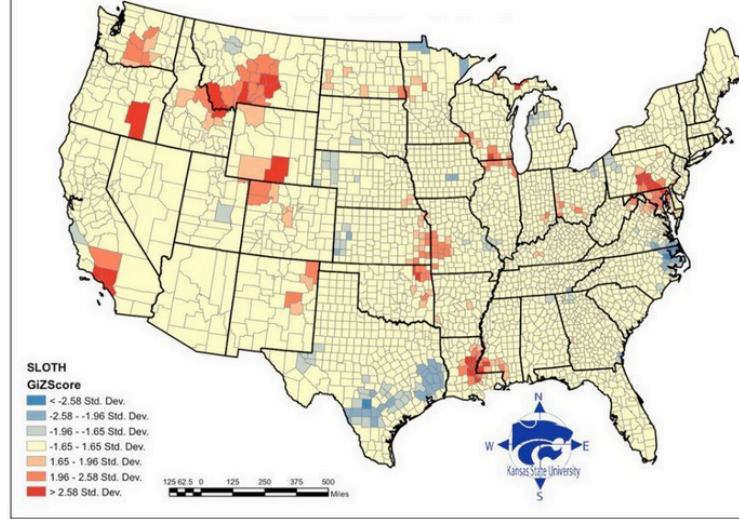
Envidia



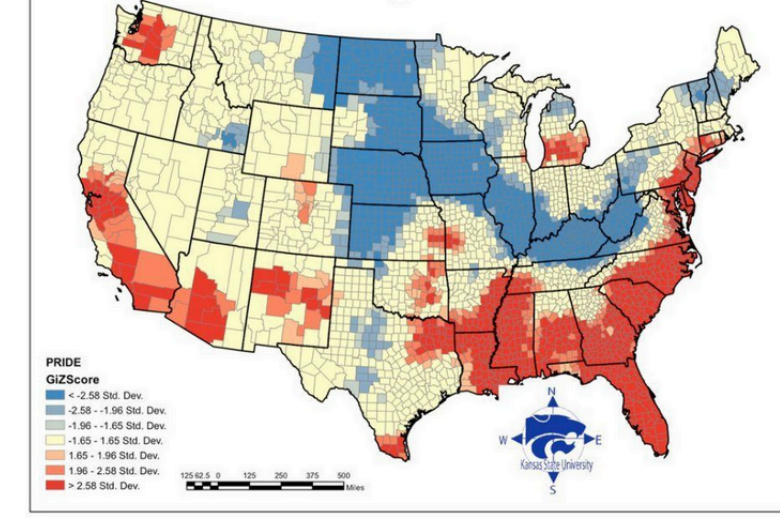
Ira



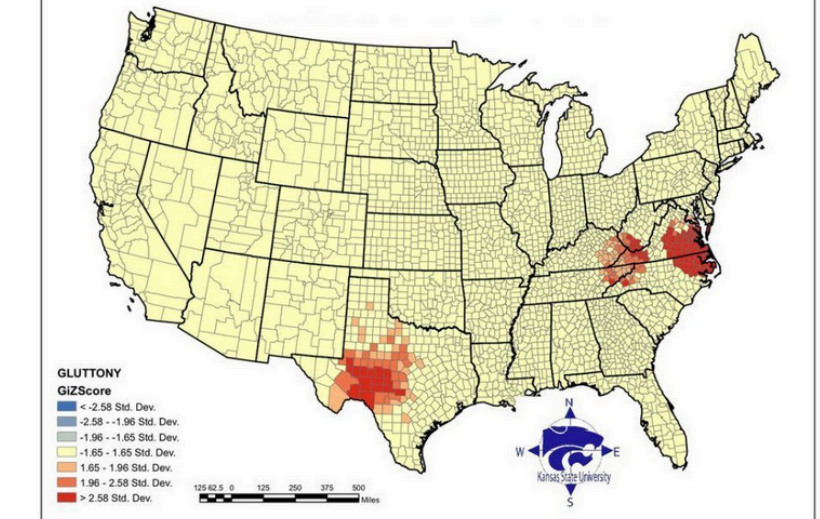
Pereza



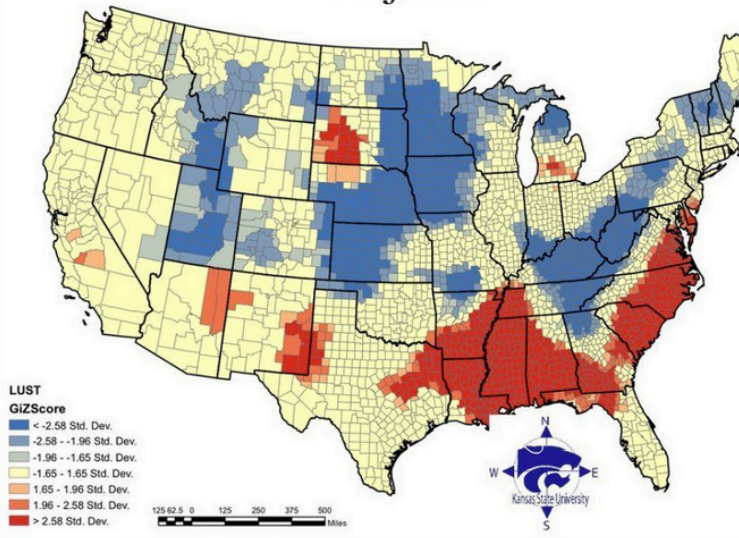
Orgullo



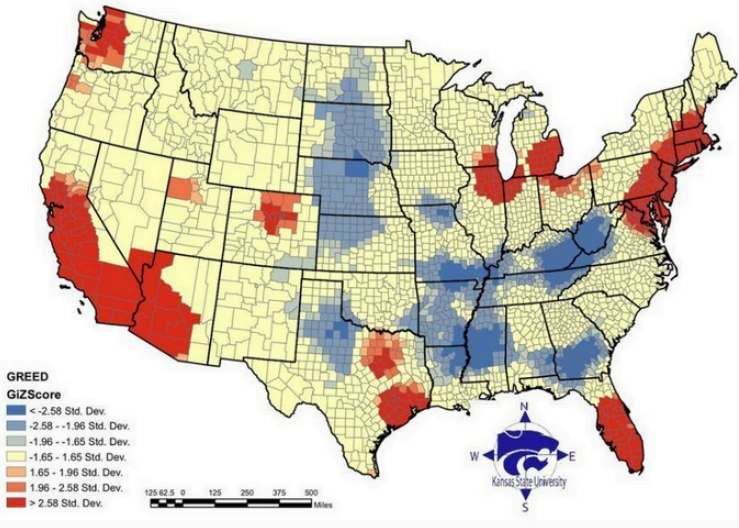
Gula



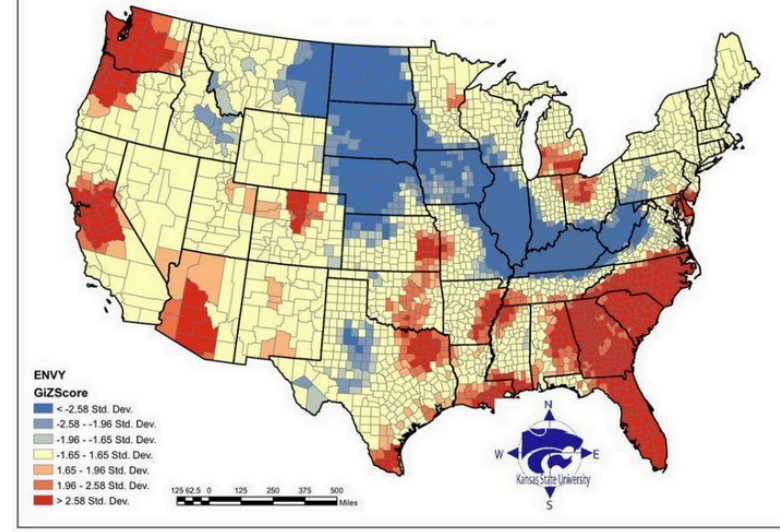
Lujuria



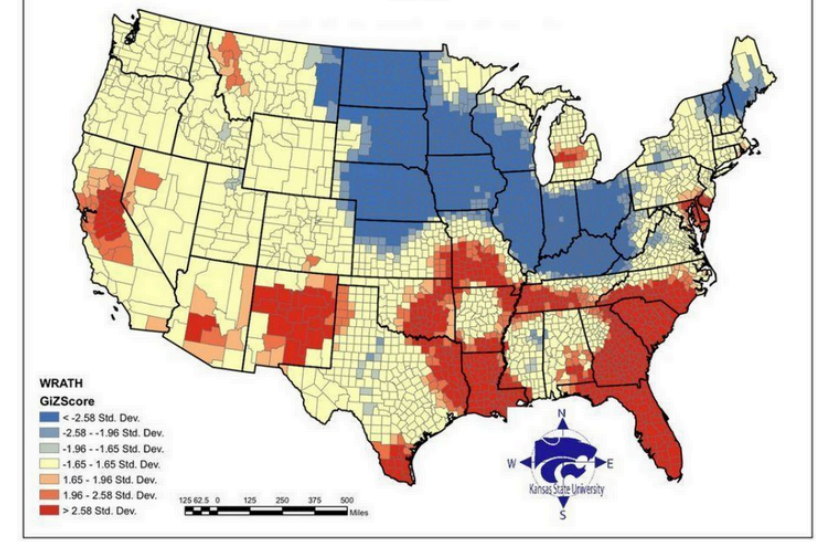
Codicia



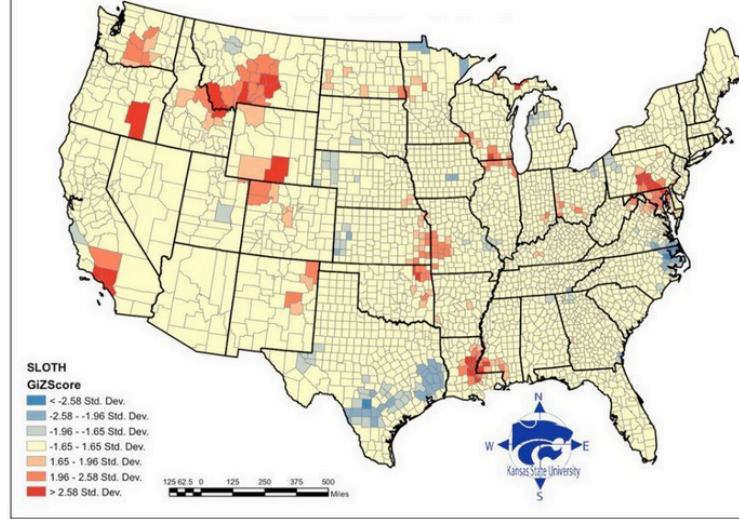
Envidia



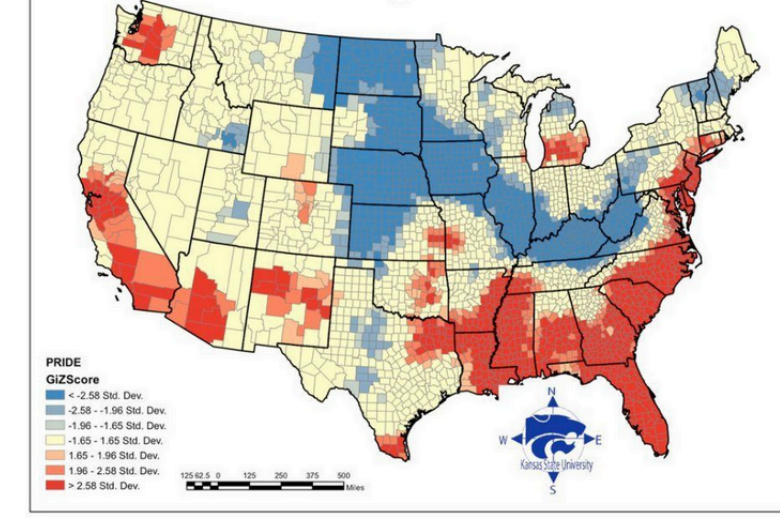
Ira



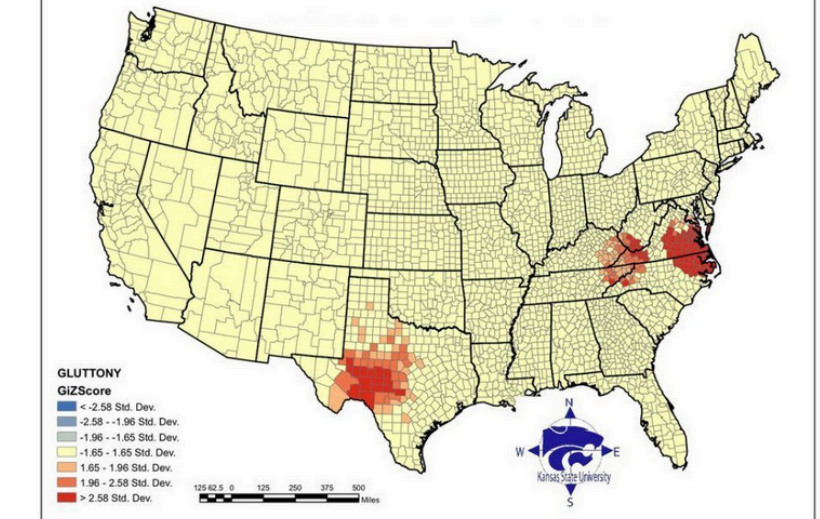
Pereza



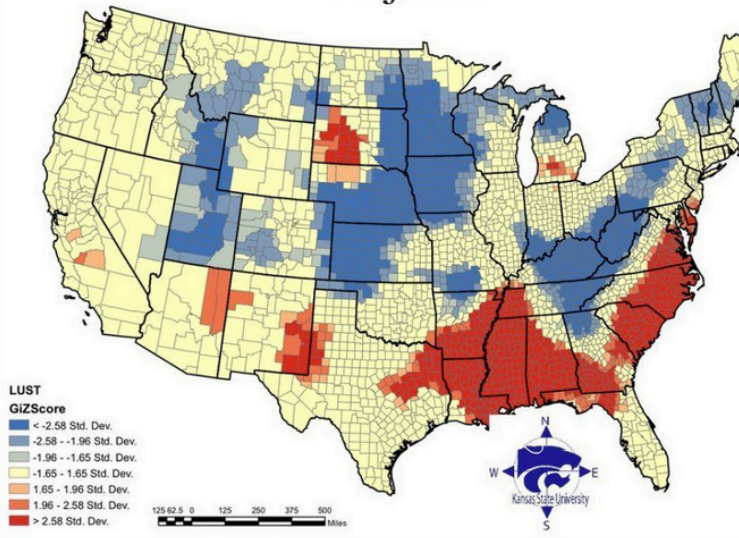
Orgullo



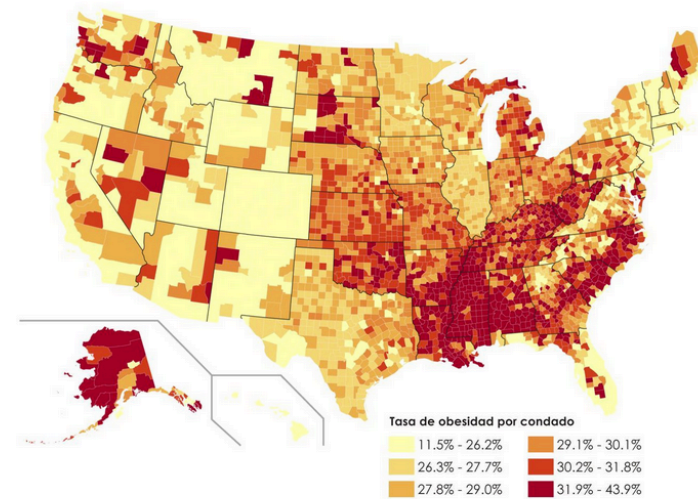
Gula



Lujuria

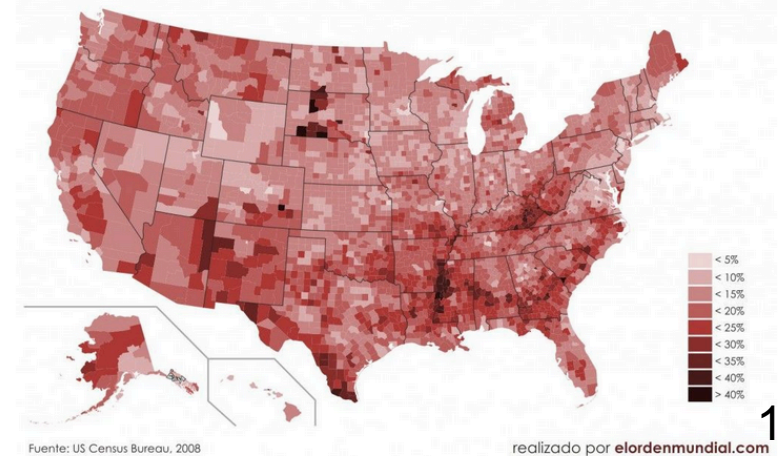


Tasa de obesidad por condado

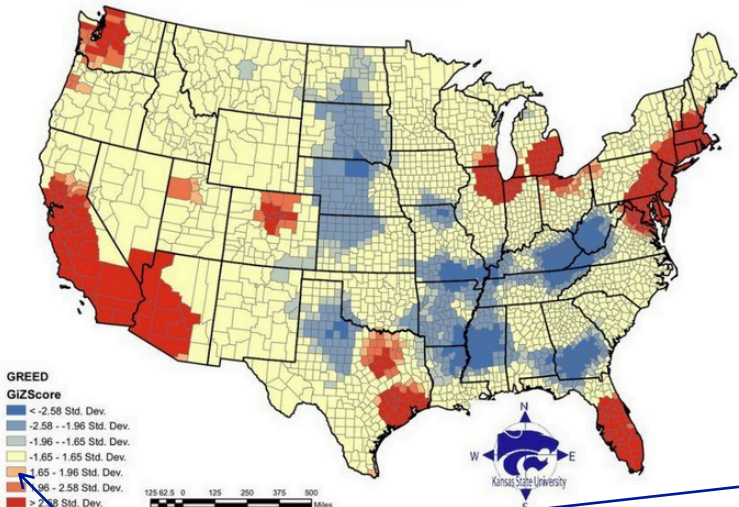


Pobreza en Estados Unidos

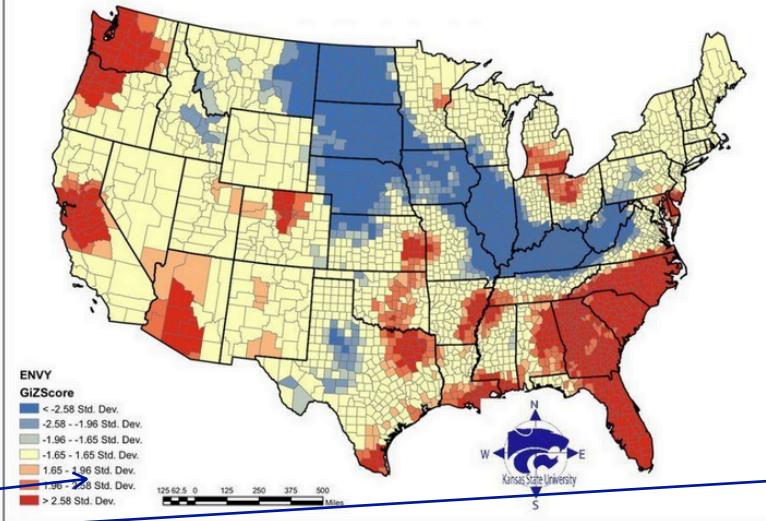
Porcentaje de población viviendo bajo el umbral de la pobreza por condado



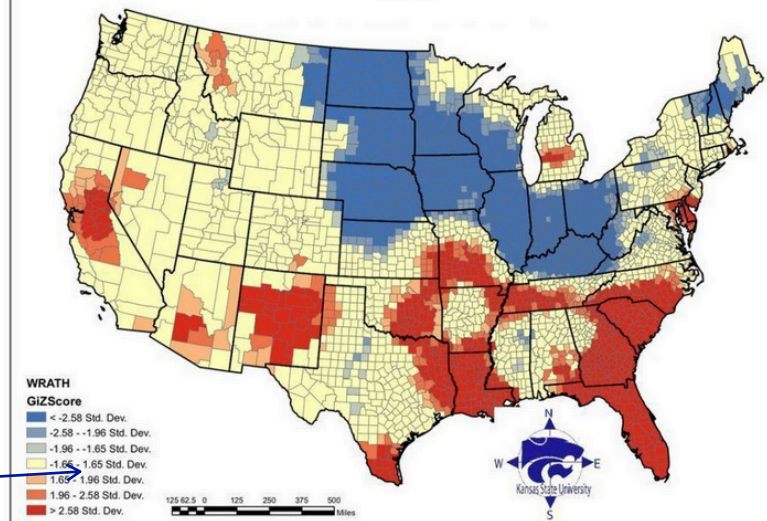
Codicia



Envidia

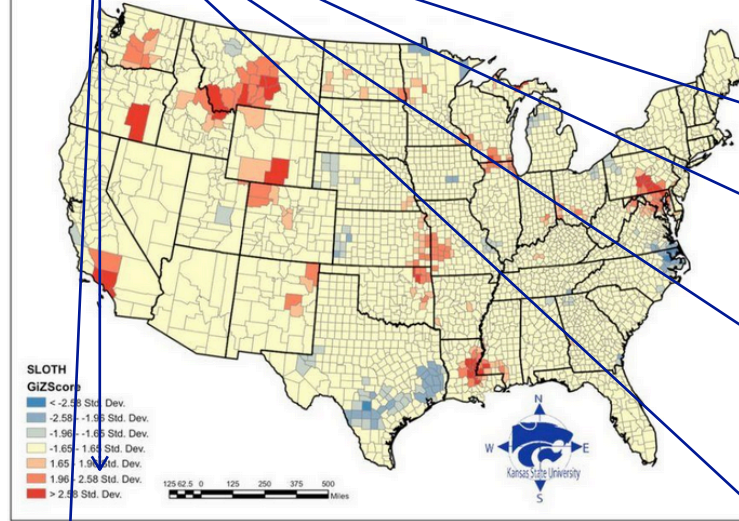


Ira

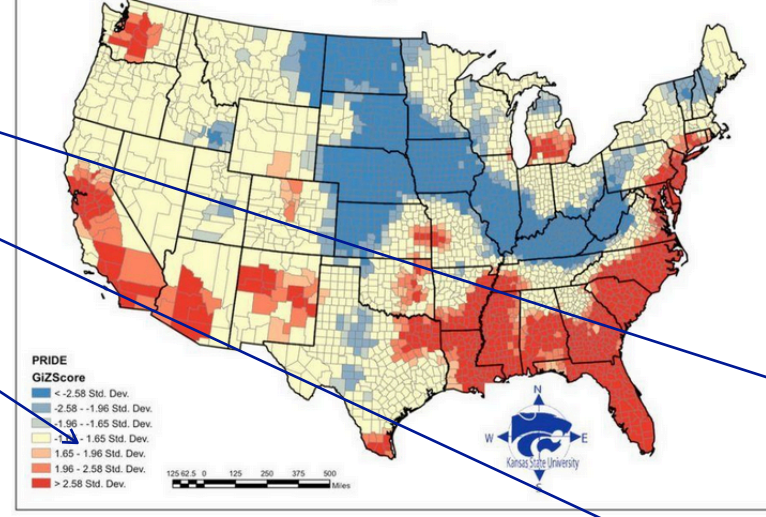


W
borroso

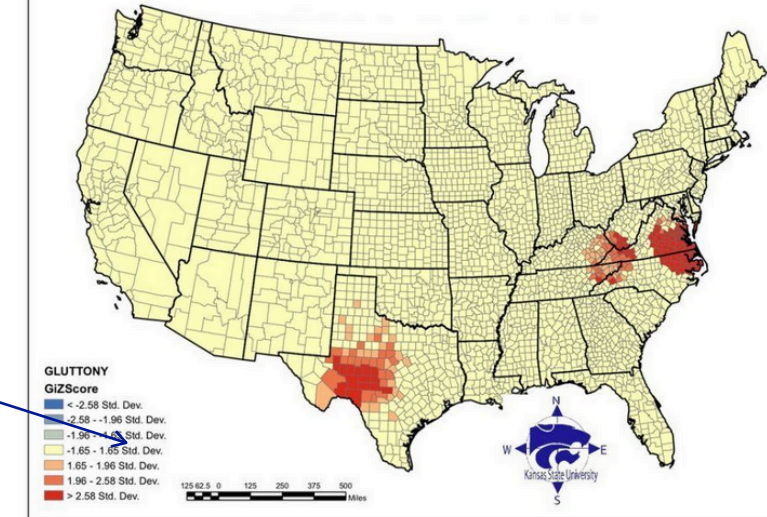
Pereza



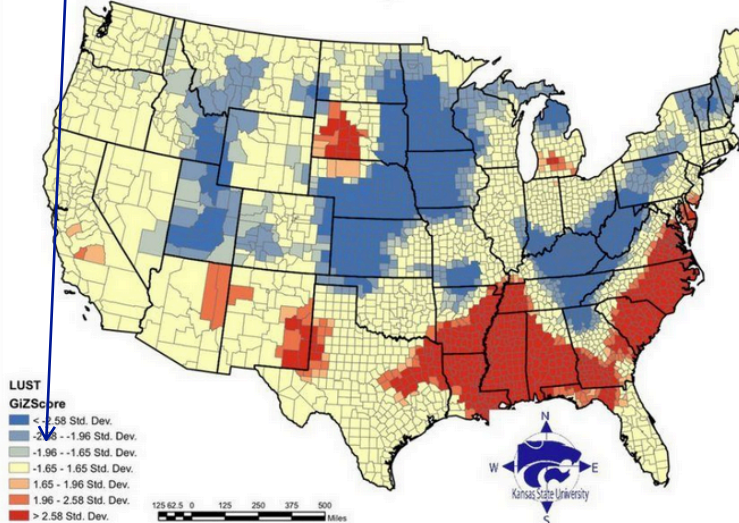
Orgullo



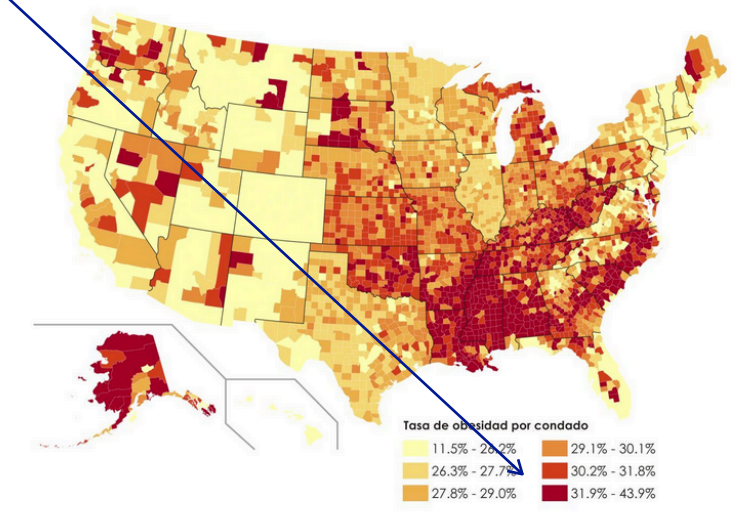
Gula



Lujuria

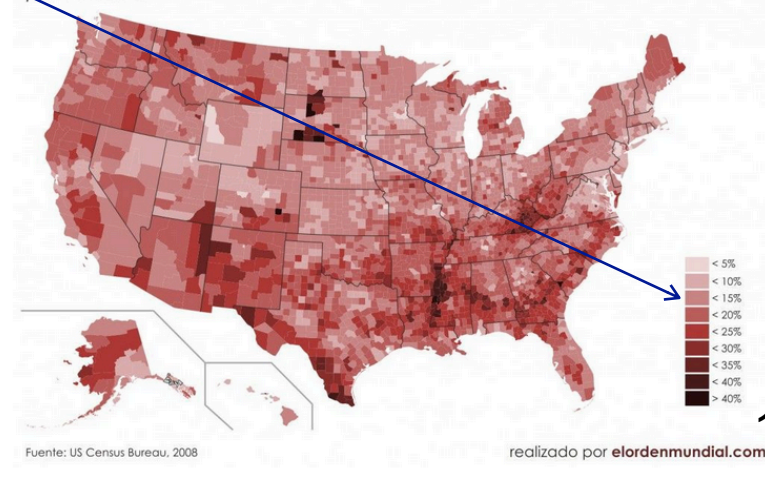


Tasa de obesidad por condado

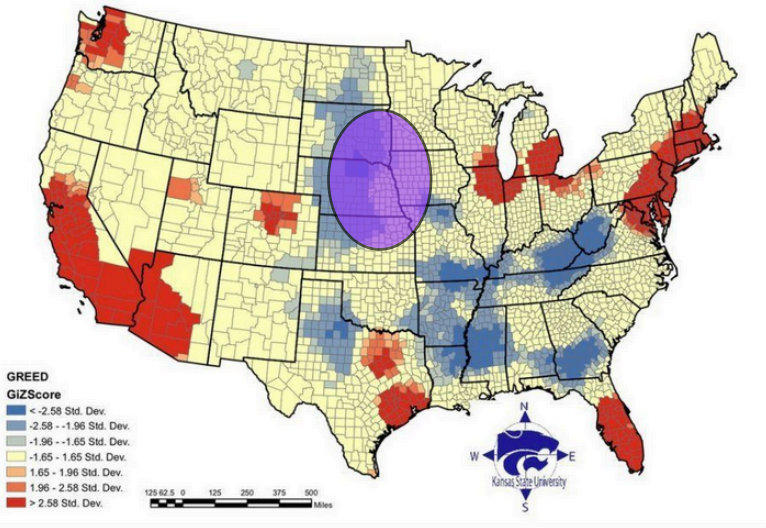


Pobreza en Estados Unidos

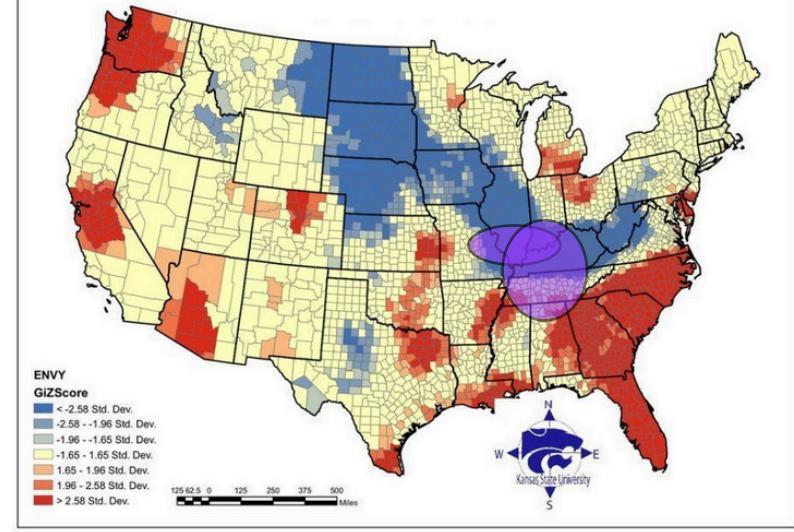
Porcentaje de población viviendo bajo el umbral de la pobreza por condado



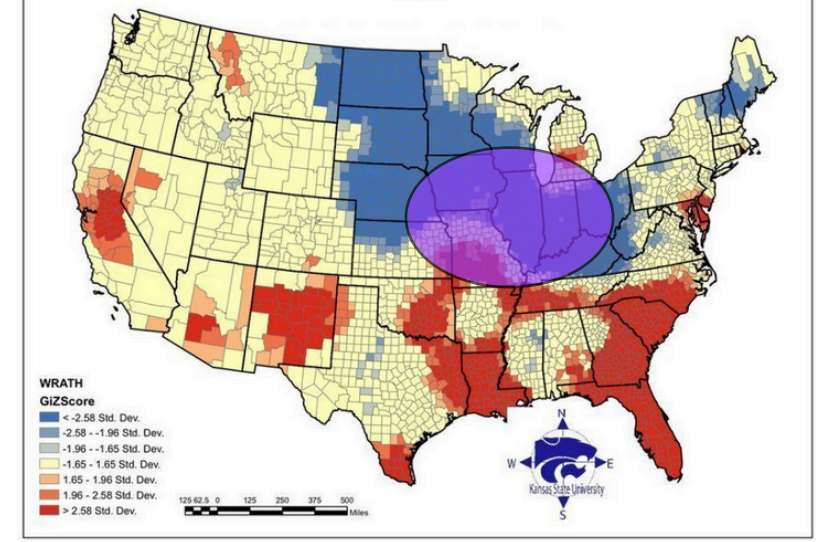
Codicia



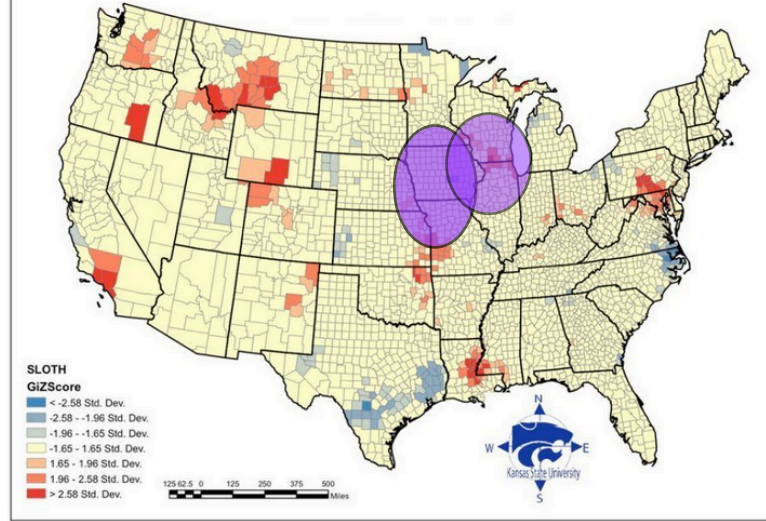
Envidia



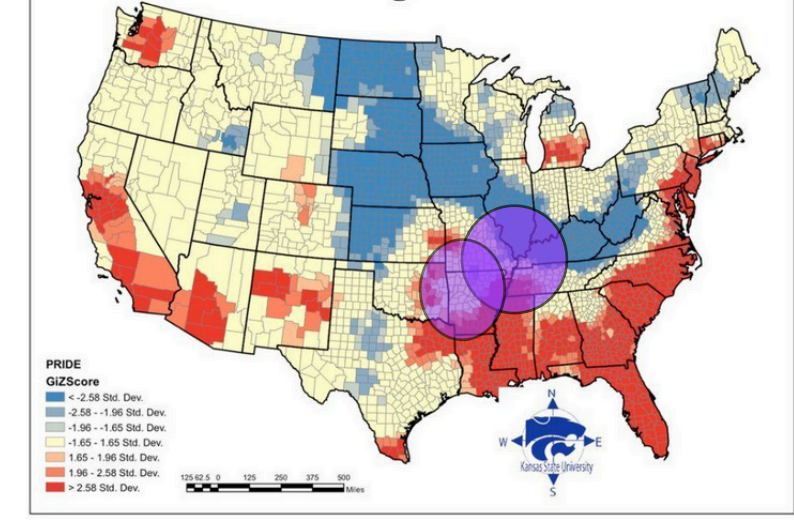
Ira



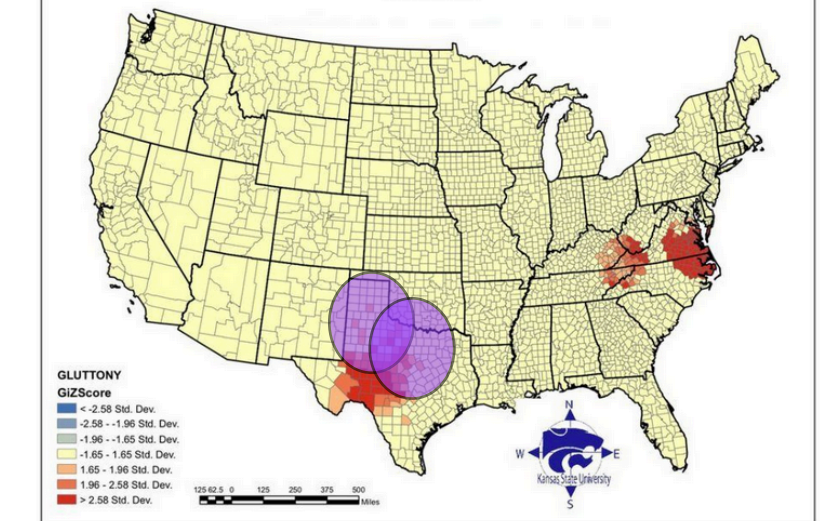
Pereza



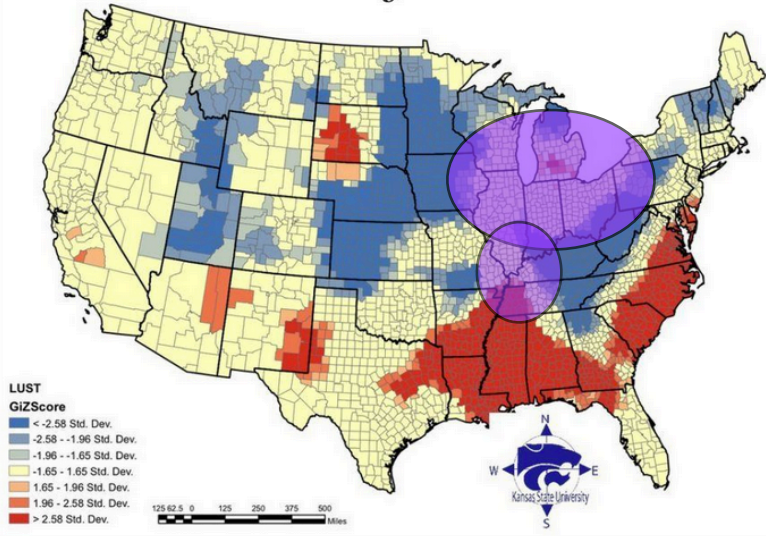
Orgullo



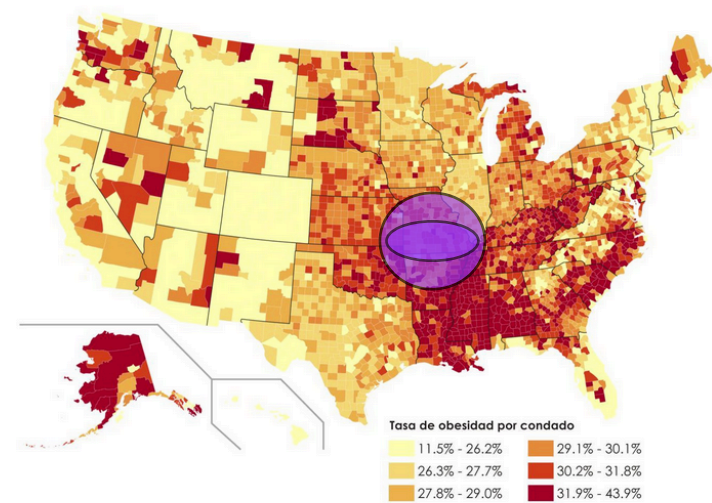
Gula



Lujuria

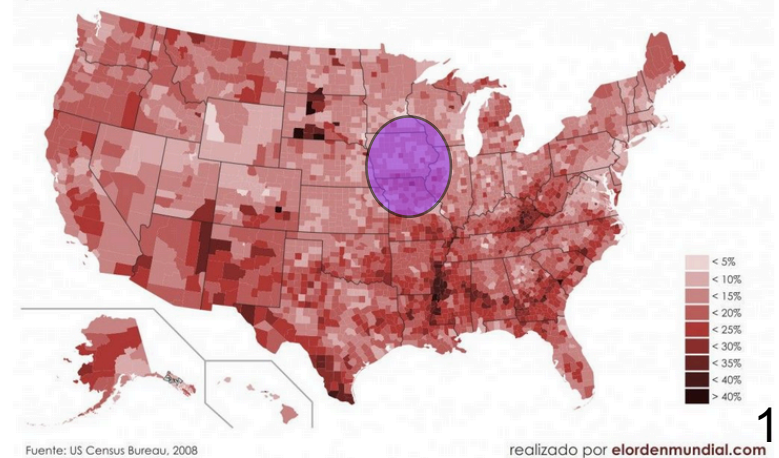


Tasa de obesidad por condado

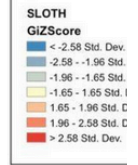
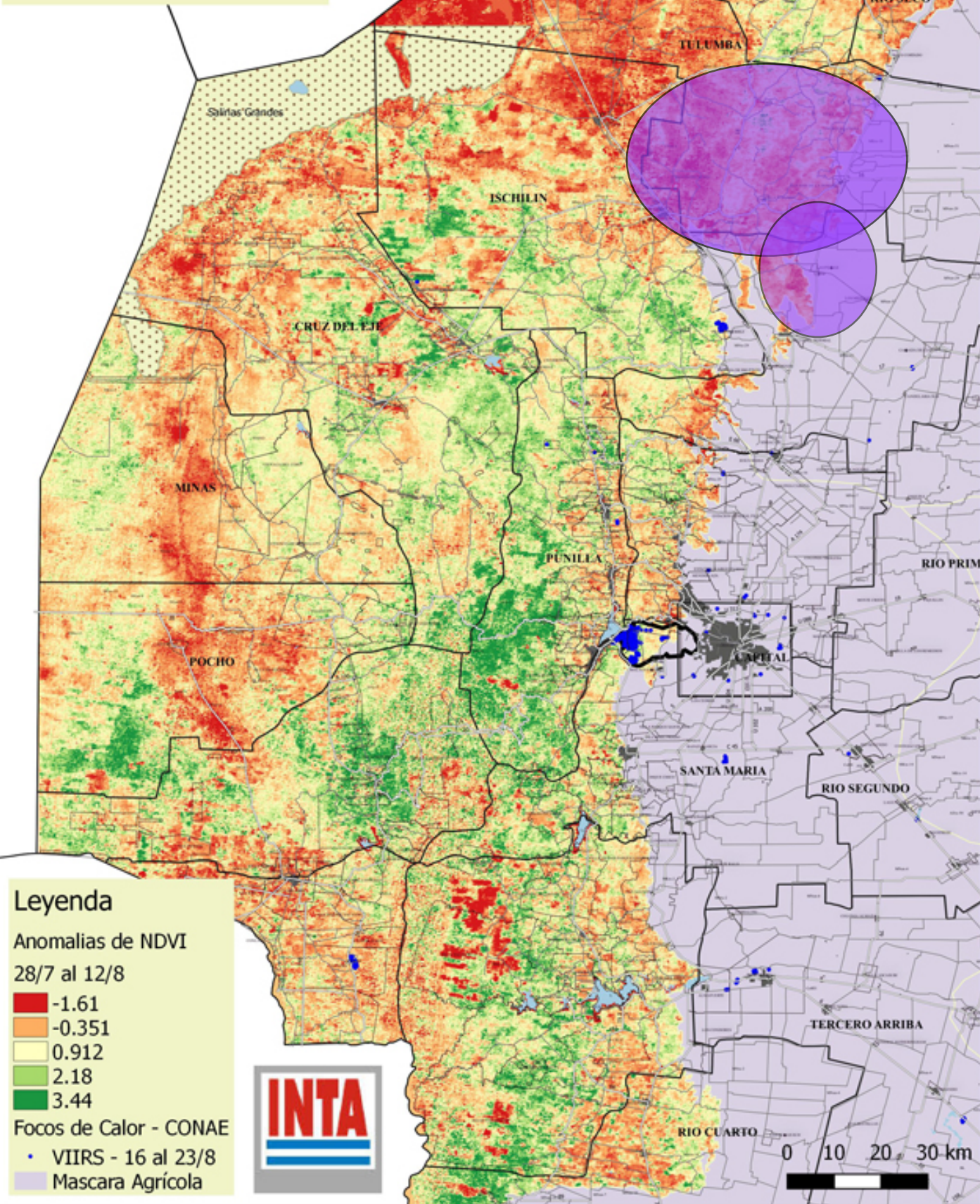


Pobreza en Estados Unidos

Porcentaje de población viviendo bajo el umbral de la pobreza por condado



Desarrollo del Mapa
 Los colores indican la condición relativa de la vegetación. Colores rojos indican zonas más secas. Las zonas verdes presentan vegetación con mayor contenido de humedad.
 Elaboración: mari.nicolas@inta.gov.ar
 Datos provistos por el Instituto de Clima y Agua - INTA.



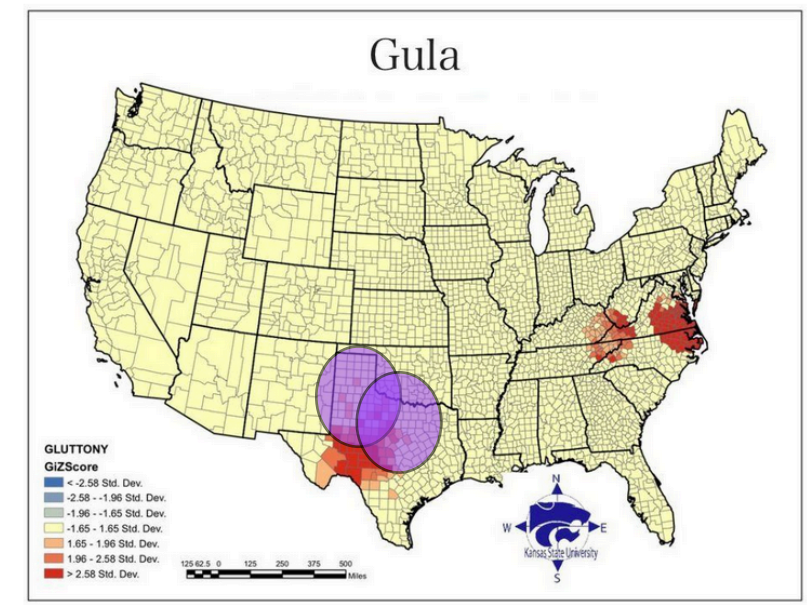
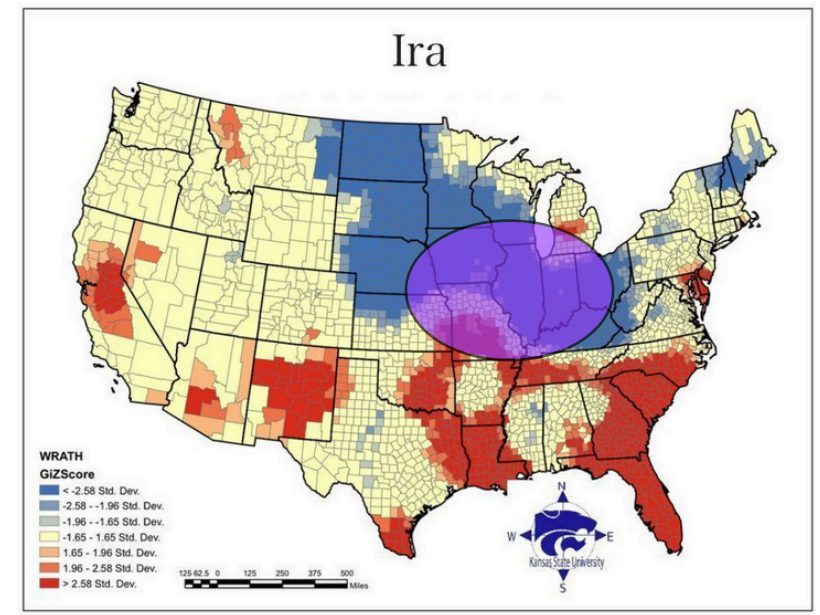
Leyenda

Anomalias de NDVI
 28/7 al 12/8

- 1.61
- 0.351
- 0.912
- 2.18
- 3.44

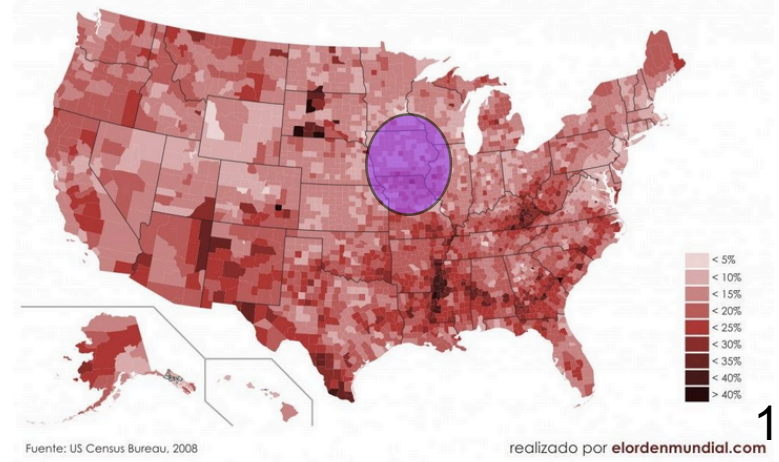
Focos de Calor - CONAE

- VIIRS - 16 al 23/8
- Mascara Agrícola



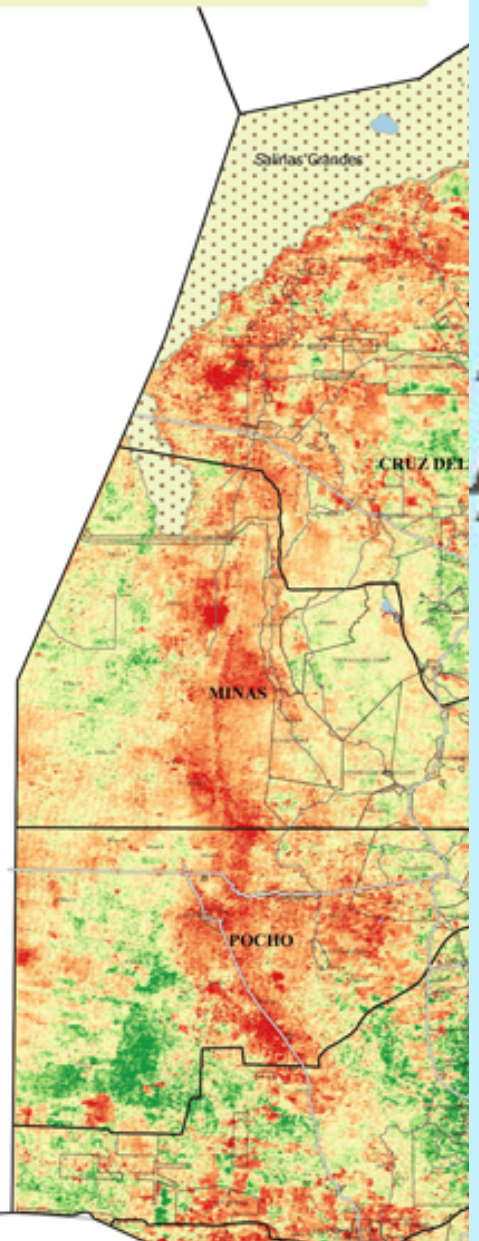
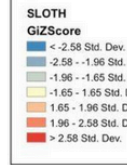
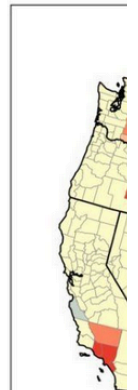
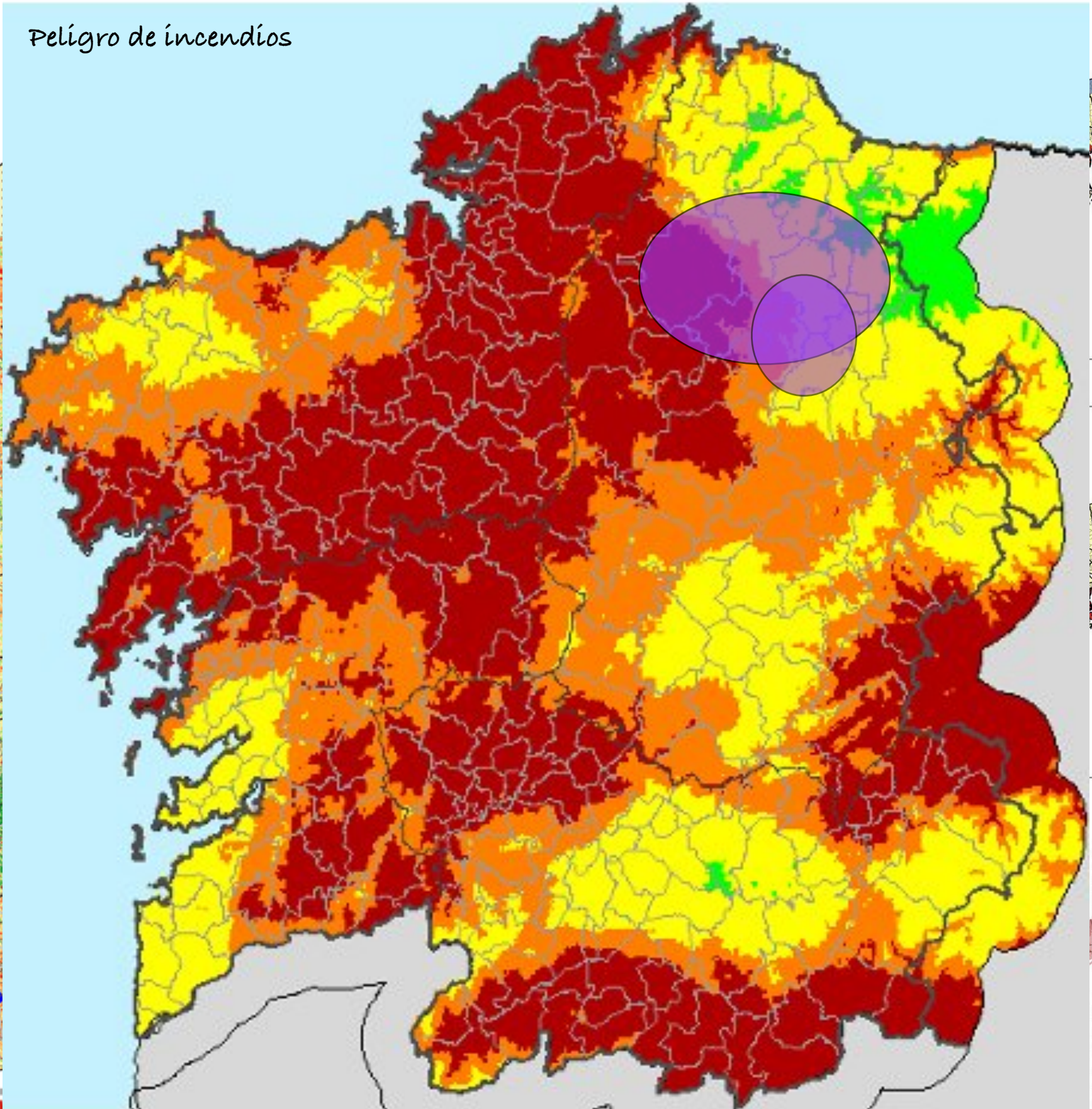
Pobreza en Estados Unidos

Porcentaje de población viviendo bajo el umbral de la pobreza por condado



Desarrollo del Mapa
 Los colores indican la condición relativa de la vegetación. Colores rojos indican zonas más secas. Las zonas verdes presentan vegetación con mayor contenido de humedad.
 Elaboración: mari.nicolas@inta.gov.ar
 Datos provistos por el Instituto de Clima y Agua - INTA.

Peligro de incendios



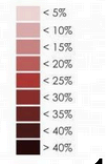
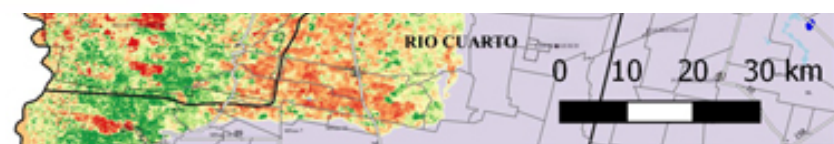
Leyenda

Anomalias de NDVI
 28/7 al 12/8

- 1.61
- 0.351
- 0.912
- 2.18
- 3.44

Focos de Calor - CONAE

- VIIRS - 16 al 23/8
- Mascara Agrícola

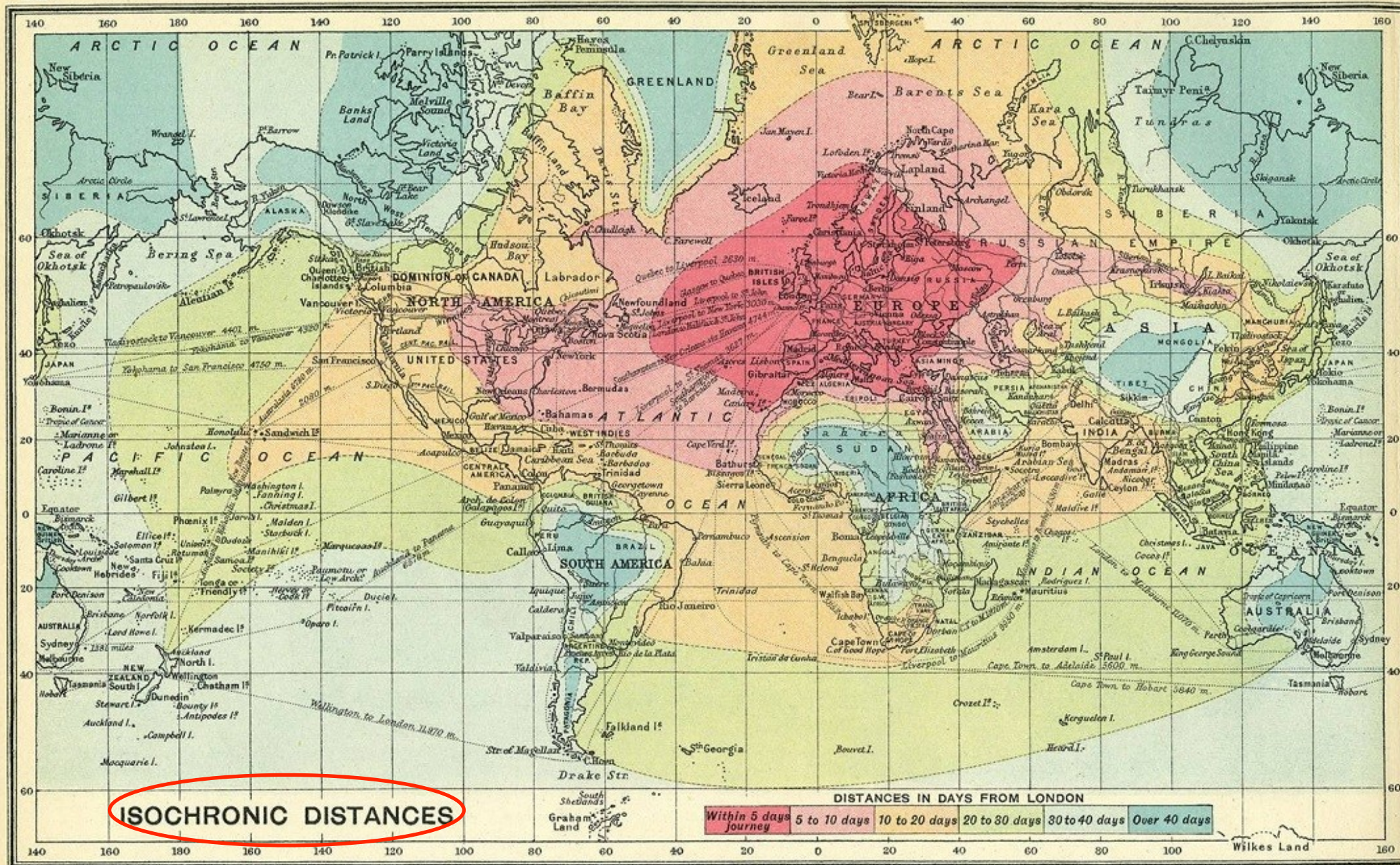


Fuente: US Census Bureau, 2008

realizado por elordenmundial.com

Órdenes de actividad asociados a
curvas de nivel o mapas de isolíneas

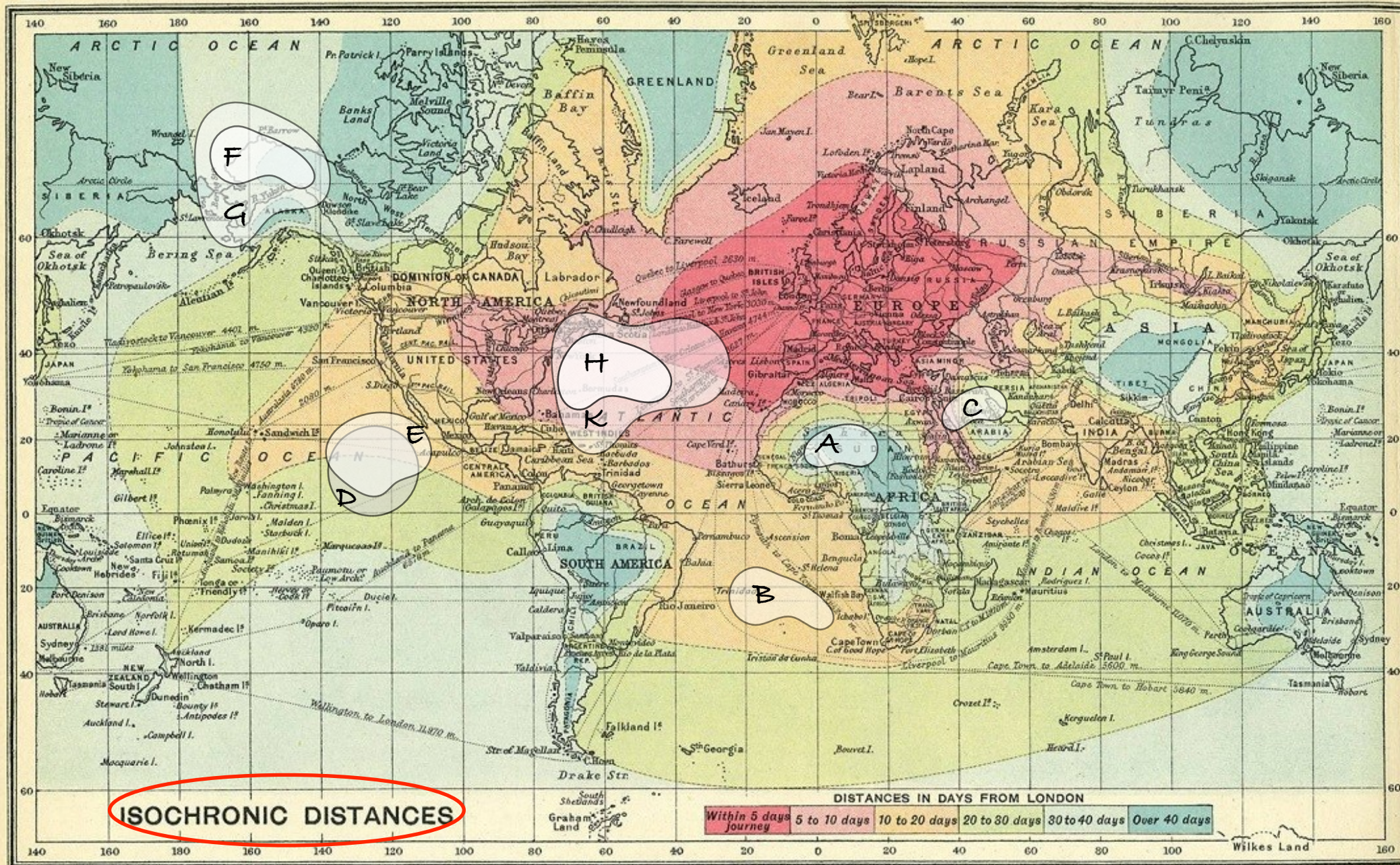
12^B



1914

A, B, C, ... subconjuntos nítidos o L-borrosos

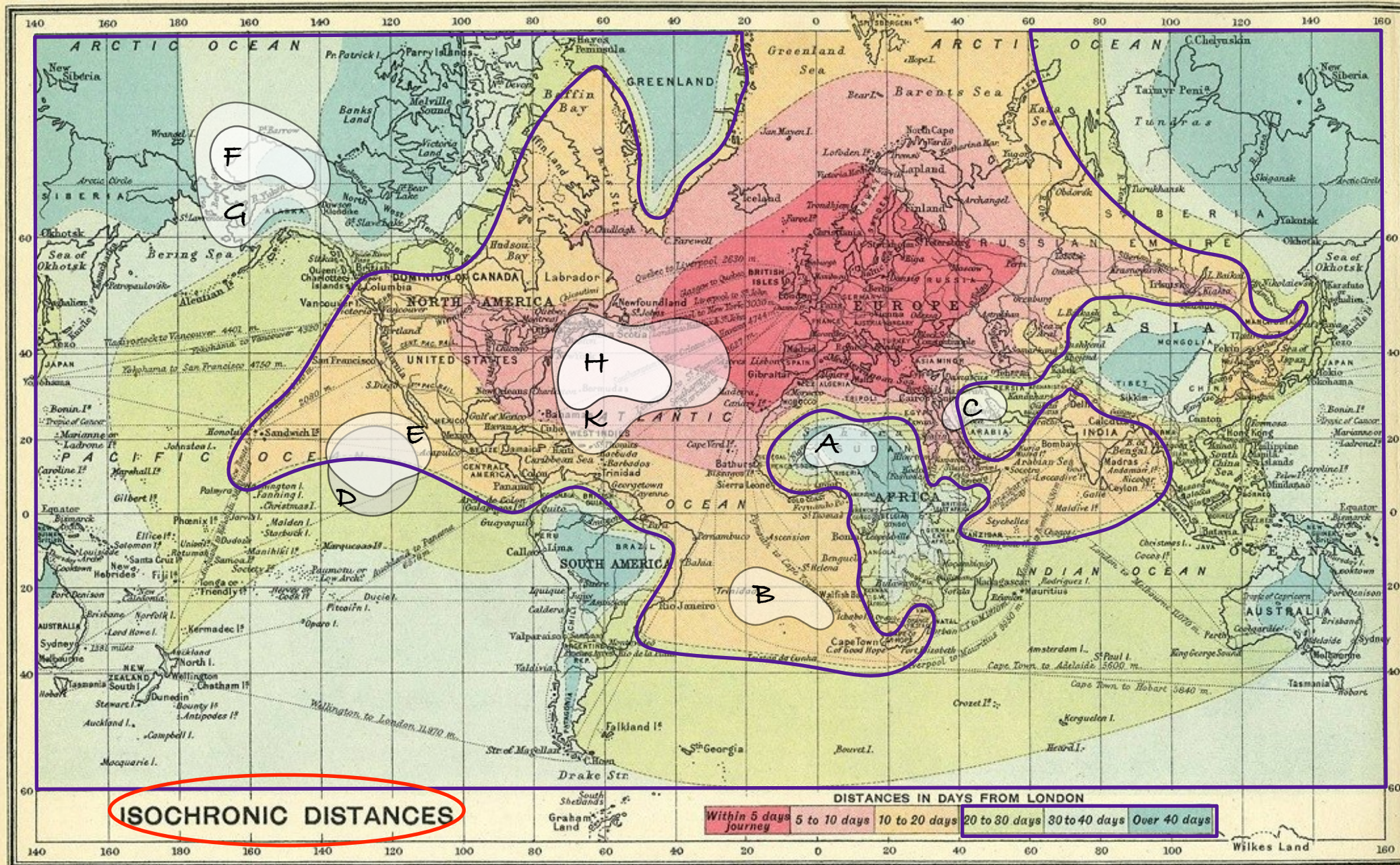
12^B



1914

A, B, C, ... subconjuntos nítidos o L-borrosos

12^B

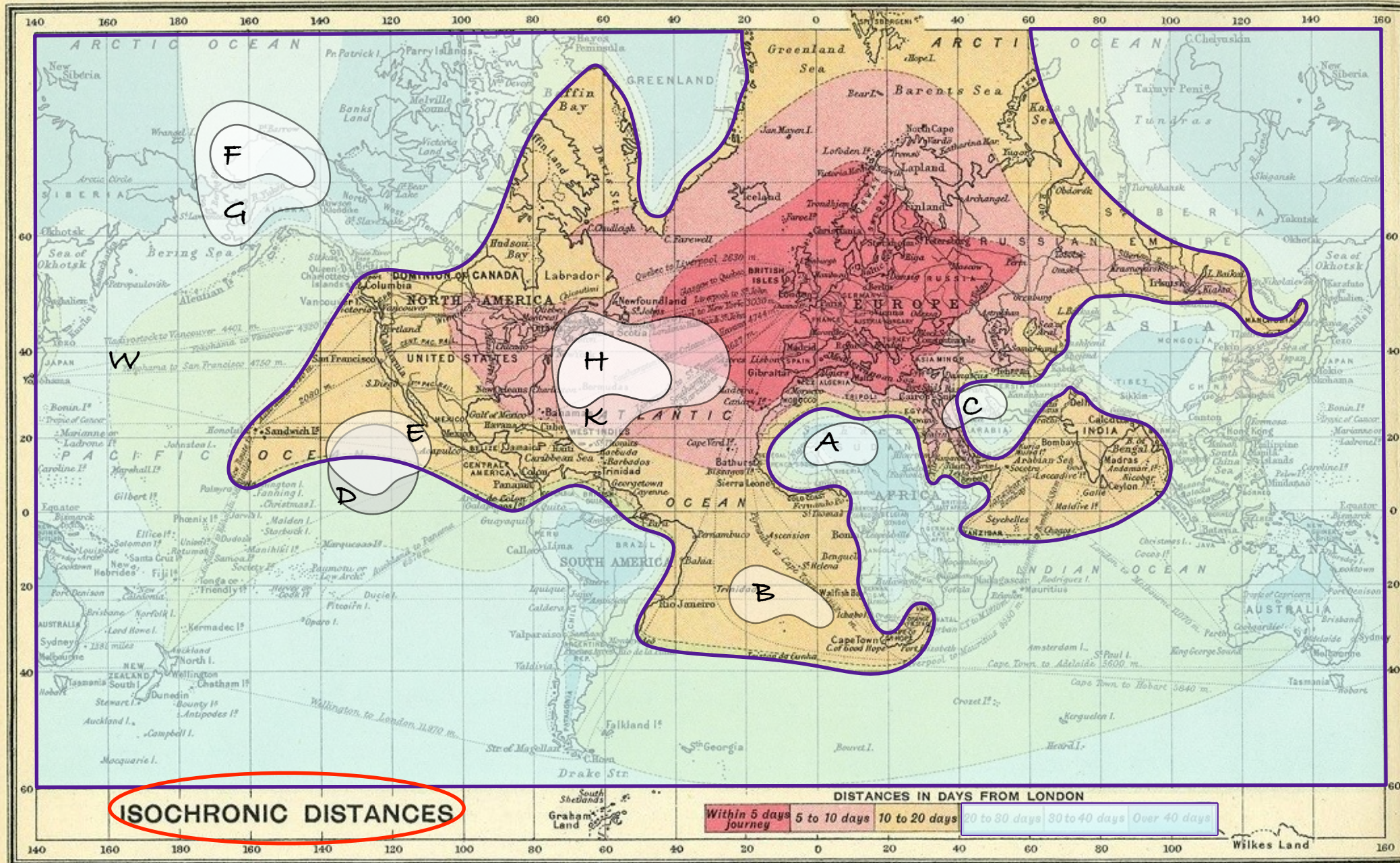


1914

A, B, C, ... subconjuntos nítidos o L-borrosos

W subconjunto nítido

12^B

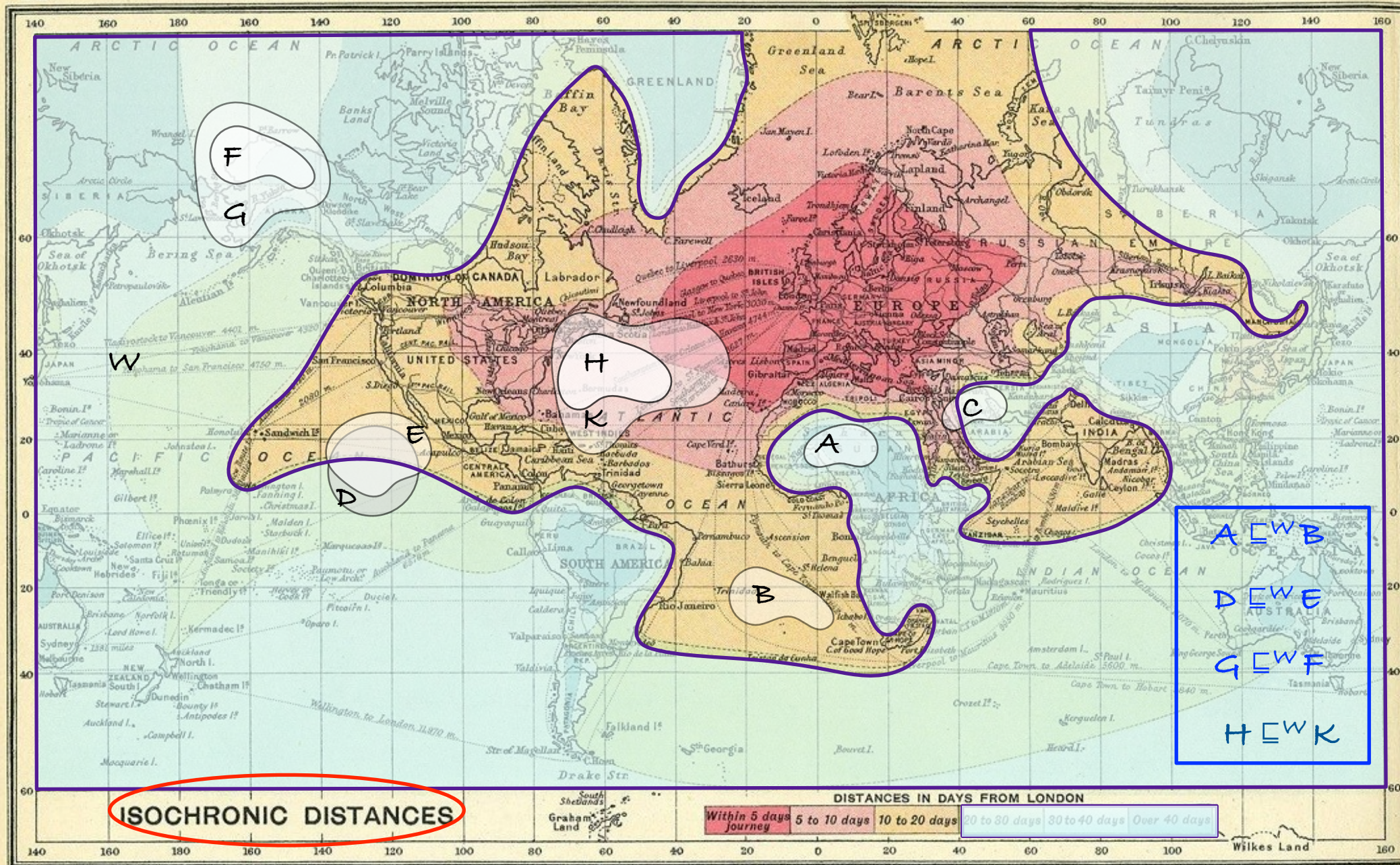


1914

A, B, C, ... subconjuntos nítidos o L-borrosos

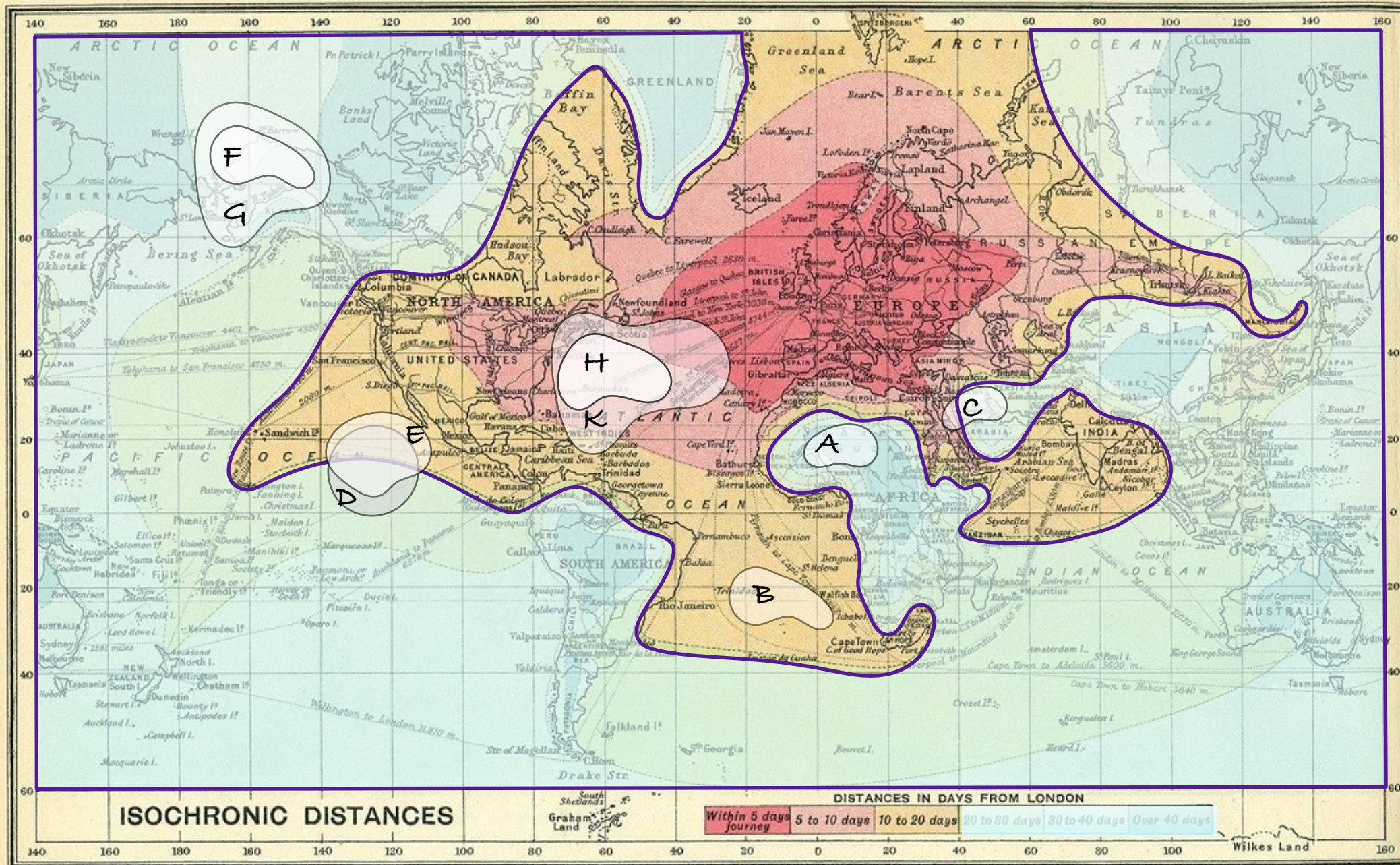
W subconjunto nítido

12^B



1914

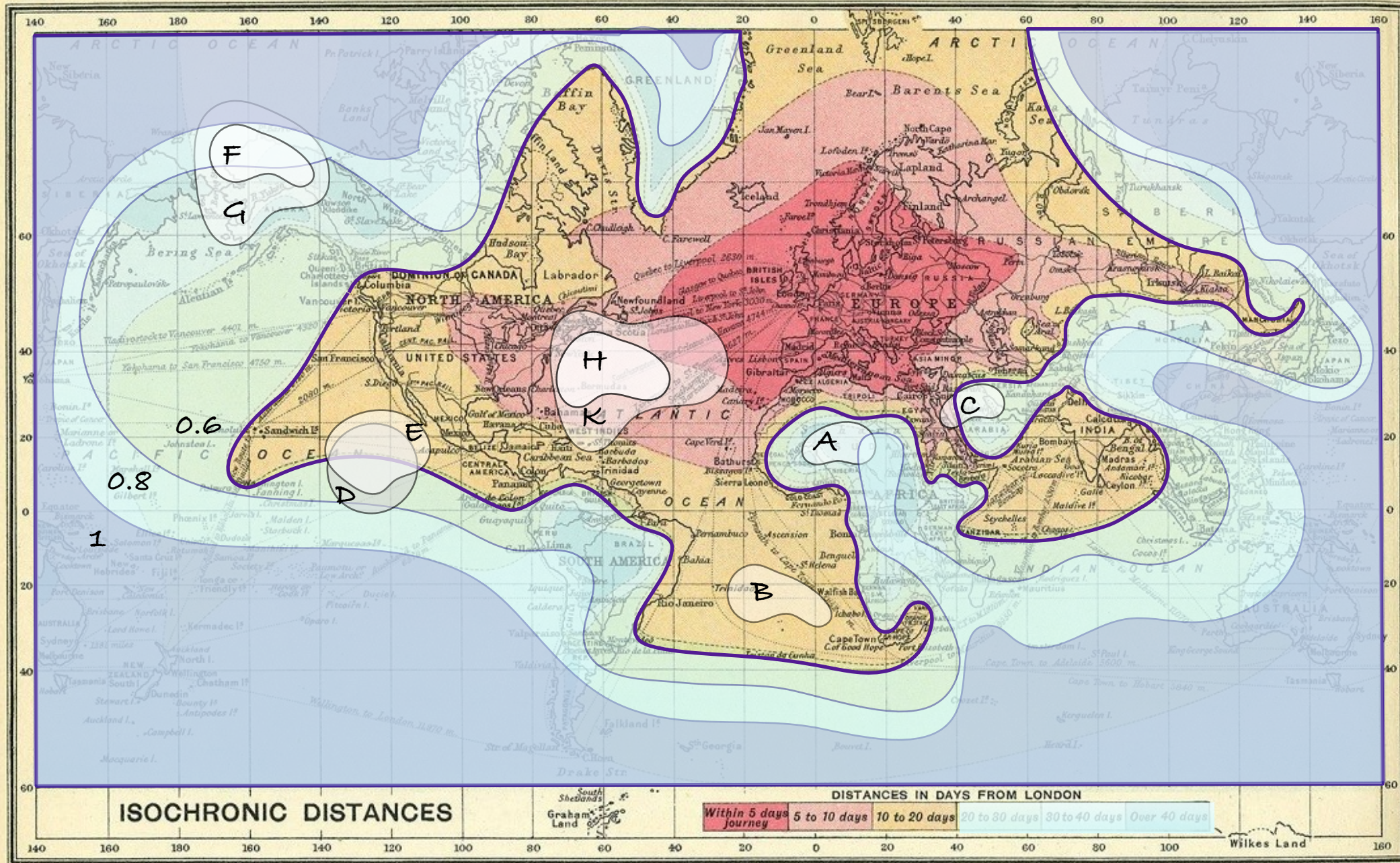
12^B



1914

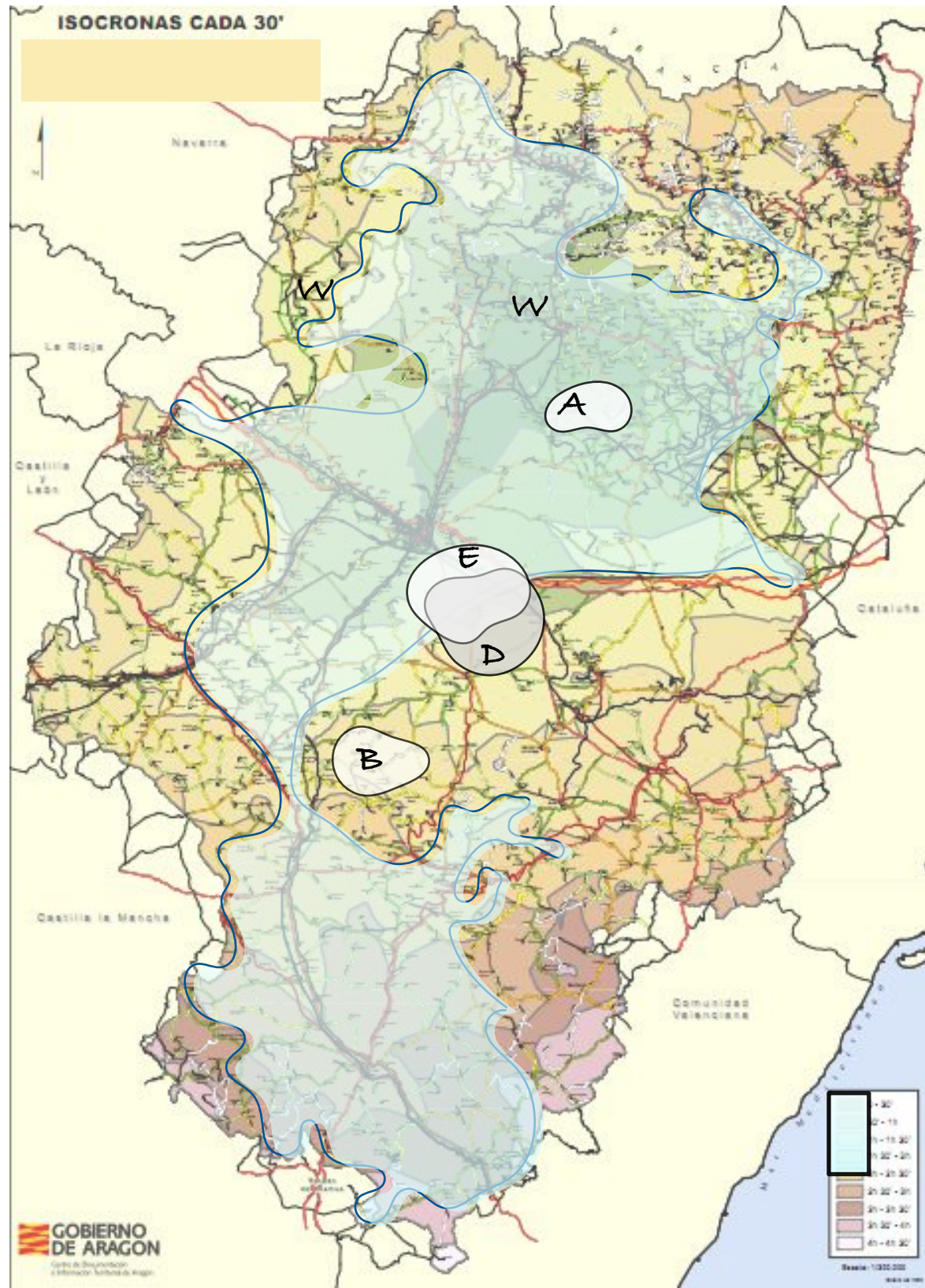
w subconjunto L-borroso

12^B

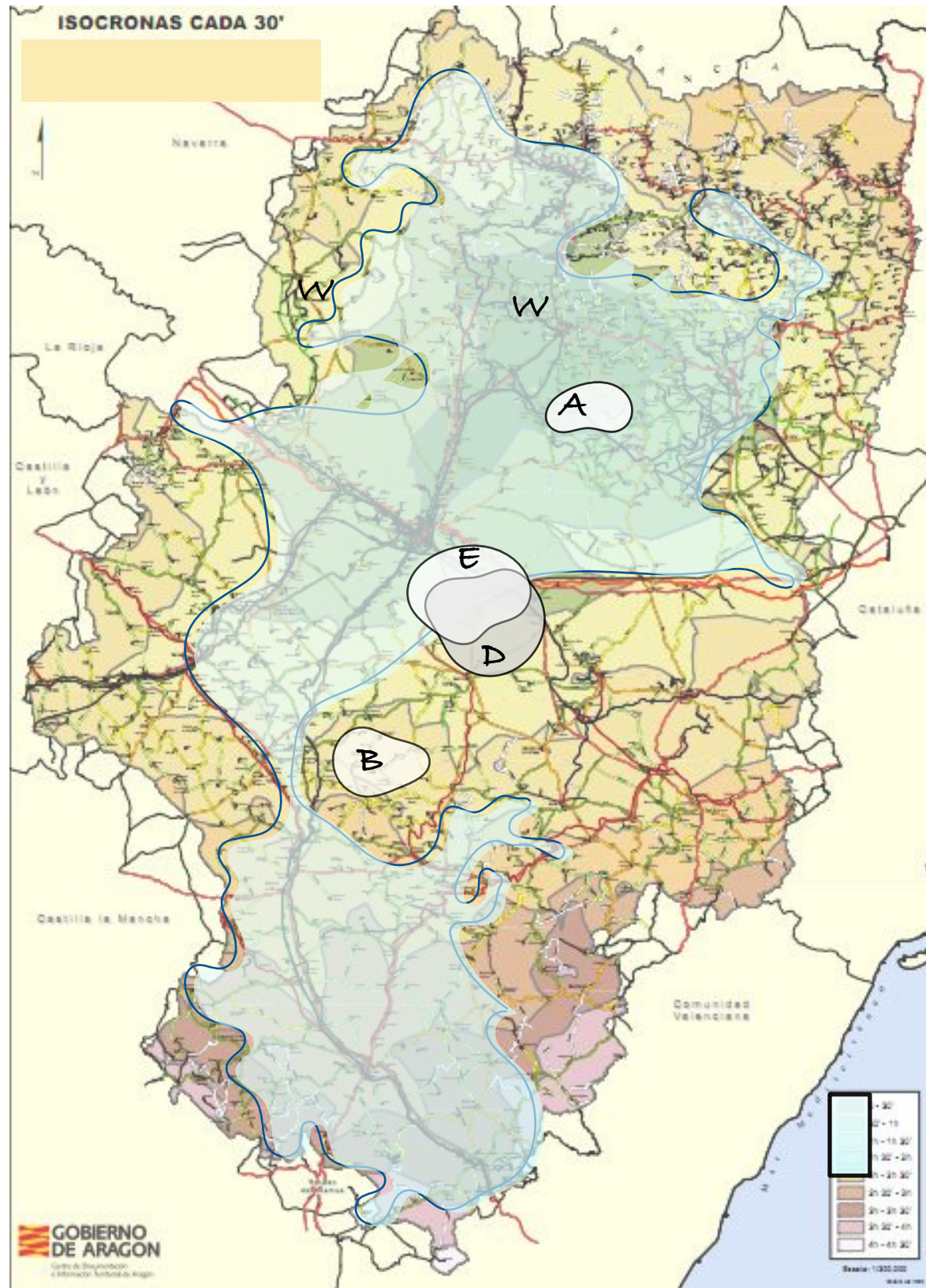


1914

El orden Ξ^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)



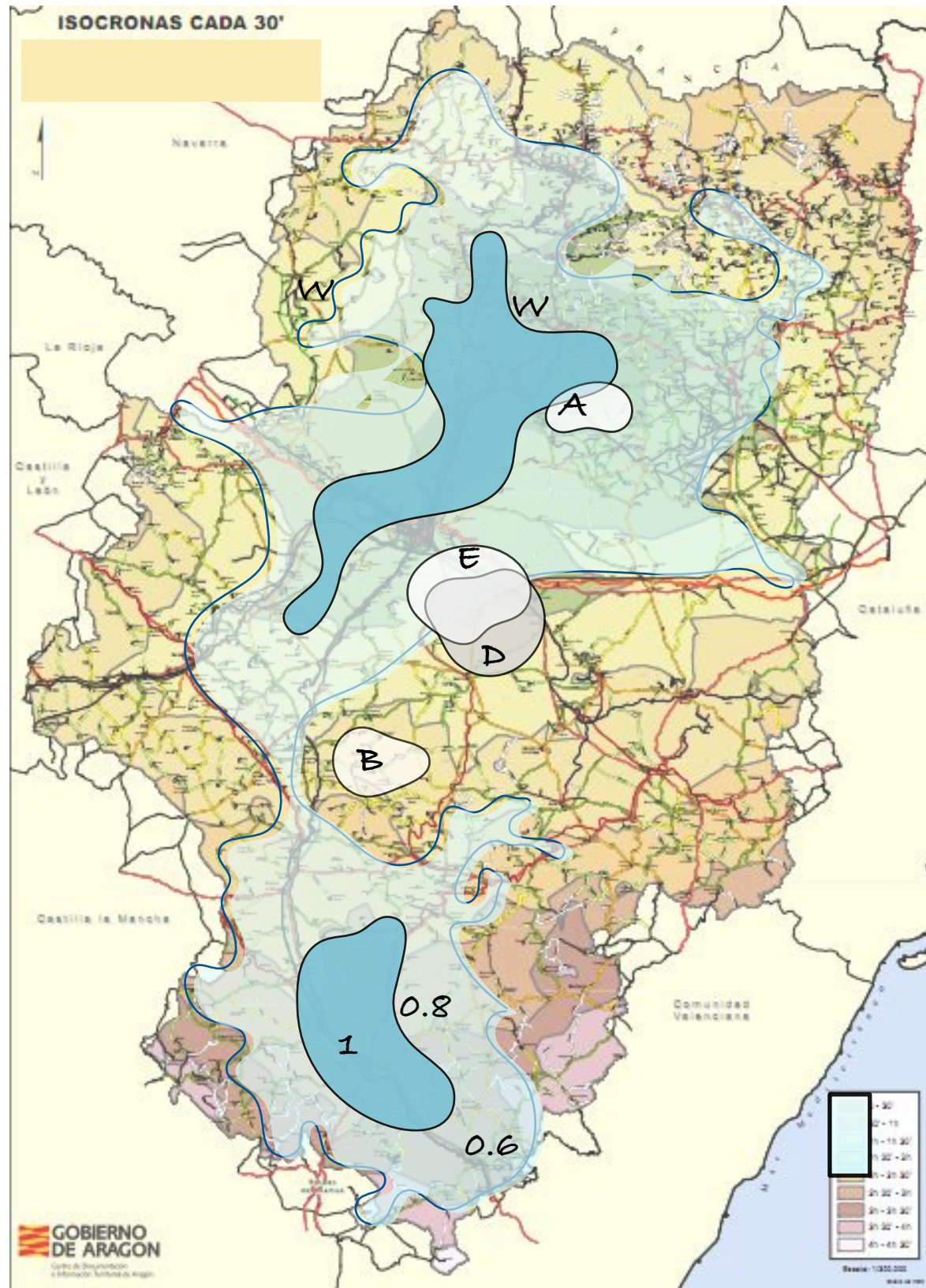
El orden \sqsubseteq^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)



W

W subconjunto L-borroso

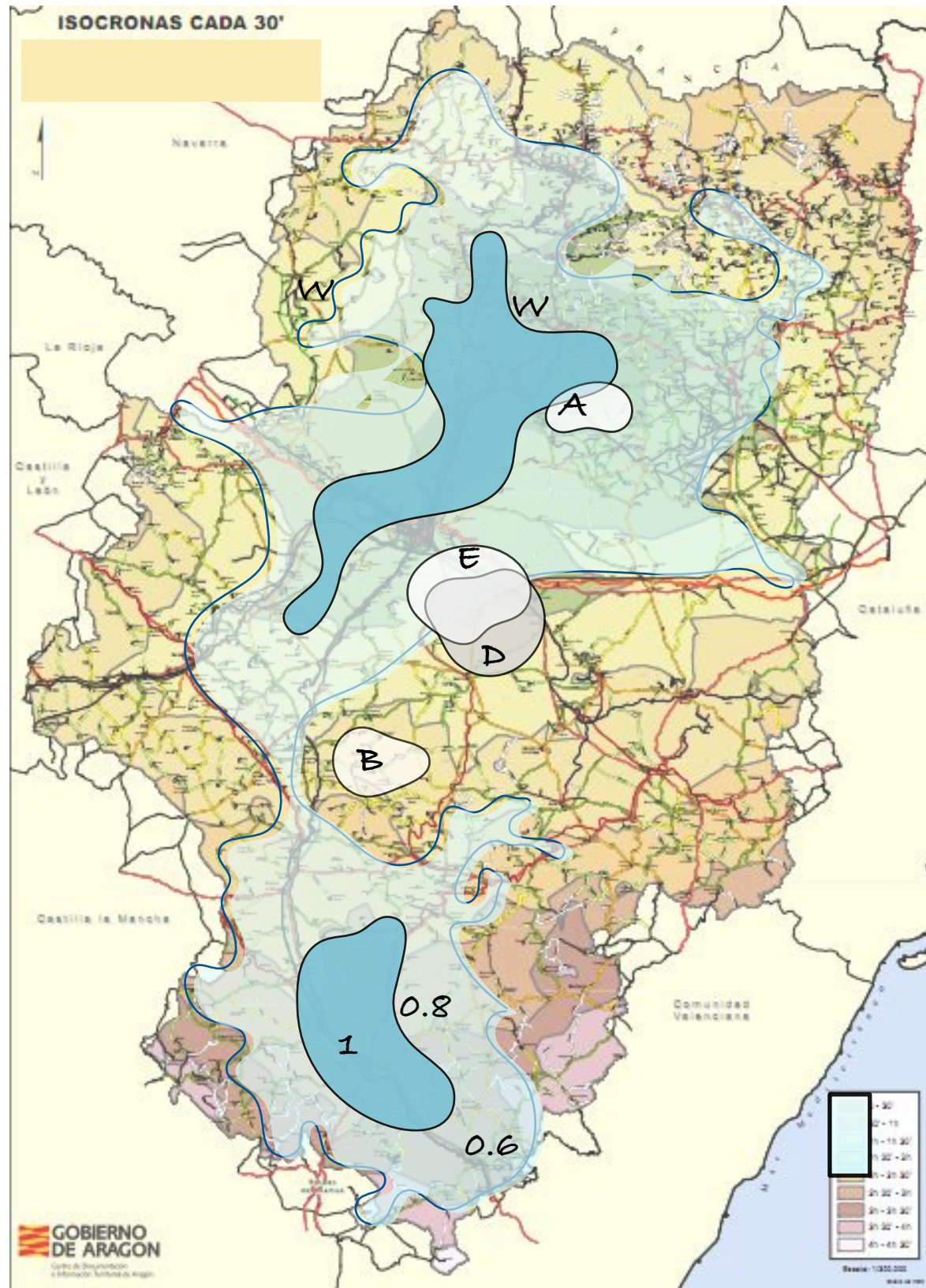
El orden \square^w en mapas de isocronas (curvas de nivel)



W

W subconjunto L-borroso

El orden \sqsubseteq^W en mapas de isolíneas (curvas de nivel)



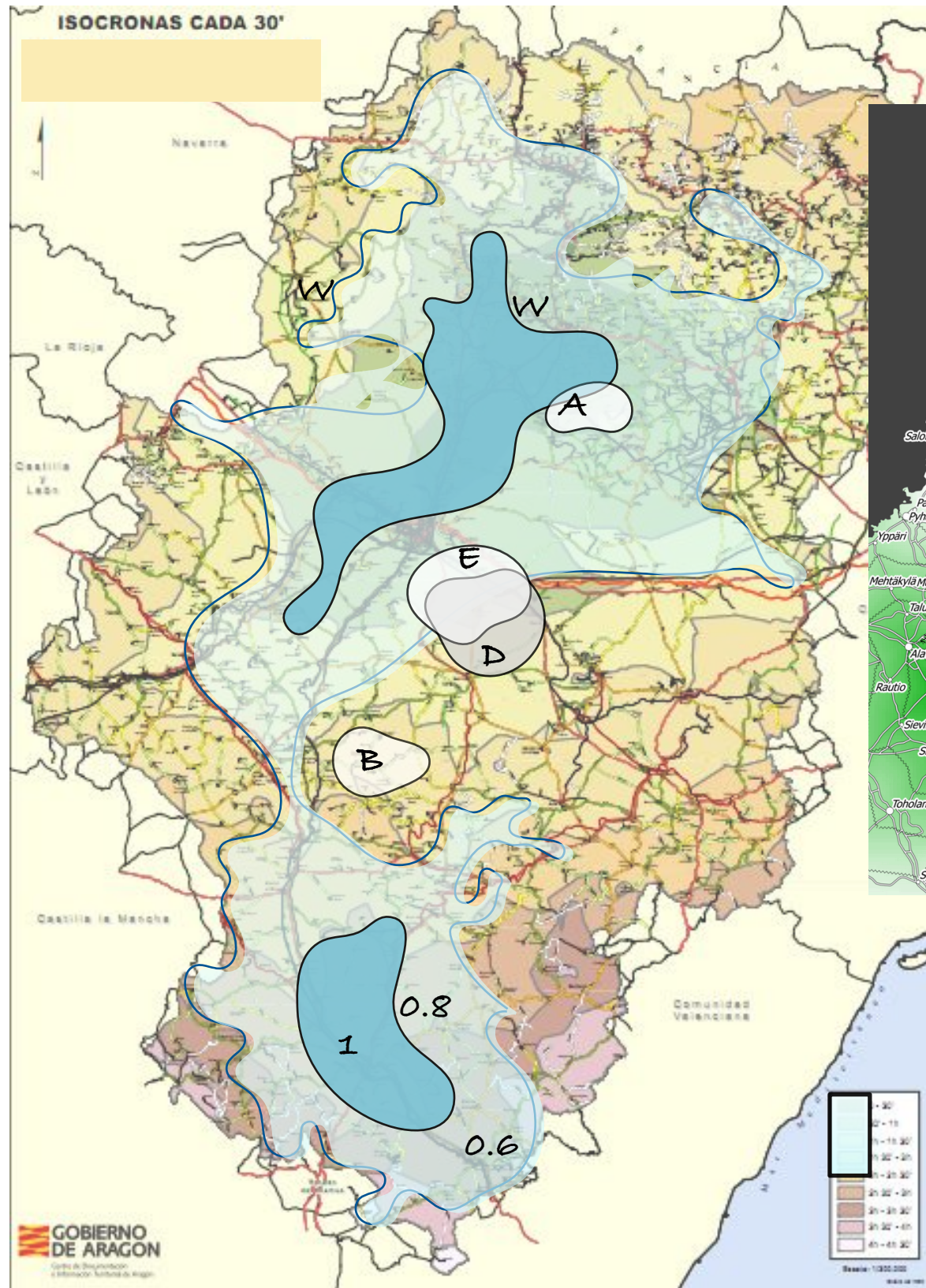
Otros:

W

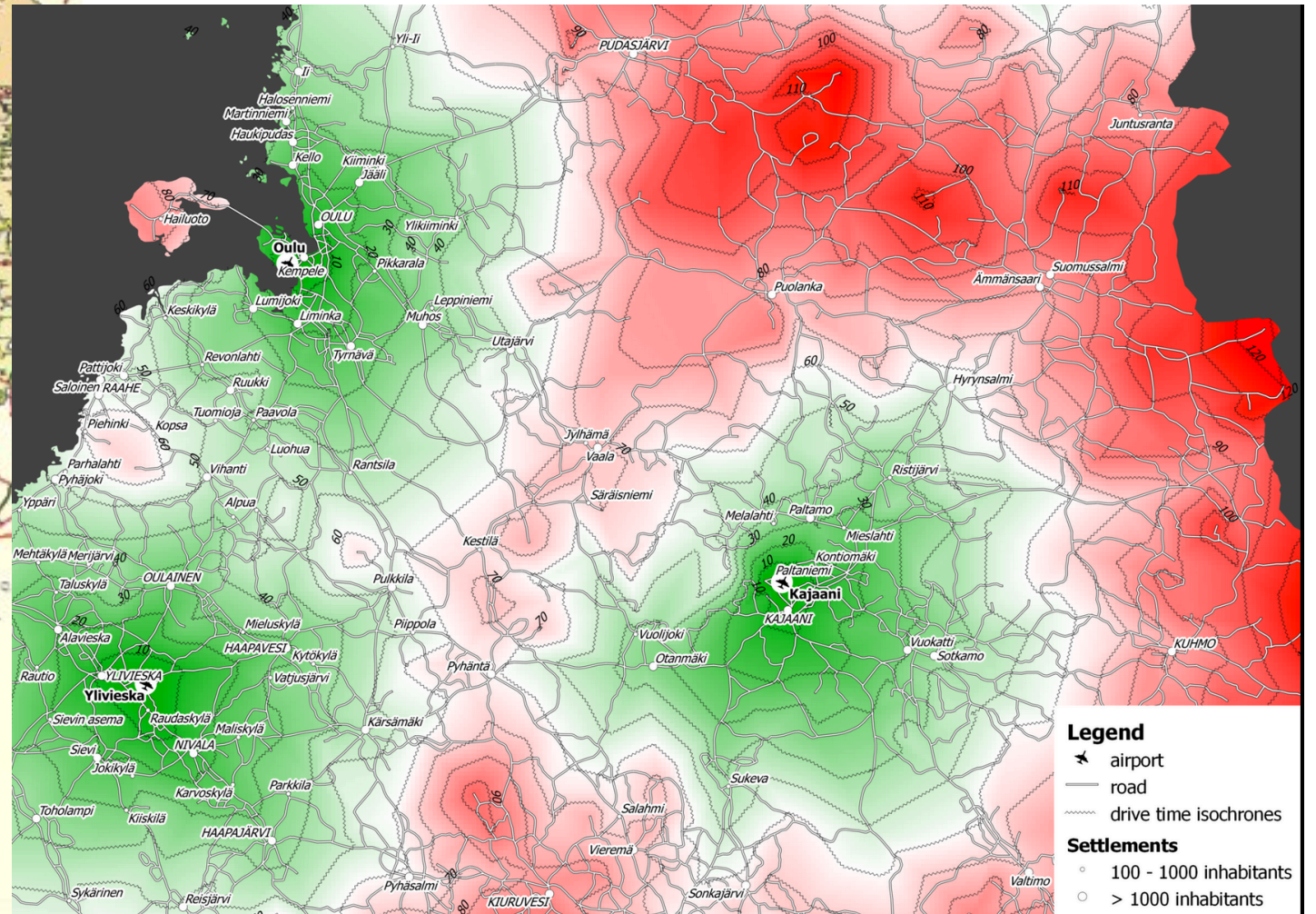
W subconjunto L-borroso

$E \sqsubseteq^W D, A \sqsubseteq^W B, \text{ etc.}$

El orden \sqsubseteq^W en mapas de isolíneas (curvas de nivel)



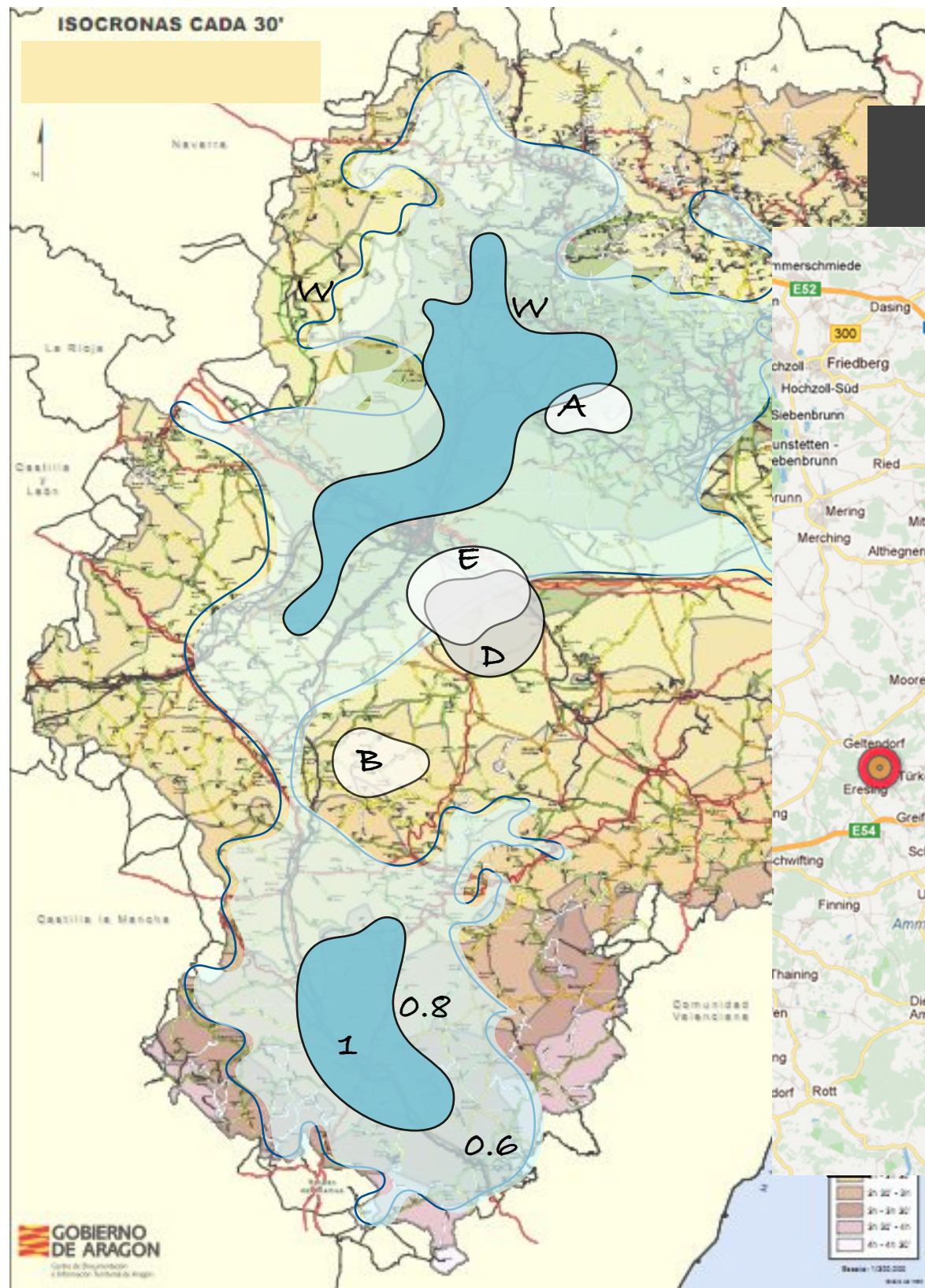
Otros:



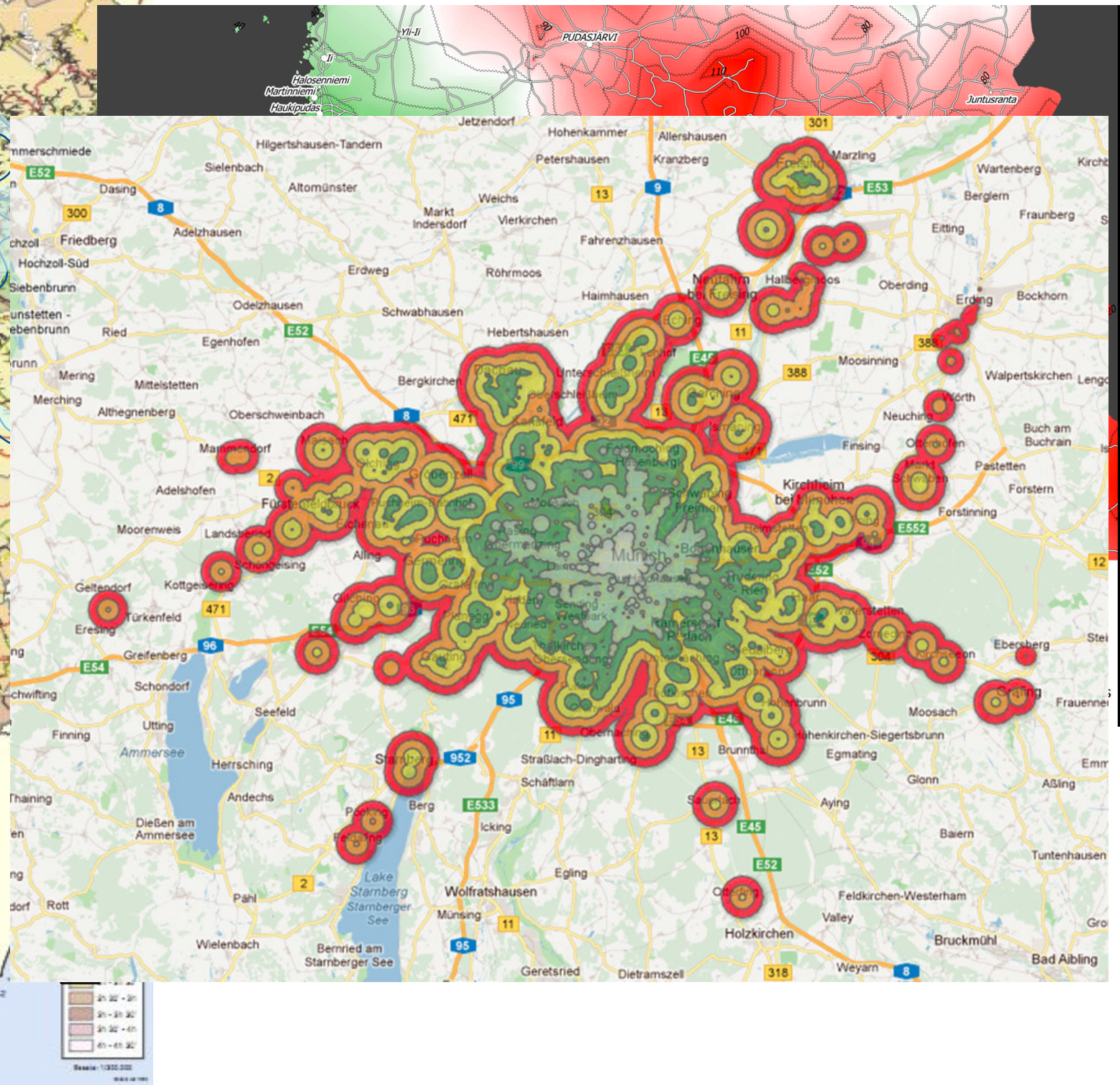
W subconjunto L-borroso

$E \sqsubseteq^W D, A \sqsubseteq^W B, \text{ etc.}$

El orden \sqsubseteq^W en mapas de isolíneas (curvas de nivel)



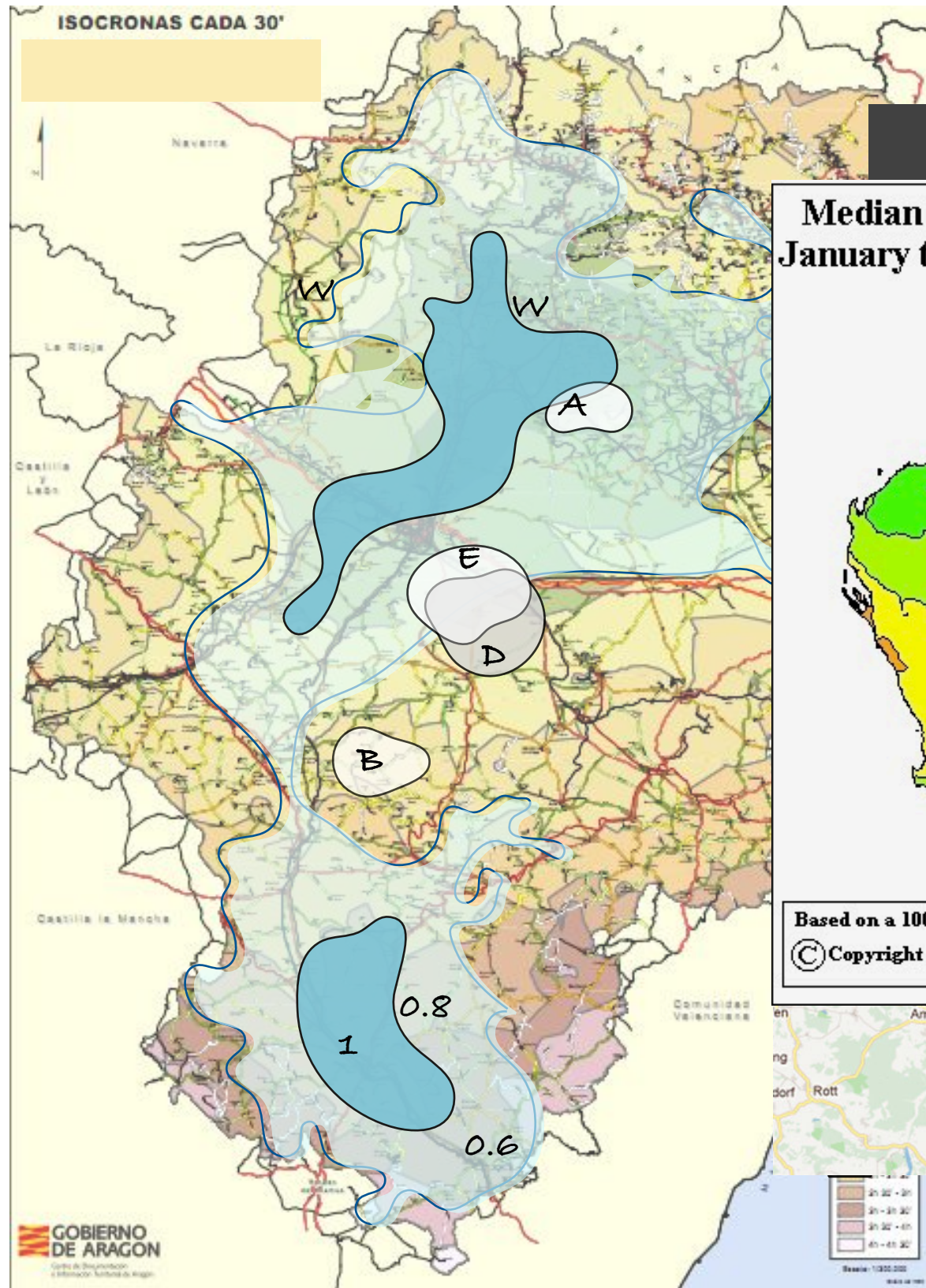
Otros:



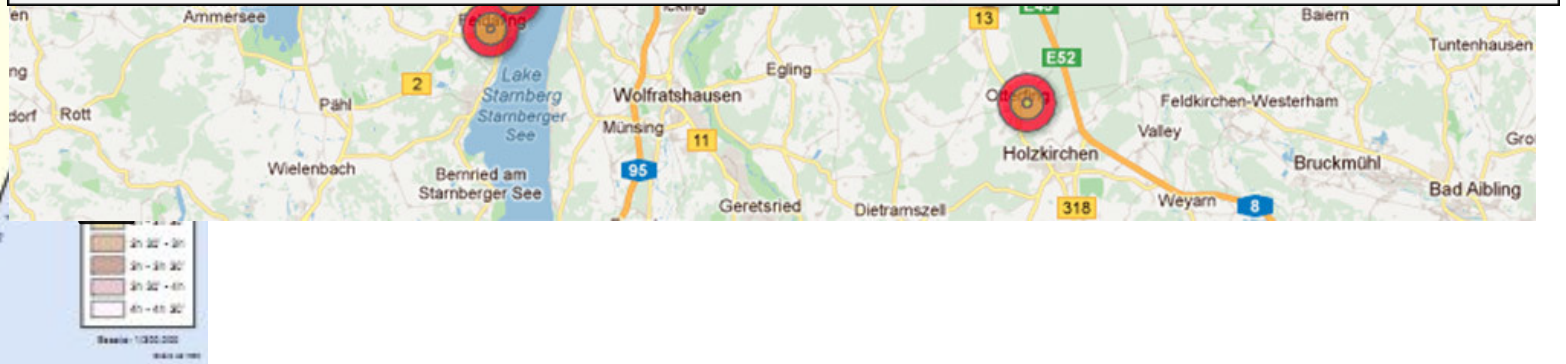
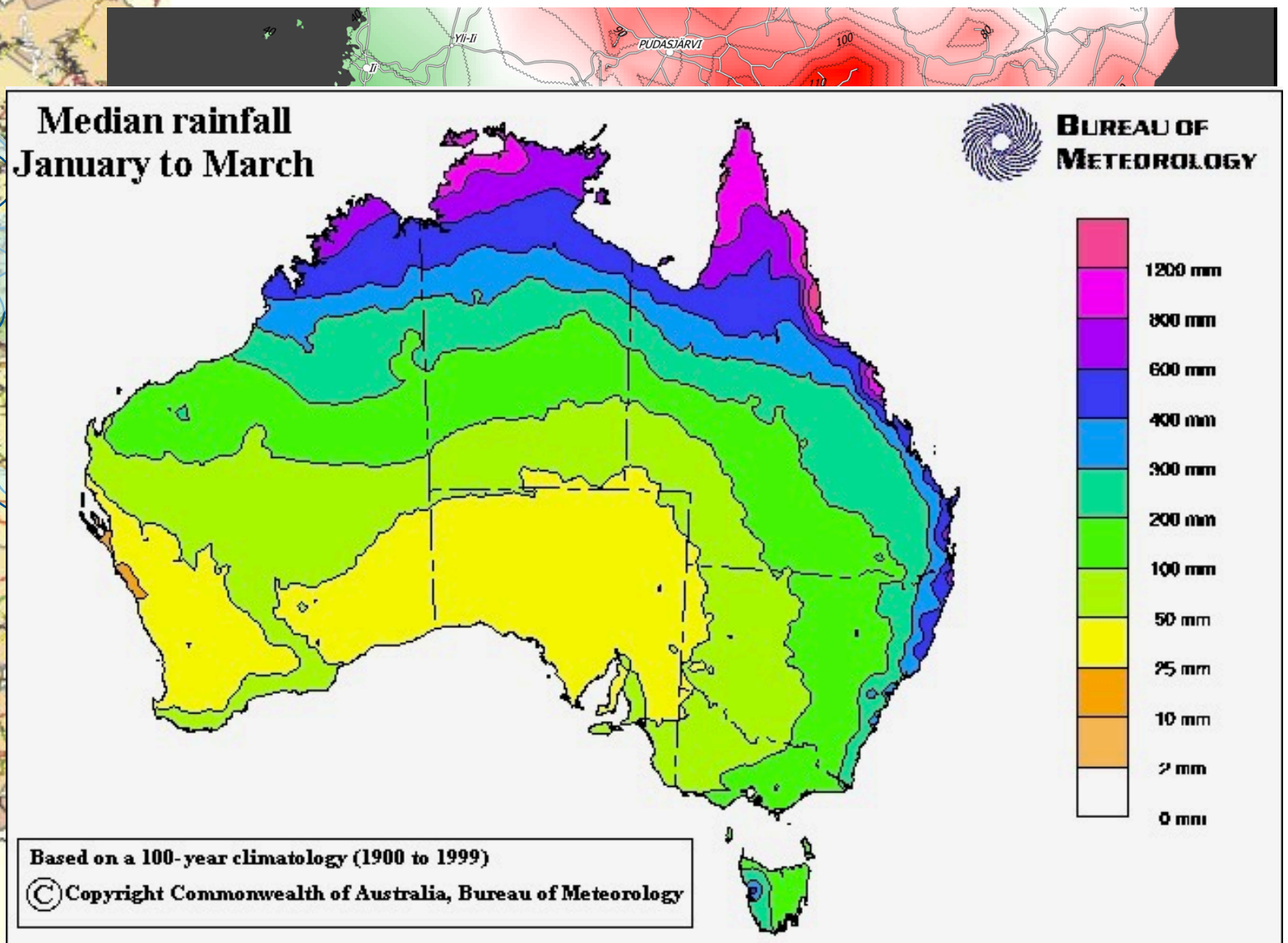
W subconjunto L-borroso

$E \sqsubseteq^W D, A \sqsubseteq^W B, \text{ etc.}$

El orden \sqsubseteq^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)



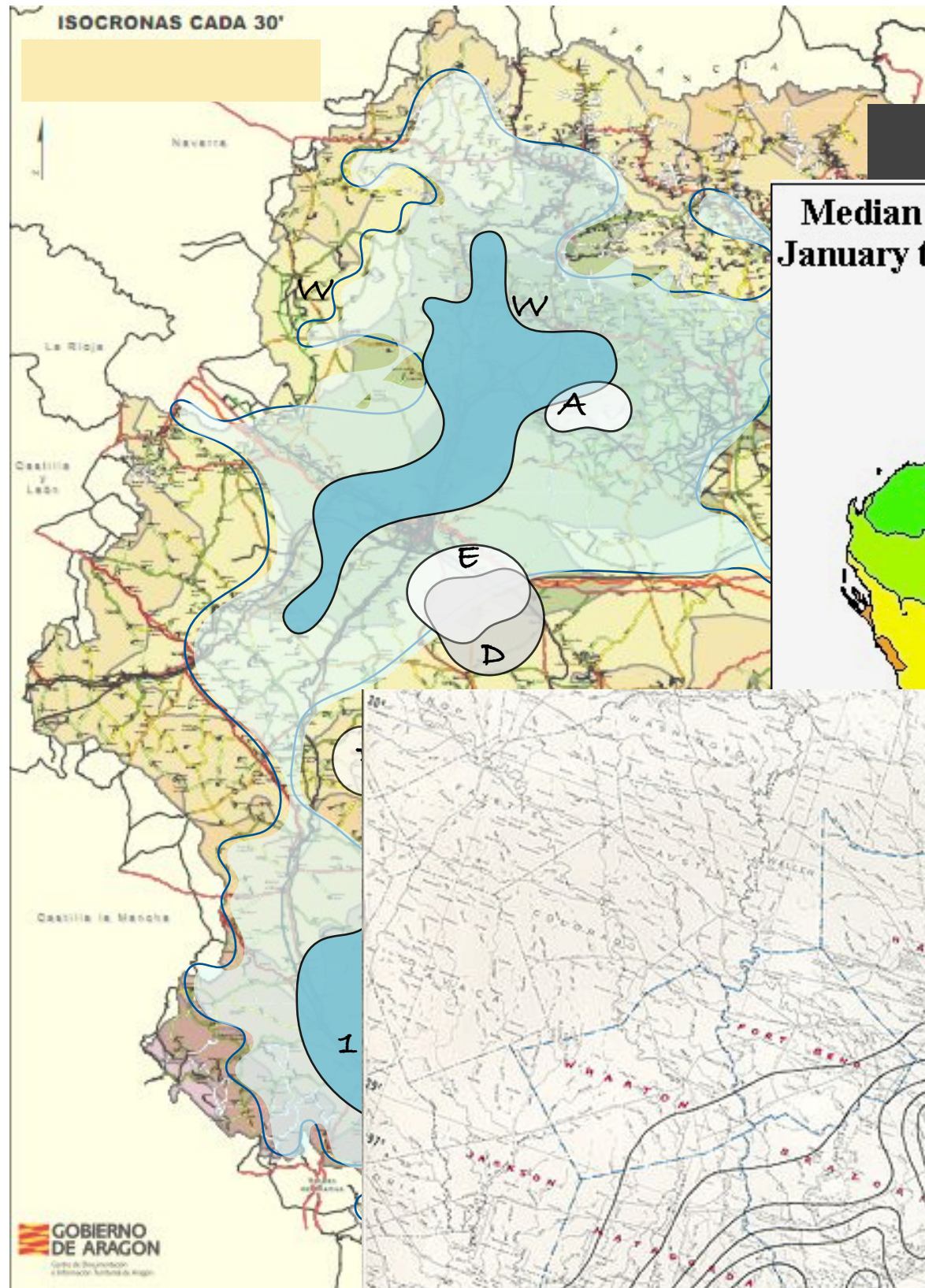
Otros:



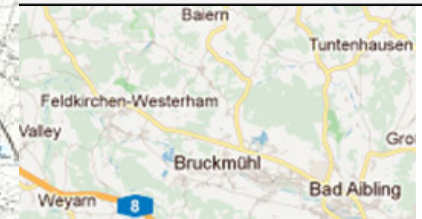
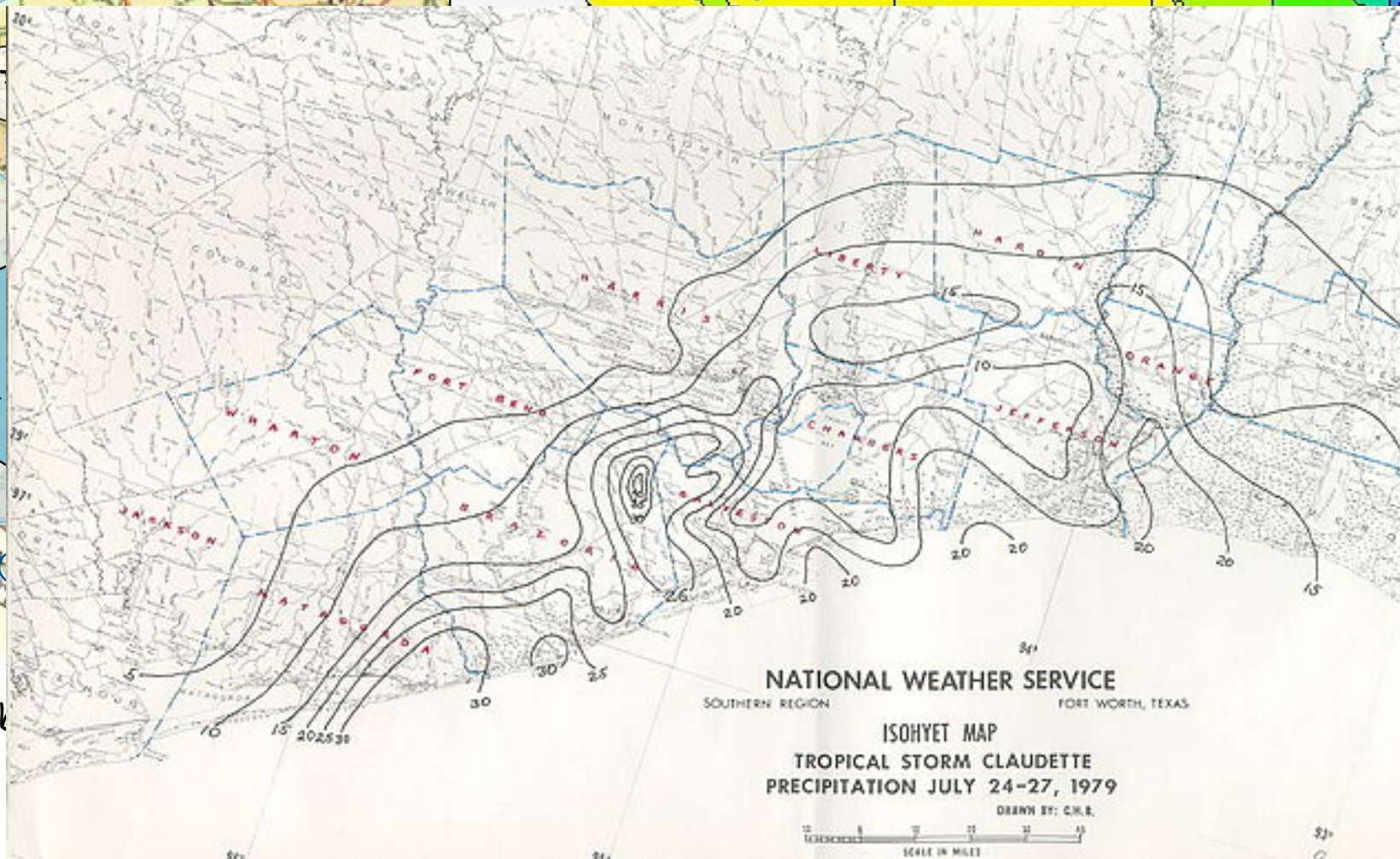
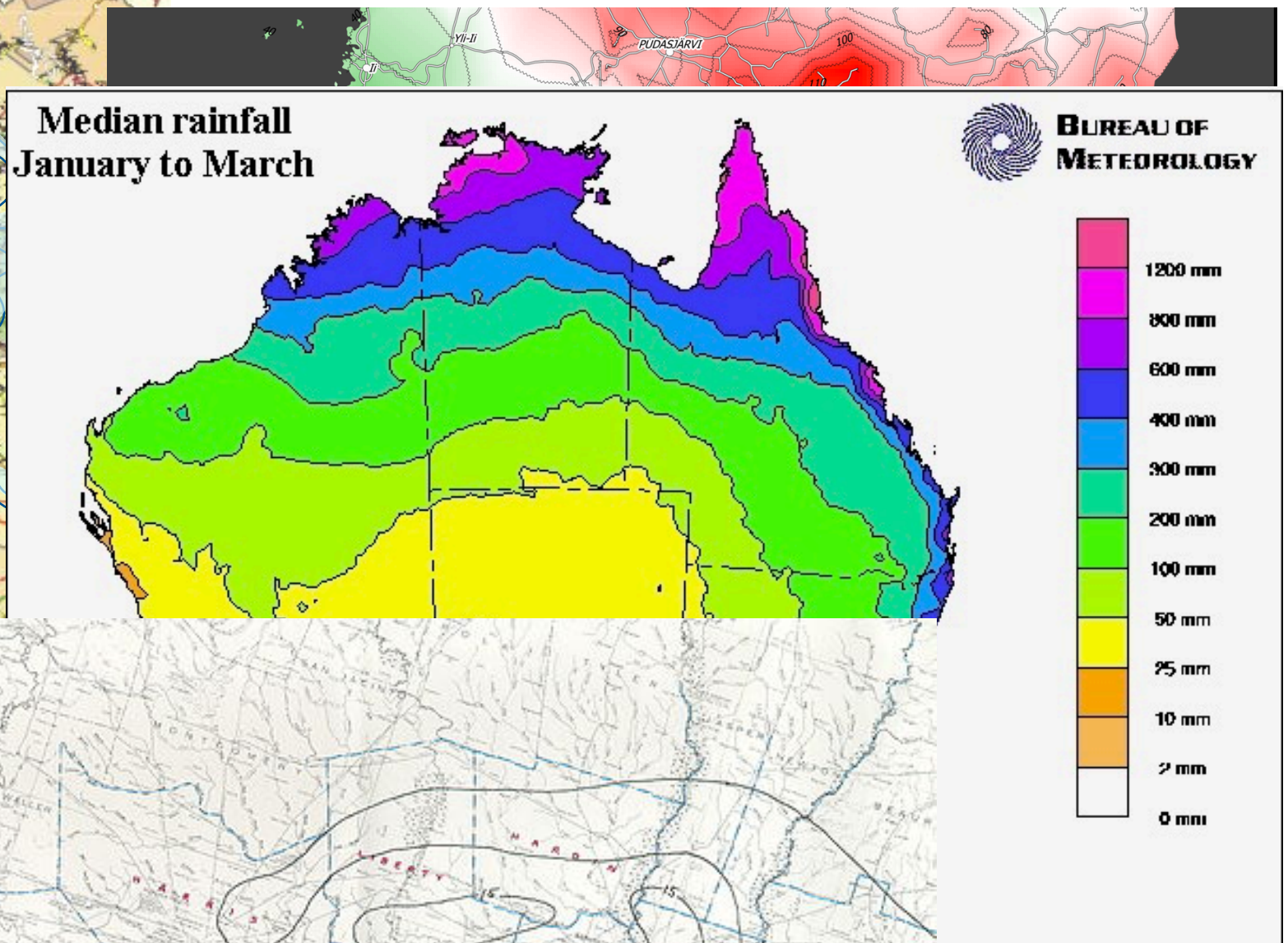
w subconjunto L -borroso

$E \sqsubseteq^w D, A \sqsubseteq^w B, \text{ etc.}$

El orden \square^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)

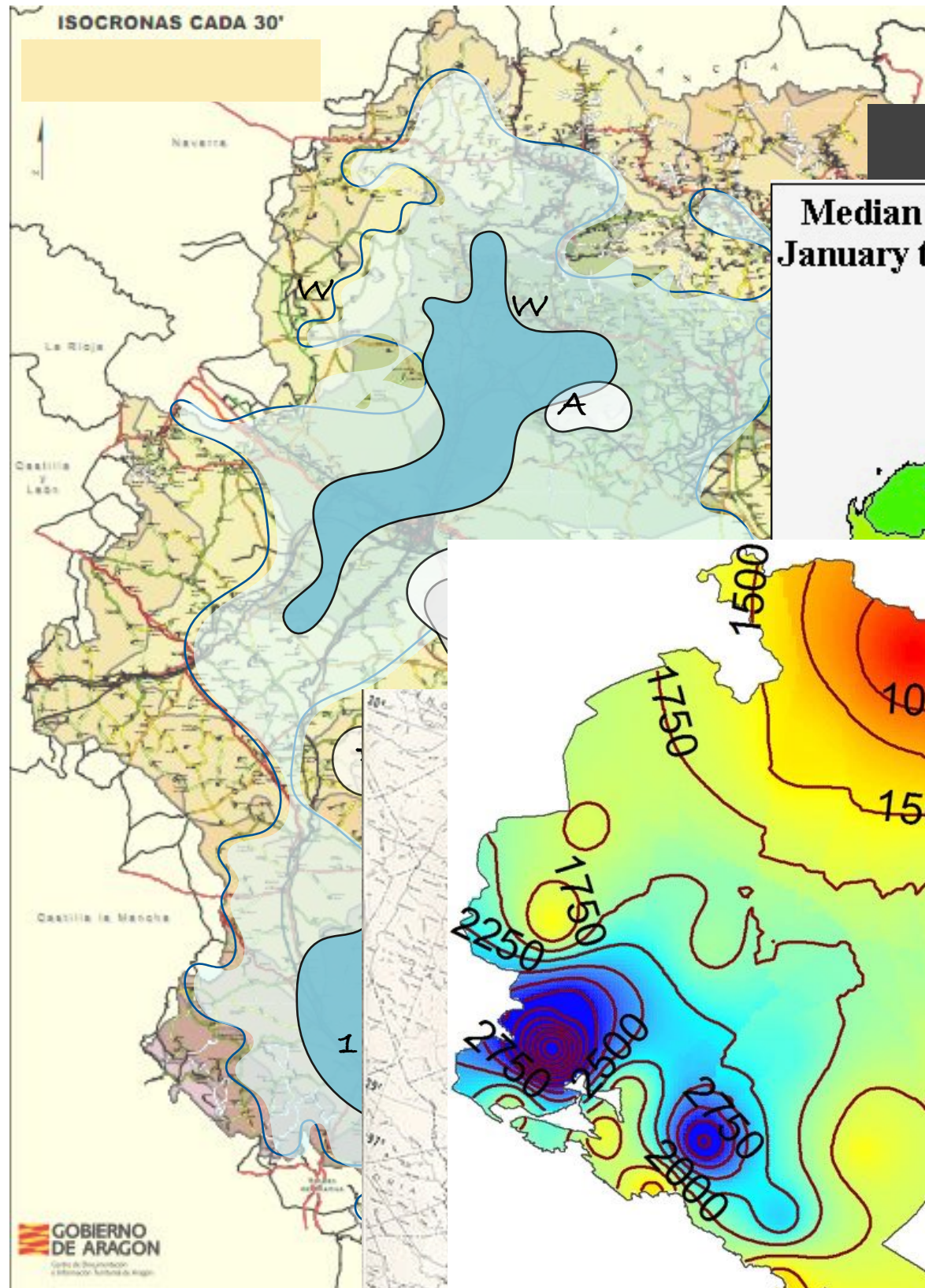


Otros:



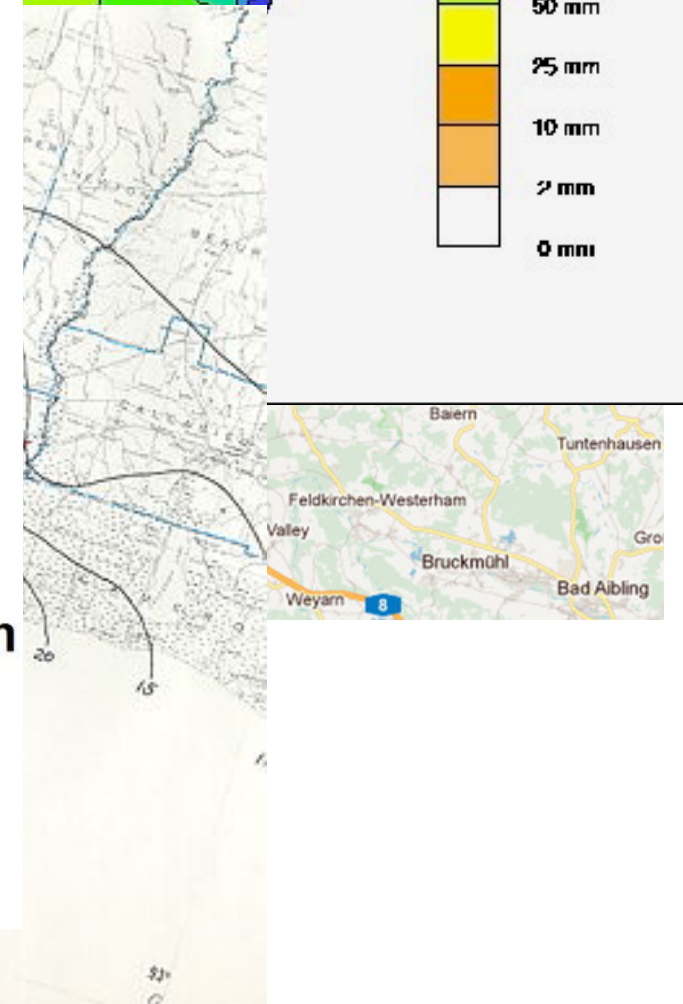
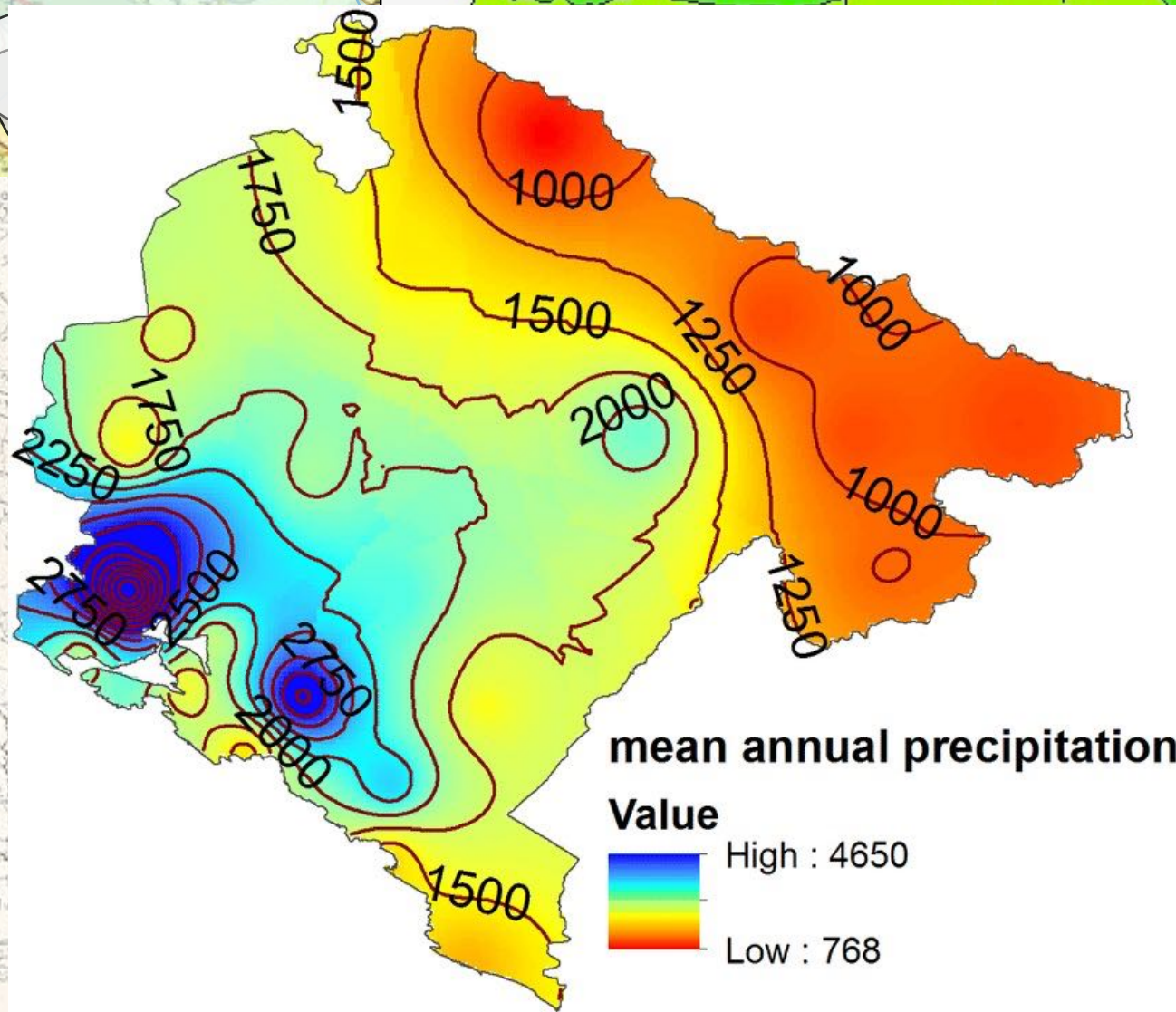
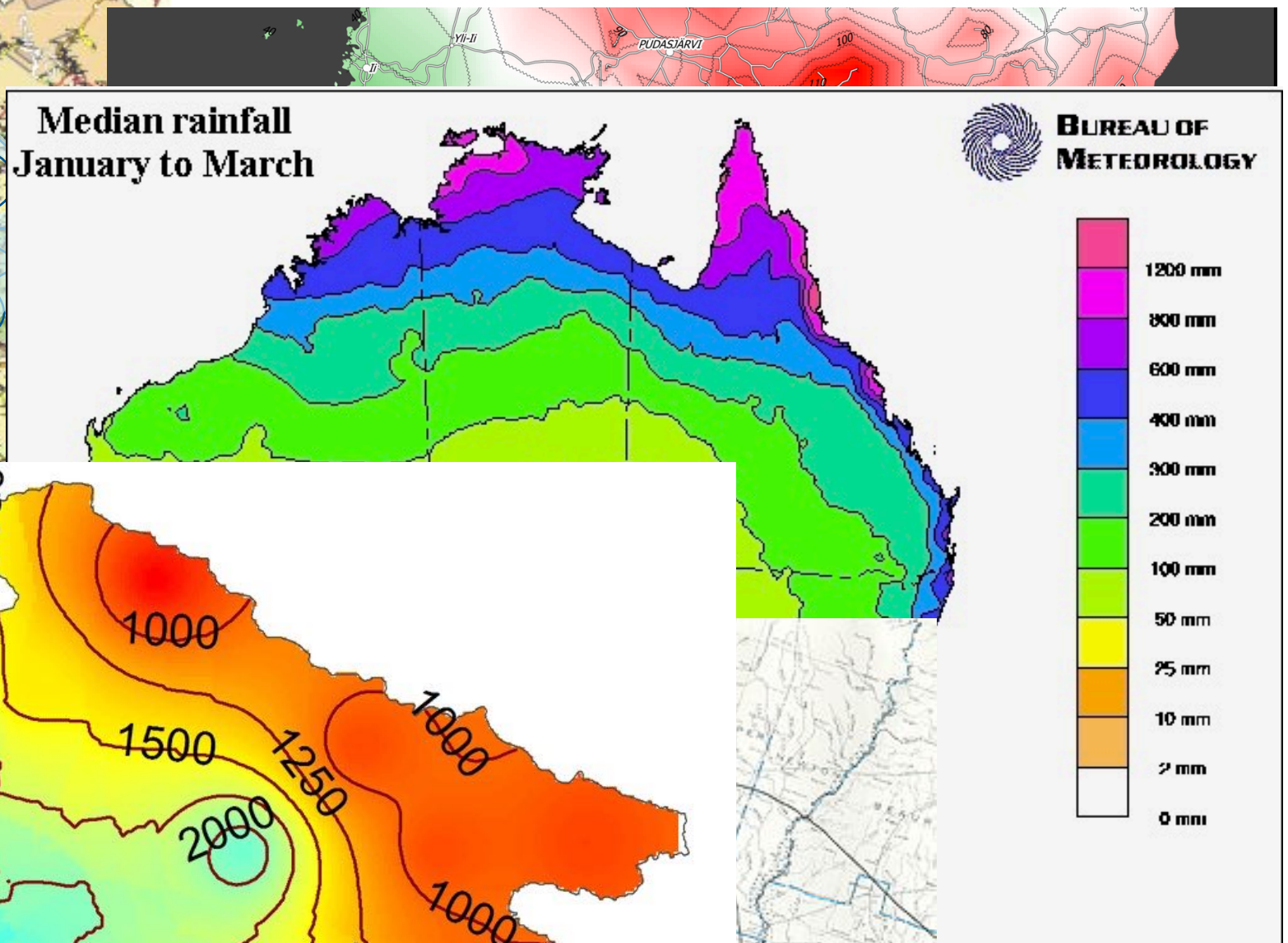
w subconjunto L-k

El orden \square^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)

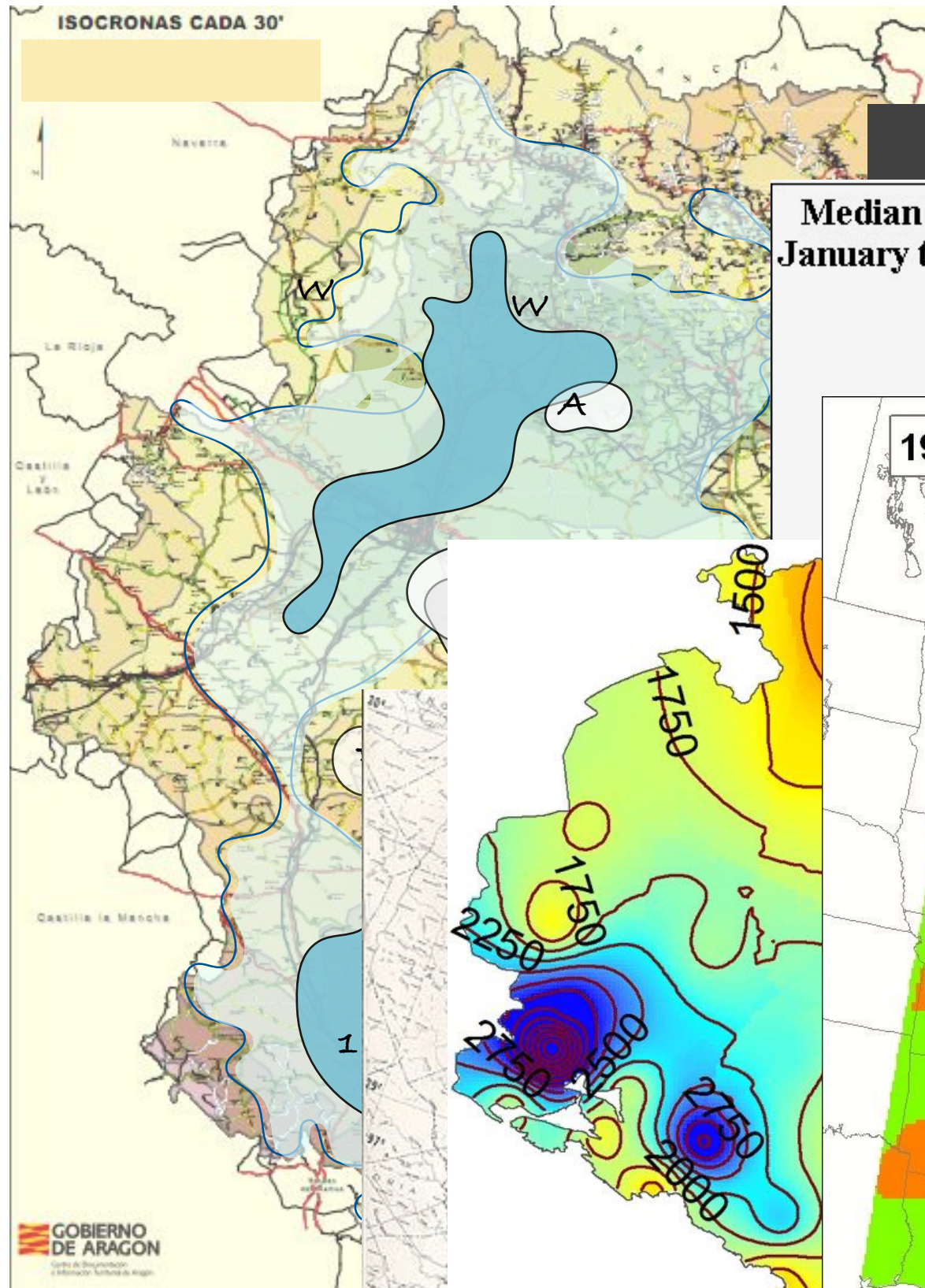


w subconjunto L-k

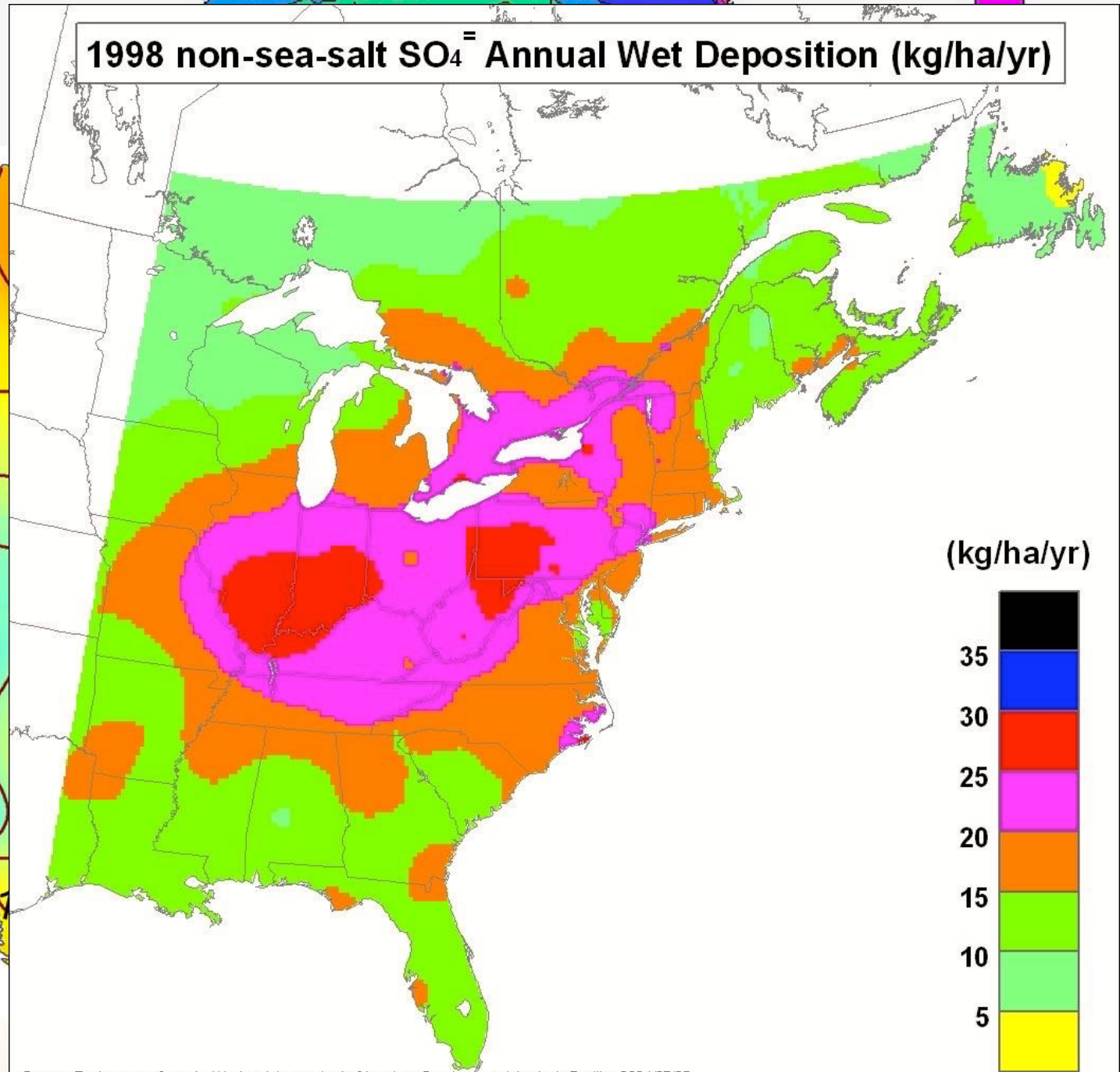
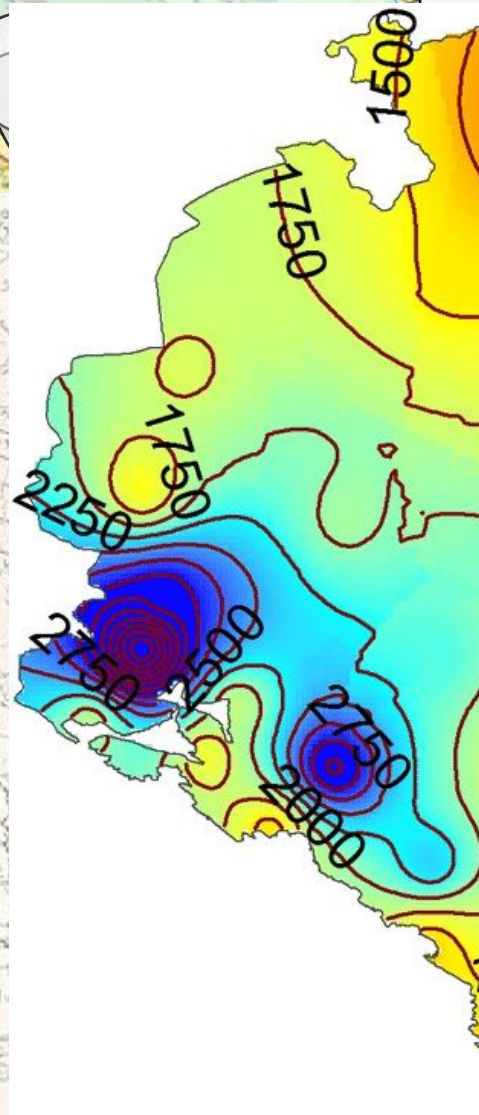
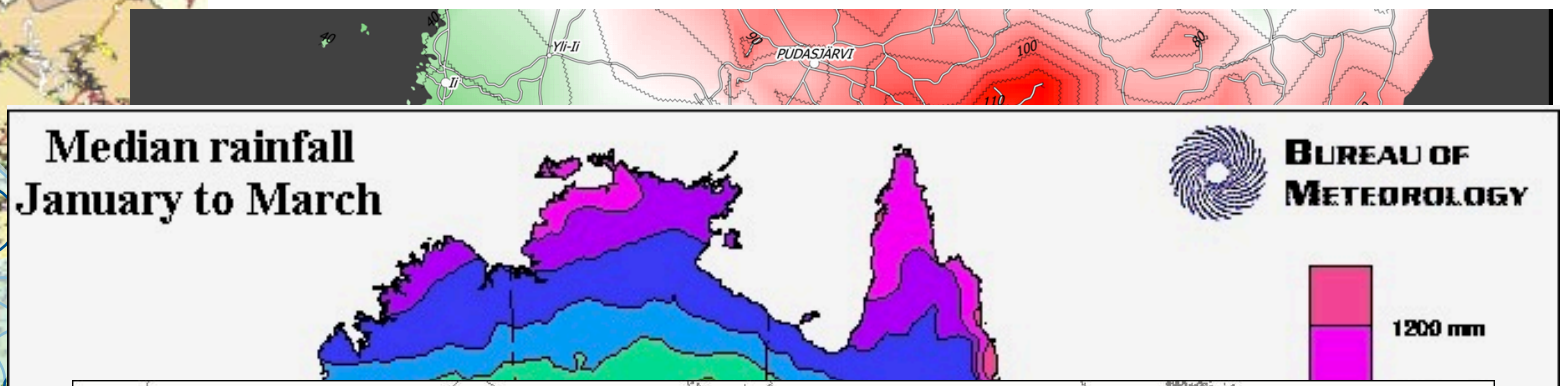
Otros:



El orden \square^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)



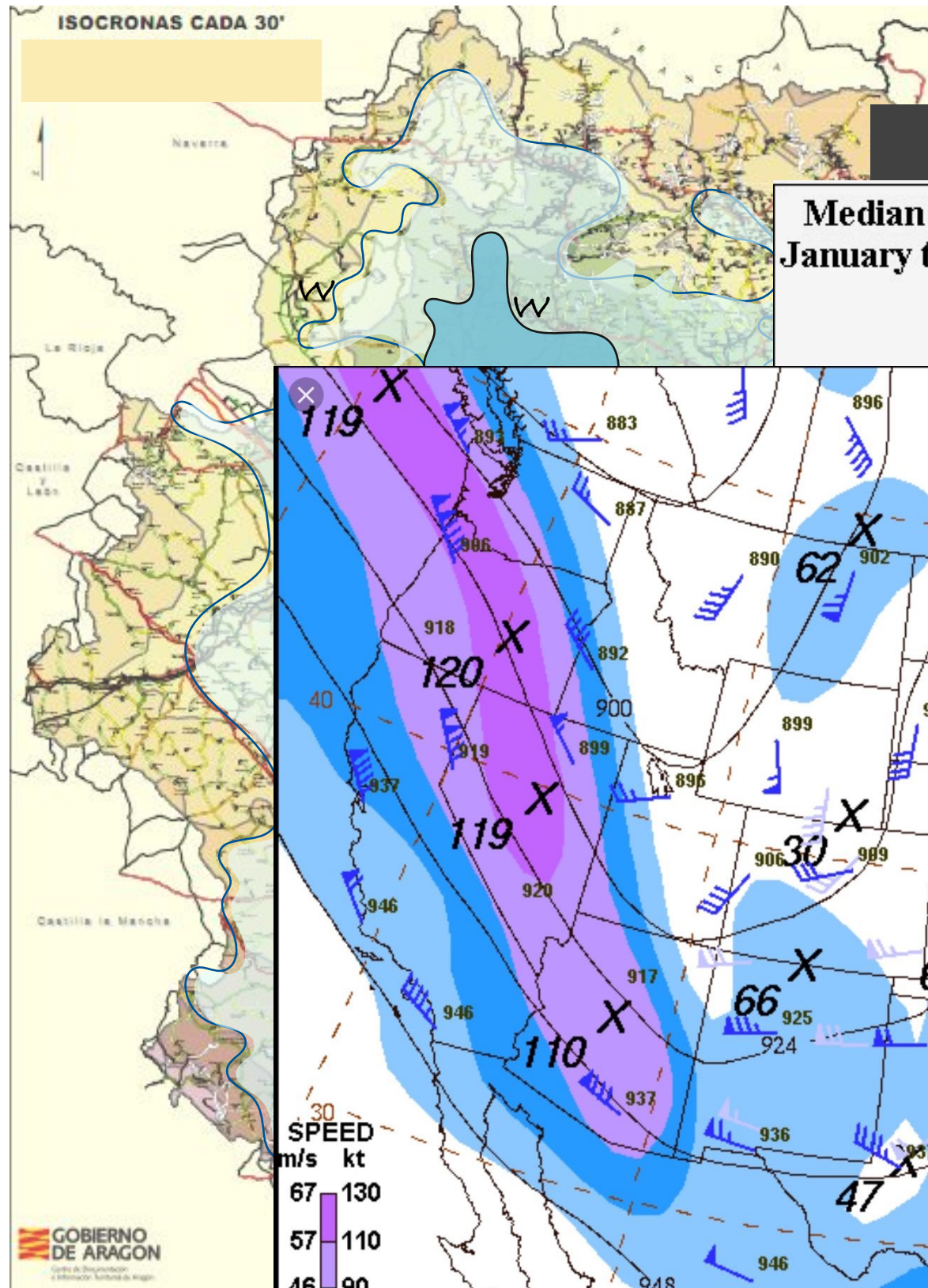
Otros:



w subconjunto L-k

Source: Environment Canada / National Atmospheric Chemistry Database and Analysis Facility 2004/07/05
<http://www.msc-smc.ec.gc.ca/natchem>

El orden \square^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)



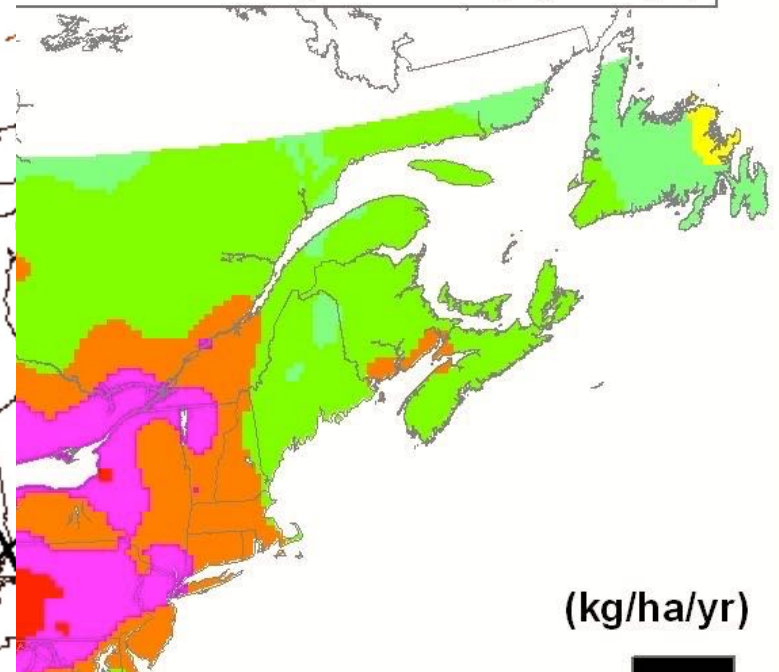
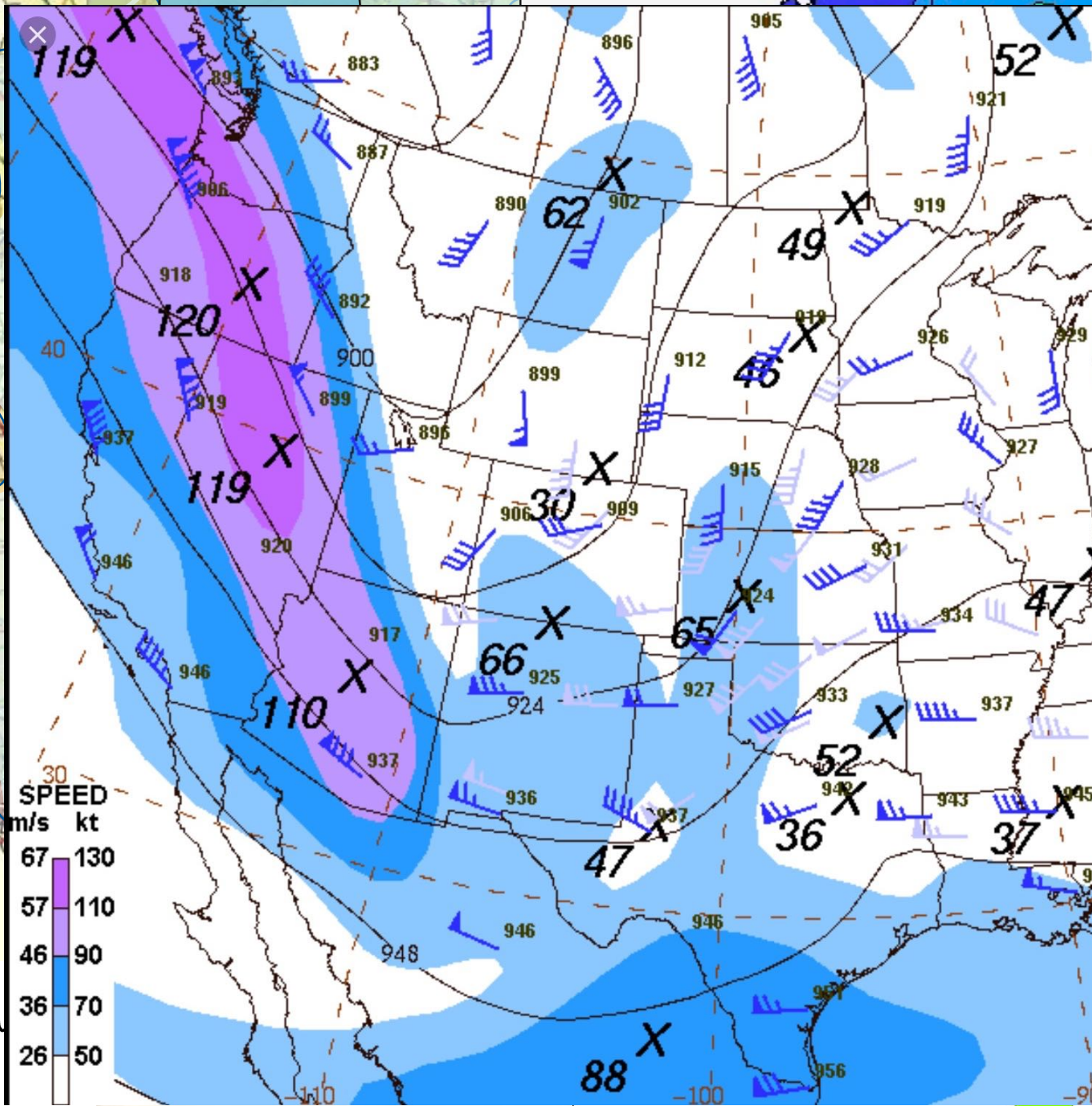
Otros:

Median rainfall
January to March

BUREAU OF METEOROLOGY



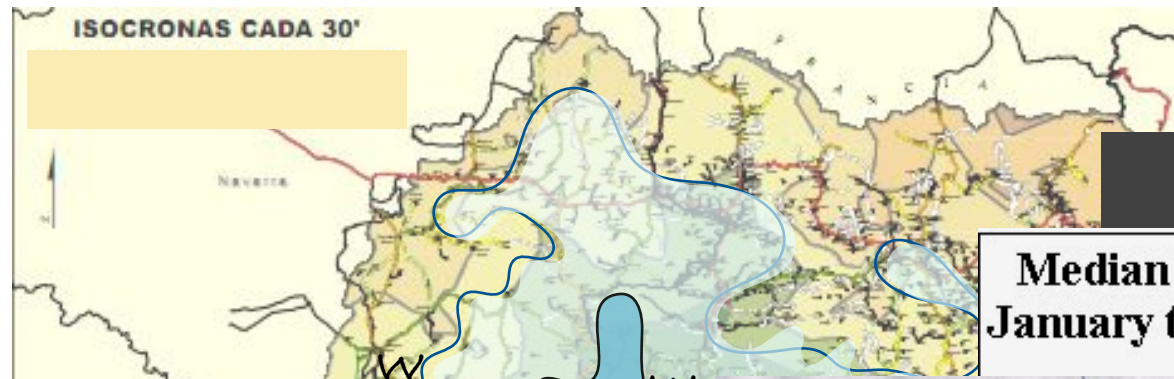
Annual Wet Deposition (kg/ha/yr)



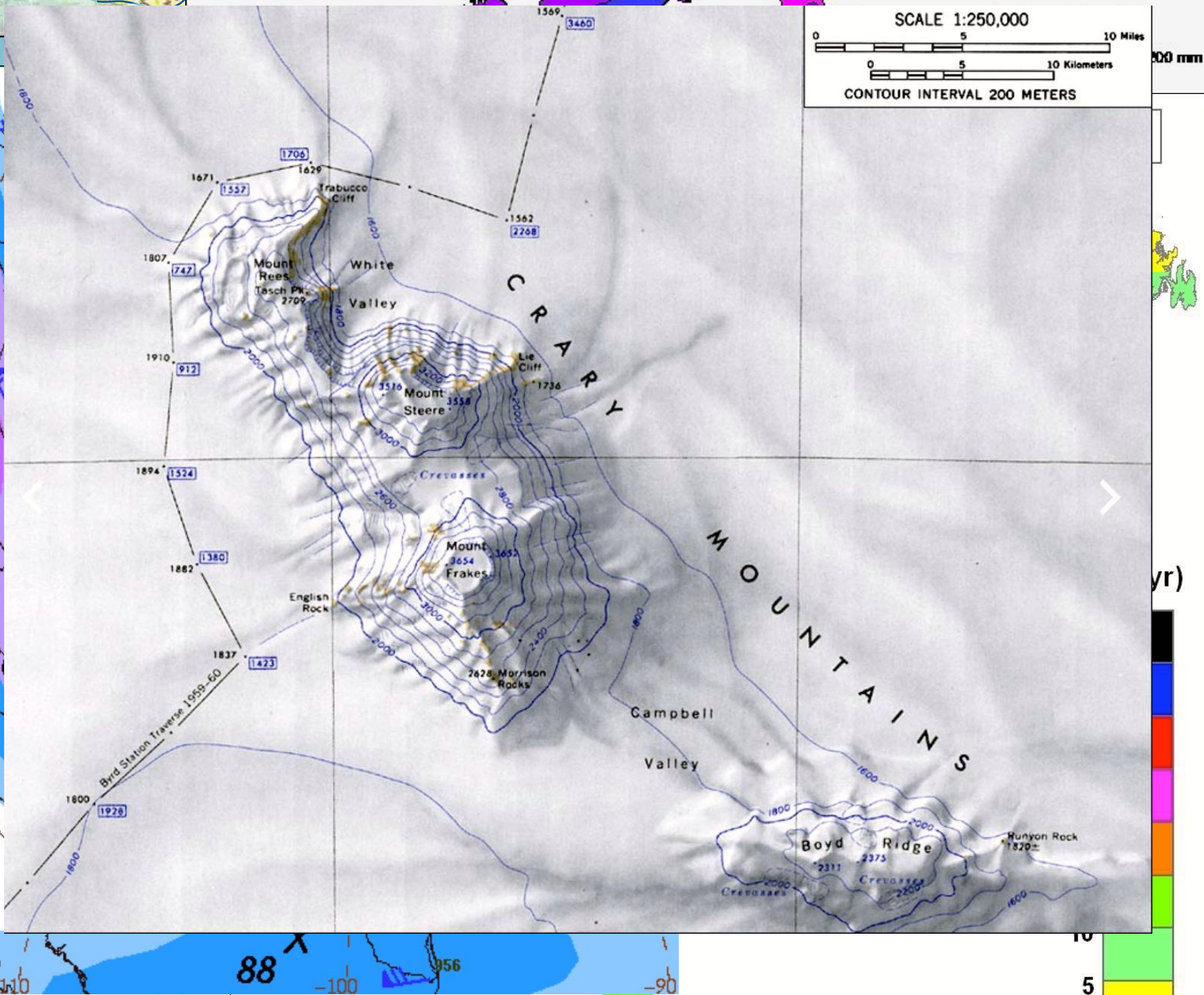
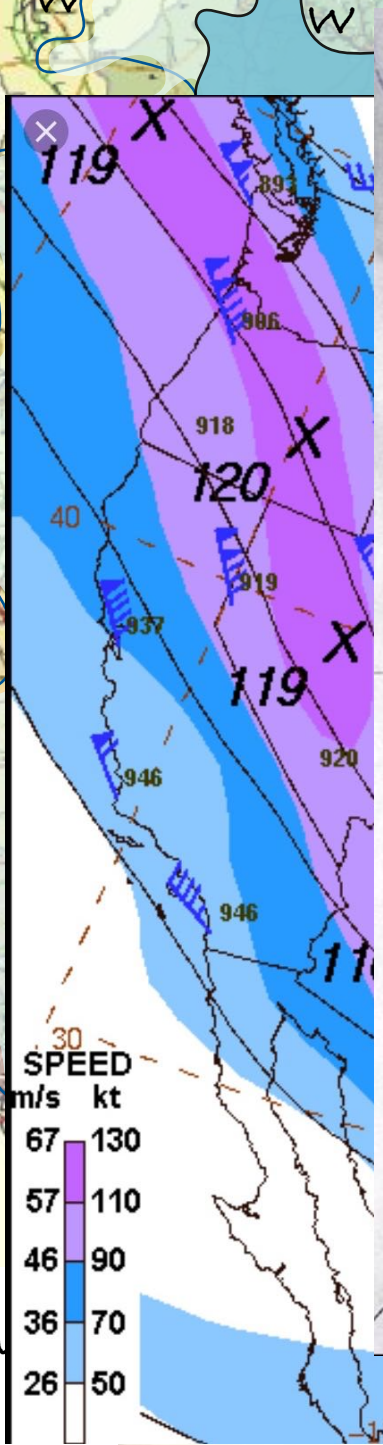
w subconjun

El orden \square^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)

Otros:

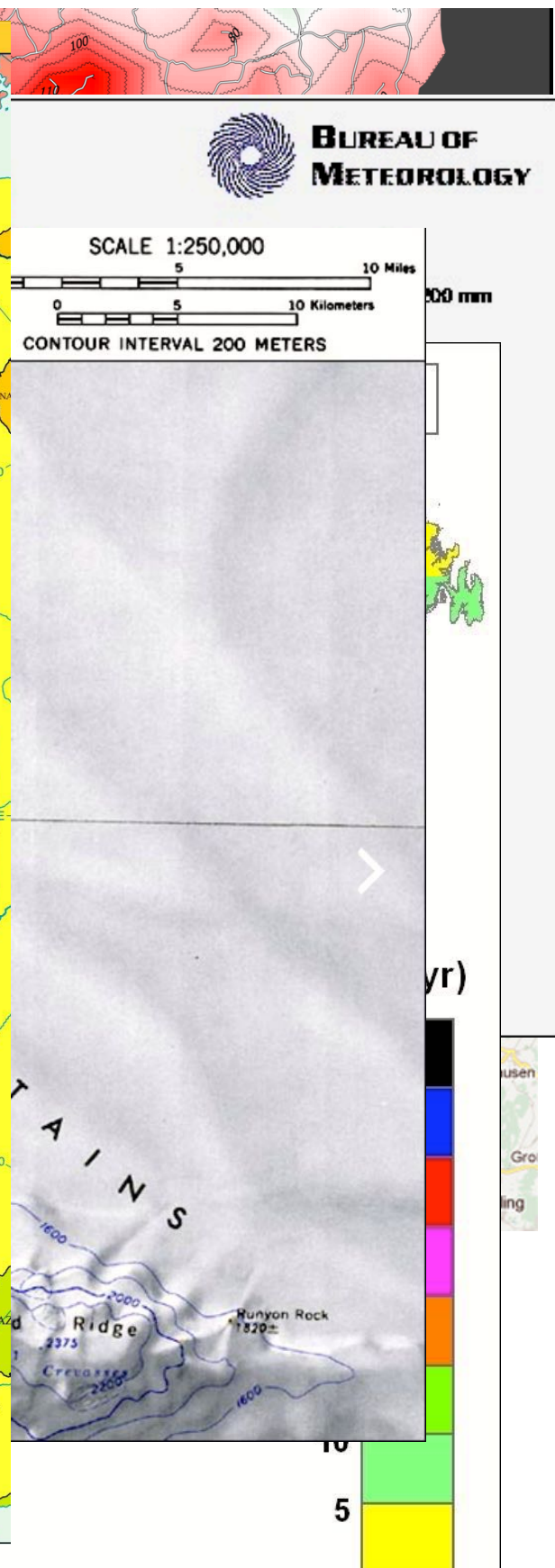
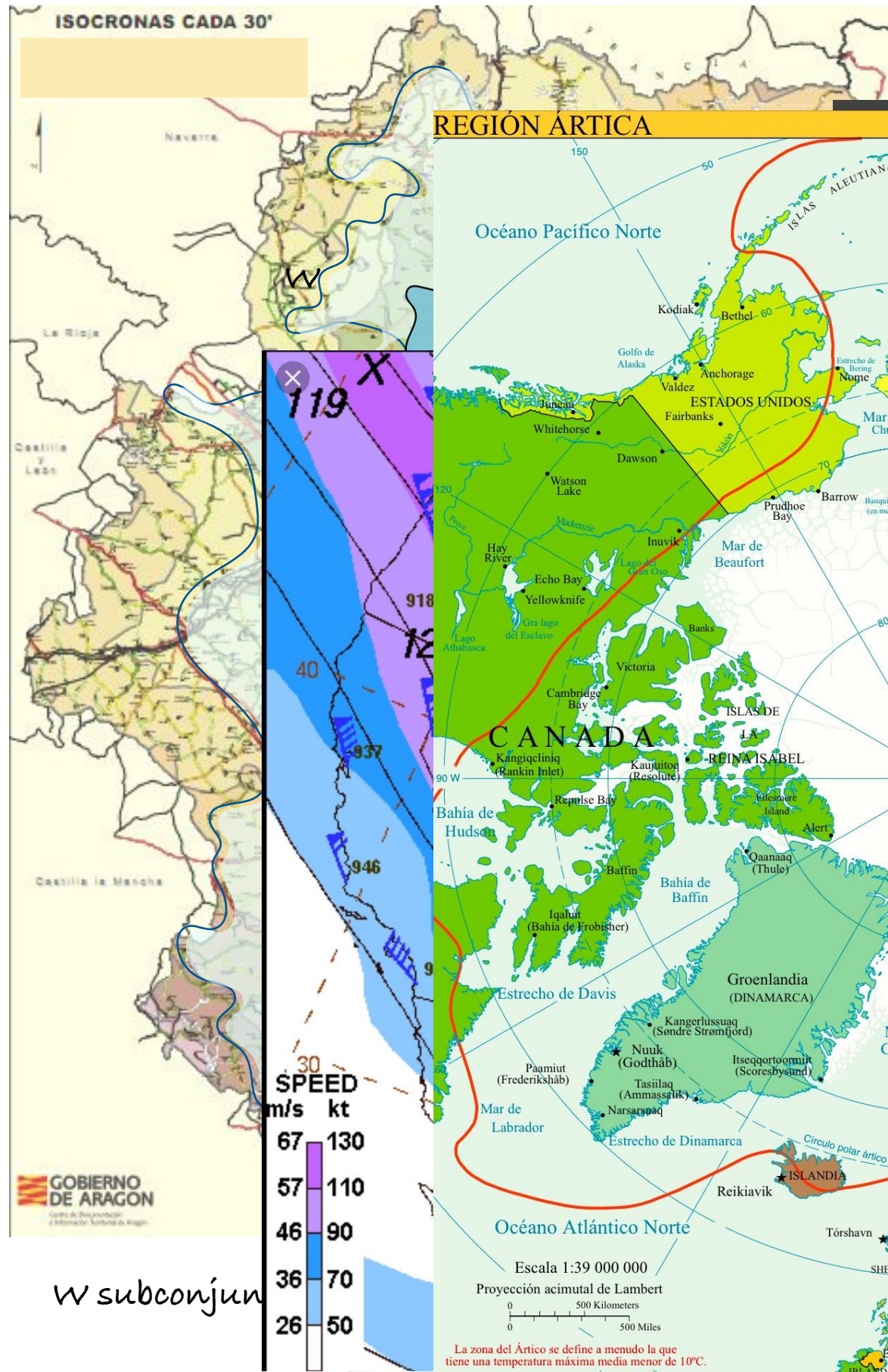


Median rainfall
January to March



El orden ∞^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)

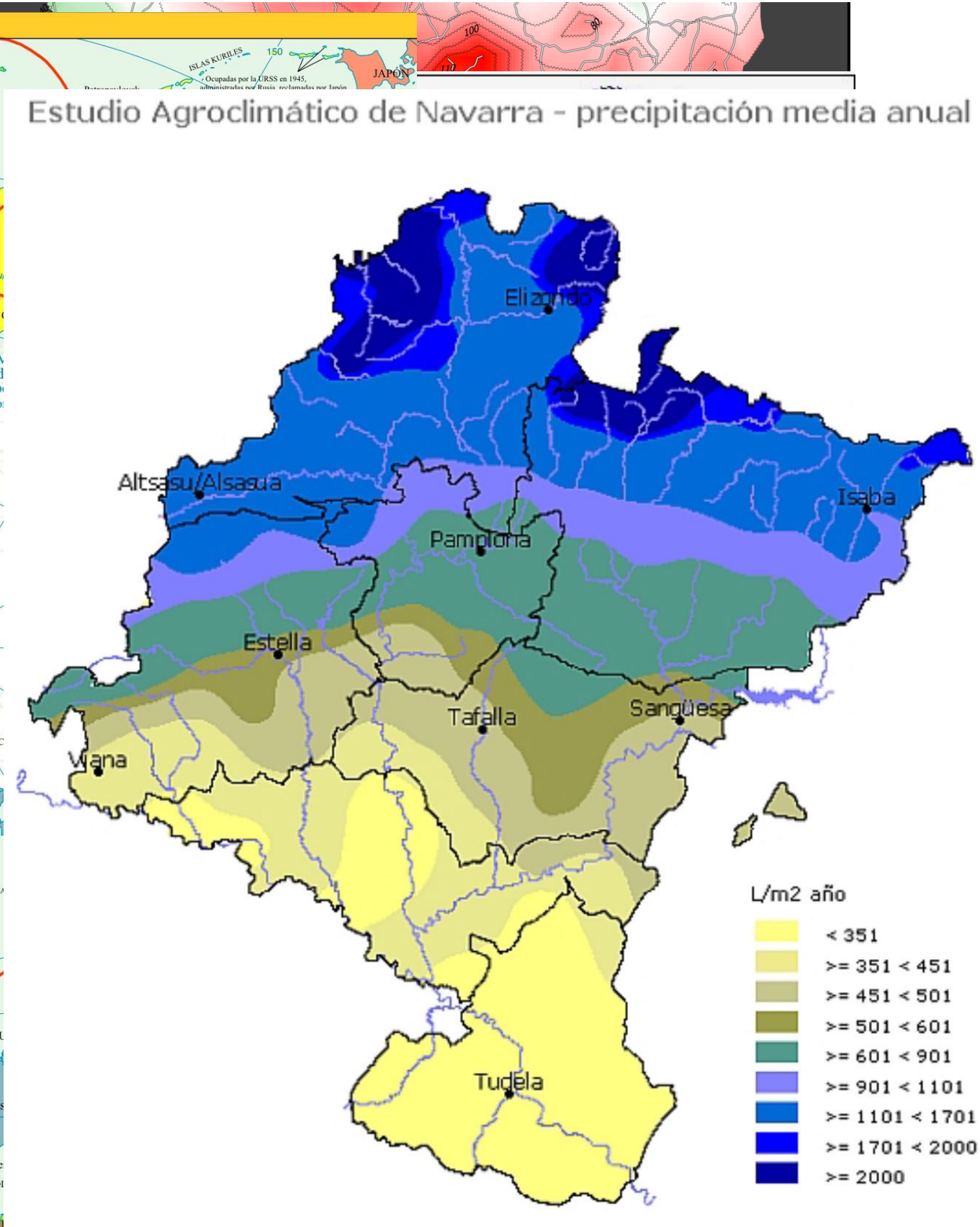
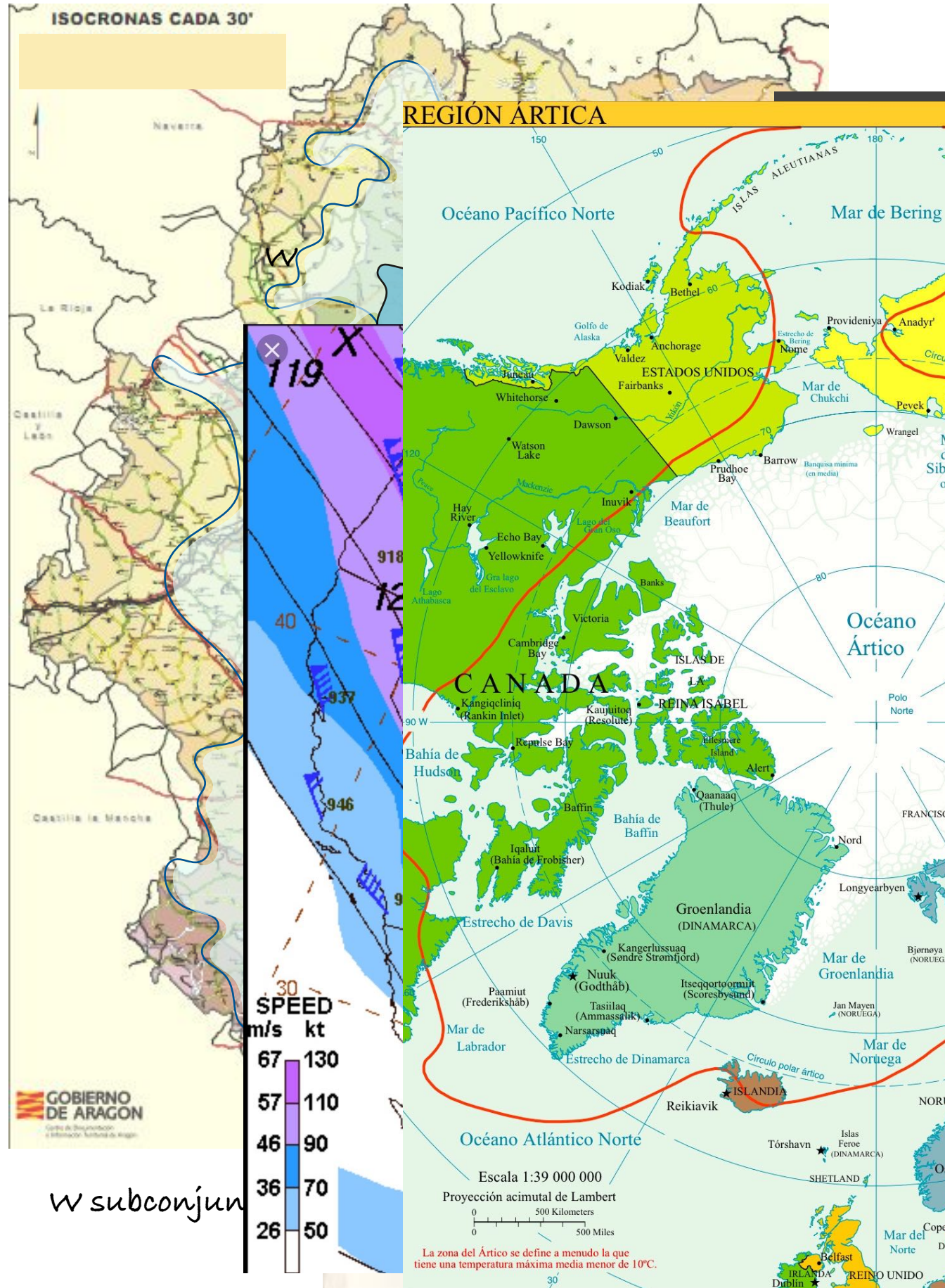
Otros:



Source: Environment Canada / National Atmospheric Chemistry Database and Analysis Facility 2004/07/05
<http://www.msc-smc.ec.gc.ca/natchem>

El orden ∞^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)

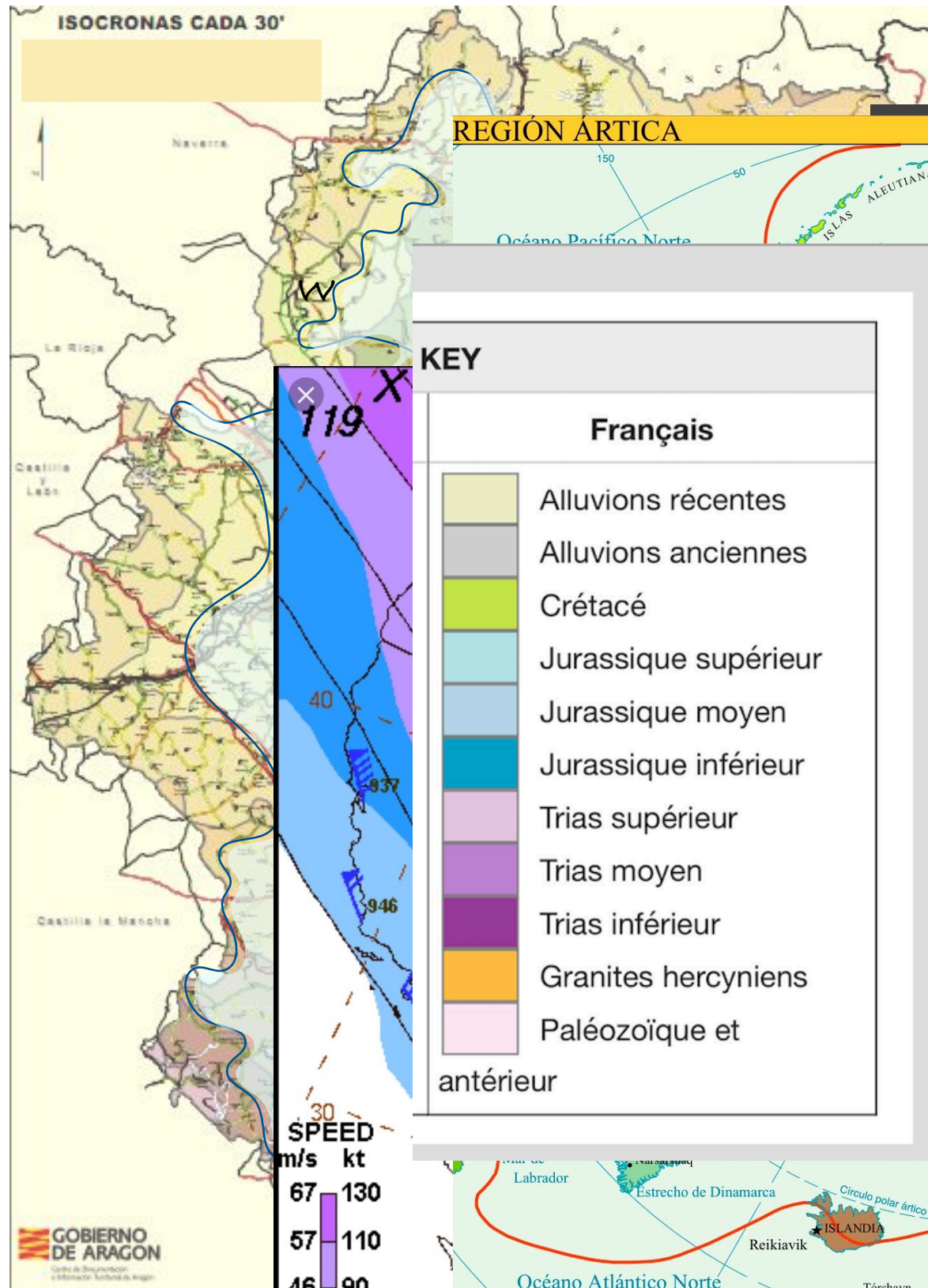
Otros:



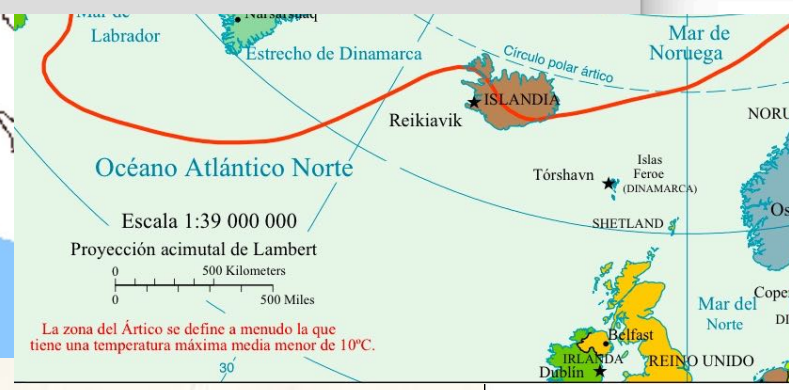
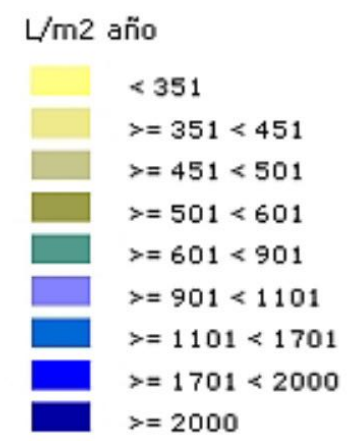
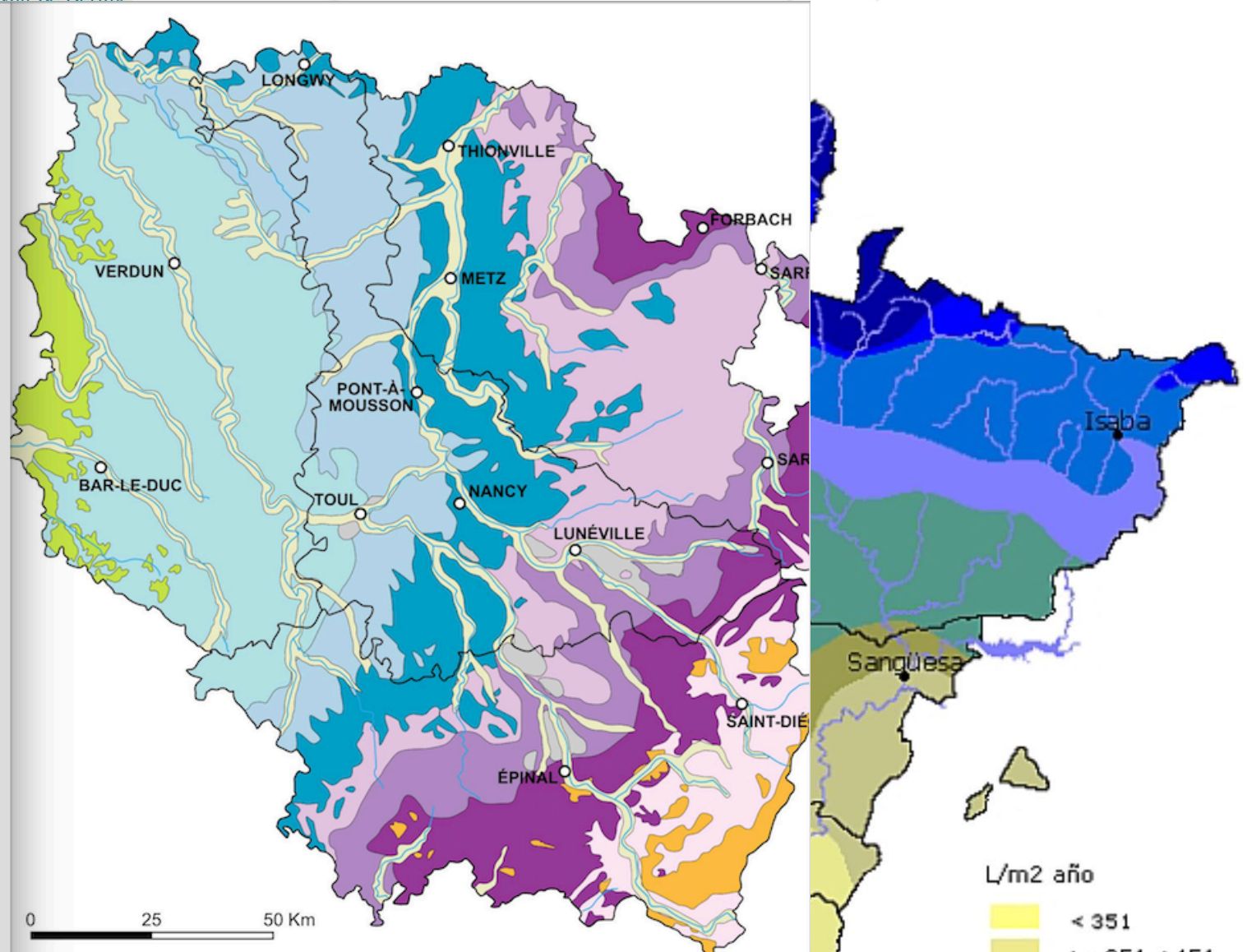
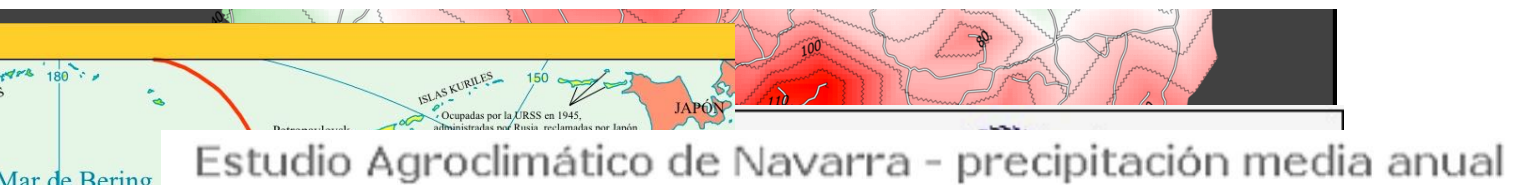
w subconjunto

El orden \square^w en mapas de isocronas (curvas de nivel)

Otros:

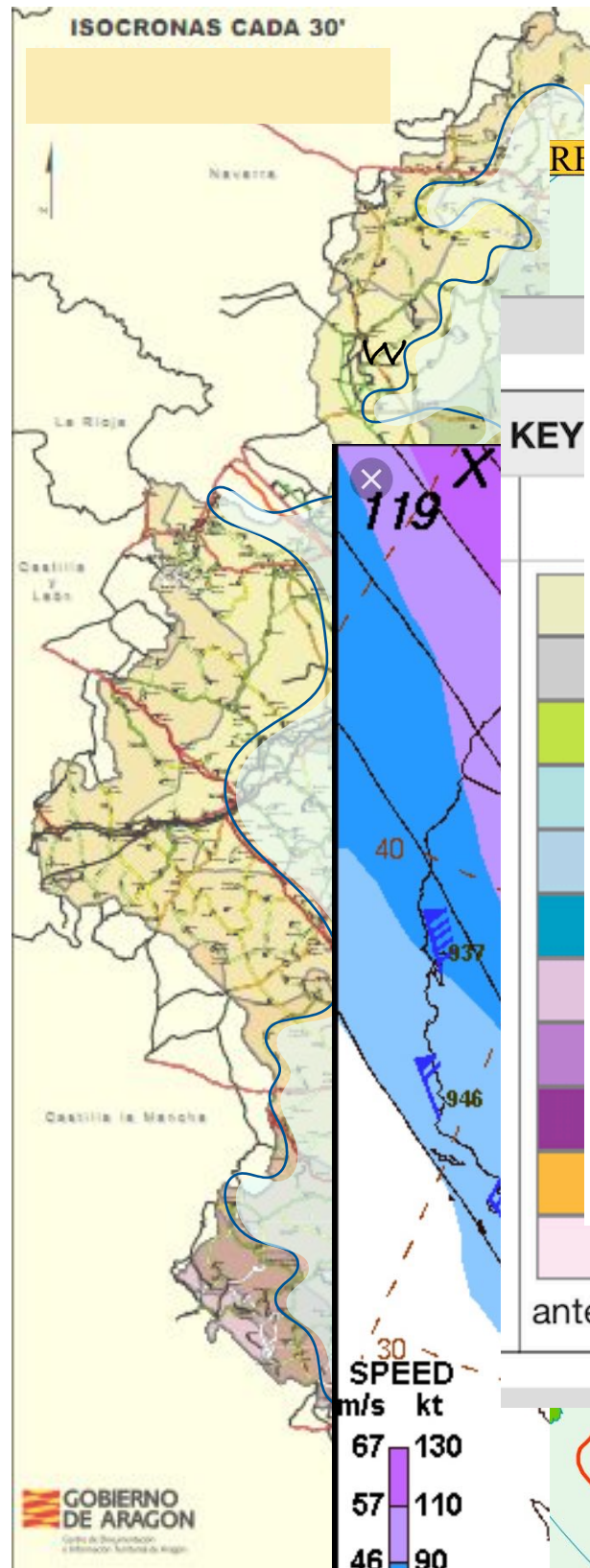


w subconjunto



Source: Environment Canada / Natich
<http://www.msc-smc.ec.gc.ca/natche>

El orden ∞^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)

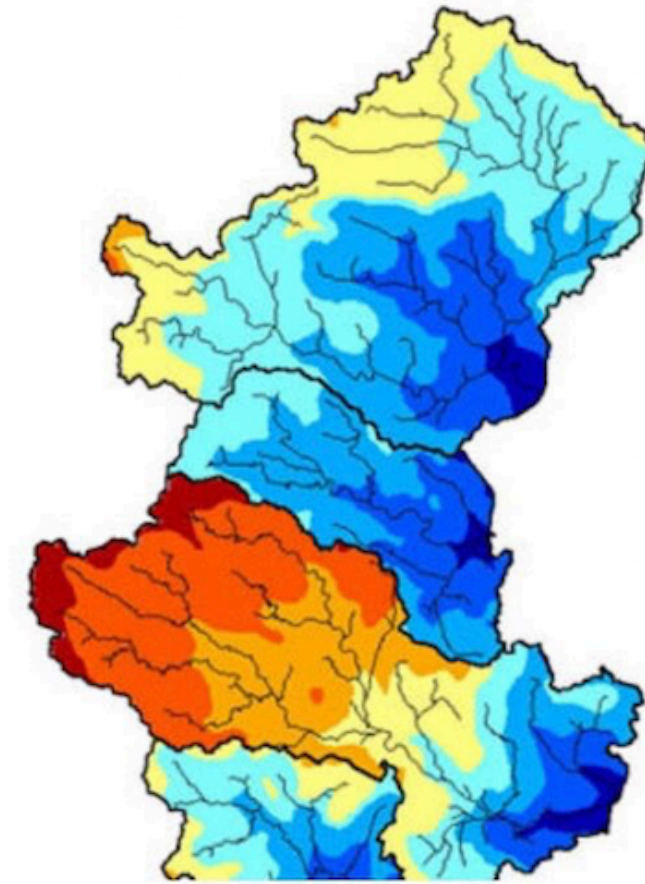
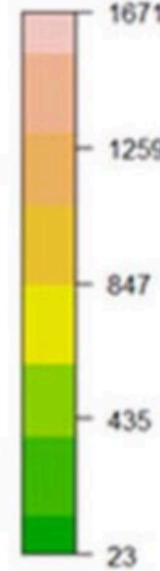


w subconjunto

Otros:



Elevación (msnm)



media anual

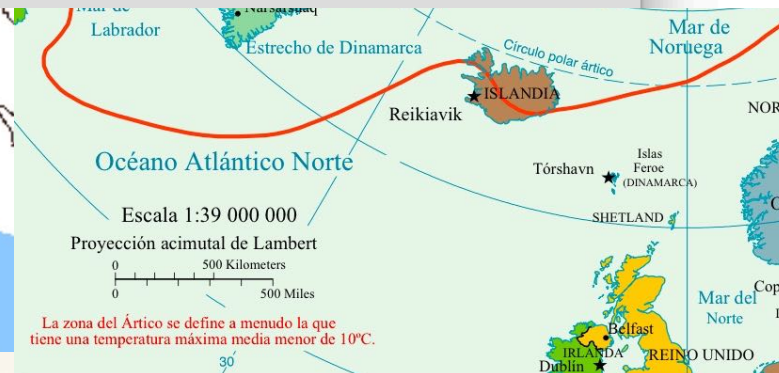
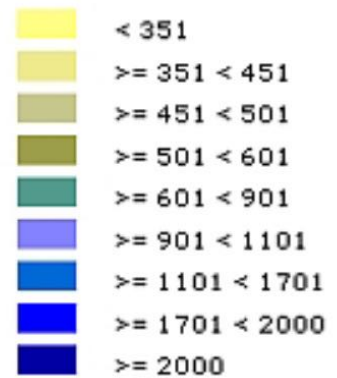
Modelado de un mapa de Isocronas por computadora. Caso de estudio: Cévennes-Vivarais (Francia)

in Artículos Mar, 21 2017 No Comments

Paléozoïque et antérieur

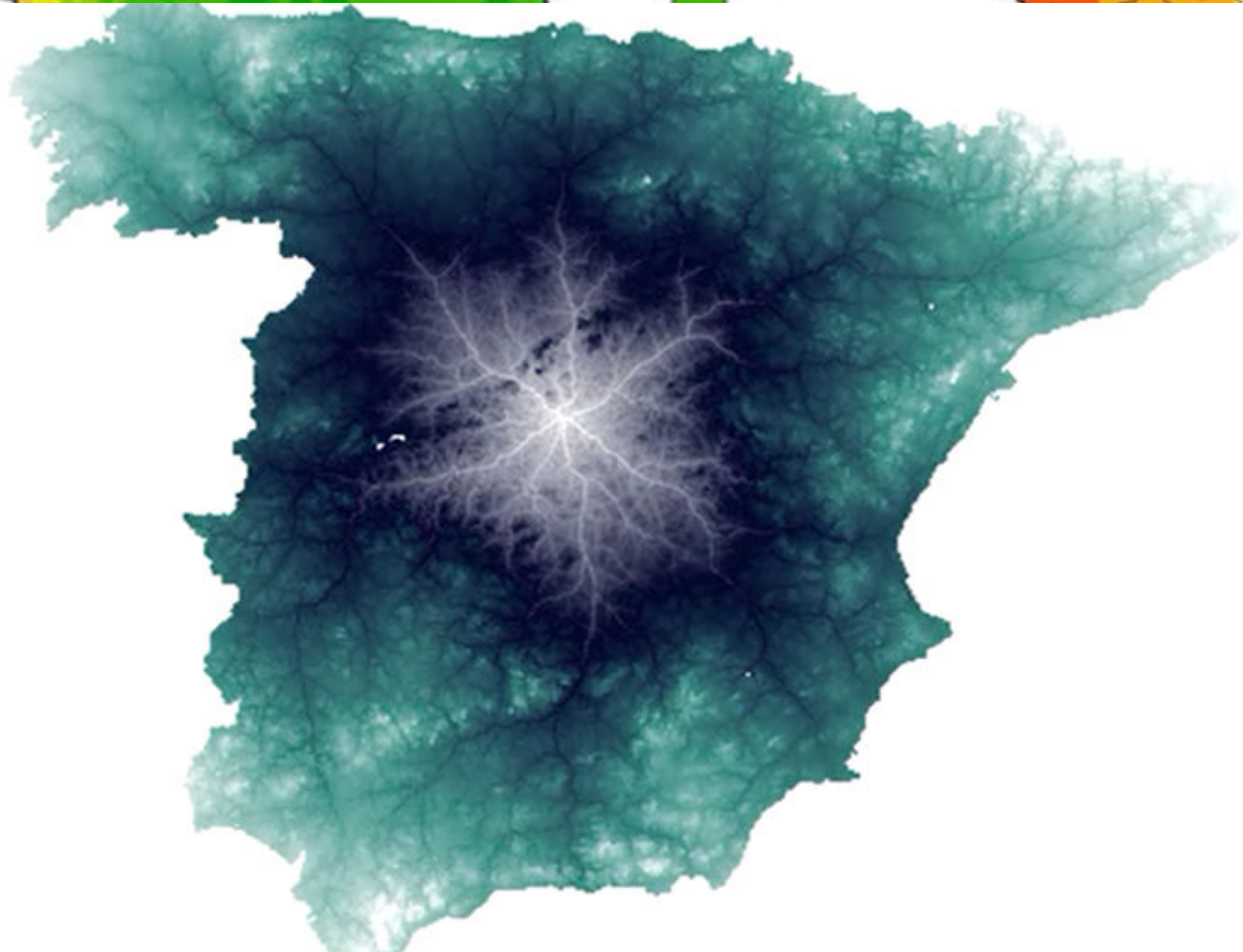
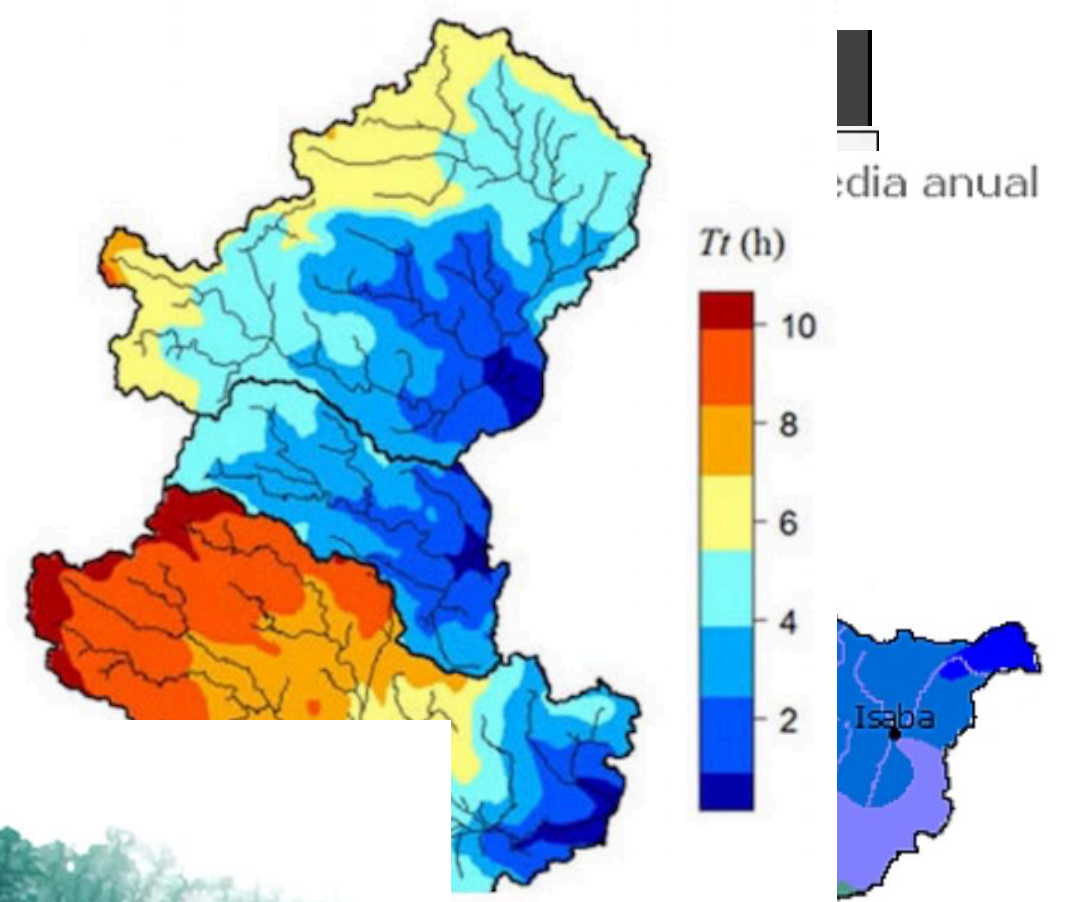
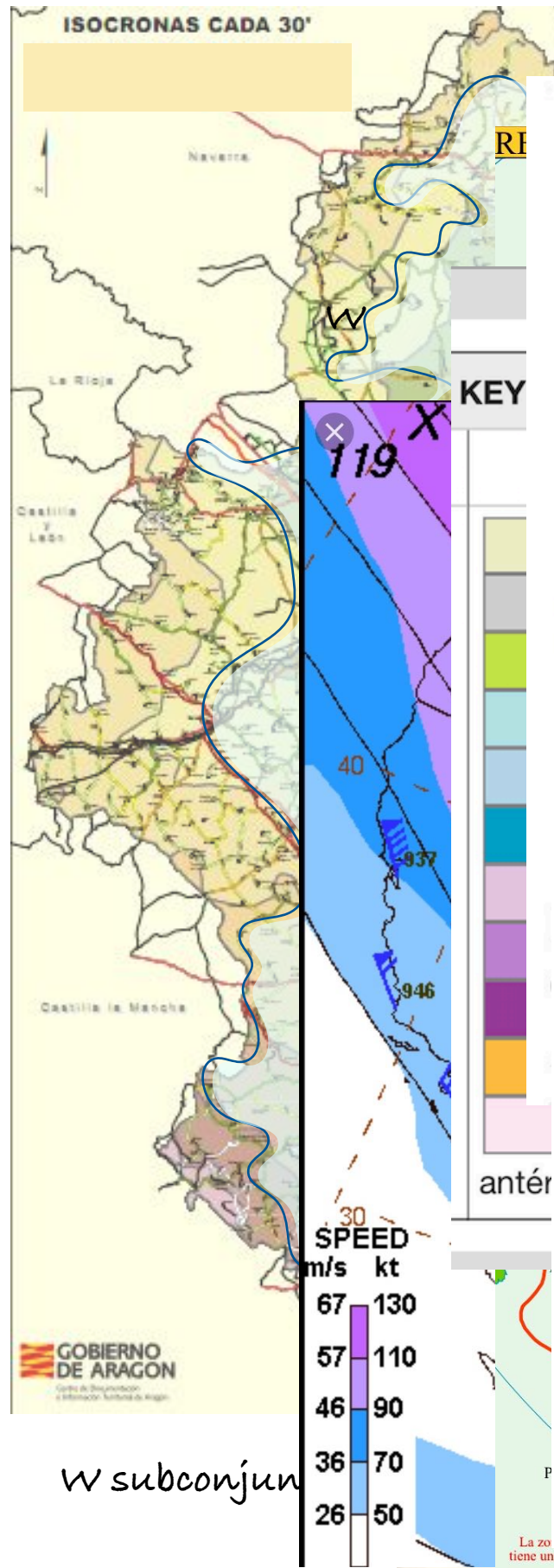
0 25 50 Km

L/m2 año

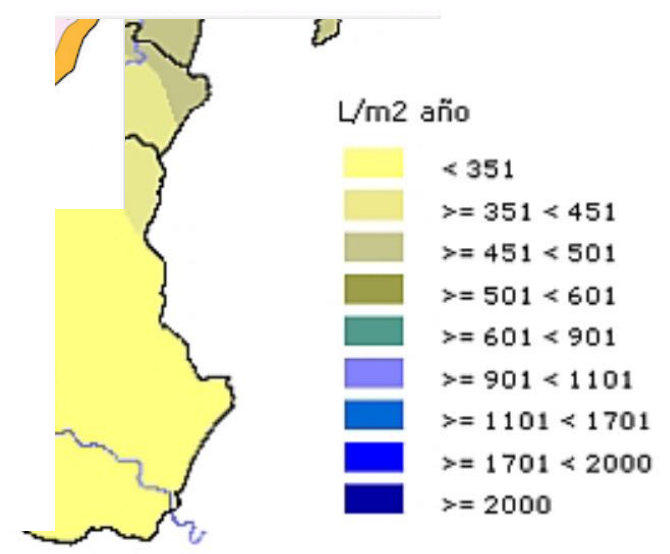


Source: Environment Canada / Natich
http://www.msc-smc.ec.gc.ca/natche

El orden ∞^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)



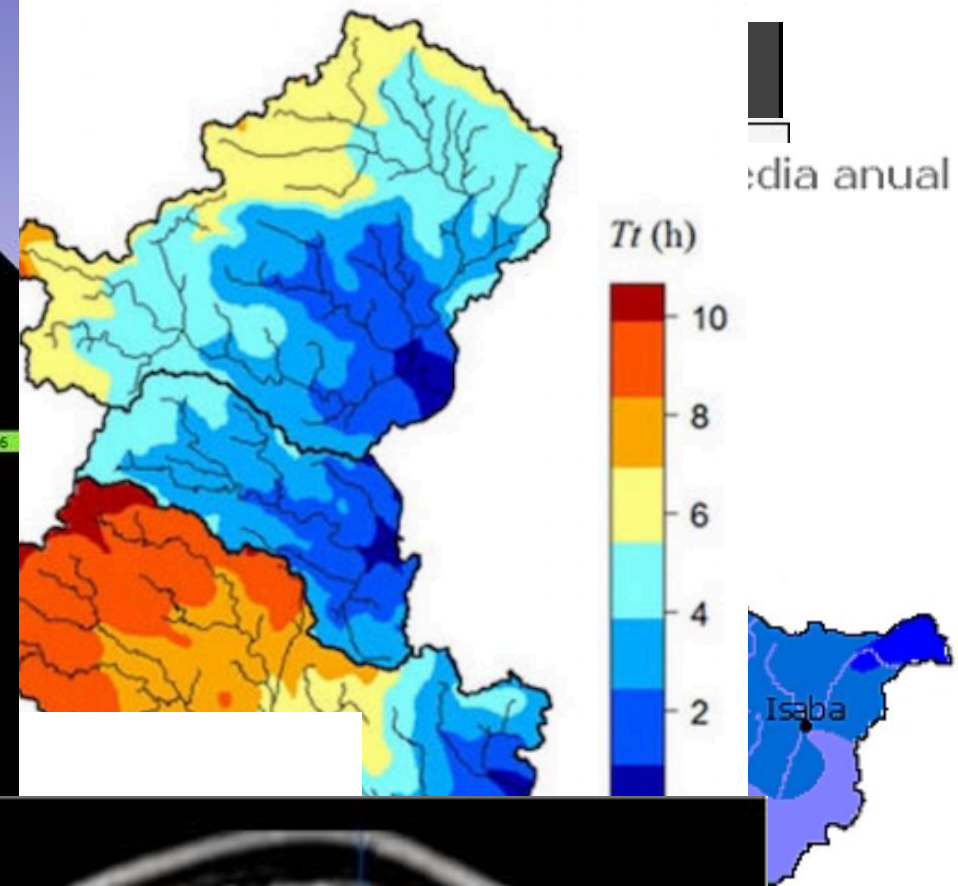
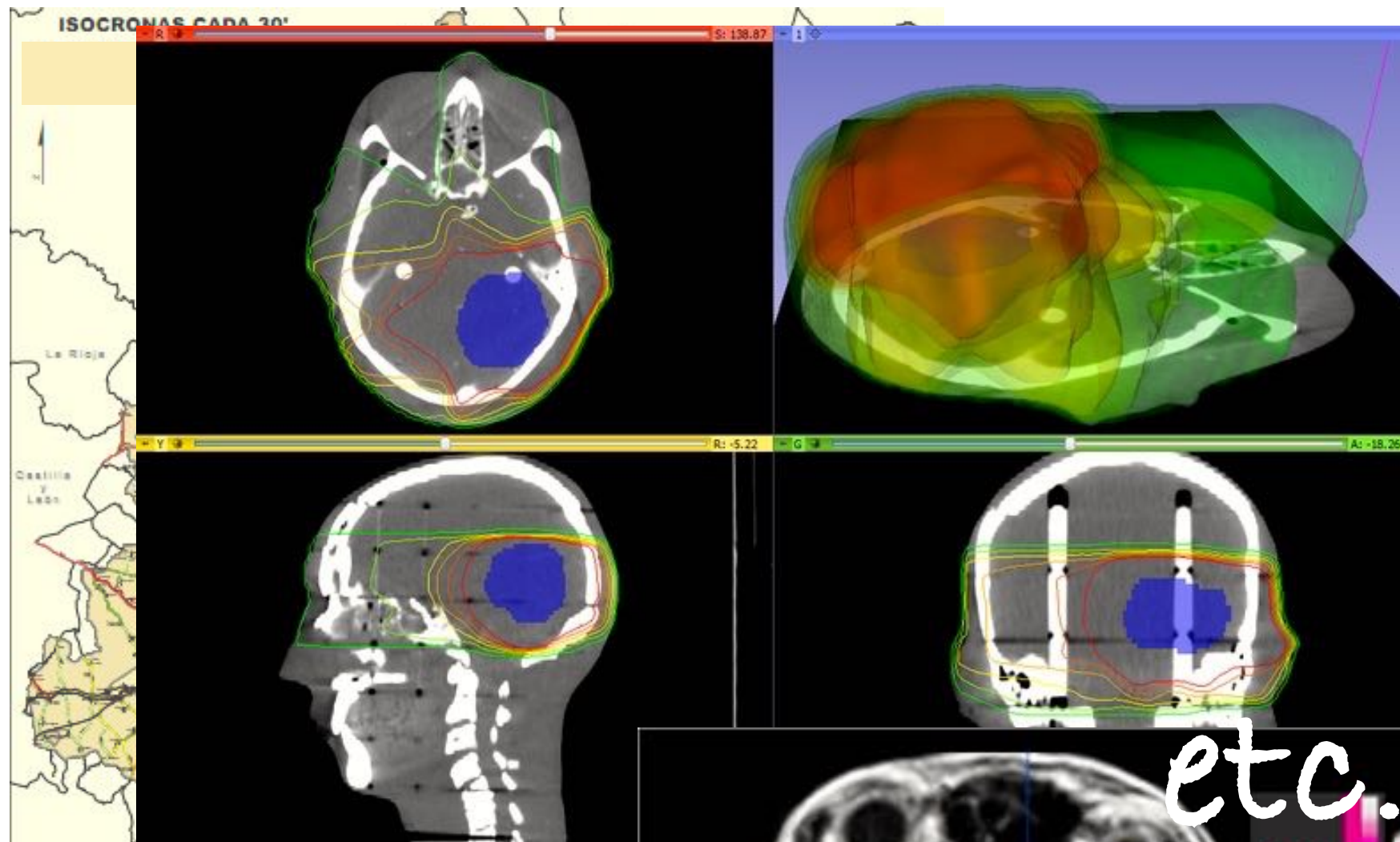
studio:



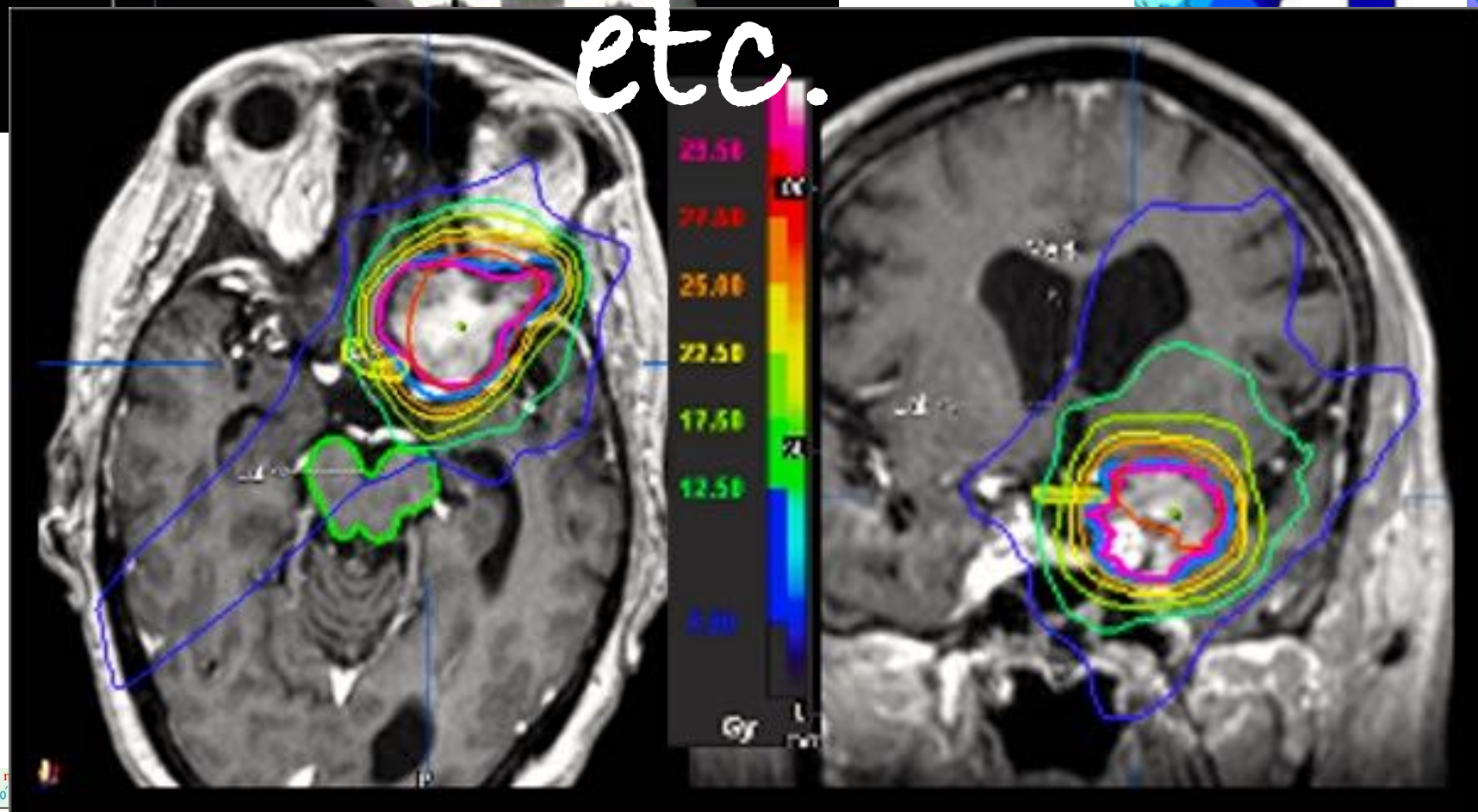
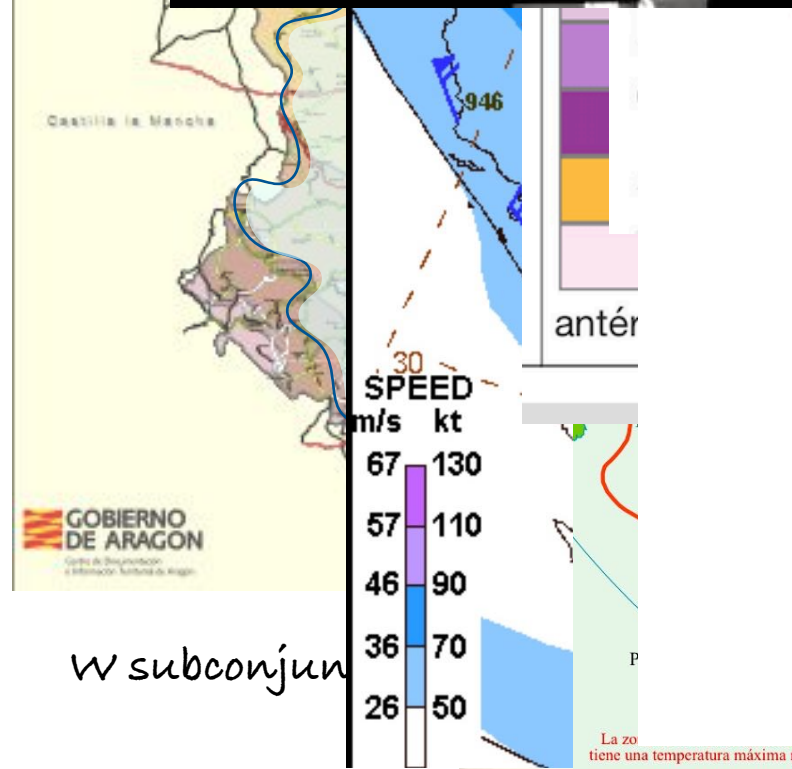
w subconjunt

La zona tiene una temperatura máxima media menor de 10°C.

El orden ∞^w en mapas de isolíneas (curvas de nivel)



etc.



- 351
- = 351 < 451
- = 451 < 501
- = 501 < 601
- = 601 < 901
- = 901 < 1101
- = 1101 < 1701
- = 1701 < 2000
- = 2000

\mathcal{W} -inclusión y \mathcal{W} -pertenencia en Subconjuntos Borrosos.

Retículo distributivo de los subconjuntos borrosos de la recta completa $\mathbb{R} = [-\infty, +\infty]$: $([0,1]^{\mathbb{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{R})$ con la negación de Zadeh $x' = 1-x$.

Sea W un subconjunto borroso del retículo: $([0,1]^{\mathbb{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{R})$ y sea $([0,1]^{\mathbb{R}}, \sqsubseteq^W, \Pi^W, W)$ el inf-semirretículo acotado asociado al orden de actividad \sqsubseteq^W desde la perspectiva de W , en el que Π^W representa el operador ínfimo.

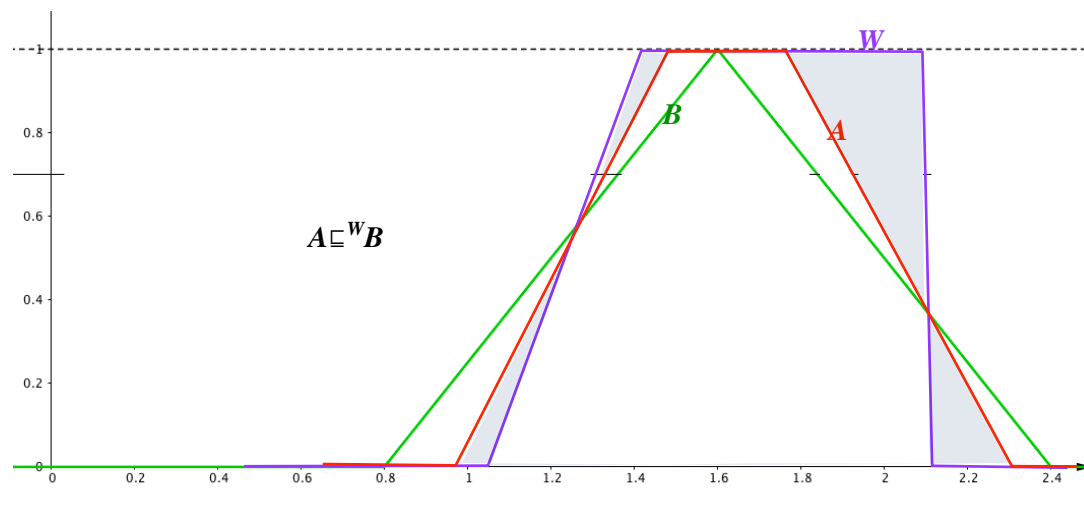
Por ejemplo, si A, B y W son los correspondientes números triangulares o trapezoidales que aparecen en las figuras,

Retículo distributivo de los subconjuntos borrosos de la recta completa $\mathcal{R} = [-\infty, +\infty]$: $([0,1]^{\mathcal{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathcal{R})$ con la negación de Zadeh $x' = 1-x$.

Sea W un subconjunto borroso del retículo: $([0,1]^{\mathcal{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathcal{R})$ y sea $([0,1]^{\mathcal{R}}, \sqsubseteq^W, \sqcap^W, \sqcup^W)$ el inf-semirretículo acotado asociado al orden de actividad \sqsubseteq^W desde la perspectiva de W , en el que \sqcap^W representa el operador ínfimo.

Por ejemplo, si A, B y W son los correspondientes números triangulares o trapezoidales que aparecen en las figuras,

Ilustración de la w -inclusión $A \sqsubseteq^W B$:

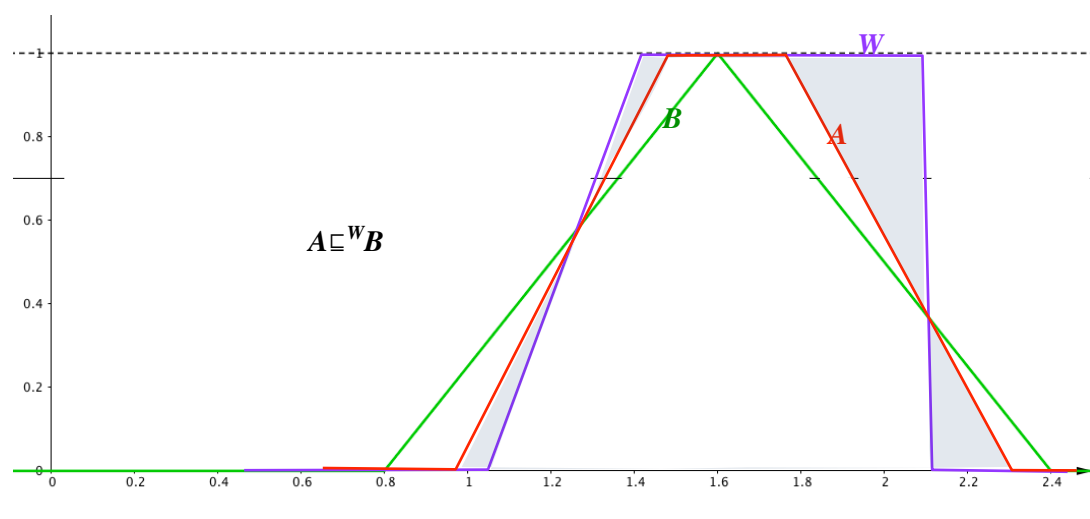


Retículo distributivo de los subconjuntos borrosos de la recta completa $\mathcal{R} = [-\infty, +\infty]$: $([0,1]^{\mathcal{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathcal{R})$ con la negación de Zadeh $x' = 1-x$.

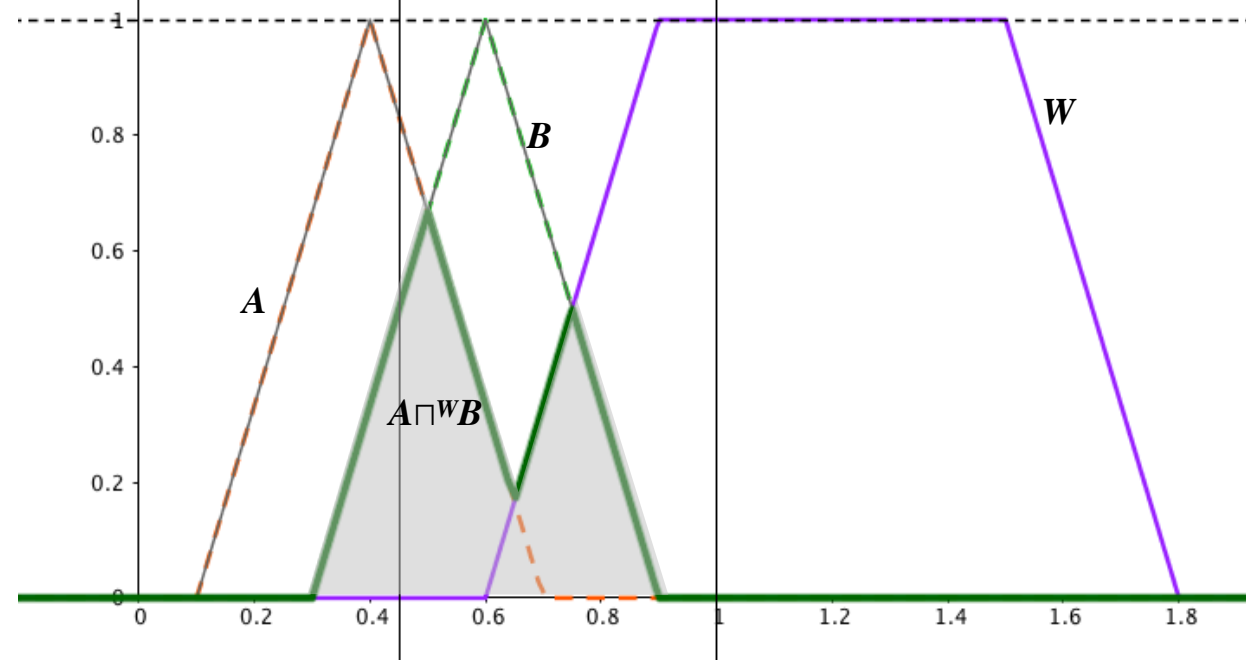
Sea W un subconjunto borroso del retículo: $([0,1]^{\mathcal{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathcal{R})$ y sea $([0,1]^{\mathcal{R}}, \sqsubseteq^W, \sqcap^W, \sqcup^W)$ el inf-semirretículo acotado asociado al orden de actividad \sqsubseteq^W desde la perspectiva de W , en el que \sqcap^W representa el operador ínfimo.

Por ejemplo, si A, B y W son los correspondientes números triangulares o trapezoidales que aparecen en las figuras,

Ilustración de la W -inclusión $A \sqsubseteq^W B$:



y de la W -intersección $A \sqcap^W B$:

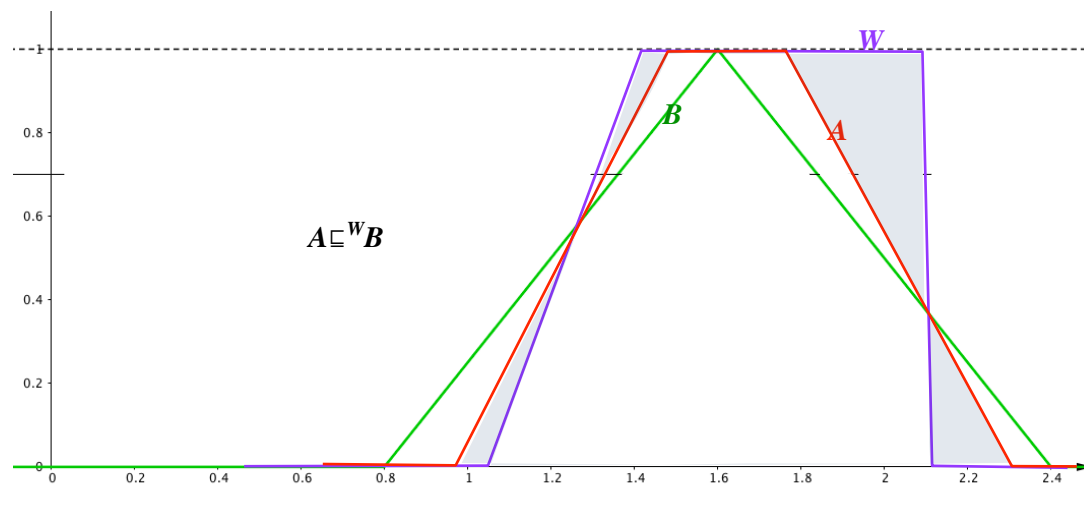


Retículo distributivo de los subconjuntos borrosos de la recta completa $\mathcal{R} = [-\infty, +\infty]$: $([0,1]^{\mathcal{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathcal{R})$ con la negación de Zadeh $x' = 1-x$.

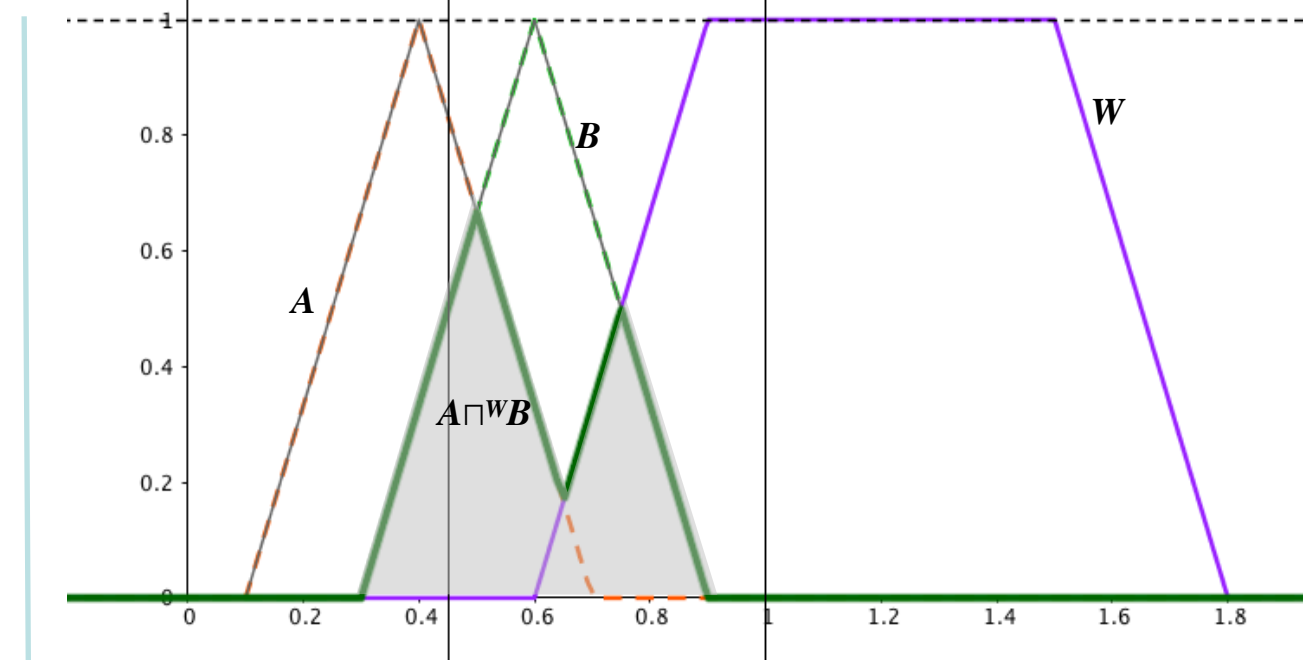
Sea W un subconjunto borroso del retículo: $([0,1]^{\mathcal{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathcal{R})$ y sea $([0,1]^{\mathcal{R}}, \sqsubseteq^W, \sqcap^W, \sqcup^W)$ el inf-semirretículo acotado asociado al orden de actividad \sqsubseteq^W desde la perspectiva de W , en el que \sqcap^W representa el operador ínfimo.

Por ejemplo, si A, B y W son los correspondientes números triangulares o trapezoidales que aparecen en las figuras,

Ilustración de la W -inclusión $A \sqsubseteq^W B$:



y de la W -intersección $A \sqcap^W B$:



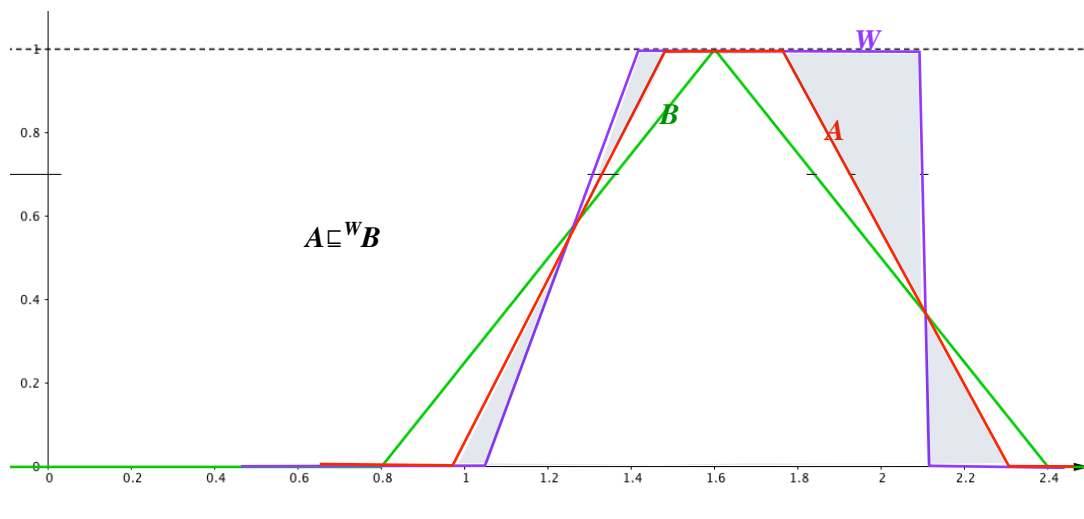
Si W es un "crisp set", entonces el inf-semirretículo asociado al orden \sqsubseteq^W es un retículo isomorfo al inicial en el que la aplicación $'$ también es negación fuerte: $([0,1]^{\mathcal{R}}, \sqsubseteq^W, \sqcap^W, \sqcup^W, ', W, W^c)$.

Retículo distributivo de los subconjuntos borrosos de la recta completa $\mathbb{R} = [-\infty, +\infty]$: $([0,1]^{\mathbb{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{R})$ con la negación de Zadeh $x' = 1-x$.

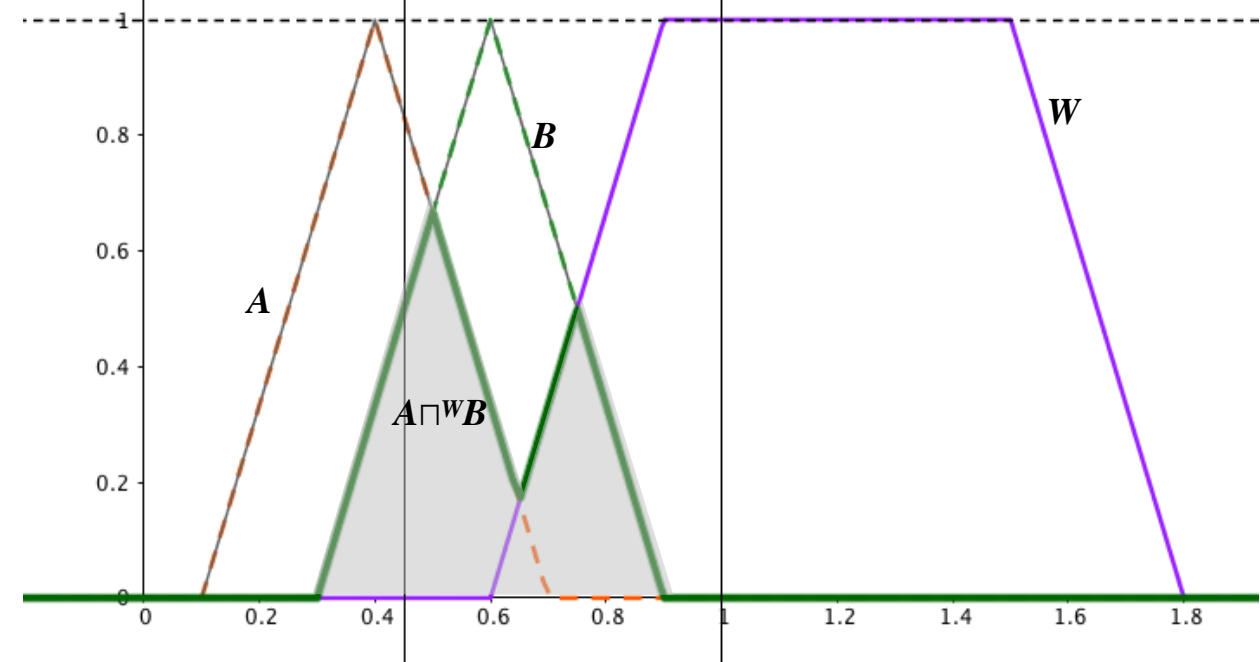
Sea W un subconjunto borroso del retículo: $([0,1]^{\mathbb{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{R})$ y sea $([0,1]^{\mathbb{R}}, \sqsubseteq^W, \sqcap^W, \sqcup^W)$ el inf-semirretículo acotado asociado al orden de actividad \sqsubseteq^W desde la perspectiva de W , en el que \sqcap^W representa el operador ínfimo.

Por ejemplo, si A, B y W son los correspondientes números triangulares o trapezoidales que aparecen en las figuras,

Ilustración de la W -inclusión $A \sqsubseteq^W B$:

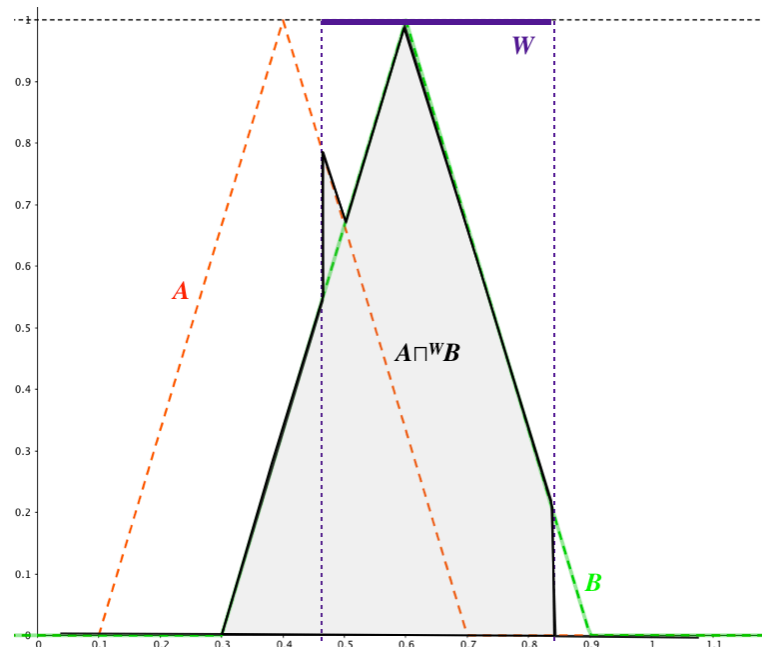


y de la W -intersección $A \sqcap^W B$:



Si W es un "crisp set", entonces el inf-semirretículo asociado al orden \sqsubseteq^W es un retículo isomorfo al inicial en el que la aplicación $'$ también es negación fuerte: $([0,1]^{\mathbb{R}}, \sqsubseteq^W, \sqcap^W, \sqcup^W, ', W, W^c)$.

W crisp set, la W -intersección $A \sqcap^W B$:

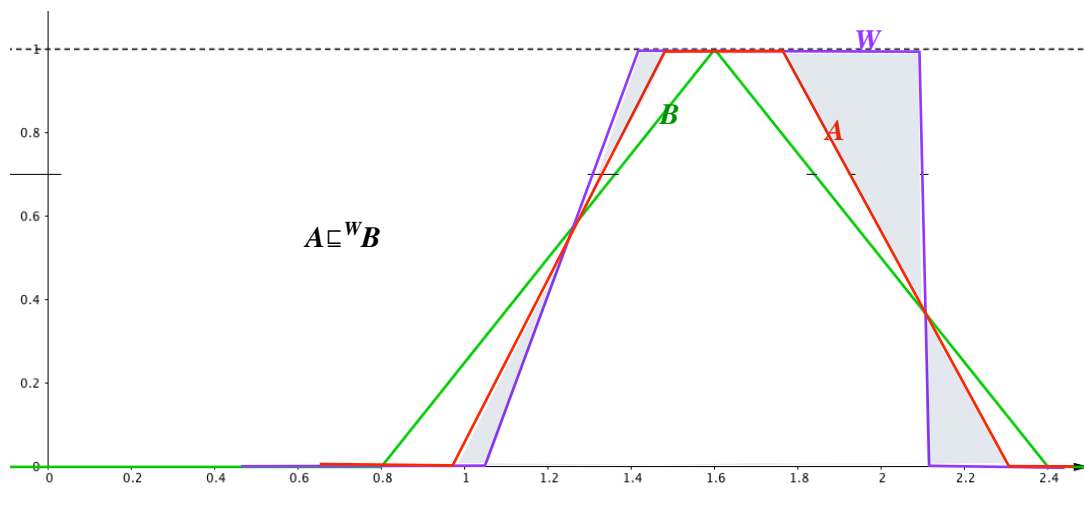


Retículo distributivo de los subconjuntos borrosos de la recta completa $\mathbb{R} = [-\infty, +\infty]$: $([0,1]^{\mathbb{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{R})$ con la negación de Zadeh $x' = 1-x$.

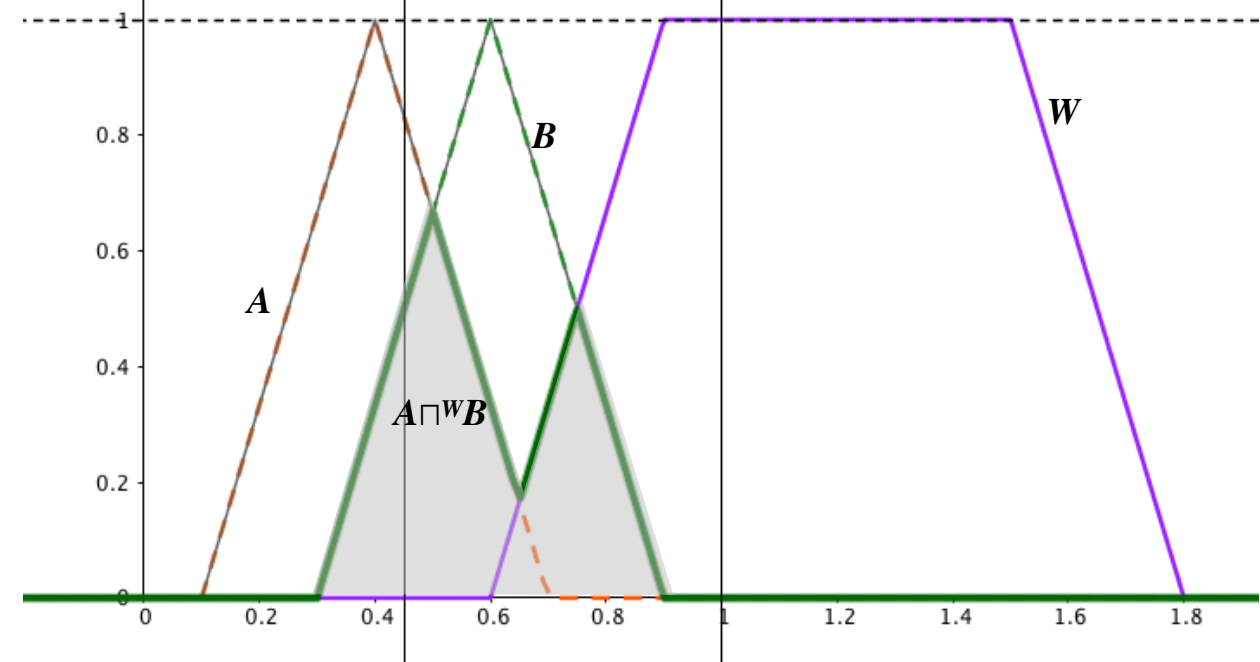
Sea W un subconjunto borroso del retículo: $([0,1]^{\mathbb{R}}, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{R})$ y sea $([0,1]^{\mathbb{R}}, \sqsubseteq^W, \sqcap^W, \sqcup^W)$ el inf-semirretículo acotado asociado al orden de actividad \sqsubseteq^W desde la perspectiva de W , en el que \sqcap^W representa el operador ínfimo.

Por ejemplo, si A, B y W son los correspondientes números triangulares o trapezoidales que aparecen en las figuras,

Ilustración de la W -inclusión $A \sqsubseteq^W B$:

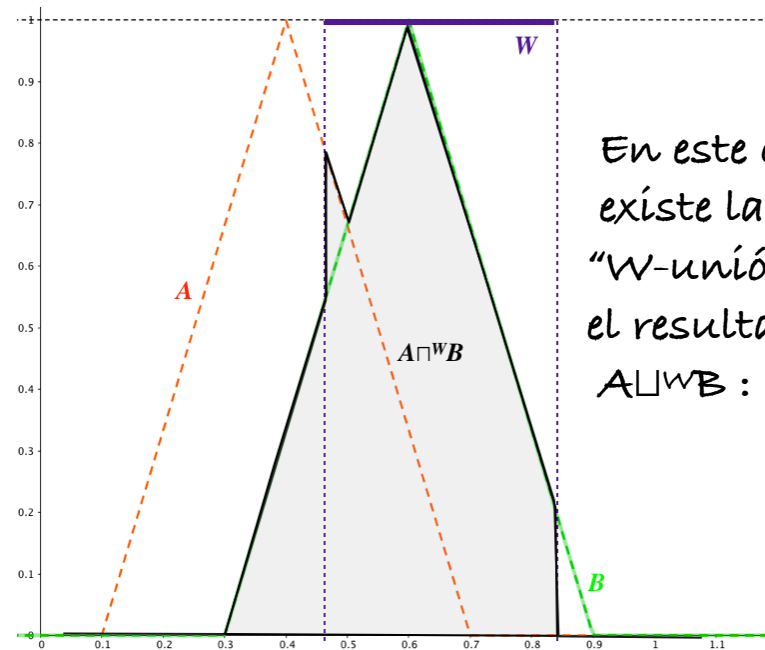


y de la W -intersección $A \sqcap^W B$:

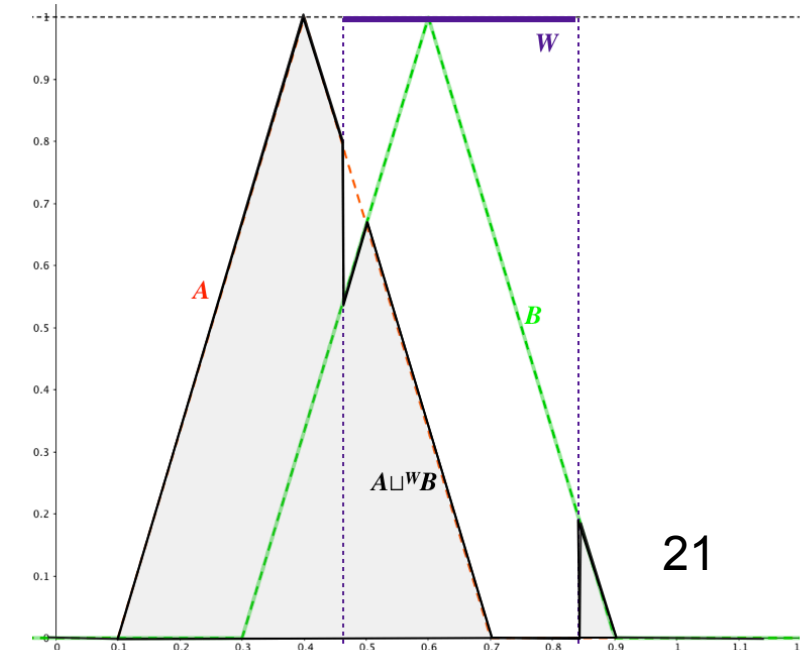


Si W es un "crisp set", entonces el inf-semirretículo asociado al orden \sqsubseteq^W es un retículo isomorfo al inicial en el que la aplicación $'$ también es negación fuerte: $([0,1]^{\mathbb{R}}, \sqsubseteq^W, \sqcap^W, \sqcup^W, ', W, W^c)$.

W crisp set, la W -intersección $A \sqcap^W B$:



En este caso, existe la " W -unión" y el resultado de $A \sqcup^W B$:



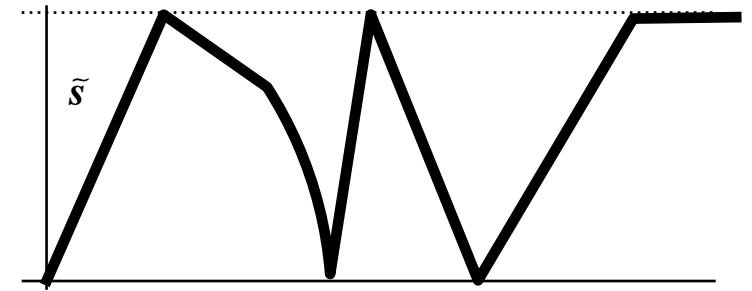
El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \varepsilon)$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

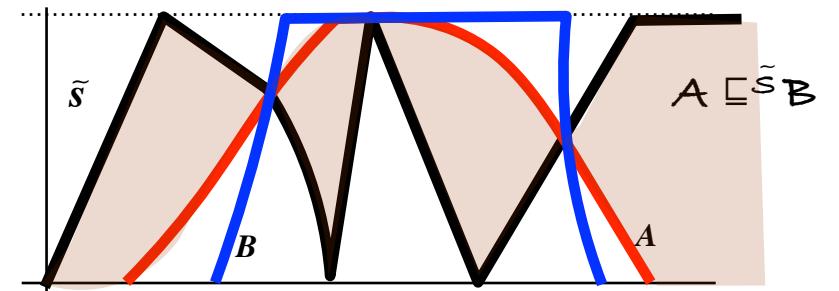
Para $L = [0, 1]$, el orden desde la perspectiva de \bar{s}



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L = [0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L = [0, 1]$, el orden desde la perspectiva de \bar{s}

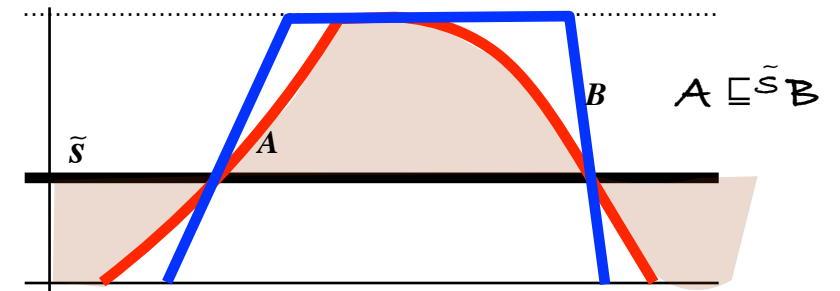
El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $L = [0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}



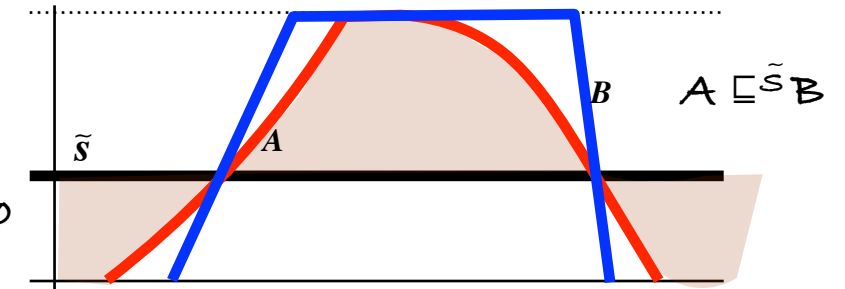
El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L = [0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

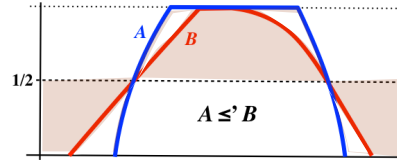
Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$



Para $s = 1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\sqsubseteq^{1/2}$:

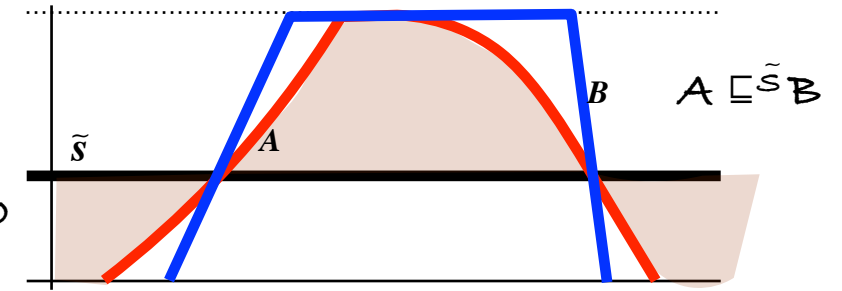
$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \sqsubseteq^{1/2} A)$$



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

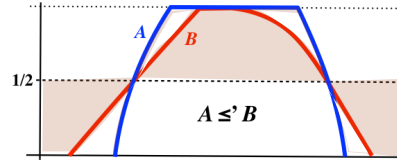


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\subseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \subseteq^{1/2} A)$$



Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set)

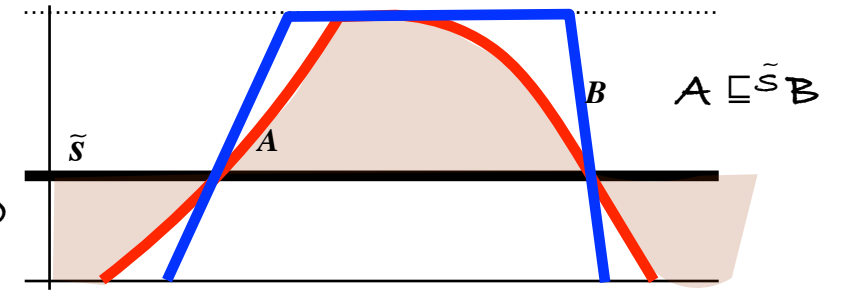
es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que

$$A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$$

El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L = [0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

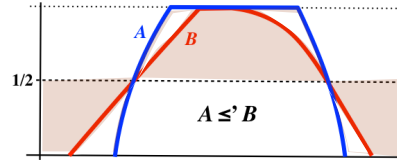


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s = 1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\subseteq^{1/2}$:

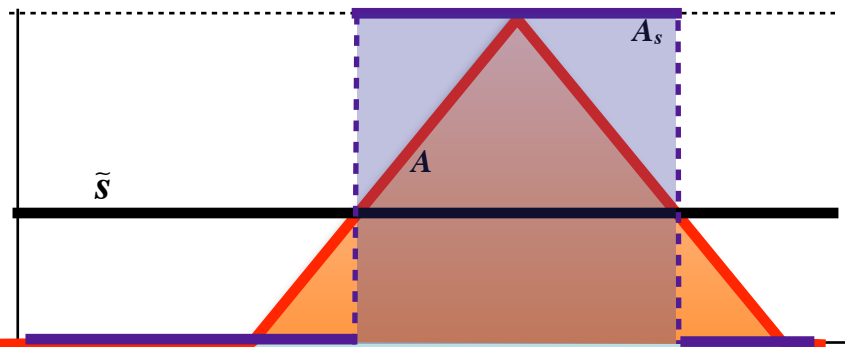
$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \subseteq^{1/2} A)$$



Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que

$$A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$$

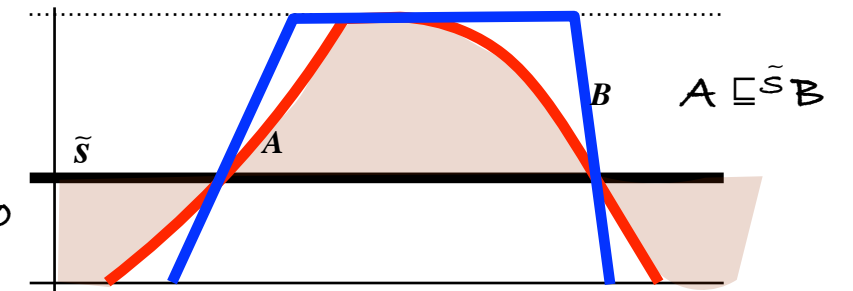
Si L es cadena, se verifica $A \subseteq^{s\tilde{s}} A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L = [0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

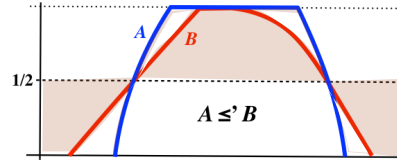


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s = 1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\subseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \subseteq^{1/2} A)$$

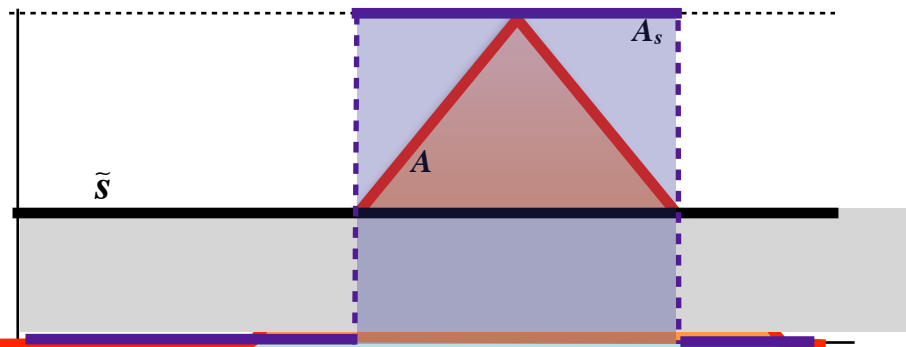


Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set)

es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que

$$A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$$

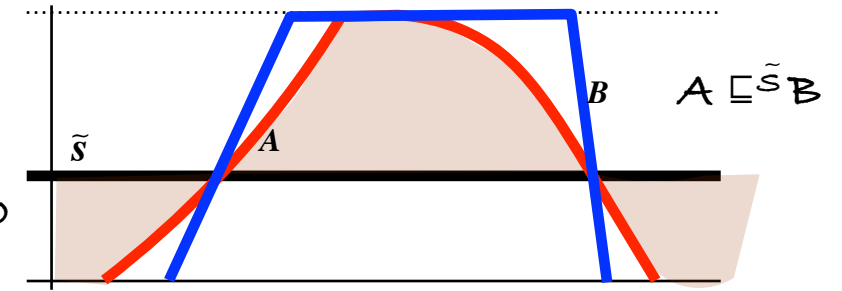
Si L es cadena, se verifica $A \subseteq^{s} A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L = [0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

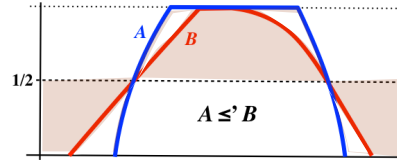


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s = 1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\subseteq^{1/2}$:

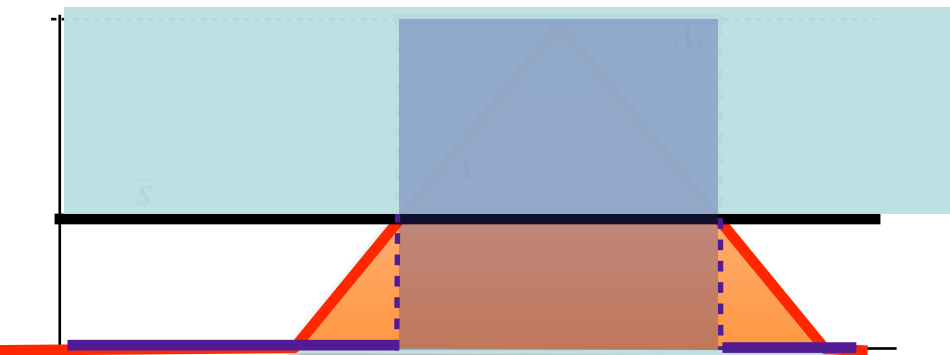
$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \subseteq^{1/2} A)$$



Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que

$$A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$$

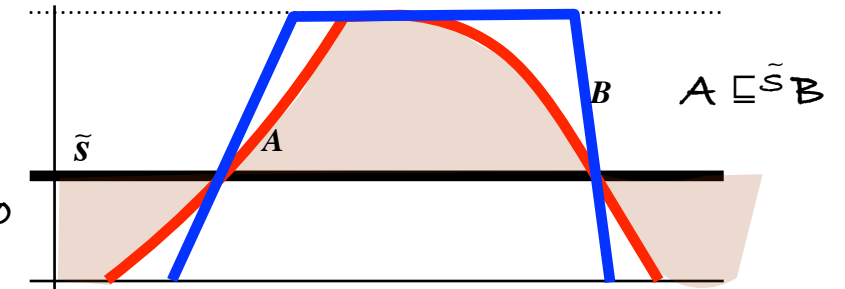
Si L es cadena, se verifica $A \subseteq^s A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

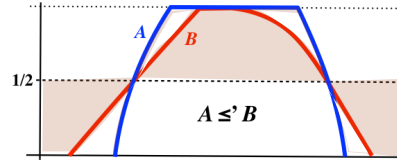


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\subseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \subseteq^{1/2} A)$$



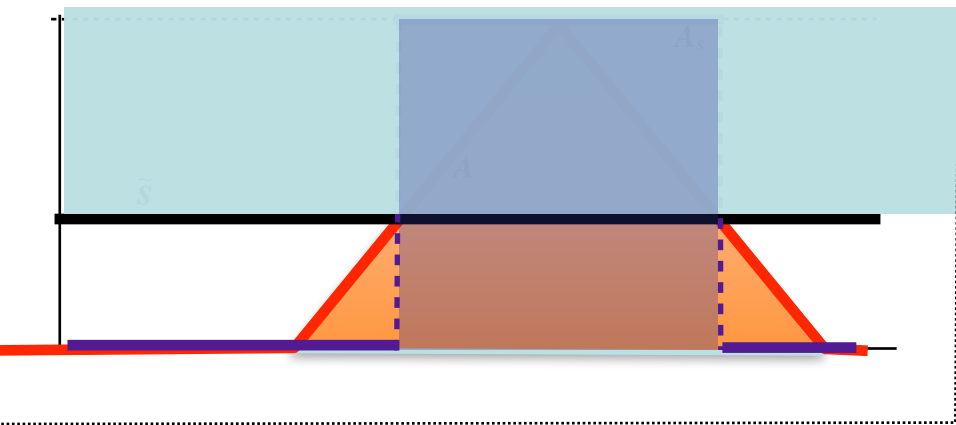
Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que

$$A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$$

Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

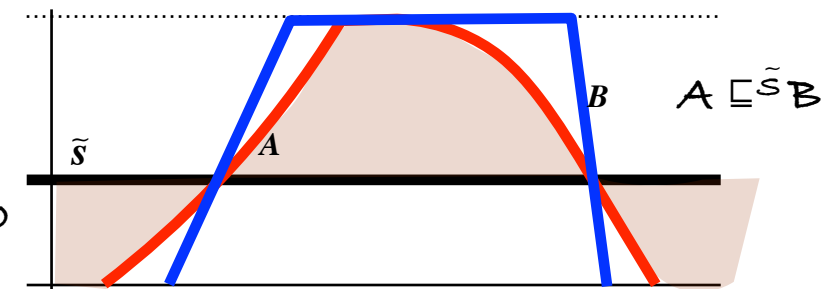
Si L es cadena, se verifica $A \subseteq^s \tilde{A}_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

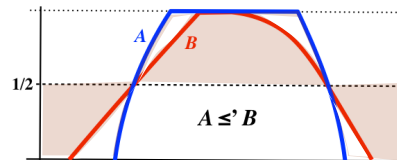


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\subseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \subseteq^{1/2} A)$$



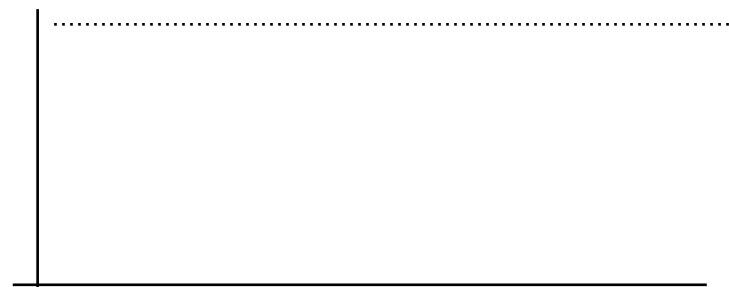
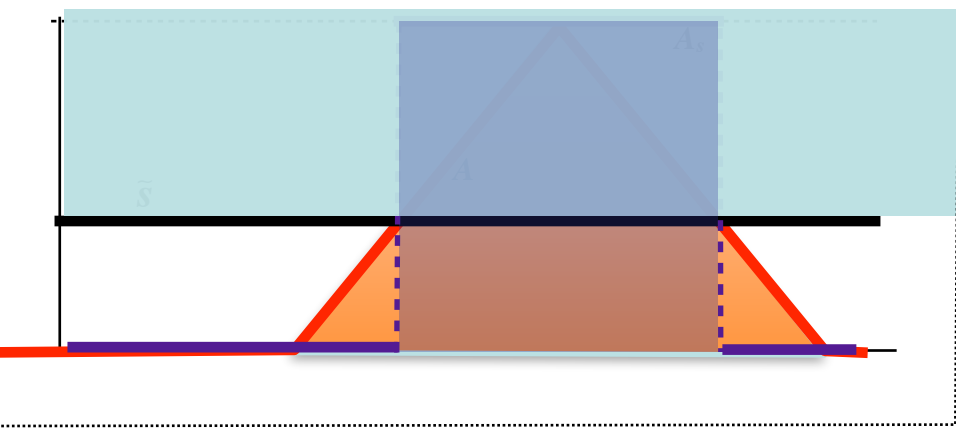
Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que

$$A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$$

Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

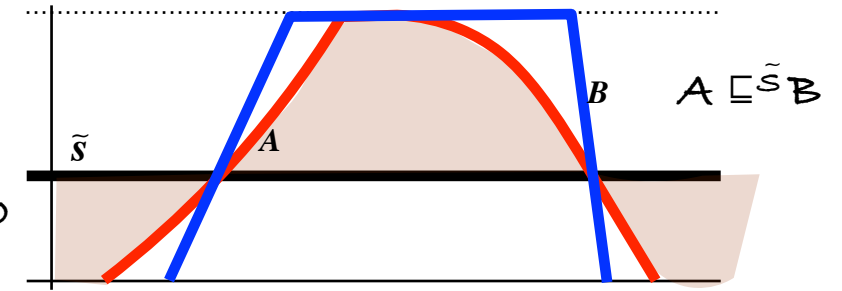
Si L es cadena, se verifica $A \subseteq^s \tilde{A}_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

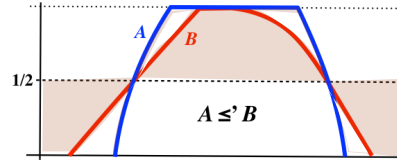


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\sqsubseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \sqsubseteq^{1/2} A)$$



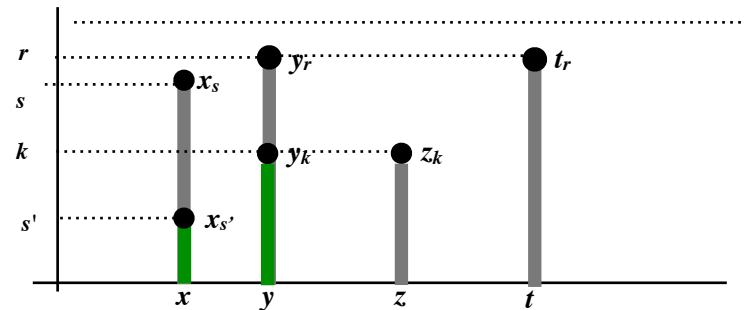
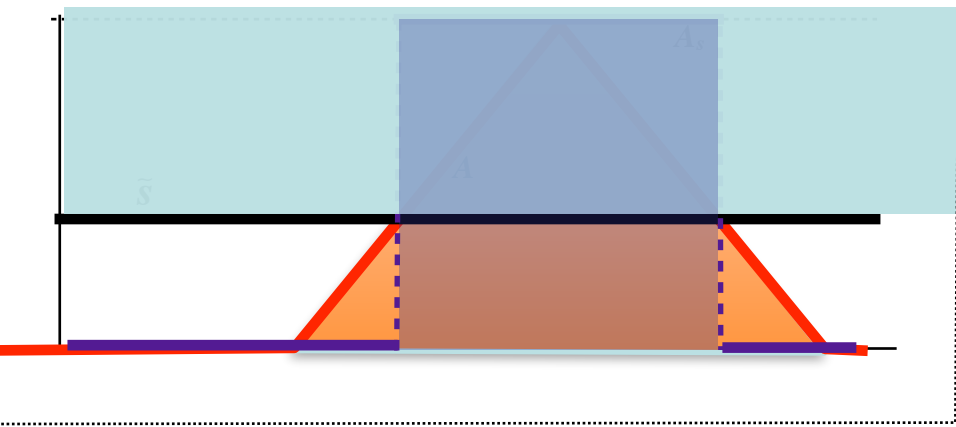
Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que

$$A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$$

Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

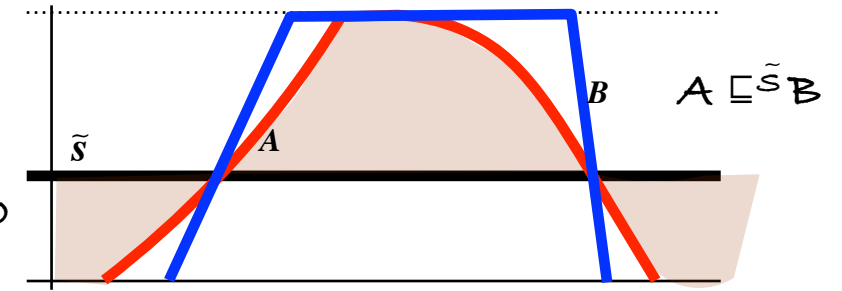
Si L es cadena, se verifica $A \sqsubseteq^s A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

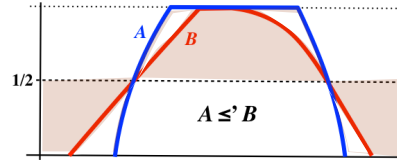


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\sqsubseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \sqsubseteq^{1/2} A)$$

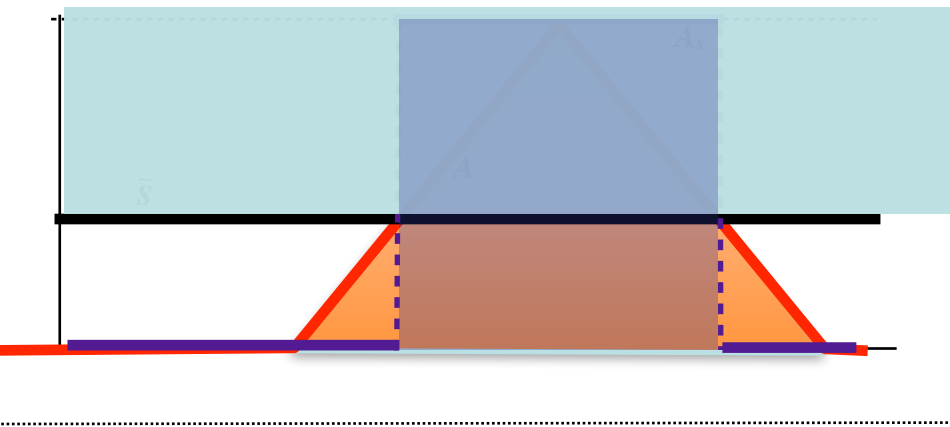


Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que $A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$

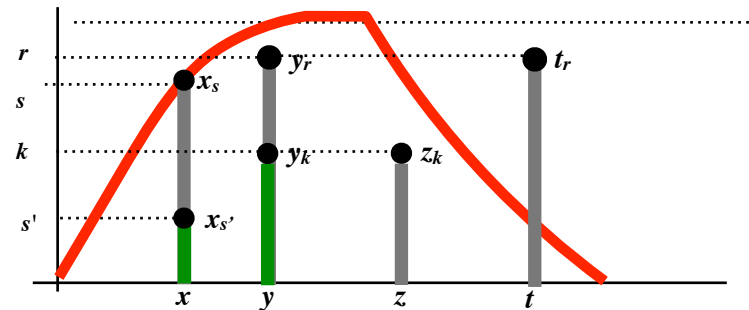
Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Si L es cadena, se verifica $A \sqsubseteq^s A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$



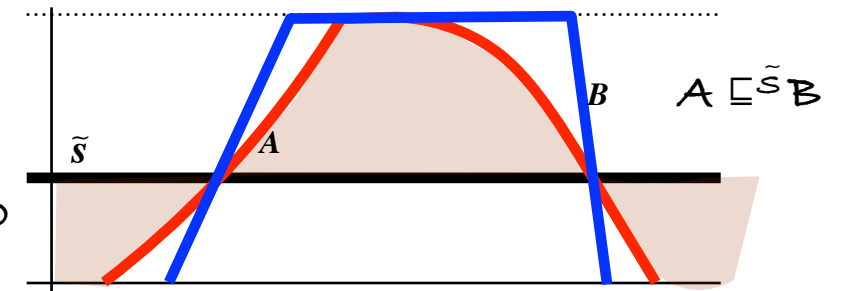
$A \in [0,1]^E$:



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

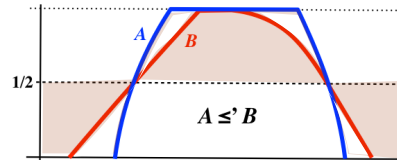


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\sqsubseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \sqsubseteq^{1/2} A)$$



Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que

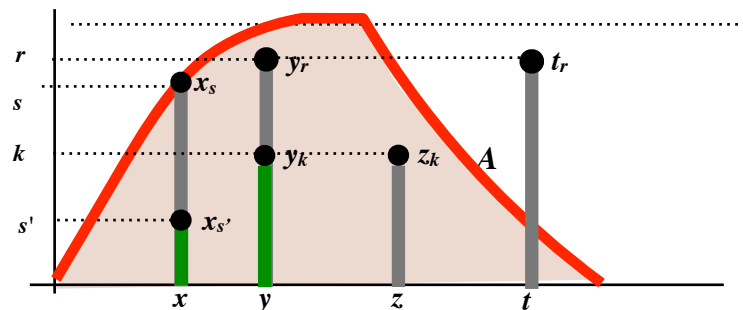
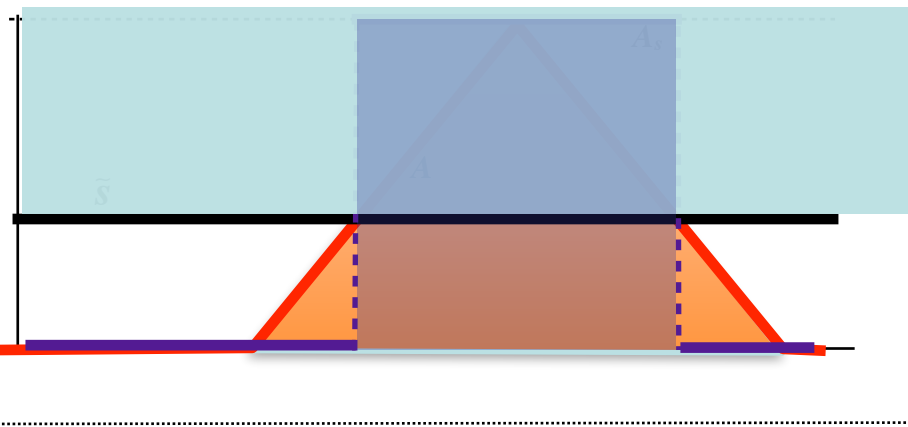
$$A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$$

Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Si L es cadena, se verifica $A \sqsubseteq^s A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$

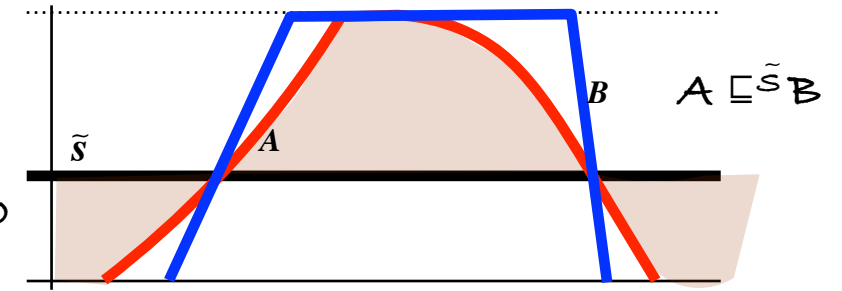
$$A \in [0,1]^E: \tilde{x}_p \tilde{\in} A \Leftrightarrow p < A(x), \quad A = \sum_{x_p \in A} \tilde{x}_p, \quad (\text{con } (\sum_{p \in K} B_p)(x) = \sup\{B_p(x) / p \in K\})$$



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

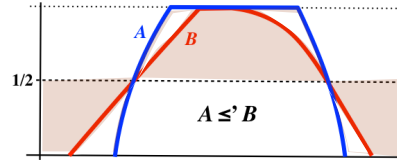


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\sqsubseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \sqsubseteq^{1/2} A)$$



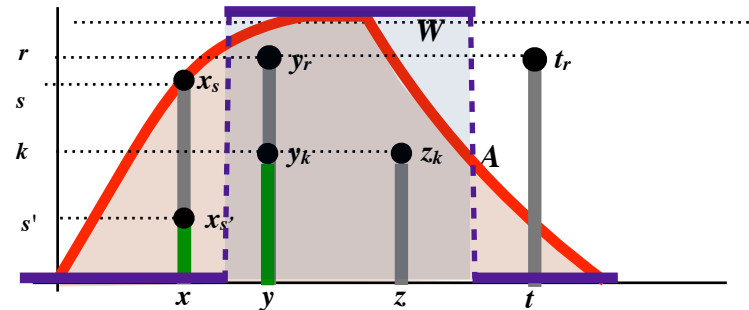
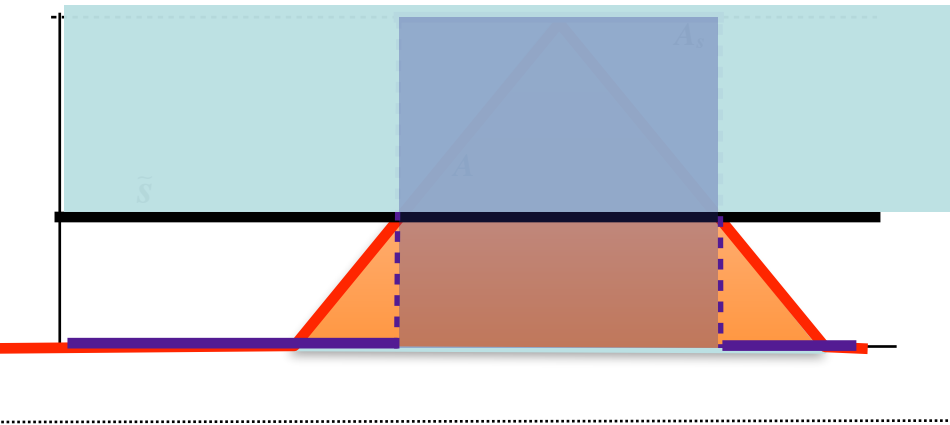
Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que $A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$

Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Si L es cadena, se verifica $A \sqsubseteq^s A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$

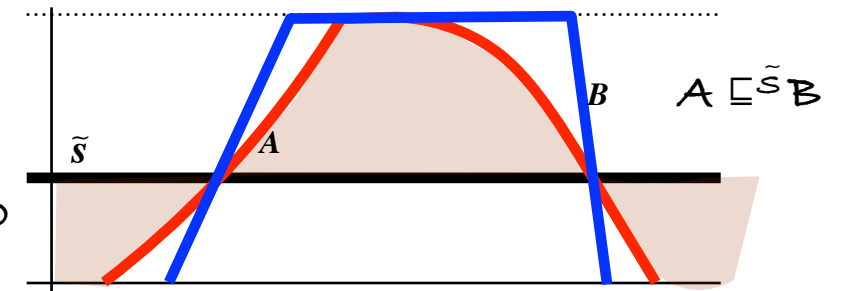
$$A \in [0,1]^E: \tilde{x}_p \tilde{\in} A \Leftrightarrow p < A(x), \quad A = \sum_{x_p \in A} \tilde{x}_p, \quad (\text{con } (\sum_{p \in K} B_p)(x) = \sup\{B_p(x) / p \in K\})$$



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

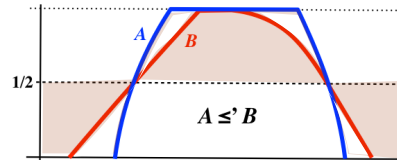


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\sqsubseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \sqsubseteq^{1/2} A)$$



Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que

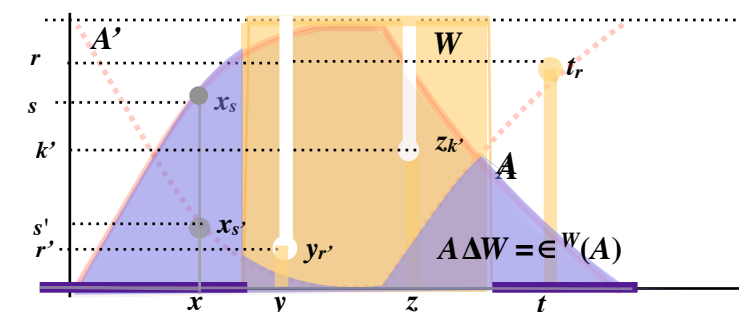
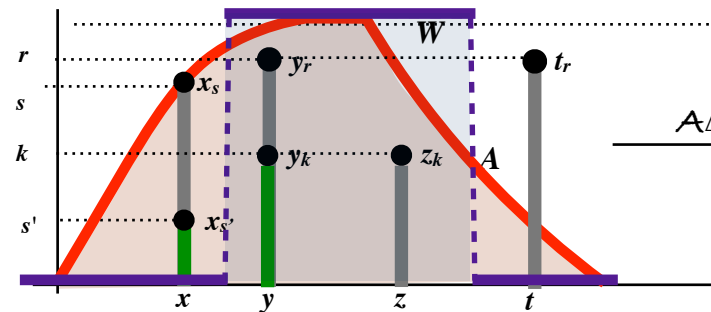
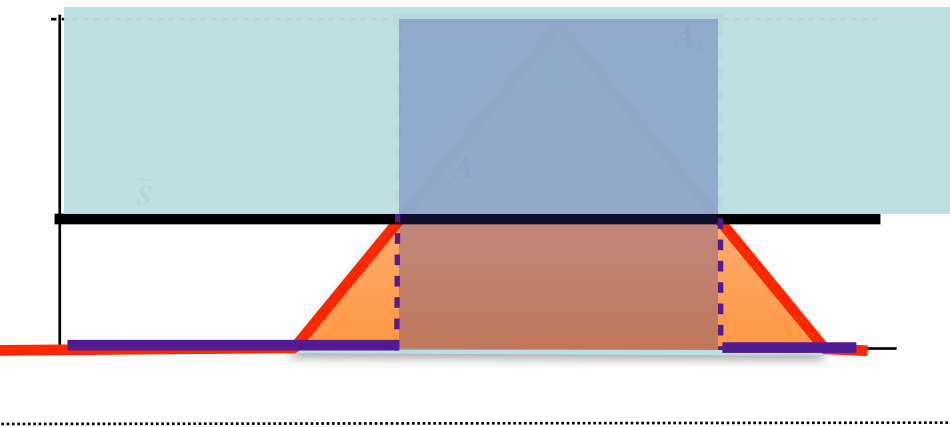
$$A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$$

Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Si L es cadena, se verifica $A \sqsubseteq^s A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$

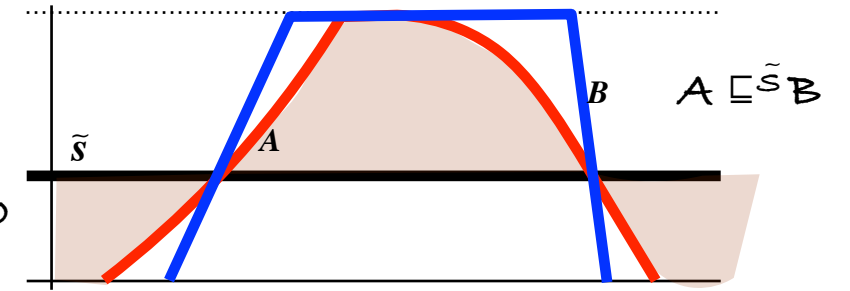
$$A \in [0,1]^E: \tilde{x}_p \in A \Leftrightarrow p < A(x), \quad A = \sum_{x_p \in A} \tilde{x}_p, \quad (\text{con } (\sum_{p \in K} B_p)(x) = \sup\{B_p(x) / p \in K\})$$



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

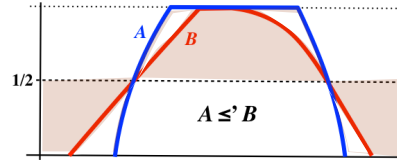


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\sqsubseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \sqsubseteq^{1/2} A)$$



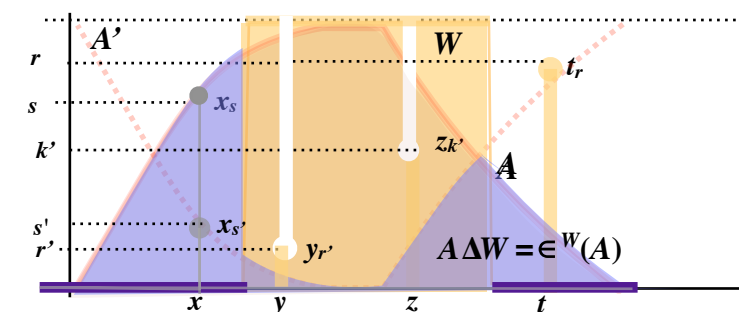
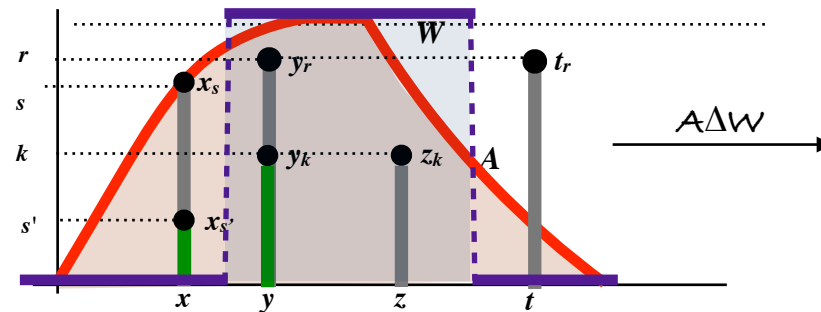
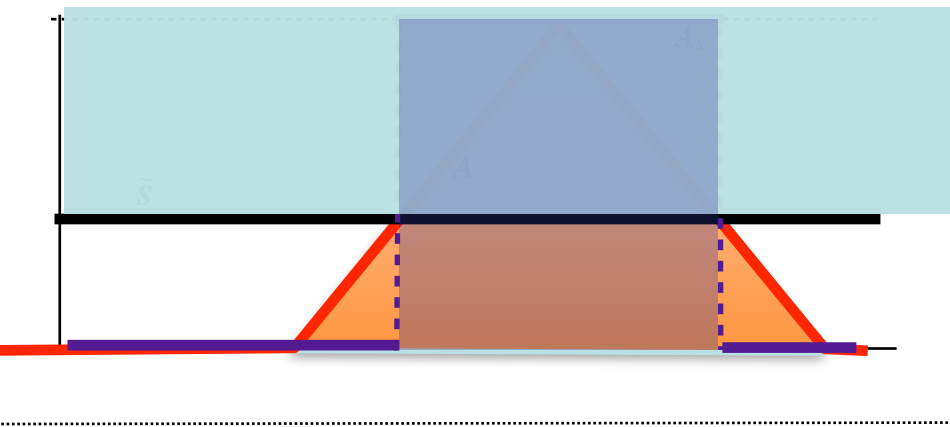
Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que $A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$

Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Si L es cadena, se verifica $A \sqsubseteq^s A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$

$$A \in [0,1]^E: \tilde{x}_p \in A \Leftrightarrow p < A(x), \quad A = \sum_{x_p \in A} \tilde{x}_p, \quad (\text{con } (\sum_{p \in K} B_p)(x) = \sup\{B_p(x) / p \in K\})$$

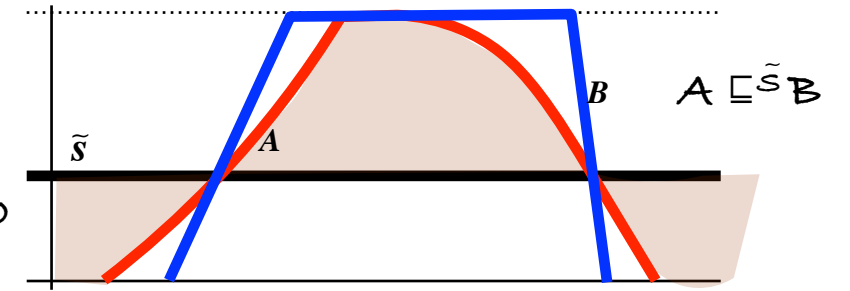


$L = \{0, a, b, \dots, 1\}$ cadena finita y $A \in L^E$:

El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

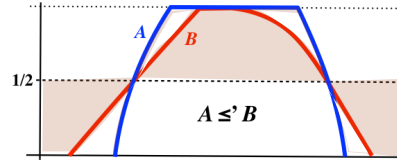


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\sqsubseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \sqsubseteq^{1/2} A)$$



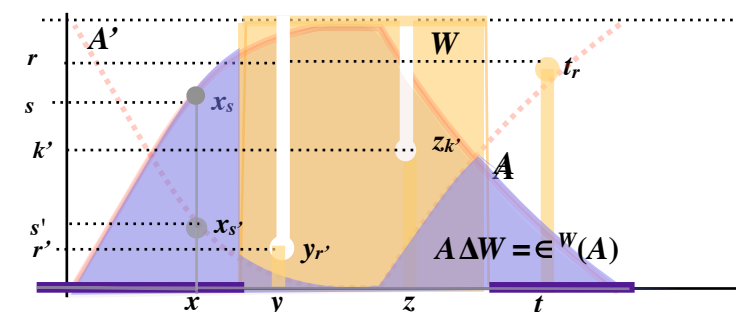
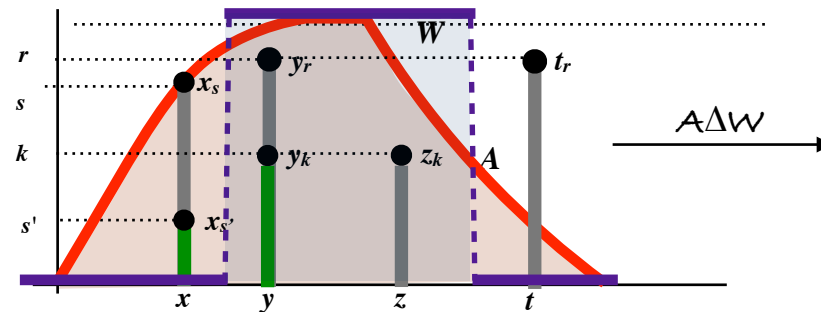
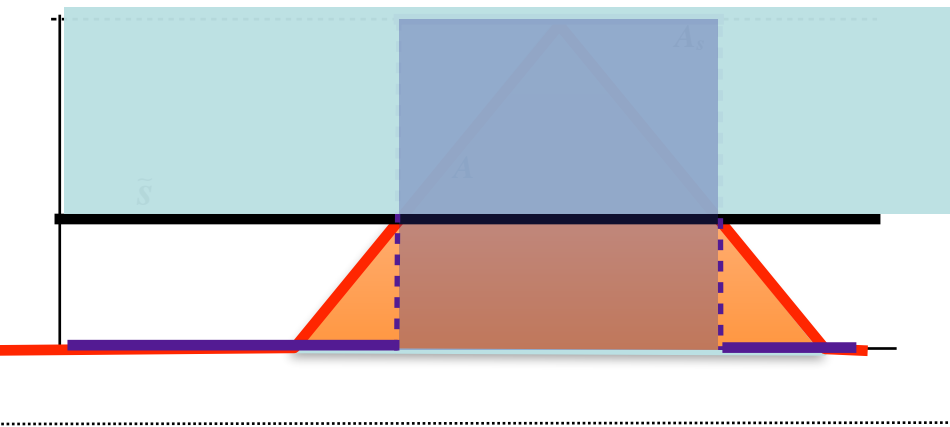
Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que $A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$

Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

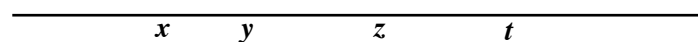
$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Si L es cadena, se verifica $A \sqsubseteq^s A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$

$$A \in [0,1]^E: \tilde{x}_p \in A \Leftrightarrow p < A(x), \quad A = \sum_{x_p \in A} \tilde{x}_p, \quad (\text{con } (\sum_{p \in K} B_p)(x) = \sup\{B_p(x) / p \in K\})$$



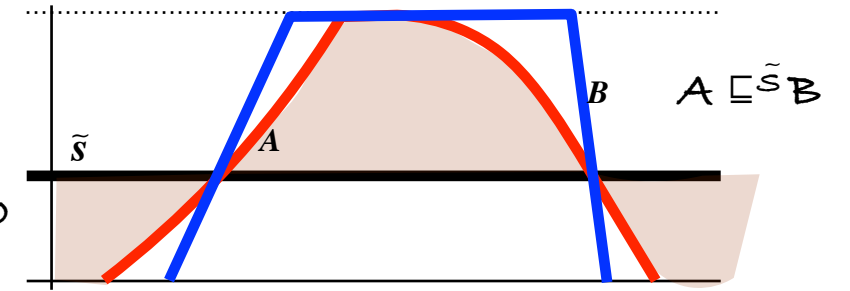
$L = \{0, a, b, \dots, 1\}$ cadena finita y $A \in L^E$:



El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \varepsilon)$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

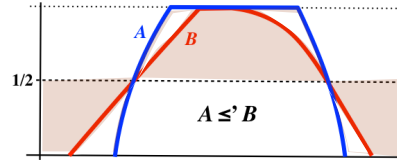


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\sqsubseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \sqsubseteq^{1/2} A)$$



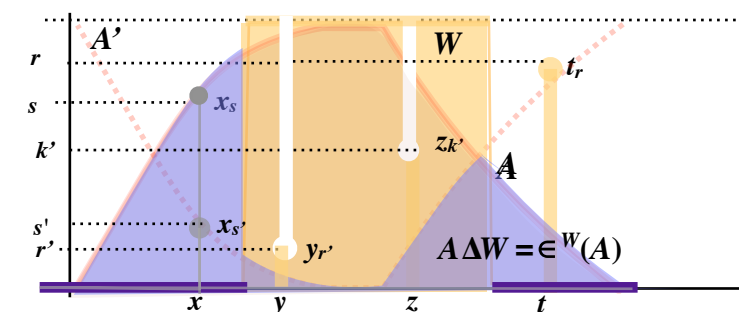
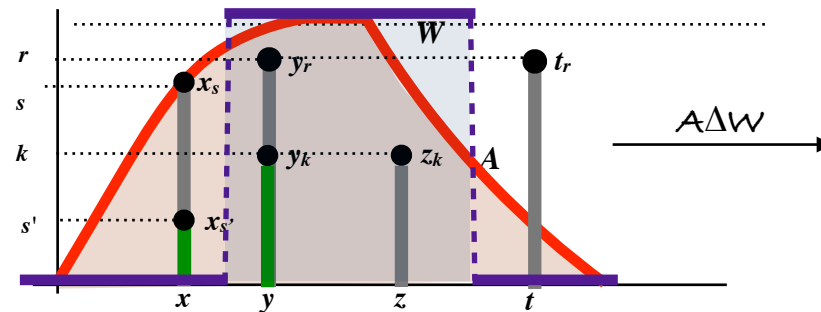
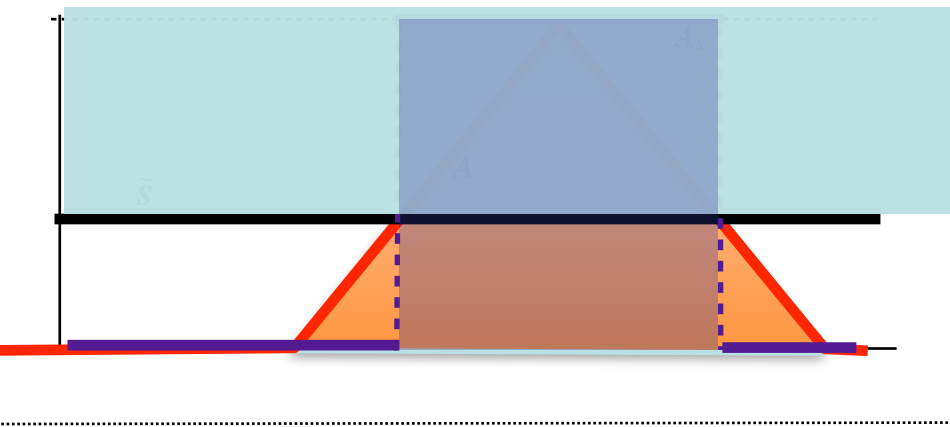
Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que $A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$

Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Si L es cadena, se verifica $A \sqsubseteq^s A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$

$$A \in [0,1]^E: \tilde{x}_p \in A \Leftrightarrow p < A(x), \quad A = \sum_{x_p \in A} \tilde{x}_p, \quad (\text{con } (\sum_{p \in K} B_p)(x) = \sup\{B_p(x) / p \in K\})$$



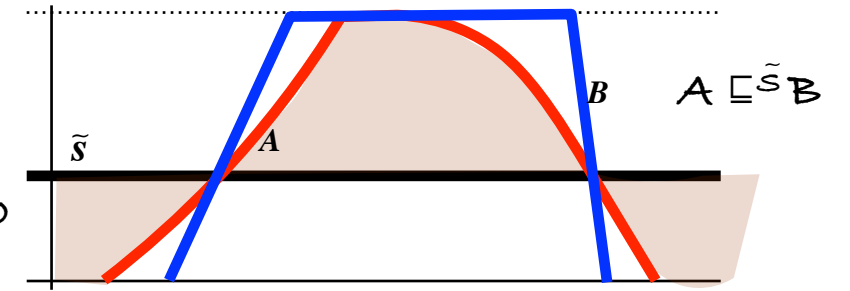
$$L = \{0, a, b, \dots, 1\} \text{ cadena finita y } A \in L^E: \tilde{x}_p \in A \Leftrightarrow p \leq A(x), \quad A = \sum_{x_p \in A} \tilde{x}_p$$

x y z t

El orden de actividad y algunos elementos distinguidos de la teoría de subconjuntos L-borrosos:

Sea (L, \leq) una cadena completa y $(L^E, \leq, \cdot, +, ', \emptyset, \mathbb{E})$ el retículo de subconjuntos L-borrosos de E .

Para $L=[0,1]$, el orden desde la perspectiva de \tilde{s}

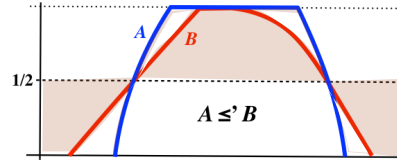


Dado $s \in L$, consideramos el subconjunto L-borroso constante $\tilde{s} \in L^E$ tal que:

$$\tilde{s}(x) = s \quad \forall x \in E$$

Para $s=1/2$, se recupera el orden de afinamiento (sharpened order) \leq' en $[0,1]^E$ como el orden dual del orden $\sqsubseteq^{1/2}$:

$$(A \leq' B) \Leftrightarrow (B \sqsubseteq^{1/2} A)$$



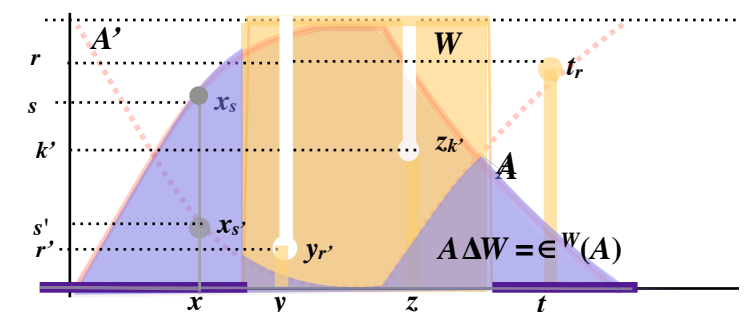
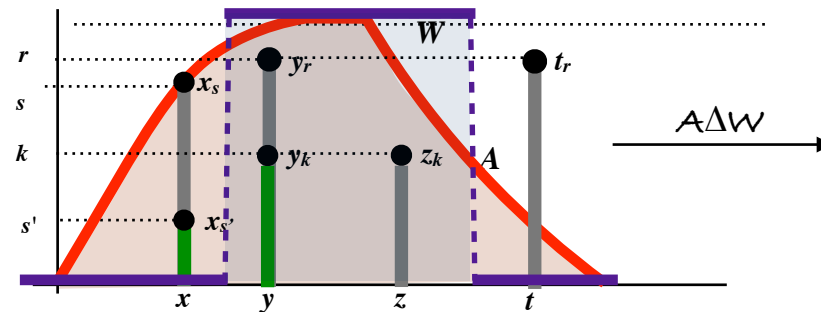
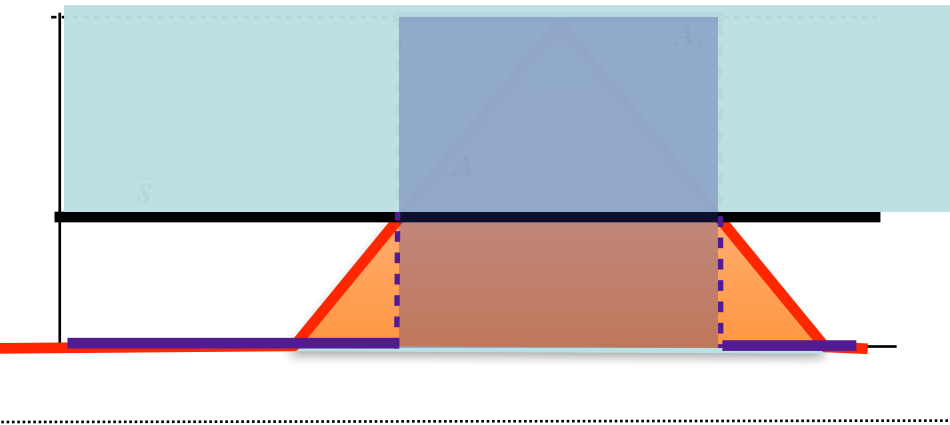
Dado $A \in L^E$ y $s \in L$, el subconjunto de nivel A_s (level set) es el subconjunto ordinario de E (crisp set) tal que $A_s = \{x \in E / A(x) \geq s\}$

Dados $s \in L$ tal que $s > 0$ y $x \in E$, consideramos el punto L-borroso $\tilde{x}_s \in L^E$ (L-fuzzy point) tal que:

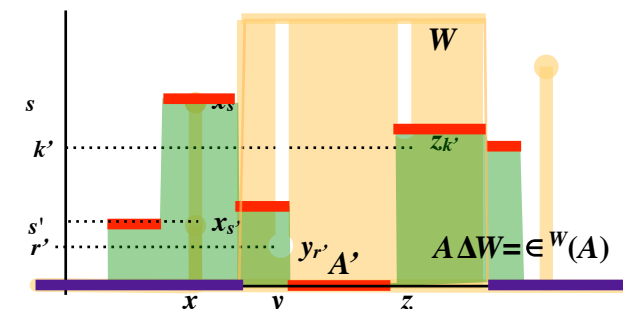
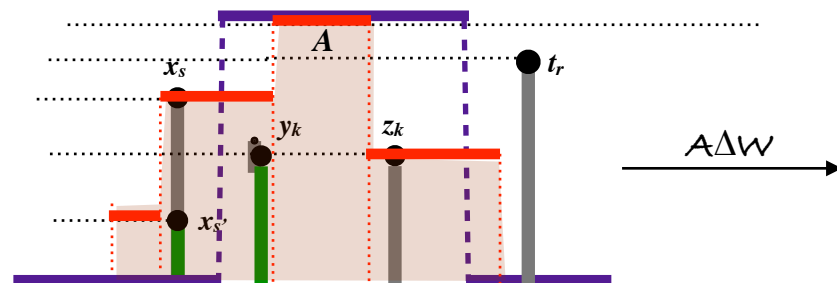
$$\tilde{x}_s(y) = \begin{cases} s & \text{si } y = x \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Si L es cadena, se verifica $A \sqsubseteq^s A_s \quad \forall s \in L, \forall A \in L^E$

$$A \in [0,1]^E: \tilde{x}_p \in A \Leftrightarrow p < A(x), \quad A = \sum_{x_p \in A} \tilde{x}_p, \quad (\text{con } (\sum_{p \in K} B_p)(x) = \sup\{B_p(x) / p \in K\})$$



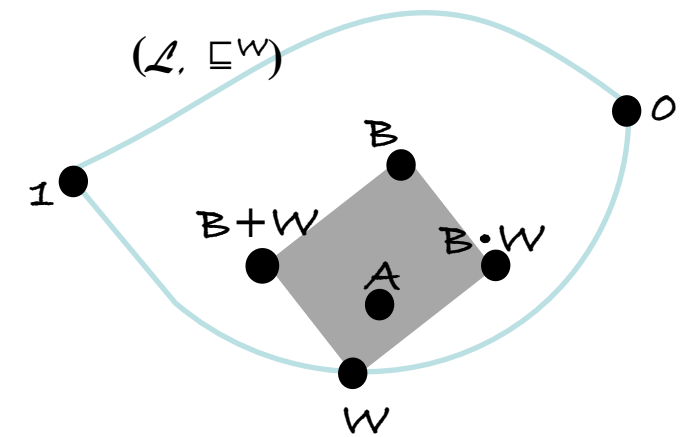
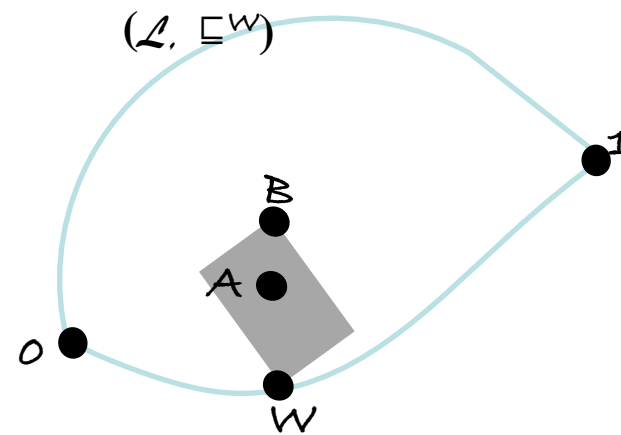
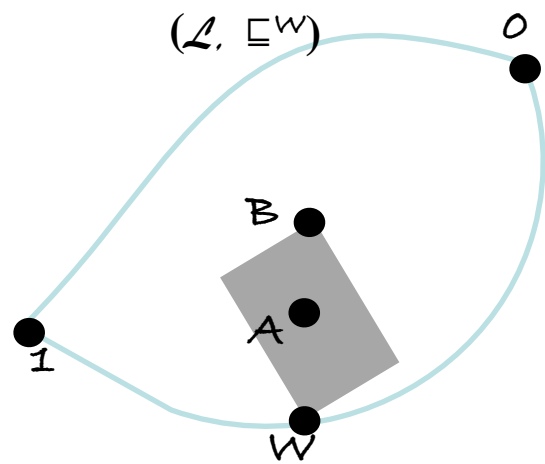
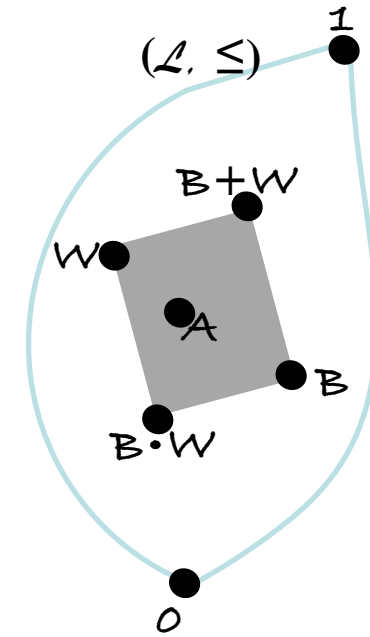
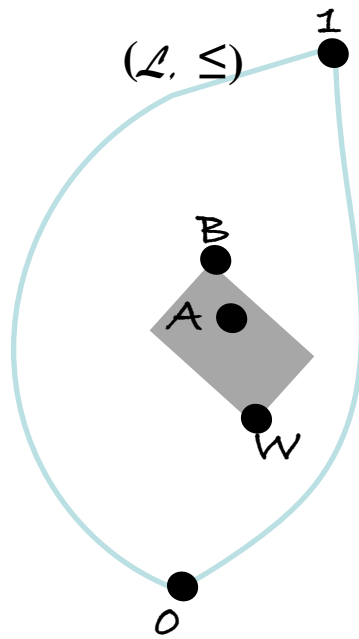
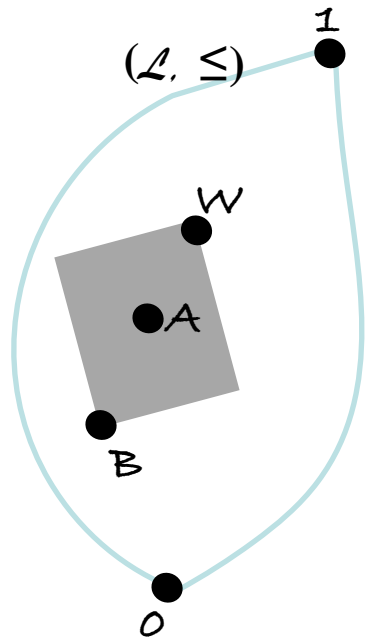
$$L = \{0, a, b, \dots, 1\} \text{ cadena finita y } A \in L^E: \tilde{x}_p \in A \Leftrightarrow p \leq A(x), \quad A = \sum_{x_p \in A} \tilde{x}_p$$



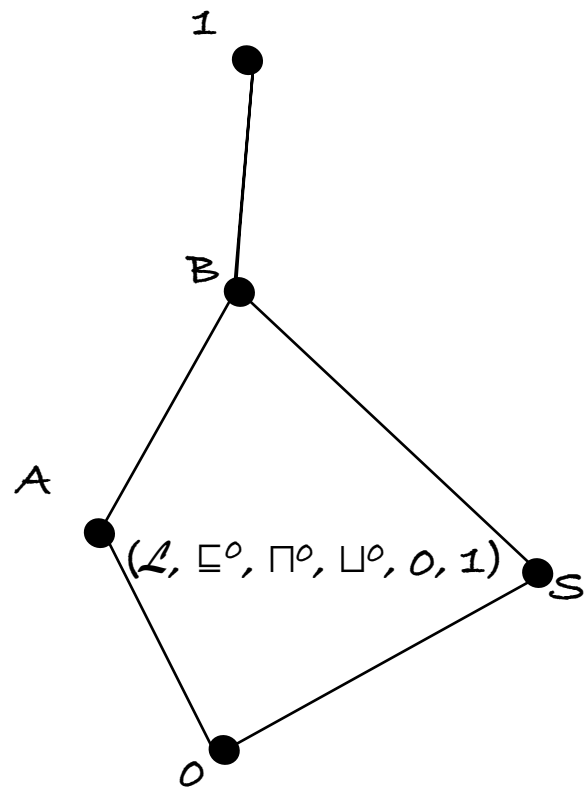
Órdenes de actividad en retículos distributivos

$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow (B \cdot W \leq A \leq B + W)$$

$$A \in [B \cdot W, B + W]$$

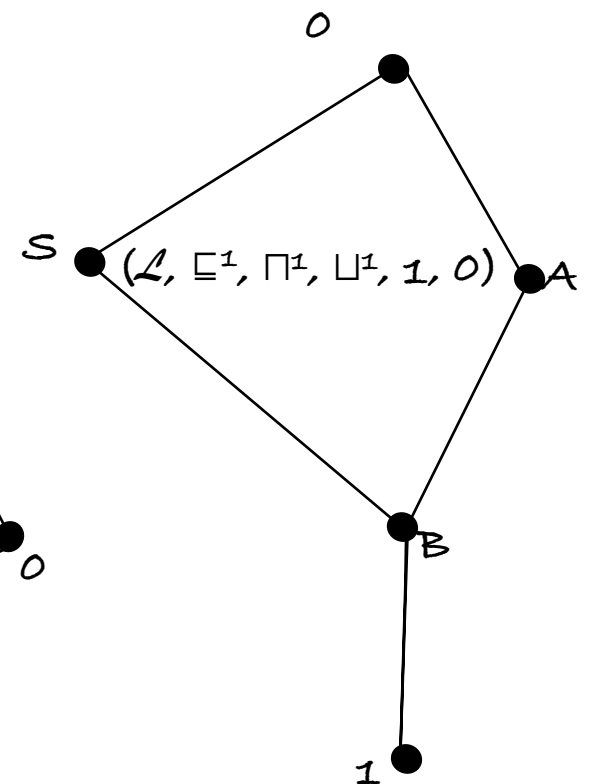
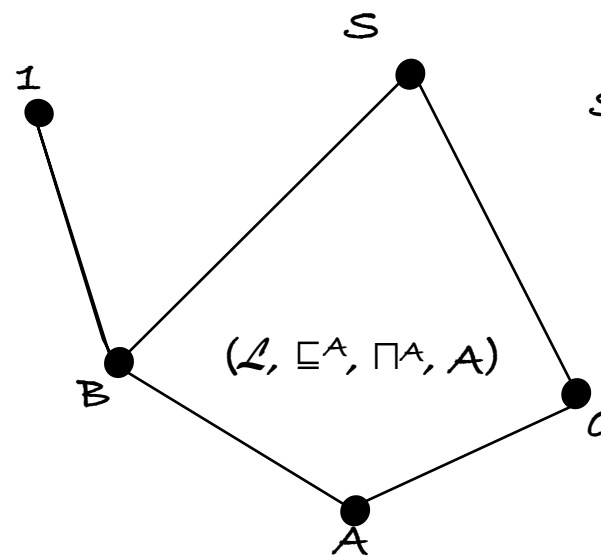
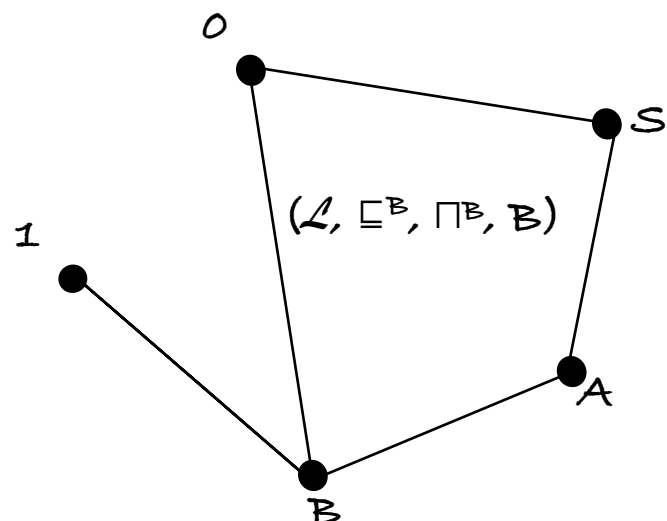
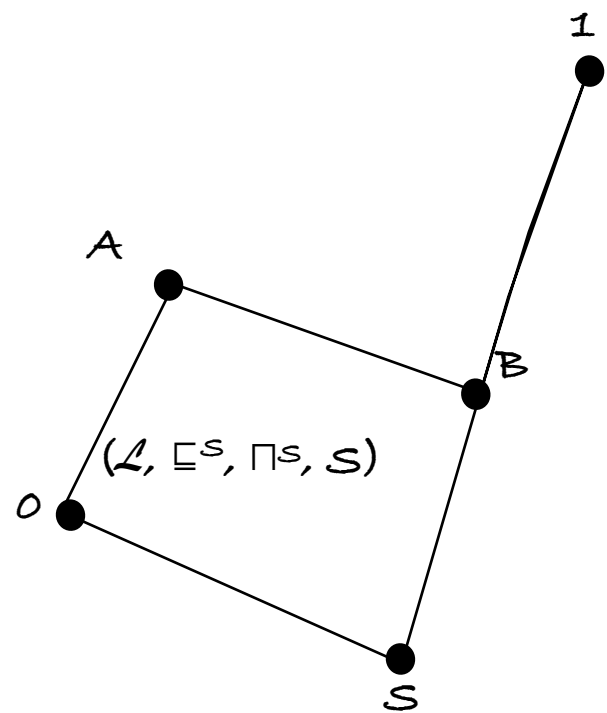


$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow (B \cdot W \leq A \leq B + W)$$

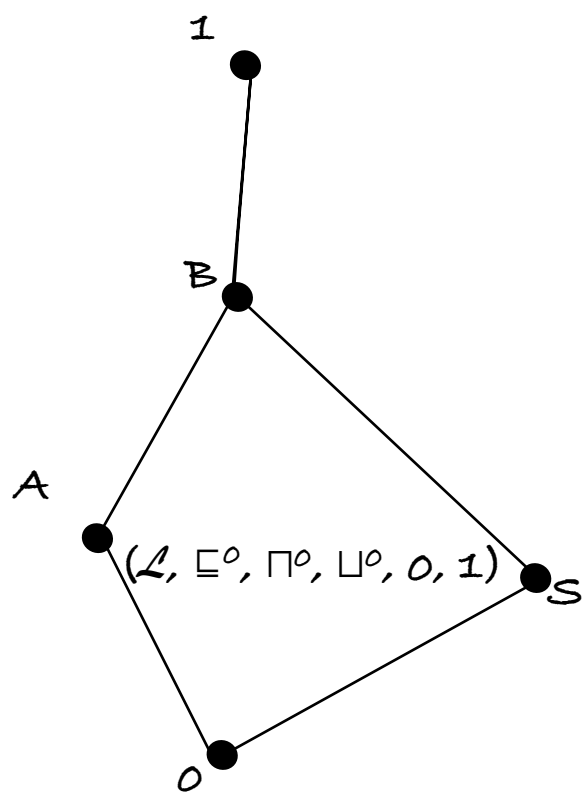


$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, 0, 1)$

Retículo acotado distributivo.



$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow (B \cdot W \leq A \leq B + W)$$



$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, 0, 1)$

Retículo acotado distributivo.

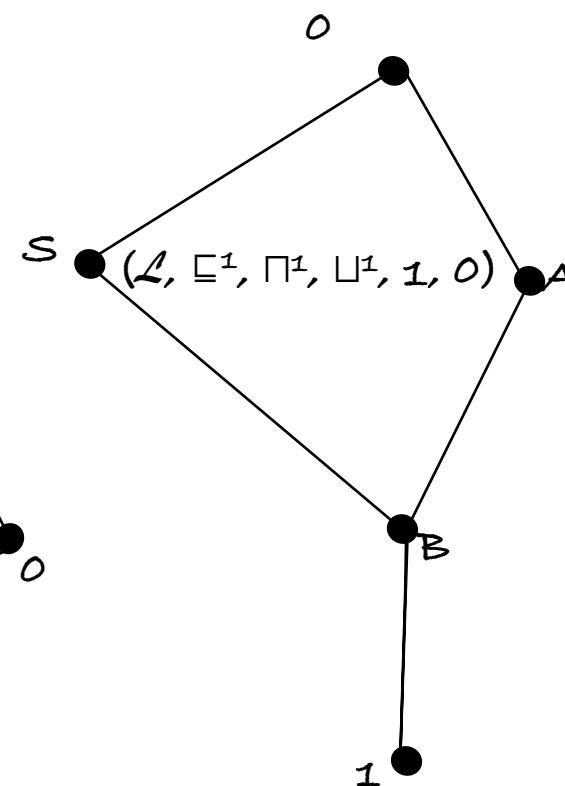
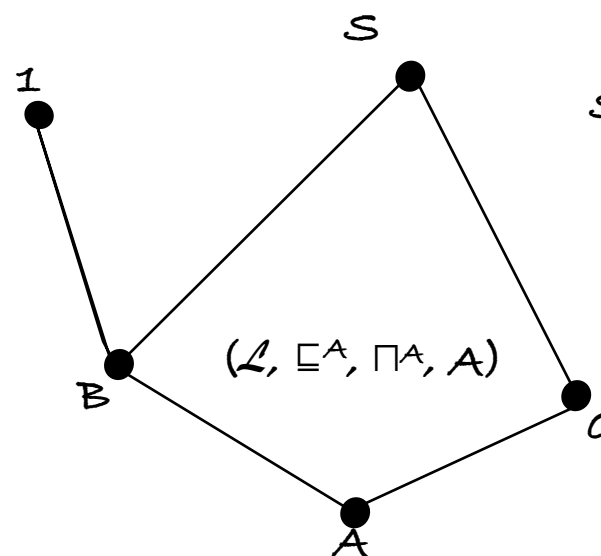
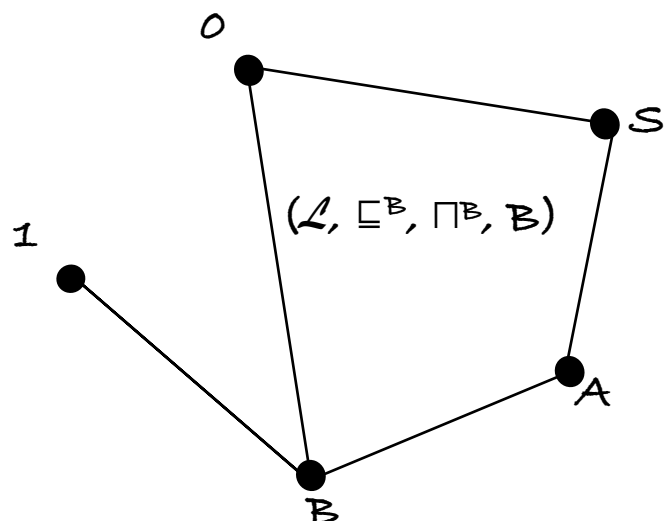
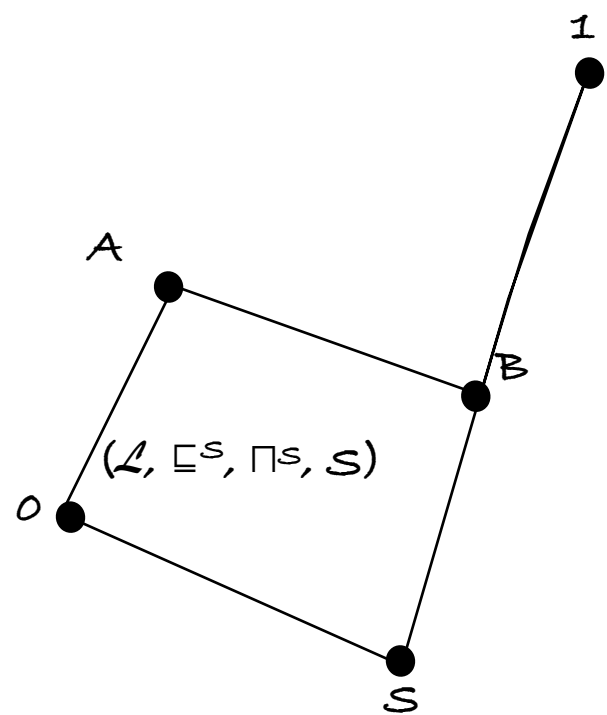
$$w \rightarrow q = \max\{x \in \mathcal{L} / w \cdot x \leq q\}$$

$$q \leftarrow w = \min\{y \in \mathcal{L} / q \leq w + y\}$$

En un retículo distributivo, si w no es complementado, los elementos $w \rightarrow q$ tales que $w \rightarrow q = q \leftarrow w$ son elementos máximos del inf-semirretículo $(\mathcal{L}, \sqsubseteq^w)$.

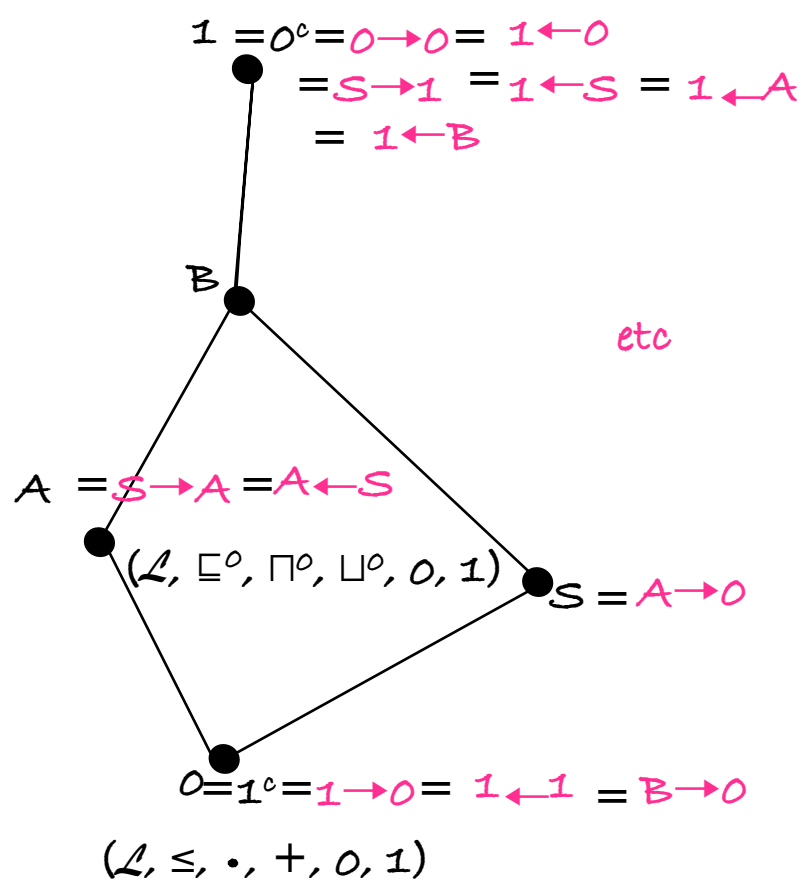
También $w \rightarrow 0$ es maximal de $(\mathcal{L}, \sqsubseteq^w)$ si se verifica $w \rightarrow 0 = 1 \leftarrow w$.

Si w es complementado con complemento w^c , entonces $w^c = w \rightarrow 0 = 1 \leftarrow w$ y es el elemento máximo del retículo $(\mathcal{L}, \sqsubseteq^w)$ (y por tanto el único maximal del mismo).



Ejemplo 1: La relación \sqsubseteq^W en un retículo distributivo acotado

$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow (B \cdot W \leq A \leq B + W)$$



Retículo acotado distributivo.

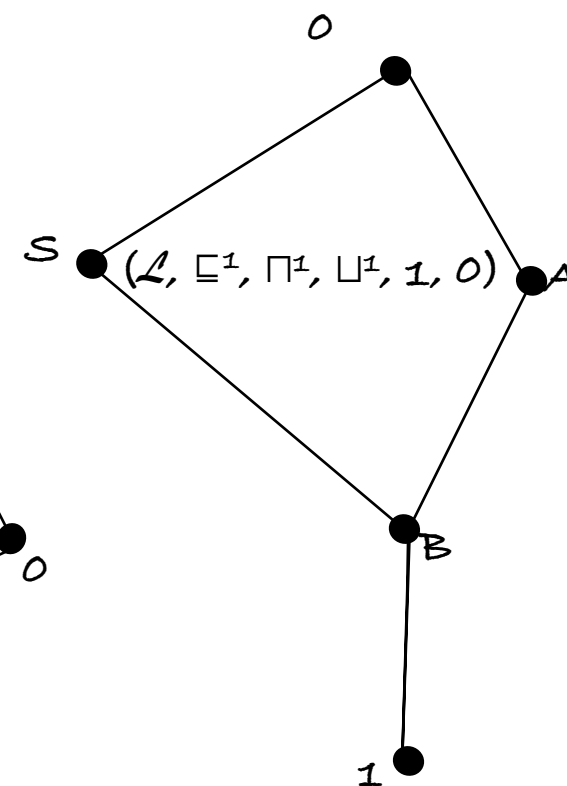
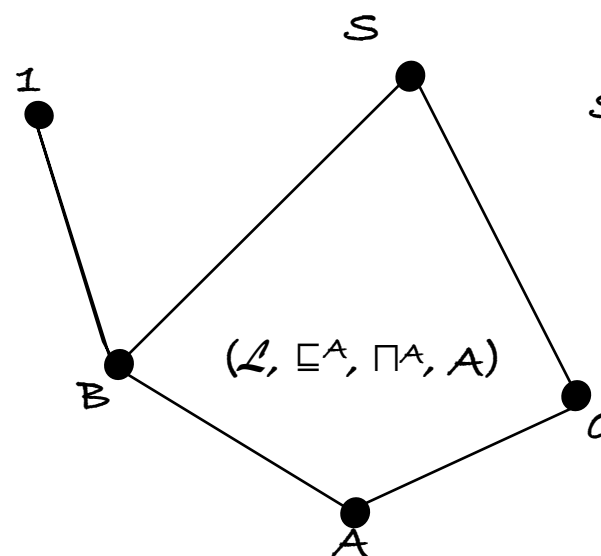
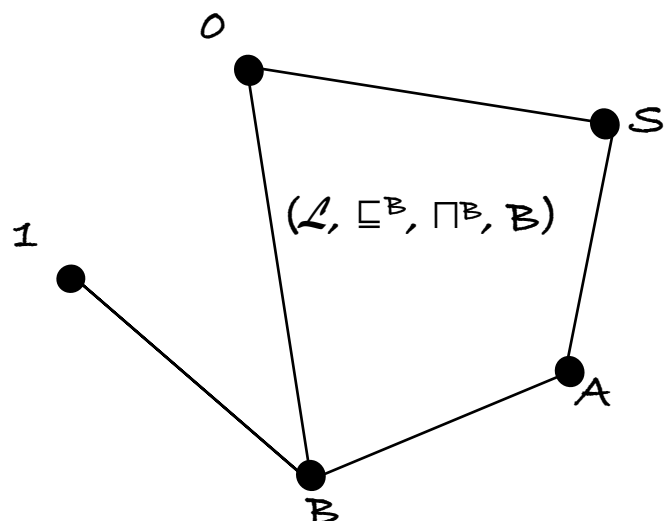
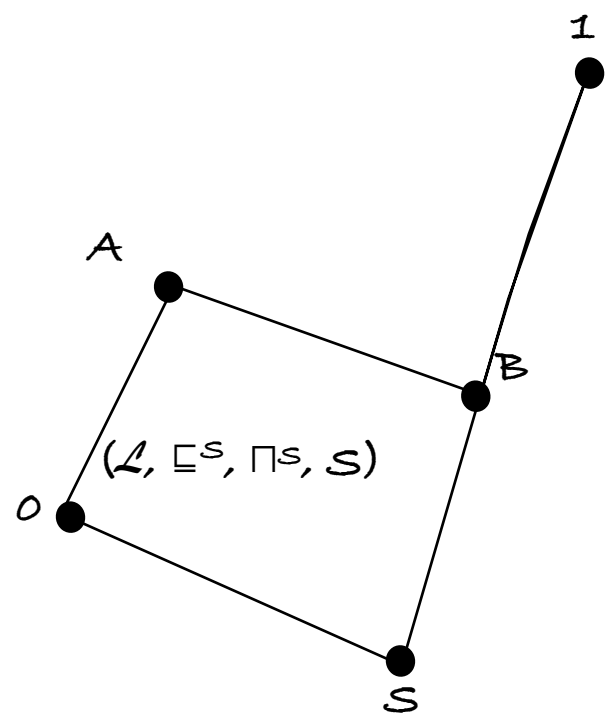
$$w \rightarrow q = \max\{x \in L / w \cdot x \leq q\}$$

$$q \leftarrow w = \min\{y \in L / q \leq w + y\}$$

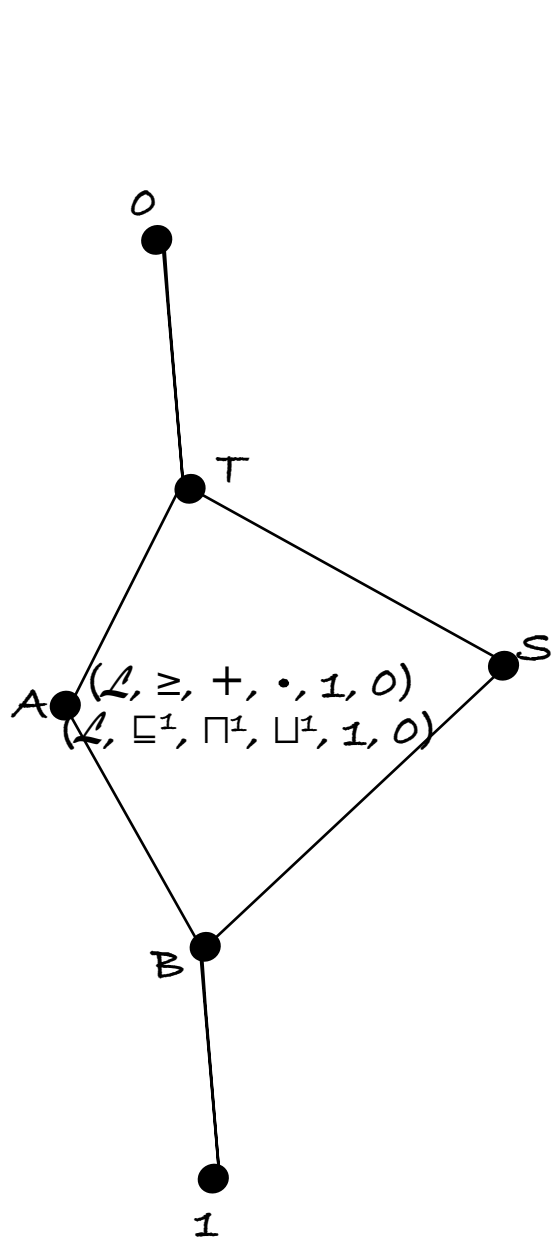
En un retículo distributivo, si w no es complementado, los elementos $w \rightarrow q = q \leftarrow w$ son elementos máximos del inf-semirretículo (L, \sqsubseteq^w) .

También $w \rightarrow 0$ es maximal de (L, \sqsubseteq^w) si se verifica $w \rightarrow 0 = 1 \leftarrow w$.

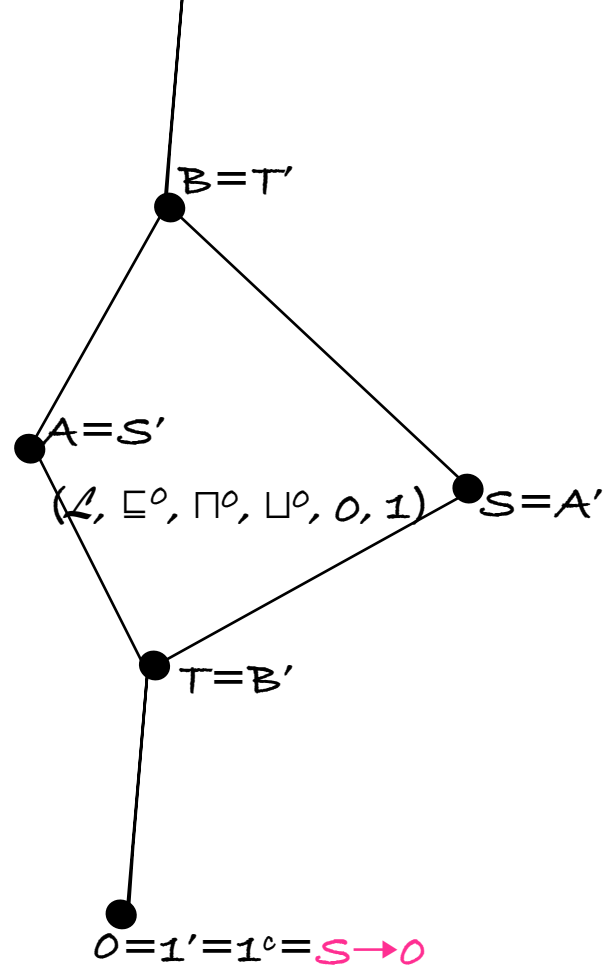
Si w es complementado con complemento w^c , entonces $w^c = w \rightarrow 0 = 1 \leftarrow w$ y es el elemento máximo del retículo (L, \sqsubseteq^w) (y por tanto el único maximal del mismo).



$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow (B \cdot W \leq A \leq B + W)$$



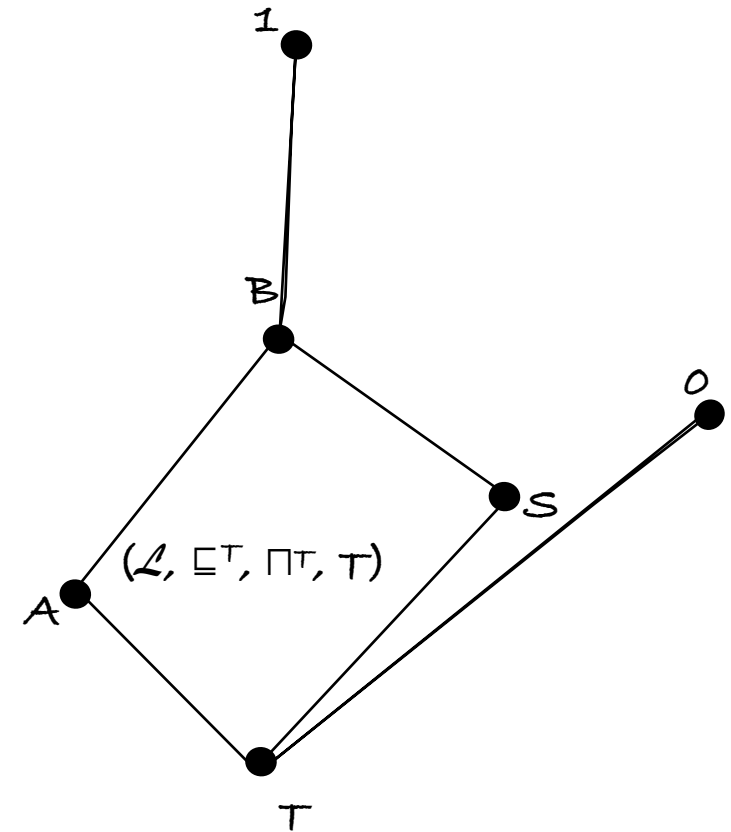
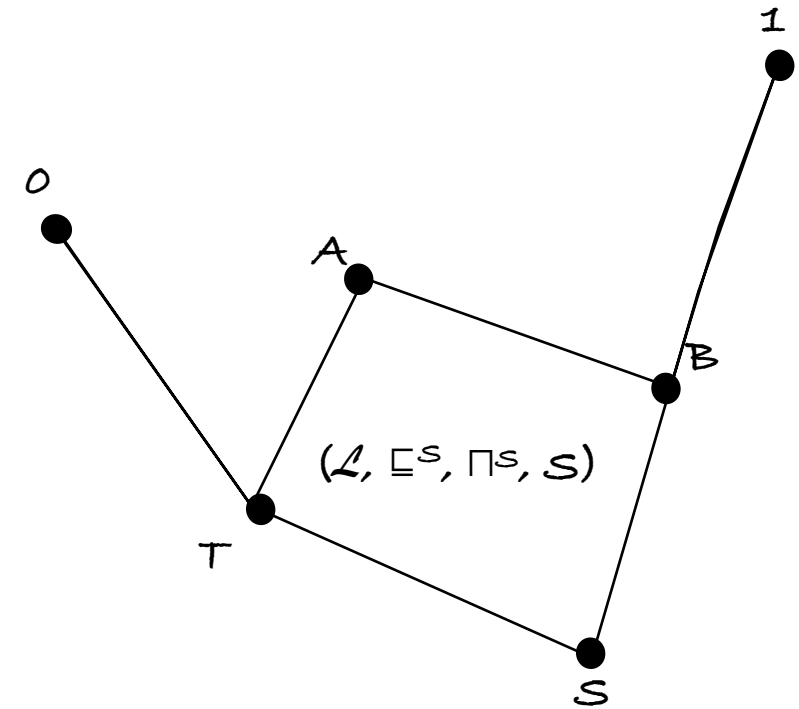
$$=0'=0^0=0 \rightarrow 0 = 1 \leftarrow 0 = 1 \leftarrow S$$



$$0=1'=1^0=S \rightarrow 0$$

Retículo acotado distributivo.

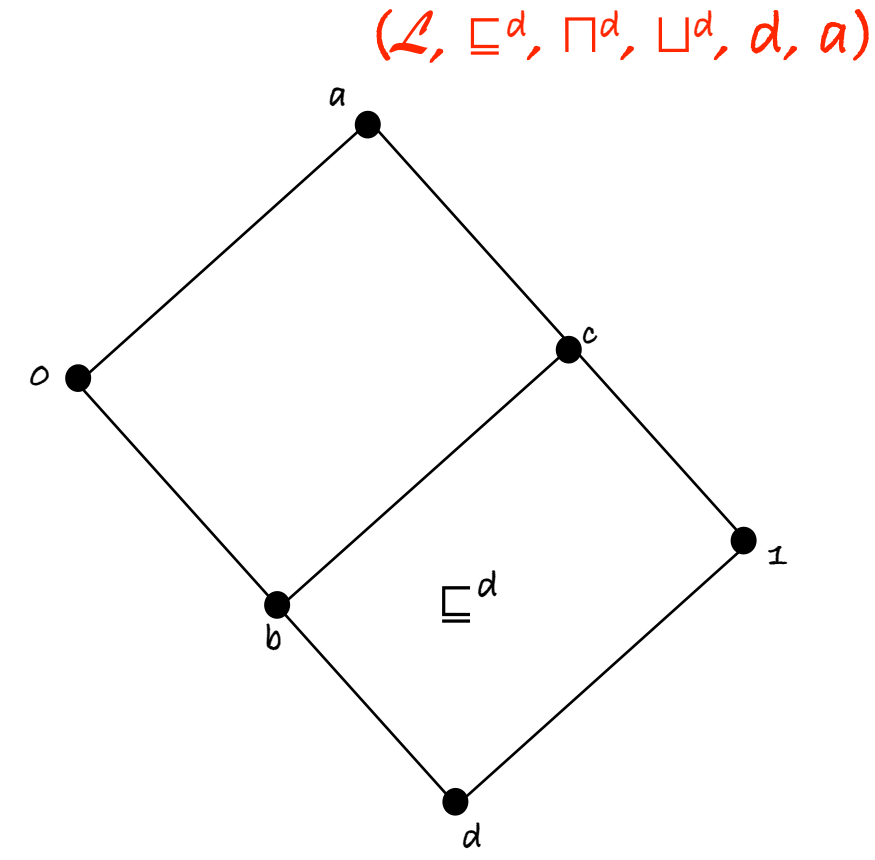
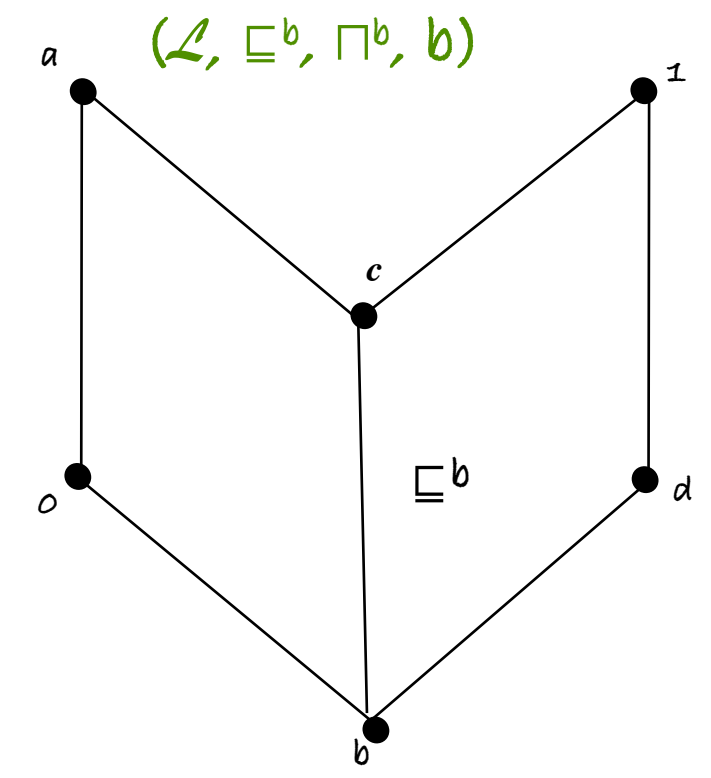
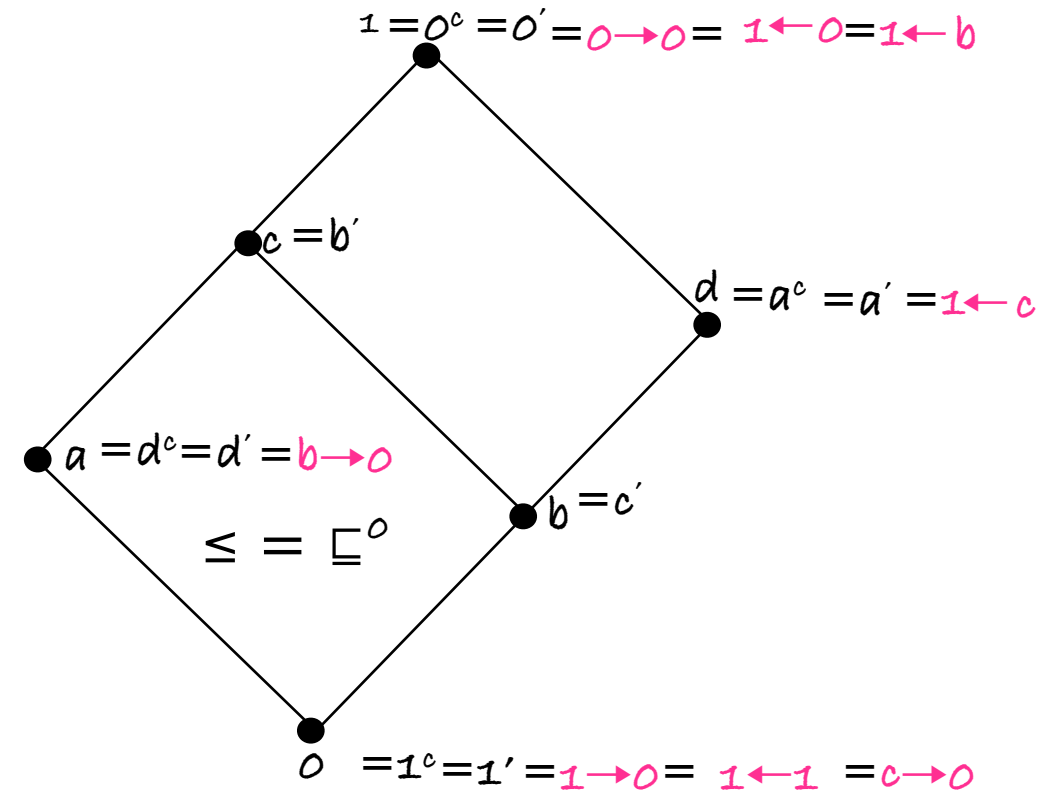
etc



Ejemplos: La relación \sqsubseteq^w en un retículo distributivo acotado

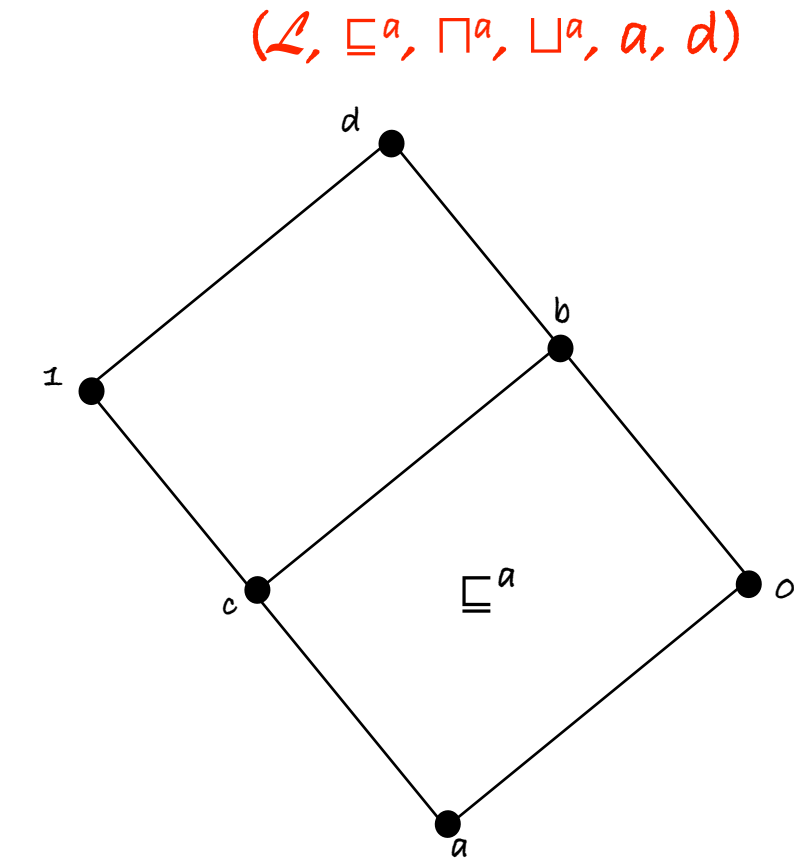
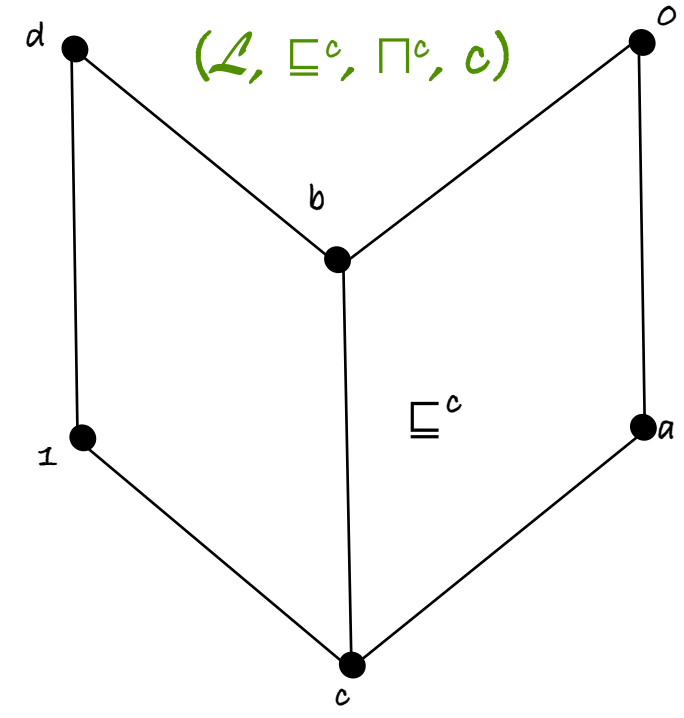
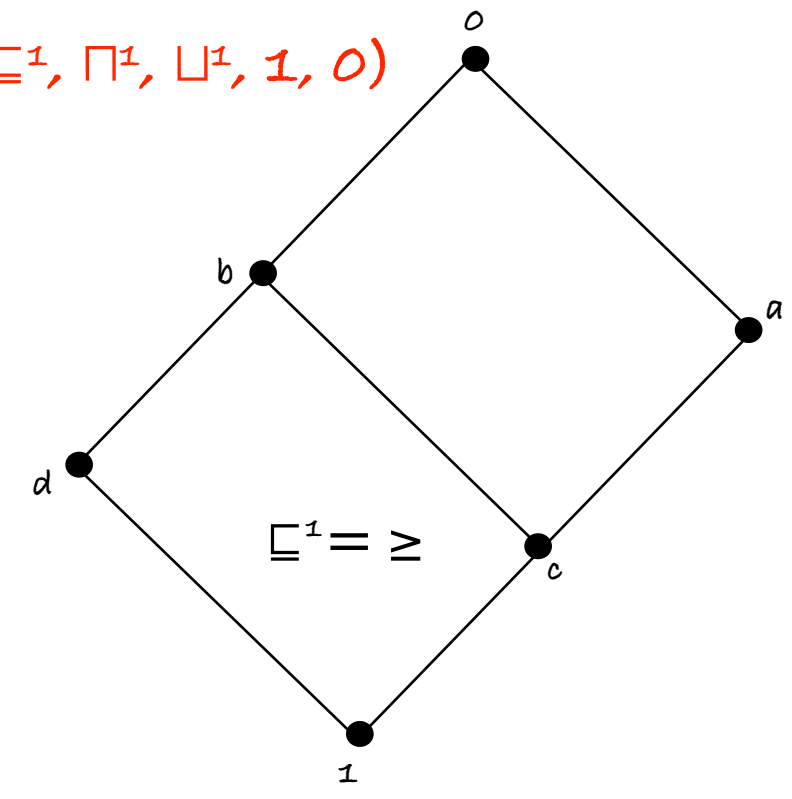
$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, 0, 1)$

$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^0, \sqcap^0, \sqcup^0, 0, 1)$

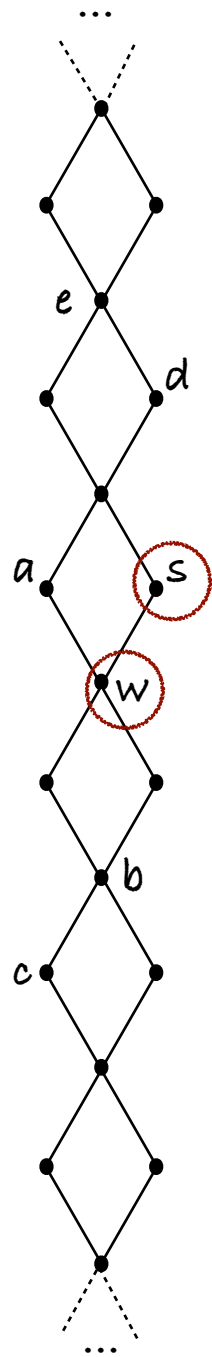


$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (y \cdot w \leq x \leq y + w)$

$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^1, \sqcap^1, \sqcup^1, 1, 0)$

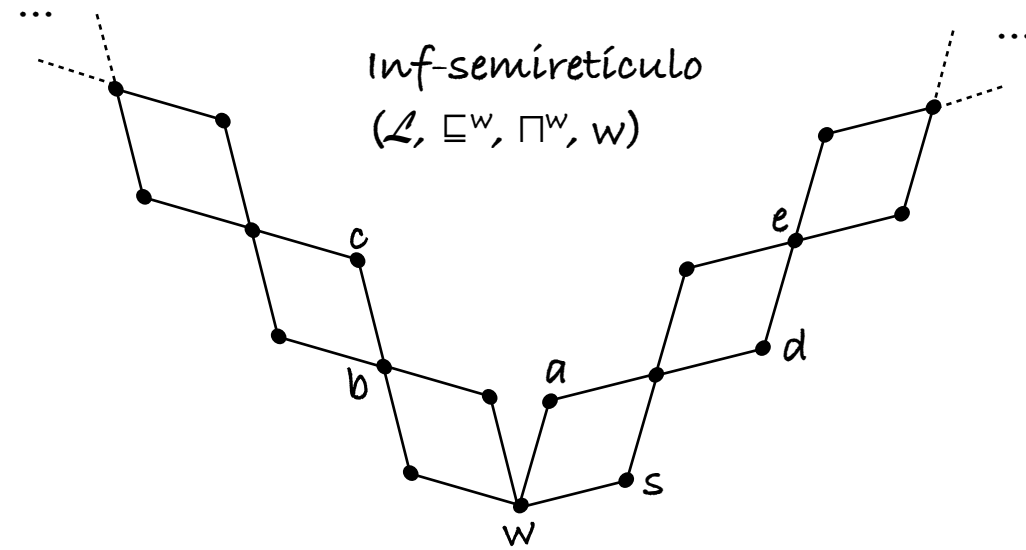


$$A \sqsubseteq^W B \Leftrightarrow (B \cdot W \leq A \leq B + W)$$

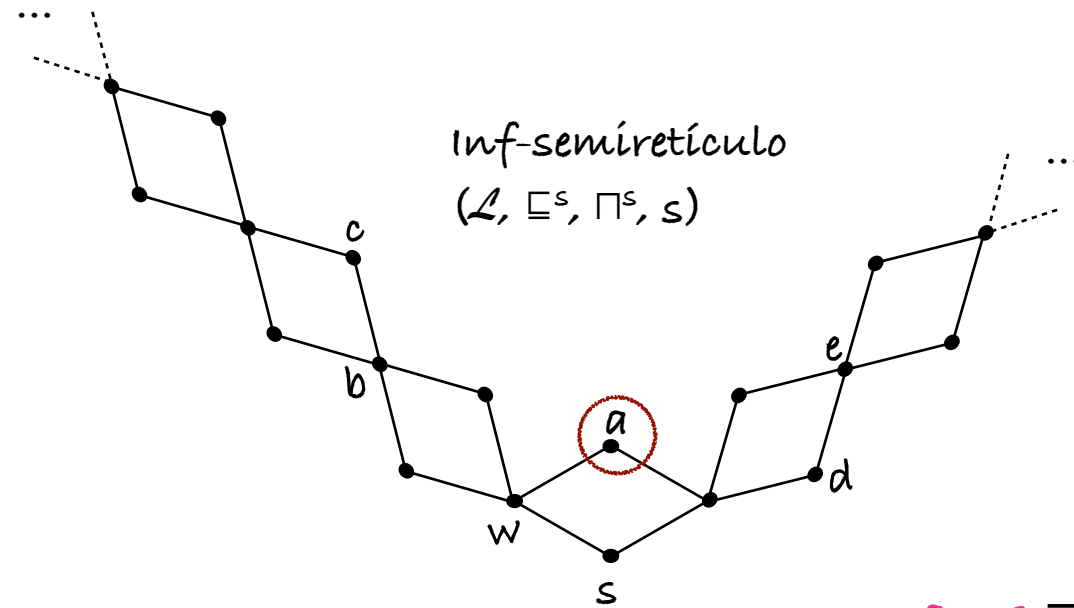


$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +)$

Retículo distributivo no finito y no acotado.



Inf-semiretículo
 $(\mathcal{L}, \sqsubseteq^w, \Pi^w, w)$



Inf-semiretículo
 $(\mathcal{L}, \sqsubseteq^s, \Pi^s, s)$

$s \rightarrow a = a \leftarrow s = a$ (\sqsubseteq^s -maximal)

Órdenes de actividad en retículos producto

ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

Relación \sqsubseteq^w en producto de retículos Sea $((L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x))_{x \in X}$ una familia de retículos distributivos subindicada por $X \neq \emptyset$ y sea (\mathcal{L}, \preceq) el retículo producto tal que

$$\mathcal{L} = \prod_{x \in X} L_x = \left\{ \varphi : X \longrightarrow \bigcup_{x \in X} L_x \mid \varphi(x) \in L_x \quad \forall x \in X \right\}$$

con el orden \preceq tal que

$$(\varphi \preceq \psi) \iff (\varphi(x) \leq_x \psi(x)) \quad \forall x \in X,$$

$(\mathcal{L}, \preceq, \wedge, \vee)$ es un retículo distributivo con leyes ínfimo \wedge y supremo \vee tales que

$$\begin{aligned} (\varphi \wedge \psi)(x) &= \varphi(x) \wedge_x \psi(x) \quad \forall x \in X \\ (\varphi \vee \psi)(x) &= \varphi(x) \vee_x \psi(x) \quad \forall x \in X \end{aligned}$$

ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

Relación \sqsubseteq^w en producto de retículos Sea $((L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x))_{x \in X}$ una familia de retículos distributivos subindicada por $X \neq \emptyset$ y sea (\mathcal{L}, \preceq) el retículo producto tal que

$$\mathcal{L} = \prod_{x \in X} L_x = \{ \varphi : X \longrightarrow \bigcup_{x \in X} L_x / \varphi(x) \in L_x \quad \forall x \in X \}$$

con el orden \preceq tal que

$$(\varphi \preceq \psi) \iff (\varphi(x) \leq_x \psi(x)) \quad \forall x \in X,$$

$(\mathcal{L}, \preceq, \wedge, \vee)$ es un retículo distributivo con leyes ínfimo \wedge y supremo \vee tales que

$$\begin{aligned} (\varphi \wedge \psi)(x) &= \varphi(x) \wedge_x \psi(x) \quad \forall x \in X \\ (\varphi \vee \psi)(x) &= \varphi(x) \vee_x \psi(x) \quad \forall x \in X \end{aligned}$$

Para φ, ψ y ω en \mathcal{L} , el orden de actividad \sqsubseteq^w en este último es tal que:

$$(\varphi \sqsubseteq^w \psi) \iff (\varphi(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} \psi(x)) \quad \forall x \in X$$

donde, en el retículo (L_x, \leq_x) , la relación $\sqsubseteq_x^{\omega(x)}$ es el orden de actividad asociado a $\omega(x) \in (L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x)$.

En particular, el orden de actividad \sqsubseteq^W en L^X asociado al subconjunto L -borroso $W \in L^X$ es tal que

$$(A \sqsubseteq^W B) \iff (A(x) \sqsubseteq_x^{w(x)} B(x)) \quad \forall x \in X$$

ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

Relación \sqsubseteq^ω en producto de retículos Sea $((L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x))_{x \in X}$ una familia de retículos distributivos subindicada por $X \neq \emptyset$ y sea (\mathcal{L}, \preceq) el retículo producto tal que

$$\mathcal{L} = \prod_{x \in X} L_x = \{ \varphi : X \longrightarrow \bigcup_{x \in X} L_x / \varphi(x) \in L_x \quad \forall x \in X \}$$

con el orden \preceq tal que

$$(\varphi \preceq \psi) \iff (\varphi(x) \leq_x \psi(x)) \quad \forall x \in X,$$

$(\mathcal{L}, \preceq, \wedge, \vee)$ es un retículo distributivo con leyes ínfimo \wedge y supremo \vee tales que

$$\begin{aligned} (\varphi \wedge \psi)(x) &= \varphi(x) \wedge_x \psi(x) \quad \forall x \in X \\ (\varphi \vee \psi)(x) &= \varphi(x) \vee_x \psi(x) \quad \forall x \in X \end{aligned}$$

Para φ, ψ y ω en \mathcal{L} , el orden de actividad \sqsubseteq^ω en este último es tal que:

$$(\varphi \sqsubseteq^\omega \psi) \iff (\varphi(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} \psi(x)) \quad \forall x \in X$$

donde, en el retículo (L_x, \leq_x) , la relación $\sqsubseteq_x^{\omega(x)}$ es el orden de actividad asociado a $\omega(x) \in (L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x)$.

En particular, el orden de actividad \sqsubseteq^W en L^X asociado al subconjunto L -borroso $W \in L^X$ es tal que

$$(A \sqsubseteq^W B) \iff (A(x) \sqsubseteq_x^{w(x)} B(x)) \quad \forall x \in X$$

Si $\omega \in \mathcal{L}$, la ley \sqcap^ω en $(\mathcal{L}, \leq, \wedge)$ es:

$$(\varphi \sqcap^\omega \eta)(x) = \varphi(x) \sqcap_x^{\omega(x)} \eta(x) \quad \forall x \in X$$

ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

Ejemplo

Relación \sqsubseteq^ω en producto de retículos Sea $((L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x))_{x \in X}$ una familia de retículos distributivos subindicada por $X \neq \emptyset$ y sea (\mathcal{L}, \preceq) el retículo producto tal que

$$\mathcal{L} = \prod_{x \in X} L_x = \{ \varphi : X \longrightarrow \bigcup_{x \in X} L_x / \varphi(x) \in L_x \quad \forall x \in X \}$$

con el orden \preceq tal que

$$(\varphi \preceq \psi) \iff (\varphi(x) \leq_x \psi(x)) \quad \forall x \in X,$$

$(\mathcal{L}, \preceq, \wedge, \vee)$ es un retículo distributivo con leyes ínfimo \wedge y supremo \vee tales que

$$\begin{aligned} (\varphi \wedge \psi)(x) &= \varphi(x) \wedge_x \psi(x) \quad \forall x \in X \\ (\varphi \vee \psi)(x) &= \varphi(x) \vee_x \psi(x) \quad \forall x \in X \end{aligned}$$

Para φ, ψ y ω en \mathcal{L} , el orden de actividad \sqsubseteq^ω en este último es tal que:

$$(\varphi \sqsubseteq^\omega \psi) \iff (\varphi(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} \psi(x)) \quad \forall x \in X$$

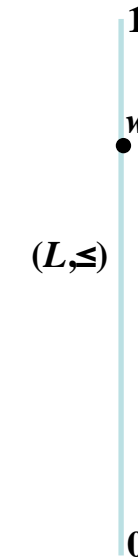
donde, en el retículo (L_x, \leq_x) , la relación $\sqsubseteq_x^{\omega(x)}$ es el orden de actividad asociado a $\omega(x) \in (L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x)$.

En particular, el orden de actividad \sqsubseteq^W en L^X asociado al subconjunto L -borroso $W \in L^X$ es tal que

$$(A \sqsubseteq^W B) \iff (A(x) \sqsubseteq_x^{w(x)} B(x)) \quad \forall x \in X$$

Si $\omega \in \mathcal{L}$, la ley \sqcap^ω en $(\mathcal{L}, \leq, \wedge)$ es:

$$(\varphi \sqcap^\omega \eta)(x) = \varphi(x) \sqcap_x^{\omega(x)} \eta(x) \quad \forall x \in X$$



ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

Relación \sqsubseteq^ω en producto de retículos Sea $((L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x))_{x \in X}$ una familia de retículos distributivos subindicada por $X \neq \emptyset$ y sea (\mathcal{L}, \preceq) el retículo producto tal que

$$\mathcal{L} = \prod_{x \in X} L_x = \{ \varphi : X \longrightarrow \bigcup_{x \in X} L_x / \varphi(x) \in L_x \quad \forall x \in X \}$$

con el orden \preceq tal que

$$(\varphi \preceq \psi) \iff (\varphi(x) \leq_x \psi(x)) \quad \forall x \in X,$$

$(\mathcal{L}, \preceq, \wedge, \vee)$ es un retículo distributivo con leyes ínfimo \wedge y supremo \vee tales que

$$\begin{aligned} (\varphi \wedge \psi)(x) &= \varphi(x) \wedge_x \psi(x) \quad \forall x \in X \\ (\varphi \vee \psi)(x) &= \varphi(x) \vee_x \psi(x) \quad \forall x \in X \end{aligned}$$

Para φ, ψ y ω en \mathcal{L} , el orden de actividad \sqsubseteq^ω en este último es tal que:

$$(\varphi \sqsubseteq^\omega \psi) \iff (\varphi(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} \psi(x)) \quad \forall x \in X$$

donde, en el retículo (L_x, \leq_x) , la relación $\sqsubseteq_x^{\omega(x)}$ es el orden de actividad asociado a $\omega(x) \in (L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x)$.

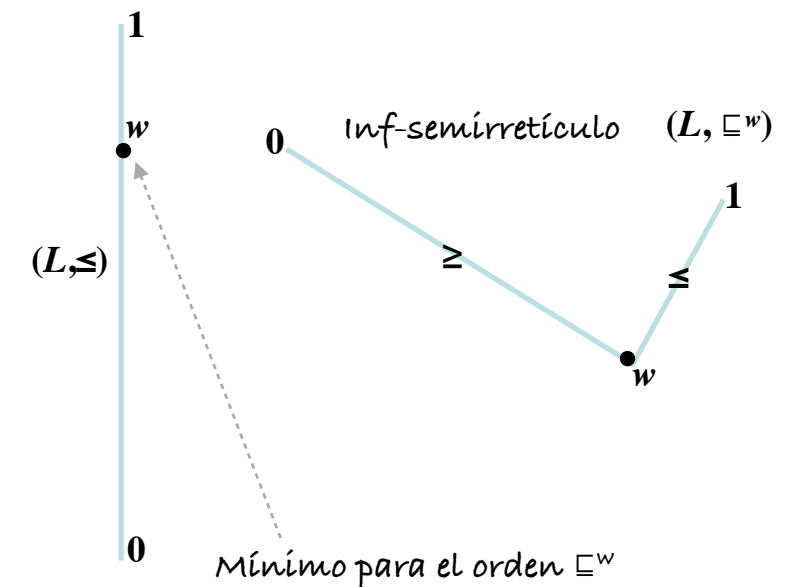
En particular, el orden de actividad \sqsubseteq^W en L^X asociado al subconjunto L -borroso $W \in L^X$ es tal que

$$(A \sqsubseteq^W B) \iff (A(x) \sqsubseteq_x^{W(x)} B(x)) \quad \forall x \in X$$

Si $\omega \in \mathcal{L}$, la ley \sqcap^ω en $(\mathcal{L}, \leq, \wedge)$ es:

$$(\varphi \sqcap^\omega \eta)(x) = \varphi(x) \sqcap_x^{\omega(x)} \eta(x) \quad \forall x \in X$$

Ejemplo



ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

Relación \sqsubseteq^ω en producto de retículos Sea $((L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x))_{x \in X}$ una familia de retículos distributivos subindicada por $X \neq \emptyset$ y sea (\mathcal{L}, \preceq) el retículo producto tal que

$$\mathcal{L} = \prod_{x \in X} L_x = \{ \varphi : X \longrightarrow \bigcup_{x \in X} L_x / \varphi(x) \in L_x \quad \forall x \in X \}$$

con el orden \preceq tal que

$$(\varphi \preceq \psi) \iff (\varphi(x) \leq_x \psi(x)) \quad \forall x \in X,$$

$(\mathcal{L}, \preceq, \wedge, \vee)$ es un retículo distributivo con leyes ínfimo \wedge y supremo \vee tales que

$$\begin{aligned} (\varphi \wedge \psi)(x) &= \varphi(x) \wedge_x \psi(x) \quad \forall x \in X \\ (\varphi \vee \psi)(x) &= \varphi(x) \vee_x \psi(x) \quad \forall x \in X \end{aligned}$$

Para φ, ψ y ω en \mathcal{L} , el orden de actividad \sqsubseteq^ω en este último es tal que:

$$(\varphi \sqsubseteq^\omega \psi) \iff (\varphi(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} \psi(x)) \quad \forall x \in X$$

donde, en el retículo (L_x, \leq_x) , la relación $\sqsubseteq_x^{\omega(x)}$ es el orden de actividad asociado a $\omega(x) \in (L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x)$.

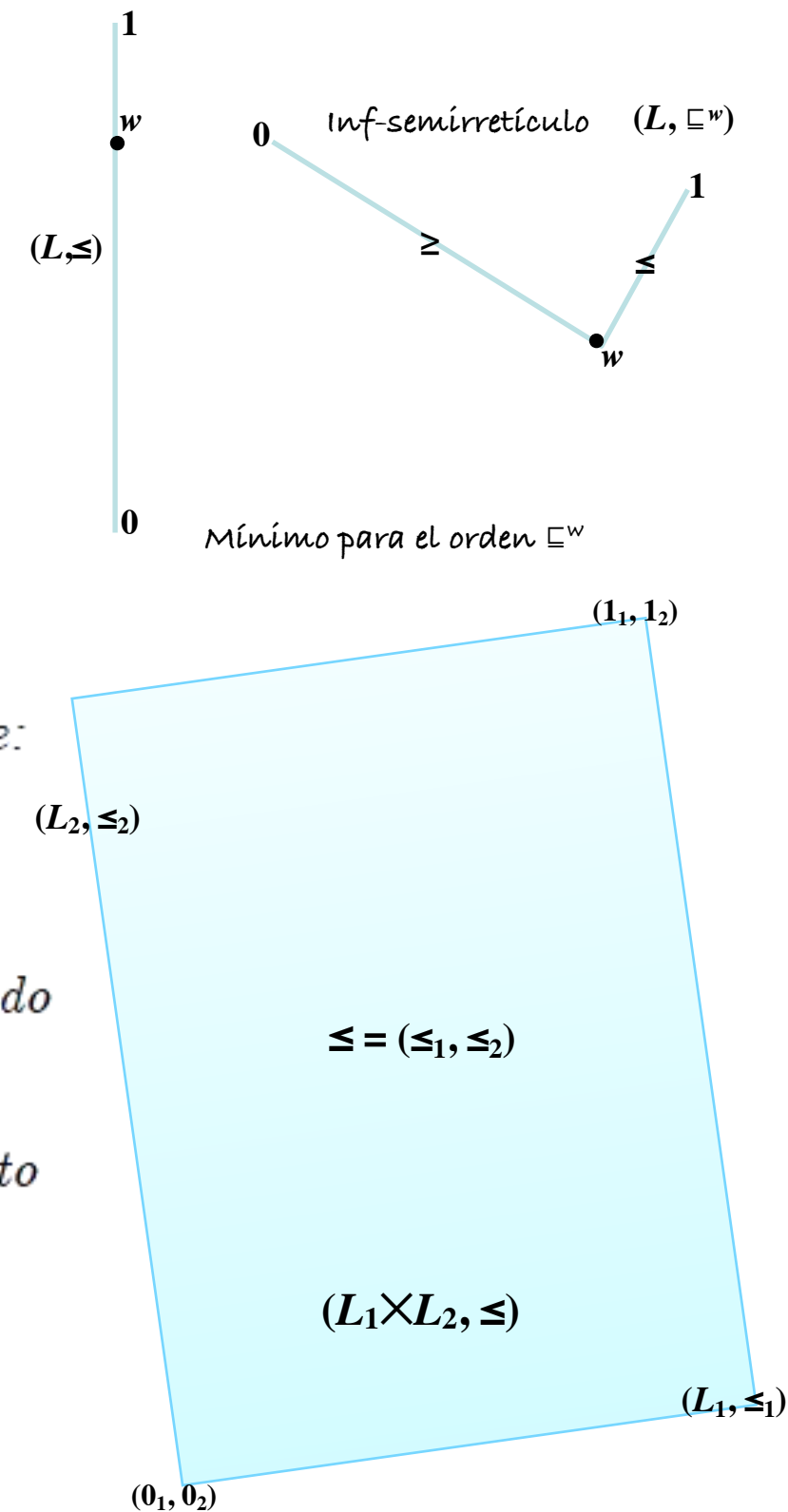
En particular, el orden de actividad \sqsubseteq^ω en L^X asociado al subconjunto L -borroso $W \in L^X$ es tal que

$$(A \sqsubseteq^W B) \iff (A(x) \sqsubseteq_x^{w(x)} B(x)) \quad \forall x \in X$$

Si $\omega \in \mathcal{L}$, la ley \sqcap^ω en $(\mathcal{L}, \leq, \wedge)$ es:

$$(\varphi \sqcap^\omega \eta)(x) = \varphi(x) \sqcap_x^{\omega(x)} \eta(x) \quad \forall x \in X$$

Ejemplo



ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

Relación \sqsubseteq^ω en producto de retículos Sea $((L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x))_{x \in X}$ una familia de retículos distributivos subindicada por $X \neq \emptyset$ y sea (\mathcal{L}, \preceq) el retículo producto tal que

$$\mathcal{L} = \prod_{x \in X} L_x = \{ \varphi : X \longrightarrow \bigcup_{x \in X} L_x / \varphi(x) \in L_x \quad \forall x \in X \}$$

con el orden \preceq tal que

$$(\varphi \preceq \psi) \iff (\varphi(x) \leq_x \psi(x)) \quad \forall x \in X,$$

$(\mathcal{L}, \preceq, \wedge, \vee)$ es un retículo distributivo con leyes ínfimo \wedge y supremo \vee tales que

$$\begin{aligned} (\varphi \wedge \psi)(x) &= \varphi(x) \wedge_x \psi(x) \quad \forall x \in X \\ (\varphi \vee \psi)(x) &= \varphi(x) \vee_x \psi(x) \quad \forall x \in X \end{aligned}$$

Para φ, ψ y ω en \mathcal{L} , el orden de actividad \sqsubseteq^ω en este último es tal que:

$$(\varphi \sqsubseteq^\omega \psi) \iff (\varphi(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} \psi(x)) \quad \forall x \in X$$

donde, en el retículo (L_x, \leq_x) , la relación $\sqsubseteq_x^{\omega(x)}$ es el orden de actividad asociado a $\omega(x) \in (L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x)$.

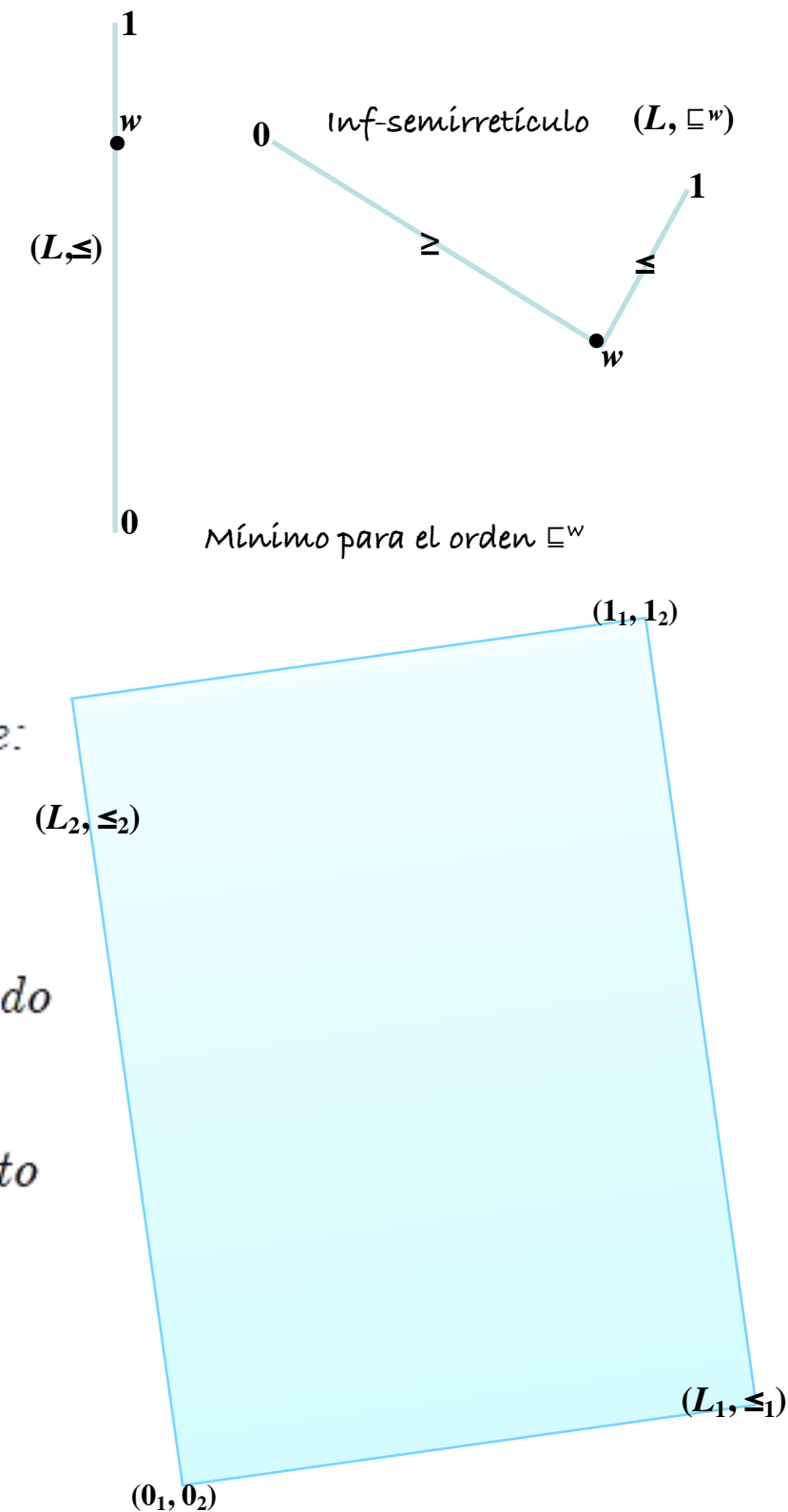
En particular, el orden de actividad \sqsubseteq^ω en L^X asociado al subconjunto L -borroso $W \in L^X$ es tal que

$$(A \sqsubseteq^W B) \iff (A(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} B(x)) \quad \forall x \in X$$

Si $\omega \in \mathcal{L}$, la ley \sqcap^ω en $(\mathcal{L}, \leq, \wedge)$ es:

$$(\varphi \sqcap^\omega \eta)(x) = \varphi(x) \sqcap_x^{\omega(x)} \eta(x) \quad \forall x \in X$$

Ejemplo



ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

Relación \sqsubseteq^ω en producto de retículos Sea $((L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x))_{x \in X}$ una familia de retículos distributivos subindicada por $X \neq \emptyset$ y sea (\mathcal{L}, \preceq) el retículo producto tal que

$$\mathcal{L} = \prod_{x \in X} L_x = \{ \varphi : X \longrightarrow \bigcup_{x \in X} L_x / \varphi(x) \in L_x \quad \forall x \in X \}$$

con el orden \preceq tal que

$$(\varphi \preceq \psi) \iff (\varphi(x) \leq_x \psi(x)) \quad \forall x \in X,$$

$(\mathcal{L}, \preceq, \wedge, \vee)$ es un retículo distributivo con leyes ínfimo \wedge y supremo \vee tales que

$$\begin{aligned} (\varphi \wedge \psi)(x) &= \varphi(x) \wedge_x \psi(x) \quad \forall x \in X \\ (\varphi \vee \psi)(x) &= \varphi(x) \vee_x \psi(x) \quad \forall x \in X \end{aligned}$$

Para φ, ψ y ω en \mathcal{L} , el orden de actividad \sqsubseteq^ω en este último es tal que:

$$(\varphi \sqsubseteq^\omega \psi) \iff (\varphi(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} \psi(x)) \quad \forall x \in X$$

donde, en el retículo (L_x, \leq_x) , la relación $\sqsubseteq_x^{\omega(x)}$ es el orden de actividad asociado a $\omega(x) \in (L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x)$.

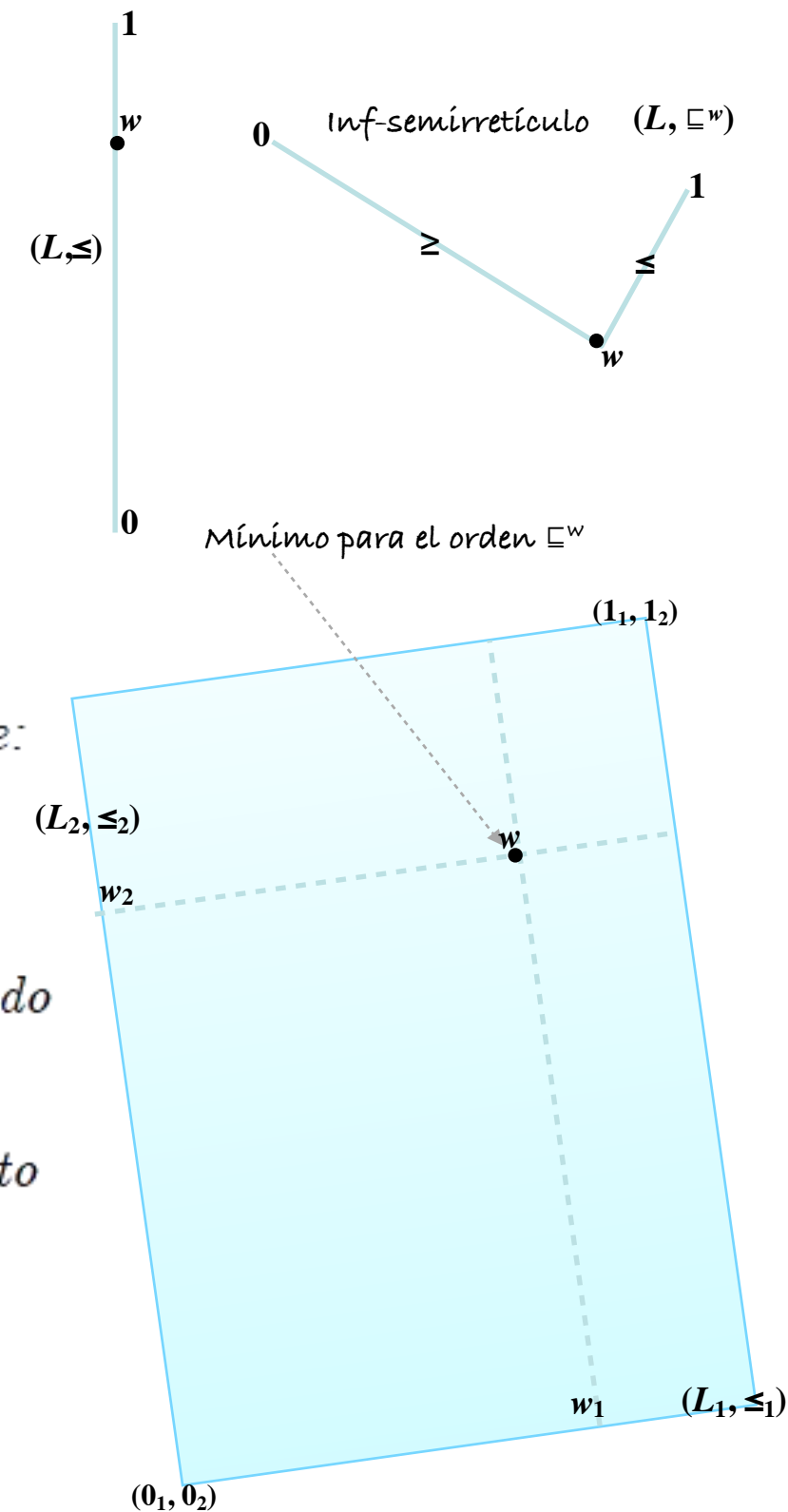
En particular, el orden de actividad \sqsubseteq^ω en L^X asociado al subconjunto L -borroso $W \in L^X$ es tal que

$$(A \sqsubseteq^W B) \iff (A(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} B(x)) \quad \forall x \in X$$

Si $\omega \in \mathcal{L}$, la ley \sqcap^ω en $(\mathcal{L}, \leq, \wedge)$ es:

$$(\varphi \sqcap^\omega \eta)(x) = \varphi(x) \sqcap_x^{\omega(x)} \eta(x) \quad \forall x \in X$$

Ejemplo



ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

Relación \sqsubseteq^ω en producto de retículos Sea $((L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x))_{x \in X}$ una familia de retículos distributivos subindicada por $X \neq \emptyset$ y sea (\mathcal{L}, \preceq) el retículo producto tal que

$$\mathcal{L} = \prod_{x \in X} L_x = \{ \varphi : X \longrightarrow \bigcup_{x \in X} L_x / \varphi(x) \in L_x \quad \forall x \in X \}$$

con el orden \preceq tal que

$$(\varphi \preceq \psi) \iff (\varphi(x) \leq_x \psi(x)) \quad \forall x \in X,$$

$(\mathcal{L}, \preceq, \wedge, \vee)$ es un retículo distributivo con leyes ínfimo \wedge y supremo \vee tales que

$$\begin{aligned} (\varphi \wedge \psi)(x) &= \varphi(x) \wedge_x \psi(x) \quad \forall x \in X \\ (\varphi \vee \psi)(x) &= \varphi(x) \vee_x \psi(x) \quad \forall x \in X \end{aligned}$$

Para φ, ψ y ω en \mathcal{L} , el orden de actividad \sqsubseteq^ω en este último es tal que:

$$(\varphi \sqsubseteq^\omega \psi) \iff (\varphi(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} \psi(x)) \quad \forall x \in X$$

donde, en el retículo (L_x, \leq_x) , la relación $\sqsubseteq_x^{\omega(x)}$ es el orden de actividad asociado a $\omega(x) \in (L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x)$.

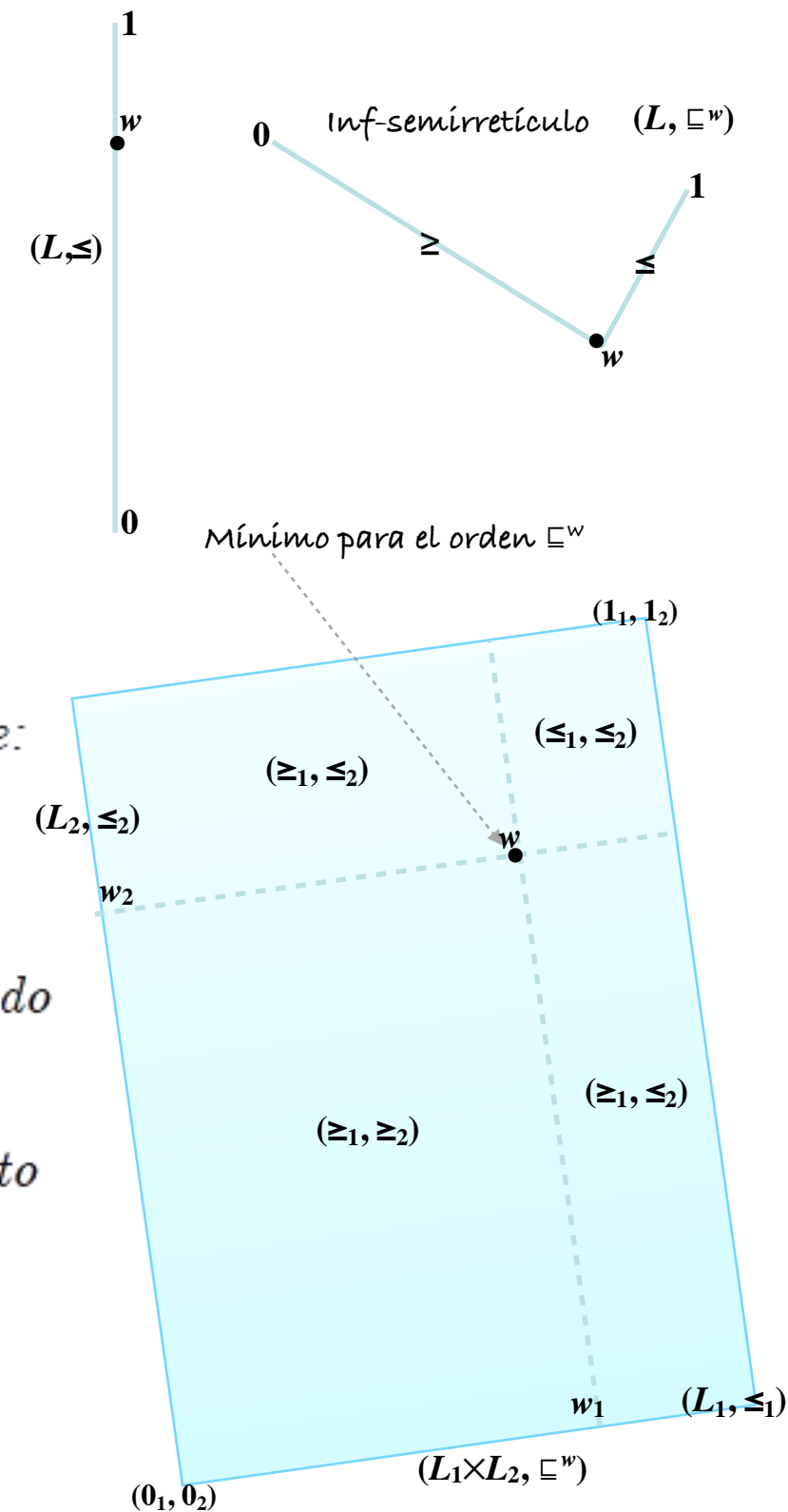
En particular, el orden de actividad \sqsubseteq^ω en L^X asociado al subconjunto L -borroso $W \in L^X$ es tal que

$$(A \sqsubseteq^W B) \iff (A(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} B(x)) \quad \forall x \in X$$

Si $\omega \in \mathcal{L}$, la ley \sqcap^ω en $(\mathcal{L}, \leq, \wedge)$ es:

$$(\varphi \sqcap^\omega \eta)(x) = \varphi(x) \sqcap_x^{\omega(x)} \eta(x) \quad \forall x \in X$$

Ejemplo



ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO PRODUCTO DE RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS

Relación \sqsubseteq^ω en producto de retículos Sea $((L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x))_{x \in X}$ una familia de retículos distributivos subindicada por $X \neq \emptyset$ y sea (\mathcal{L}, \preceq) el retículo producto tal que

$$\mathcal{L} = \prod_{x \in X} L_x = \{ \varphi : X \longrightarrow \bigcup_{x \in X} L_x / \varphi(x) \in L_x \quad \forall x \in X \}$$

con el orden \preceq tal que

$$(\varphi \preceq \psi) \iff (\varphi(x) \leq_x \psi(x)) \quad \forall x \in X,$$

$(\mathcal{L}, \preceq, \wedge, \vee)$ es un retículo distributivo con leyes ínfimo \wedge y supremo \vee tales que

$$\begin{aligned} (\varphi \wedge \psi)(x) &= \varphi(x) \wedge_x \psi(x) \quad \forall x \in X \\ (\varphi \vee \psi)(x) &= \varphi(x) \vee_x \psi(x) \quad \forall x \in X \end{aligned}$$

Para φ, ψ y ω en \mathcal{L} , el orden de actividad \sqsubseteq^ω en este último es tal que:

$$(\varphi \sqsubseteq^\omega \psi) \iff (\varphi(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} \psi(x)) \quad \forall x \in X$$

donde, en el retículo (L_x, \leq_x) , la relación $\sqsubseteq_x^{\omega(x)}$ es el orden de actividad asociado a $\omega(x) \in (L_x, \leq_x, \wedge_x, \vee_x)$.

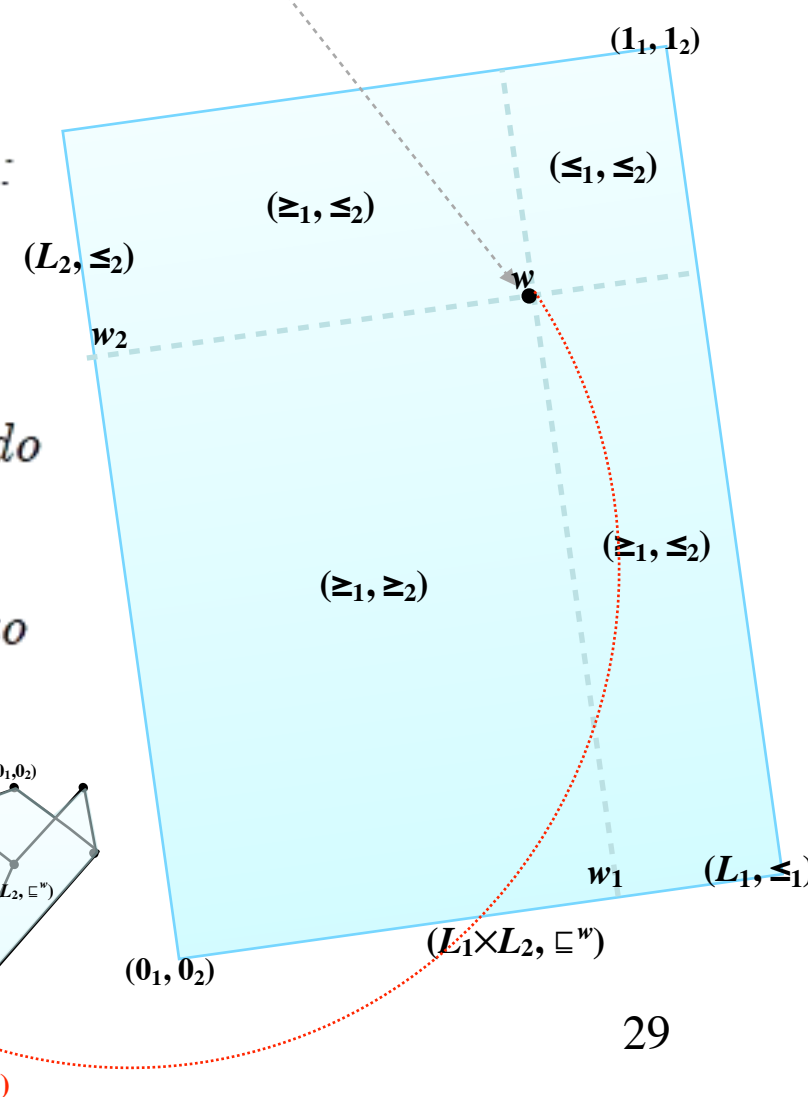
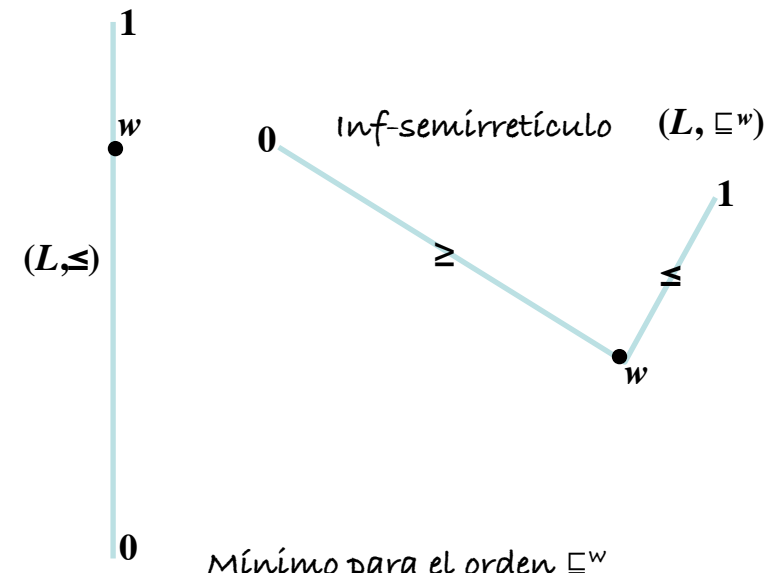
En particular, el orden de actividad \sqsubseteq^ω en L^X asociado al subconjunto L -borroso $W \in L^X$ es tal que

$$(A \sqsubseteq^W B) \iff (A(x) \sqsubseteq_x^{\omega(x)} B(x)) \quad \forall x \in X$$

Si $\omega \in \mathcal{L}$, la ley \sqcap^ω en $(\mathcal{L}, \leq, \wedge)$ es:

$$(\varphi \sqcap^\omega \eta)(x) = \varphi(x) \sqcap_x^{\omega(x)} \eta(x) \quad \forall x \in X$$

Ejemplo



Órdenes de actividad en retículos de intervalos

ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO DE INTERVALOS DE UN RETÍCULO DISTRIBUTIVO

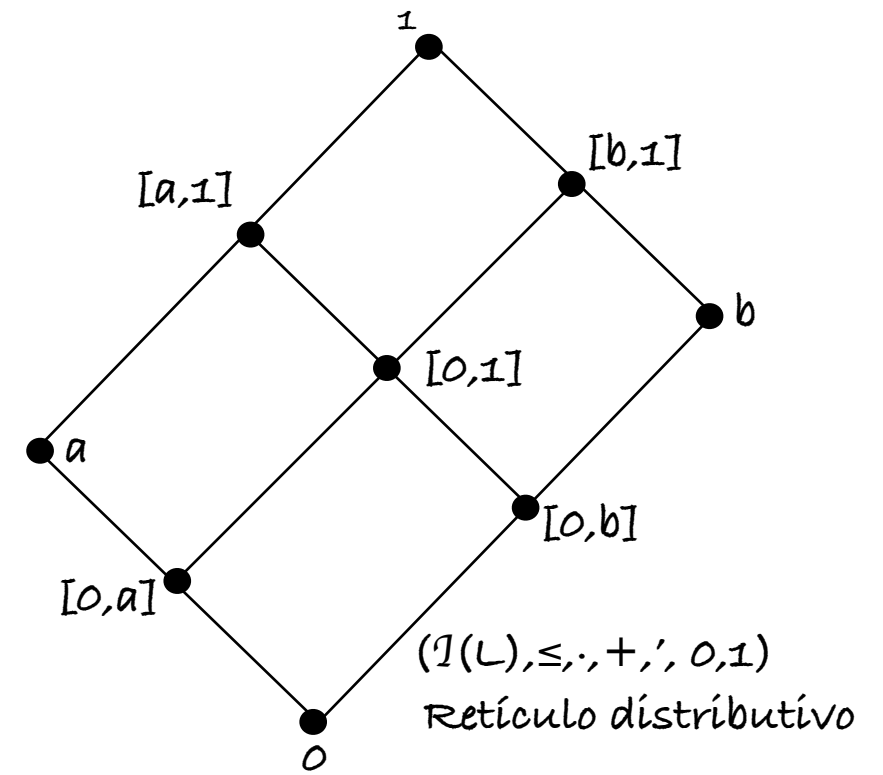
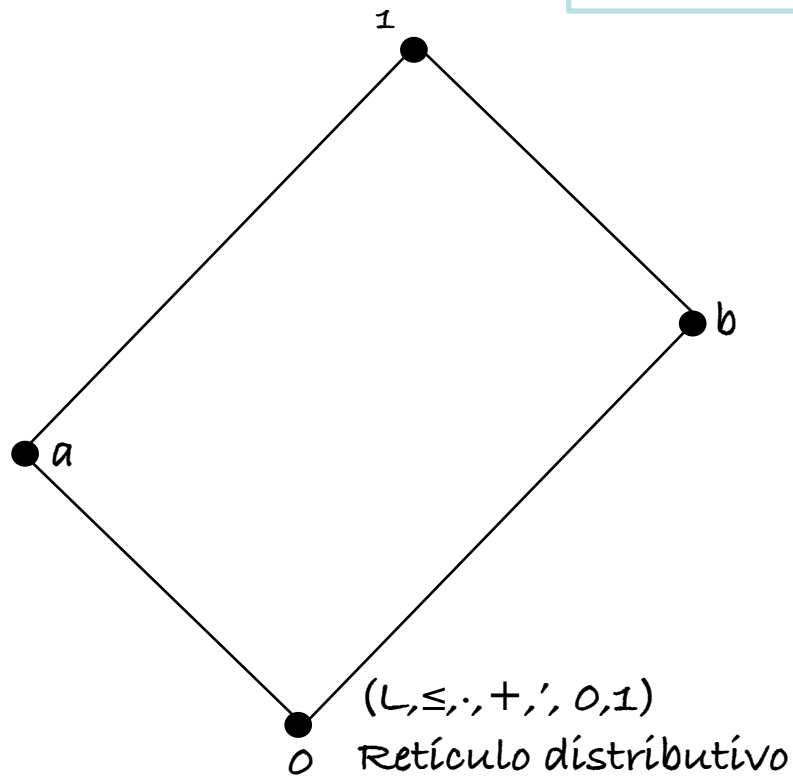
Orden de actividad en $(\mathcal{I}(L), \leq)$: $([x] \sqsubseteq^{[w]} [y]) \Leftrightarrow ([y] \cdot [w] \leq [x] \leq [y] + [w])$

Si $[z] = [\underline{z}, \bar{z}]$, se verifica: $([x] \sqsubseteq^{[w]} [y]) \Leftrightarrow (\underline{x} \sqsubseteq^w \underline{y}) \& (\bar{x} \sqsubseteq^{\bar{w}} \bar{y})$.

ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO DE INTERVALOS DE UN RETÍCULO DISTRIBUTIVO

Orden de actividad en $(\mathcal{I}(L), \leq)$: $([x] \sqsubseteq^{[w]} [y]) \Leftrightarrow ([y] \cdot [w] \leq [x] \leq [y] + [w])$

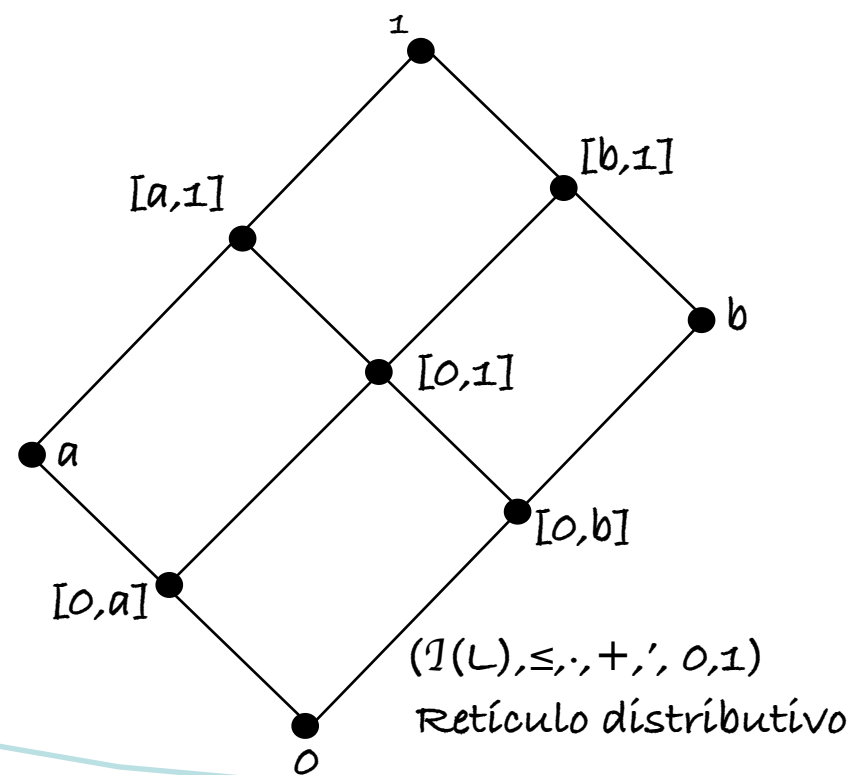
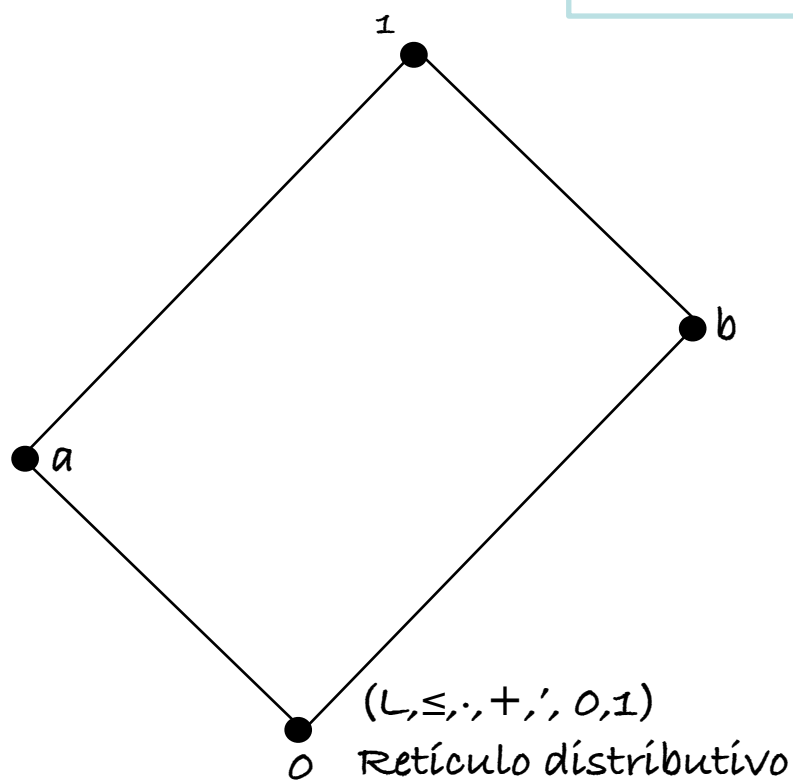
Si $[z] = [z, \bar{z}]$, se verifica: $([x] \sqsubseteq^{[w]} [y]) \Leftrightarrow (\underline{x} \sqsubseteq^w \underline{y}) \& (\bar{x} \sqsubseteq^{\bar{w}} \bar{y})$.



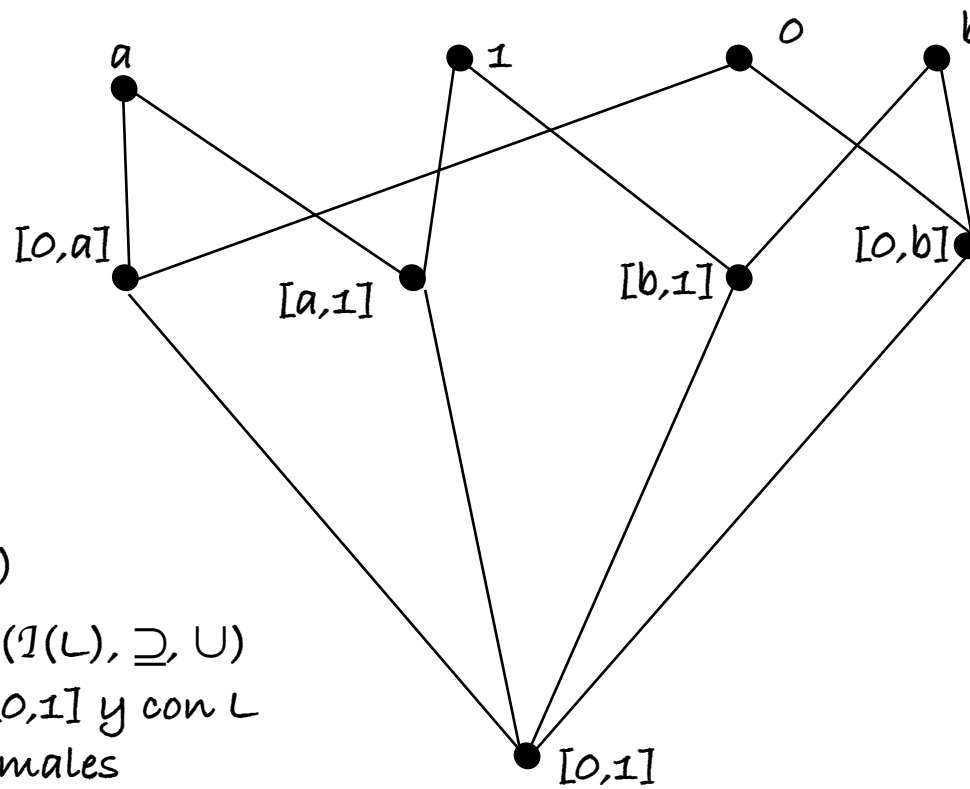
ORDEN DE ACTIVIDAD EN EL RETÍCULO DE INTERVALOS DE UN RETÍCULO DISTRIBUTIVO

Orden de actividad en $(\mathcal{I}(L), \leq)$: $([x] \sqsubseteq^{[w]} [y]) \Leftrightarrow ([y] \cdot [w] \leq [x] \leq [y] + [w])$

Si $[z] = [z, \bar{z}]$, se verifica: $([x] \sqsubseteq^{[w]} [y]) \Leftrightarrow (\underline{x} \sqsubseteq^w \underline{y}) \& (\bar{x} \sqsubseteq^{\bar{w}} \bar{y})$.



Si $[w] = [0, 1]$, el orden de actividad $\sqsubseteq^{[0,1]}$ es la restricción de la inclusión de conjuntos \supseteq a $\mathcal{I}(L)$: $([x] \sqsubseteq^{[0,1]} [y]) \Leftrightarrow [x] \supseteq [y]$



$(\mathcal{I}(L), \sqsubseteq^{[0,1]}, \sqcap^{[0,1]}, [0,1])$

Es el Inf-semirretículo $(\mathcal{I}(L), \supseteq, \cup)$ con elemento mínimo $[0,1]$ y con L como conjunto de maximales

ORDEN DE ACTIVIDAD EN RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS CON UNA NEGACIÓN FUERTE

De la definición

$$A \sqsubseteq^{\omega} B \Leftrightarrow (B \cdot W \leq A \leq B + W)$$

Se deduce la equivalencia: $A \sqsubseteq^{\omega} B \Leftrightarrow A \sqsubseteq^{\beta} W$

Si ' es una negación fuerte en L , y B es complementado tal que $B^{\circ} = B'$ entonces, para todo A y para todo W :

$$A \sqsubseteq^{\omega} B \Leftrightarrow (B \cdot W \leq A \leq B + W) \Leftrightarrow A \sqsubseteq^{\beta} W \Leftrightarrow [(A \triangle B) \leq (B \triangle W)]$$

ORDEN DE ACTIVIDAD EN RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS CON UNA NEGACIÓN FUERTE

De la definición

$$A \sqsubseteq^{\omega} B \Leftrightarrow (B \cdot \omega \leq A \leq B + \omega)$$

Se deduce la equivalencia: $A \sqsubseteq^{\omega} B \Leftrightarrow A \sqsubseteq^B \omega$

Si ' es una negación fuerte en L , y B es complementado tal que $B^c = B'$ entonces, para todo A y para todo ω :

$$A \sqsubseteq^{\omega} B \Leftrightarrow (B \cdot \omega \leq A \leq B + \omega) \Leftrightarrow A \sqsubseteq^B \omega \Leftrightarrow [(A \Delta B) \leq (B \Delta \omega)]$$

Si ' es una negación fuerte en L , las proposiciones siguientes son equivalentes:

- (i) $A \sqsubseteq^{\omega} B$, (ii) $A' \sqsubseteq^{\omega'} B'$. Y si además, $\omega' = \omega^c$ entonces ambas son equivalentes a
- (iii) $B' \sqsubseteq^{\omega} A'$. (En consecuencia, la aplicación ' también es una negación fuerte en $(L, \sqsubseteq^{\omega})$).

$$\begin{aligned} \alpha \sqcap^{\omega} \beta &= (\alpha \cdot \beta) + (\alpha \cdot \omega) + (\beta \cdot \omega) = \\ &= (\alpha \cdot \beta) + [(\alpha + \beta) \cdot \omega] = \\ &= (\alpha + \beta) \cdot (\alpha + \omega) \cdot (\beta + \omega) = \\ &= (\alpha + \beta) \cdot [(\alpha \cdot \beta) + \omega] \quad \forall (\alpha, \beta) \in \mathbb{P}^2 \end{aligned}$$

Dístitntas expresiones de los órdenes de actividad
en retículos distributivos

ORDEN DE ACTIVIDAD EN RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS CON UNA NEGACIÓN FUERTE

1. En general:

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow [(\alpha \cdot \omega \geq \beta \cdot \omega) \& (\alpha + \omega \leq \beta + \omega)] \Leftrightarrow (\beta \cdot \omega \leq \alpha \leq \beta + \omega)$$

2. Si ω es complementado con complemento ω^c , entonces:

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow [(\alpha \cdot \omega \geq \beta \cdot \omega) \& (\alpha \cdot \omega^c \leq \beta \cdot \omega^c)].$$

3. Y si, además, ' es una negación fuerte en L tal que complemento de ω es tal que $\omega^c = \omega'$ y si $\alpha \Delta \omega = \alpha \cdot \omega^c + \alpha' \cdot \omega$:

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow [(\alpha \Delta \omega) \leq (\beta \Delta \omega)].$$

4. Y si α y β también son complementados tales que $\alpha^c = \alpha'$ y $\beta^c = \beta'$:

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow [(\alpha + \omega) \cdot (\alpha \cdot \omega)^c \leq (\alpha + \omega) \cdot (\beta \cdot \omega)^c]$$

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow ([(\alpha \cdot \omega^c) \leq (\beta \cdot \omega^c)] \& [(\omega \cdot \alpha^c) \leq (\omega \cdot \beta^c)]).$$

ORDEN DE ACTIVIDAD EN RETÍCULOS DISTRIBUTIVOS CON UNA NEGACIÓN FUERTE

1. En general:

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow [(\alpha \cdot \omega \geq \beta \cdot \omega) \& (\alpha + \omega \leq \beta + \omega)] \Leftrightarrow (\beta \cdot \omega \leq \alpha \leq \beta + \omega)$$

2. Si ω es complementado con complemento ω^c , entonces:

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow [(\alpha \cdot \omega \geq \beta \cdot \omega) \& (\alpha \cdot \omega^c \leq \beta \cdot \omega^c)].$$

3. Y si, además, ' es una negación fuerte en L tal que complemento de ω es tal que $\omega^c = \omega'$ y si $\alpha \Delta \omega = \alpha \cdot \omega^c + \alpha' \cdot \omega$:

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow [(\alpha \Delta \omega) \leq (\beta \Delta \omega)].$$

4. Y si α y β también son complementados tales que $\alpha^c = \alpha'$ y $\beta^c = \beta'$:

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow [(\alpha + \omega) \cdot (\alpha \cdot \omega)^c \leq (\alpha + \omega) \cdot (\beta \cdot \omega)^c]$$

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow ([(\alpha \cdot \omega^c) \leq (\beta \cdot \omega^c)] \& [(\omega \cdot \alpha^c) \leq (\omega \cdot \beta^c)]).$$

5. Si L es completo brouweriano y dual brouweriano, (en particular si es finito y distributivo), entonces

$$\alpha \sqsubseteq^{\omega} \beta \Leftrightarrow [(\alpha \leftarrow \beta) \leq \omega \leq (\beta \rightarrow \alpha)] \Leftrightarrow [(\alpha \leftarrow \omega) \leq \beta \leq (\omega \rightarrow \alpha)]$$

$$w \rightarrow q = \max\{x \in L / w \cdot x \leq q\}$$

$$q \leftarrow w = \min\{y \in L / q \leq w + y\}$$

El orden de actividad desde distintas perspectivas

El orden \sqsubseteq^w y el ínfimo \sqcap^w en
función de otros elementos
complementados v, s, \dots :

El orden \sqsubseteq^w y el ínfimo \prod^w en función de otros elementos complementados v, s, \dots :

$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, ', 0, 1)$ retículo distributivo acotado con una negación fuerte

$C(\mathcal{L}) \subseteq \mathcal{L}$ subretículo de los elementos v de \mathcal{L} con complemento v^c .

Sea $w \in \mathcal{L}$ y sea $v \in C(\mathcal{L})$ tal que $v' = v^c$. Entonces:

El orden \sqsubseteq^w y el ínfimo \prod^w en función de otros elementos complementados v, s, \dots :

$(\mathcal{L}, \leq, ', +, ', 0, 1)$ retículo distributivo acotado con una negación fuerte

$C(\mathcal{L}) \subseteq \mathcal{L}$ subretículo de los elementos v de \mathcal{L} con complemento v^c .

Sea $w \in \mathcal{L}$ y sea $v \in C(\mathcal{L})$ tal que $v' = v^c$. Entonces:

$$\boxed{Ix \sqsubseteq^w y I \Leftrightarrow Ix(\sqsubseteq^v)^w y I, \quad \sqsubseteq^w = (\sqsubseteq^v)^w = ((\sqsubseteq^v)^s)^w = \dots}$$



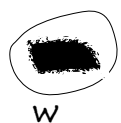
El orden \sqsubseteq^w y el ínfimo \prod^w en función de otros elementos complementados v, s, \dots :

$(\mathcal{L}, \leq, ', +, ', 0, 1)$ retículo distributivo acotado con una negación fuerte

$C(\mathcal{L}) \subseteq \mathcal{L}$ subretículo de los elementos v de \mathcal{L} con complemento v^c .

Sea $w \in \mathcal{L}$ y sea $v \in C(\mathcal{L})$ tal que $v' = v^c$. Entonces:

$$\boxed{Ix \sqsubseteq^w y I \Leftrightarrow Ix(\sqsubseteq^v)^w y I, \quad \sqsubseteq^w = (\sqsubseteq^v)^w = ((\sqsubseteq^v)^s)^w = \dots}$$



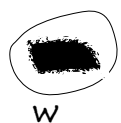
El orden \sqsubseteq^w y el ínfimo Π^w en función de otros elementos complementados v, s, \dots :

$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, ', 0, 1)$ retículo distributivo acotado con una negación fuerte

$C(\mathcal{L}) \subseteq \mathcal{L}$ subretículo de los elementos v de \mathcal{L} con complemento v^c .

Sea $w \in \mathcal{L}$ y sea $v \in C(\mathcal{L})$ tal que $v' = v^c$. Entonces:

$$\boxed{[x \sqsubseteq^w y] \Leftrightarrow [x (\sqsubseteq^v)^w y], \quad \sqsubseteq^w = (\sqsubseteq^v)^w = ((\sqsubseteq^v)^s)^w = \dots}$$



$$x \Pi^w y = (x \cdot y) + [w \cdot (x + y)] = (x + y) \cdot [w + (x \cdot y)]$$

$$\forall (x, y) \in \mathcal{L}^2$$



El orden \sqsubseteq^w y el ínfimo Π^w en función de otros elementos complementados v, s, \dots :

$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, ', 0, 1)$ retículo distributivo acotado con una negación fuerte

$C(\mathcal{L}) \subseteq \mathcal{L}$ subretículo de los elementos v de \mathcal{L} con complemento v^c .

Sea $w \in \mathcal{L}$ y sea $v \in C(\mathcal{L})$ tal que $v' = v^c$. Entonces:

$$\boxed{[x \sqsubseteq^w y] \Leftrightarrow [x (\sqsubseteq^v)^w y], \quad \sqsubseteq^w = (\sqsubseteq^v)^w = ((\sqsubseteq^v)^s)^w = \dots}$$



$$x \Pi^w y = (x \cdot y) + [w \cdot (x + y)] = (x + y) \cdot [w + (x \cdot y)]$$

$$\forall (x, y) \in \mathcal{L}^2$$

Sea $w \in \mathcal{L}$ y sea $v \in C(\mathcal{L})$ tal que $v' = v^c$. Entonces, $\forall (x, y) \in \mathcal{L}^2$:



El orden \sqsubseteq^w y el ínfimo Π^w en función de otros elementos complementados v, s, \dots :

$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, ', 0, 1)$ retículo distributivo acotado con una negación fuerte

$C(\mathcal{L}) \subseteq \mathcal{L}$ subretículo de los elementos v de \mathcal{L} con complemento v^c .

Sea $w \in \mathcal{L}$ y sea $v \in C(\mathcal{L})$ tal que $v' = v^c$. Entonces:

$$\boxed{[x \sqsubseteq^w y] \Leftrightarrow [x (\sqsubseteq^v)^w y], \quad \sqsubseteq^w = (\sqsubseteq^v)^w = ((\sqsubseteq^v)^s)^w = \dots}$$



$$x \Pi^w y = (x \cdot y) + [w \cdot (x + y)] = (x + y) \cdot [w + (x \cdot y)] \quad \forall (x, y) \in \mathcal{L}^2$$

Sea $w \in \mathcal{L}$ y sea $v \in C(\mathcal{L})$ tal que $v' = v^c$. Entonces, $\forall (x, y) \in \mathcal{L}^2$:



$$\boxed{x \Pi^w y = (x \Pi^v y) \sqcup^v [w \Pi^v (x \sqcup^v y)] = (x \sqcup^v y) \Pi^v [w \sqcup^v (x \Pi^v y)]}$$

El orden \sqsubseteq^w y el ínfimo Π^w en función de otros elementos complementados v, s, \dots :

$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, ', 0, 1)$ retículo distributivo acotado con una negación fuerte

$C(\mathcal{L}) \subseteq \mathcal{L}$ subretículo de los elementos v de \mathcal{L} con complemento v^c .

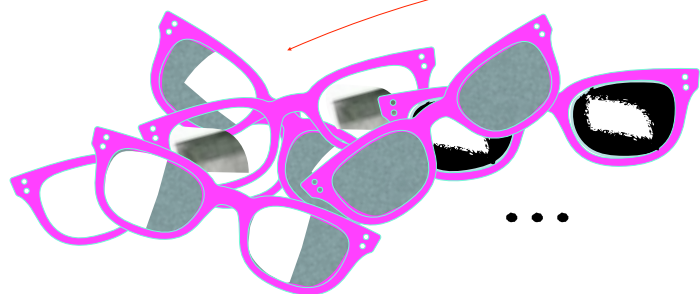
Sea $w \in \mathcal{L}$ y sea $v \in C(\mathcal{L})$ tal que $v' = v^c$. Entonces:

$$\boxed{[x \sqsubseteq^w y] \Leftrightarrow [x (\sqsubseteq^v)^w y], \quad \sqsubseteq^w = (\sqsubseteq^v)^w = ((\sqsubseteq^v)^s)^w = \dots}$$



$$x \Pi^w y = (x \cdot y) + [w \cdot (x + y)] = (x + y) \cdot [w + (x \cdot y)] \quad \forall (x, y) \in \mathcal{L}^2$$

Sea $w \in \mathcal{L}$ y sea $v \in C(\mathcal{L})$ tal que $v' = v^c$. Entonces, $\forall (x, y) \in \mathcal{L}^2$:



$$\boxed{x \Pi^w y = (x \Pi^v y) \sqcup^v [w \Pi^v (x \sqcup^v y)] = (x \sqcup^v y) \Pi^v [w \sqcup^v (x \Pi^v y)]}$$

Sea $(L, \cdot, +, ', 0, 1)$ un retículo distributivo con una negación fuerte $'$ y sea W tal que $W' = W^c$. Si $(L, \sqsubseteq^W, \sqcap^W, ', W, W^c)$ es el retículo isomorfo al inicial y si para $s \in L$, $(\sqsubseteq^W)^S$ representa en este último retículo el orden desde la perspectiva de S tal que $A(\sqsubseteq^W)^S B \Leftrightarrow (B \sqcap^W S) \sqsubseteq^W A \sqsubseteq^W (B \sqcup^W S)$, entonces

Proposición. Para todo w de L tal que $w' = w^c$ y para todo S de L , el inf-semirretículo $(L, (\sqsubseteq^W)^S)$ coincide con (L, \sqsubseteq^S) , es decir:

$$A(\sqsubseteq^W)^S B \Leftrightarrow A \sqsubseteq^S B$$

Demostración

$$\begin{aligned} A(\sqsubseteq^W)^S B &\Leftrightarrow \\ (B \sqcap^W S) \sqsubseteq^W A \sqsubseteq^W (B \sqcup^W S) &\Leftrightarrow \\ (B \sqcap^W S) \Delta W \leq A \Delta W \leq (B \sqcup^W S) \Delta W &\Leftrightarrow \\ [B \cdot S + W \cdot (B + S)] \Delta W \leq A \Delta W \leq [B \cdot S + W^c \cdot (B + S)] \Delta W &\Leftrightarrow \\ \{ [B \cdot S + W \cdot (B + S)] \cdot W^c + [(B' + S') \cdot (W^c + B' \cdot S')] \cdot W \} \leq & \\ (A \cdot W^c + A' \cdot W) \leq & \\ \{ [B \cdot S + W^c \cdot (B + S)] \cdot W^c + [(B' + S') \cdot (W + B' \cdot S')] \cdot W \}, & \end{aligned}$$

Simplificando estas últimas desigualdades, se obtiene:

$$(B \cdot S \cdot W^c + B' \cdot S' \cdot W) \leq (A \cdot W^c + A' \cdot W) \leq [(B + S) \cdot W^c + (B' + S') \cdot W].$$

Componiendo las desigualdades anteriores con W^c y con W , utilizando el operador isótono "ínfimo" \cdot en L y simplificando:

$$(*) B \cdot S \cdot W^c \leq A \cdot W^c \leq (B + S) \cdot W^c \quad \& \quad (**) B' \cdot S' \cdot W \leq A' \cdot W \leq (B' + S') \cdot W.$$

Y por la "negación fuerte" $'$, (operador antitono en L que cumple las leyes de Morgan), obtenemos a partir de la primera (*):

$$B' + S' + W \geq A' + W \geq B' \cdot S' + W,$$

y de éstas, con el operador "ínfimo" \cdot con W^c :

$$(***) (B' + S') \cdot W^c \geq A' \cdot W^c \geq B' \cdot S' \cdot W^c.$$

De las desigualdades (***) y de las que aparecen en (**), utilizando el operador isótono "supremo" $+$ en L , se obtiene

$$B' \cdot S' \cdot (W + W^c) \leq A' \cdot (W + W^c) \leq (B' + S') \cdot (W + W^c),$$

$$\text{es decir: } B' \cdot S' \leq A' \leq (B' + S'),$$

y finalmente, de nuevo por la "negación fuerte" $'$:

$$B \cdot S \leq A \leq B + S, \text{ que demuestra que } A \sqsubseteq^S B.$$

$$A \sqsubseteq^S B \Leftrightarrow [B \cdot S \leq A \leq (B + S)] \Leftrightarrow [B' \cdot S' \leq A' \leq (B' + S)']$$

y en consecuencia

$$[B \cdot S \cdot W^c \leq A \cdot W^c \leq (B + S) \cdot W^c] \quad \& \quad [B' \cdot S' \cdot W \leq A' \cdot W \leq (B' + S') \cdot W]$$

de lo que se deduce

$$(*) B \cdot S \cdot W^c + B' \cdot S' \cdot W \leq A \cdot W^c + A' \cdot W \leq (B + S) \cdot W^c + (B' + S') \cdot W,$$

y teniendo en cuenta que $W \cdot W^c = 0$ y que

$$(P + Q) \cdot P \cdot Q = P \cdot Q, \quad (P + Q) + P \cdot Q = (P + Q),$$

de las desigualdades (*) se deducen estas otras:

$$\{ [B \cdot S + W \cdot (B + S)] \cdot W^c + [(B' + S') \cdot (W^c + B' \cdot S')] \cdot W \} \leq$$

$$(A \cdot W^c + A' \cdot W) \leq$$

$$\{ [B \cdot S + W^c \cdot (B + S)] \cdot W^c + [(B' + S') \cdot (W + B' \cdot S')] \cdot W \},$$

que son equivalentes a

$$[B \cdot S + W \cdot (B + S)] \Delta W \leq A \Delta W \leq [B \cdot S + W^c \cdot (B + S)] \Delta W,$$

es decir

$$(B \sqcap^W S) \Delta W \leq A \Delta W \leq (B \sqcup^W S) \Delta W$$

que equivalen a

$$(B \sqcap^W S) \sqsubseteq^W A \sqsubseteq^W (B \sqcup^W S) \text{ y que demuestran que}$$

$$A(\sqsubseteq^W)^S B$$

Corolario. Para W tal que $W' = W^{\circ}$ y para todo S , el operador ínfimo $(\Pi^W)^S$ en el inf-semirretículo $(L, (\sqcap^W)^S, (\Pi^W)^S)$ coincide con Π^S :

$$A(\Pi^W)^S B = A \Pi^S B$$

Y si además $S' = S^{\circ}$ el operador supremo $(\sqcup^W)^S$ en el ahora retículo $(L, (\sqcap^W)^S, (\Pi^W)^S, (\sqcup^W)^S)$ coincide con Π^S

$$A(\sqcup^W)^S B = A \sqcup^S B$$

Corolario. Para W tal que $W' = W^{\circ}$ y para todo S , el operador ínfimo $(\Pi^W)^S$ en el inf-semirretículo $(L, (\sqsubseteq^W)^S, (\Pi^W)^S)$ coincide con Π^S :

$$A(\Pi^W)^S B = A \Pi^S B$$

Y si además $S' = S^{\circ}$ el operador supremo $(\sqcup^W)^S$ en el ahora retículo $((L, (\sqsubseteq^W)^S, (\Pi^W)^S, (\sqcup^W)^S)$ coincide con Π^S

$$A(\sqcup^W)^S B = A \sqcup^S B$$

Proposición

Se verifica:

$$(A \sqsubseteq^{W_1} B) \& (A \sqsubseteq^{W_2} B) \Leftrightarrow (A \sqsubseteq^{W_1 + W_2} B) \& (A \sqsubseteq^{W_1 \cdot W_2} B)$$

Corolario. Para W tal que $W' = W^{\circ}$ y para todo S , el operador ínfimo $(\Pi^W)^S$ en el inf-semirretículo $(L, (\sqsubseteq^W)^S, (\Pi^W)^S)$ coincide con Π^S :

$$A(\Pi^W)^S B = A\Pi^S B$$

Y si además $S' = S^{\circ}$ el operador supremo $(\sqcup^W)^S$ en el ahora retículo $((L, (\sqsubseteq^W)^S, (\Pi^W)^S, (\sqcup^W)^S)$ coincide con Π^S

$$A(\sqcup^W)^S B = A\sqcup^S B$$

Proposición

Se verifica:

$$(A \sqsubseteq^{W_1} B) \& (A \sqsubseteq^{W_2} B) \Leftrightarrow (A \sqsubseteq^{W_1 + W_2} B) \& (A \sqsubseteq^{W_1 \cdot W_2} B)$$

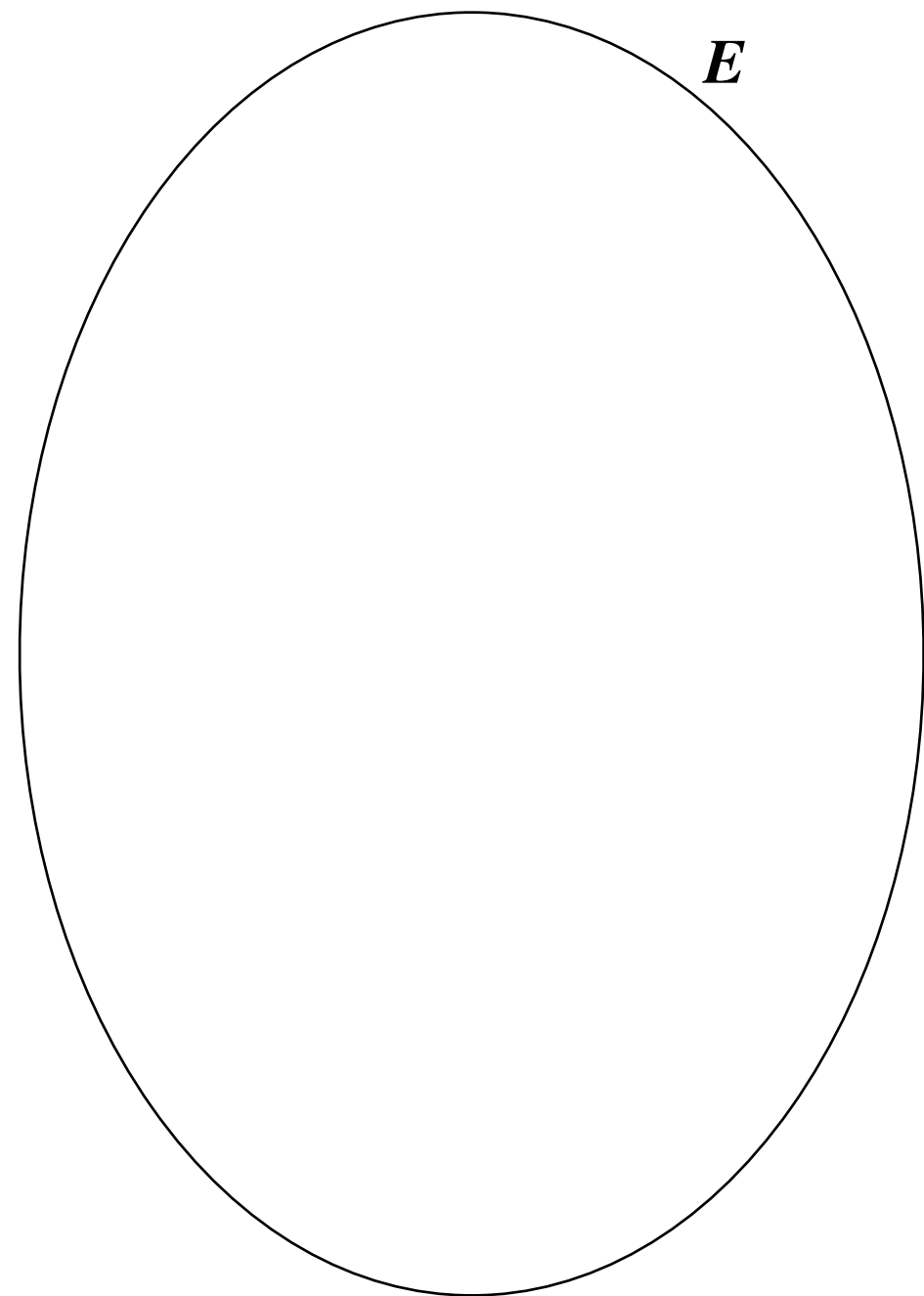
Si S es tal que $S^{\circ} = S'$, entonces

$$(A \sqsubseteq^{W_1} B) \& (A \sqsubseteq^{W_2} B) \Leftrightarrow (A \sqsubseteq^{W_1 \sqcup^{S W_2}} B) \& (A \sqsubseteq^{W_1 \Pi^{S W_2}} B)$$

Relación entre los órdenes de actividad
y las funciones de medida

ÓRDENES DE ACTIVIDAD EN ESPACIOS DE MEDIDA .

Medida en $(P(E), \sqsubseteq^W)$ obtenida a partir de otra en $(P(E), \subseteq)$



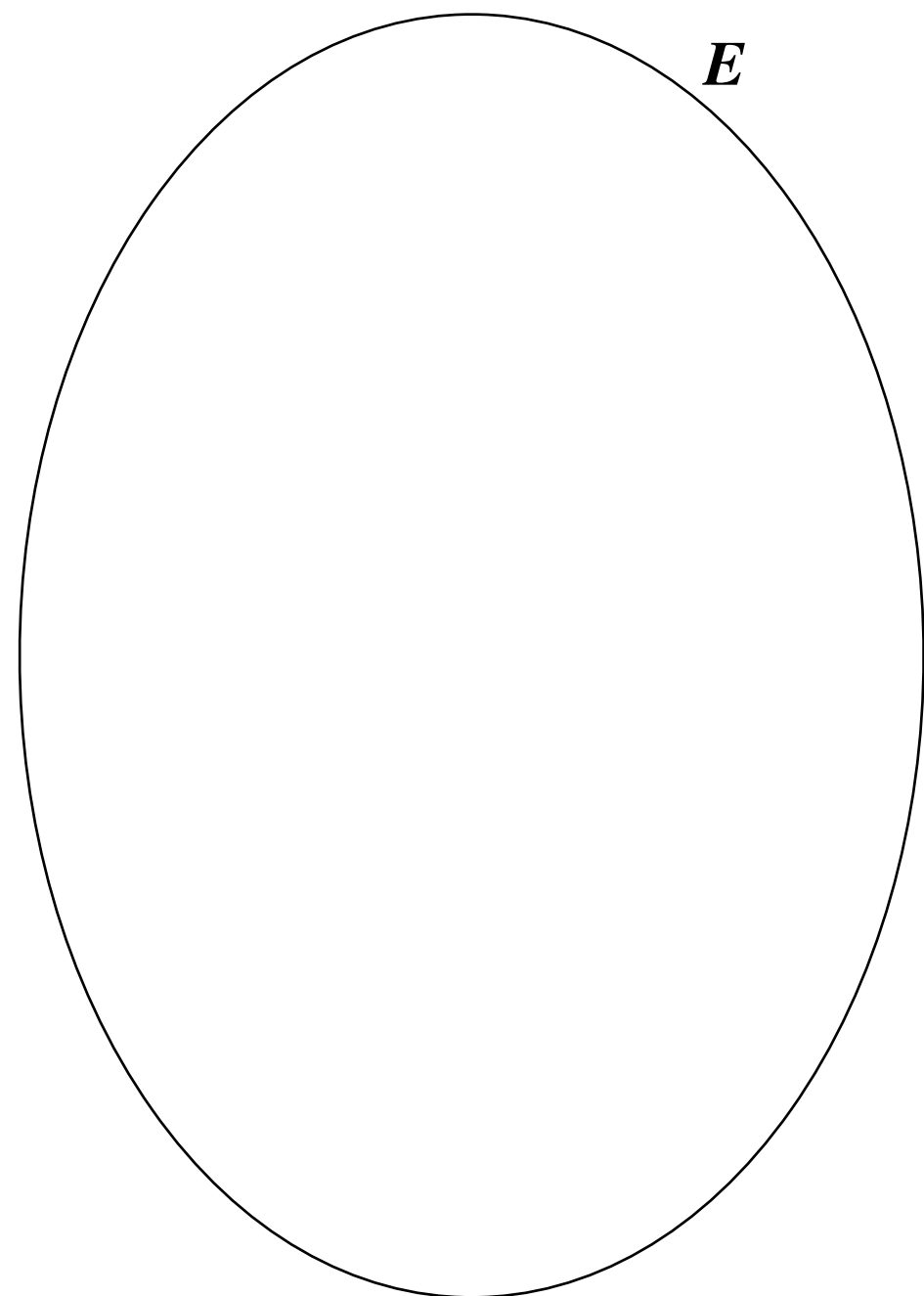
ÓRDENES DE ACTIVIDAD EN ESPACIOS DE MEDIDA .

Medida en $(P(E), \subseteq^W)$ obtenida a partir de otra en $(P(E), \subseteq)$

Sea $m: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ una medida en $(P(E), \subseteq)$.

$$A \subseteq B \Rightarrow m(A) \leq m(B)$$

$$\text{Se verifica: } m(A \cap B) + m(A \cup B) = m(A) + m(B)$$



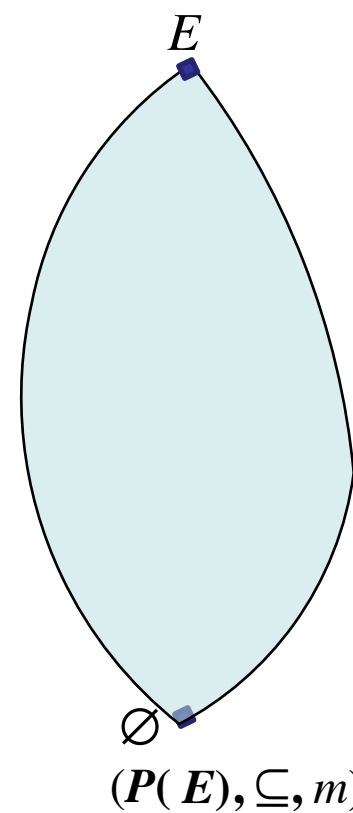
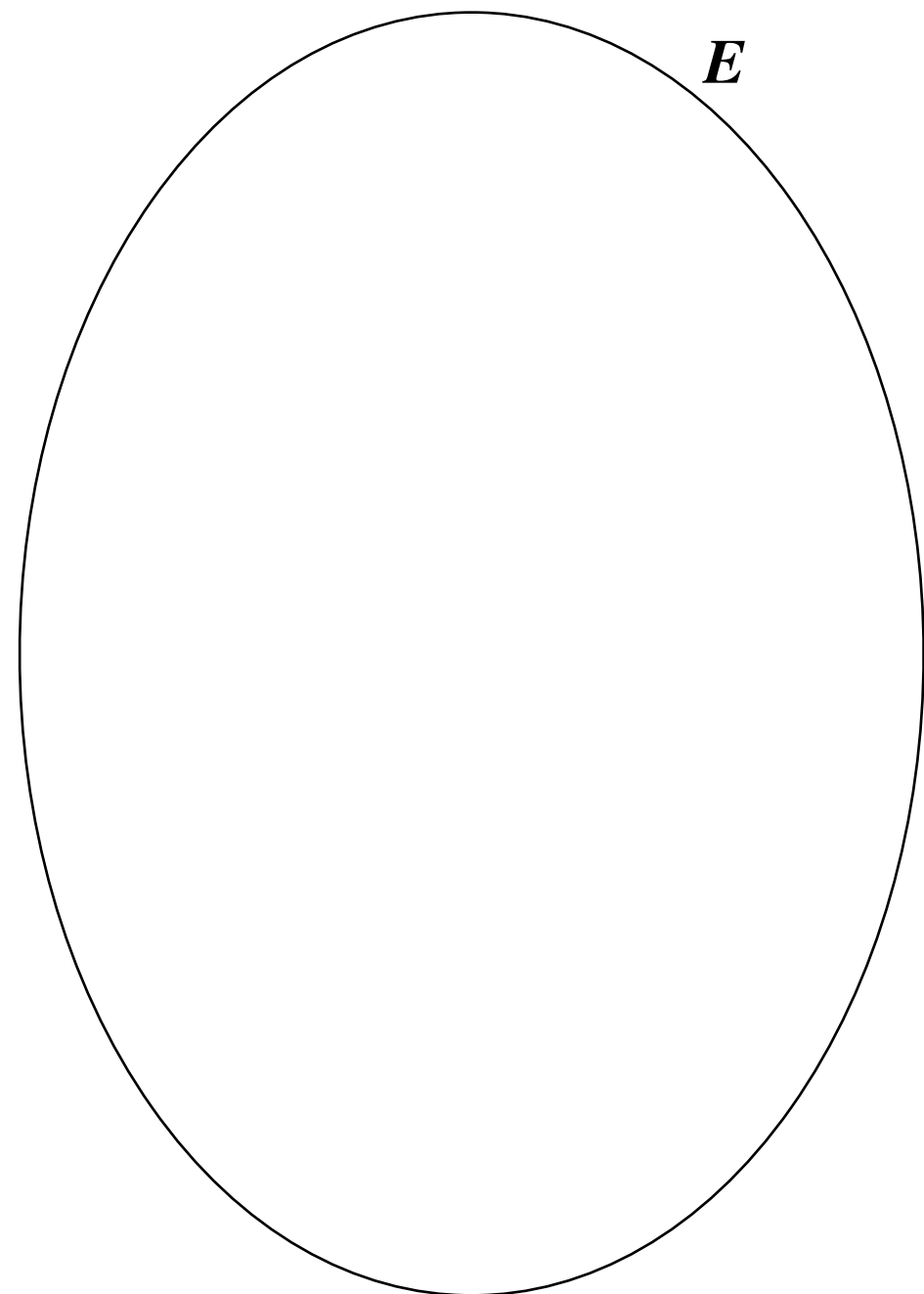
ORDENES DE ACTIVIDAD EN ESPACIOS DE MEDIDA .

Medida en $(P(E), \subseteq^W)$ obtenida a partir de otra en $(P(E), \subseteq)$

Sea $m: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ una medida en $(P(E), \subseteq)$.

$$A \subseteq B \Rightarrow m(A) \leq m(B)$$

$$\text{Se verifica: } m(A \cap B) + m(A \cup B) = m(A) + m(B)$$



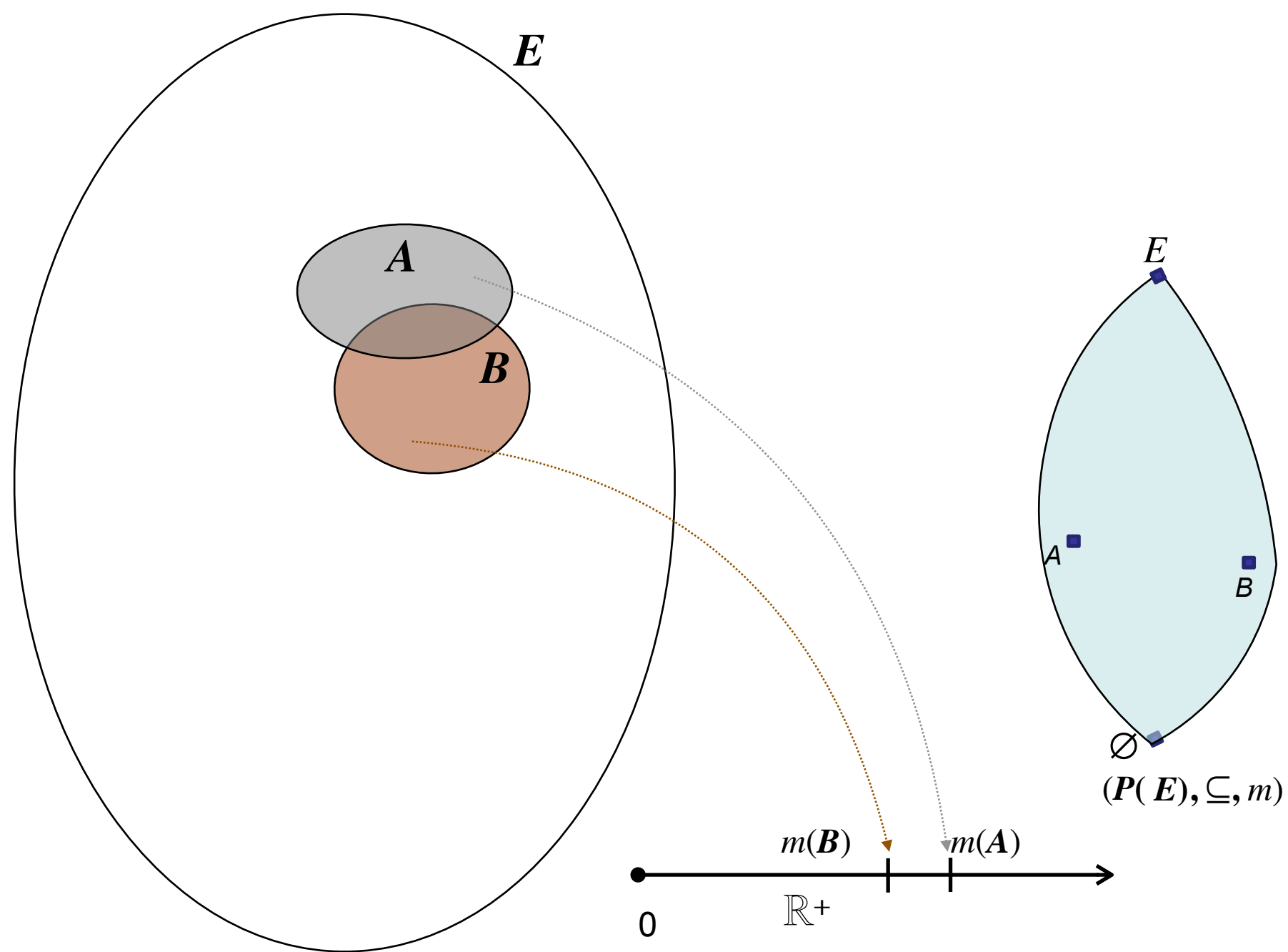
ORDENES DE ACTIVIDAD EN ESPACIOS DE MEDIDA .

Medida en $(P(E), \subseteq^W)$ obtenida a partir de otra en $(P(E), \subseteq)$

Sea $m: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ una medida en $(P(E), \subseteq)$.

$$A \subseteq B \Rightarrow m(A) \leq m(B)$$

$$\text{Se verifica: } m(A \cap B) + m(A \cup B) = m(A) + m(B)$$



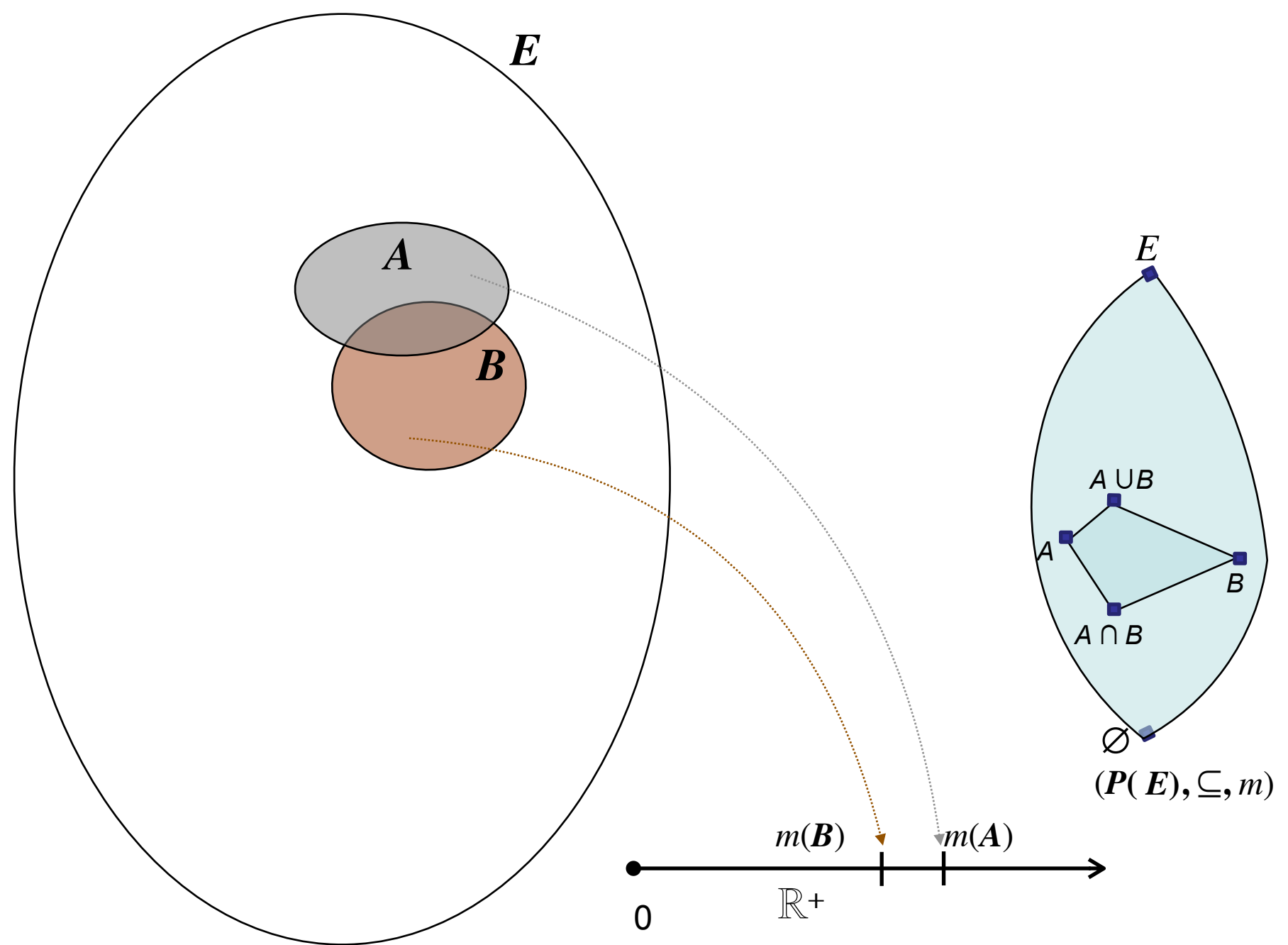
ORDENES DE ACTIVIDAD EN ESPACIOS DE MEDIDA .

Medida en $(P(E), \subseteq^W)$ obtenida a partir de otra en $(P(E), \subseteq)$

Sea $m: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ una medida en $(P(E), \subseteq)$.

$$A \subseteq B \Rightarrow m(A) \leq m(B)$$

$$\text{Se verifica: } m(A \cap B) + m(A \cup B) = m(A) + m(B)$$



ORDENES DE ACTIVIDAD EN ESPACIOS DE MEDIDA .

Medida en $(P(E), \subseteq^W)$ obtenida a partir de otra en $(P(E), \subseteq)$

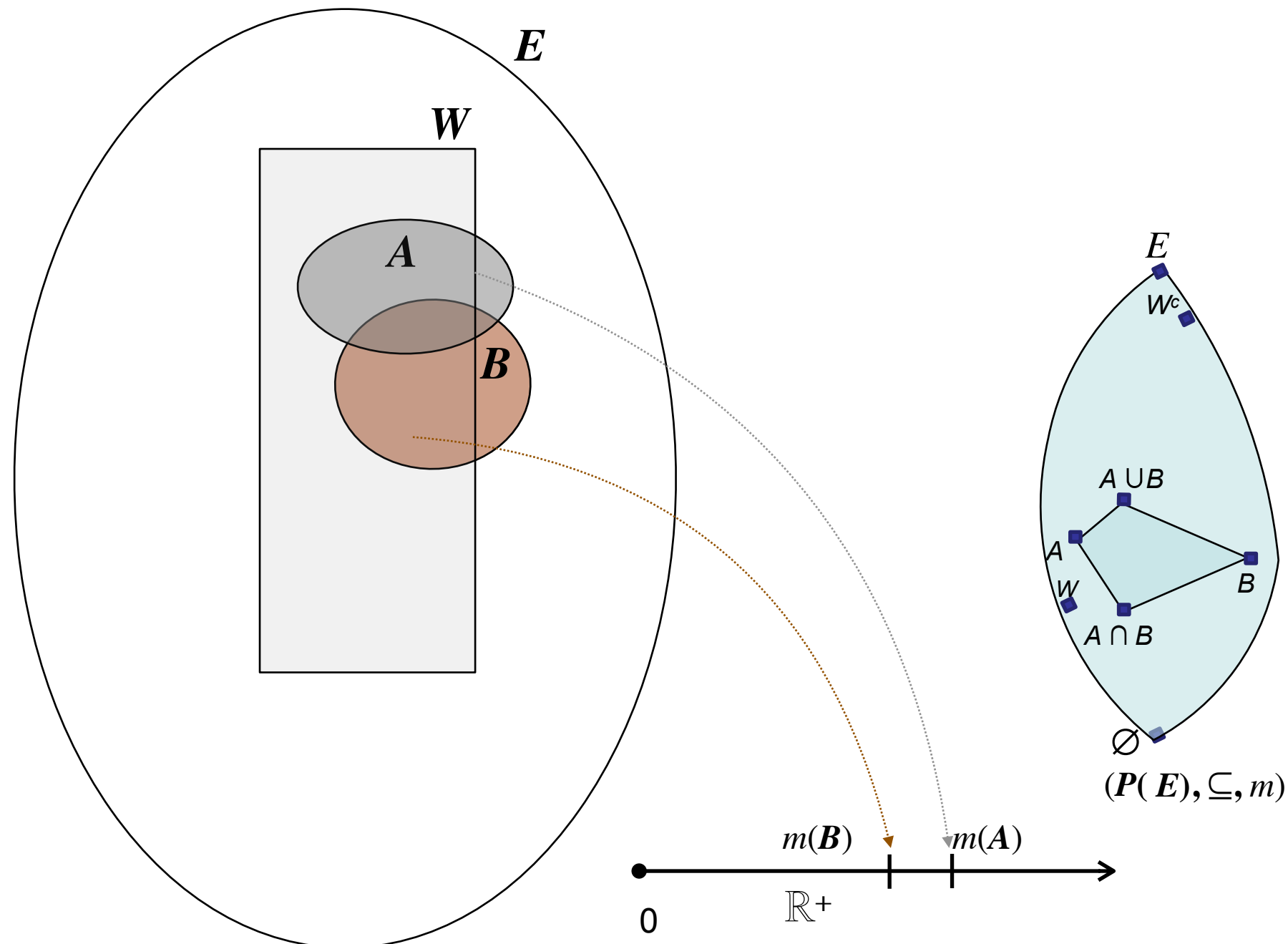
Sea $m: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ una medida en $(P(E), \subseteq)$.

$$A \subseteq B \Rightarrow m(A) \leq m(B)$$

$$\text{Se verifica: } m(A \cap B) + m(A \cup B) = m(A) + m(B)$$

Para $W \in P(E)$ sea $m_W: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ tal que

$$m_W(A) = m(A \triangle W) = m((A \cap W^c) \cup (A^c \cap W)) \quad \forall A \in P(E)$$



ORDENES DE ACTIVIDAD EN ESPACIOS DE MEDIDA.

Medida en $(P(E), \sqsubseteq^W)$ obtenida a partir de otra en $(P(E), \subseteq)$

Sea $m: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ una medida en $(P(E), \subseteq)$.

$$A \subseteq B \Rightarrow m(A) \leq m(B)$$

Se verifica: $m(A \cap B) + m(A \cup B) = m(A) + m(B)$

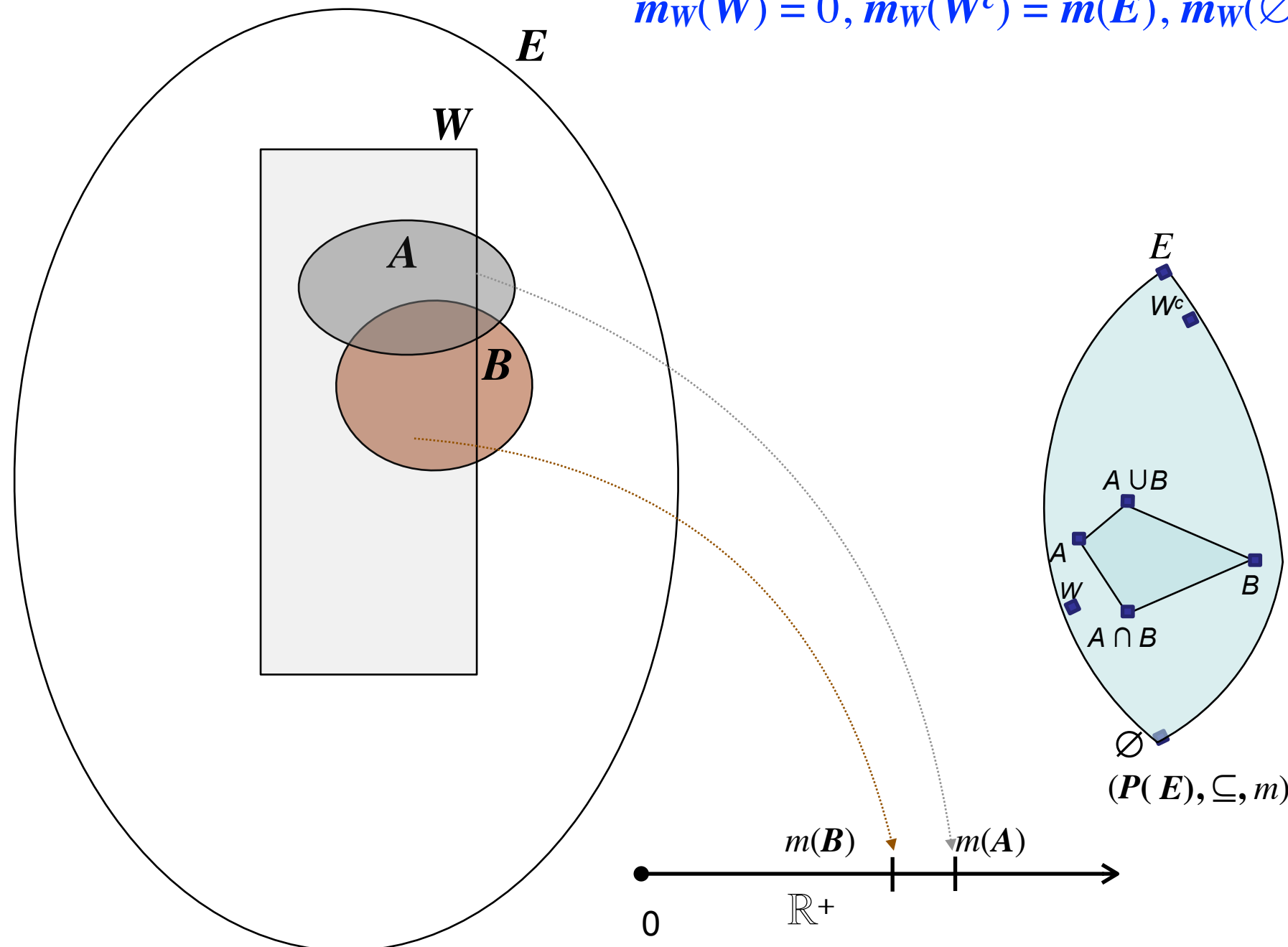
Para $W \in P(E)$ sea $m_W: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ tal que

$$m_W(A) = m(A \triangle W) = m((A \cap W^c) \cup (A^c \cap W)) \quad \forall A \in P(E)$$

Se verifica: $A \sqsubseteq^W B \Rightarrow m_W(A) \leq m_W(B)$

$$\Upsilon: m_W(A \sqcap^W B) + m_W(A \sqcup^W B) = m_W(A \cap B) + m_W(A \cup B) = m_W(A) + m_W(B)$$

$$m_W(W) = 0, m_W(W^c) = m(E), m_W(\emptyset) = m(W), m_W(E) = m(W^c)$$



ORDENES DE ACTIVIDAD EN ESPACIOS DE MEDIDA.

Medida en $(P(E), \sqsubseteq^W)$ obtenida a partir de otra en $(P(E), \subseteq)$

Sea $m: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ una medida en $(P(E), \subseteq)$.

$$A \subseteq B \Rightarrow m(A) \leq m(B)$$

Se verifica: $m(A \cap B) + m(A \cup B) = m(A) + m(B)$

Para $W \in P(E)$ sea $m_W: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ tal que

$$m_W(A) = m(A \triangle W) = m((A \cap W^c) \cup (A^c \cap W)) \quad \forall A \in P(E)$$

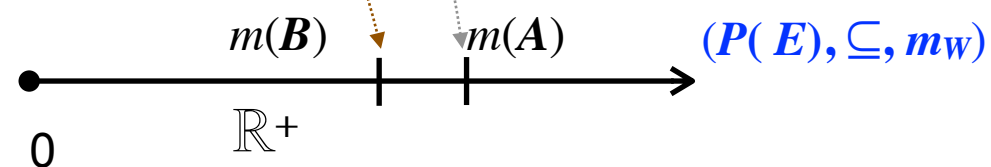
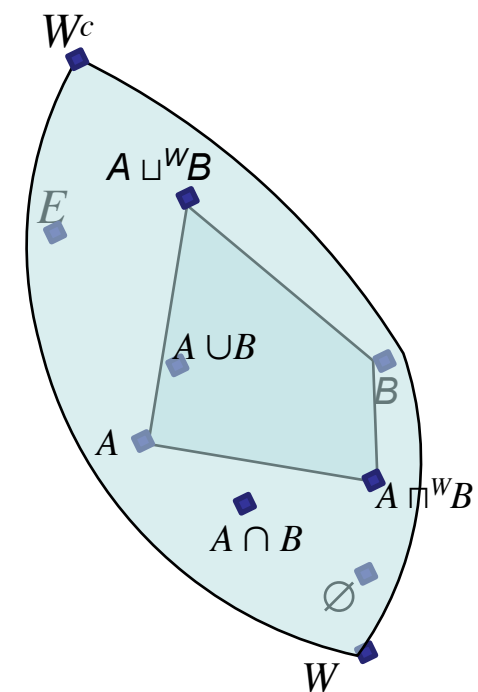
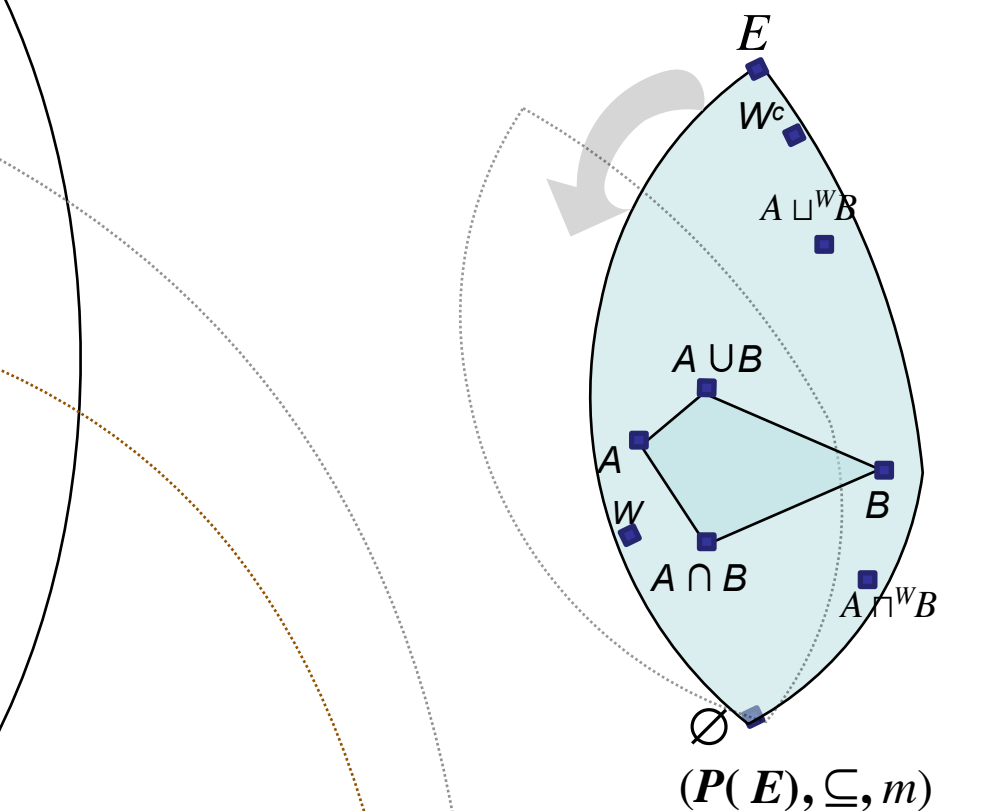
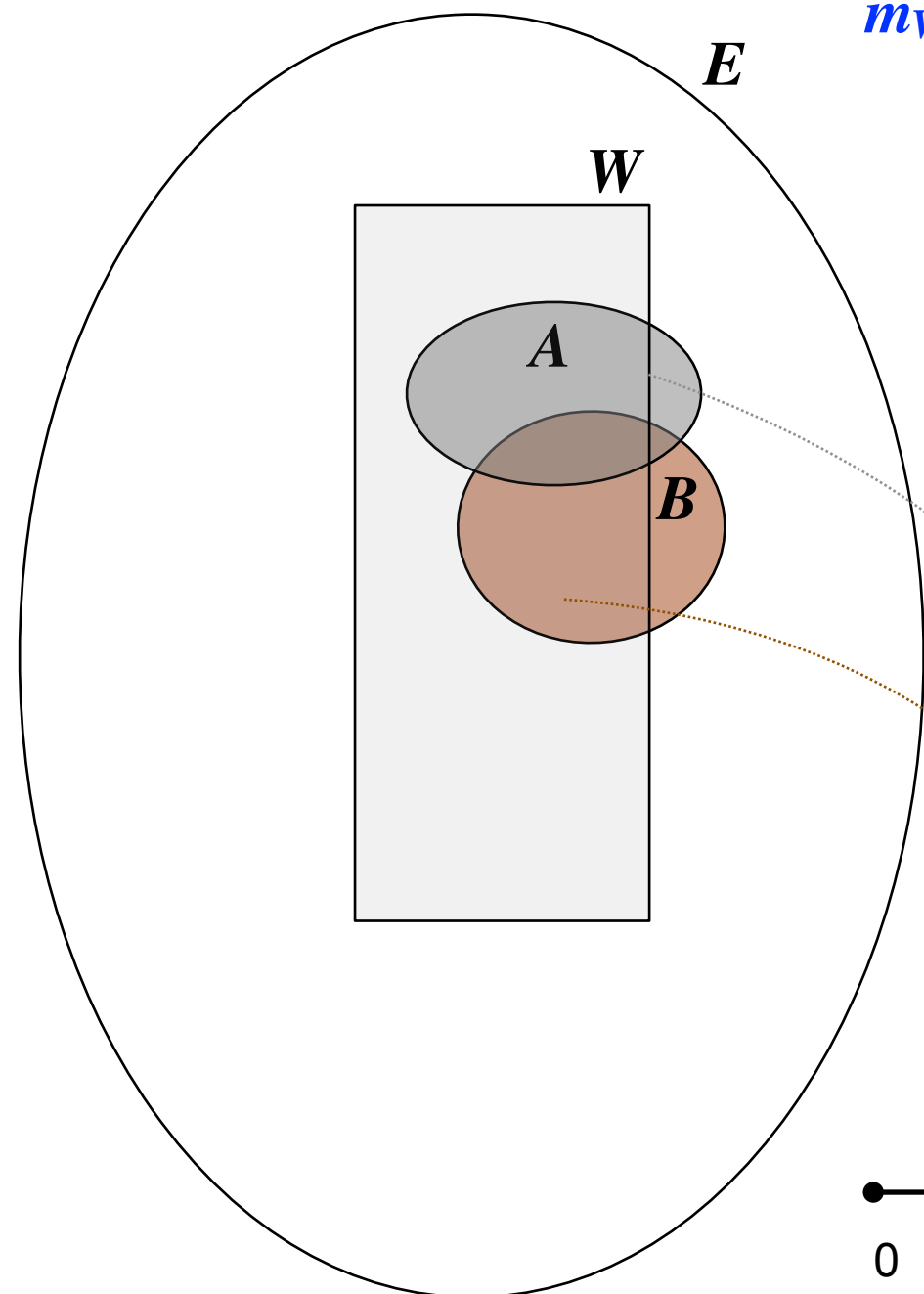
Se verifica: $A \sqsubseteq^W B \Rightarrow m_W(A) \leq m_W(B)$

$$\Upsilon: m_W(A \cap^W B) + m_W(A \sqcup^W B) = m_W(A \cap B) + m_W(A \cup B) = m_W(A) + m_W(B)$$

$$m_W(W) = 0, m_W(W^c) = m(E), m_W(\emptyset) = m(W), m_W(E) = m(W^c)$$

$m_W: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ es nueva medida en $(P(E), \subseteq)$?

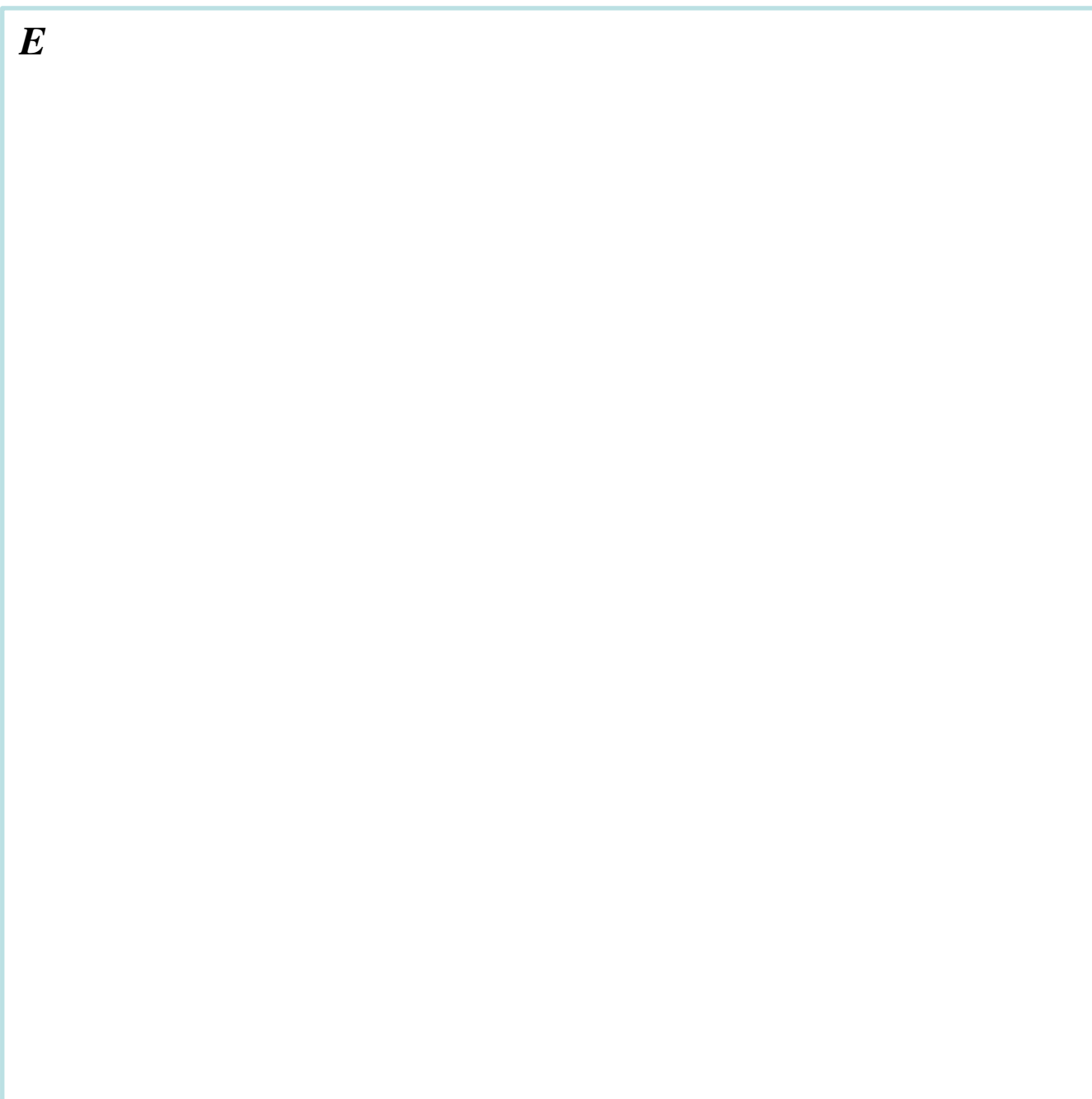
$m_W: P(E) \rightarrow \mathbb{R}^+$ medida en el álgebra de Boole $(P(E), \sqsubseteq^W)$



ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado de área 1

Sea \mathcal{B} la clase de subconjuntos A, B, W, \dots de E con área,
entonces: $Pr(A) = \text{área de } A$

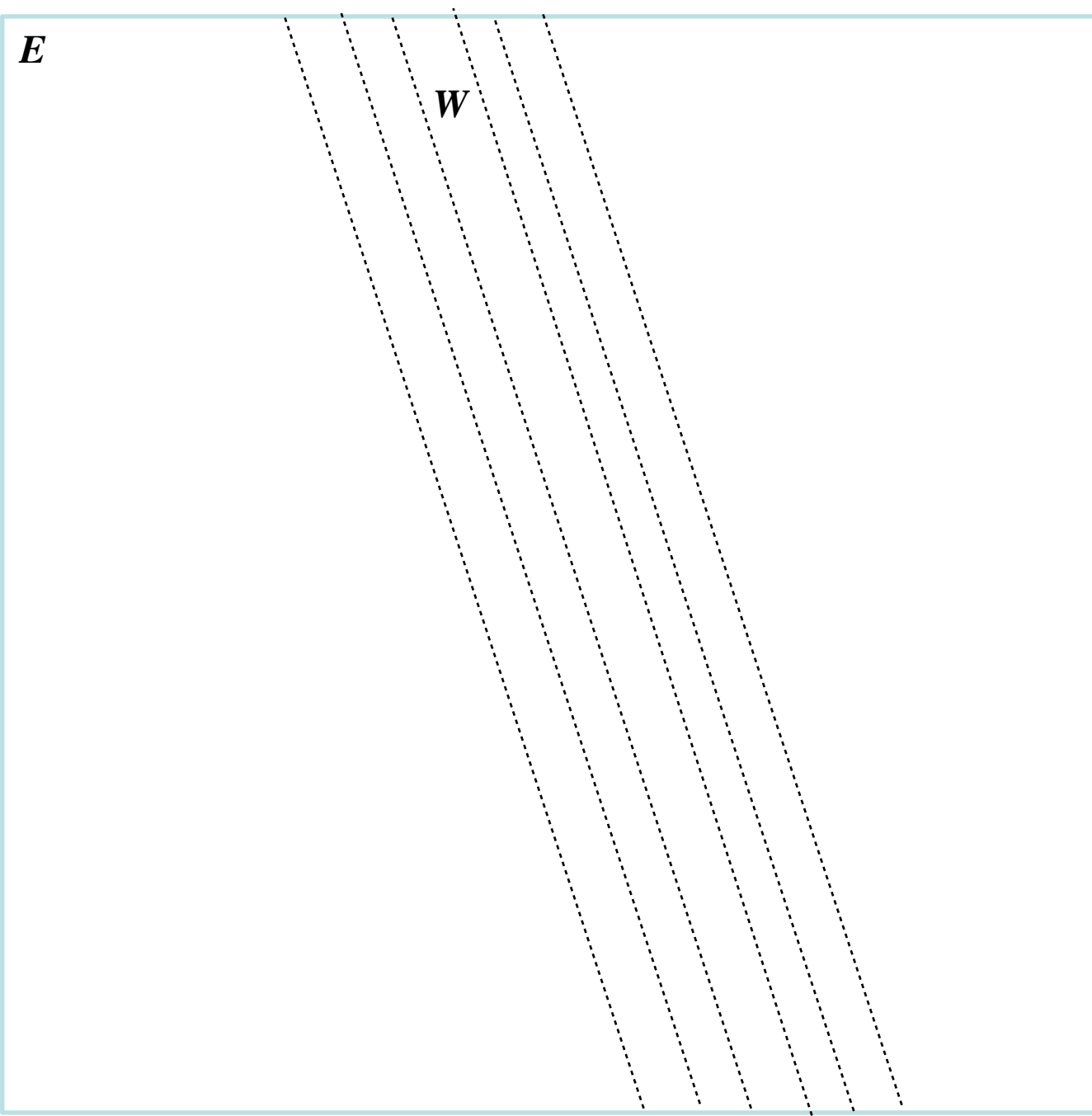


ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado de área 1

Sea \mathcal{B} la clase de subconjuntos A, B, W, \dots de E con área, entonces: $Pr(A) = \text{área de } A$

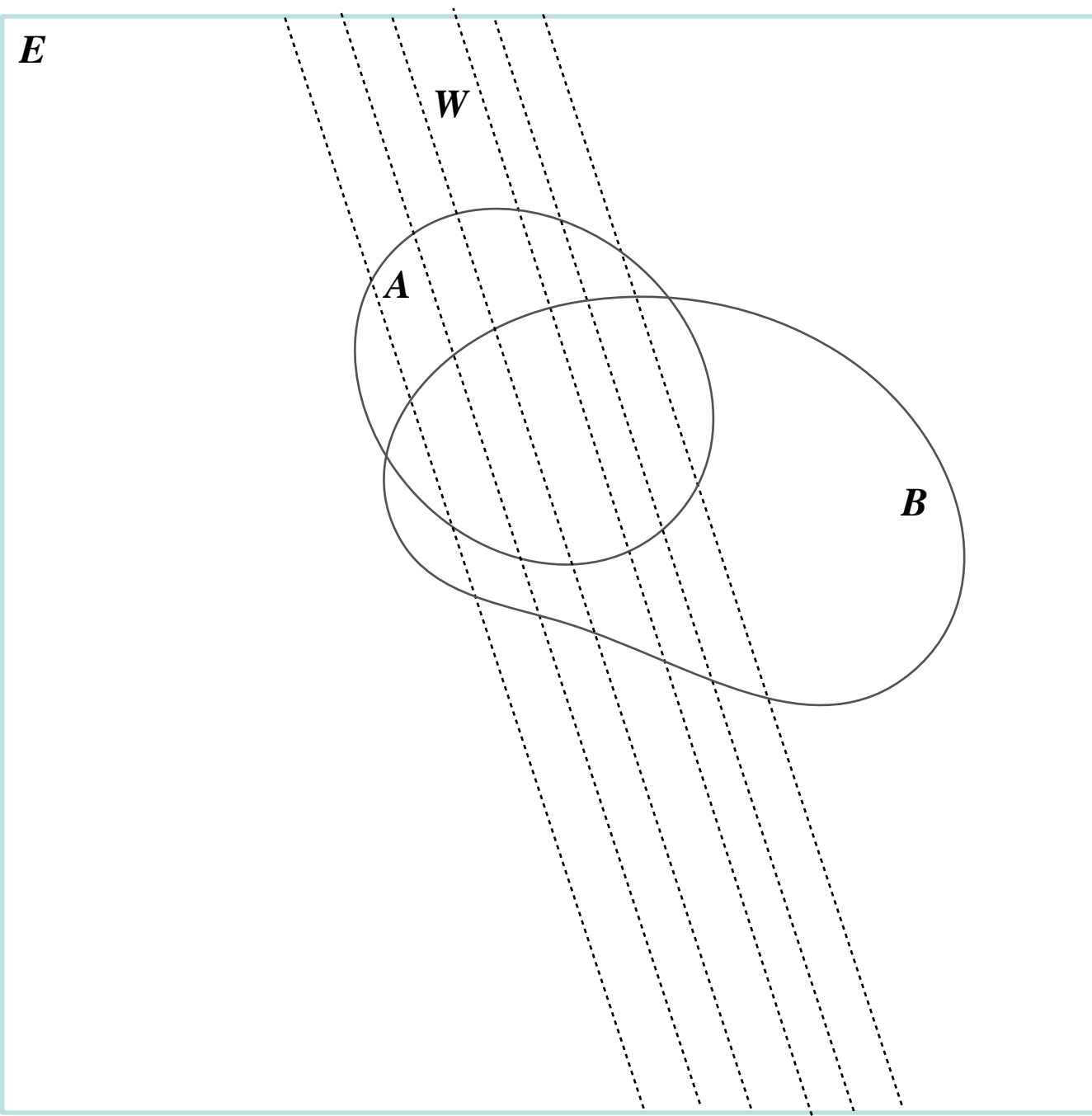
Sea W tal que $Pr(W) = 0$



ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado de área 1

Sea \mathcal{B} la clase de subconjuntos A, B, W, \dots de E con área,
entonces: $Pr(A) = \text{área de } A$



Sea W tal que $Pr(W) = 0$

$$Pr(A) = Pr(A \cap E) = Pr(A \cap (W \cup W^c)) = Pr(A \cap W^c)$$

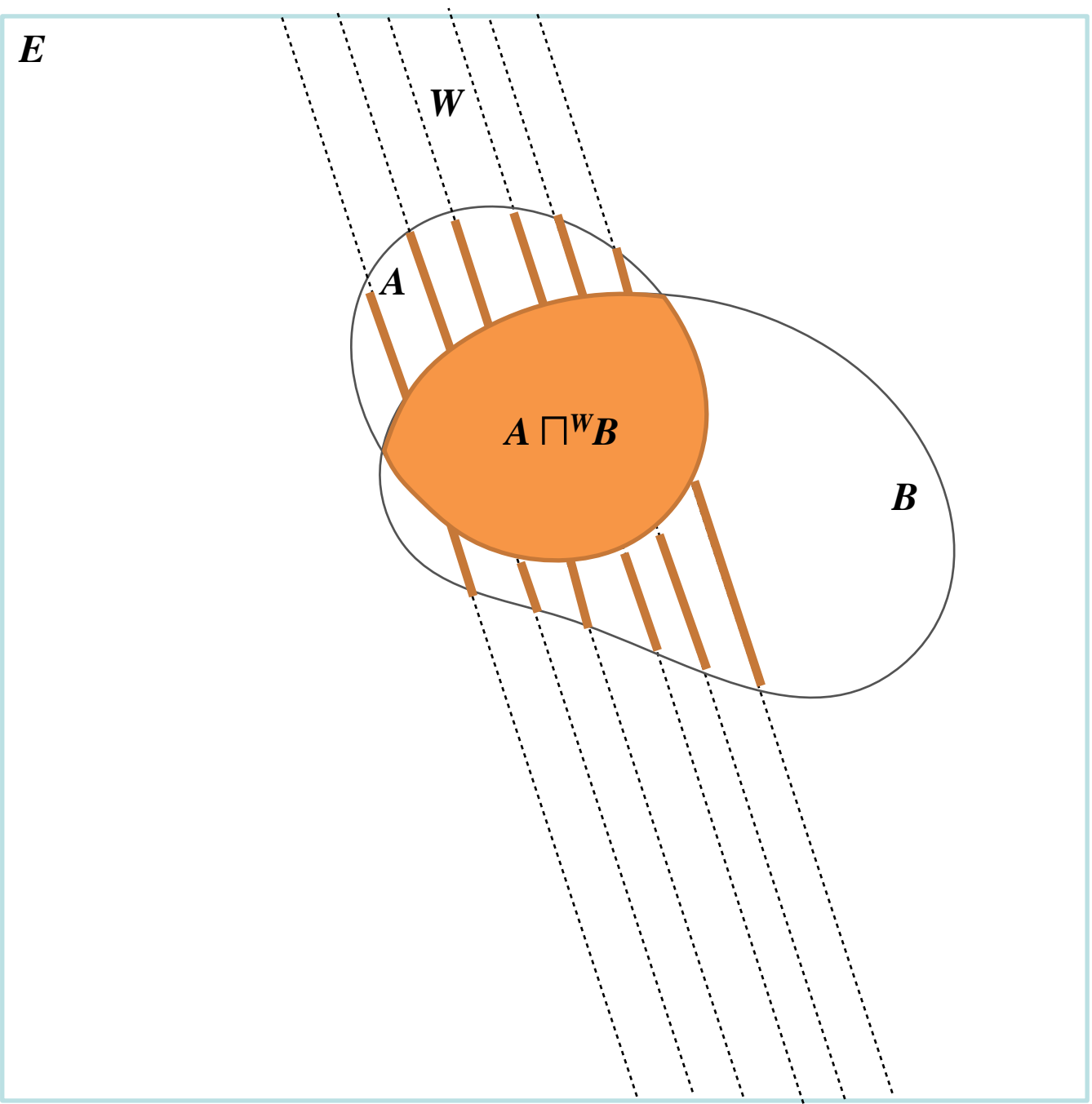
ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado de área 1

Sea \mathcal{B} la clase de subconjuntos A, B, W, \dots de E con área,
entonces: $Pr(A) = \text{área de } A$

Sea W tal que $Pr(W) = 0$

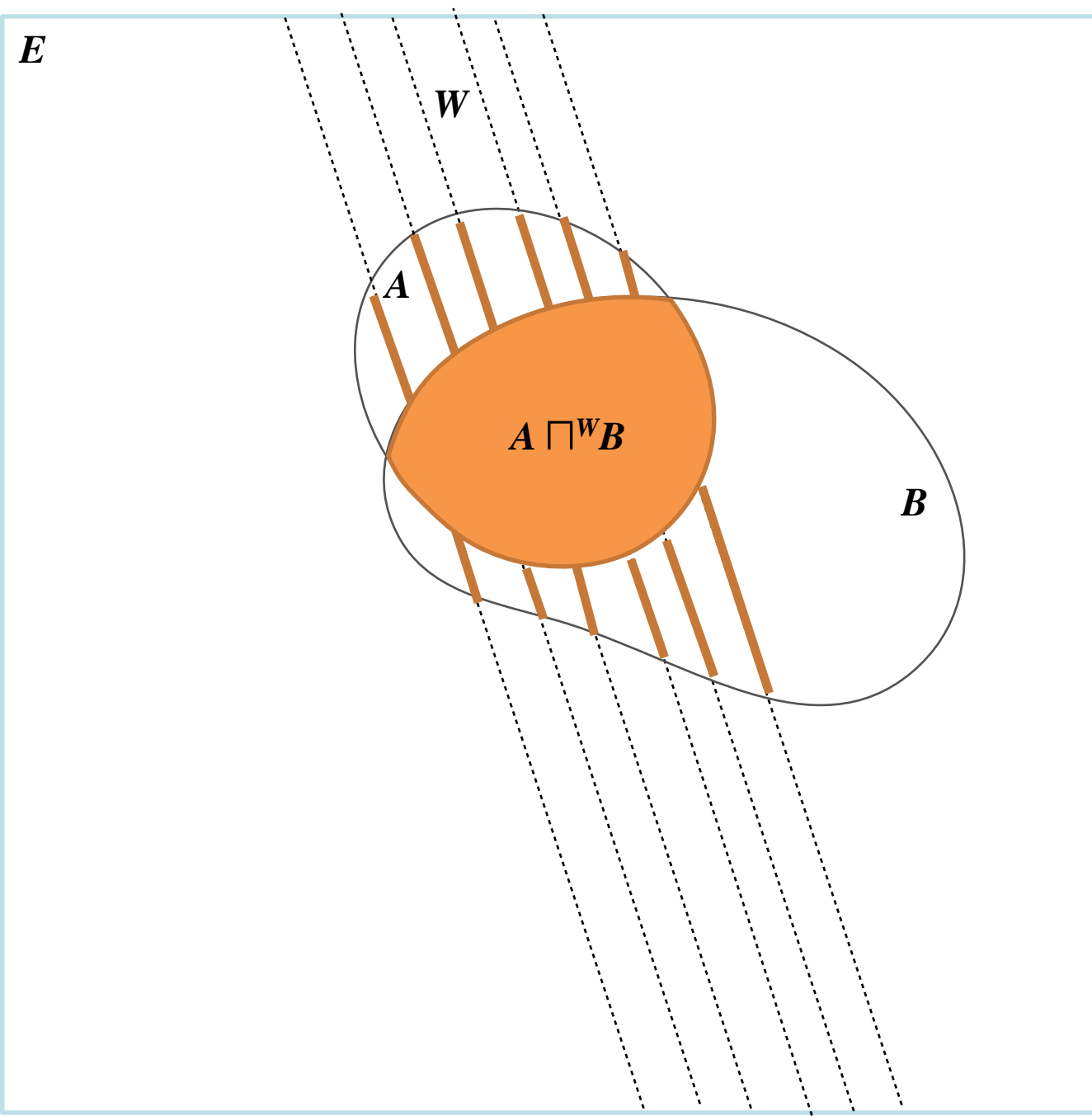
$$Pr(A) = Pr(A \cap E) = Pr(A \cap (W \cup W^c)) = Pr(A \cap W^c)$$



ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

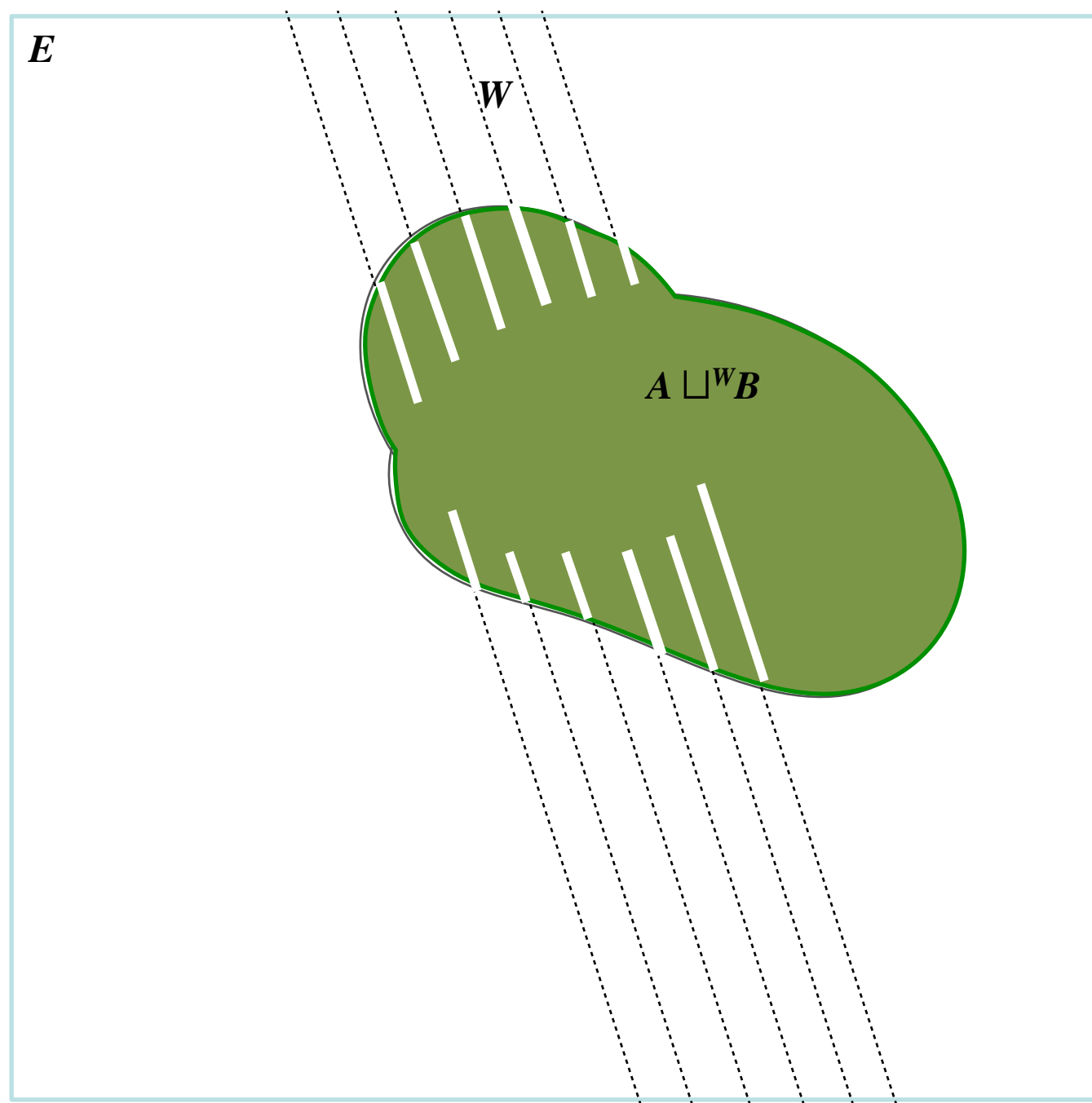
E cuadrado de área 1

Sea \mathcal{B} la clase de subconjuntos A, B, W, \dots de E con área,
entonces: $Pr(A) = \text{área de } A$



Sea W tal que $Pr(W) = 0$

$$Pr(A) = Pr(A \cap E) = Pr(A \cap (W \cup W^c)) = Pr(A \cap W^c)$$



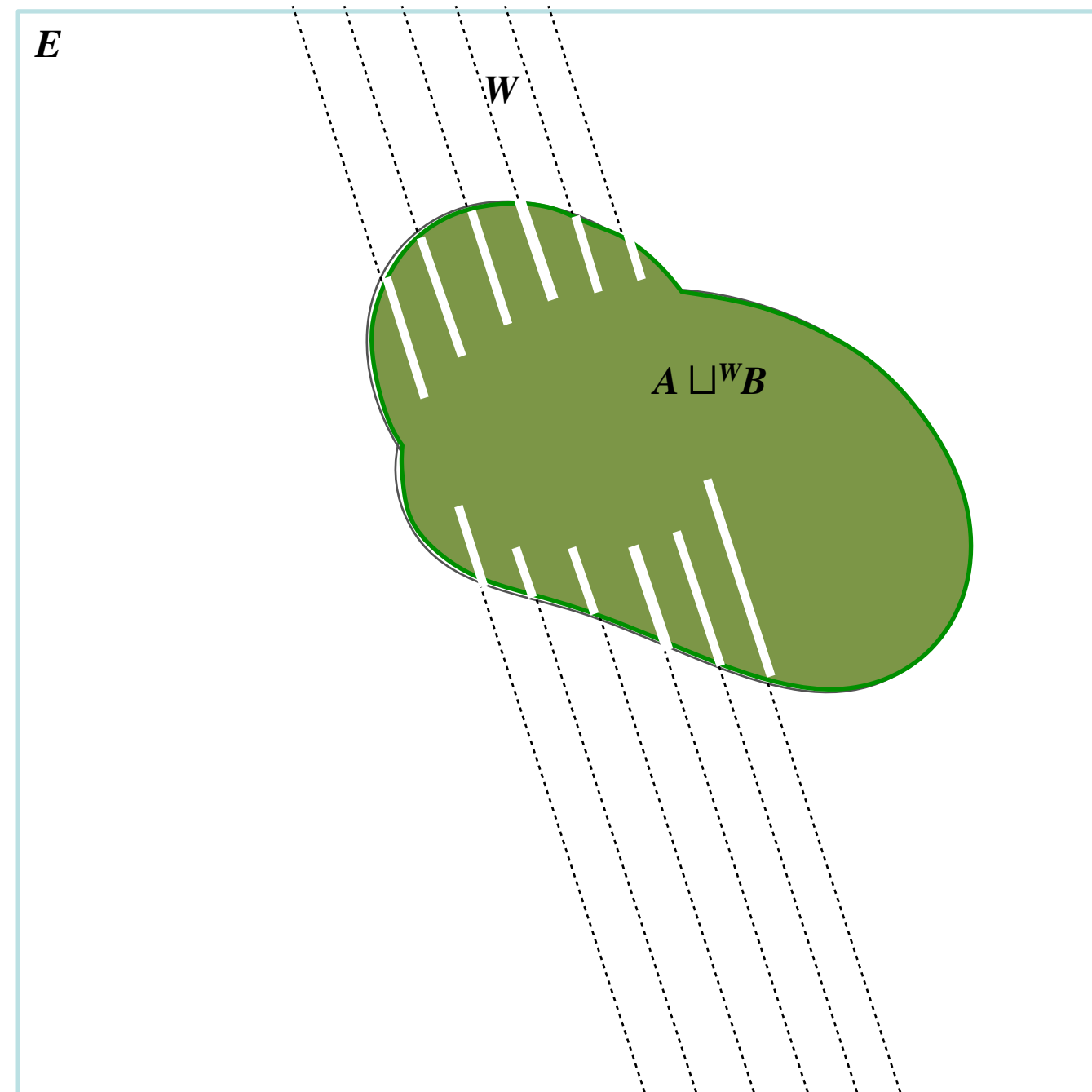
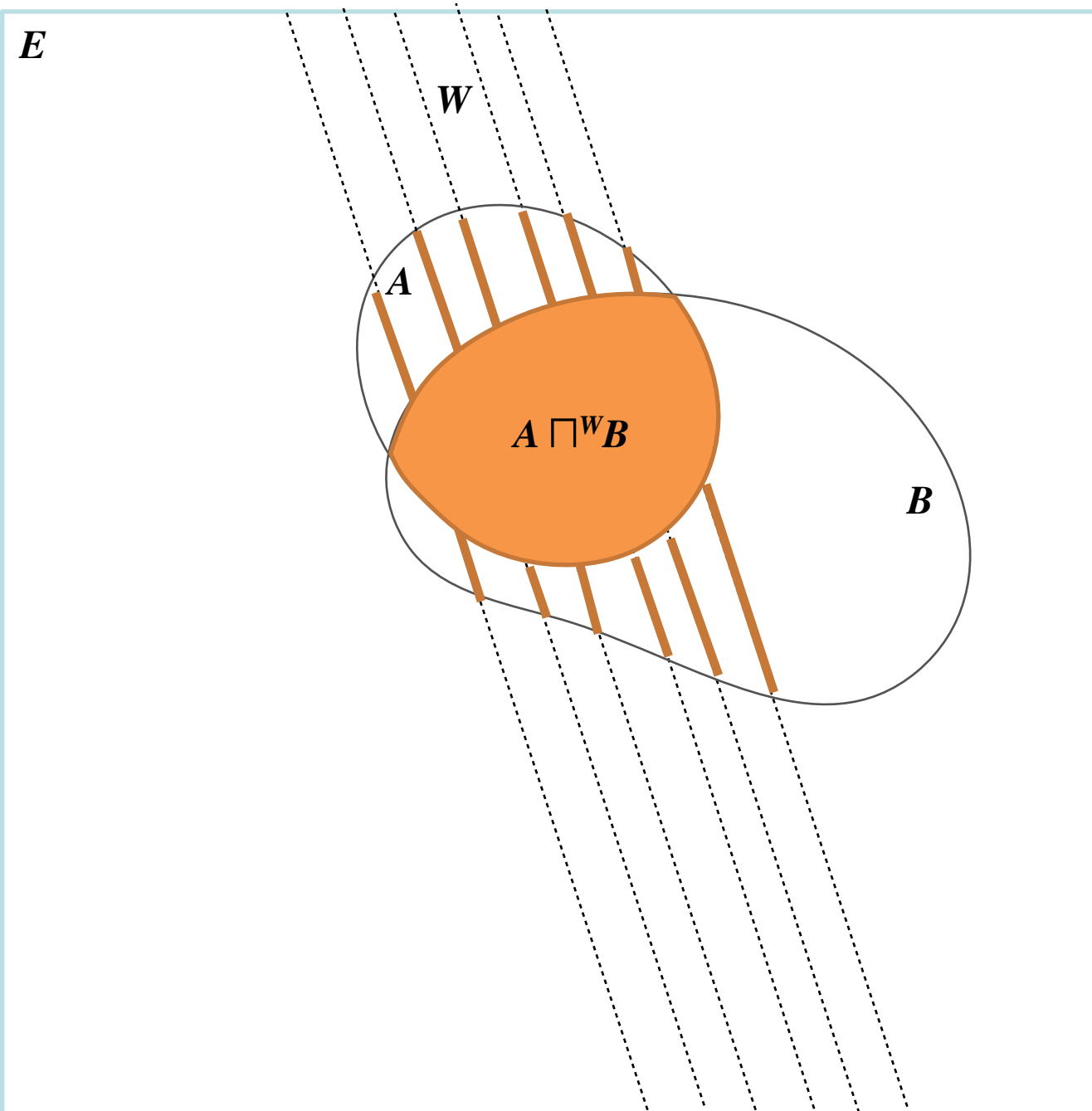
ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado de área 1

Sea \mathcal{B} la clase de subconjuntos A, B, W, \dots de E con área,
entonces: $Pr(A) = \text{área de } A$

Sea W tal que $Pr(W) = 0$

$$Pr(A) = Pr(A \cap E) = Pr(A \cap (W \cup W^c)) = Pr(A \cap W^c)$$



$$Pr_W(A) = Pr(A \Delta W) = Pr((A \cap W^c) \cup (A^c \cap W)) = Pr(A \cap W^c) + Pr(A^c \cap W) = Pr(A \cap W^c) = Pr(A)$$

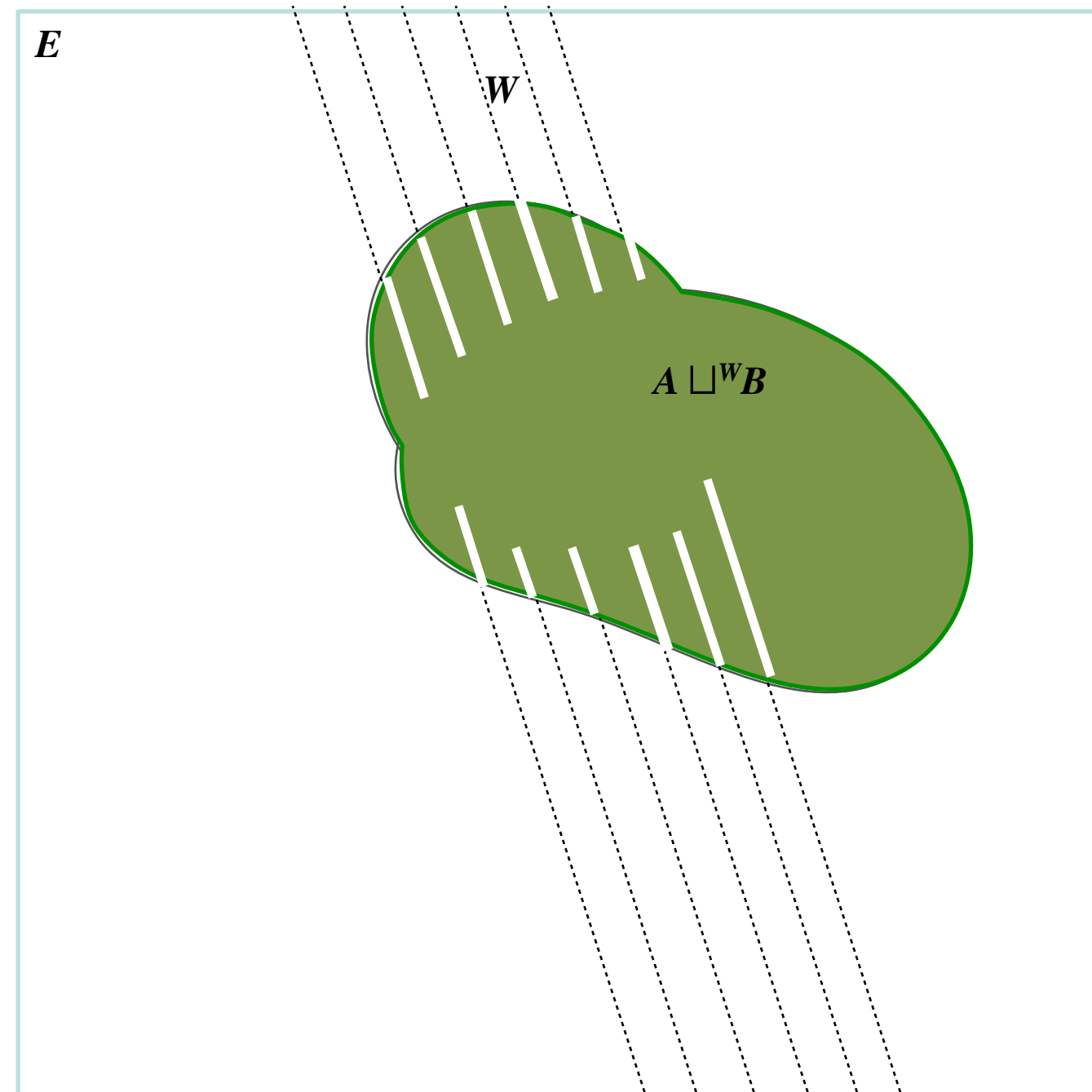
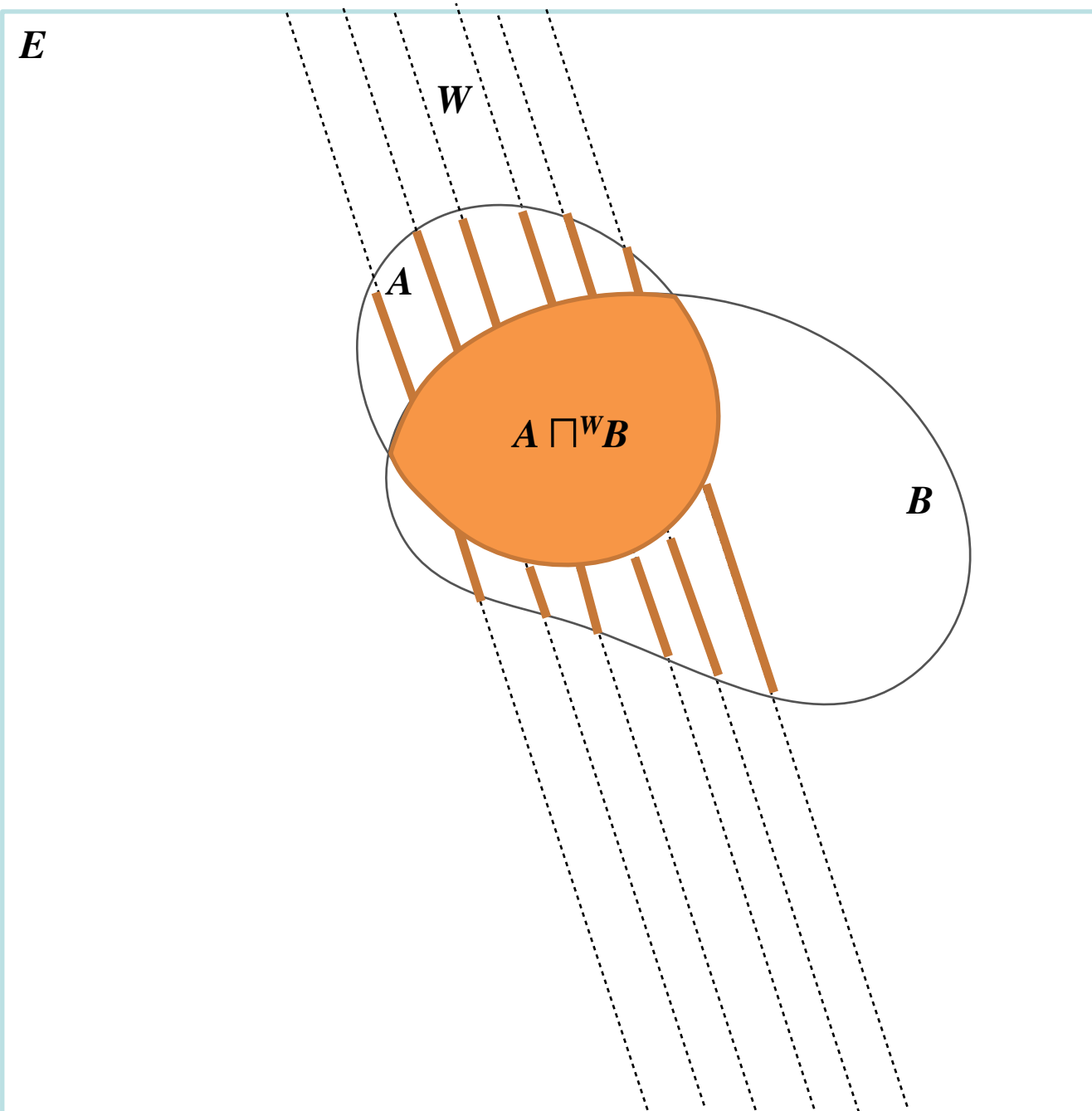
ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado de área 1

Sea \mathcal{B} la clase de subconjuntos A, B, W, \dots de E con área,
entonces: $Pr(A) = \text{área de } A$

Sea W tal que $Pr(W) = 0$

$$Pr(A) = Pr(A \cap E) = Pr(A \cap (W \cup W^c)) = Pr(A \cap W^c)$$



$$Pr_W(A) = Pr(A \Delta W) = Pr((A \cap W^c) \cup (A^c \cap W)) = Pr(A \cap W^c) + Pr(A^c \cap W) = Pr(A \cap W^c) = Pr(A)$$

$Pr: P(E) \rightarrow [0,1]$ es probabilidad en el álgebra de Boole $(P(E), \subseteq)$

$Pr: P(E) \rightarrow [0,1]$ es medida en el álgebra de Boole $(P(E), \sqsubseteq^W)$

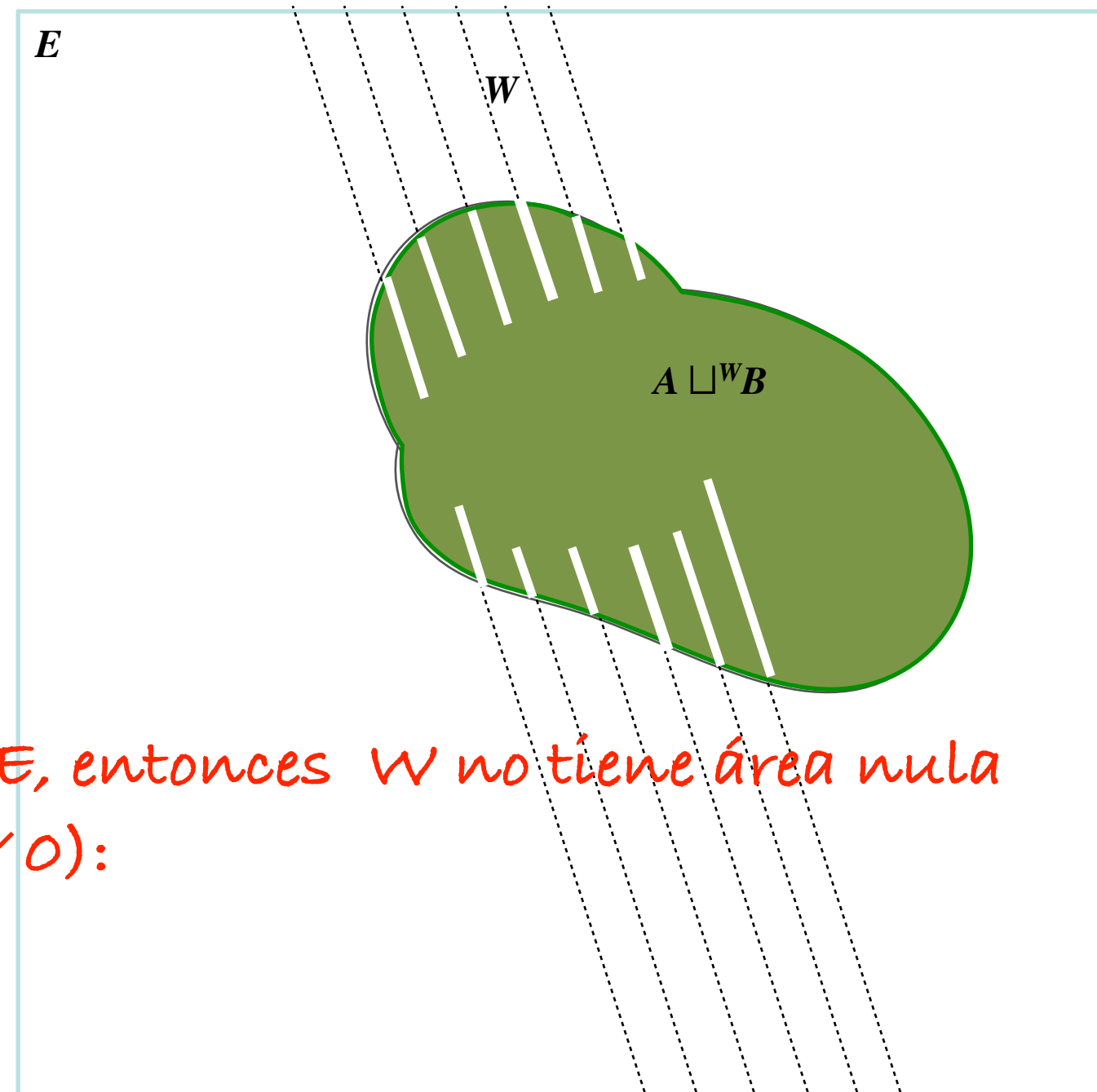
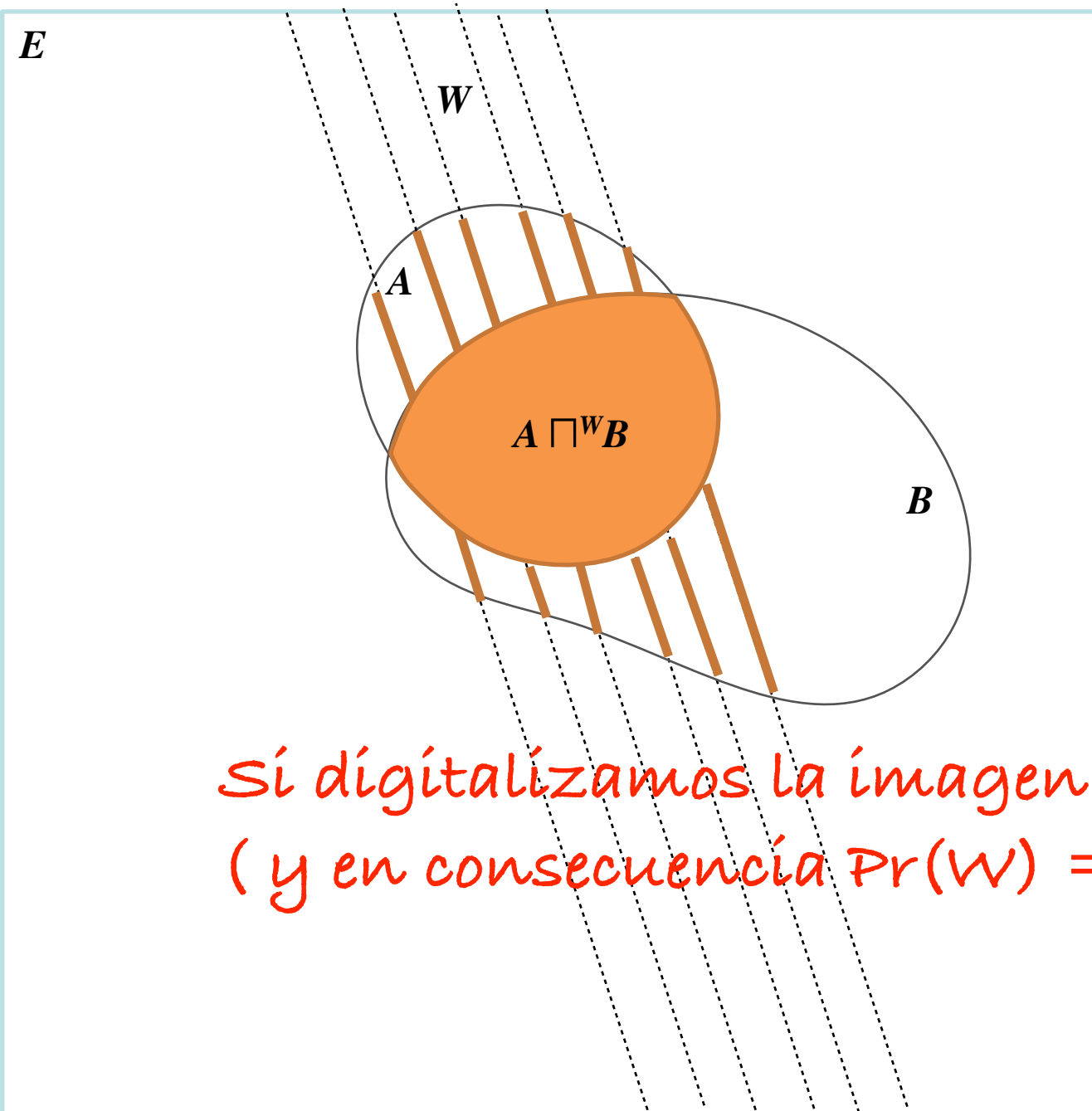
ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado de área 1

Sea \mathcal{B} la clase de subconjuntos A, B, W, \dots de E con área,
entonces: $Pr(A) = \text{área de } A$

Sea W tal que $Pr(W) = 0$

$$Pr(A) = Pr(A \cap E) = Pr(A \cap (W \cup W^c)) = Pr(A \cap W^c)$$



Si digitalizamos la imagen E , entonces W no tiene área nula
(y en consecuencia $Pr(W) \neq 0$):

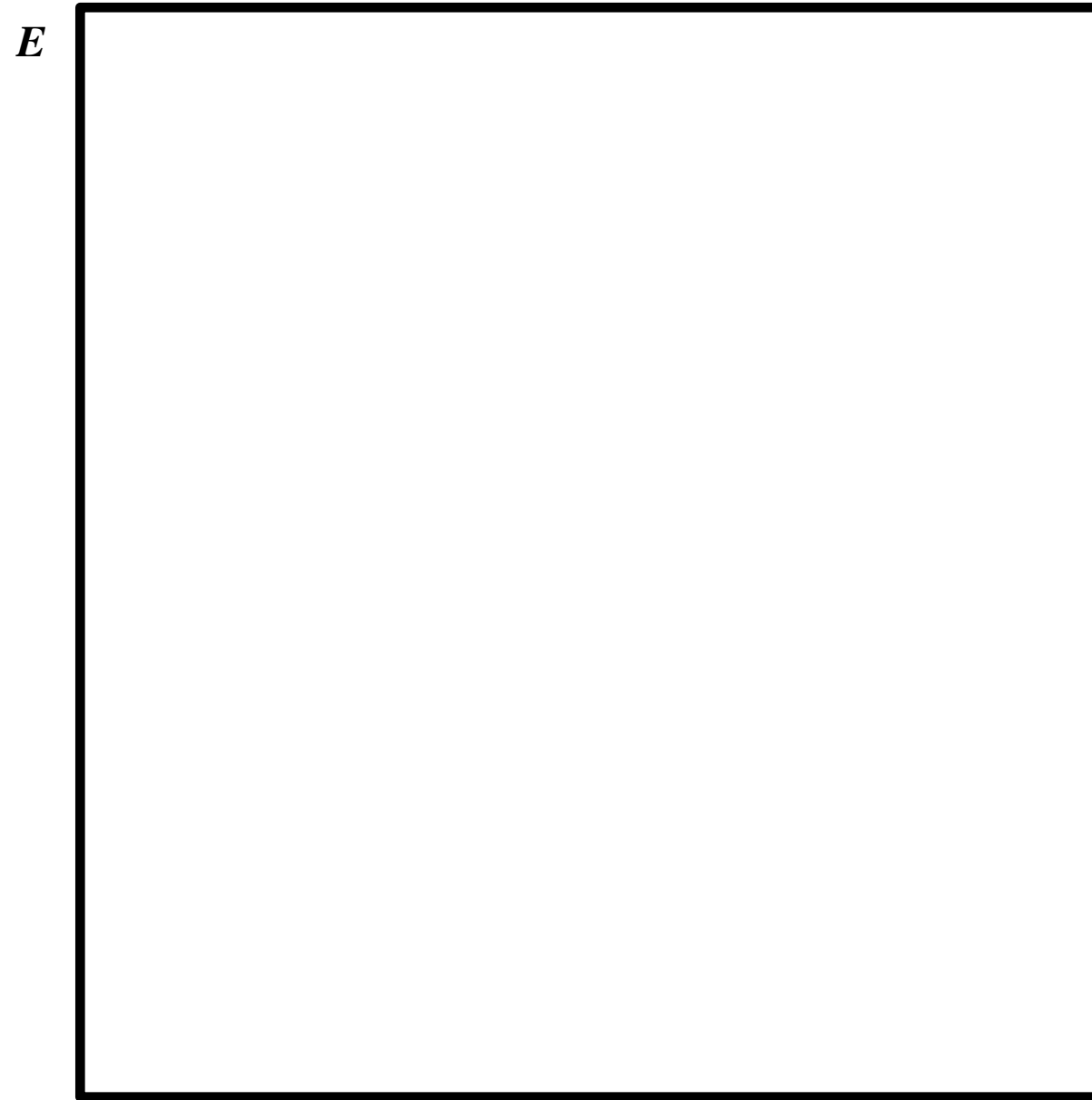
$$Pr_W(A) = Pr(A \Delta W) = Pr((A \cap W^c) \cup (A^c \cap W)) = Pr(A \cap W^c) + Pr(A^c \cap W) = Pr(A \cap W^c) = Pr(A)$$

$Pr: P(E) \rightarrow [0,1]$ es probabilidad en el álgebra de Boole $(P(E), \subseteq)$

$Pr: P(E) \rightarrow [0,1]$ es medida en el álgebra de Boole $(P(E), \sqsubseteq^W)$

ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

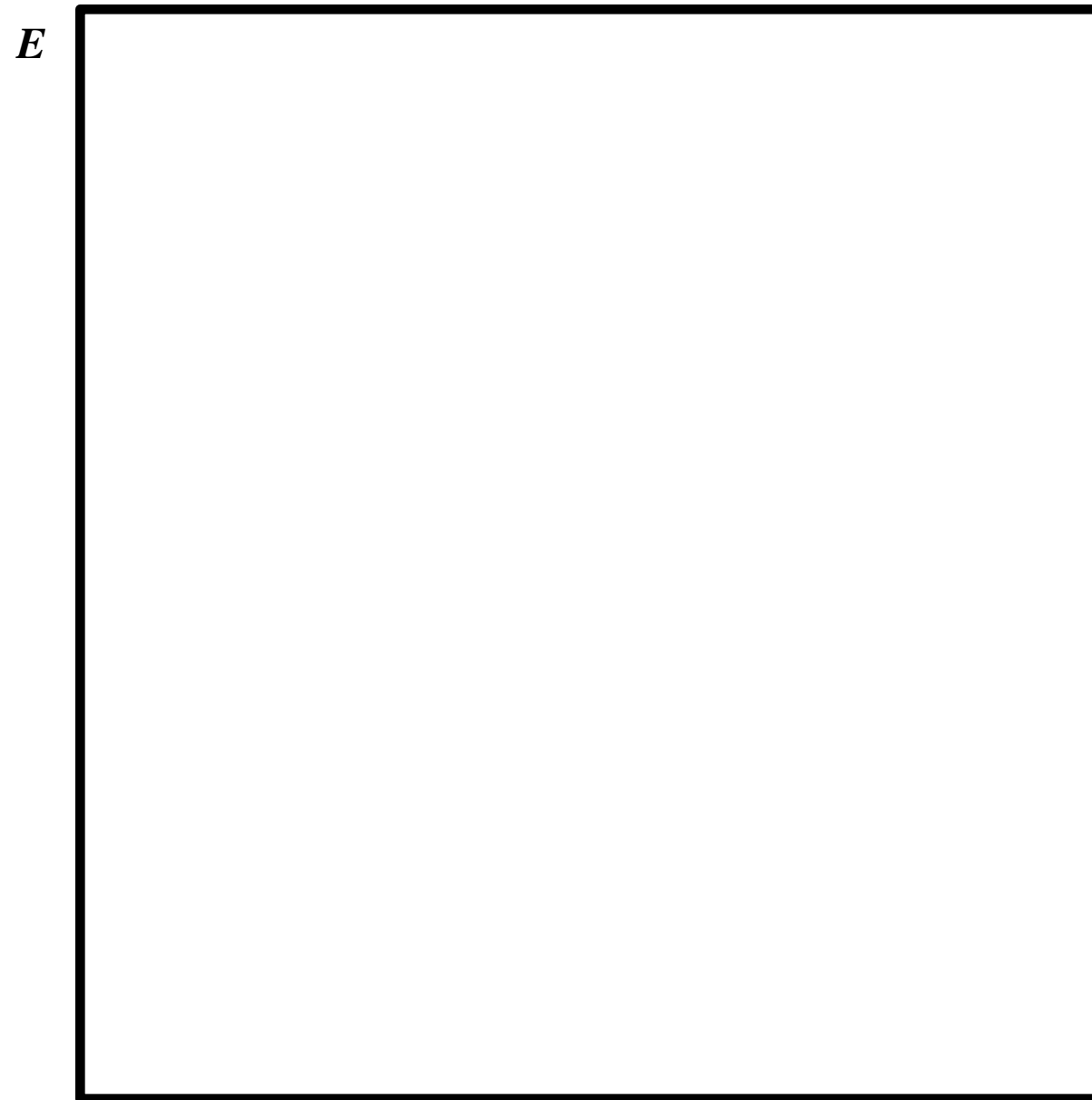
E cuadrado con $10^3 \times 10^3 = 10^6$ píxeles



ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado con $10^3 \times 10^3 = 10^6$ píxeles

$$Pr(E) = 1.000$$

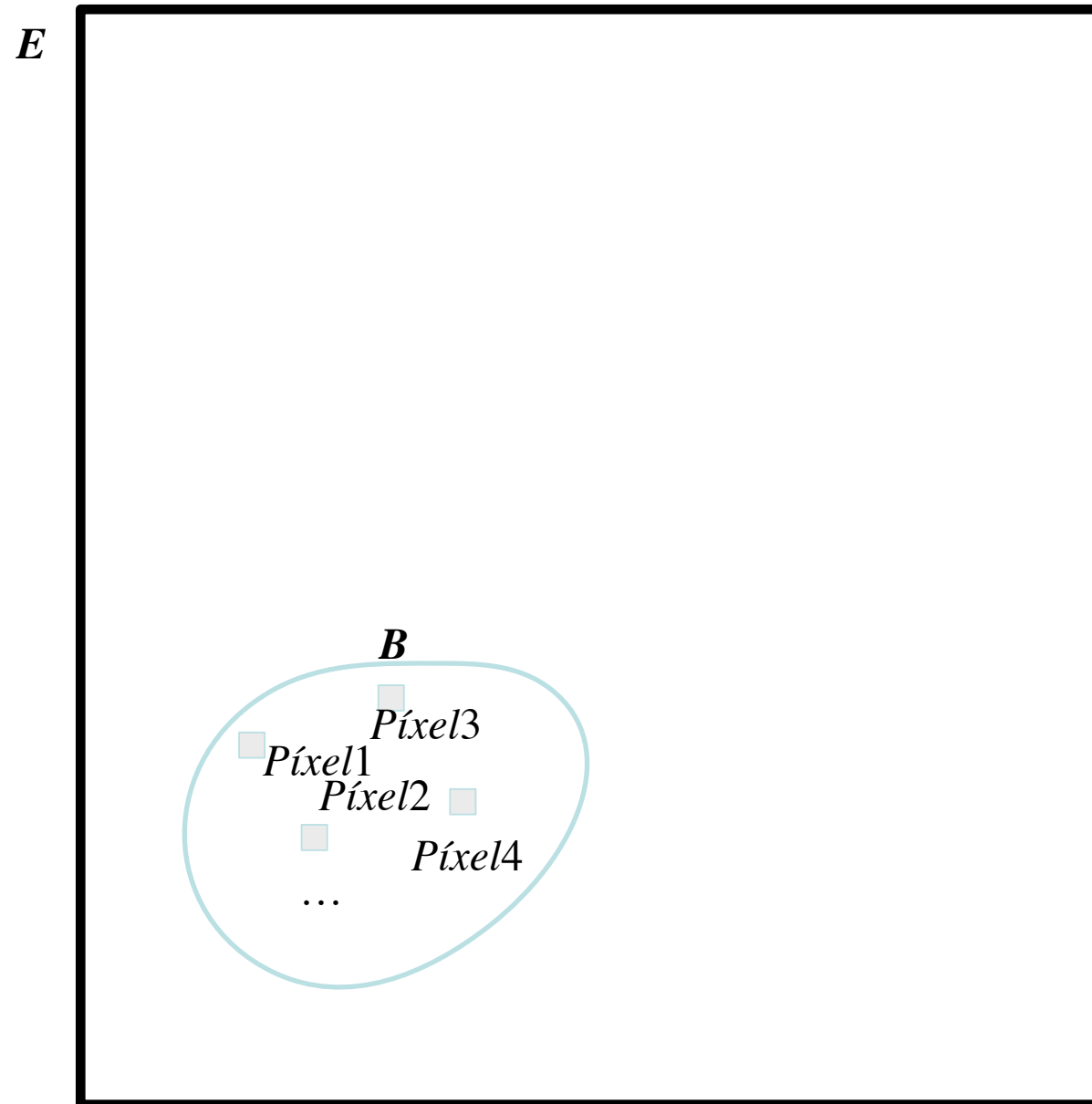


ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado con $10^3 \times 10^3 = 10^6$ píxeles

$$Pr(E) = 1.000$$

Si B es subconjunto de E : $Pr(B) = \frac{\text{Número de píxeles de } B}{10^6 \text{ píxeles}}$

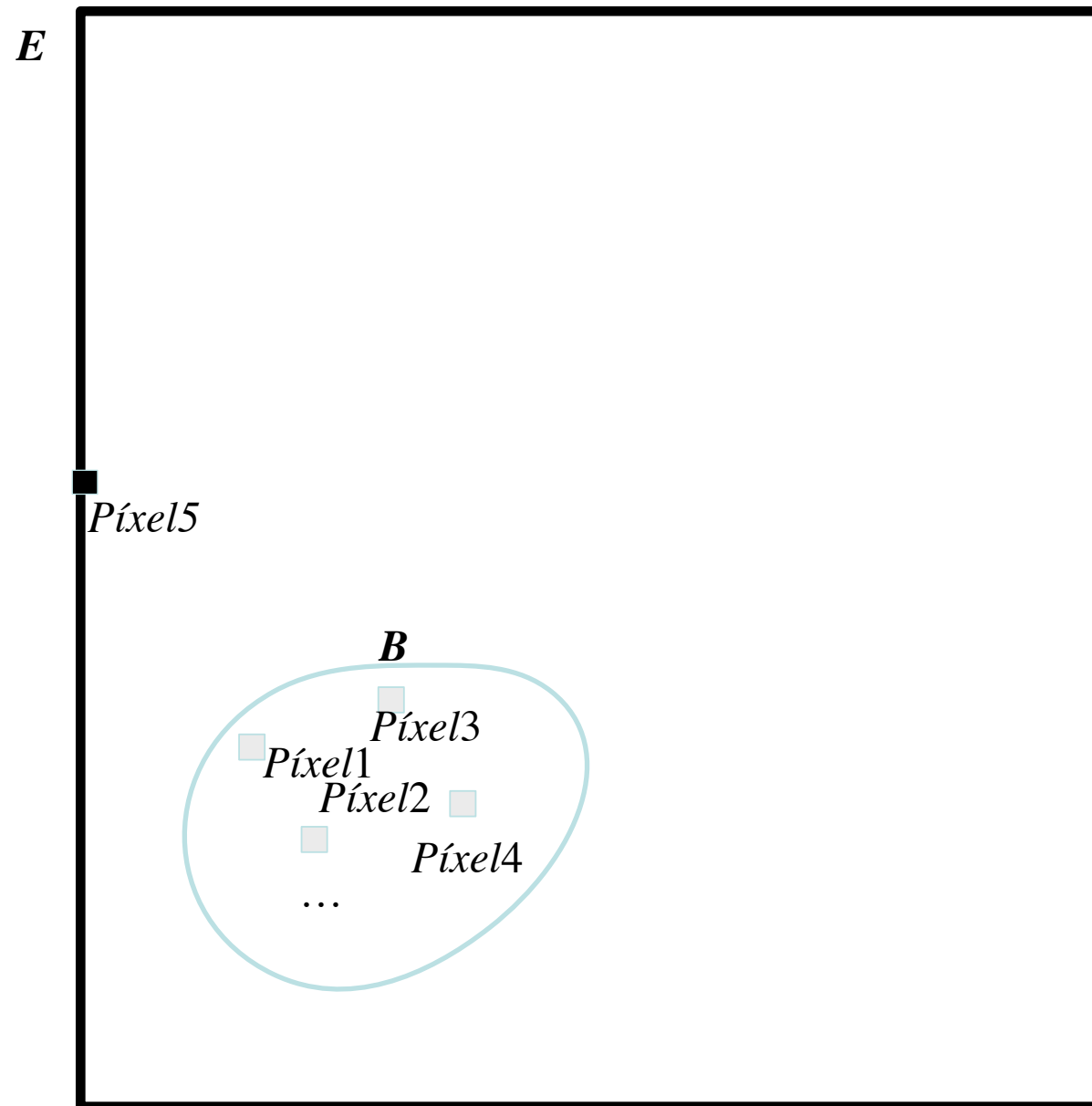


ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado con $10^3 \times 10^3 = 10^6$ píxeles

$$Pr(E) = 1.000$$

Si B es subconjunto de E :
$$Pr(B) = \frac{\text{Número de píxeles de } B}{10^6 \text{ píxeles}}$$



ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado con $10^3 \times 10^3 = 10^6$ píxeles

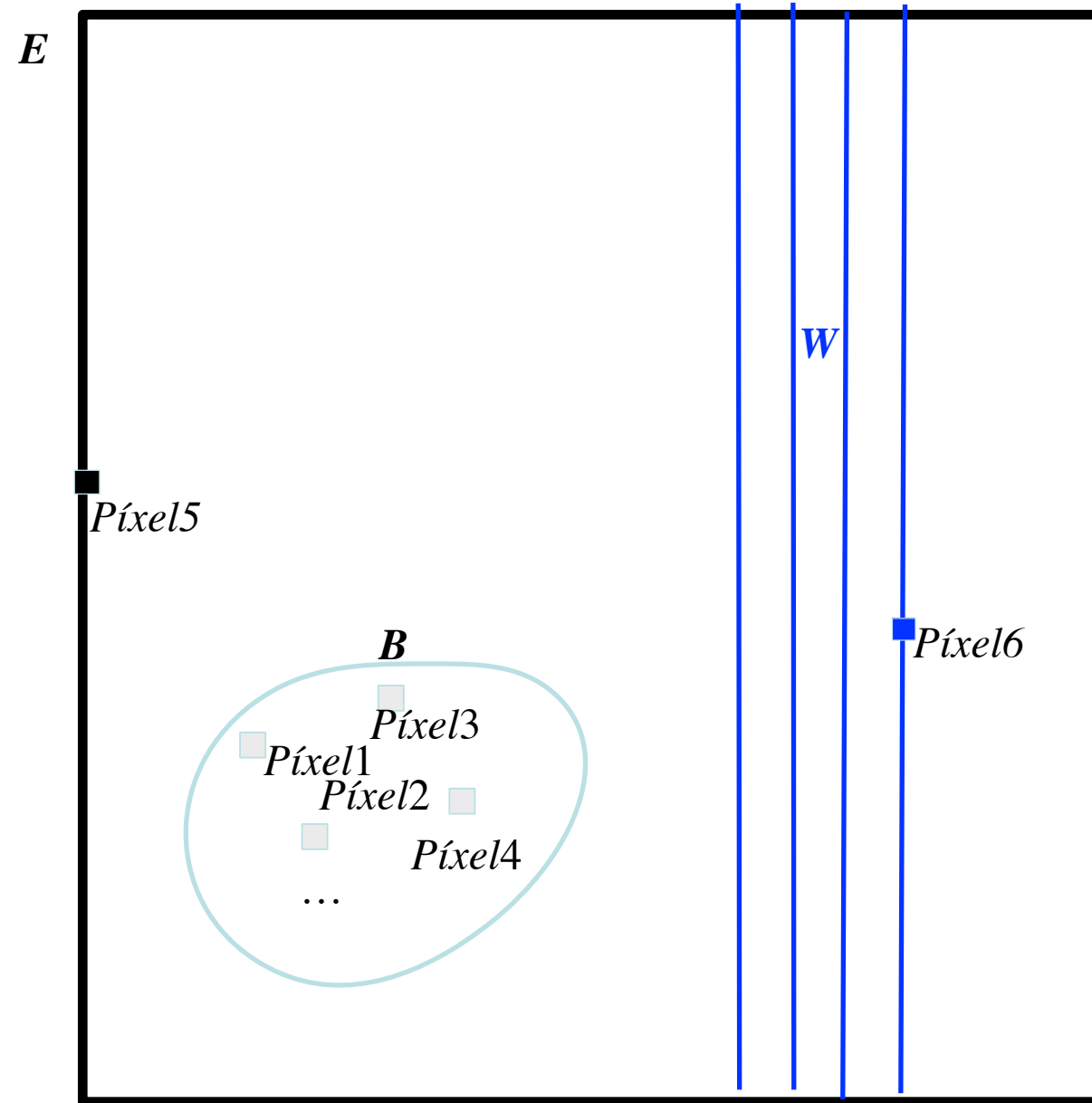
$$Pr(E) = 1.000$$

W subconjunto con $4 \times 10^3 = 4000$ píxeles

$$Pr(W) = \frac{4 \times 10^3}{10^6} = 0.004$$

$$Pr(W^c) = 0.996$$

Si B es subconjunto de E : $Pr(B) = \frac{\text{Número de píxeles de } B}{10^6 \text{ píxeles}}$



ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado con $10^3 \times 10^3 = 10^6$ píxeles

$$Pr(E) = 1.000$$

W subconjunto con $4 \times 10^3 = 4000$ píxeles

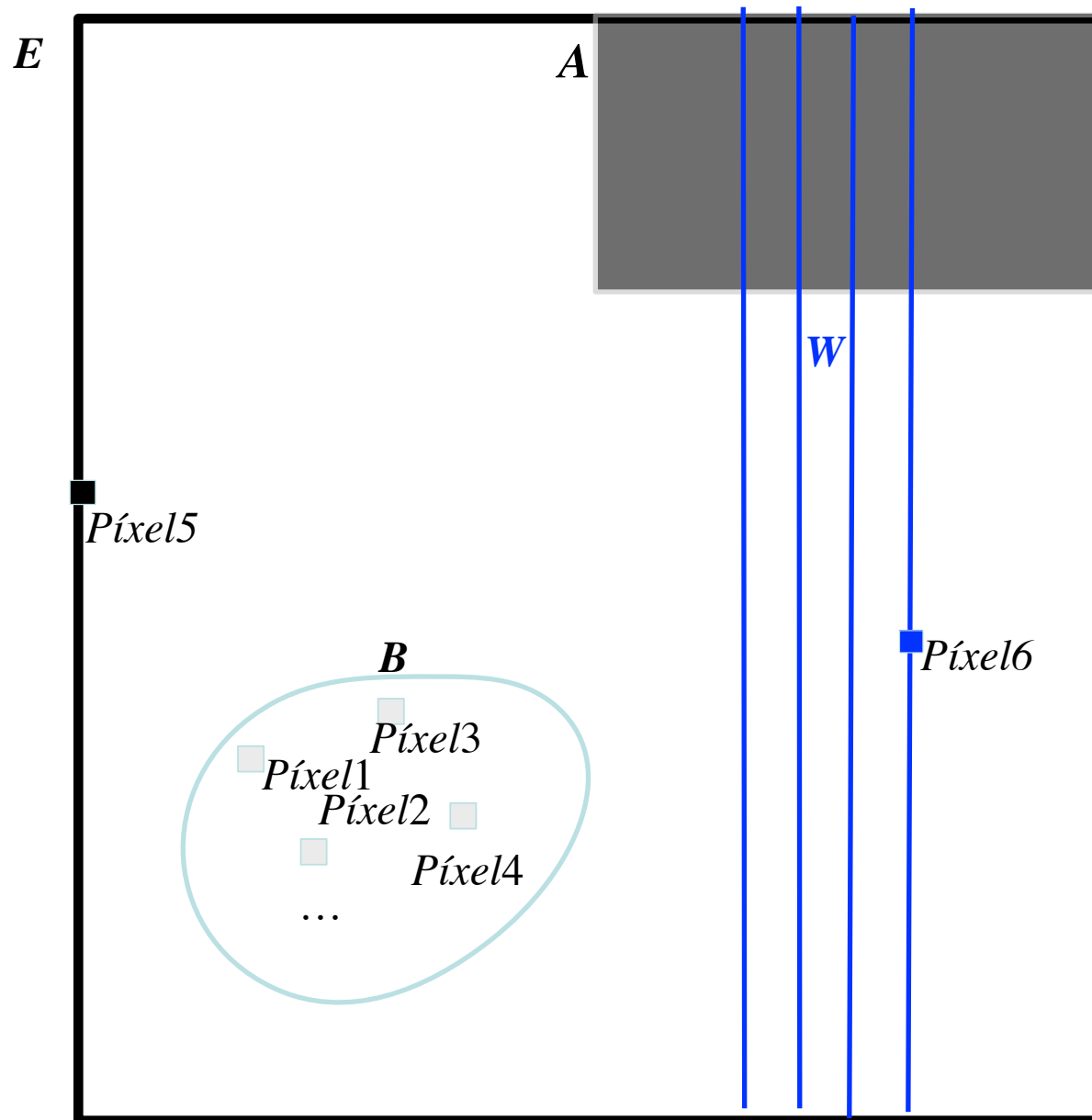
$$Pr(W) = \frac{4 \times 10^3}{10^6} = 0.004$$

$$Pr(W^c) = 0.996$$

Si B es subconjunto de E : $Pr(B) = \frac{\text{Número de píxeles de } B}{10^6 \text{ píxeles}}$

A subconjunto con $5^3 \times 10^3 = 125000$ píxeles

$$Pr(A) = 0.125$$



ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado con $10^3 \times 10^3 = 10^6$ píxeles

$$Pr(E) = 1.000$$

W subconjunto con $4 \times 10^3 = 4000$ píxeles

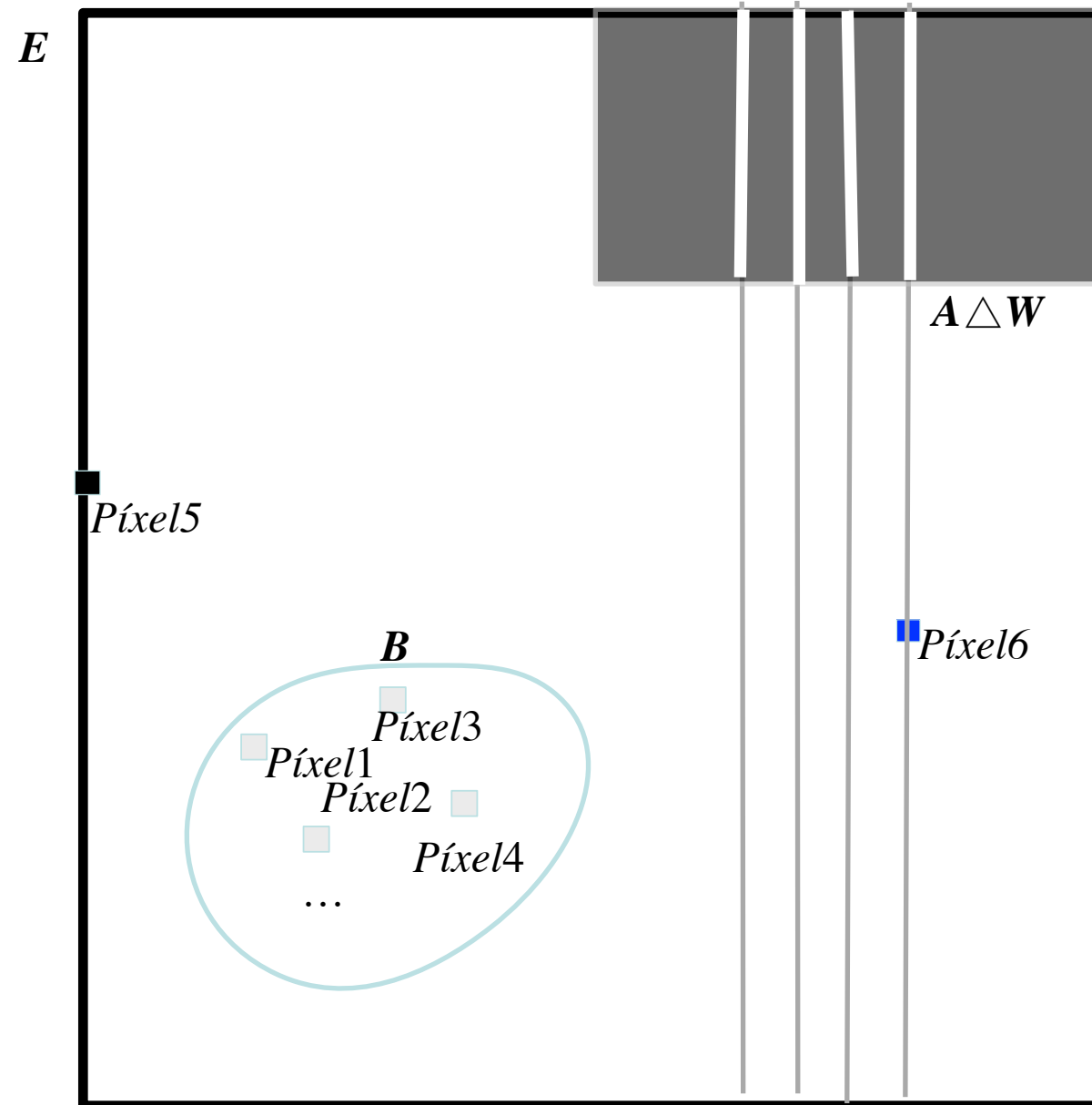
$$Pr(W) = \frac{4 \times 10^3}{10^6} = 0.004$$

$$Pr(W^c) = 0.996$$

Si B es subconjunto de E : $Pr(B) = \frac{\text{Número de píxeles de } B}{10^6 \text{ píxeles}}$

A subconjunto con $5^3 \times 10^3 = 125000$ píxeles

$$Pr(A) = 0.125$$



Subconjunto diferencia simétrica $A \Delta W$:
 "Una visión de A desde la perspectiva que
 proporciona W ".

ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

E cuadrado con $10^3 \times 10^3 = 10^6$ píxeles

$$Pr(E) = 1.000$$

W subconjunto con $4 \times 10^3 = 4000$ píxeles

$$Pr(W) = \frac{4 \times 10^3}{10^6} = 0.004$$

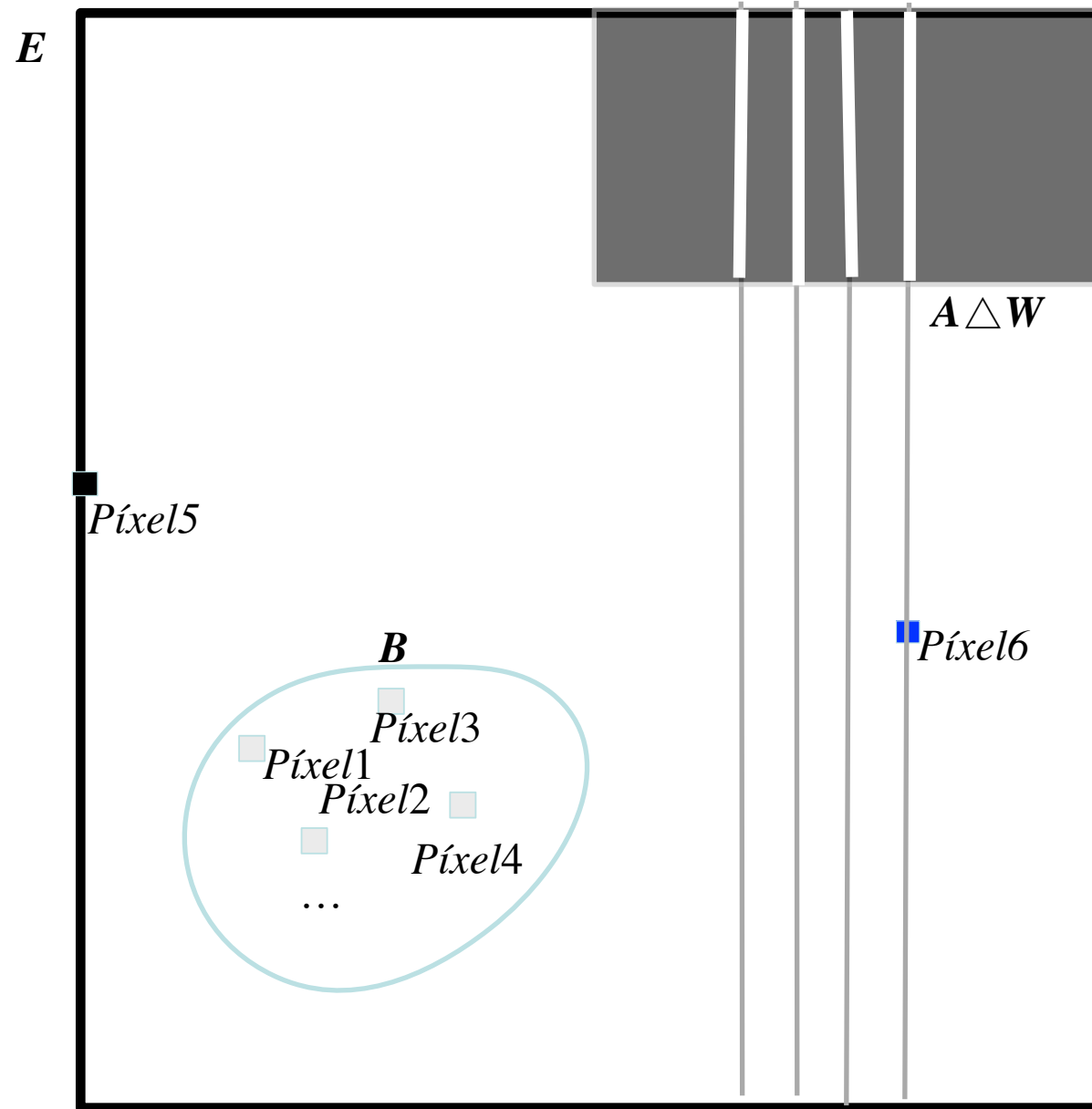
$$Pr(W^c) = 0.996$$

Si B es subconjunto de E : $Pr(B) = \frac{\text{Número de píxeles de } B}{10^6 \text{ píxeles}}$

A subconjunto con $5^3 \times 10^3 = 125000$ píxeles

$$Pr(A) = 0.125$$

$$Pr(A \triangle W) = 0,127 = Pr_W(A)$$



Subconjunto diferencia simétrica $A \triangle W$:
 "Una visión de A desde la perspectiva que
 proporciona W ".

$$Pr_W(A) = Pr(A \triangle W) = Pr((A \cap W^c) \cup (A^c \cap W)) \neq Pr(A)$$

ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

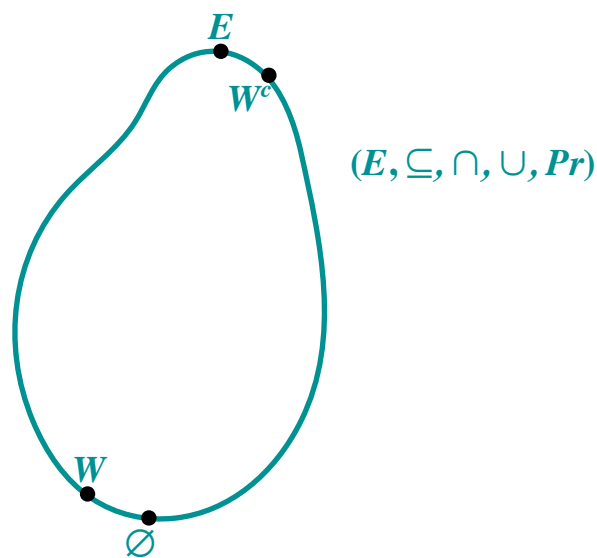
E cuadrado con $10^3 \times 10^3 = 10^6$ píxeles

$$Pr(E) = 1.000$$

W subconjunto con $4 \times 10^3 = 4000$ píxeles

$$Pr(W) = \frac{4 \times 10^3}{10^6} = 0.004$$

$$Pr(W^c) = 0.996$$



Subconjunto diferencia simétrica $A \Delta W$:
 "Una visión de A desde la perspectiva que
 proporciona W ".

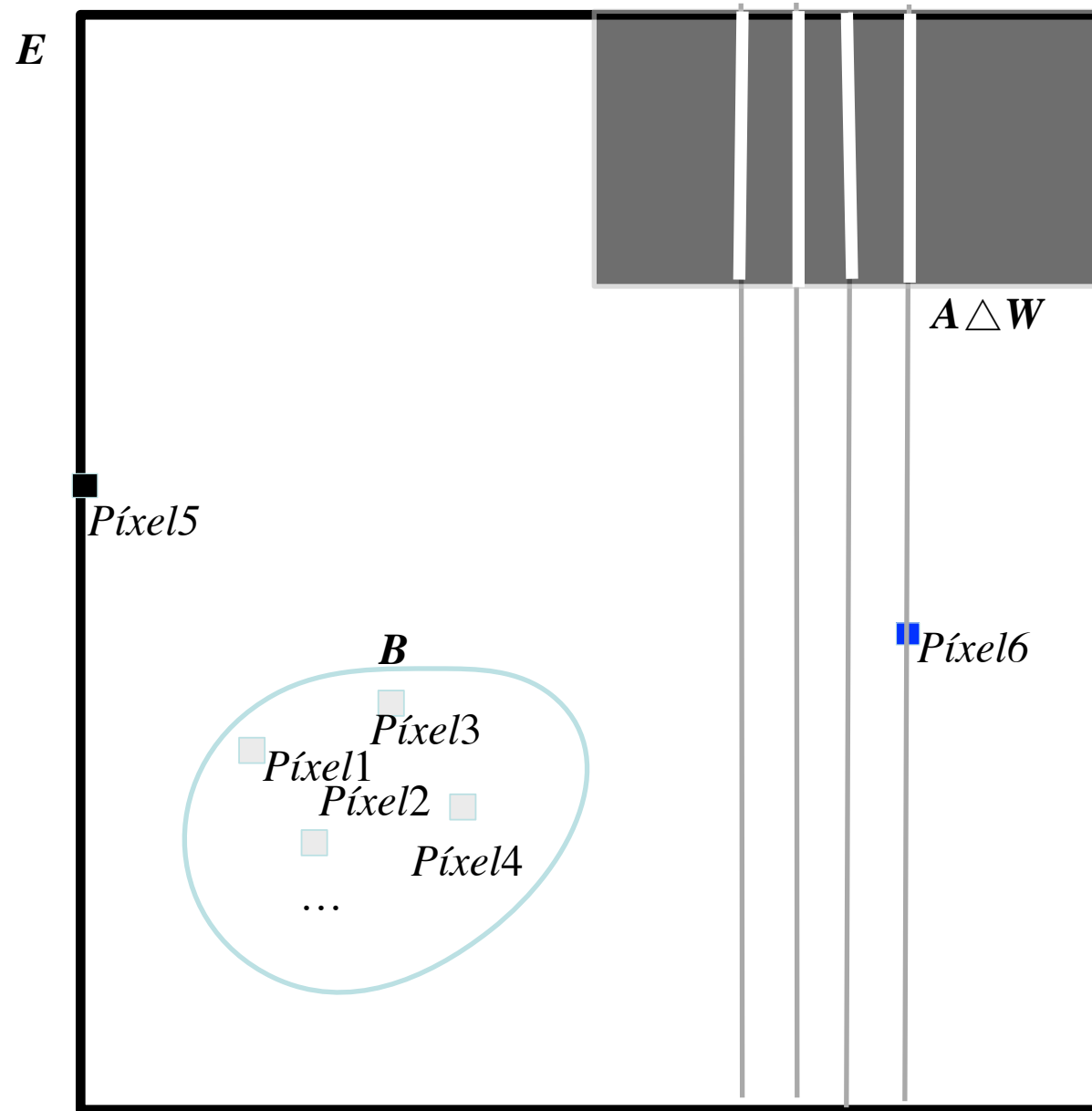
$$Pr_W(A) = Pr(A \Delta W) = Pr((A \cap W^c) \cup (A^c \cap W)) \neq Pr(A)$$

Si B es subconjunto de E : $Pr(B) = \frac{\text{Número de píxeles de } B}{10^6 \text{ píxeles}}$

A subconjunto con $5^3 \times 10^3 = 125000$ píxeles

$$Pr(A) = 0.125$$

$$Pr(A \Delta W) = 0,127 = Pr_W(A)$$



$Pr: P(E) \rightarrow [0,1]$ es probabilidad en el álgebra de Boole $(P(E), \subseteq)$

ÓRDENES DE ACTIVIDAD Y PROBABILIDAD

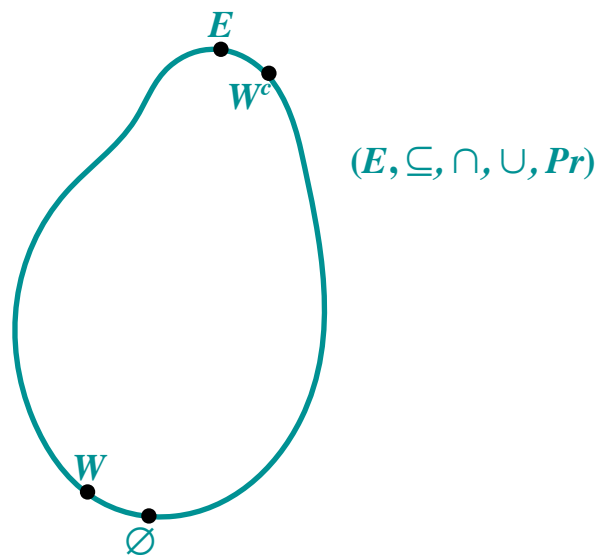
E cuadrado con $10^3 \times 10^3 = 10^6$ píxeles

$$Pr(E) = 1.000$$

W subconjunto con $4 \times 10^3 = 4000$ píxeles

$$Pr(W) = \frac{4 \times 10^3}{10^6} = 0.004$$

$$Pr(W^c) = 0.996$$



Subconjunto diferencia simétrica $A \Delta W$:
 "Una visión de A desde la perspectiva que
 proporciona W ".

$$Pr_W(A) = Pr(A \Delta W) = Pr((A \cap W^c) \cup (A^c \cap W)) \neq Pr(A)$$

$(E, \subseteq^W, \cap^W, \cup^W, m_W = Pr_W)$

$Pr: P(E) \rightarrow [0,1]$ es probabilidad en el álgebra de Boole $(P(E), \subseteq)$

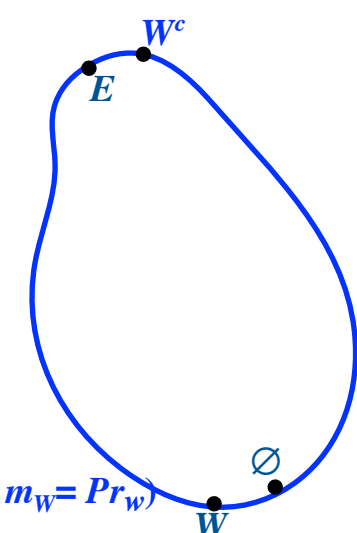
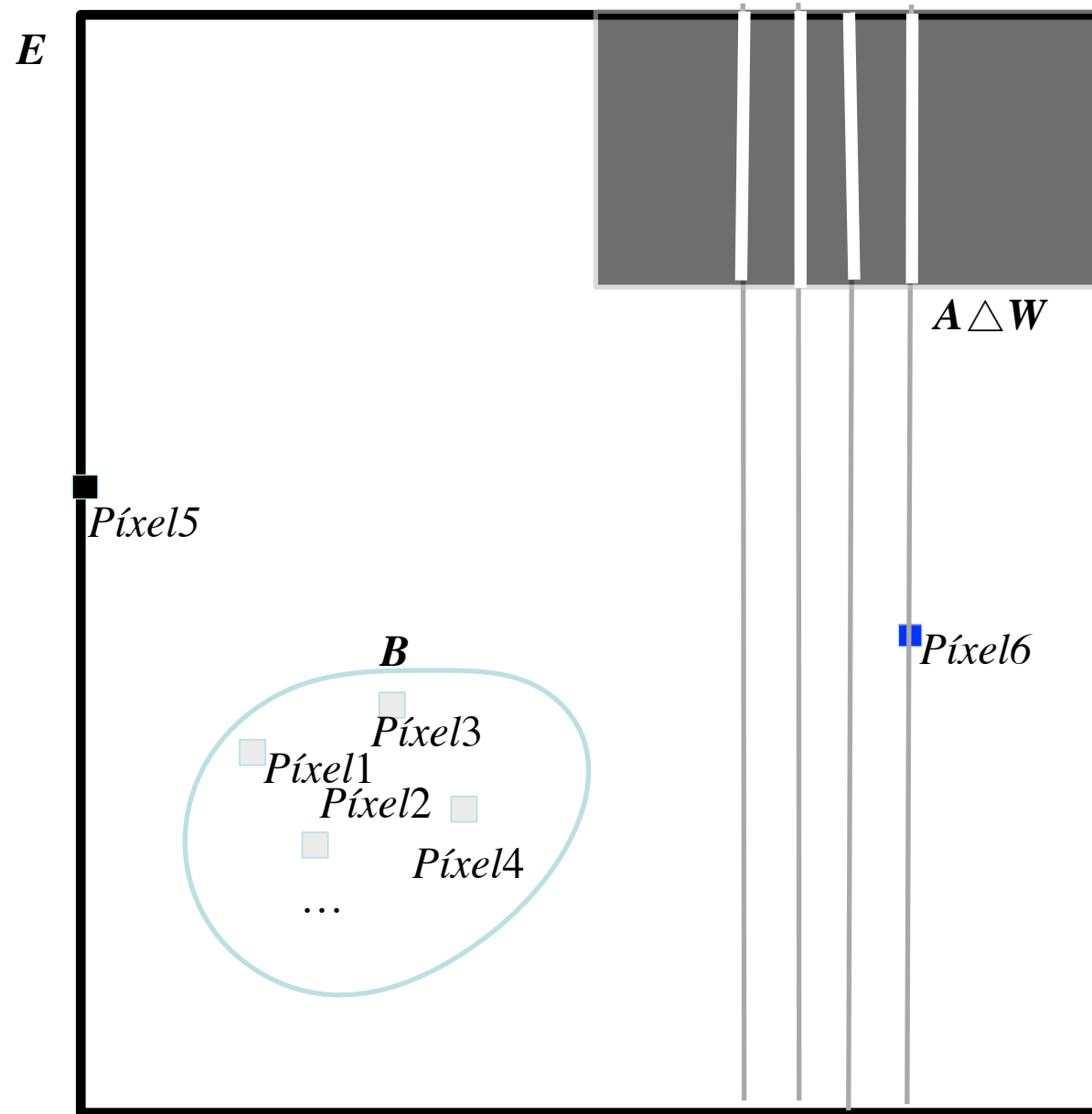
$Pr_W: P(E) \rightarrow [0,1]$ es medida en el álgebra de Boole $(P(E), \subseteq^W)$
 w-probabilidad?

Si B es subconjunto de E : $Pr(B) = \frac{\text{Número de píxeles de } B}{10^6 \text{ píxeles}}$

A subconjunto con $5^3 \times 10^3 = 125000$ píxeles

$$Pr(A) = 0.125$$

$$Pr(A \Delta W) = 0,127 = Pr_W(A)$$



Generalización de los órdenes de actividad (I):
Relaciones de actividad en un conjunto ordenado
cualquiera (P, \leq) .

ORDEN DE ACTIVIDAD EN UN CONJUNTO ORDENADO CUALQUIERA

Relación de actividad en un conjunto ordenado (\mathcal{P}, \leq) .

Dado $\omega \in \mathcal{P}$, se define la relación \sqsubseteq^ω asociada a ω y al orden \leq en \mathcal{P} :

$$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta \Leftrightarrow [(\downarrow \beta \cap \downarrow \omega \subseteq \downarrow \alpha) \ \& \ (\uparrow \beta \cap \uparrow \omega \subseteq \uparrow \alpha)],$$

siendo

$$\downarrow x = \{s / s \leq x\} \quad \text{y} \quad \uparrow x = \{t / x \leq t\} \quad \forall x \in \mathcal{P}.$$

ORDEN DE ACTIVIDAD EN UN CONJUNTO ORDENADO CUALQUIERA

Relación de actividad en un conjunto ordenado (P, \leq) .

Dado $\omega \in P$, se define la relación \sqsubseteq^ω asociada a ω y al orden \leq en P :

$$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta \Leftrightarrow [(\downarrow \beta \cap \downarrow \omega \subseteq \downarrow \alpha) \ \& \ (\uparrow \beta \cap \uparrow \omega \subseteq \uparrow \alpha)],$$

siendo

$$\downarrow x = \{s / s \leq x\} \quad \text{y} \quad \uparrow x = \{t / x \leq t\} \quad \forall x \in P.$$

La relación \sqsubseteq^ω es un preorden en P . (Es reflexiva y transitiva).

$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta$ se interpreta en (P, \leq) como “ α separa ω de β ”.

ORDEN DE ACTIVIDAD EN UN CONJUNTO ORDENADO CUALQUIERA

Relación de actividad en un conjunto ordenado (P, \leq) .

Dado $\omega \in P$, se define la relación \sqsubseteq^ω asociada a ω y al orden \leq en P :

$$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta \Leftrightarrow [(\downarrow \beta \cap \downarrow \omega \subseteq \downarrow \alpha) \ \& \ (\uparrow \beta \cap \uparrow \omega \subseteq \uparrow \alpha)],$$

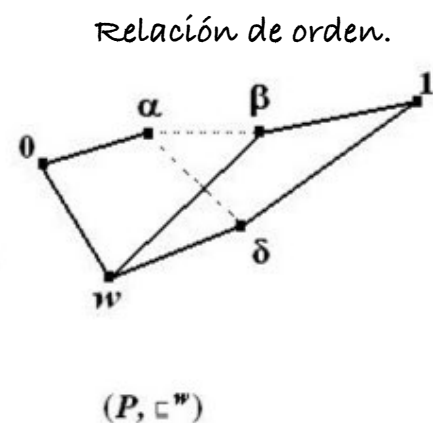
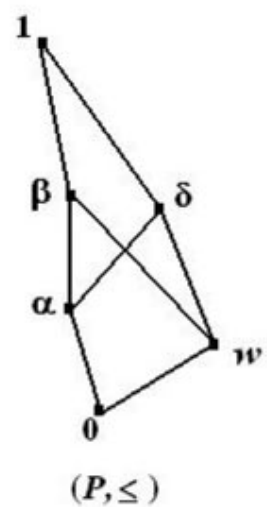
siendo

$$\downarrow x = \{s / s \leq x\} \quad \text{y} \quad \uparrow x = \{t / x \leq t\} \quad \forall x \in P.$$

La relación \sqsubseteq^ω es un preorden en P . (Es reflexiva y transitiva).

$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta$ se interpreta en (P, \leq) como "α separa ω de β".

No es retículo.



ORDEN DE ACTIVIDAD EN UN CONJUNTO ORDENADO CUALQUIERA

Relación de actividad en un conjunto ordenado (P, \leq) .

Dado $\omega \in P$, se define la relación \sqsubseteq^ω asociada a ω y al orden \leq en P :

$$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta \Leftrightarrow [(\downarrow \beta \cap \downarrow \omega \subseteq \downarrow \alpha) \ \& \ (\uparrow \beta \cap \uparrow \omega \subseteq \uparrow \alpha)],$$

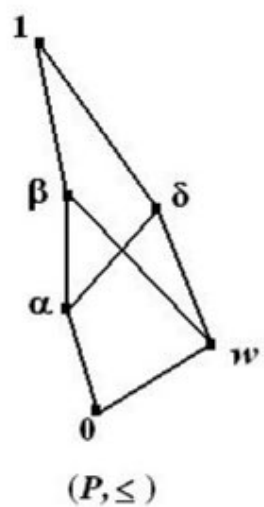
siendo

$$\downarrow x = \{s / s \leq x\} \quad \text{y} \quad \uparrow x = \{t / x \leq t\} \quad \forall x \in P.$$

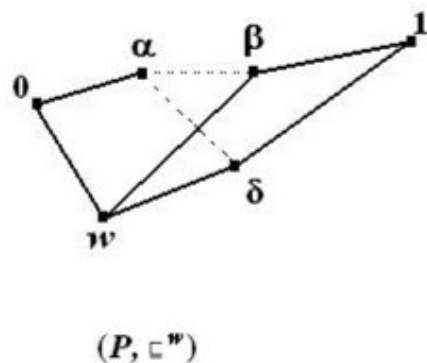
La relación \sqsubseteq^ω es un preorden en P . (Es reflexiva y transitiva).

$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta$ se interpreta en (P, \leq) como "α separa ω de β".

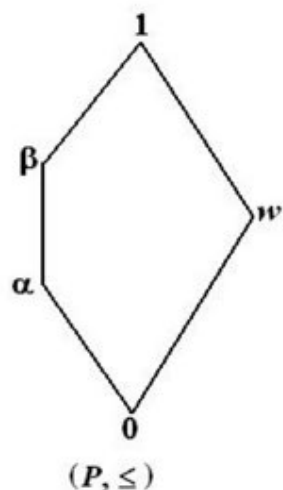
No es retículo.



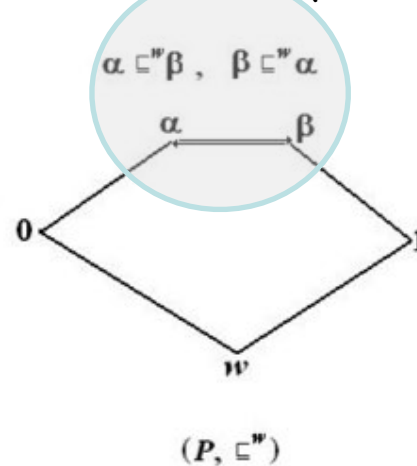
Relación de orden.



Retículo no distributivo.



Pre-orden (no es orden).



ORDEN DE ACTIVIDAD EN UN CONJUNTO ORDENADO CUALQUIERA

Relación de actividad en un conjunto ordenado (P, \leq) .

Dado $\omega \in P$, se define la relación \sqsubseteq^ω asociada a ω y al orden \leq en P :

$$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta \Leftrightarrow [(\downarrow \beta \cap \downarrow \omega \subseteq \downarrow \alpha) \ \& \ (\uparrow \beta \cap \uparrow \omega \subseteq \uparrow \alpha)],$$

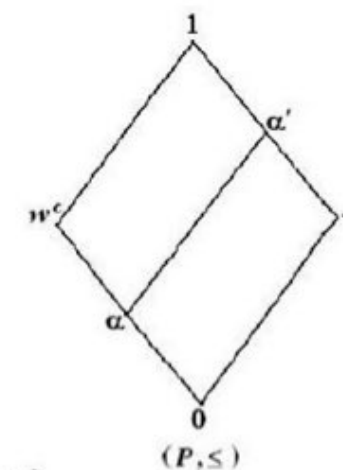
siendo

$$\downarrow x = \{s / s \leq x\} \quad \text{y} \quad \uparrow x = \{t / x \leq t\} \quad \forall x \in P.$$

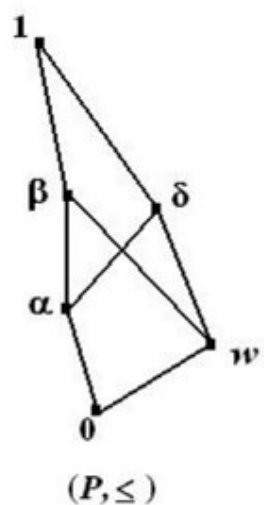
La relación \sqsubseteq^ω es un preorden en P . (Es reflexiva y transitiva).

$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta$ se interpreta en (P, \leq) como "α separa ω de β".

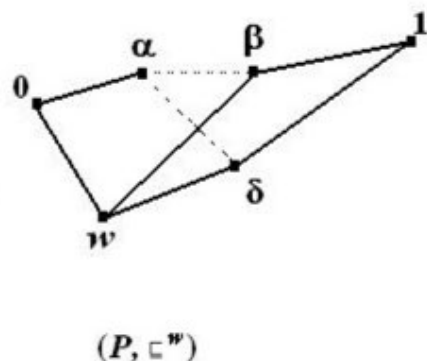
Retículo distributivo.



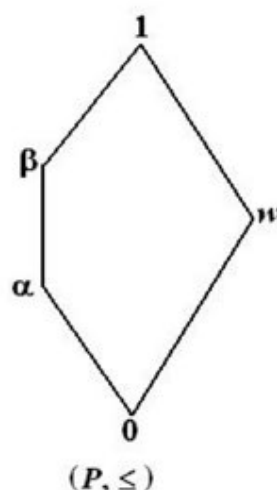
No es retículo.



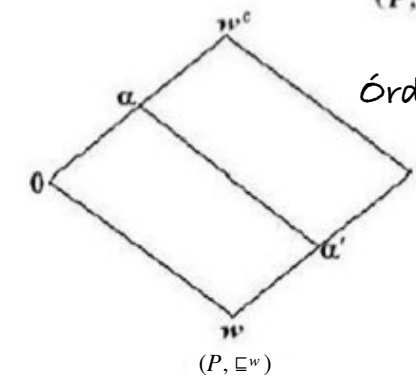
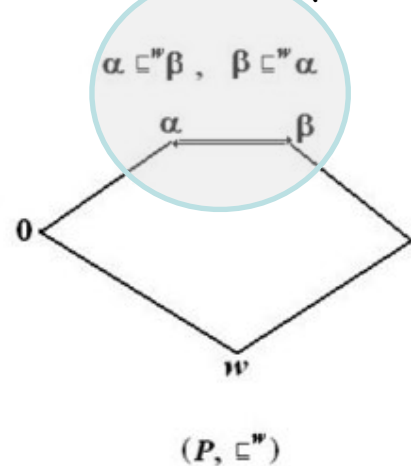
Relación de orden.



Retículo no distributivo.

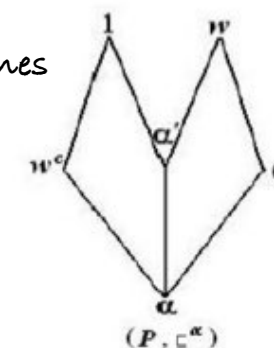


Pre-orden (no es orden).



Retículo (en este caso isomorfo al inicial).

Órdenes



Inf-semirretículo.

ORDEN DE ACTIVIDAD EN UN CONJUNTO ORDENADO CUALQUIERA

Relación de actividad en un conjunto ordenado (P, \leq) .

Dado $\omega \in P$, se define la relación \sqsubseteq^ω asociada a ω y al orden \leq en P :

$$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta \Leftrightarrow [(\downarrow \beta \cap \downarrow \omega \subseteq \downarrow \alpha) \ \& \ (\uparrow \beta \cap \uparrow \omega \subseteq \uparrow \alpha)]$$

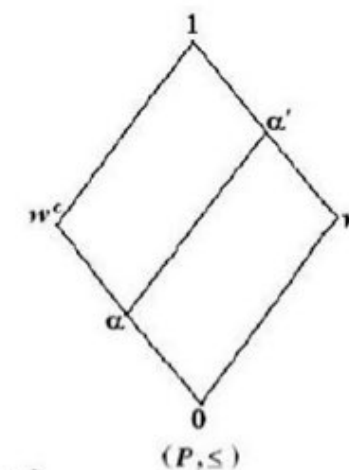
siendo

$$\downarrow x = \{s / s \leq x\} \quad \text{y} \quad \uparrow x = \{t / x \leq t\} \quad \forall x \in P.$$

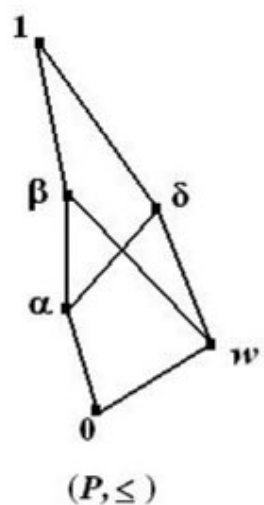
La relación \sqsubseteq^ω es un preorden en P . (Es reflexiva y transitiva).

$\alpha \sqsubseteq^\omega \beta$ se interpreta en (P, \leq) como "α separa ω de β".

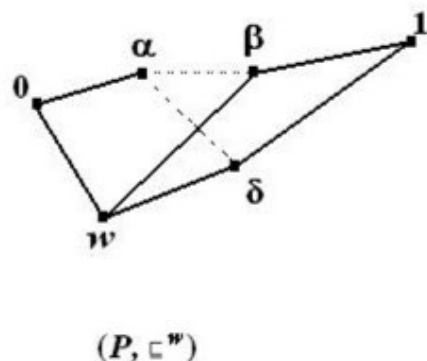
Retículo distributivo.



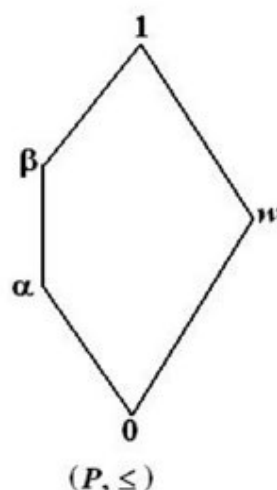
No es retículo.



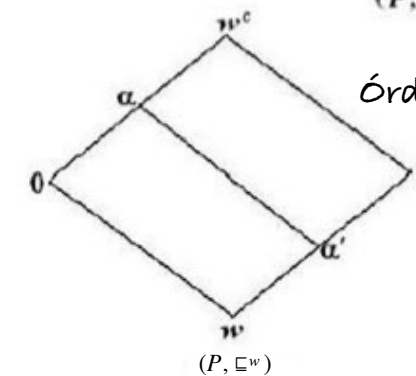
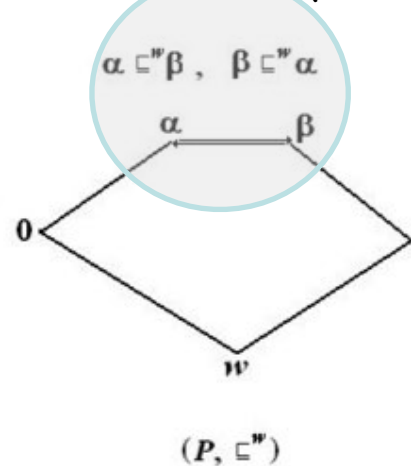
Relación de orden.



Retículo no distributivo.

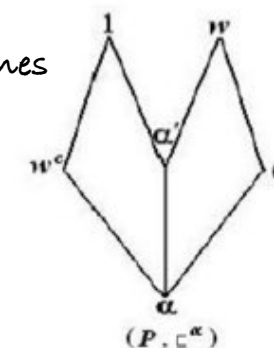


Pre-orden (no es orden).



Retículo (en este caso isomorfo al inicial).

Órdenes



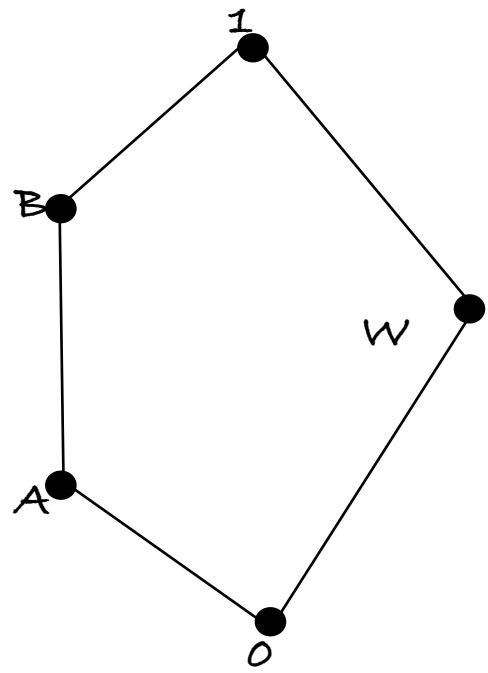
Inf-semirretículo.

Si (P, \leq) tiene elemento mínimo 0 , entonces \sqsubseteq^0 coincide con el orden \leq .

Si tiene elemento máximo 1 , entonces \sqsubseteq^1 coincide con el orden \geq (dual del orden \leq).

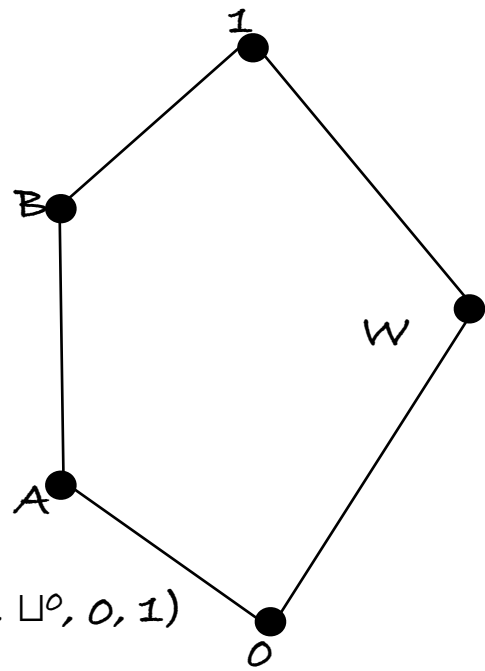
Otros ejemplos de aplicación de los órdenes de actividad.

Ejemplo 5: La relación \sqsubseteq^W en un retículo no distributivo



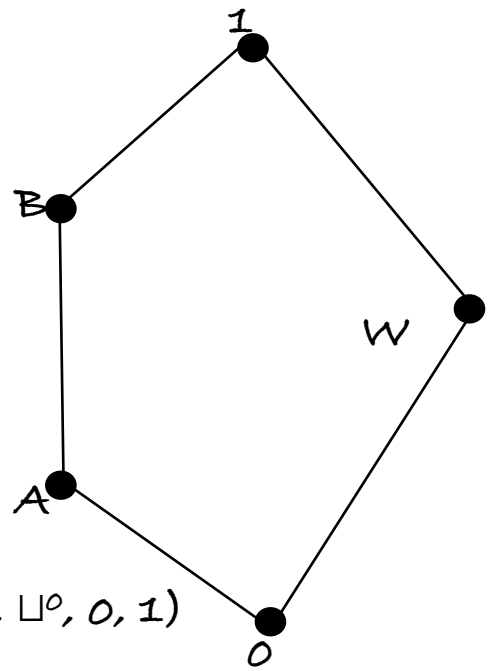
$(L, \sqsubseteq, \cdot, +, 0, 1)$

Ejemplo 5: La relación \sqsubseteq^W en un retículo no distributivo

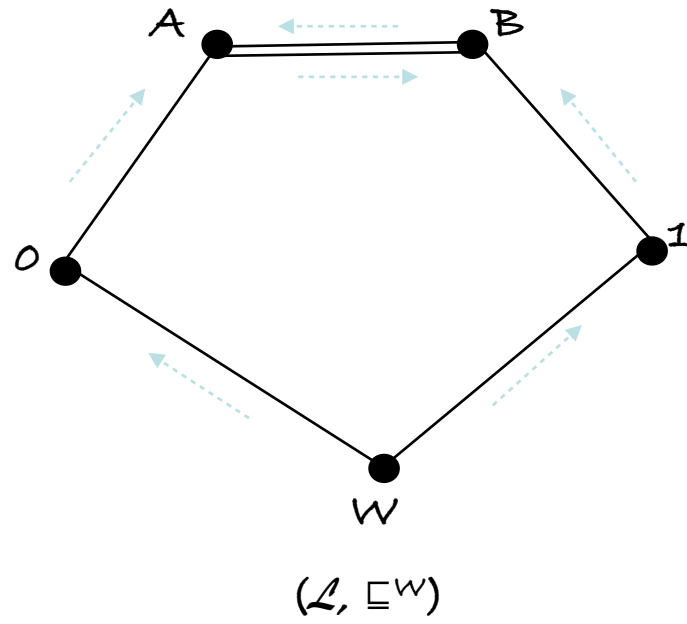


$(L, \leq, \cdot, +, 0, 1)$
Retículo acotado
no distributivo.

Ejemplo 5: La relación \sqsubseteq^W en un retículo no distributivo

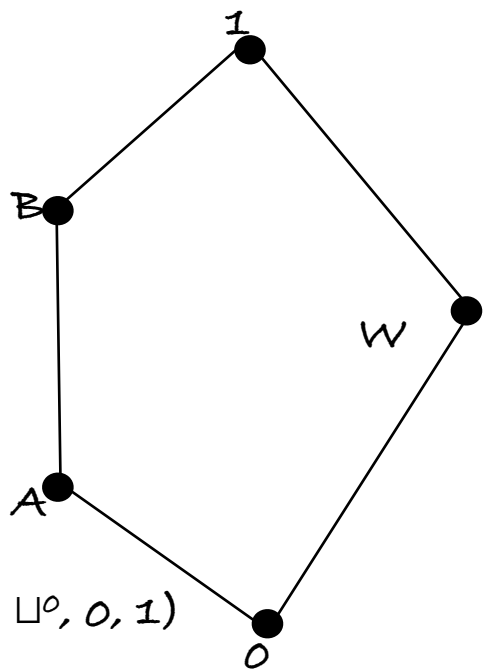


$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, 0, 1)$
 Retículo acotado
no distributivo.



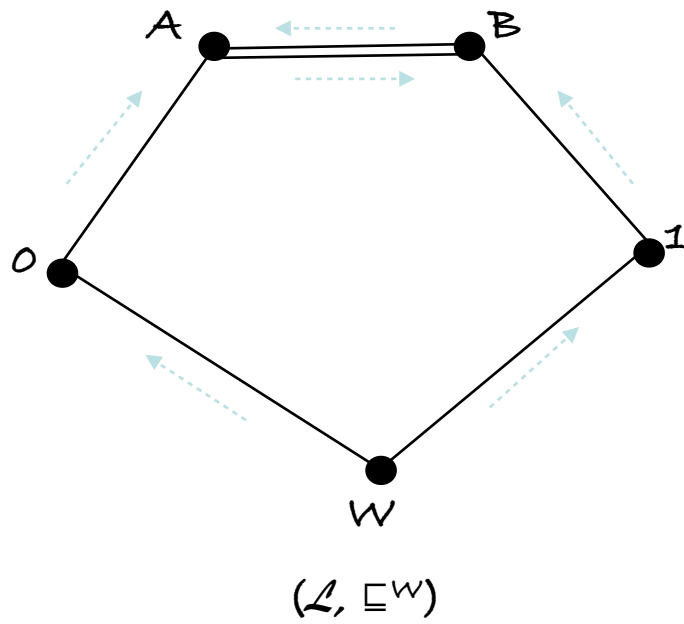
No es conjunto ordenado
 $(A \neq B, A \sqsubseteq^W B \text{ y } B \sqsubseteq^W A)$
 La relación \sqsubseteq^W es un pre-orden en \mathcal{L} .

Ejemplo 5: La relación \sqsubseteq^W en un retículo no distributivo



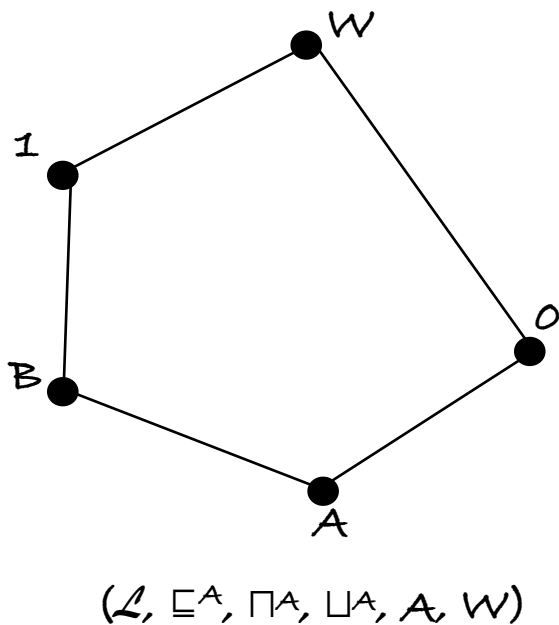
$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^0, \pi^0, \sqcup^0, 0, 1)$

$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, 0, 1)$
 Retículo acotado
no distributivo.

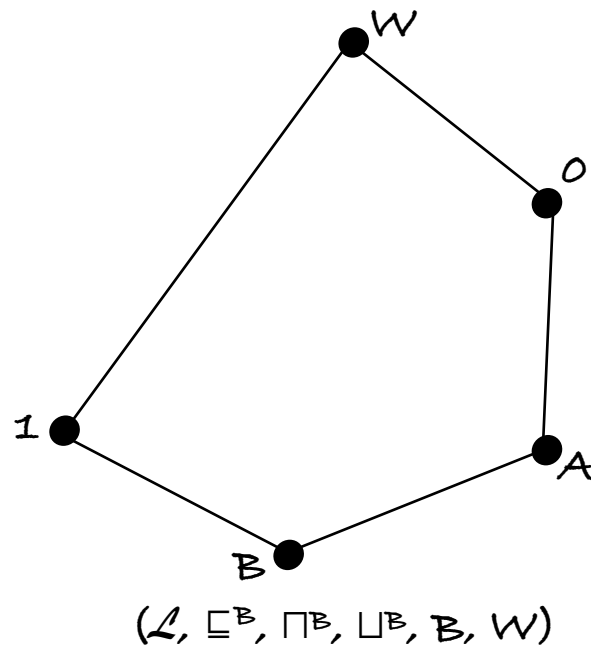


$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^W)$

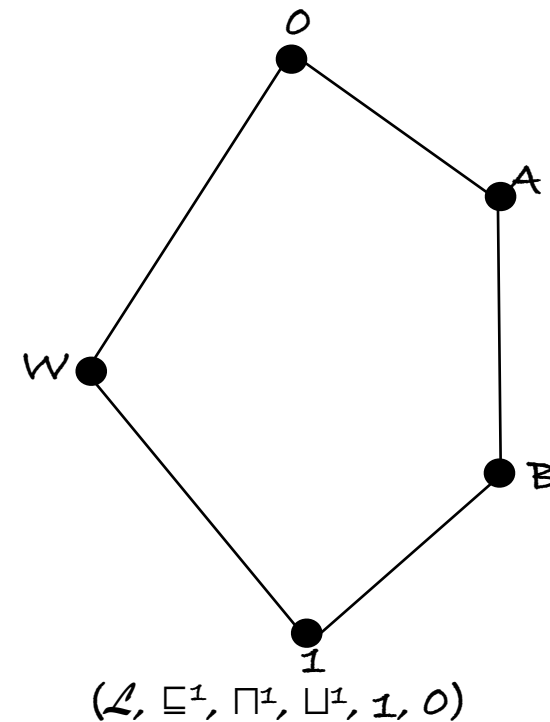
No es conjunto ordenado
 $(A \neq B, A \sqsubseteq^W B \text{ y } B \sqsubseteq^W A)$
 La relación \sqsubseteq^W es un pre-orden en \mathcal{L} .



$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^A, \pi^A, \sqcup^A, A, W)$

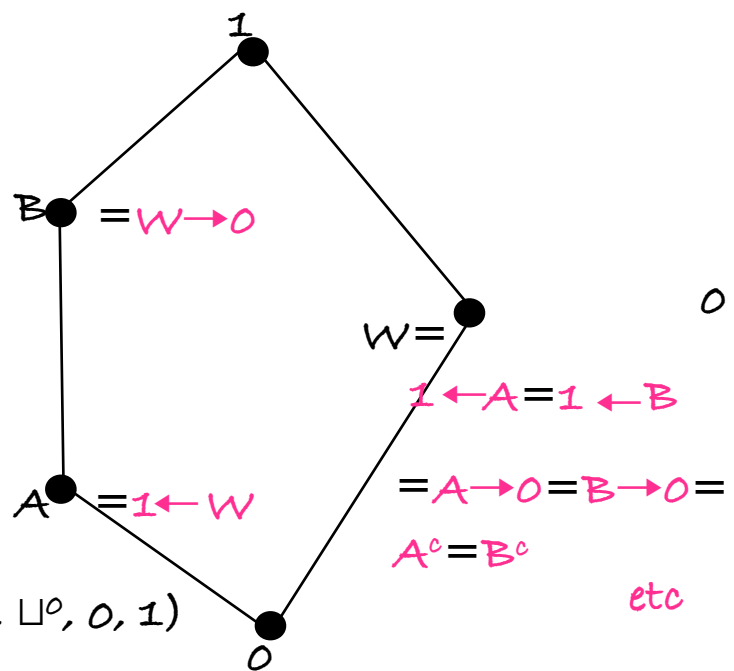


$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^B, \pi^B, \sqcup^B, B, W)$



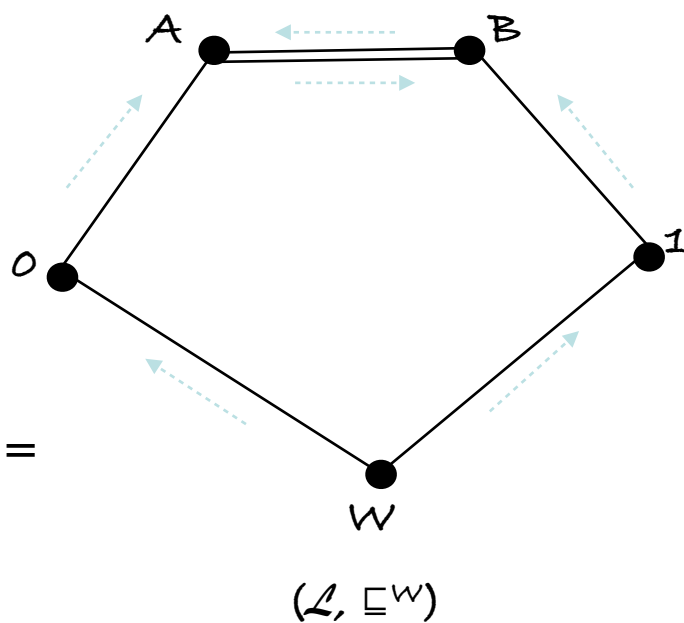
$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^1, \pi^1, \sqcup^1, 1, 0)$

Ejemplo 5: La relación \sqsubseteq^W en un retículo no distributivo



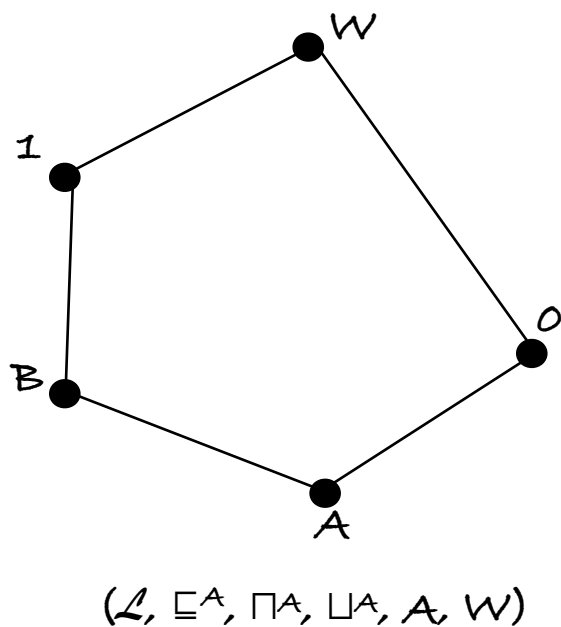
$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^0, \pi^0, \sqcup^0, 0, 1)$

$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, 0, 1)$
Retículo acotado
no distributivo.

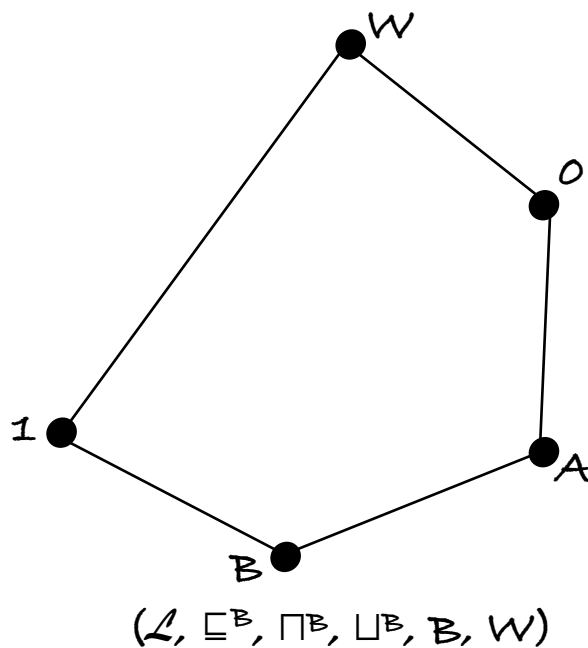


$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^W)$

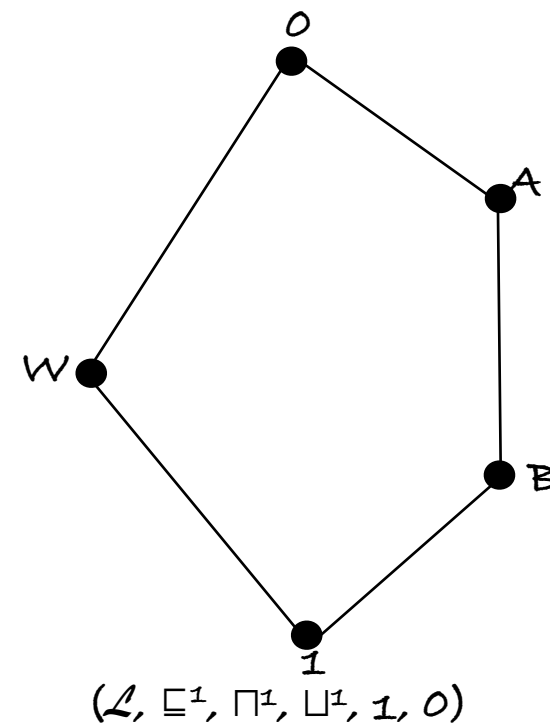
No es conjunto ordenado
($A \neq B, A \sqsubseteq^W B$ y $B \sqsubseteq^W A$)
La relación \sqsubseteq^W es un pre-orden en \mathcal{L} .



$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^A, \pi^A, \sqcup^A, A, W)$

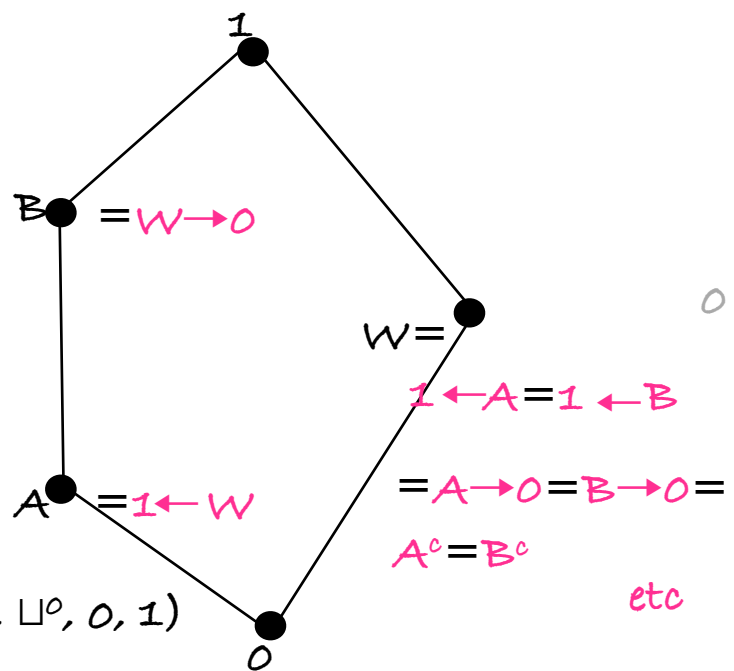


$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^B, \pi^B, \sqcup^B, B, W)$



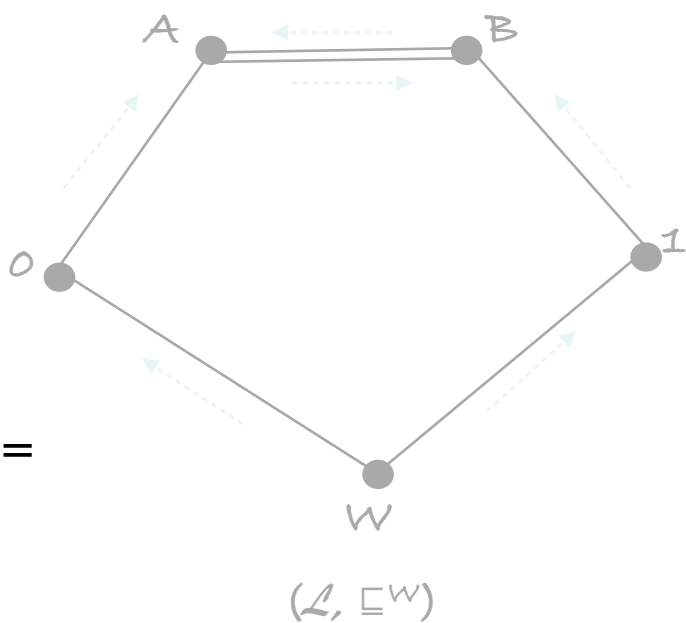
$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^1, \pi^1, \sqcup^1, 1, 0)$

Ejemplo 5: La relación \sqsubseteq^W en un retículo no distributivo



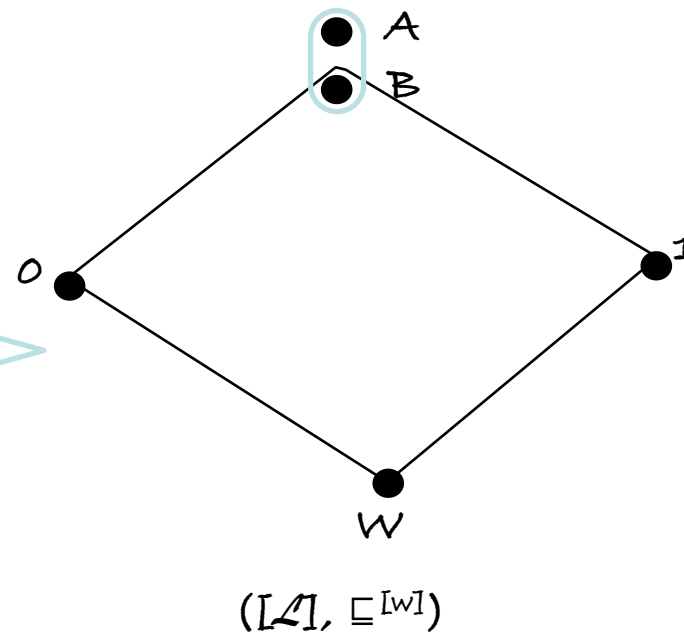
$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^0, \prod^0, \sqcup^0, 0, 1)$

$(\mathcal{L}, \leq, \cdot, +, 0, 1)$
Retículo acotado
no distributivo.



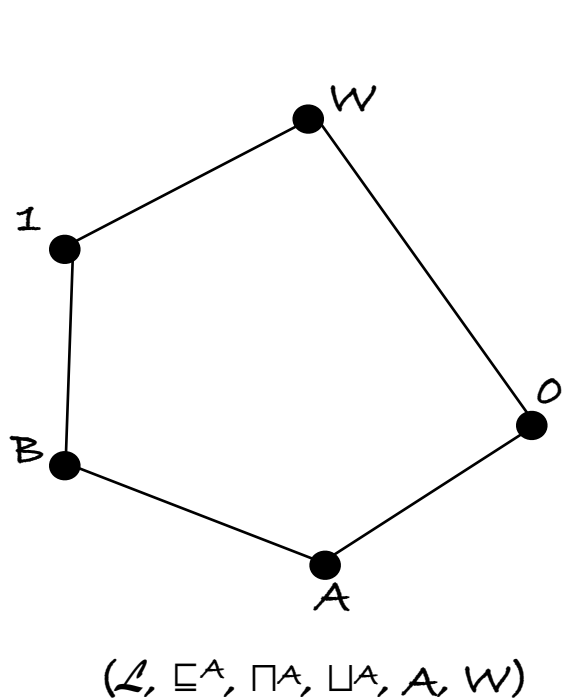
$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^W)$

No es conjunto ordenado
($A \neq B, A \sqsubseteq^W B$ y $B \sqsubseteq^W A$)
La relación \sqsubseteq^W es un pre-orden en \mathcal{L} .

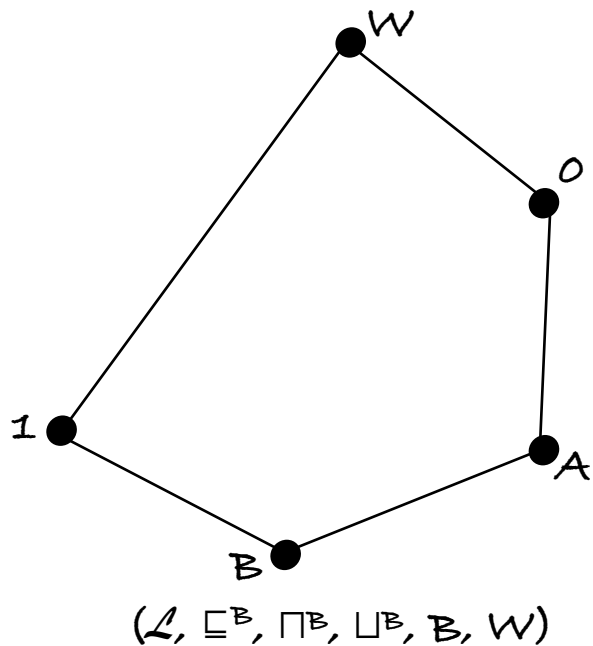


$([\mathcal{L}], \sqsubseteq^{[W]})$

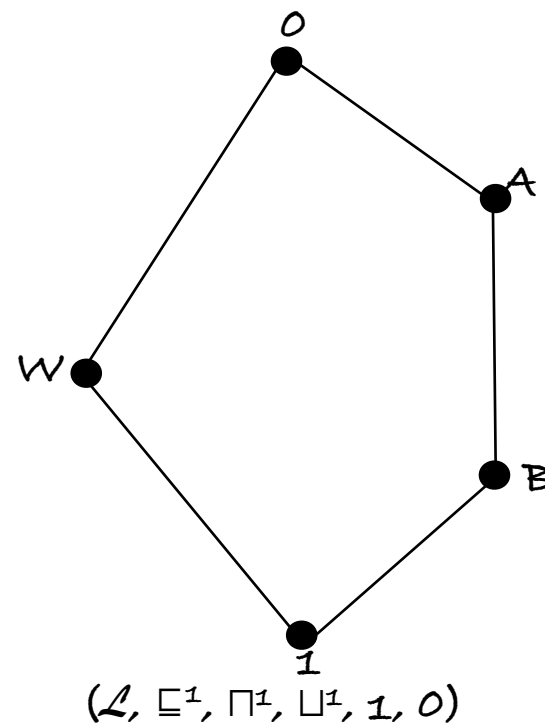
Conjunto $[\mathcal{L}]$ de clases de
equivalencia.
 $([\mathcal{L}], \sqsubseteq^{[W]})$ es un conjunto ordenado.



$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^A, \prod^A, \sqcup^A, A, W)$



$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^B, \prod^B, \sqcup^B, B, W)$



$(\mathcal{L}, \sqsubseteq^1, \prod^1, \sqcup^1, 1, 0)$

Generalización II:

Extensión de la relaciones de actividad
a sistemas relacionales (X, R) nítidos y
borrosos

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, \mathcal{R}) (\mathcal{R} nítida)

(L, \leq)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L / x \leq s\}, \quad \downarrow_{\leq} x = \{t \in L / t \leq x\} = \{t \in L / x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, \mathcal{R}) (\mathcal{R} nítida)

(L, \leq)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L / x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L / t \leq x\} = \{t \in L / x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

$(X, \mathcal{R}), \ \mathcal{R} \subseteq X^2$

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

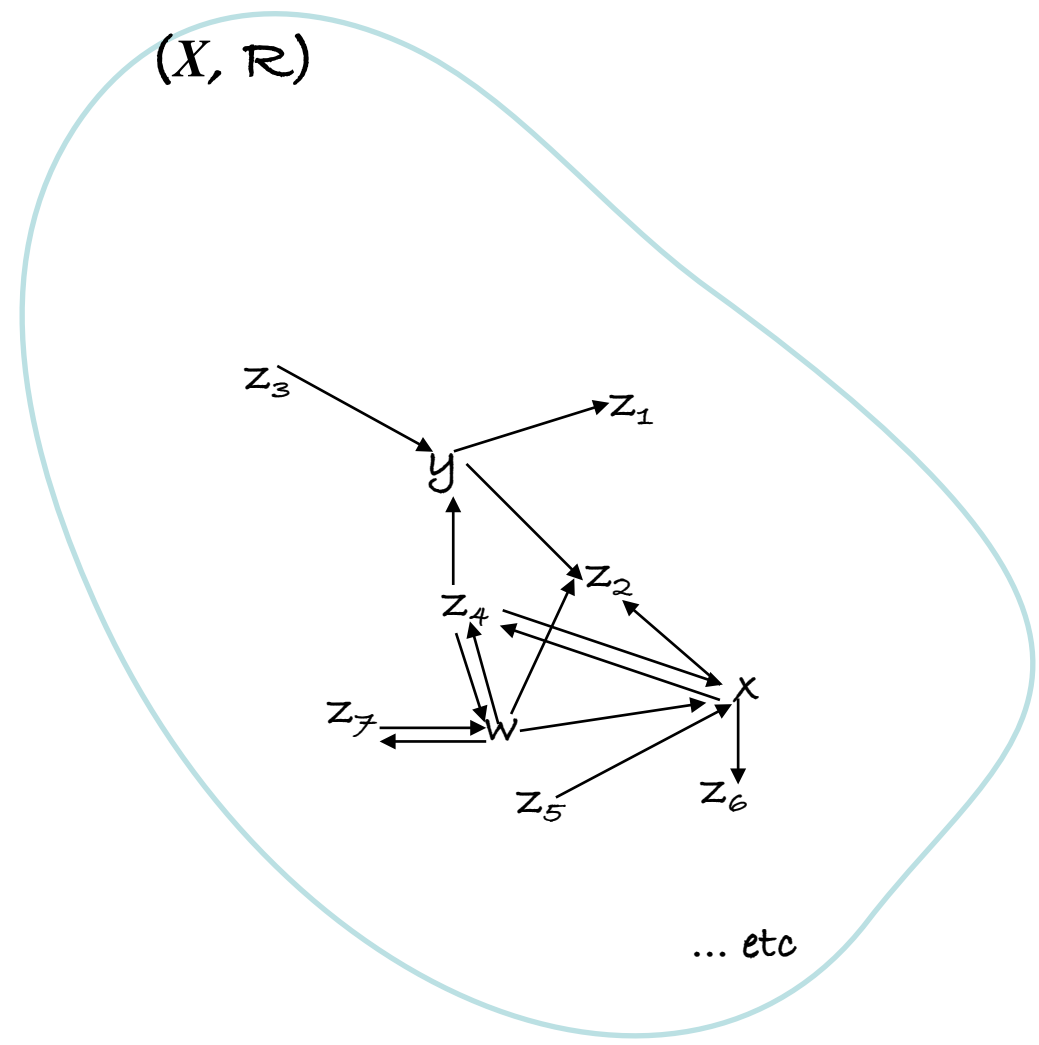
$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

- R:
- z₃Ry
 - yRz₁
 - z₄Ry
 - z₄Rx
 - yRz₂
 - wRz₄
 - z₄Rw
 - wRz₂
 - z₇Rw
 - wRz₇
 - z₅Rx
 - z₅Rw
 - xRz₂
 - xRz₄
 - xRz₆
 - ... etc



RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NÍTIDOS (X,R)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

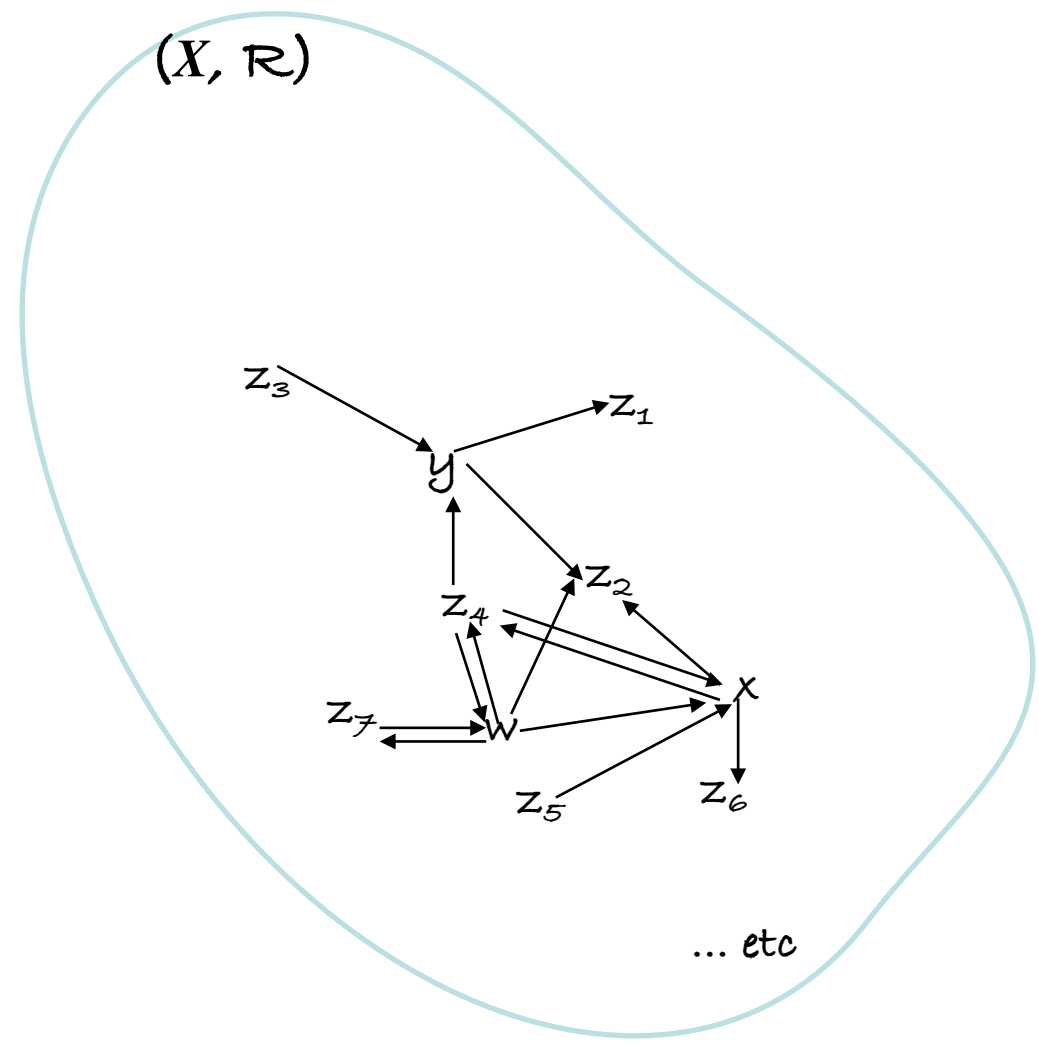
$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

- R:
- z₃ R y
 - y R z₁
 - z₄ R y
 - z₄ R x
 - y R z₂
 - w R z₄
 - z₄ R w
 - w R z₂
 - z₇ R w
 - w R z₇
 - z₅ R x
 - z₅ R w
 - x R z₂
 - x R z₄
 - x R z₆
 - ... etc



RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NÍTIDOS (X,R)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

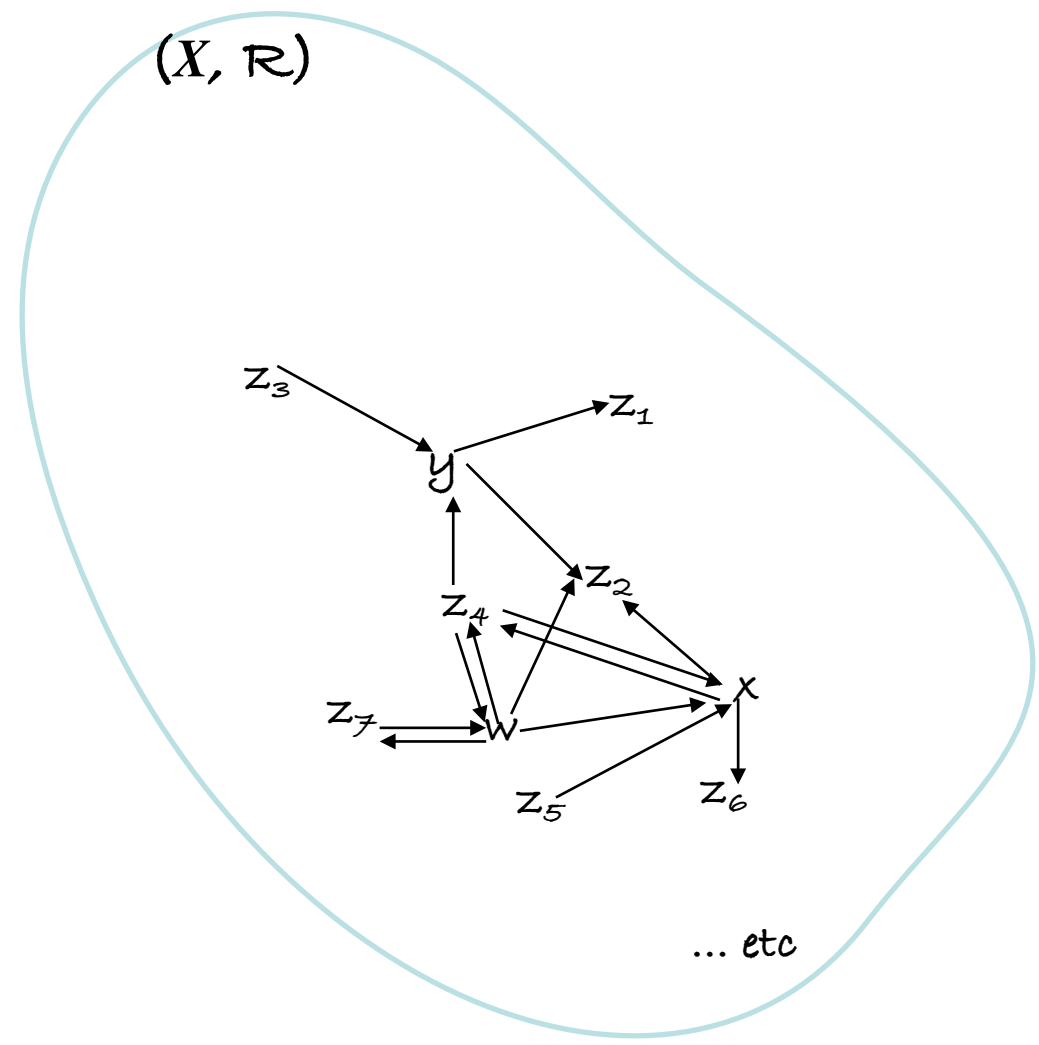
(X, R), R ⊆ X²

? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_R y \cap \uparrow_R w \subseteq \uparrow_R x) \ \& \ (\downarrow_R y \cap \downarrow_R w \subseteq \downarrow_R x)$$

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

- R:
- z₃ R y
 - y R z₁
 - z₄ R y
 - z₄ R x
 - y R z₂
 - w R z₄
 - z₄ R w
 - w R z₂
 - z₇ R w
 - w R z₇
 - z₅ R x
 - z₅ R w
 - x R z₂
 - x R z₄
 - x R z₆
 - ... etc



RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NÍTIDOS (X,R)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

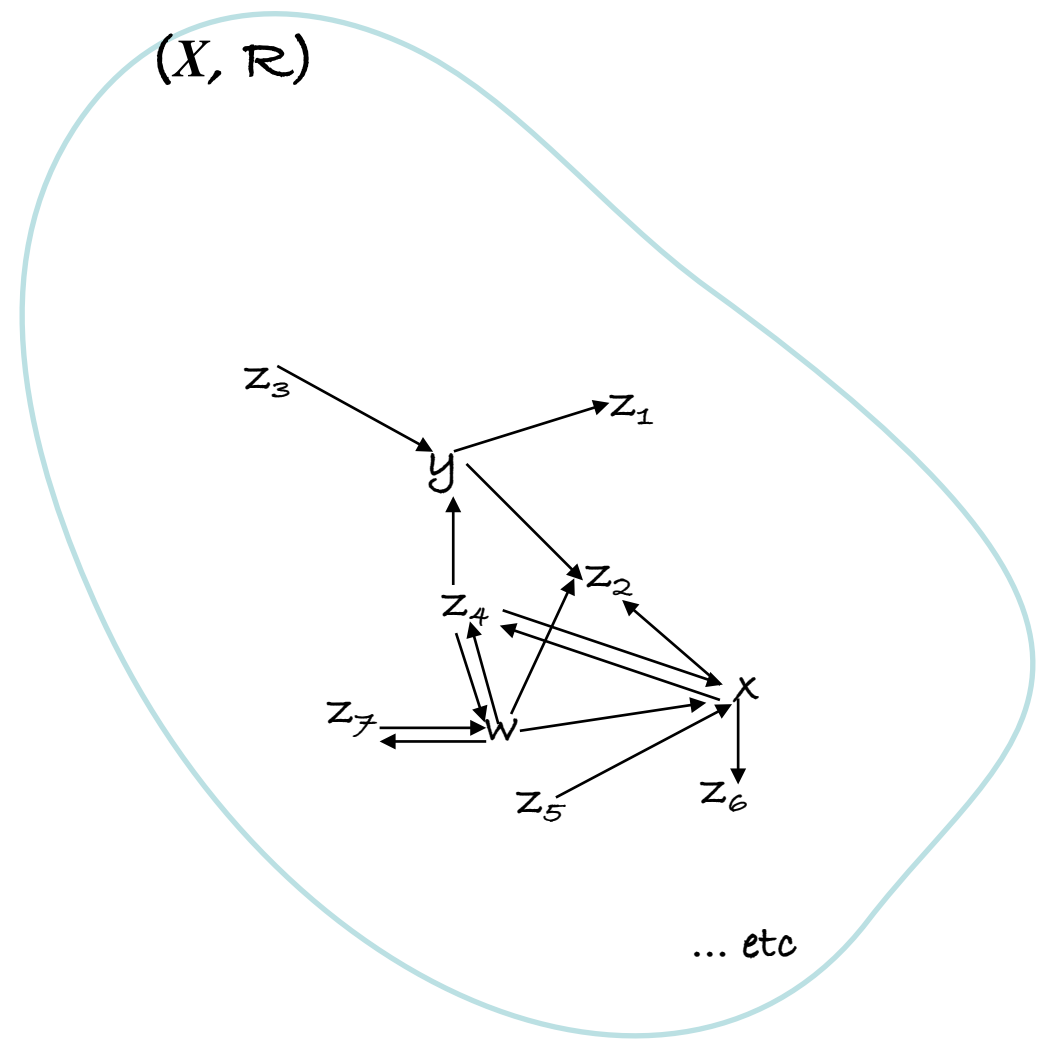
? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_R y \cap \uparrow_R w \subseteq \uparrow_R x) \ \& \ (\downarrow_R y \cap \downarrow_R w \subseteq \downarrow_R x)$$

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

$$\uparrow_R x = \{s \in X \mid x R s\}, \ \downarrow_R x = \{t \in X \mid t R x\} = \{t \in X \mid x R^op t\} = \uparrow_{R^op} x$$

- R:
- z₃ R y
 - y R z₁
 - z₄ R y
 - z₄ R x
 - y R z₂
 - w R z₄
 - z₄ R w
 - w R z₂
 - z₇ R w
 - w R z₇
 - z₅ R x
 - z₅ R w
 - x R z₂
 - x R z₄
 - x R z₆
 - ... etc



RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NÍTIDOS (X,R)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L / x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L / t \leq x\} = \{t \in L / x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

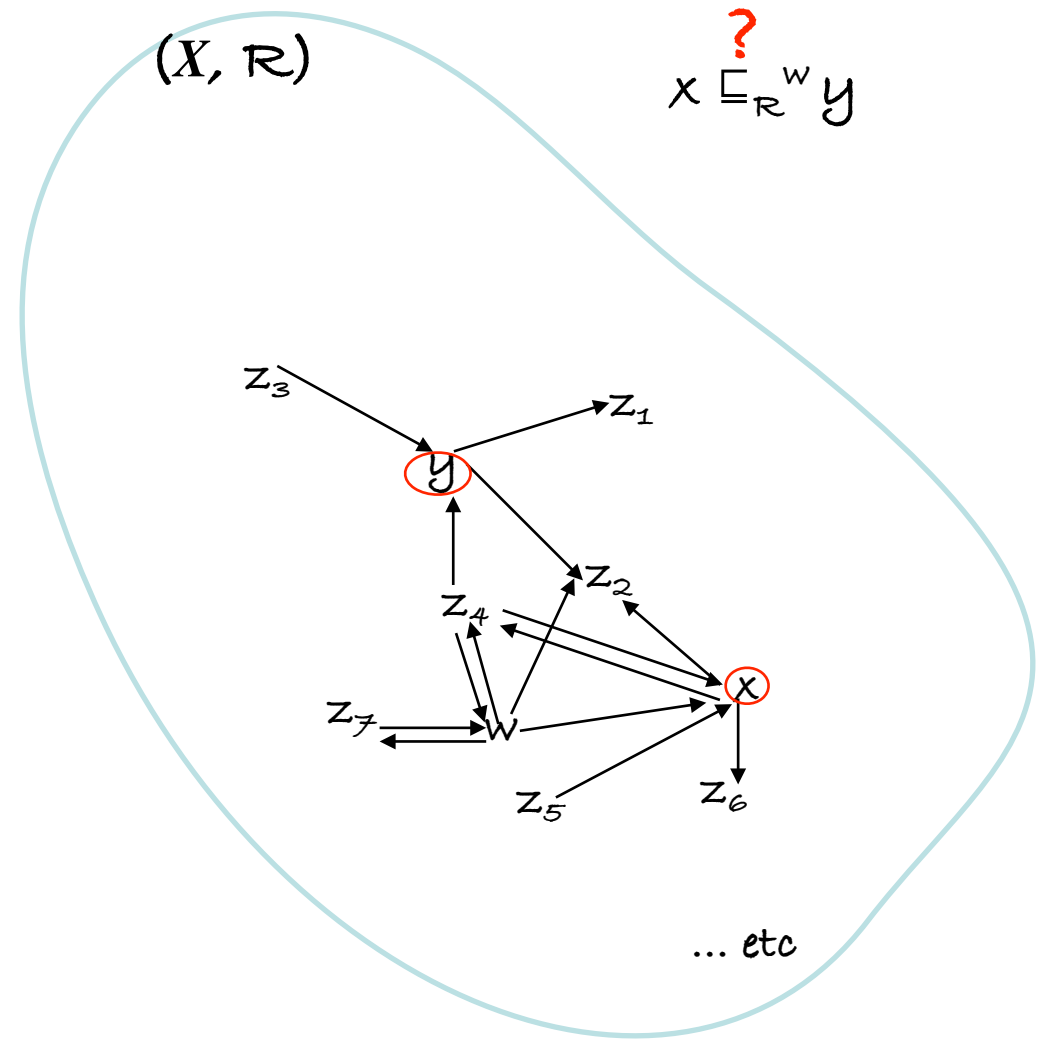
? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_R y \cap \uparrow_R w \subseteq \uparrow_R x) \ \& \ (\downarrow_R y \cap \downarrow_R w \subseteq \downarrow_R x)$$

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

$$\uparrow_R x = \{s \in X / x R s\}, \ \downarrow_R x = \{t \in X / t R x\} = \{t \in X / x R^o t\} = \uparrow_{R^o} x$$

- R:
- z₃ R y
 - y R z₁
 - z₄ R y
 - z₄ R x
 - y R z₂
 - w R z₄
 - z₄ R w
 - w R z₂
 - z₇ R w
 - w R z₇
 - z₅ R x
 - z₅ R w
 - x R z₂
 - x R z₄
 - x R z₆
 - ... etc



? $x \sqsubseteq_R^w y$

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_R y \cap \uparrow_R w \subseteq \uparrow_R x) \ \& \ (\downarrow_R y \cap \downarrow_R w \subseteq \downarrow_R x)$$

$$\uparrow_R x = \{s \in X \mid x R s\}, \ \downarrow_R x = \{t \in X \mid t R x\} = \{t \in X \mid x R^o t\} = \uparrow_{R^o} x$$

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

R: z₃ R y

y R z₁

z₄ R y

z₄ R x

y R z₂

w R z₄

z₄ R w

w R z₂

z₇ R w

w R z₇

z₅ R x

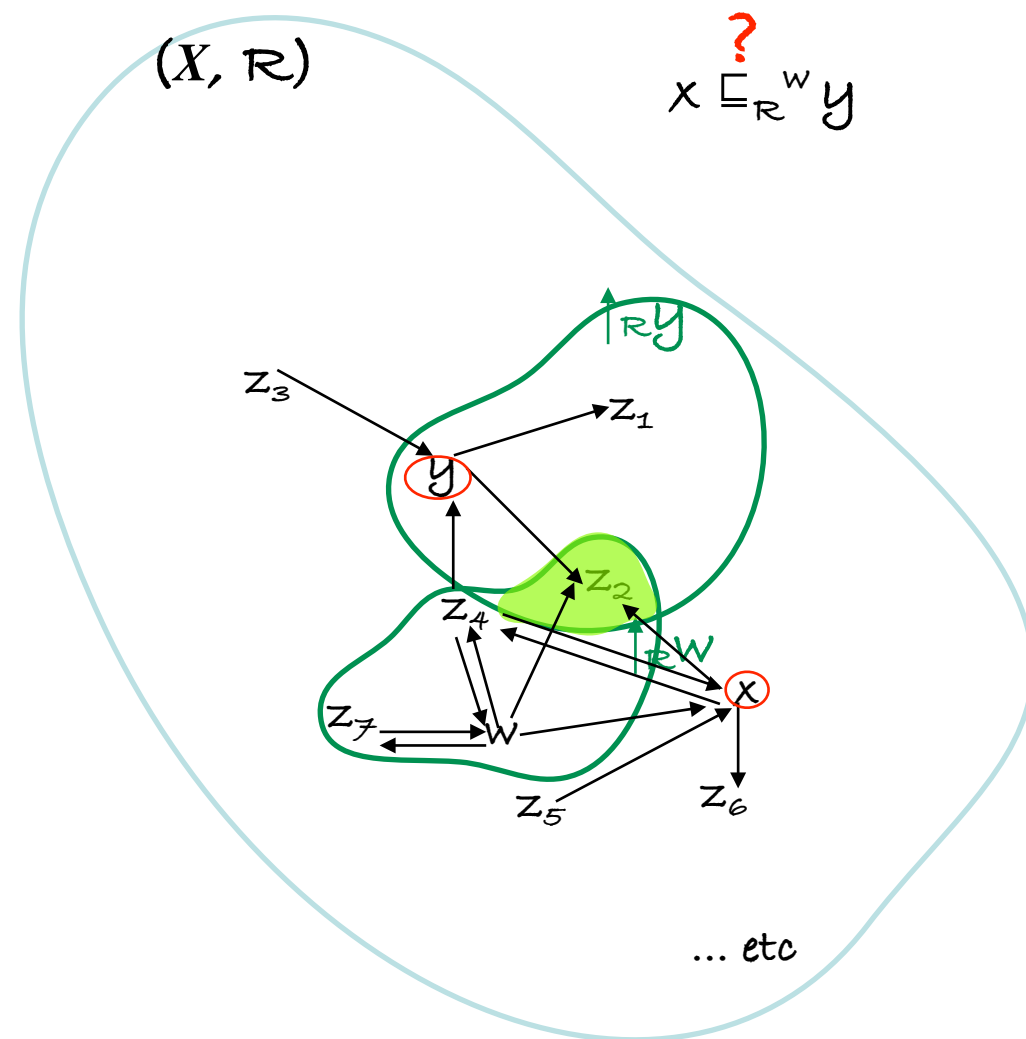
z₅ R w

x R z₂

x R z₄

x R z₆

... etc



Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \quad \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{Ry} \cap \uparrow_{RW} \subseteq \uparrow_{Rx}) \ \& \ (\downarrow_{Ry} \cap \downarrow_{RW} \subseteq \downarrow_{Rx})$$

$$\uparrow_{Rx} = \{s \in X \mid xRs\}, \quad \downarrow_{Rx} = \{t \in X \mid tRx\} = \{t \in X \mid xR^o t\} = \uparrow_{R^o x}$$

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

R: z₃Ry

yRz₁

z₄Ry

z₄Rx

yRz₂

wRz₄

z₄Rw

wRz₂

z₇Rw

wRz₇

z₅Rx

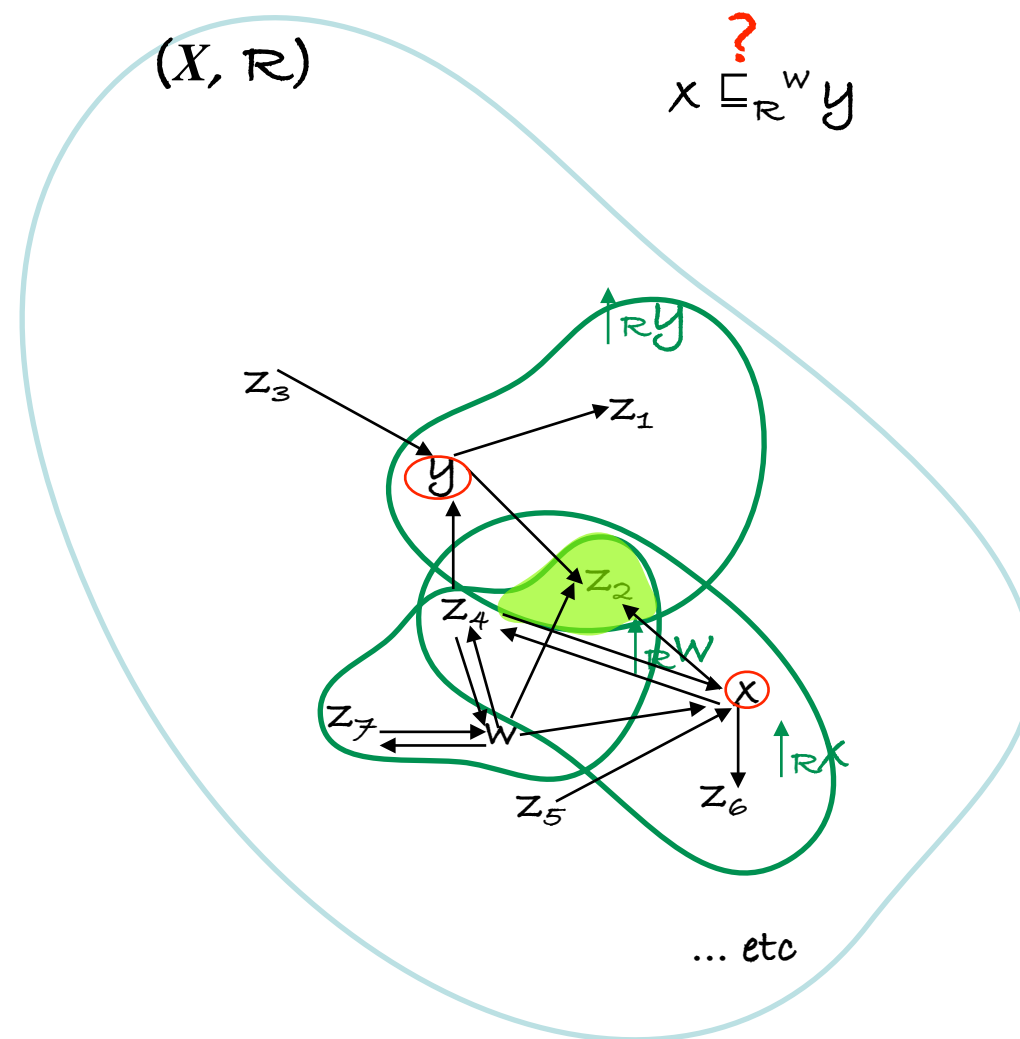
z₅Rw

xRz₂

xRz₄

xRz₆

... etc



Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{Ry} \cap \uparrow_{RW} \subseteq \uparrow_{Rx}) \ \& \ (\downarrow_{Ry} \cap \downarrow_{RW} \subseteq \downarrow_{Rx})$$

$$\uparrow_{Rx} = \{s \in X \mid xRs\}, \ \downarrow_{Rx} = \{t \in X \mid tRx\} = \{t \in X \mid xR^o t\} = \uparrow_{R^o x}$$

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

R: z₃Ry

yRz₁

z₄Ry

z₄Rx

yRz₂

wRz₄

z₄Rw

wRz₂

z₇Rw

wRz₇

z₅Rx

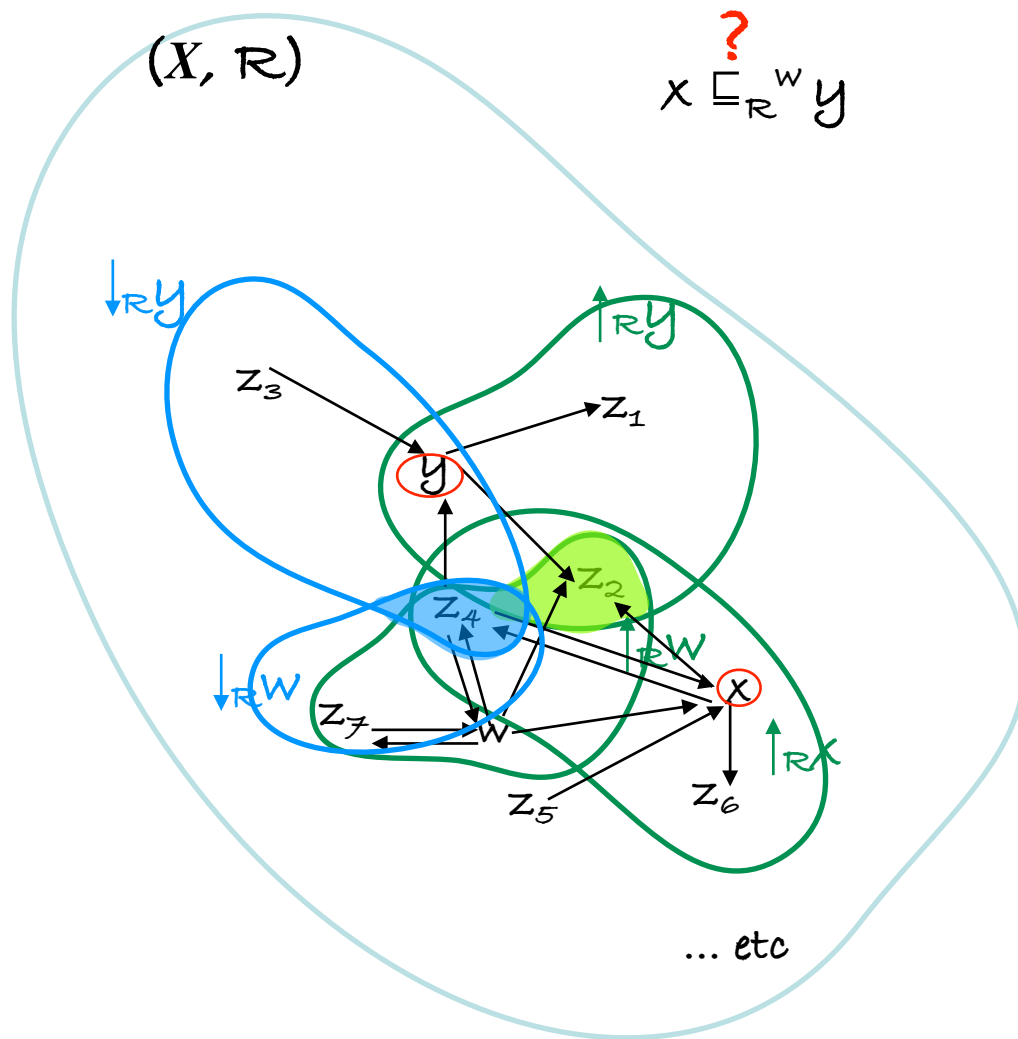
z₅Rw

xRz₂

xRz₄

xRz₆

... etc



RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NÍTIDOS (X,R)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

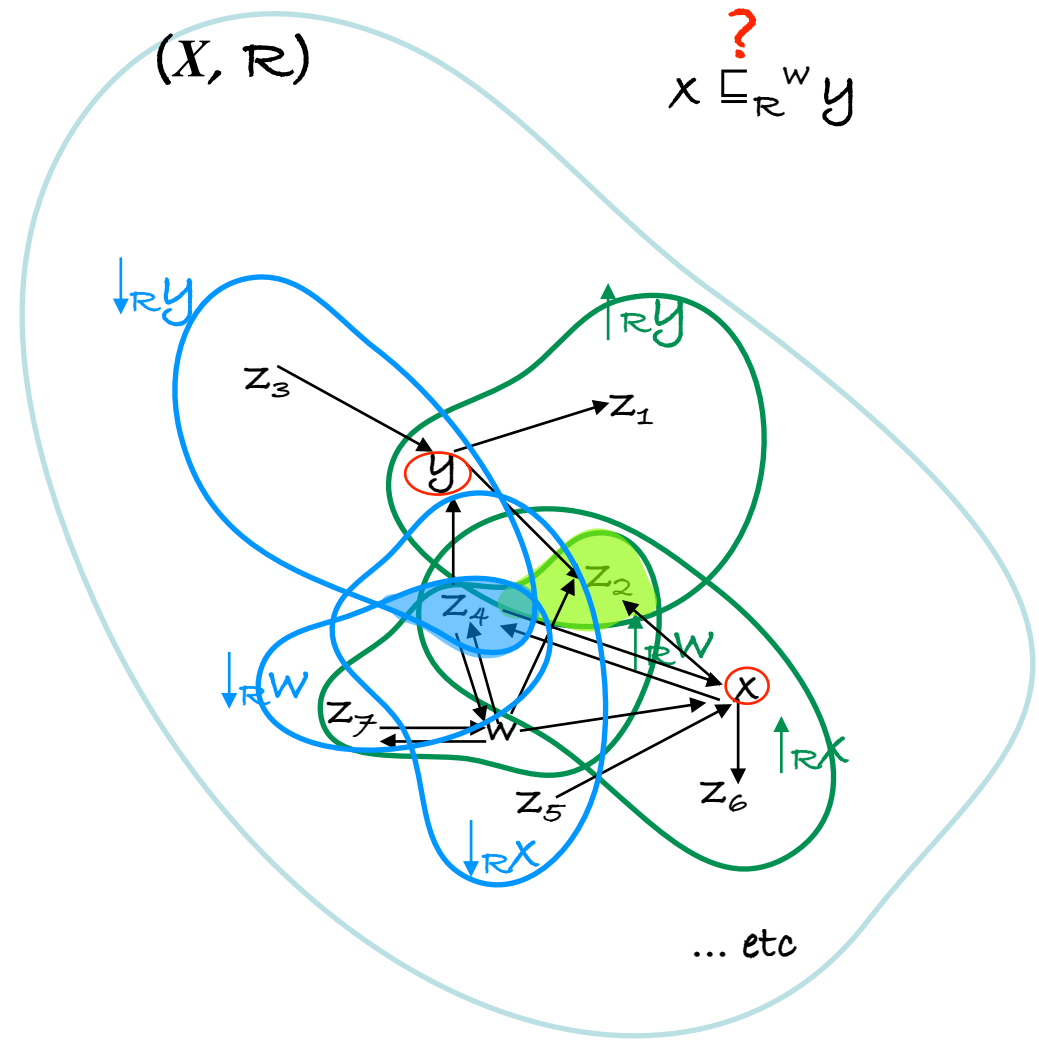
? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{Ry} \cap \uparrow_{RW} \subseteq \uparrow_{Rx}) \ \& \ (\downarrow_{Ry} \cap \downarrow_{RW} \subseteq \downarrow_{Rx})$$

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

$$\uparrow_{Rx} = \{s \in X \mid xRs\}, \ \downarrow_{Rx} = \{t \in X \mid tRx\} = \{t \in X \mid xR^op t\} = \uparrow_{R^op x}$$

- R:
- z₃Ry
 - yRz₁
 - z₄Ry
 - z₄Rx
 - yRz₂
 - wRz₄
 - z₄Rw
 - wRz₂
 - z₇Rw
 - wRz₇
 - z₅Rx
 - z₅Rw
 - xRz₂
 - xRz₄
 - xRz₆
 - ... etc



RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NÍTIDOS (X,R)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

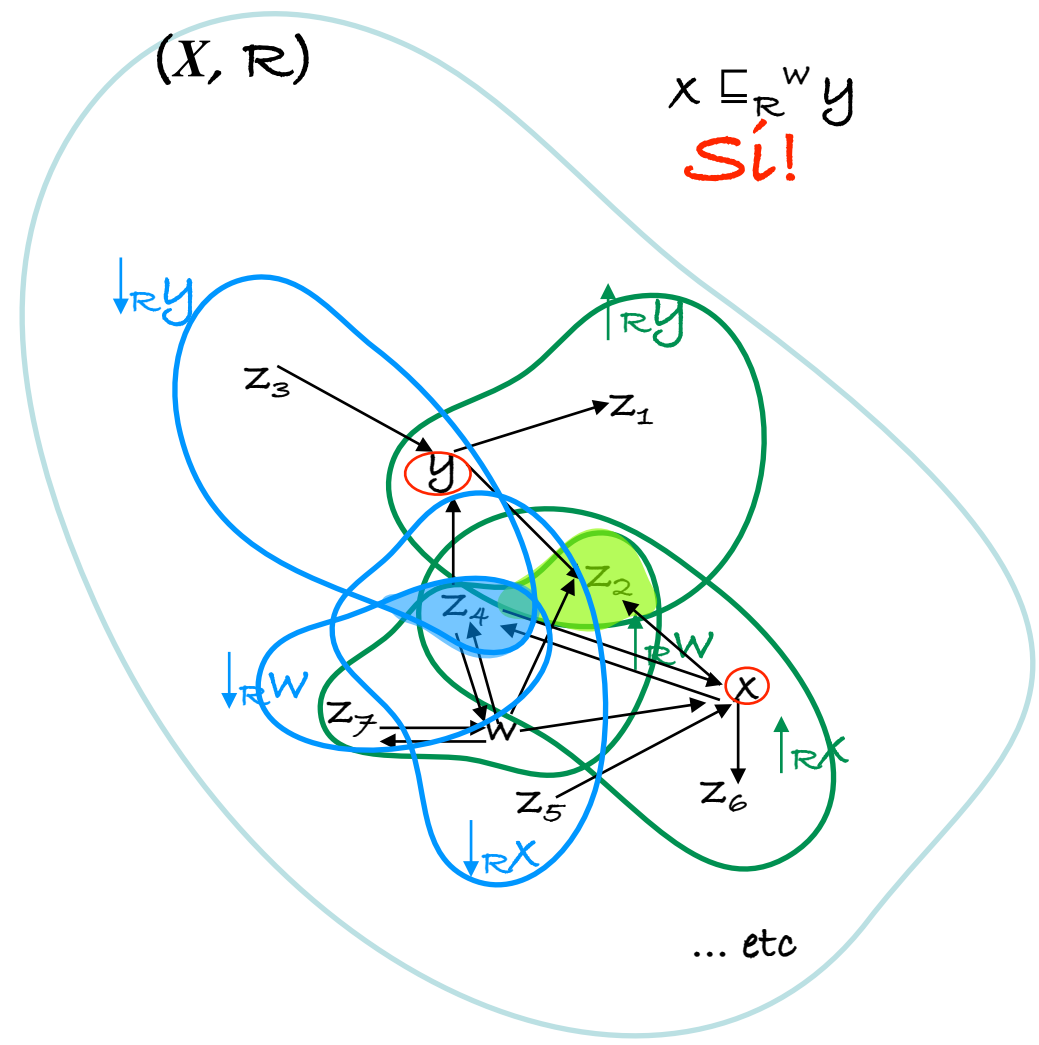
? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{Ry} \cap \uparrow_{RW} \subseteq \uparrow_{Rx}) \ \& \ (\downarrow_{Ry} \cap \downarrow_{RW} \subseteq \downarrow_{Rx})$$

$$\uparrow_{Rx} = \{s \in X \mid xRs\}, \ \downarrow_{Rx} = \{t \in X \mid tRx\} = \{t \in X \mid xR^o t\} = \uparrow_{R^o x}$$

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

- R:
- z₃Ry
 - yRz₁
 - z₄Ry
 - z₄Rx
 - yRz₂
 - wRz₄
 - z₄Rw
 - wRz₂
 - z₇Rw
 - wRz₇
 - z₅Rx
 - z₅Rw
 - xRz₂
 - xRz₄
 - xRz₆
 - ... etc



Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \ \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{Ry} \cap \uparrow_{Rw} \subseteq \uparrow_{Rx}) \ \& \ (\downarrow_{Ry} \cap \downarrow_{Rw} \subseteq \downarrow_{Rx})$$

$$\uparrow_{Rx} = \{s \in X \mid xRs\}, \ \downarrow_{Rx} = \{t \in X \mid tRx\} = \{t \in X \mid xR^op t\} = \uparrow_{R^op x}$$

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

R: z₃Ry

yRz₁

z₄Ry

z₄Rx

yRz₂

wRz₄

z₄Rw

wRz₂

z₇Rw

wRz₇

z₅Rx

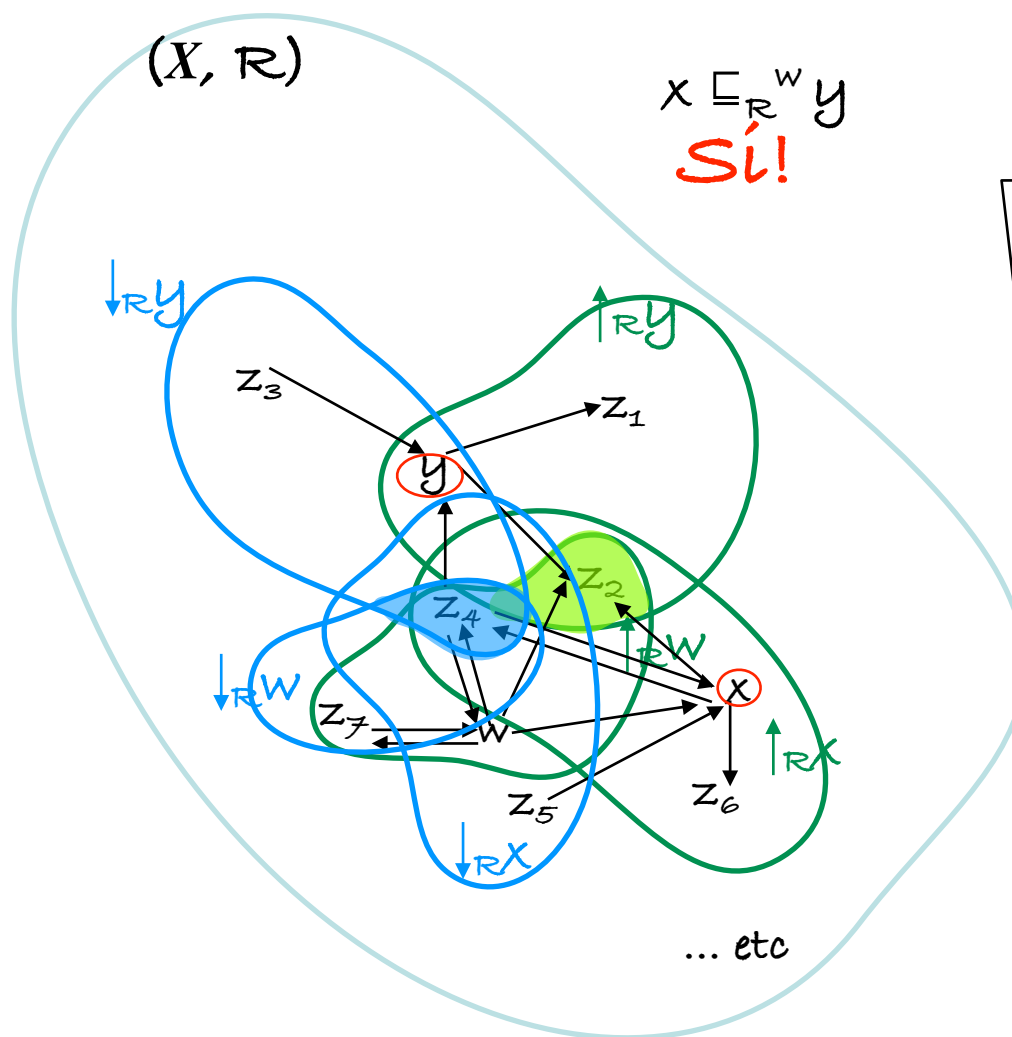
z₅Rw

xRz₂

xRz₄

xRz₆

... etc



R simétrica:
 $\uparrow_{Rx} = \{s \in L \mid xRs\} = \downarrow_{Rx} = \{t \in L \mid tRx\}$

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R nítida)

(L, ≤)

$$x \sqsubseteq^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{\leq} y \cap \uparrow_{\leq} w \subseteq \uparrow_{\leq} x) \ \& \ (\downarrow_{\leq} y \cap \downarrow_{\leq} w \subseteq \downarrow_{\leq} x)$$

$$\uparrow_{\leq} x = \{s \in L \mid x \leq s\}, \quad \downarrow_{\leq} x = \{t \in L \mid t \leq x\} = \{t \in L \mid x \geq t\} = \uparrow_{\geq} x, \quad (L, \sqsubseteq^w)$$

(X, R), R ⊆ X²

? $\sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$ (X, \sqsubseteq_R^w)

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{Ry} \cap \uparrow_{RW} \subseteq \uparrow_{Rx}) \ \& \ (\downarrow_{Ry} \cap \downarrow_{RW} \subseteq \downarrow_{Rx})$$

$$\uparrow_{Rx} = \{s \in X \mid xRs\}, \quad \downarrow_{Rx} = \{t \in X \mid tRx\} = \{t \in X \mid xR^op t\} = \uparrow_{R^op x}$$

X = {x, y, w, z₁, z₂, ...}

R: z₃Ry

yRz₁

z₄Ry

z₄Rx

yRz₂

wRz₄

z₄Rw

wRz₂

z₇Rw

wRz₇

z₅Rx

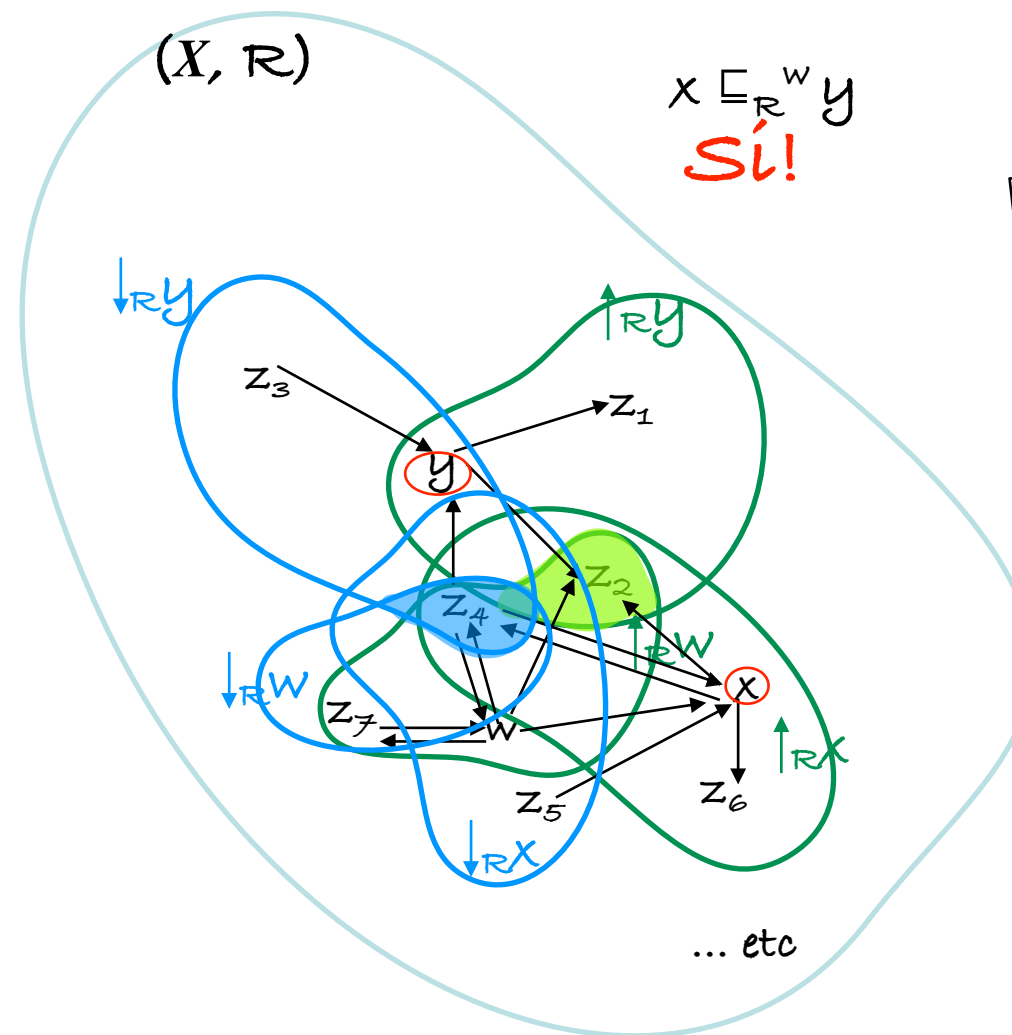
z₅Rw

xRz₂

xRz₄

xRz₆

... etc

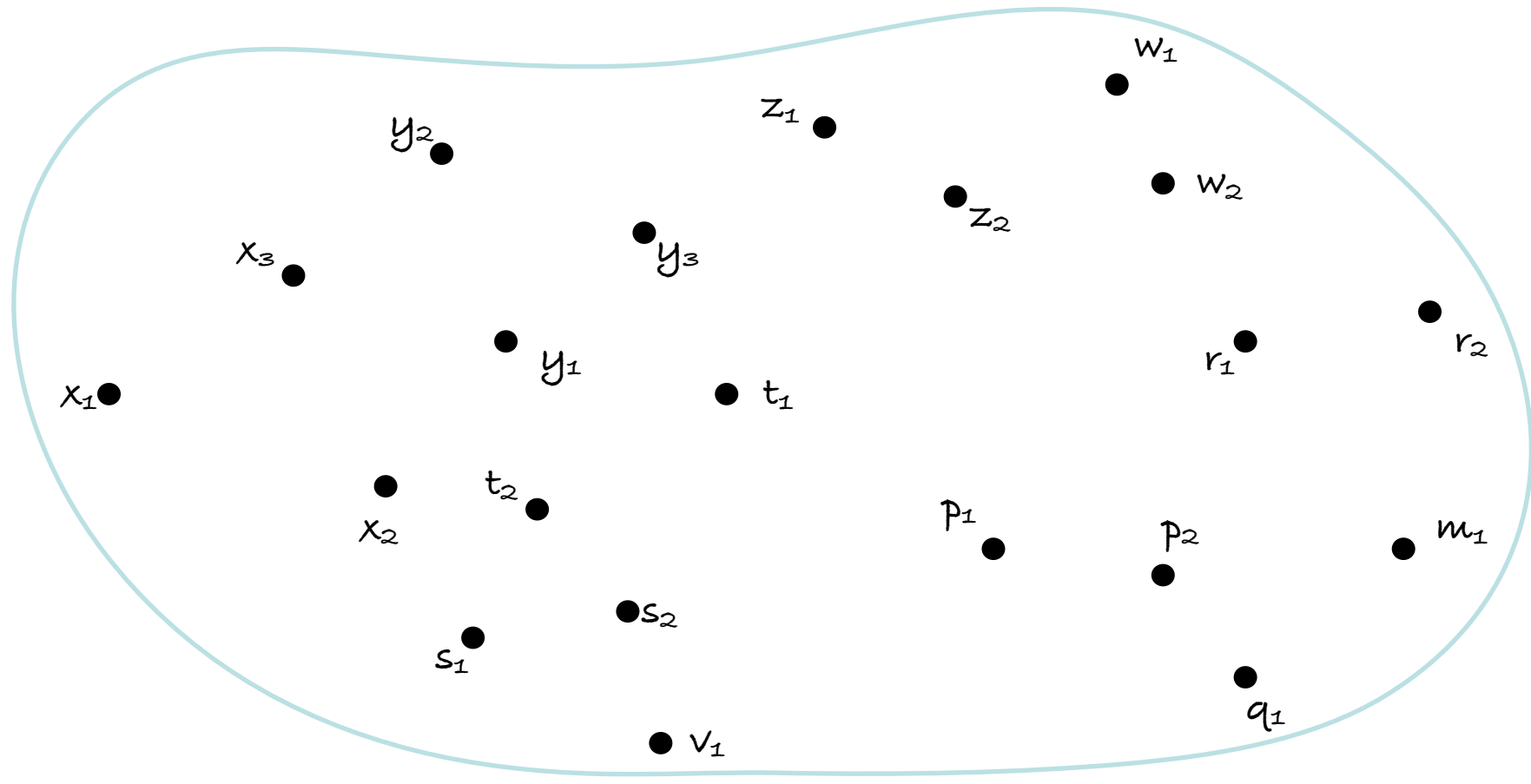


R simétrica:
 $\uparrow_{Rx} = \{s \in L \mid xRs\} = \downarrow_{Rx} = \{t \in L \mid tRx\}$

R semejanza: $wR^2y \Rightarrow x \sqsubseteq_R^w y \ \forall x$

RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NÍTIDOS (X,R)

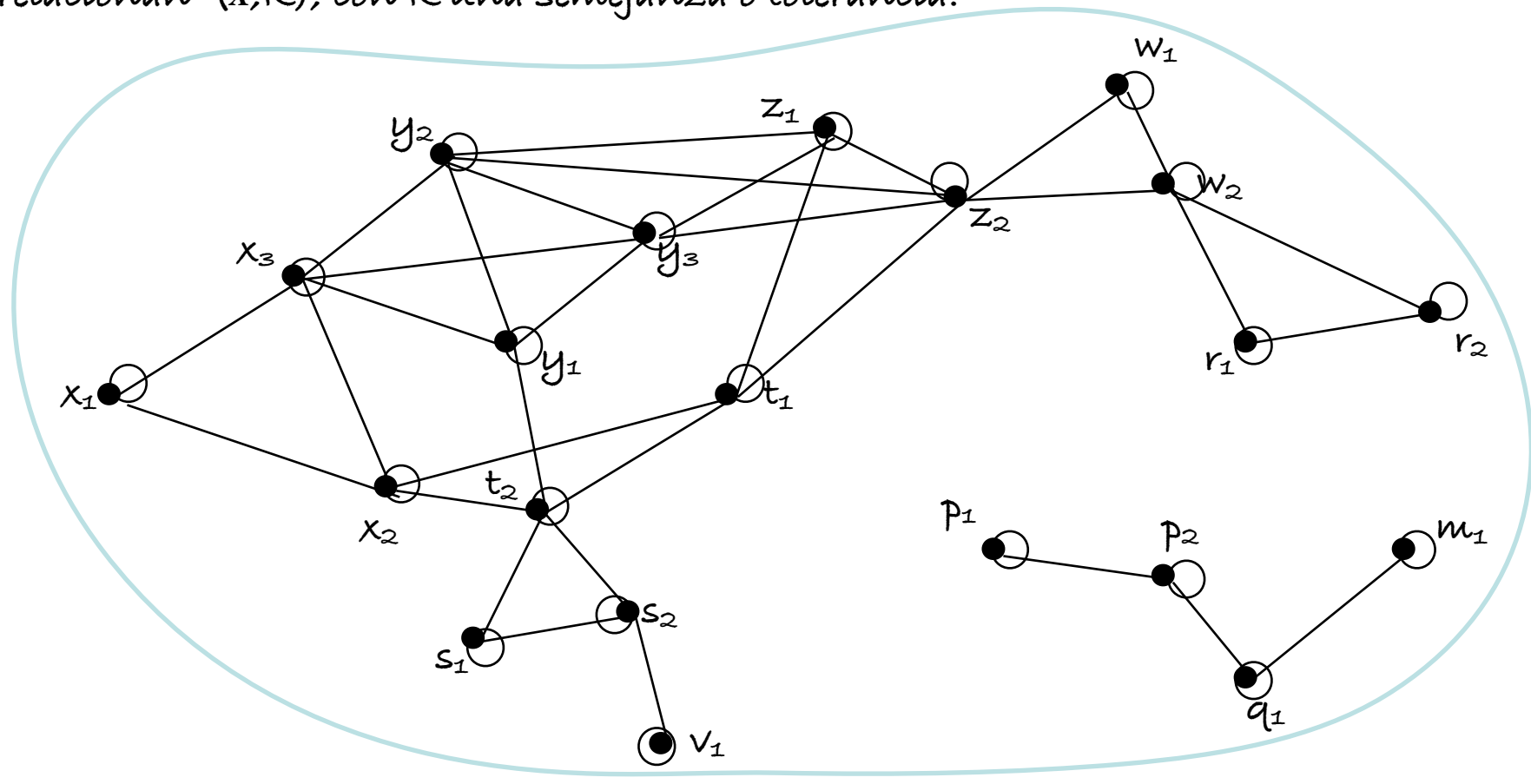
Referencial X



RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)

Referencial X

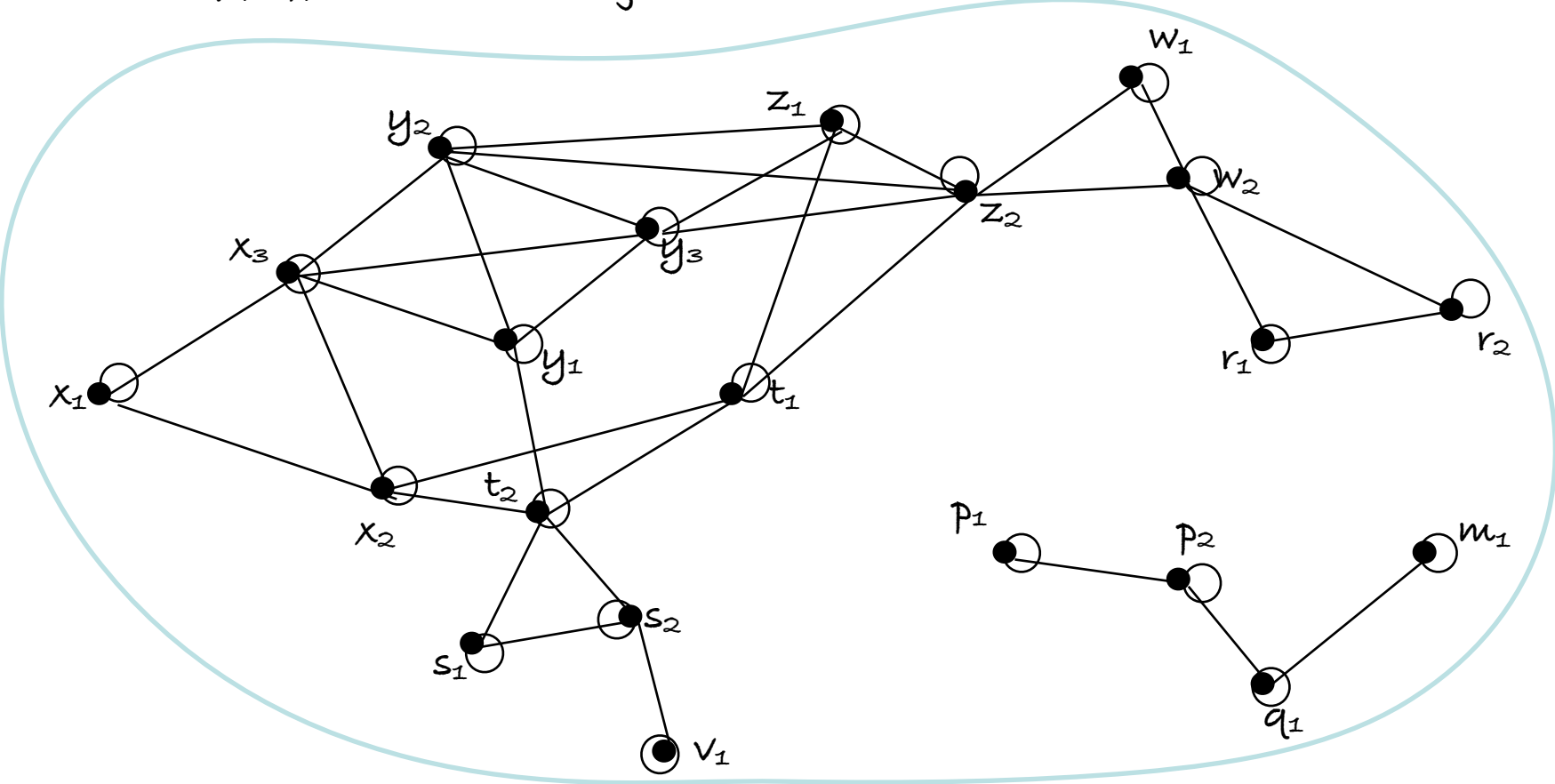
Sistema relacionan (X,R), con R una semejanza o tolerancia.



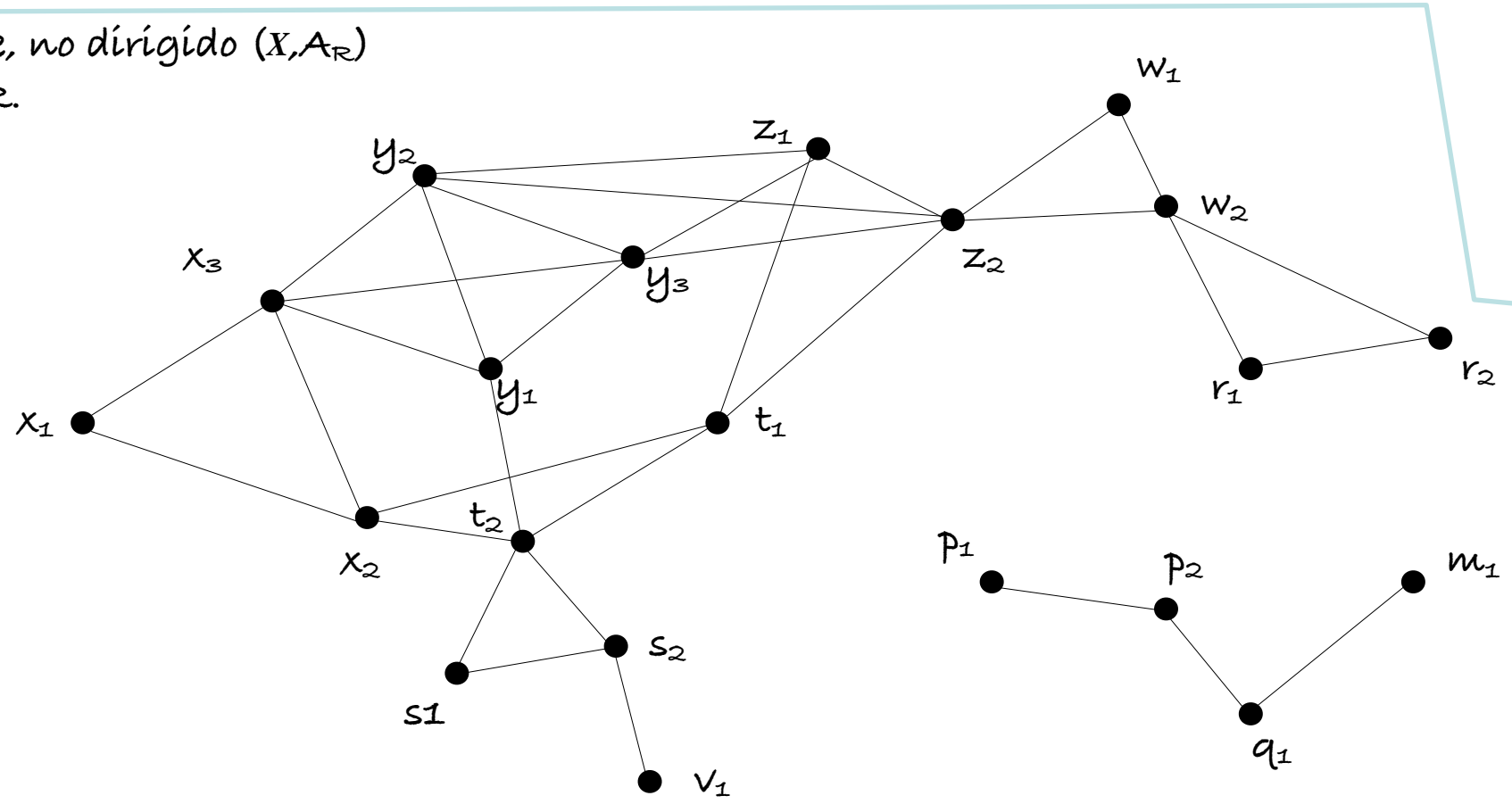
RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)

Referencial X

Sistema relacionan (X,R), con R una semejanza o tolerancia.



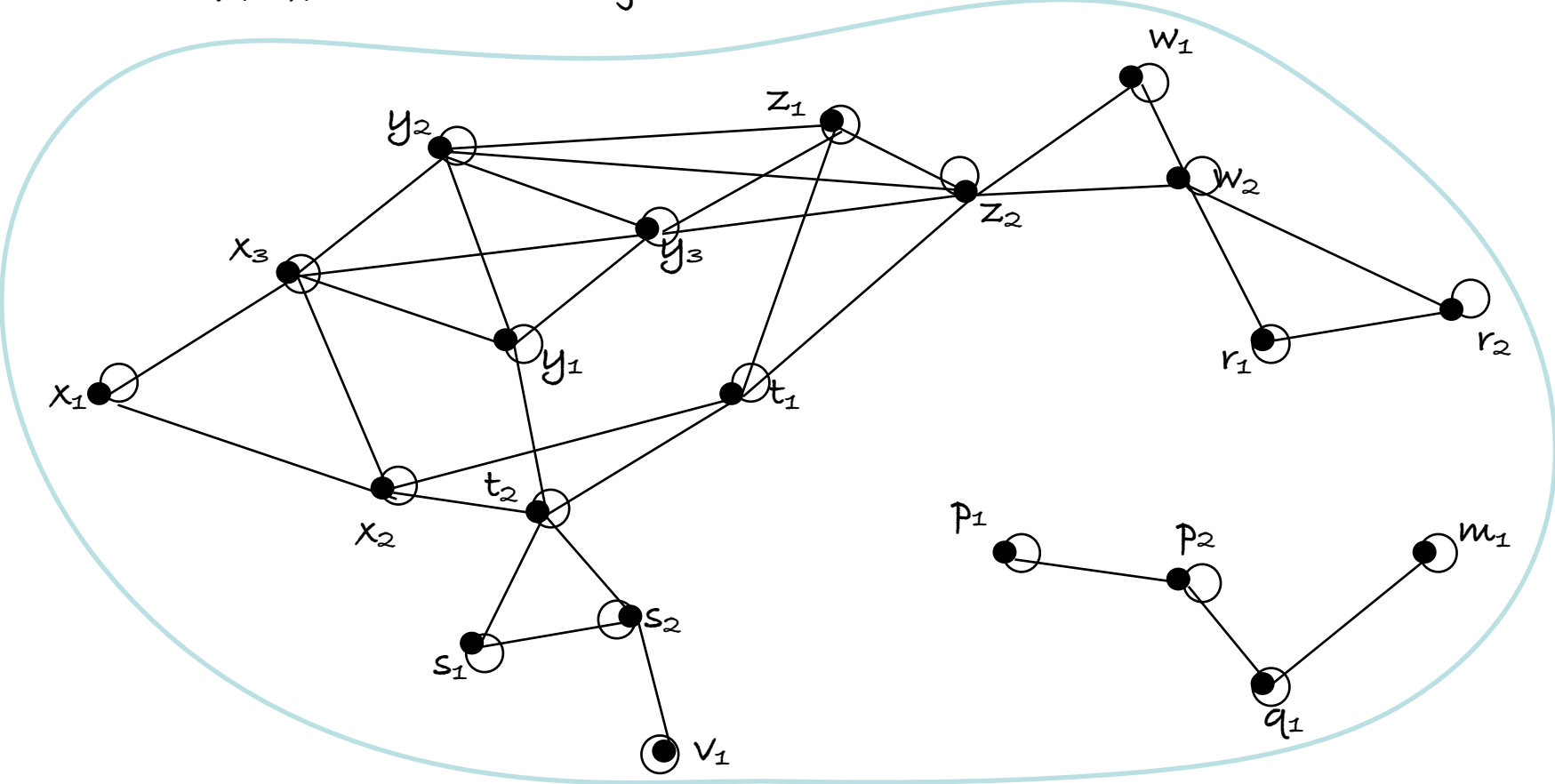
Grafo simple, no dirigido (X, A_R) asociado a R.



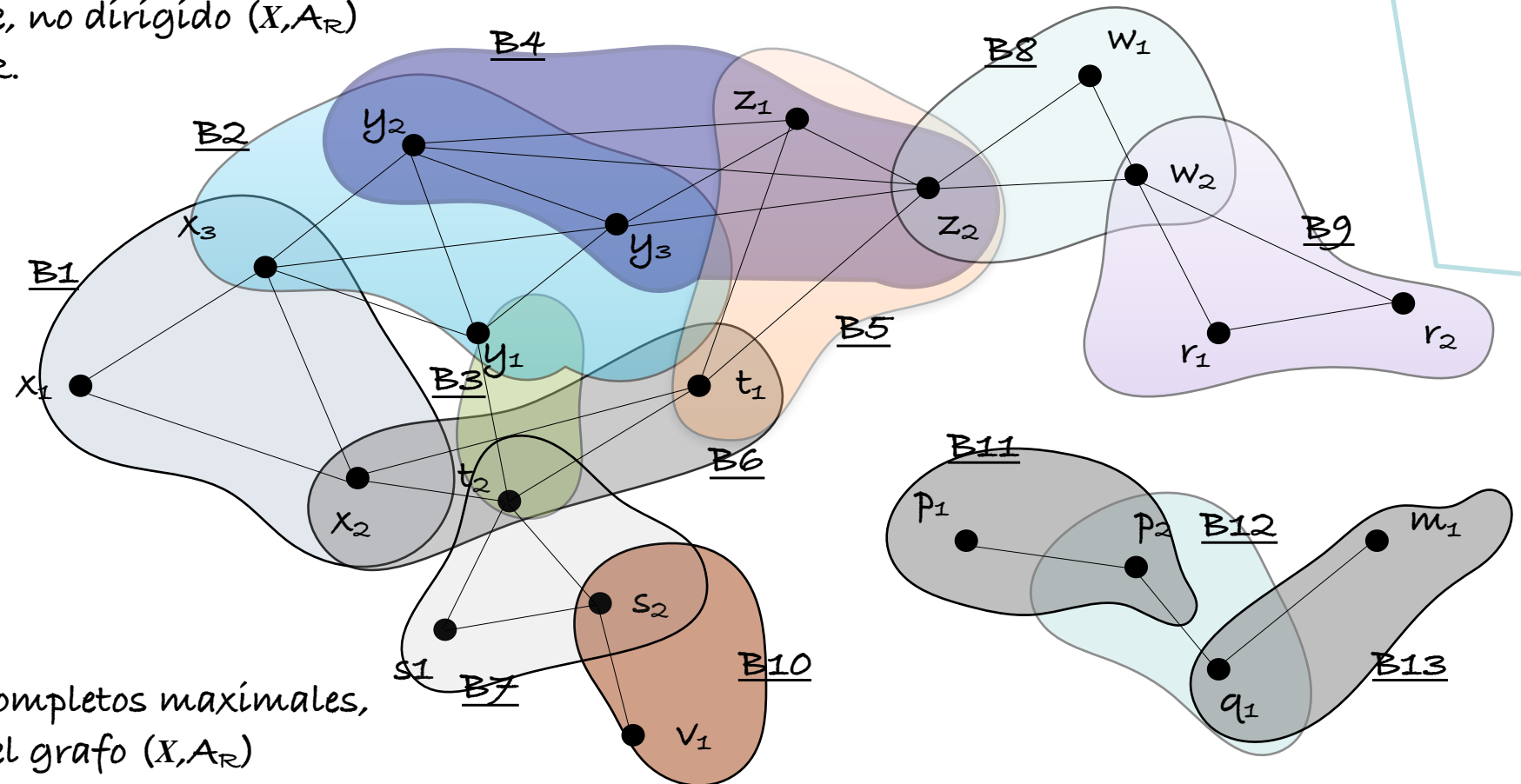
RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X, R)

Referencial X

Sistema relacionan (X, R), con R una semejanza o tolerancia.



Grafo simple, no dirigido (X, A_R) asociado a R .

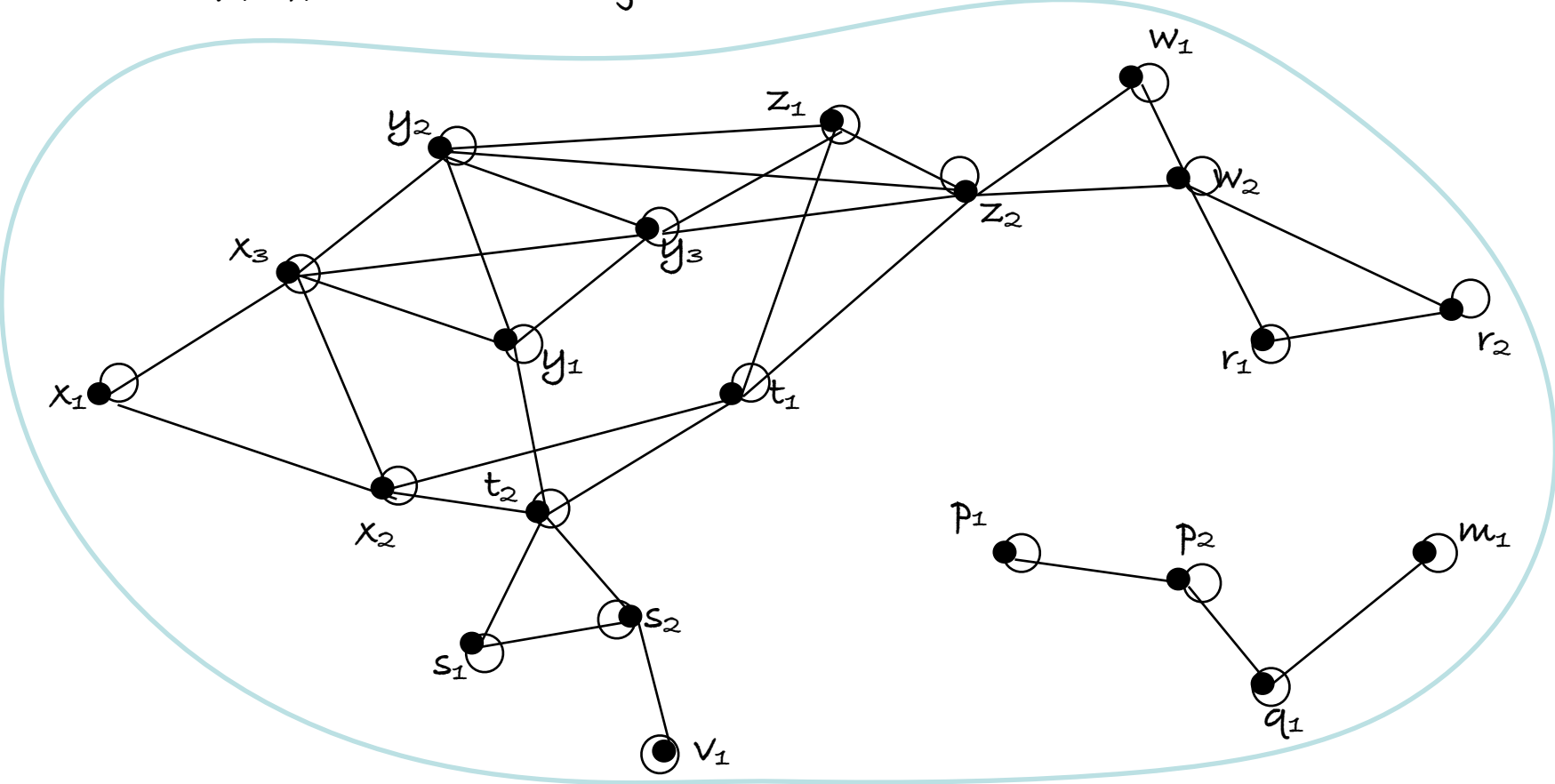


Subgrafos completos maximales, (cliques), del grafo (X, A_R)

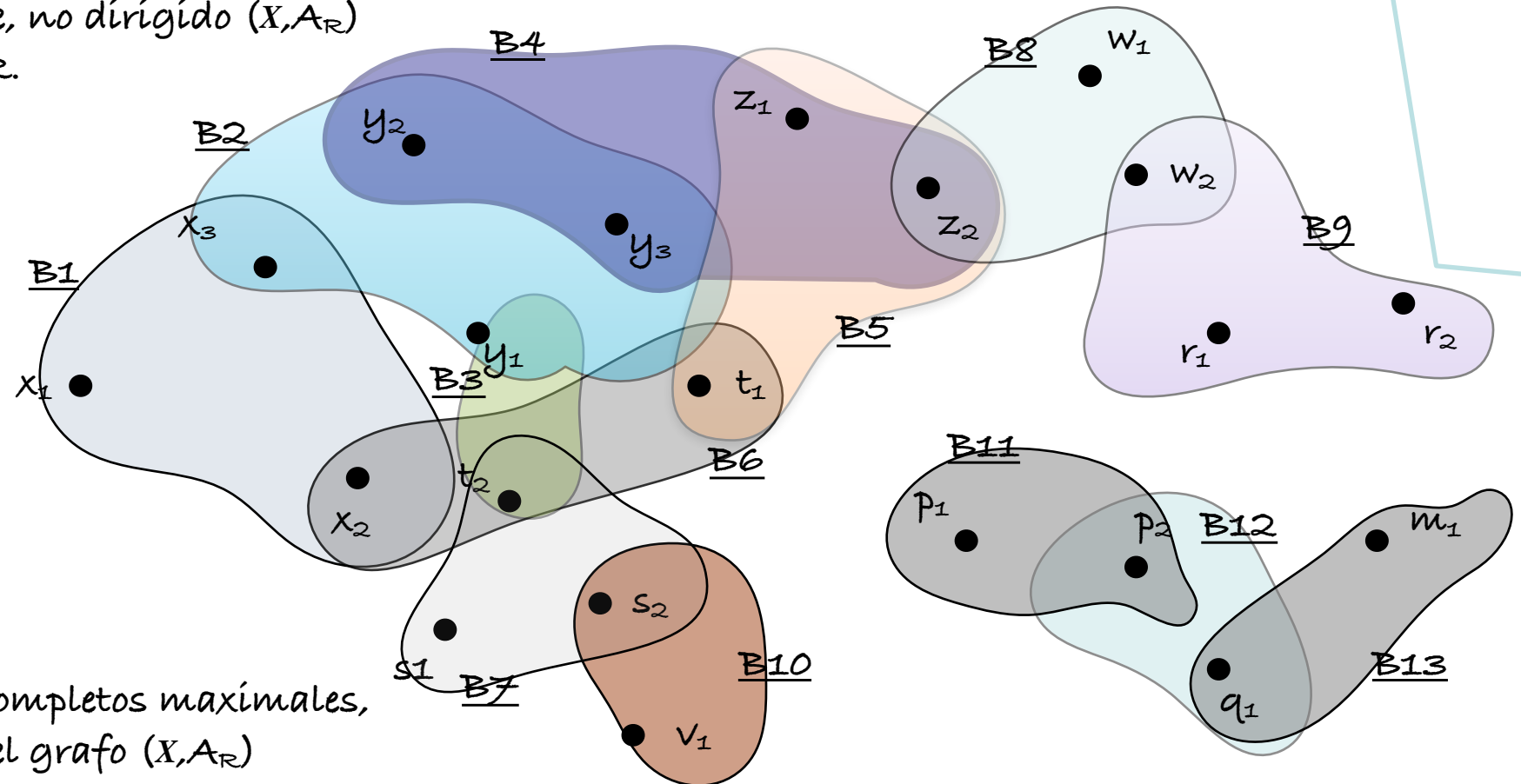
RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)

Referencial X

Sistema relacionan (X,R), con R una semejanza o tolerancia.



Grafo simple, no dirigido (X, A_R) asociado a R.



Bloques de semejanza o tolerancia asociados a R: B1, B2, ..., B13

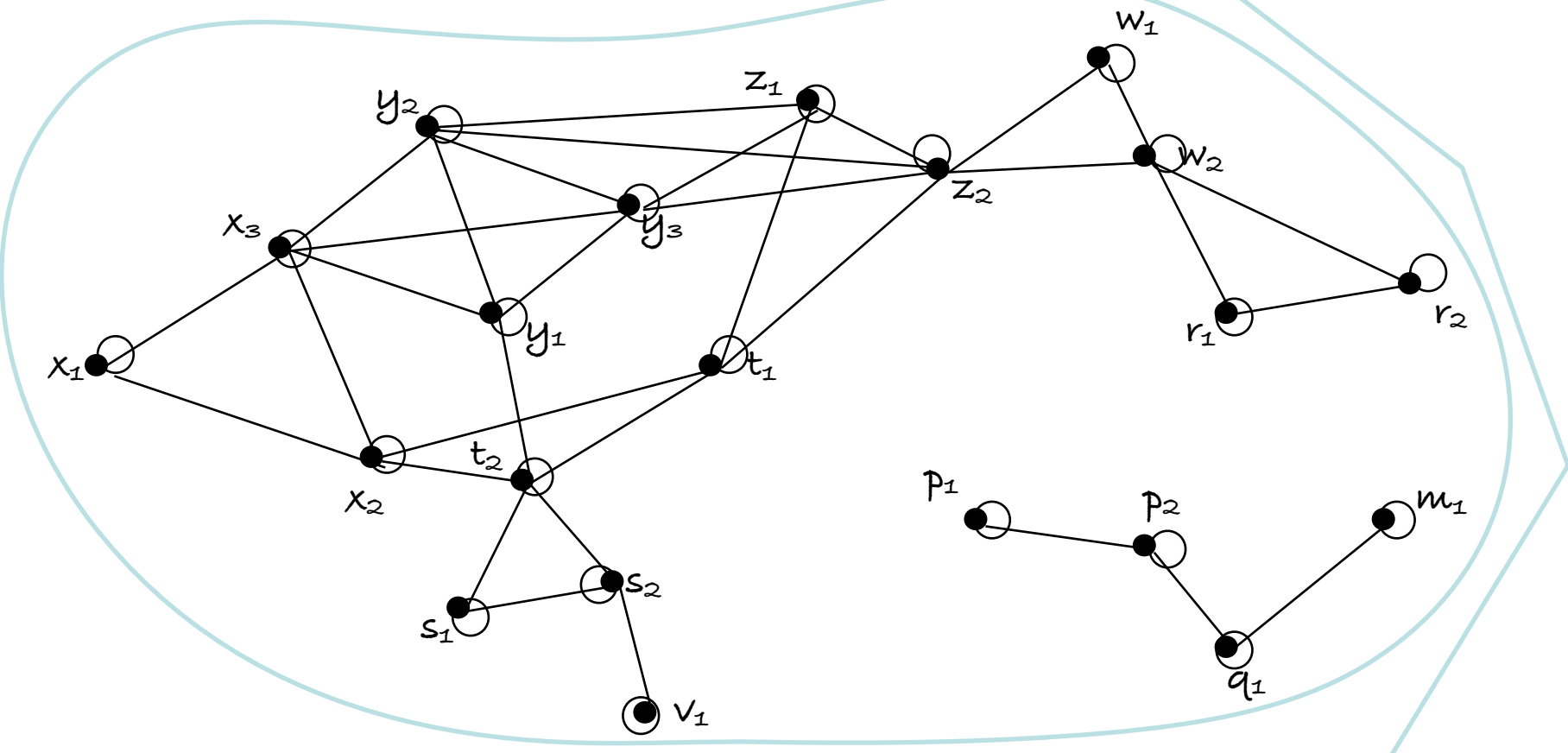
Subgrafos completos maximales, (cliques), del grafo (X, A_R)

RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)

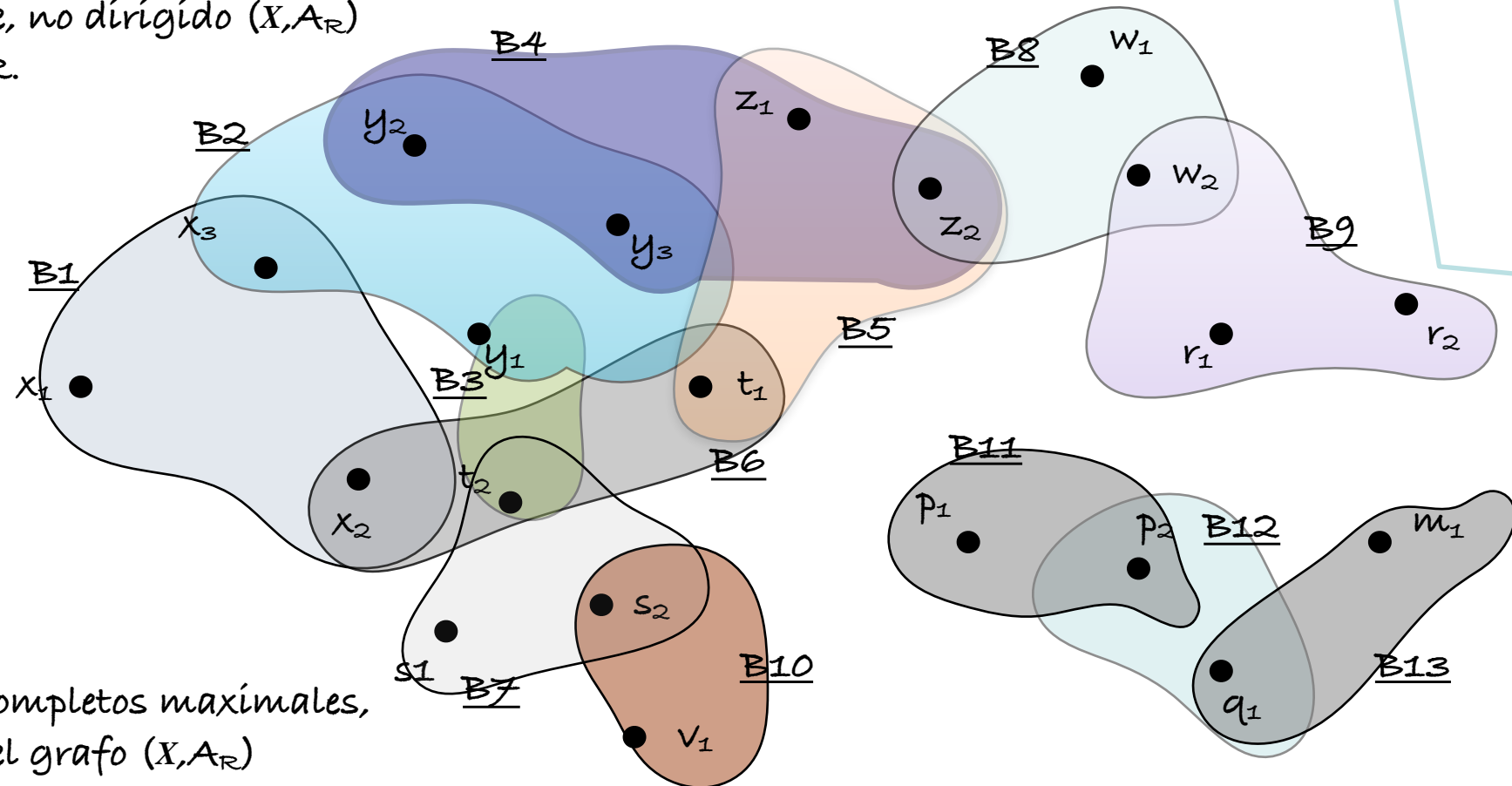
$$x \in_R z y \Leftrightarrow (\uparrow_{Ry} \cap \uparrow_{Rz} \subseteq \uparrow_{Rx}) \ \& \ (\downarrow_{Ry} \cap \downarrow_{Rz} \subseteq \downarrow_{Rx})$$

Referencial X

Sistema relacionan (X,R), con R una semejanza o tolerancia.



Grafo simple, no dirigido (X,Ar) asociado a R.



Bloques de semejanza o tolerancia asociados a R: B1, B2, ..., B13

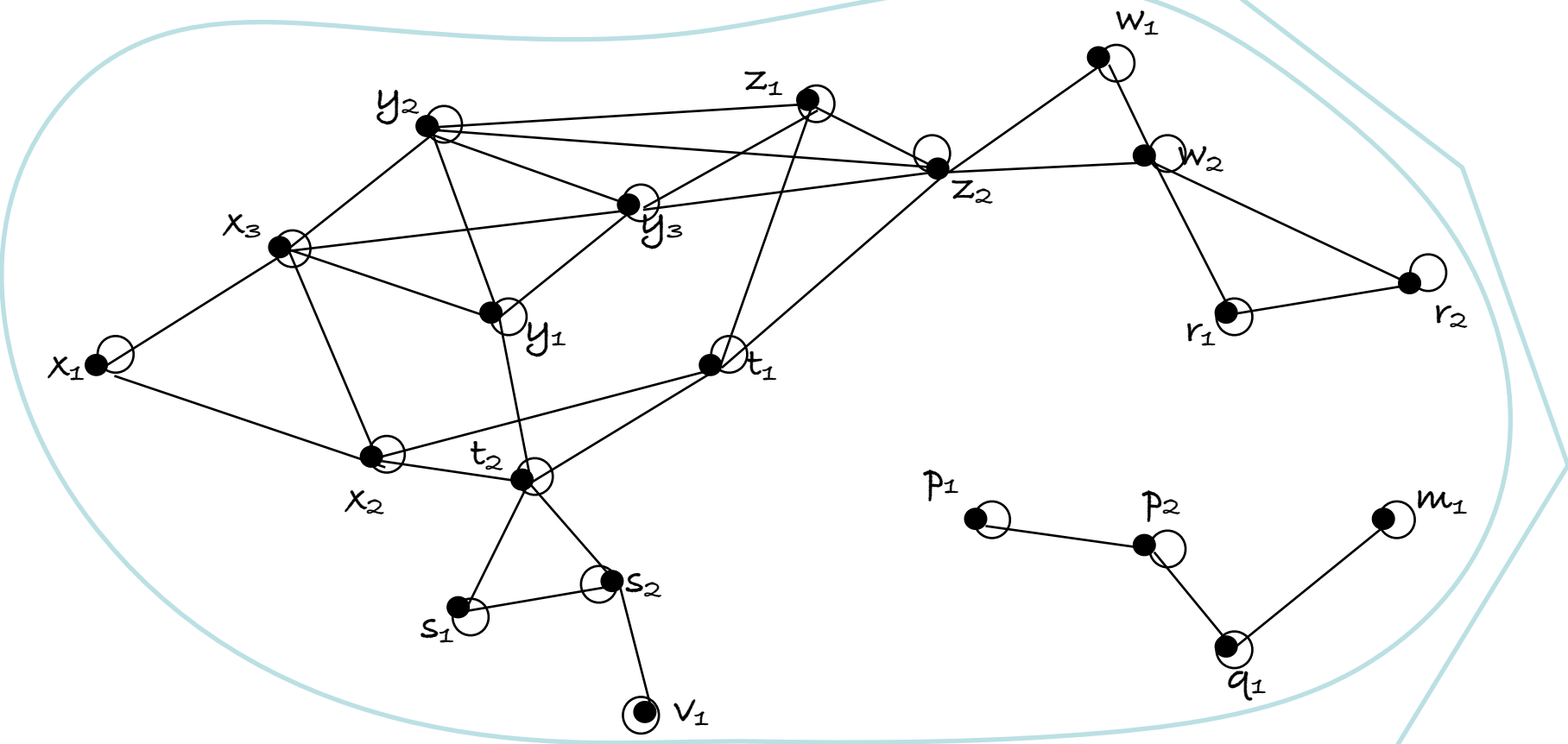
Subgrafos completos maximales, (cliques), del grafo (X,Ar)

RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)

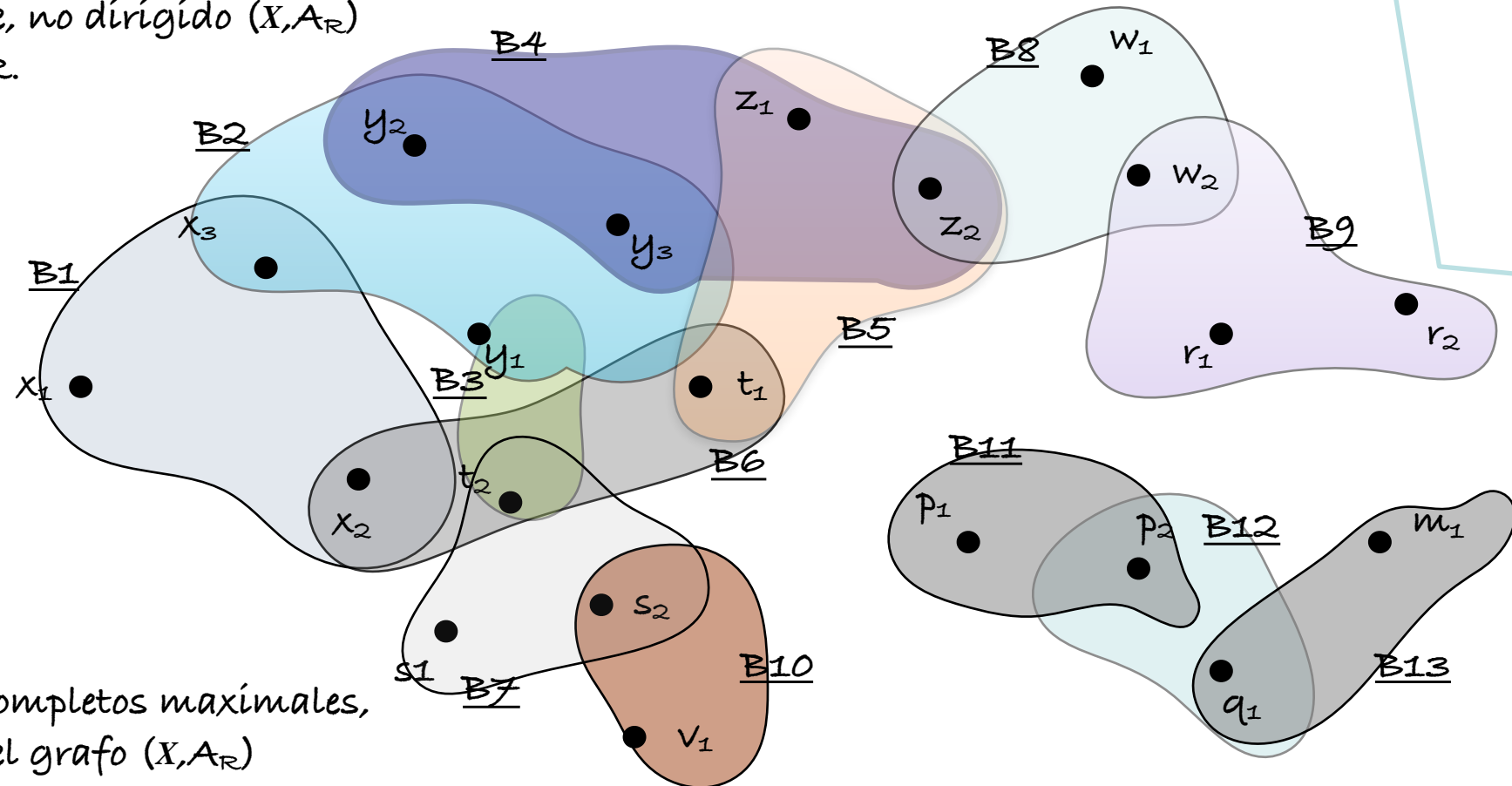
Referencial X
 Sistema relacionan (X,R), con R una semejanza o tolerancia.

$$X \sqsubseteq_{\mathbb{R}^Z} Y \Leftrightarrow (\uparrow_{\mathbb{R}Y} \cap \uparrow_{\mathbb{R}Z} \subseteq \uparrow_{\mathbb{R}X})$$

$$\uparrow_{\mathbb{R}X} = \{s \in X / XRS\} = \downarrow_{\mathbb{R}X} = \{t \in X / tRX\}$$



Grafo simple, no dirigido (X, A_R)
 asociado a R.



Bloques de semejanza
 o tolerancia asociados
 a R: B1, B2, ..., B13

Subgrafos completos maximales,
 (cliques), del grafo (X, A_R)

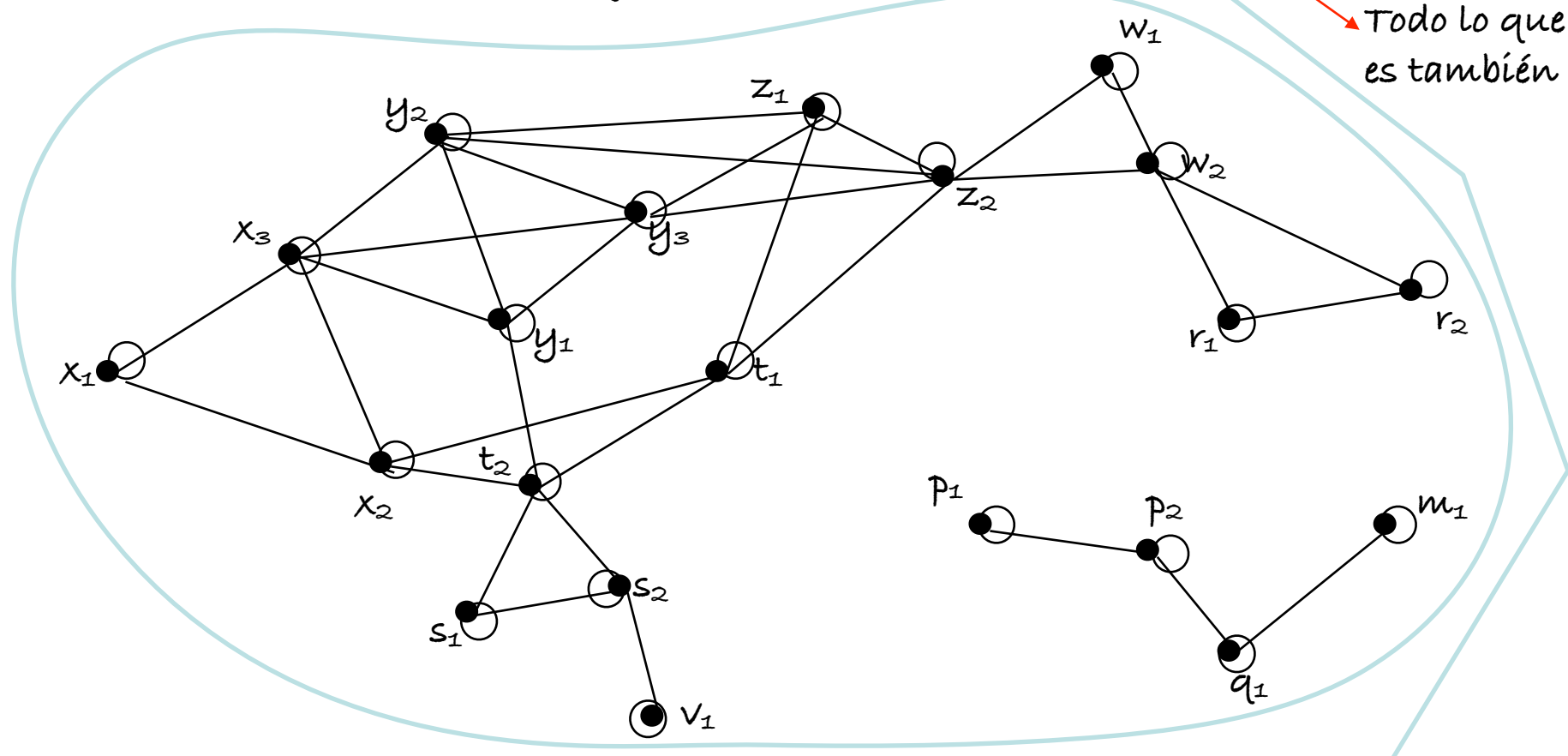
RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)

Referencial X
 Sistema relacionan (X,R), con R una semejanza o tolerancia.

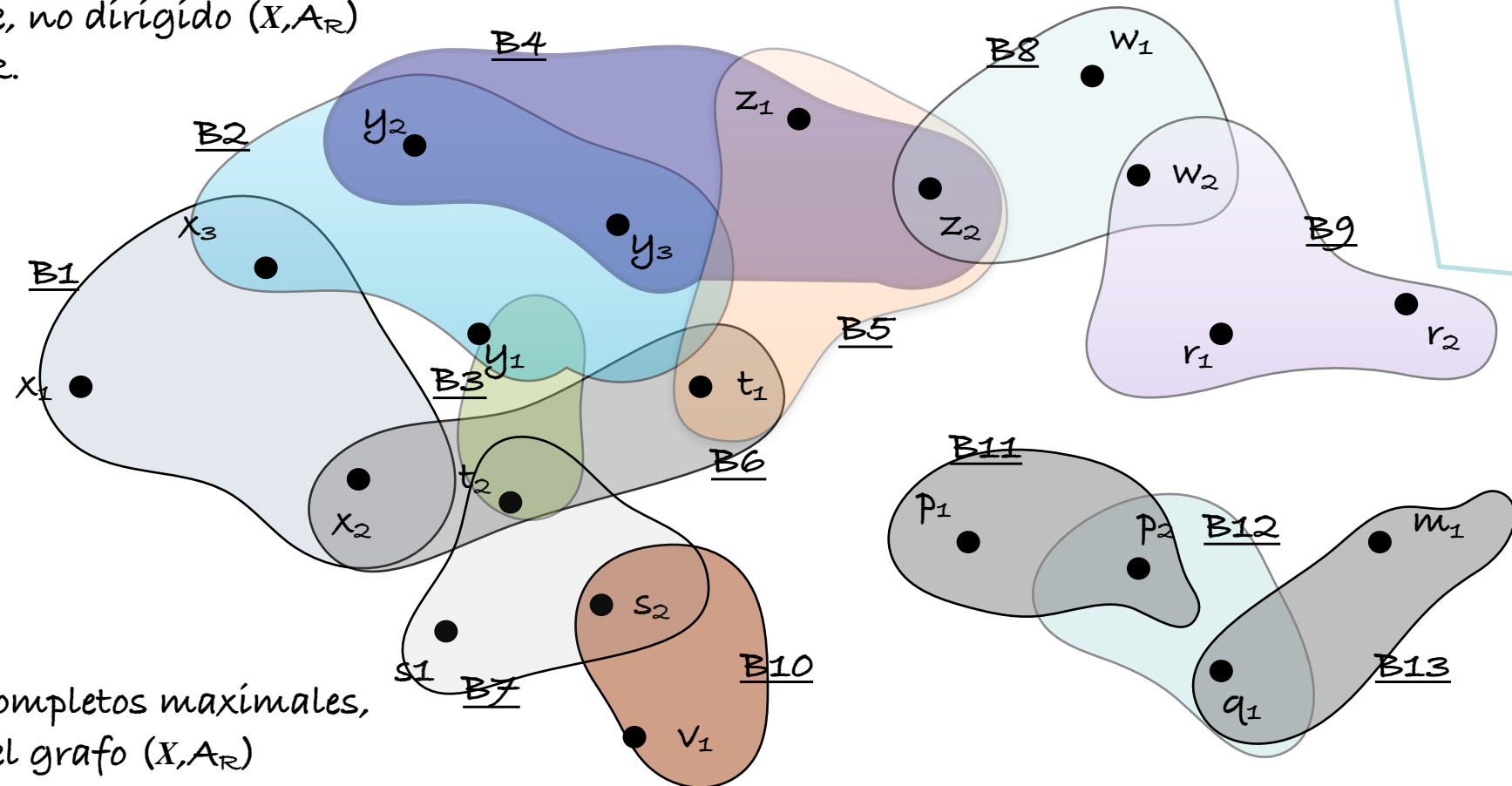
$$x \in_R z y \Leftrightarrow (\downarrow_R y \cap \downarrow_R z \subseteq \downarrow_R x)$$

$$\uparrow_{RX} = \{s \in X / xRs\} = \downarrow_{RX} = \{t \in X / tRx\}$$

Todo lo que es semejante a "z" y a "y", es también semejante a "x".



Grafo simple, no dirigido (X,AR) asociado a R.



Bloques de semejanza o tolerancia asociados a R: B1, B2, ..., B13

Subgrafos completos maximales, (cliques), del grafo (X,AR)

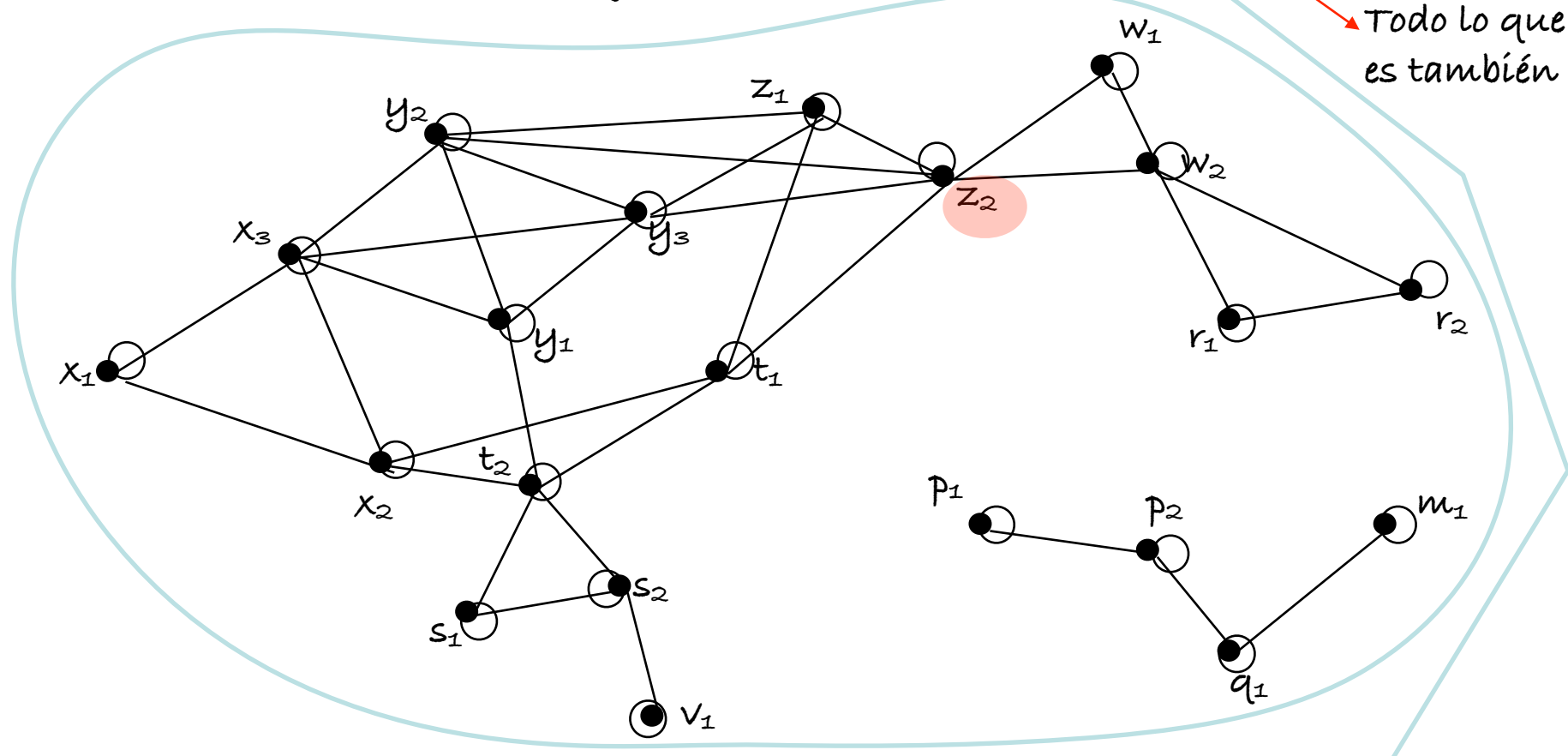
RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)

Referencial X
 Sistema relacionan (X,R), con R una semejanza o tolerancia.

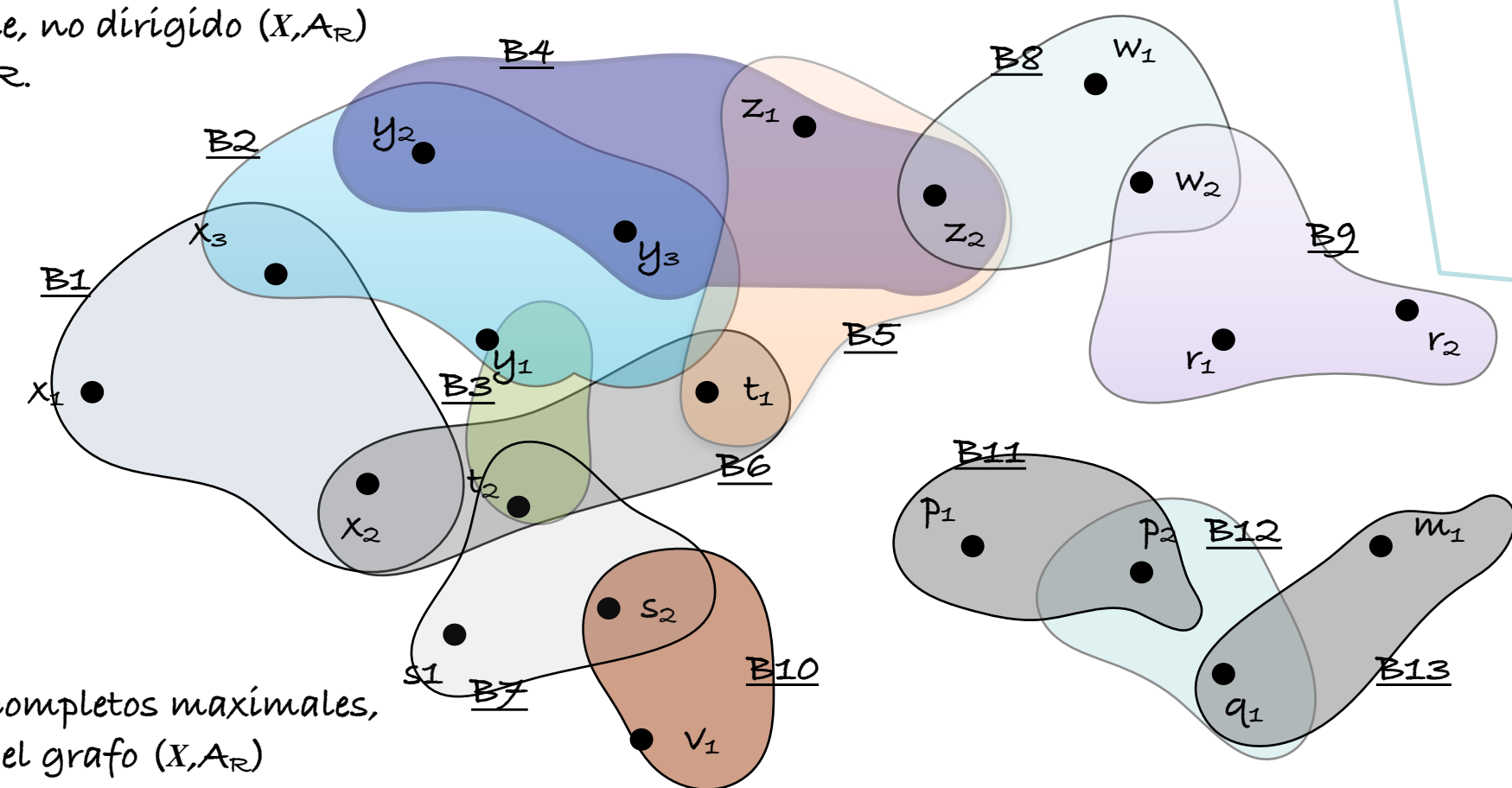
$$x \in_R z y \Leftrightarrow (\downarrow_R y \cap \downarrow_R z \subseteq \downarrow_R x)$$

$$\uparrow_{RX} = \{SE X / XRS\} = \downarrow_{RX} = \{tEX / tRX\}$$

Todo lo que es semejante a "z" y a "y", es también semejante a "x".



Grafo simple, no dirigido (X,AR) asociado a R.



Bloques de semejanza o tolerancia asociados a R: B1, B2, ..., B13

Subgrafos completos maximales, (cliques), del grafo (X,AR)

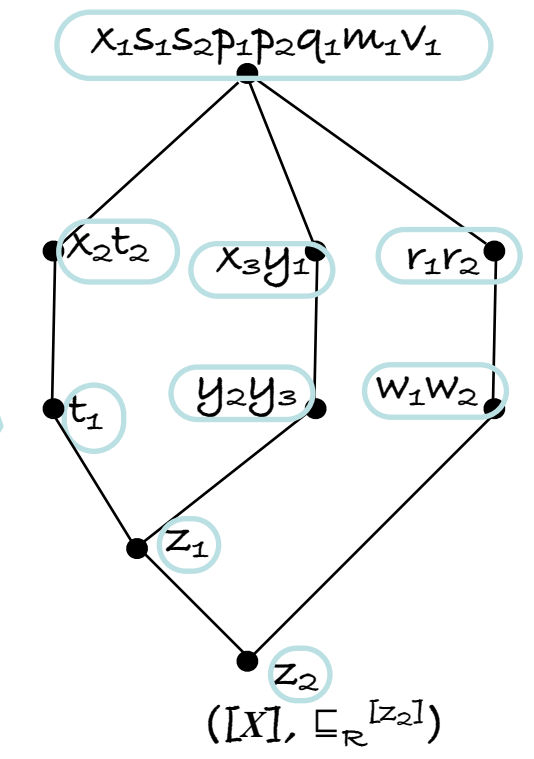
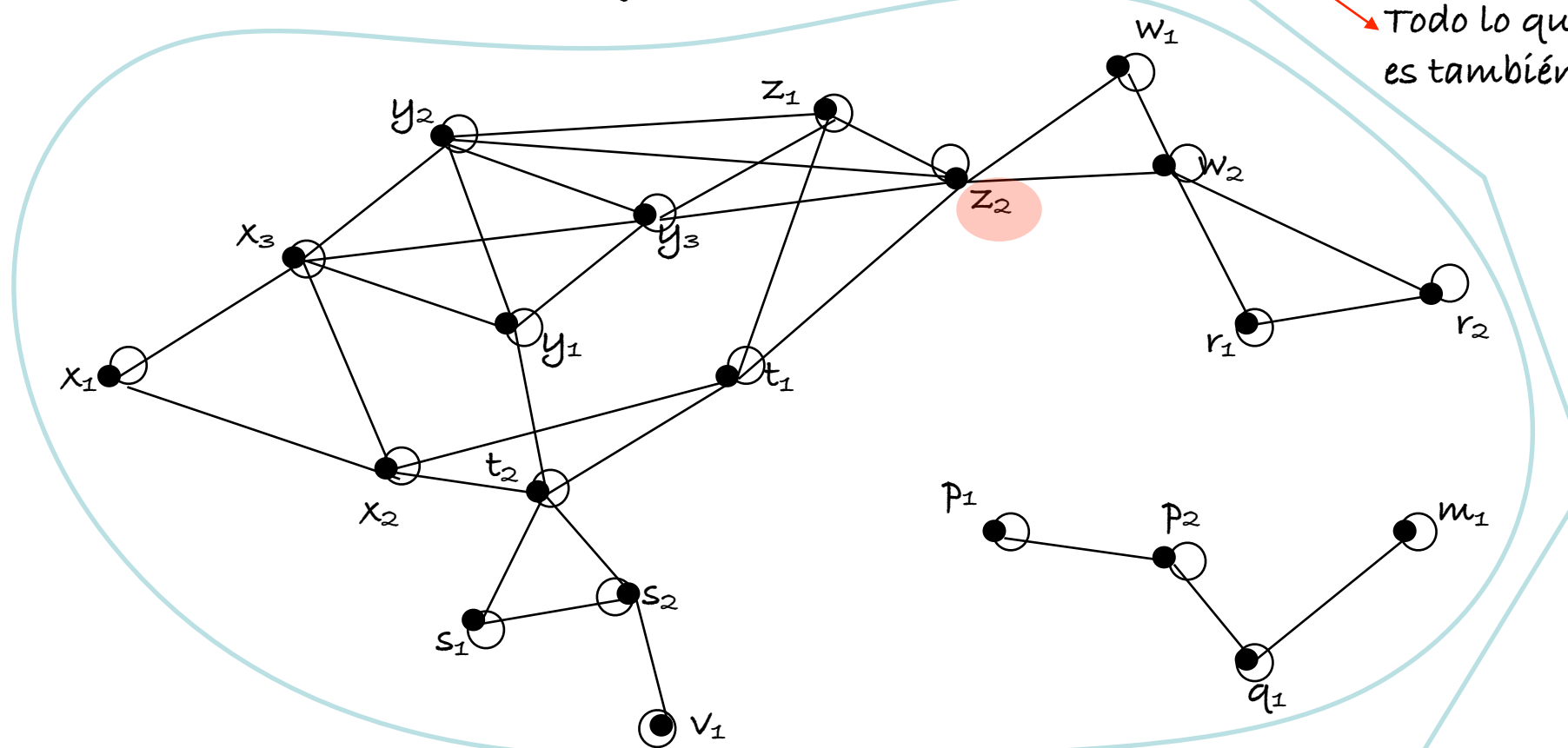
RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)

Referencial X
 Sistema relacionan (X,R), con R una semejanza o tolerancia.

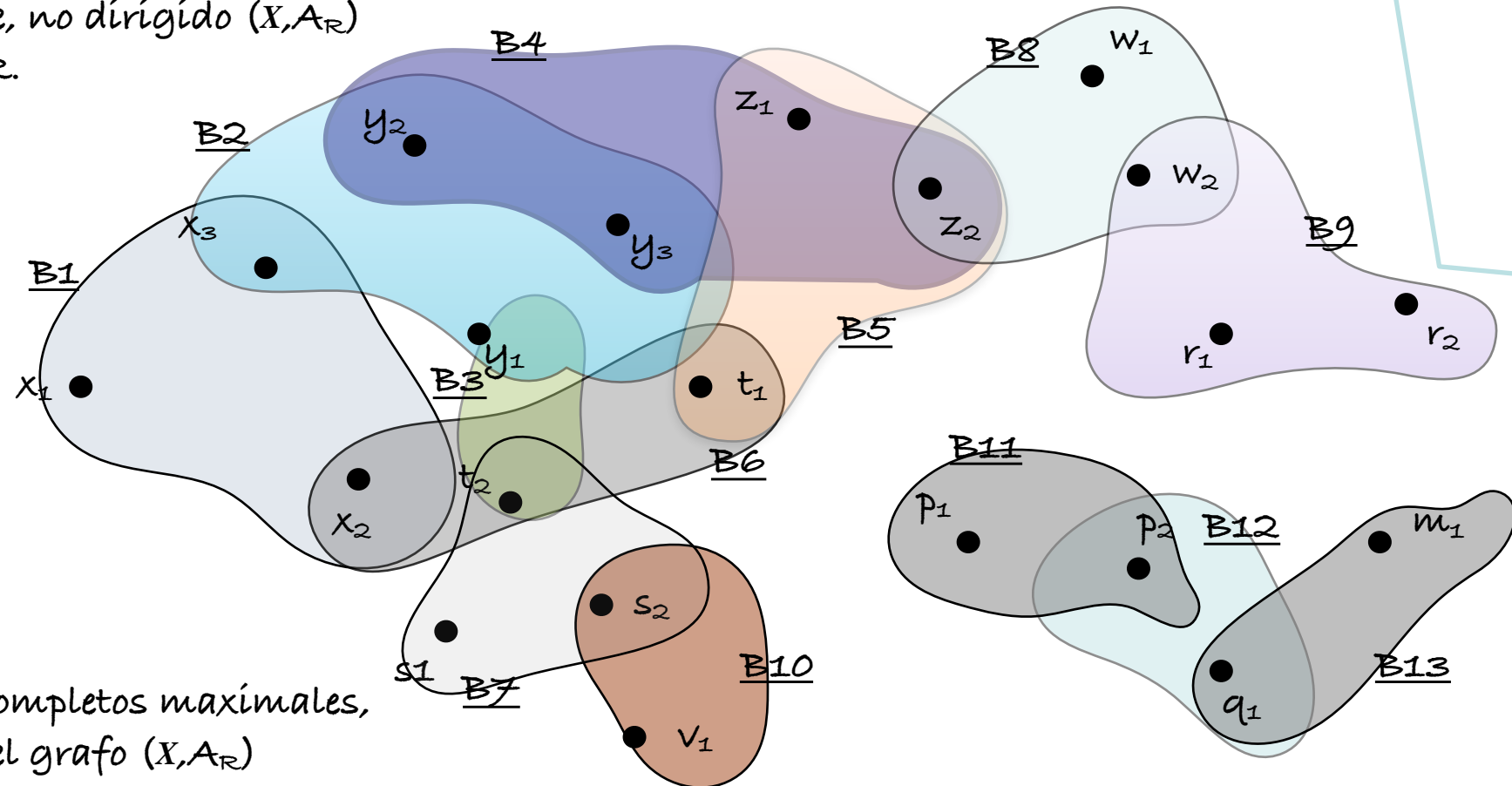
$$x \in_R z y \Leftrightarrow (\downarrow_R y \cap \downarrow_R z \subseteq \downarrow_R x)$$

$$\uparrow_R x = \{s \in X / xRs\} = \downarrow_R x = \{t \in X / tRx\}$$

Todo lo que es semejante a "z" y a "y", es también semejante a "x".



Grafo simple, no dirigido (X, A_R) asociado a R.



Bloques de semejanza o tolerancia asociados a R: B1, B2, ..., B13

Subgrafos completos maximales, (cliques), del grafo (X, A_R)

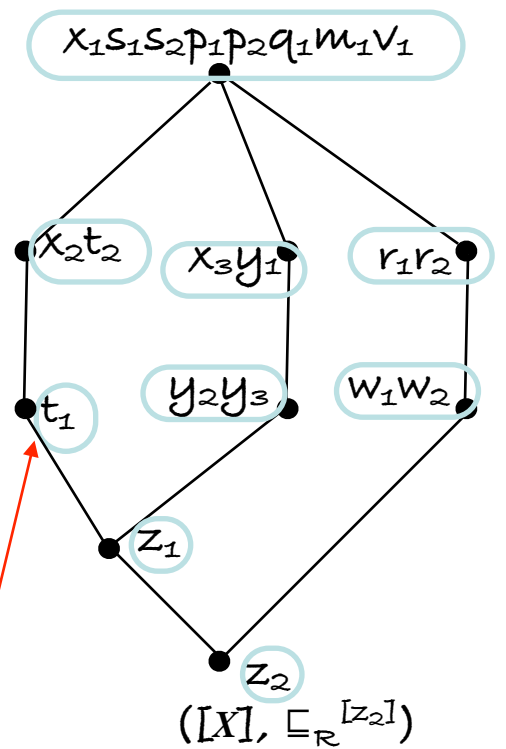
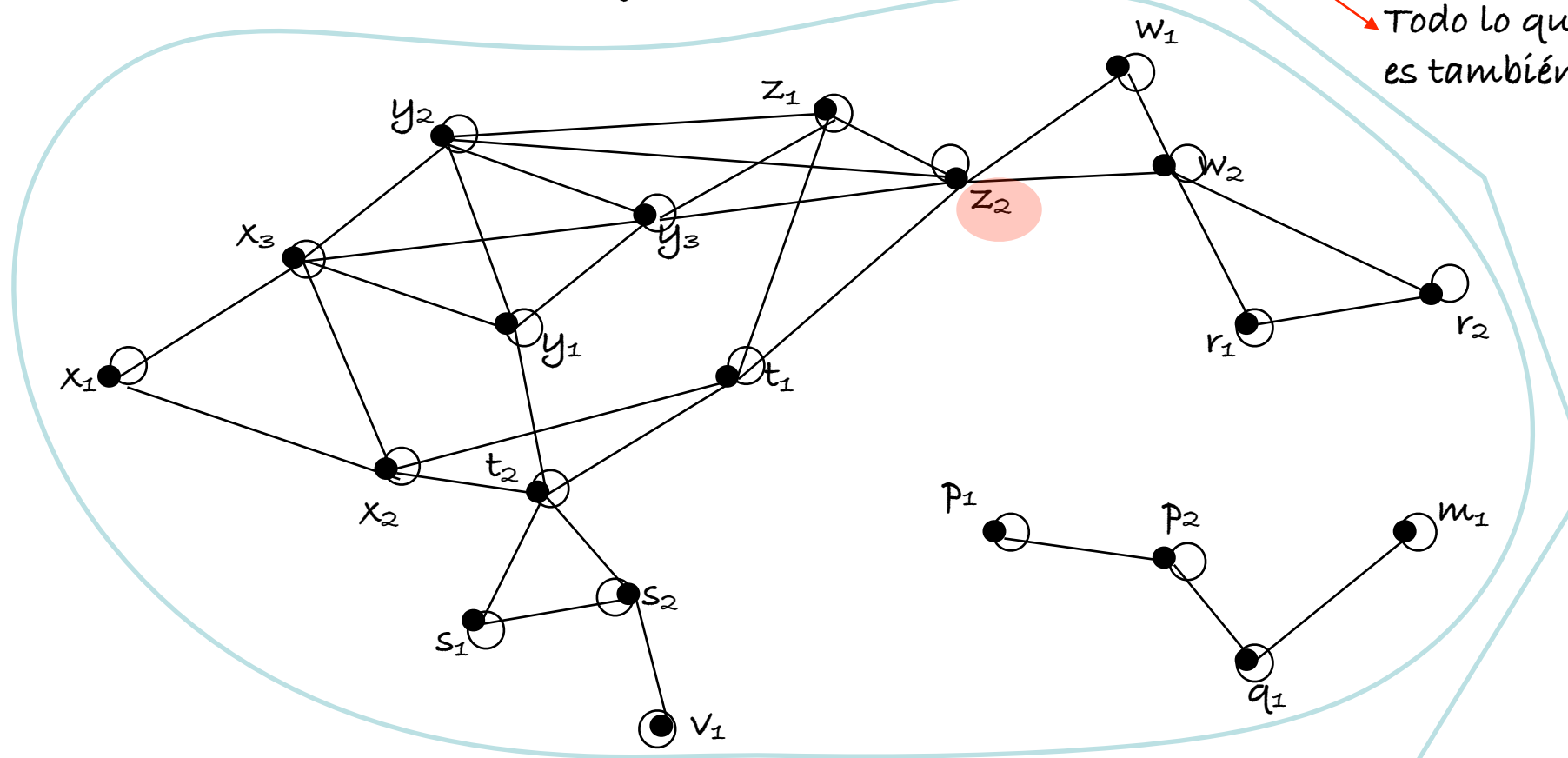
RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)

Referencial X
 Sistema relacionan (X,R), con R una semejanza o tolerancia.

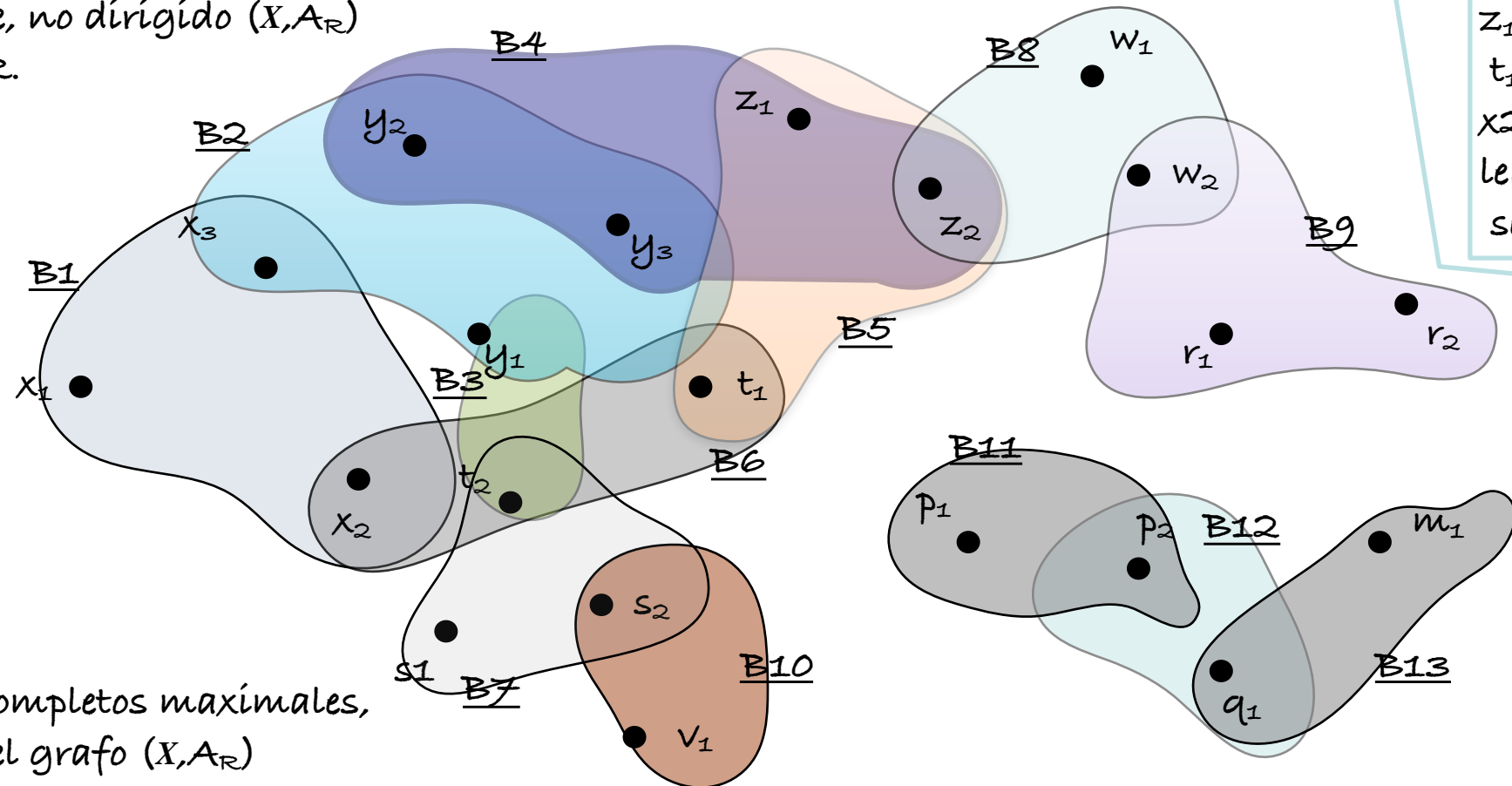
$$x \in_R z y \Leftrightarrow (\downarrow_R y \cap \downarrow_R z \subseteq \downarrow_R x)$$

$$\uparrow_R x = \{s \in X / xRs\} = \downarrow_R x = \{t \in X / tRx\}$$

Todo lo que es semejante a "z" y a "y", es también semejante a "x".



Grafo simple, no dirigido (X, A_R) asociado a R.

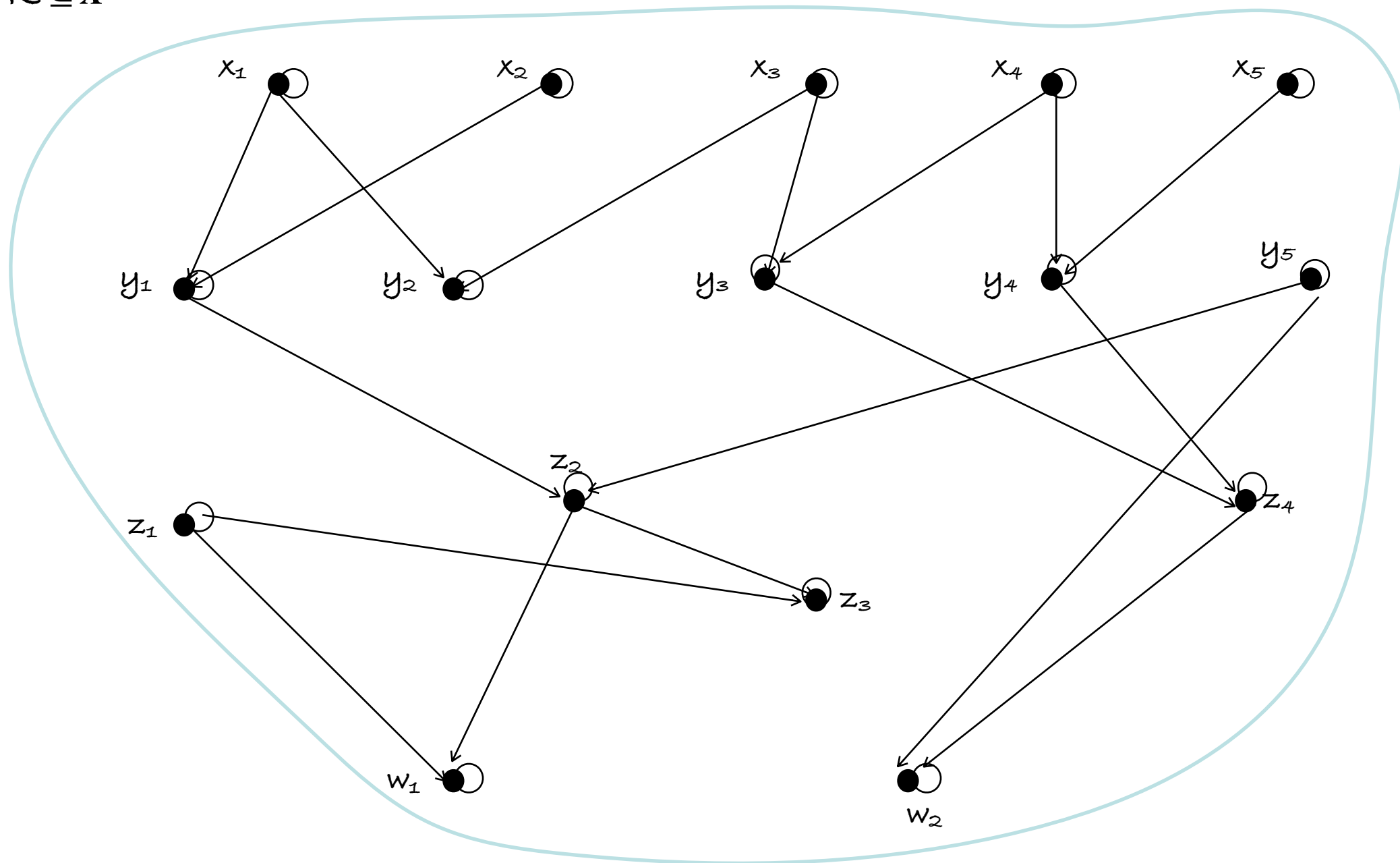


Subgrafos completos maximales, (cliques), del grafo (X, A_R)

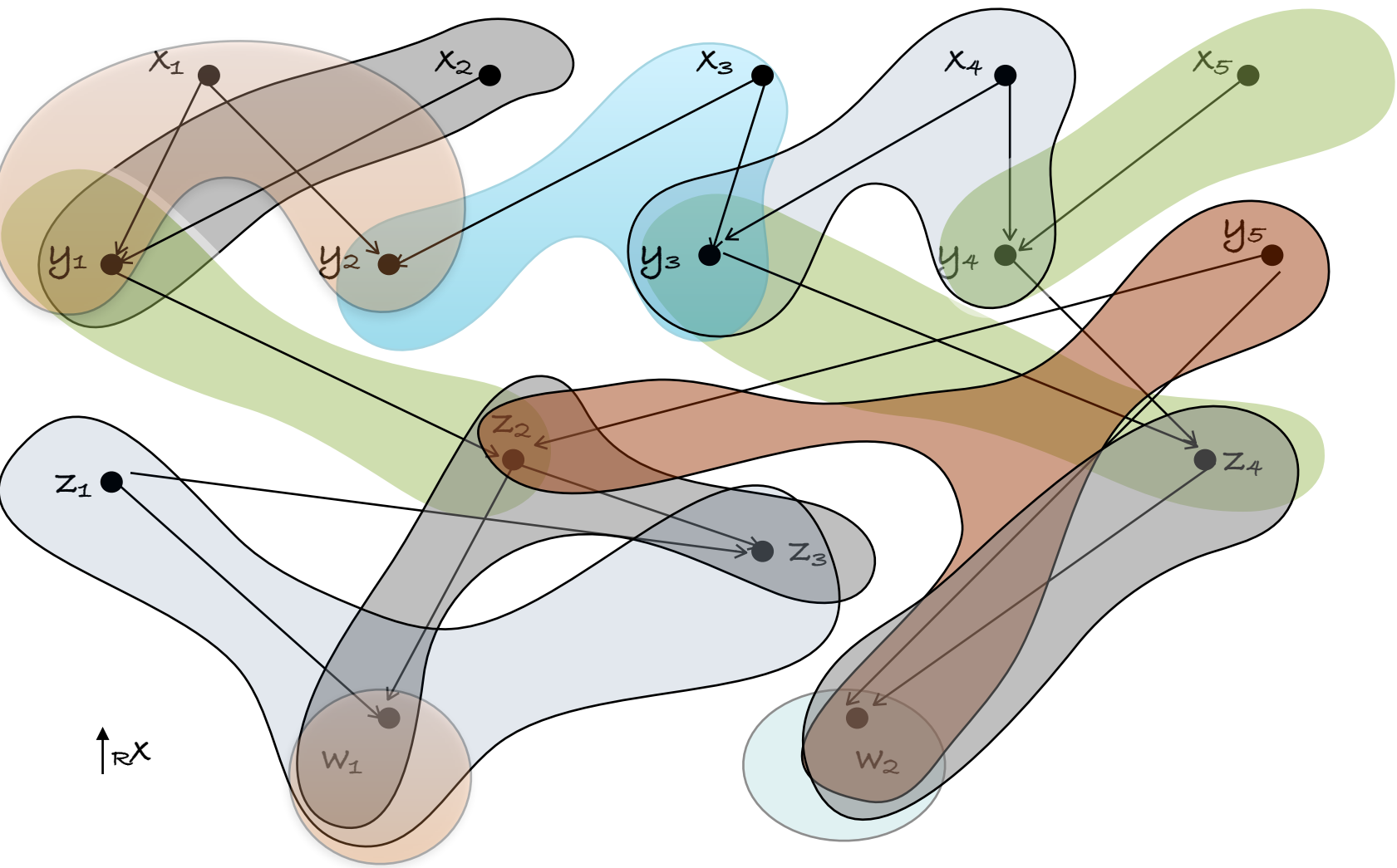
z_1 "se asemeja más" a z_2 que t_1 y este último más que x_2 y t_2 (dos que son equivalentes en cuanto a su semejanza con t_1).

Bloques de semejanza o tolerancia asociados a R: B1, B2, ..., B13

$(X, R), R \subseteq X^2$

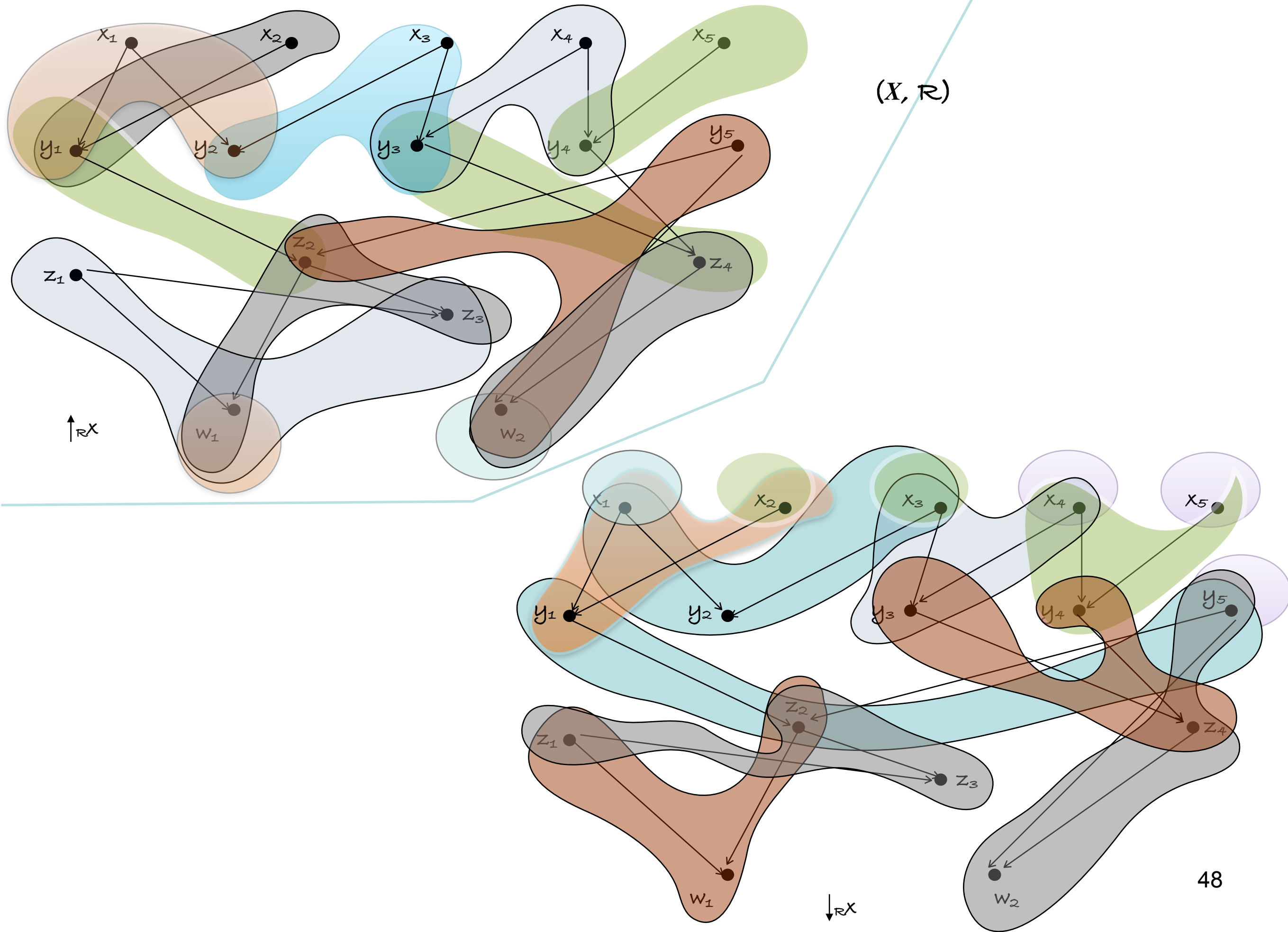


RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NÍTIDOS (X, R)

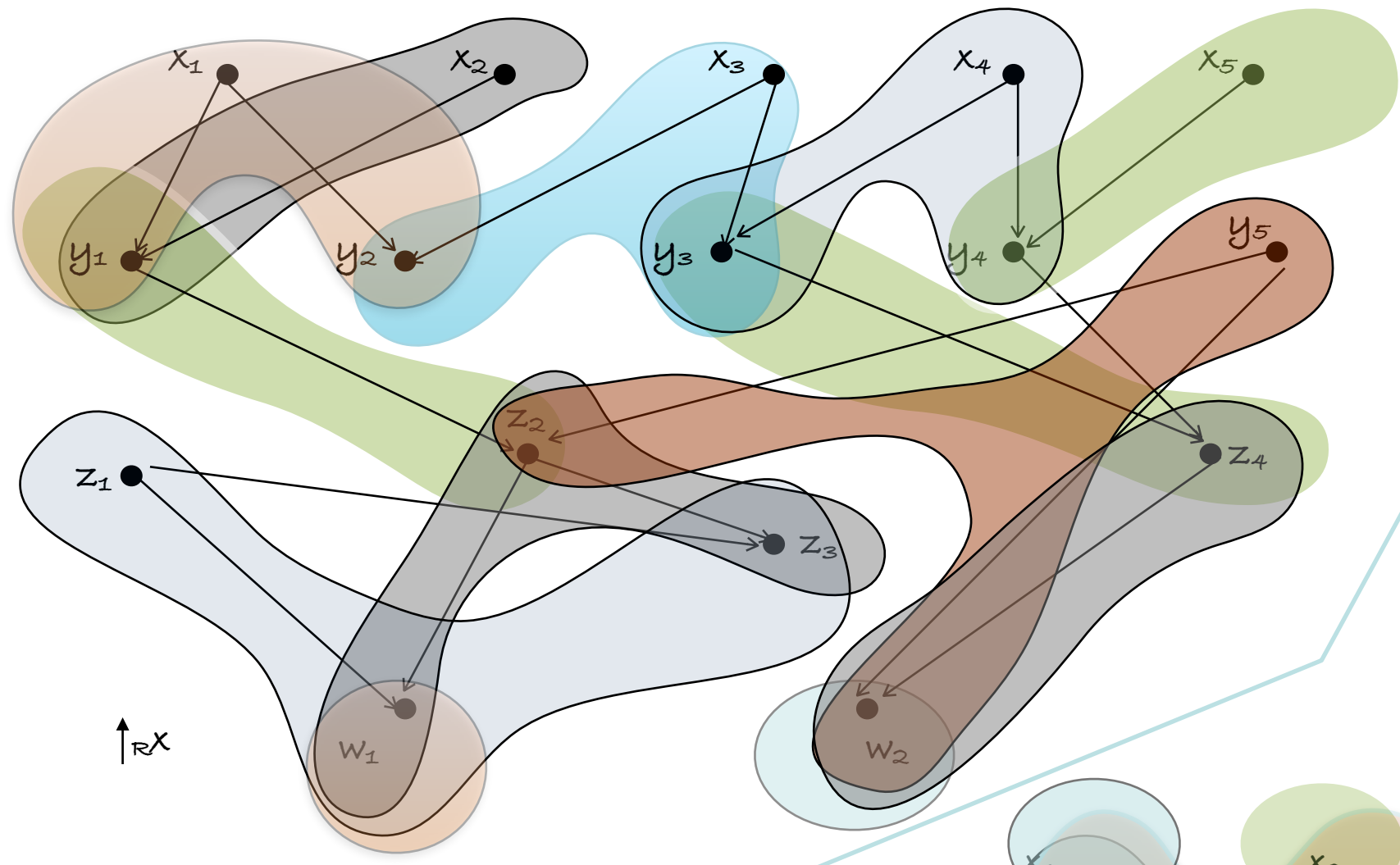


(X, R)

RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NÍTIDOS (X,R)

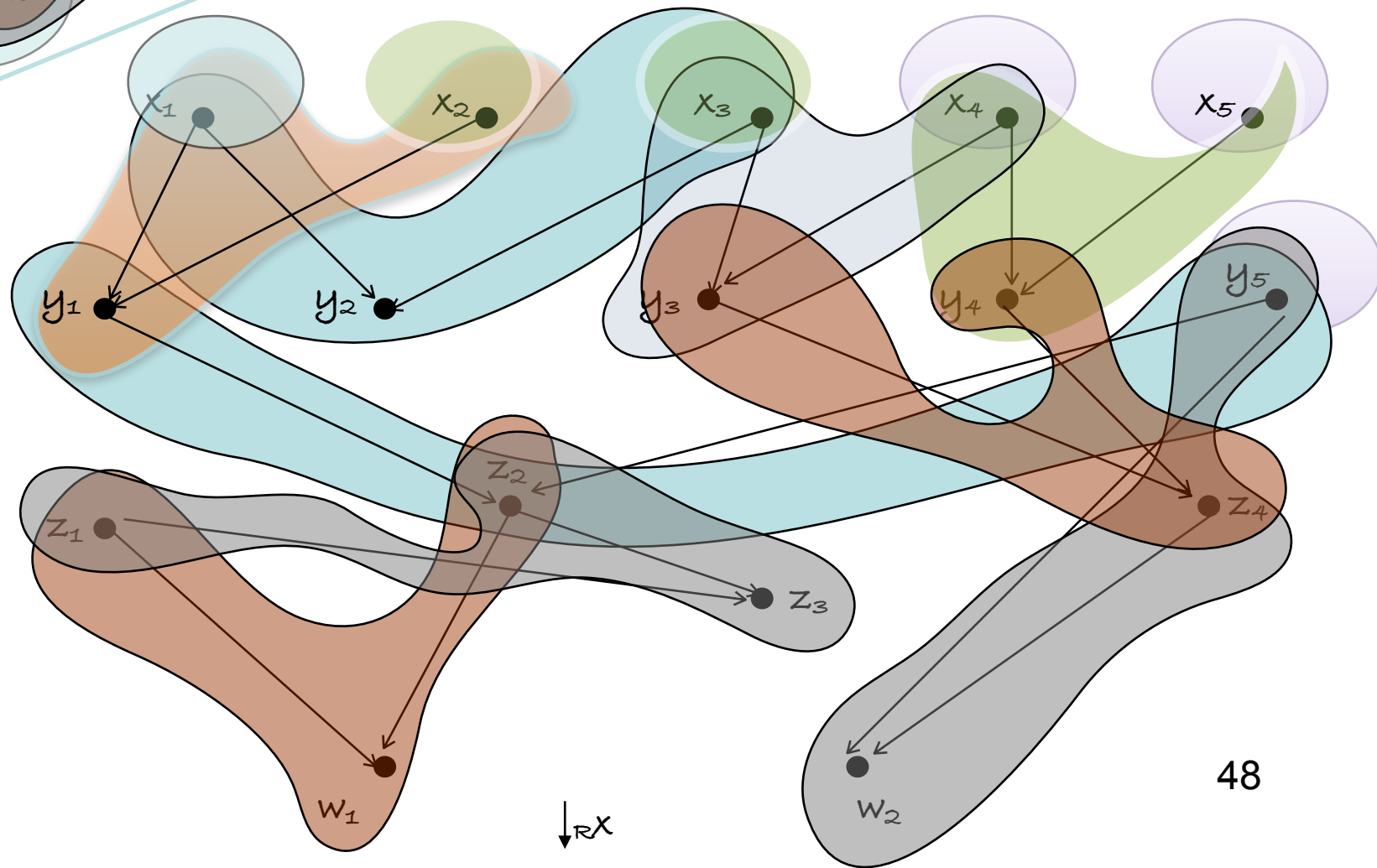


RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)



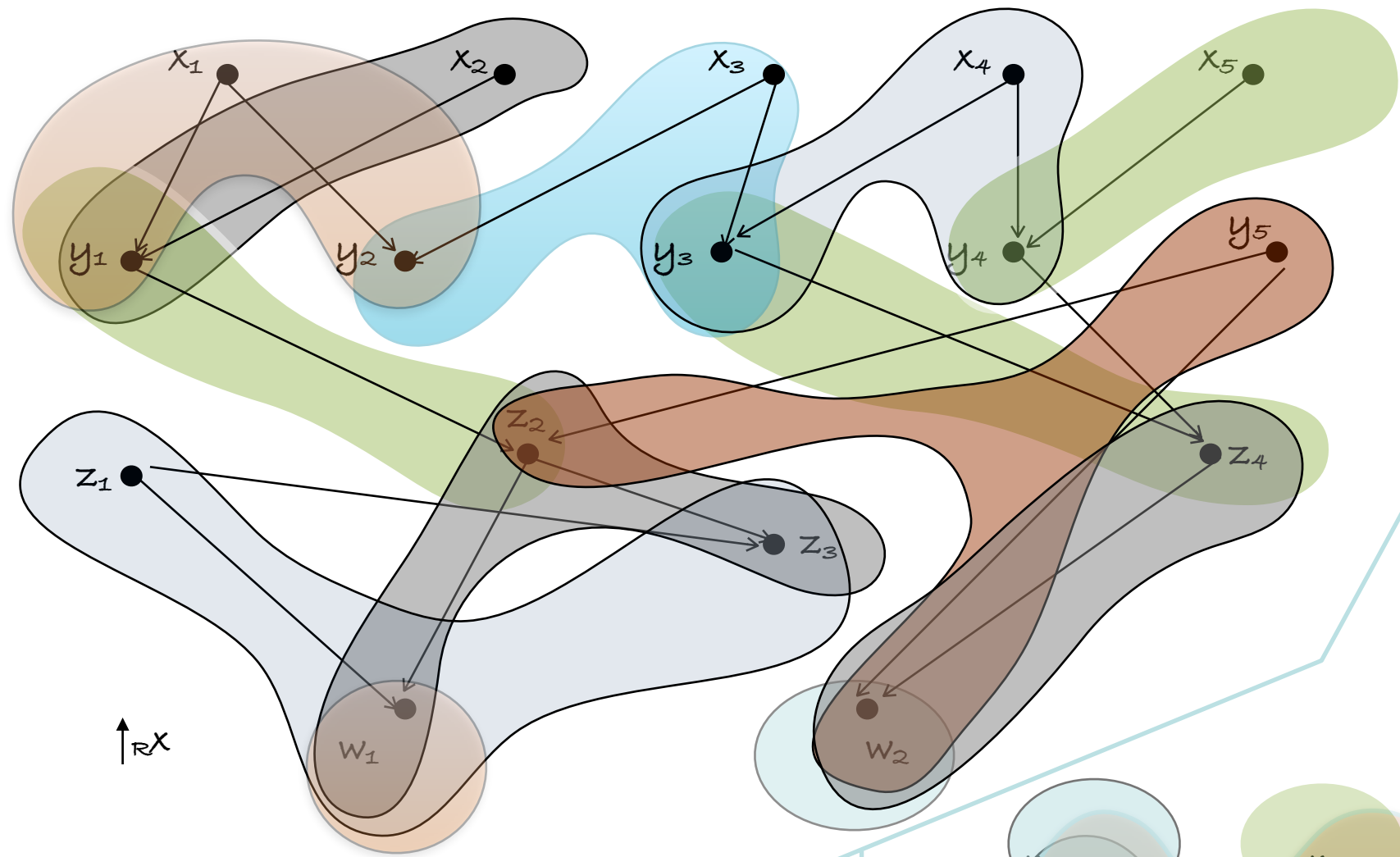
\uparrow_{RX}

$$x \sqsubseteq^W y \Leftrightarrow (\uparrow_{RY} \cap \uparrow_{RW} \subseteq \uparrow_{RX}) \ \& \ (\downarrow_{RY} \cap \downarrow_{RW} \subseteq \downarrow_{RX})$$



\downarrow_{RX}

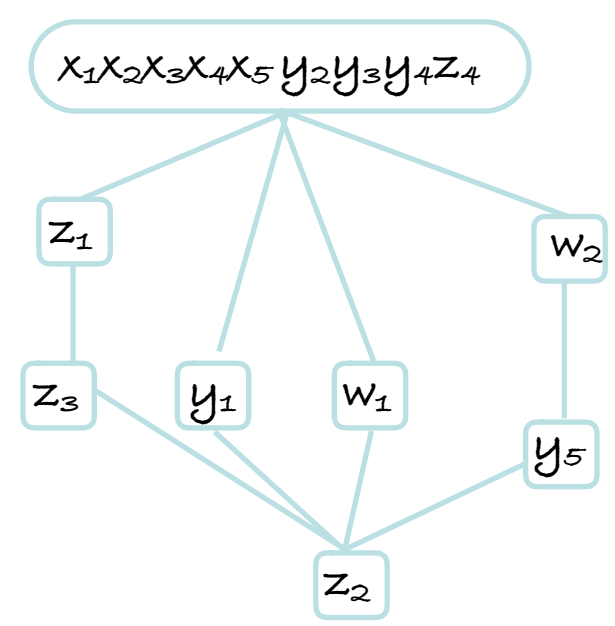
RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS NITIDOS (X,R)



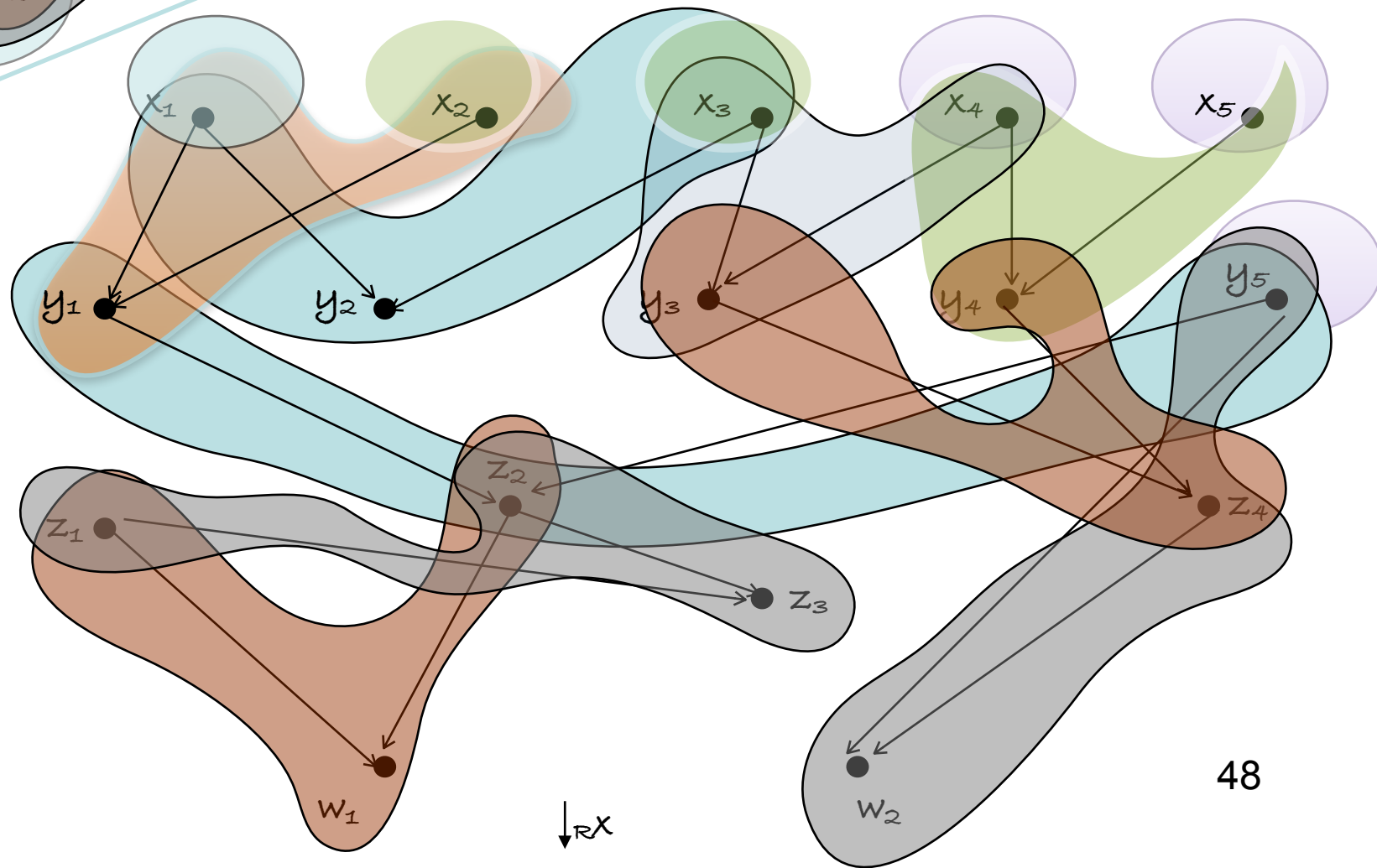
(X, R)

\uparrow_{RX}

$$x \sqsubseteq^W y \Leftrightarrow (\uparrow_{RY} \cap \uparrow_{RW} \subseteq \uparrow_{RX}) \ \& \ (\downarrow_{RY} \cap \downarrow_{RW} \subseteq \downarrow_{RX})$$



$([X], \sqsubseteq_R [z_2])$



\downarrow_{RX}

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R borrosa)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R borrosa)

$$(X, R), R \subseteq X^2$$

$$(X, \sqsubseteq_R^w) \quad \sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$$

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{Ry} \cap \uparrow_{Rw} \subseteq \uparrow_{Rx}) \ \& \ (\downarrow_{Ry} \cap \downarrow_{Rw} \subseteq \downarrow_{Rx})$$

$$\uparrow_{Rx} = \{s \in X / xRs\}, \quad \downarrow_{Rx} = \{t \in X / tRx\}$$

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R borrosa)

$$(X, R), R \subseteq X^2$$

$$(X, \sqsubseteq_R^w) \quad \sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$$

$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{Ry} \cap \uparrow_{Rw} \subseteq \uparrow_{Rx}) \ \& \ (\downarrow_{Ry} \cap \downarrow_{Rw} \subseteq \downarrow_{Rx})$$

$$\uparrow_{Rx} = \{s \in X / xRs\}, \quad \downarrow_{Rx} = \{t \in X / tRx\}$$

$(L, \leq, \cdot, +, 0, 1, \inf_L, \sup_L, *, \rightarrow)$ retículo completo distributivo con par residuado $(*, \rightarrow)$.

RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS BORROSOS (X,R)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R borrosa)

$$(X, R), R \subseteq X^2$$

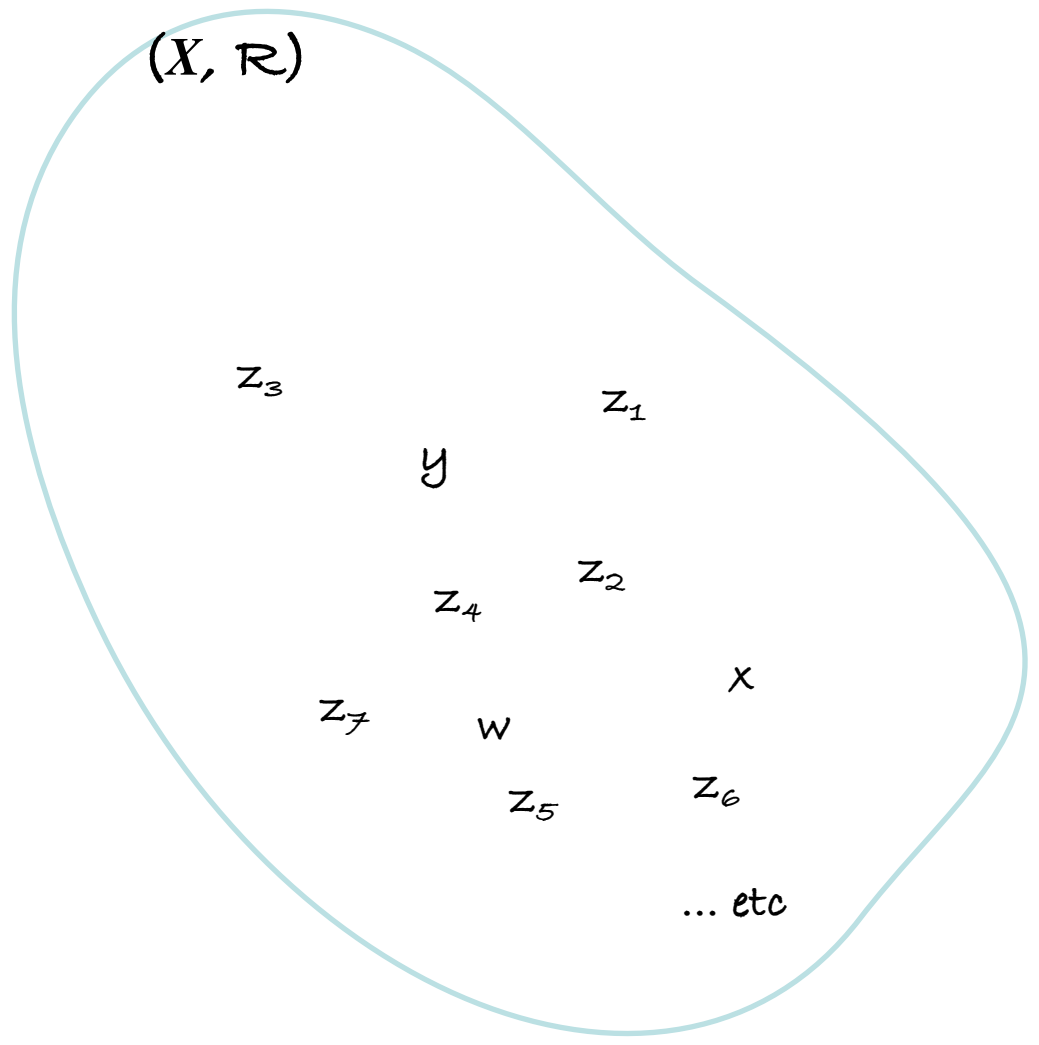
$$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_R y \cap \uparrow_R w \subseteq \uparrow_R x) \ \& \ (\downarrow_R y \cap \downarrow_R w \subseteq \downarrow_R x)$$

$$(X, \sqsubseteq_R^w) \quad \sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$$

$$\uparrow_R X = \{s \in X / x R s\}, \quad \downarrow_R X = \{t \in X / t R x\}$$

$(L, \leq, \cdot, +, 0, 1, \inf_L, \sup_L, *, \rightarrow)$ retículo completo distributivo con par residuado $(*, \rightarrow)$.

$$X = \{x, y, w, z_1, z_2, \dots\}$$



RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS BORROSOS (X,R)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R borrosa)

$(X, R), R \subseteq X^2$

$x \sqsubseteq_R^w y \Leftrightarrow (\uparrow_{Ry} \cap \uparrow_{Rw} \subseteq \uparrow_{Rx}) \& (\downarrow_{Ry} \cap \downarrow_{Rw} \subseteq \downarrow_{Rx})$

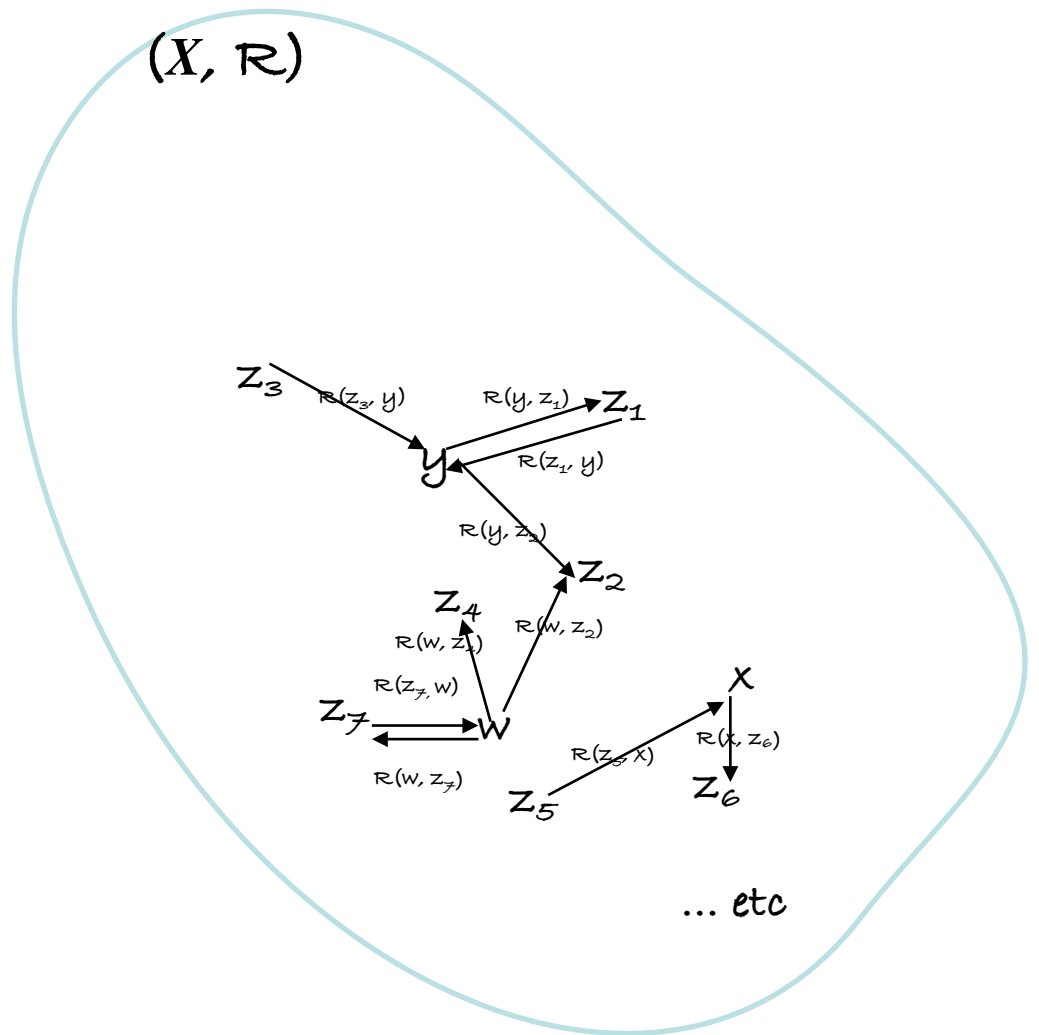
$(X, \sqsubseteq_R^w) \quad \sqsubseteq_R^w \subseteq X^2$

$\uparrow_{Rx} = \{s \in X / xRs\}, \quad \downarrow_{Rx} = \{t \in X / tRx\}$

$(L, \leq, \cdot, +, 0, 1, \inf_L, \sup_L, *, \rightarrow)$ retículo completo distributivo con par residuado $(*, \rightarrow)$.

$X = \{x, y, w, z_1, z_2, \dots\}$

$(X, R), R \in L^{X^2}$



RELACIONES DE ACTIVIDAD EN SISTEMAS BORROSOS (X,R)

Extensión de las relaciones de actividad a sistemas relacionales (X, R) (R borrosa)

$(X, R), R \subseteq X^2$

$(X, \sqsubseteq_R^W) \quad \sqsubseteq_R^W \subseteq X^2$

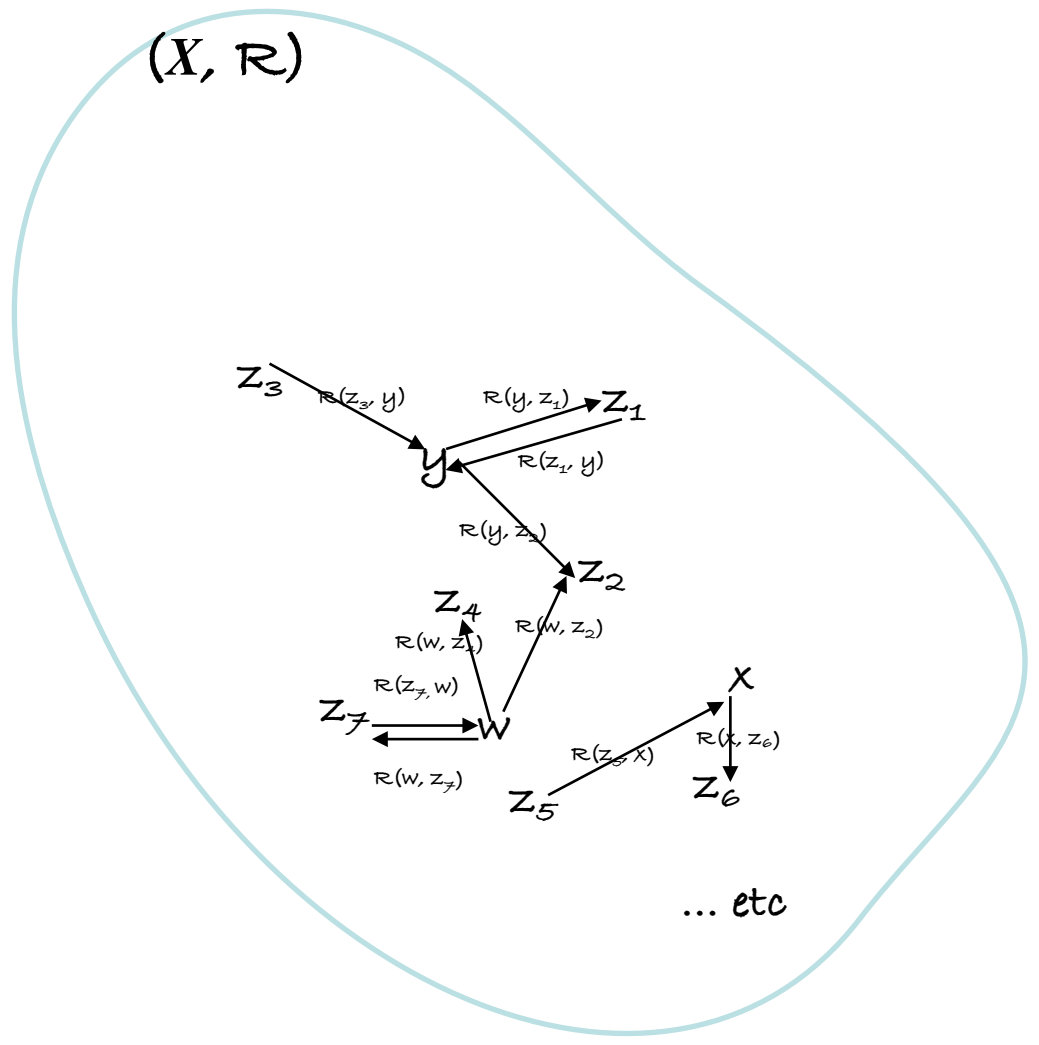
$x \sqsubseteq_R^W y \Leftrightarrow (\uparrow_R y \cap \uparrow_R W \subseteq \uparrow_R X) \ \& \ (\downarrow_R y \cap \downarrow_R W \subseteq \downarrow_R X)$

$\uparrow_R X = \{s \in X / XRS\}, \ \downarrow_R X = \{t \in X / tRX\}$

$(L, \leq, \cdot, +, 0, 1, \text{inf}_L, \text{sup}_L, *, \rightarrow)$ retículo completo distributivo con par residuado $(*, \rightarrow)$.

$X = \{x, y, w, z_1, z_2, \dots\}$

$(X, R), R \in L^{X^2}$

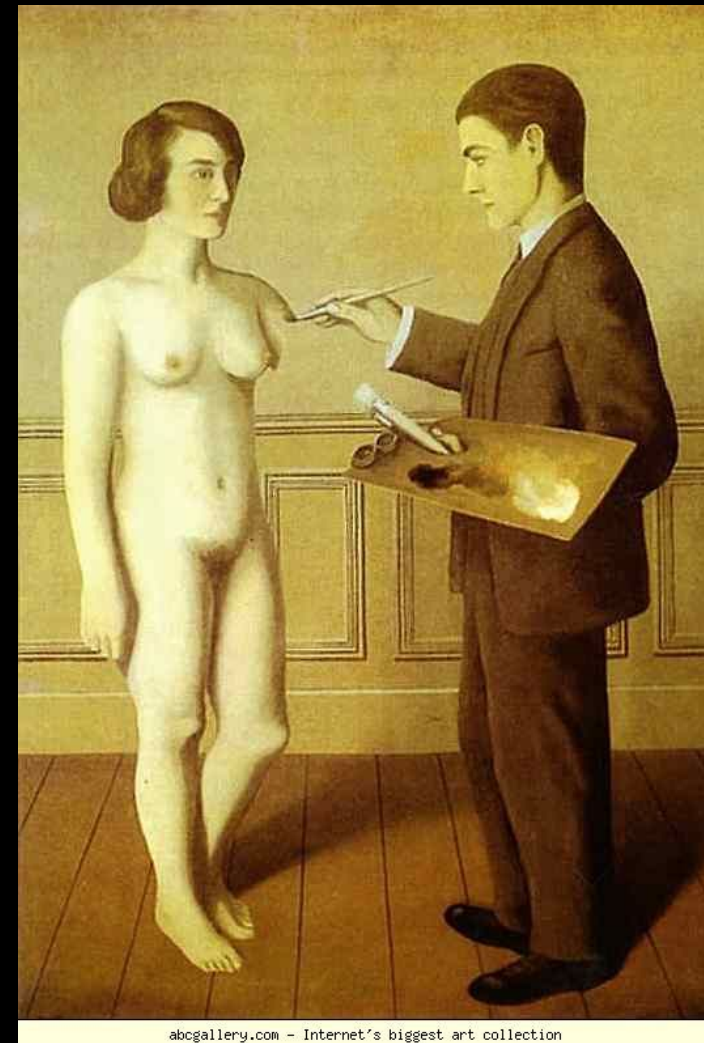


$(X, \sqsubseteq_R^W) \quad \sqsubseteq_R^W \in L^{X^2}$

$\sqsubseteq_R^W(x,y) = \text{inf}_L \{ R(y,s) * R(w,s) \rightarrow R(x,s) / s \in X \} \cdot \text{inf}_L \{ R(t,y) * R(t,w) \rightarrow R(t,x) / t \in X \}$

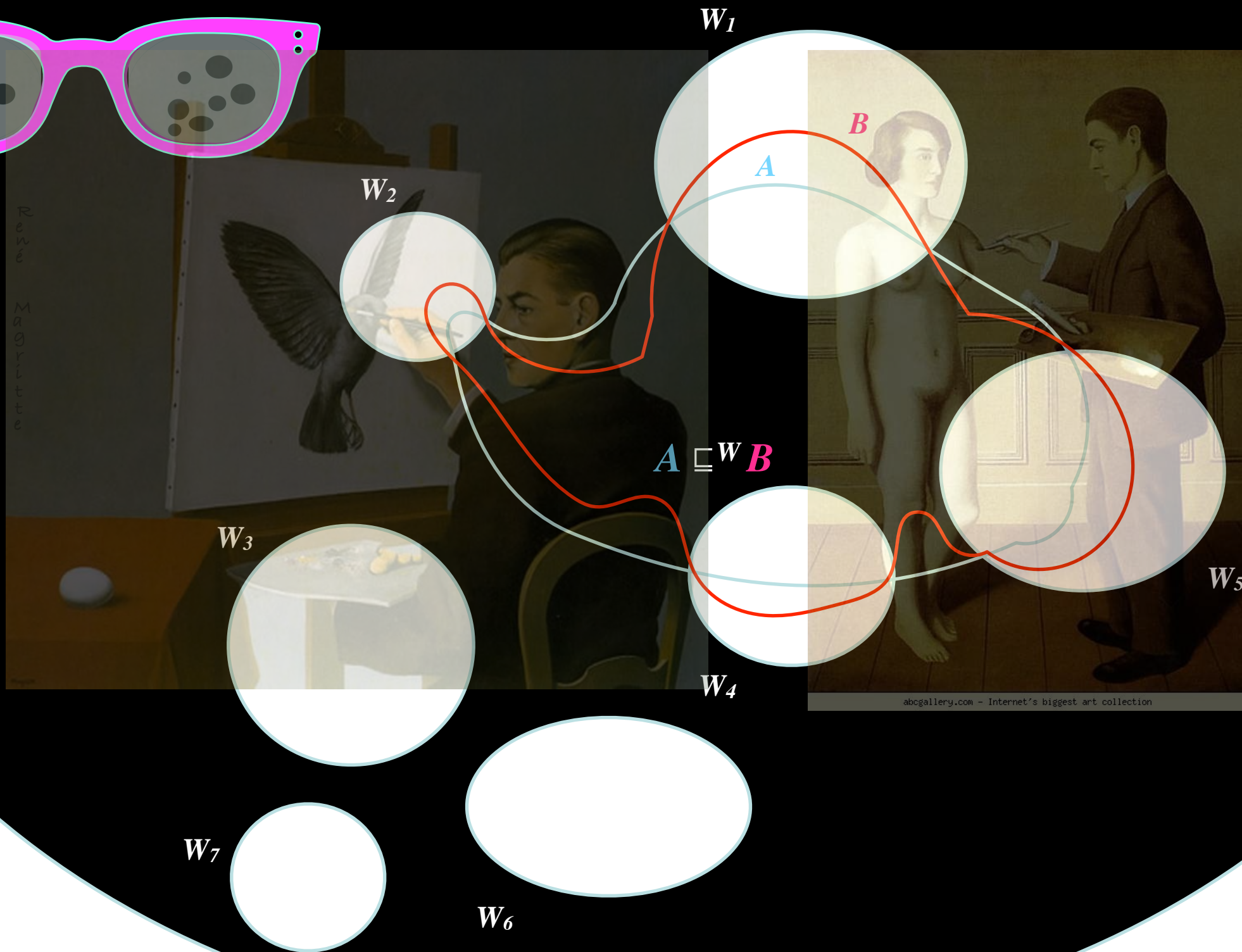
?

E



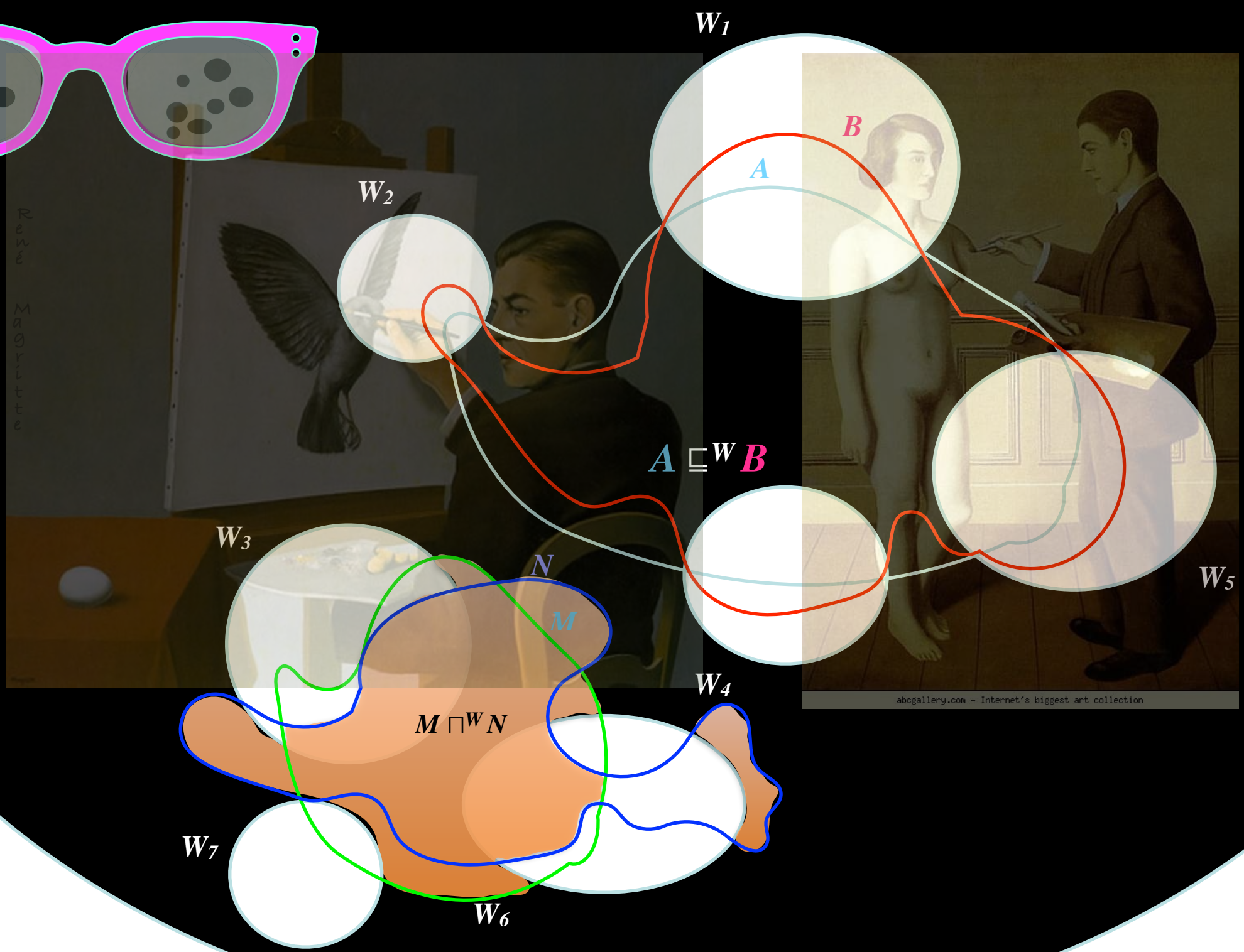
$$W = W_1 \cup W_2 \cup W_3 \cup W_4 \cup W_5 \cup W_6 \cup W_7$$

E



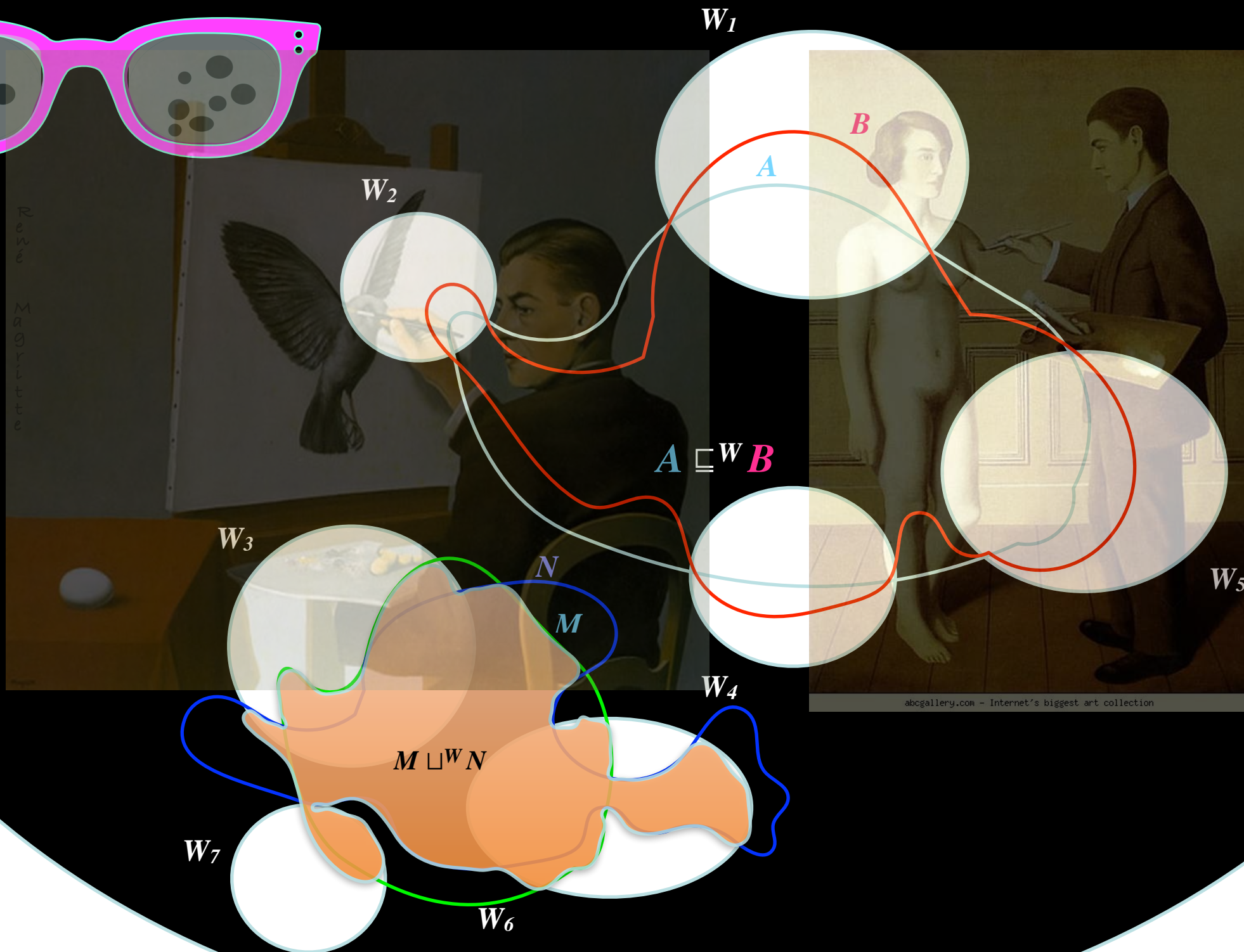
$$W = W_1 \cup W_2 \cup W_3 \cup W_4 \cup W_5 \cup W_6 \cup W_7$$

E



$$W = W_1 \cup W_2 \cup W_3 \cup W_4 \cup W_5 \cup W_6 \cup W_7$$

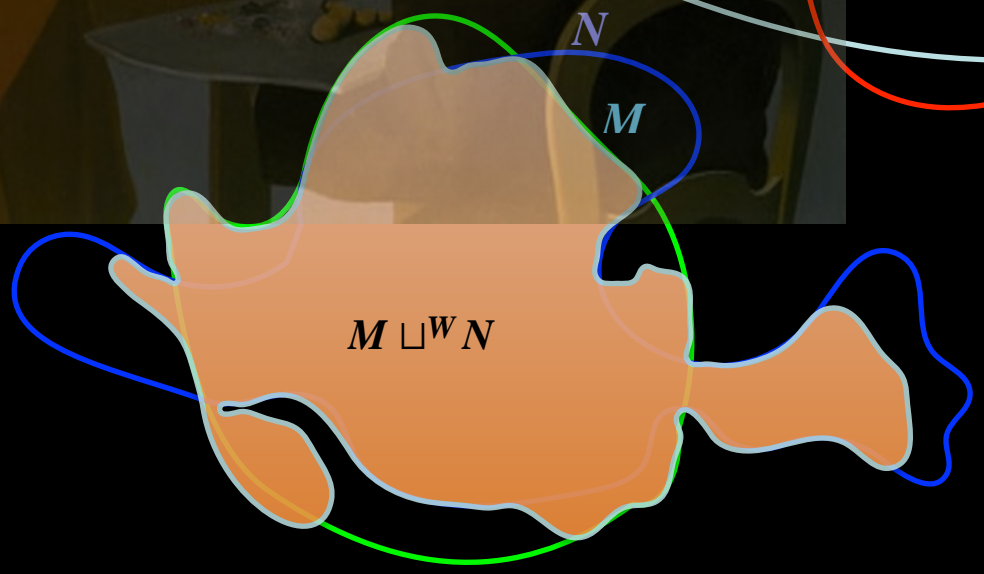
E





Gracias por su atención

$$A \sqsubseteq^W B$$



gbarvar (function() {try {var der-left:px%3Dag%3es
UR5eFteCkxX3q4GyDw&sig=0_roxKZuVfTxJfC

$\csc(-x) = -\csc(x)$
 $\cos(-x) = \cos(x)$
 $\sec(-x) = \sec(x)$
 $\tan(-x) = -\tan(x)$

Atomic Physics
 1) alpha (α) particle - ${}^4\text{He}^+$ (helium nucleus)
 2) beta (β) particle - ${}^{-1}\text{e}^0$ (an electron)
 3) a positron ${}^{+1}\text{e}^0$ (same mass as an elec charge)
 4) gamma (γ) ray - no mass, no charge, J energy
 5) $\Delta m / \Delta t =$ rate of decay where $\Delta m =$ change in time
 6) If the number of half-lives n are known percentage of a pure radioactive sample decay since the fraction remaining = $(1/2)^n$

Nelectrons = $2n^2$, where Nelectrons des electrons in shell n

1,3,5,7,9,11

$\sin x - \sin(x-y)/2$
 $\cos x - \cos(x-y)/2$

$\sin x - \sin(x-y) = 2 \cos(x-y/2) \sin(y/2)$
 $\cos x - \cos(x-y) = -2 \sin(x-y/2) \sin(y/2)$

$y^2 / a^2 - x^2 / b^2 = 1$ science practice
 $x^2 / a^2 + y^2 / b^2 = 1$ learni

$x = x_0 + v_0 t + 1/2 a t^2$
 $v = v_0 + at$

$\csc(-x) = -\csc(x)$
 $\cos(-x) = \cos(x)$
 $\cot(-x) = -\cot(x)$

E

A **B**

Gracias por su atención

$A \subseteq B$

N **M**

$M \cup N$

$Q = \frac{dQ}{dt} = e^{-kt}$
 $u = \left[\frac{d}{dt} - \left(\frac{d}{dt} \right)^2 \right]$
 $I = \frac{dI}{dt}$
 $P = I^2 R = I \Delta V$
 $R = \frac{V}{I}$
 $P = P_0 [1 + \alpha(T - T_0)]$

Conflict

$m^2 + 2m - 1 = 0$
 $(m-1)^2 = 0$
 $m = -1$ (twice)
 $y = C_1 e^{-x} + C_2 x e^{-x}$

$\sqrt{\frac{d^2 y}{dx^2} + 2 \frac{dy}{dx} + y} = 1$
 $(y-x) = -ix - g \Rightarrow$
 $(-y) \text{ or } x+y=0$
 $(x+y)/2$
 $(x+y)/2$

Debt

$A = e^{5 \text{ mod } x} = e^{2x}$
 $e^{2x} \left(\frac{dy}{dx} + 2y \right) = x e^{2x}$
 $\frac{d}{dx} (y e^{2x}) = x e^{2x}$
 $y e^{2x} = \frac{1}{2} e^{2x} + C$
 $y = \frac{1}{2} + C e^{-2x}$

$\sin(-x) = -\sin(x)$ $\csc(-x) = -\csc(x)$
 $\cos(-x) = \cos(x)$ $\sec(-x) = \sec(x)$
 $\tan(-x) = -\tan(x)$ $\cot(-x) = -\cot(x)$

$x = x_0 + v_0 t + 1/2 a t^2$
 $v_f = v_0 + at$
 $C_{17}H_{21}N_3O_3 + C_5H_9NO_4$

$\gamma + \gamma p$
 $\gamma + C_2 \gamma e^{-\gamma t} + 2 \gamma C$ **TAX**

$+ \alpha \Delta T$

